

Exercício: 1.

É verdade que $10n = O(n)$? É verdade que $10n^2 = O(n)$? É verdade que $10n^{55} = O(2^n)$?

1. $10n = O(n) ?$

$$10n \leq 10n + n$$

$$10n \leq 22n \rightsquigarrow C = 22$$

$$10 \leq 22 \rightsquigarrow n_0 = 1$$

$$10 \leq 22 \rightsquigarrow n_0 = 1$$

———— // —————

2. $10n^2 = O(n) ?$

$$10n^2 \leq C \cdot n : n$$

$$10n \leq C \rightsquigarrow C = 10$$

$$10 \cdot 2 \leq 10$$

$20 \leq 10 \rightarrow$ não é verdade

$\rightsquigarrow n_0 > 1$

———— // —————

3. $10n^{55} = O(2^n) ?$

$$10n^{55} \leq C \cdot 2^n : 2^n$$

$$\frac{10n^{55}}{2^n} \leq C \rightsquigarrow C = 10$$

$$\frac{10n^{55}}{2^n} \leq 10 \rightsquigarrow n \geq n_0$$



Funções exponenciais (2^n)
v crescem mais rápido que
polinômios

Exercício: 2.

É verdade que $n^2 + 200n + 300 = O(n^2)$? É verdade que $n^2 - 200n + 300 = O(n)$?

1. $n^2 + 200n + 300 = O(n^2)$?

$$n^2 + 200n + 300 \leq C \cdot n^2 : n^2$$

$$1 + \frac{200}{n} + \frac{300}{n^2} \leq C \rightsquigarrow C = 50L$$

$$1 + \frac{200}{L} + \frac{300}{L^2} \leq 50L \rightsquigarrow n_0 = L$$

$$50L \leq 50L$$

//

Verdade

2. $n^2 - 200n + 300 = O(n)$?

$$n^2 - 200n + 300 \leq n - 200n + 300n$$

$$n^2 - 200n + 300 \leq 499n : n$$

$$n - 200 + \frac{300}{n} \leq 499$$

Falso

Em determinado momento, quando
o n for muito grande,
deixará de ser verdade

Exercício: 3.

É verdade que $\underbrace{\frac{3}{2}n^2 + \frac{7}{2}n + 4}_{1} = O(n)$? E $O(n^2)$? $\underbrace{2}$

$$2. \frac{3}{2}n^2 + \frac{7}{2}n + 4 = O(n) ?$$

$$\frac{3}{2}n^2 + \frac{7}{2}n + 4 \leq \frac{3}{2}n + \frac{7}{2}n + 4n$$

$$\frac{3}{2}n^2 + \frac{7}{2}n + 4 \leq 1,5n + 3,5 + 4n$$

$$\frac{3}{2}n^2 + \frac{7}{2}n + 4 \leq 9n : n$$

$$\frac{3}{2}n + \frac{7}{2} + \frac{4}{n} \leq 9$$

\hookrightarrow A partir de $n=3$, deixará de ser verdade

}

False

$$2. \frac{3}{2}n^2 + \frac{7}{2}n + 4 = O(n^2) ?$$

$$\frac{3}{2}n^2 + \frac{7}{2}n + 4 \leq 9n^2 : n^2$$

$\sim \star C = 9$

$$\frac{3}{2} + \frac{7}{2n} + \frac{4}{n^2} \leq 9$$

$$\frac{3}{2} + \frac{7}{2(1)} + \frac{4}{1^2} \leq 9 \quad \sim \star n_0 = 1$$

$$9 \leq 9$$

Verdadeiro

\hookrightarrow A medida que n cresce, os resultados das divisões da esquerda vão ficando menores.

Exercício: 4.É verdade que $n^3 - 999n^2 - 1000 = O(n^2)$?→ *regra lógica*

$$\bullet n^3 - 999n^2 - 1000 = O(n^2) ?$$

$$n^3 - 999n^2 - 1000 \leq n^2 - 999n^2 - 1000n^2$$

$$n^3 - 999n^2 - 1000 \leq -1998n^2 : n^2$$

$$n - 999 - \frac{1000}{n^2} \leq -1998$$

False

↳ Quando n chegar a ser
números maiores, isso deixará
de ser verdade

↳ Pela regra o termo
dominante (n^3) é
cúbico