

Старшая лига (решения)

1. Как будет видно далее, в вершинах острых углов располагаются менее массивные звёзды (m), а в вершинах тупых углов — более массивные (km). Обозначим α половину острого угла ромба, a — сторону ромба, $q = Gm/a^3$. Тогда

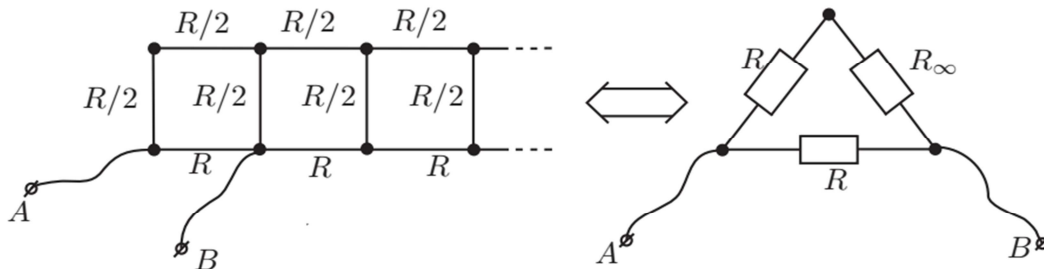
$$\omega^2 \sin \alpha = \frac{qk}{4\sin^2 \alpha} + 2q \sin \alpha, \quad \omega^2 \cos \alpha = \frac{q}{4\cos^2 \alpha} + 2qk \cos \alpha.$$

Отсюда $k = \operatorname{tg}^3 \alpha \frac{1-8\cos^3 \alpha}{1-8\sin^3 \alpha}$ и $k-1 = \frac{\operatorname{tg}^3 \alpha - 1}{1-8\sin^3 \alpha}$. Нетрудно убедиться, что α может быть в пределах от 30° до 45° (на одной границе $k \rightarrow \infty$, на другой $k \rightarrow 1$). Т.е. острый угол ромба лежит в пределах от 60° до 90° .

При $\alpha = 44^\circ$ получаем $k = 1,059$.

При $\alpha = 31^\circ$ получаем $k = 9,42$.

2. Из симметрии схемы, изображённой на рисунке 1, относительно линии, соединяющей точки А и В, следует, что потенциалы всех точек симметричных относительно этой линии равны, то есть схемы на рисунках 1 и 2 эквивалентны. Рассчитать сопротивление схемы на рисунке уже легко:



$$R_\infty = \frac{\frac{R}{2} (R_\infty + \frac{3R}{2})}{R_\infty + \frac{3R}{2} + \frac{R}{2}}$$

откуда $R_\infty = \frac{(\sqrt{21}-3)R}{4}$. Таким образом,

$$R_{AB} = \frac{(R_\infty + R)R}{R_\infty + 2R} = \frac{\sqrt{21} + 1}{\sqrt{21} + 5} R \approx 0,58R$$

3. З умови $v(x) = \sqrt{B^2 - Ax}$ випливає рівняння для балансу енергії першого бруска у формі

$$\frac{mv^2(x)}{2} = \frac{mB^2}{2} - \frac{mAx}{2}.$$

Тоді величину B можна ототожнити зі швидкістю бруска в точці $x=0$ (вважатимемо надалі, що це момент часу $t=0$), а величину $F = mA/2$ — із силою сухого тертя, яка й гальмує брусок. Очевидно, його прискорення буде $a = -A/2$, закон зміни швидкості з часом — $v(t) = B - At/2$, закон зміни координати з часом — $x(t) = Bt - At^2/4$. Тоді безпосередньо перед зіткненням швидкість бруска буде $v(T) = B - AT/2$, а зіткнення відбудеться в точці $x(T) = BT - AT^2/4$.

Після непружного зіткнення з таким самим нерухомим бруском швидкість першого бруска зменшиться вдвічі: $V_0 = v(T)/2$. Далі бруски рухатимуться разом. Маса системи зросте вдвічі, але сила тертя, що їх гальмує, також зросте вдвічі,

отже, прискорення не зміниться. Таким чином, закон зміни швидкості в просторі можна записати як $V(\Delta x) = \sqrt{V_0^2 - A\Delta x}$, де Δx – віддаль від точки зіткнення брусків.

Очевидно, бруски зупиняться в точці, де $V(\Delta x_0) = 0$, звідки $\Delta x_0 = V_0^2/A$, а віддаль від точки $x = 0$ буде

$$L = x(T) + \Delta x_0 = BT - AT^2/4 + \frac{(B - AT/2)^2}{4A} = \frac{B^2}{4A} + \frac{3}{4}BT - \frac{3}{16}AT^2.$$

4. Поршень буде знаходитись у рівновазі, якщо тиск у пробірці дорівнюватиме $p_0 + \rho_0 g(H - x)$ (рис. 1). Тоді за законом Бойля-Маріюта:

$$[p_0 + \rho_0 g(H - x)]xS = p_1 L S$$

$$x^2 - \left(H + \frac{p_0}{\rho_0 g}\right)x + \frac{p_1 L}{\rho_0 g} = 0$$

Звідки

$$x_{1,2} = \frac{1}{2} \left(H + \frac{p_0}{\rho_0 g} \right) \pm \sqrt{\frac{1}{4} \left(H + \frac{p_0}{\rho_0 g} \right)^2 - \frac{p_1 L}{\rho_0 g}}$$

Визначимо, який з отриманих коренів задовольняє умов задачі. Для цього зобразимо залежність тиску водню від x для газу всередині пробірки (за законом Бойля-Маріюта $pSx = \text{const}$, оскільки площа поперечного перерізу пробірки S стала, то $p = \frac{\text{const}}{x}$ - графіком є гіпербола) та тиску всередині рідини від x (тиск всередині рідини - це сума атмосферного та гідростатичного тиску: $p = p_0 + \rho_0 g(H - x)$ - спадна пряма) (рис. 2).

Умові рівноваги поршня відповідають точки перетину графіків a та b (рис. 2). Положення поршня, якій відповідає точка b є нестійким: при незначному збільшенні об'єму газу тиск у рідині зменшується більше ніж тиск газу, тому газ виштовхне поршень з пробірки; при незначному зменшенні об'єму газу сильніше збільшується тиск всередині рідини, над тиск газу, тому тиск рідини заштовхне поршень глибше у пробірку, доки поршень не займе положення, яке відповідає точці a .

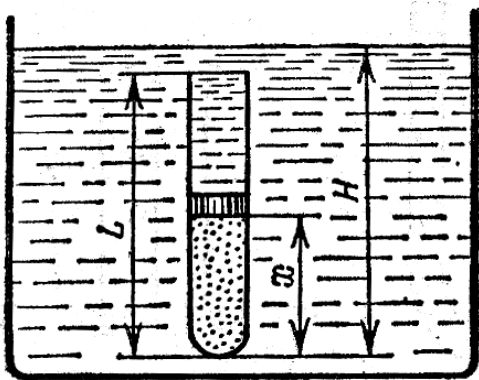


рис. 1

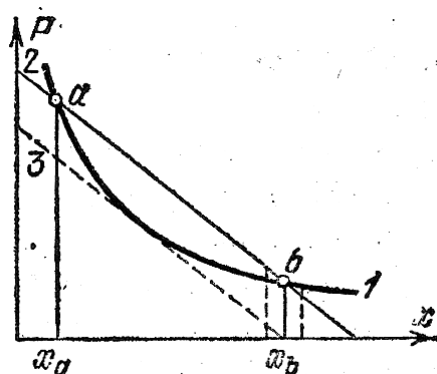


рис. 2

Точка a відповідає стійкій рівновазі поршня: при незначному збільшенні об'єму газу тиск всередині рідини зменшується менше ніж тиск газу, тому тиск рідини повертає поршень у положення рівноваги; при незначному зменшенні об'єму газу тиск газу зростає сильніше ніж тиск рідини, тому тиск газу повер-

татиме поршень у положення рівноваги. Отже, умові задачі задовольняє менший корінь

$$x_l = \frac{l}{2} \left(H + \frac{p_0}{\rho_0 g} \right) - \sqrt{\frac{l}{4} \left(H + \frac{p_0}{\rho_0 g} \right)^2 - \frac{p_l L}{\rho_0 g}}$$

Визначимо, за якої умови ця задача взагалі має розв'язки:

$$\begin{cases} \frac{l}{4} \left(H + \frac{p_0}{\rho_0 g} \right)^2 - \frac{p_l L}{\rho_0 g} \geq 0 \\ \frac{l}{2} \left(H + \frac{p_0}{\rho_0 g} \right) - \sqrt{\frac{l}{4} \left(H + \frac{p_0}{\rho_0 g} \right)^2 - \frac{p_l L}{\rho_0 g}} \leq L \\ H \geq 2 \sqrt{\frac{p_l L}{\rho_0 g}} - \frac{p_0}{\rho_0 g} \\ \frac{l}{2} \left(H + \frac{p_0}{\rho_0 g} \right) - \sqrt{\frac{l}{4} \left(H + \frac{p_0}{\rho_0 g} \right)^2 - \frac{p_l L}{\rho_0 g}} \leq L \end{cases}$$

Умова $H = 2 \sqrt{\frac{p_l L}{\rho_0 g}} - \frac{p_0}{\rho_0 g}$ відповідає випадку, коли графіки мають одну точку дотику (пряма 3 на рисунку), в цьому випадку корінь не задовольнятиме умові задачі, оскільки рівновага поршня буде нестійкою. При $H < 2 \sqrt{\frac{p_l L}{\rho_0 g}} - \frac{p_0}{\rho_0 g}$ задача розв'язків не матиме. Також задача не матиме розв'язків, якщо не буде виконуватись умова

$$\frac{l}{2} \left(H + \frac{p_0}{\rho_0 g} \right) - \sqrt{\frac{l}{4} \left(H + \frac{p_0}{\rho_0 g} \right)^2 - \frac{p_l L}{\rho_0 g}} \leq L$$

Опишемо процес занурення пробірки у ртуть для того випадку, коли обидва корені задовольняють умові:

$$\begin{cases} \frac{l}{2} \left(H + \frac{p_0}{\rho_0 g} \right) - \sqrt{\frac{l}{4} \left(H + \frac{p_0}{\rho_0 g} \right)^2 - \frac{p_l L}{\rho_0 g}} \leq L \\ \frac{l}{2} \left(H + \frac{p_0}{\rho_0 g} \right) + \sqrt{\frac{l}{4} \left(H + \frac{p_0}{\rho_0 g} \right)^2 - \frac{p_l L}{\rho_0 g}} < L \end{cases}$$

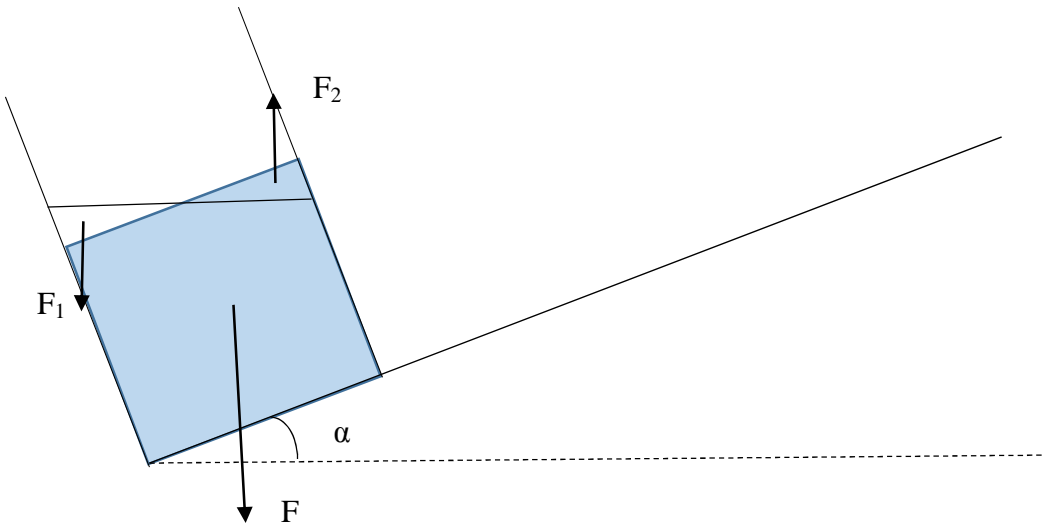
Перед зануренням пробірки водень у ній необхідно квазістаціонарно стиснути до значення x , який задовольняє умові:

$$\frac{l}{2} \left(H + \frac{p_0}{\rho_0 g} \right) - \sqrt{\frac{l}{4} \left(H + \frac{p_0}{\rho_0 g} \right)^2 - \frac{p_l L}{\rho_0 g}} \leq x < \frac{l}{2} \left(H + \frac{p_0}{\rho_0 g} \right) + \sqrt{\frac{l}{4} \left(H + \frac{p_0}{\rho_0 g} \right)^2 - \frac{p_l L}{\rho_0 g}}$$

Відповідь: $x_l = \frac{l}{2} \left(H + \frac{p_0}{\rho_0 g} \right) - \sqrt{\frac{l}{4} \left(H + \frac{p_0}{\rho_0 g} \right)^2 - \frac{p_l L}{\rho_0 g}}$

Младшая лига (решения)

1. Розгляньмо посудину, яка знаходиться у нижньому положенні:



Рівень рідини в посудині залишиться горизонтальним, тому рідина у вигляді збоку матиме вигляд прямокутної трапеції. У порівнянні з попереднім положенням частина води, переріз якої має вигляд трикутника переміститься у такий самий трикутник, симетрично відносно точки перетину нового та старого рівнів. В результаті утворюється момент пари сил F_1 та F_2 , сумарний момент яких не залежить від осі обертання. Обчислимо цей момент відносно точки перетину старого та нового рівнів рідини. Сили F_1 та F_2 прикладені до точок перетину медіан трикутників. Плечі цих сил можемо знайти з відповідних геометричних міркувань:

$$d(F_1) = d(F_2) = \frac{1}{3} \left(\frac{a}{2} \cos \alpha - \frac{a}{4 \cos \alpha} \right) + \frac{a}{4} \cos \alpha = \frac{a}{12} \left(5 \cos \alpha - \frac{1}{\cos \alpha} \right)$$

Якщо позначити масу рідини в кожній посудині m , то в об'ємі води, якому відповідає кожний трикутний переріз знаходиться маса води: $\frac{m \tan \alpha}{4}$

Момент пари цих сил дорівнюватиме:

$$M_H = \frac{m g a \tan \alpha}{24} \left(5 \cos \alpha - \frac{1}{\cos \alpha} \right)$$

Момент сили F для цієї посудини дорівнюватиме:

$$M'_H = m g \left(l_0 + \frac{a}{2} \tan \alpha \right) \cos \alpha = m g \left(l_0 \cos \alpha + \frac{a}{2} \sin \alpha \right)$$

Аналогічні вирази для моментів сил для верхньої посудини матимуть вигляд:

$$M_B = \frac{m g a \tan \alpha}{24} \left(5 \cos \alpha - \frac{1}{\cos \alpha} \right)$$

$$M'_B = m g \left(l_0 - \frac{a}{2} \tan \alpha \right) \cos \alpha = m g \left(l_0 \cos \alpha - \frac{a}{2} \sin \alpha \right)$$

Тоді сумарний момент сили тяжіння, що діє на важіль:

$$M_{mg} = M_H + M_B + M'_H - M'_B = \frac{m g a \tan \alpha}{12} \left(5 \cos \alpha - \frac{1}{\cos \alpha} \right) + m g a \sin \alpha$$

Для виведення важеля з цього положення в верхню посудину необхідно опустити вантаж, який при зануренні змінює рівень води в посудині. З боку води на вантаж діє сила Архімеда, тому і на рідину буде діяти така ж за модулем сила прикладена у точці, що є центром мас витісненої тілом води. Тому занурене тіло можна замінити водою такого ж об'єму. Маса цього об'єму води має створювати момент сили тяжіння M_x , який має бути більшим або рівним величині M_{mg} . Далі розглядатимемо крайній випадок:

$$M_{mg} = M_x$$

Момент M_x розраховується аналогічно до моменту M'_B . Позначимо об'єм води, що доливають $x a^2$. Тоді:

$$M_x = \frac{m g x}{a} \left(l_0 \cos \alpha - \left(\frac{x}{2} + a \right) \sin \alpha \right)$$

Остаточно маємо квадратне рівняння відносно x :

$$\frac{x}{a} \left(l_0 \cos \alpha - \left(\frac{x}{2} + a \right) \sin \alpha \right) = \frac{\operatorname{atg} \alpha}{12} \left(5 \cos \alpha - \frac{1}{\cos \alpha} \right) + a \sin \alpha$$

Розв'язок цього рівняння в загальному вигляді є громіздким, тому підставляючи чисельні значення та враховуючи що:

$$\sin \alpha = \frac{h}{l_0 + \frac{a}{2}} = \frac{1}{3}$$

Отримаємо числову відповідь: $x \approx 0,5$ см

Тоді шуканий об'єм дорівнює 8 см^3 .

2. Якщо б світло не розсіювалося та не поглиналося, то після збільшення відстані до джерела вдвічі освітленість зменшилася б до 25 лк. Отже, шар туману завтовшки 2 м спричиняє зменшення освітленості: $E_1 = kE_0$, де $k = \frac{24}{25} = 0,96$. На

великій відстані зі збільшенням відстані на 2 м зменшенням освітленості за рахунок розширення хвильового фронту (обернено пропорційним квадрату відстані) можна знехтувати. Отже, $E_4 = kE_3 = 12$ лк.

Задача 3 (8 клас)

1) Знайдемо час зустрічі хлопчиків.

Графік швидкості, зображений ліворуч відповідає руху першого хлопчика, а графік, зображений праворуч - руху другого хлопчика. Оскільки перші 2 хв після старту швидкість першого хлопчика більша ніж другого, то протягом перших двох хвилин руху другий хлопчик не наздожене першого. Вважаючи, що координата старту відповідає 0, знайдемо координати хлопчиків x_1 та x_2 через перші 2 хв руху ($t_1 = 2 \text{ хв} = 120 \text{ с}$). З графіків слідує, що швидкості хлопчиків протягом цього часу $v_1 = 5 \text{ м/с}$ та $v_2 = 3 \text{ м/с}$.

$$x_1(t) = v_1 t_1; \quad x_1 = 5 \cdot 120 = 600 (\text{м})$$

$$x_2(t) = v_2 t_1; \quad x_2 = 3 \cdot 120 = 360 (\text{м})$$

Отже, через перші 2 хв руху перший хлопчик буде попереду другого.

Через дві хвилини швидкості бігунів зміняться. Запишемо рівняння руху $x_1^I(t)$ та $x_2^I(t)$ для наступних $t_2 = 3 \text{ хв} = 180 \text{ с}$ руху та знайдемо координати хлопчиків через цей час - x_1^I та x_2^I . З графіків слідує, що швидкості хлопчиків протягом цього часу $v_1^I = 2 \text{ м/с}$ та $v_2^I = 5 \text{ м/с}$.

$$x_1^I(t) = x_1 + v_1^I t_2; \quad x_1^I = 600 + 2 \cdot 180 = 960 (\text{м})$$

$$x_2^I(t) = x_2 + v_2^I t_2; \quad x_2^I = 360 + 5 \cdot 180 = 1260 (\text{м})$$

Отже, через наступні 3 хв руху другий хлопчик пережене першого, тому зустріч відбудеться саме в цей проміжок часу. У момент, коли другий хлопчик наздожене першого, їх координати будуть однакові. Щоб знайти час зустрічі t_3 прирівняємо рівняння руху бігунів для цієї ділянки $x_1^I(t)$ та $x_2^I(t)$, підставивши замість часу t_3 :

$$x_1 + v_1^I t_3 = x_2 + v_2^I t_3 \quad \text{звідки} \quad t_3 = \frac{x_1 - x_2}{v_2^I - v_1^I}; \quad t_3 = 80 \text{ с}$$

Отже, хлопчики зустрінуться через 80 с після першого свистка тренера (через 200 с після старту).

2) Знайдемо середні швидкості хлопчиків за перші сім хвилин руху.

Щоб знайти середню швидкість кожного хлопчика необхідно увесь шлях, який подолав кожен з них за 7 хв поділити на цей час. Шлях простіше всього знайти, скориставшись властивістю графіка швидкості: шлях чисельно рівний площі фігури, яка обмежена графіком, віссю Ot та перпендикулярами опущеними на цю вісь. Звідки шлях, який здолає перший хлопчик $S_1 = 5 \cdot 120 + 2 \cdot 180 + 3 \cdot 120 = 1320 (м)$, а другий: $S_2 = 3 \cdot 120 + 5 \cdot 180 + 2 \cdot 120 = 1500 (м)$. Середні швидкості хлопчиків за $t=7 \text{ хв}=420 \text{ с}$:

$$v_{CP1} = \frac{S_1}{t}; v_{CP1} \approx 3,14 (м/с)$$

$$v_{CP2} = \frac{S_2}{t}; v_{CP2} \approx 3,57 (м/с)$$

3) Визначимо переможця у змаганні з бігу

Визначити переможця однозначно неможливо, оскільки невідомо на якій відстані від старту знаходиться фініш. З попередніх розрахунків слідує, що через 5 хв від старту попереду буде другий хлопчик, але його швидкість $v_2^2 = 2 \text{ м/с}$ менша ніж у першого $v_1^2 = 3 \text{ м/с}$, тому якщо фініш буде достатньо далеко, перший хлопчик пережене другого. Знайдемо час T і координату X другої зустрічі. Для цього запишемо рівняння руху хлопчиків $x_1^2(t)$ та $x_2^2(t)$ через 5 хв після старту:

$$x_1^2(t) = x_1^1 + v_1^2 t_3;$$

$$x_2^2(t) = x_2^1 + v_2^2 t_3;$$

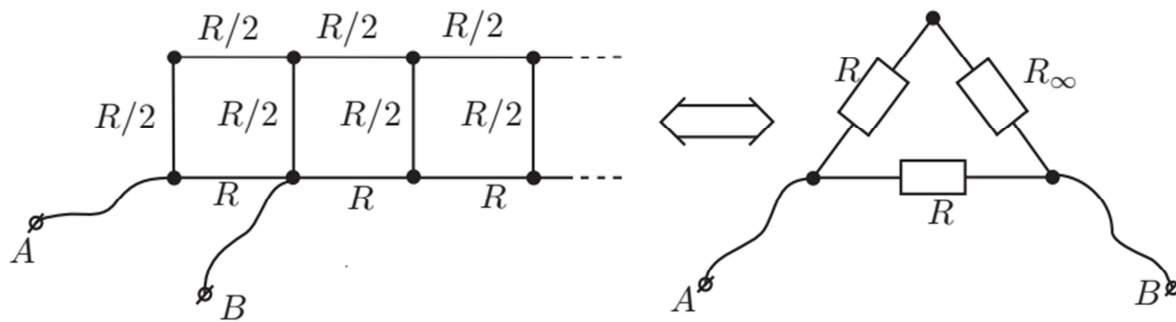
Щоб знайти час зустрічі T_3 прирівняємо рівняння руху бігунів для цієї ділянки $x_1^2(t)$ та $x_2^2(t)$, підставивши замість часу T_3 :

$$x_1^1 + v_1^2 T_3 = x_2^1 + v_2^2 T_3 \text{ звідки } T_3 = \frac{x_2^1 - x_1^1}{v_1^2 - v_2^2}; T_3 = 300 \text{ с після другого свистка тренера.}$$

Тоді координата другої зустрічі $X = x_1^1 + v_1^2 T_3$; $X = 1860 \text{ м}$. Отже, відповідь на запитання «хто з хлопчиків переможе?» слід дати так:

- Якщо фініш знаходиться на відстані меншій ніж 1860 м від старту, то у змаганні переможе другий хлопчик, який пережене першого на двохсотій секундї руху, від моменту старту;
- Якщо фініш знаходиться на відстані рівній 1860 м від старту, то хлопчики фінішують одночасно;
- Якщо фініш знаходиться на відстані більшій за 1860 м від старту, то у змаганні переможе перший хлопчик, який пережене другого у момент часу 300 с після другого свистка тренера (600 с від моменту старту);

3. (9 клас) Из симметрии схемы, изображённой на рисунке 1, относительно линии, соединяющей точки А и В, следует, что потенциалы всех точек симметричных относительно этой линии равны, то есть схемы на рисунках 1 и 2 эквивалентны. Рассчитать сопротивление схемы на рисунке уже легко:



$$R_{\infty} = \frac{\frac{R}{2} (R_{\infty} + \frac{3R}{2})}{R_{\infty} + \frac{3R}{2} + \frac{R}{2}}$$

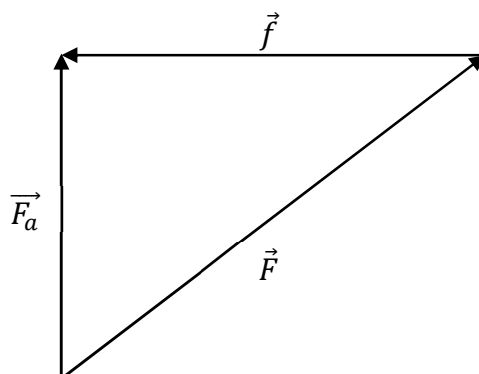
откуда $R_{\infty} = \frac{(\sqrt{21}-3)R}{4}$. Таким образом,

$$R_{AB} = \frac{(R_{\infty} + R)R}{R_{\infty} + 2R} = \frac{\sqrt{21} + 1}{\sqrt{21} + 5} R \approx 0,58R$$

4. Если бы вместо конуса в объёме, который он занимает, находилась та же самая жидкость, то она была бы в положении равновесия. Это означает, что на конус действует сила Архимеда, направленная вверх и равная по величине силе тяжести, которая действует на жидкость равного с конусом объёма:

$$F_a = \frac{\rho g S h}{3} = \frac{\rho g \pi D^2}{12} h.$$

Эта сила складывается из двух сил: силы \vec{f} , с которой жидкость действует на основание конуса, и той силы \vec{F} , которую нужно по условию задачи найти. Сила, действующая на основание конуса, направлена вдоль его оси и равна по величине произведению площади основания на среднее давление.



В силу симметрии формы основания конуса и однородности поля тяжести это среднее давление равно $\rho g H$. Отсюда $f = \rho g H \pi D^2 / 4$.

Согласно рисунку, горизонтальная составляющая силы равна силе f , а вертикальная составляющая – силе Архимеда, следовательно, искомая сила

$$F = \sqrt{F_a^2 + f^2} = \frac{\rho g \pi D^2}{4} \sqrt{H^2 + \frac{h^2}{9}}.$$

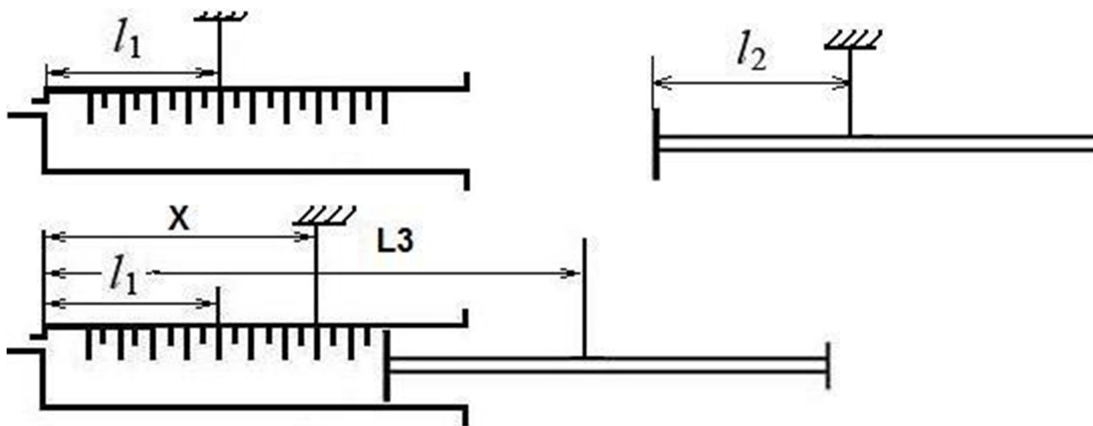
Експеримент (решения)

Задача 1

Застосуємо нитку для створення підвісу. Зрівноваживши на ній шприц або його частини, можна знаходити положення їх центру мас. Для вимірювання довжин використовується шкала на шприці.

1. Розберемо шприц і зрівноважуванням знайдемо положення l_1 і l_2 центрів мас корпусу і поршня шприца.

Визначимо центр мас системи корпус-поршень, вставивши поршень у шприц.

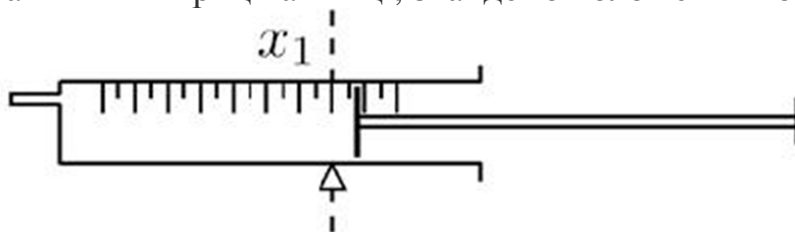


За рівнянням $m_1 l_1 + m_2 l_3 = x(m_1 + m_2)$

визначимо співвідношення мас складових системи. (наприклад, при такому висунутому поршні, що центр мас системи попадає на максимальну поділку шкали).

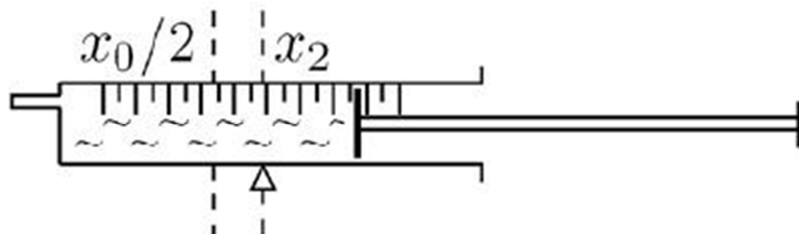
$$\alpha = \frac{m_2}{m_1}$$

2. Висуємо поршень шприца на деяку відстань x_0 (в поділках шкали). Зрівноваживши шприц на нитці, знайдемо положення його центру мас x_1 (мал 4)



(мал 4)

при такому висуванні поршня. Потім наберемо в шприц об'єм води x_0 (за шкалою) і знайдемо нове положення центру мас системи x_2 (при тому ж висуванні) (мал. 5).



(мал 5)

В данному випадку центр мас шприца (пустого) не змінився. Центр мас води знаходиться на $\frac{x_0}{2}$ від початку відліку. Масу води можемо визначити за густиною та об'ємом $m = \rho x_0$. Тоді вираз для центру мас системи:

$$(m + m_1 + m_2) \cdot x_2 = m \cdot \frac{x_0}{2} + (m_1 + m_2) x_1$$

Звідки знайдемо суму мас корпусу і поршня шприца:

$$M = m_1 + m_2 = \frac{x_2 - \frac{x_0}{2}}{x_1 - x_2} \rho x_0$$

3. Користуючись результатами, здобутими в пунктах 1 та 2, визначимо маси поршня та корпусу шприца.

$$m_1 = \frac{M}{(1 + \alpha)}$$

$$m_2 = \frac{\alpha M}{(1 + \alpha)}$$

В нашому випадку вони становлять 1,3 та 1,9 г відповідно.

4. Проводячи вимірювання, як в пункті 2, але з невідомою рідиною, визначимо її масу, а далі і густину. Вона виявилась рівною 1,4 г/см³.

Задача 2

При плавлении кристаллических тел их температура не меняется. По графику видим, что плавление льда происходило в течение 5 минут. Отверстие в дне, а лед в воде плавает – он наверху, поэтому лед в отверстие не уходит. Все подведенное тепло идет на плавление льда, поэтому

$$P\tau_1 = \lambda m_{\text{л}}$$

Отсюда получим массу льда:

$$m_{\text{л}} = \frac{P\tau_1}{\lambda} = \frac{600 \text{ Вт} \cdot 5 \cdot 60 \text{ с}}{340000 \text{ Дж}/(\text{кг} \cdot ^\circ\text{C})} = \frac{18}{34} \text{ кг} = 0,529 \text{ кг}$$

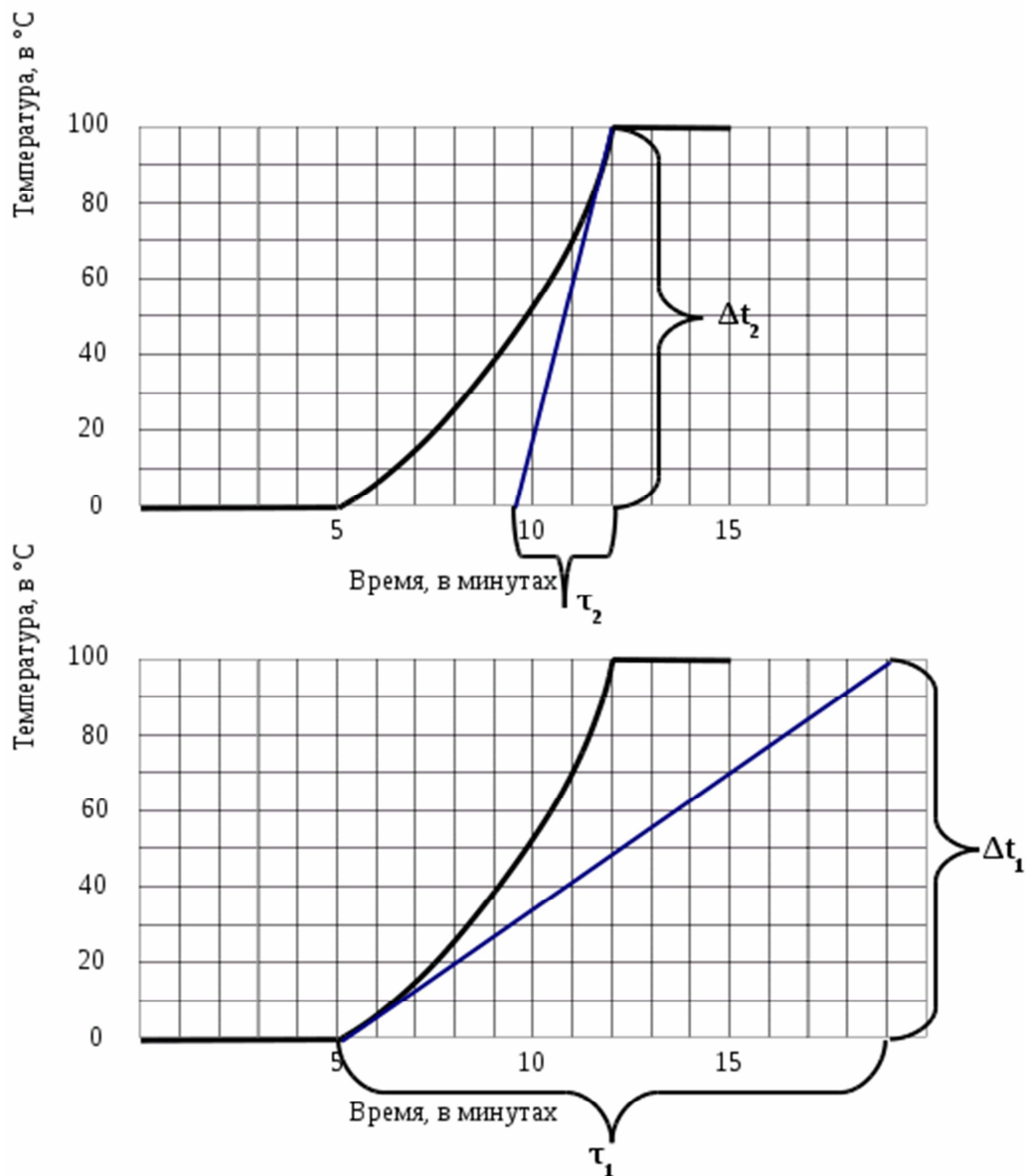
Теплообмена с окружающей средой нет, но вода в сосуде с 5-ой по 12-ю минуту нагревается все быстрее и быстрее. Как это можно объяснить? Тем, что вода вытекает, масса воды в сосуде уменьшается, а мощность нагревателя остается прежней! Если бы вода не вытекала, этот участок графика был бы прямолинейным. Проведем касательные к этому участку графика в начале и в конце.

По ним мы сможем рассчитать массу воды в сосуде в эти моменты времени. Поделив разницу найденных масс на время, в течение которого температура воды в калориметре изменялась, найдем расход жидкости.

$$m_{\text{в1}} = \frac{P\tau_1}{c\Delta t_1} = \frac{600 \text{ Вт} \cdot 14 \cdot 60 \text{ с}}{4200 \frac{\text{Дж}}{\text{кг} \cdot ^\circ\text{C}} \cdot 100^\circ\text{C}} = 1,2 \text{ кг}$$

$$m_{\text{в2}} = \frac{P\tau_2}{c\Delta t_2} = \frac{600 \text{ Вт} \cdot 2,5 \cdot 60 \text{ с}}{4200 \frac{\text{Дж}}{\text{кг} \cdot ^\circ\text{C}} \cdot 100^\circ\text{C}} = \frac{3}{14} \text{ кг} \approx 0,214 \text{ кг}$$

$$\left| \frac{\Delta m}{\Delta t} \right| = \frac{|m_{в1} - m_{в2}|}{\Delta t} = \frac{|1,2 \text{ кг} - 0,214 \text{ кг}|}{7 \cdot \text{мин}} = 0,141 \frac{\text{кг}}{\text{мин}}$$



При кипении идет интенсивный процесс парообразования, а значит, масса воды в калориметре уменьшается двумя путями – вытекая через отверстие и превращаясь в пар.

$$m = m_{в2} - \left| \frac{\Delta m}{\Delta t} \right| \cdot \tau_3 - \frac{P \tau_3}{L}$$

Вода в калориметре закончится еще до окончания эксперимента!

Ответ: а) $m_{в1} \approx 1,2 \text{ кг}$; б) $\left| \frac{\Delta m}{\Delta t} \right| = 0,141 \frac{\text{кг}}{\text{мин}}$; в) $m_{л} = 0,529 \text{ кг}$; г) $m = 0$

