## Силы трения

## 15.04.2017

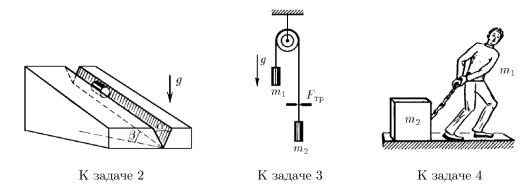
- 1. Тело массой m лежит на наклонной плоскости с углом наклона  $\alpha$ , коэффициент трения между телом и плоскостью  $\mu$ .
- а) При каком минимальном  $\alpha_0$  тело начнет движение?
- б) Найдите ускорение тела при  $\alpha > \alpha_0$ .

Пусть теперь тело тянут вверх вдоль наклонной плоскости с постоянной силой.

- в) Какой минимальной силы  $F_1$  достаточно, чтобы не давать телу соскальзывать вниз?
- $\Gamma$ ) Какова минимальная сила  $F_2$ , при которой тело начинает двигаться вверх?

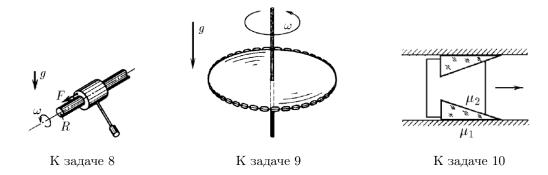
Пусть теперь можно прикладывать силу под произвольным углом  $\beta$  к горизонту. Необходимо добиться того, чтобы тело двигалось вверх вдоль плоскости.

д) Чему равна минимальная необходимая сила  $F_0$  и под каким углом  $\beta_0$  она должна быть направлена?



- 2. Цилиндр скользит по желобу, имеющему вид двугранного угла с раствором  $\alpha$  (рис). Ребро двугранного угла наклонено под углом  $\beta$  к горизонту. Плоскости двугранного угла образуют одинаковые углы с горизонтом. Коэффициент трения между цилиндром и поверхностью желоба  $\mu$ . Определите ускорение цилиндра.
- 3. Нить, перекинутая через блок с неподвижной осью, пропущена через щель (рис). На концах нити подвешены грузы, масса которых  $m_1$  и  $m_2 > m_1$ . Определите ускорения грузов, если при движении нити на нее сос тороны щели действует постоянная сила трения F.
- 4. Человек массы  $m_1$ , оставаясь на месте, тянет за веревку груз массы  $m_2$  (рис). Коэффициент трения человека и груза о горизонтальную поверхность равен  $\mu$ . При какой наименьшей силе натяжения веревки груз стронется с места? Под каким углом должна быть направлена веревка?
- 5. Сани массой M движутся по ровной горизонтальной поверхности со скоростью  $v_0$ . На сани вертикально падает тело массой m, брошенное с высоты h. Коэффициент трения между санями и поверхностью  $\mu$ . Найдите скорость саней непосредственно после падения тела, а также путь, который сани проедут до остановки. С какой высоты необходимо уронить тело, чтобы сани остановились сразу после его падения?
- 6. Сани массой M стоят неподвижно на ровной горизонтальной поверхности с коэффициентом трения  $\mu$ . На сани сзади запрыгивает собака массы m со скоростью  $v_0$ , направленной вниз под углом  $\alpha$  к горизонту.
- а) Каким должен быть максимальный угол  $\alpha_0$ , чтобы сани тронулись после падения собаки?
- б) Найдите путь, который проедут сани до остановки, если  $\alpha < \alpha_0$ .

7. Монета лежит неподвижно на наклонной плоскости с углом наклона  $\alpha$ , коэффициент трения между монетой и плоскостью  $\mu = \tan \alpha$ . Монете придали горизонтальную скорость v. Найдите установившуюся скорость монеты.



- 8. Горизонтальную ось радиуса R, вращающуюся с угловой скоростью  $\omega$ , обжимает втулка с противовесом (см. рис, противовес нужен для того, чтобы втулка не вращалась). Максимальная сила трения втулки об ось  $F_0$ . Определите установившуюся скорость втулки под действием силы  $F < F_0$ , направленной вдоль оси.
- 9. Однородная кольцевая цепочка массы m надета на горизонтальный диск радиуса R. Сила натяжения цепочки T, коэффициент трения между цепочкой и диском  $\mu$ . Найдите, при какой минимальной угловой скорости диска цепочка спадет с него.
- 10. Тело с установленными в его вырезах клиньями расположено между двумя его параллельными стенками так, как показано на рисунке. Найдите предельный угол при вершине клиньев, при котором тело может двигаться вправо и не может двигаться влево. Коэффициенты трения клиньев о стенки и тело равны  $\mu_1$  и  $\mu_2$  соответственно.



- 11. Быстро вращающийся шар налетает на стену со скоростью  $v_0=5$  м/с под углом  $\alpha=45^\circ$  и отскакивает от нее под углом  $\beta$  (см. рисунок). Какова скорость v шара после удара, если коэффициент трения между шаром и стеной  $\mu=0.3$ ? Рассмотрите 2 случая:  $\beta=60^\circ$  и  $\beta=30^\circ$ .
- 12. Быстро вращающаяся шайба скользит вдоль бортика хоккейной площадки (рис). Коэффициент трения шайбы о бортик  $\mu=0.3$ , трение о лед пренебрежимо мало. Во сколько раз уменьшится скорость шайбы после прохождения угла?
- 13. За один конец легкой веревки, охватывающей столб по дуге с углом  $\theta$ , тянут с силой  $F_0$ . Какую минимальную силу нужно приложить ко второму концу веревки, чтобы его удержать, если коэффициент трения веревки о столб равен  $\mu$ ?
- 14. Через неподвижное горизонтально закрепленное бревно переброшена веревка. Чтобы удерживать груз массы m=18 кг, подвешенный на этой веревке, необходимо тянуть второй конец веревки с минимальной силой  $F_1=120$  Н. С какой минимальной силой  $F_2$  надо тянуть веревку, чтобы груз начал подниматься?