인공 신경망

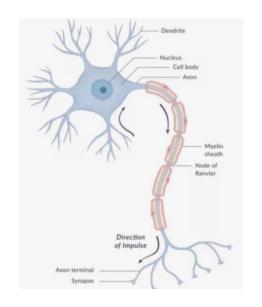


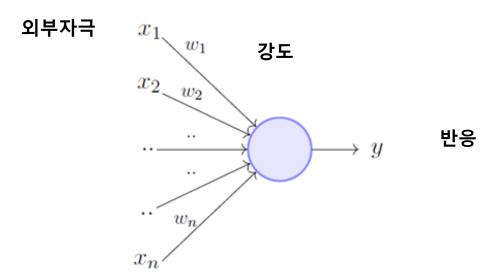
조상구 경복대학교

뉴론

■ 인간의 뉴런과 축삭돌기를 모방한 인공신경망 구조

[뉴런 구조]

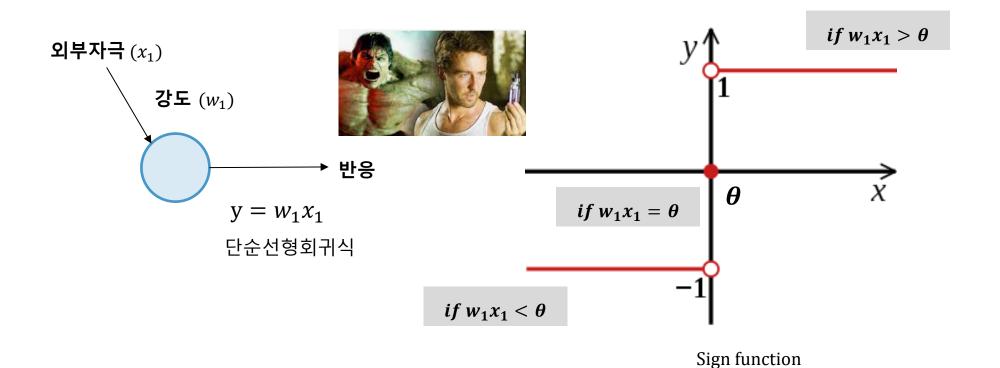






반응 구조

■ 퍼셉트론(perceptron)은 외부자극과 강도의 총합이 특정한 역치(threshold, θ)를 넘으면 '1'과 '-1'으로 극단적으로 반응한다고 가정하자



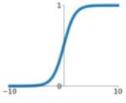
https://en.wikipedia.org/wiki/Sign_function

반응(Activation) 종류

입력 신호의 총합을 출력신호로 변환하는 **활성화함수(Activation Function)**는 입력 신호의 총합이 활성화, 반응하여 일으키는지 정하는 역할을 수행하는 함수

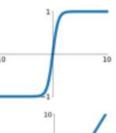
Sigmoid

$$\sigma(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$



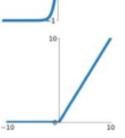
tanh

tanh(x)



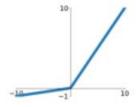
ReLU

 $\max(0, x)$



Leaky ReLU

 $\max(0.1x, x)$



Maxout

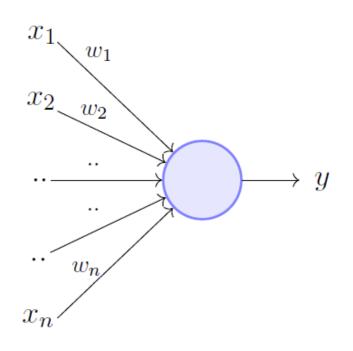
 $\max(w_1^T x + b_1, w_2^T x + b_2)$

ELU

$$\begin{cases} x & x \ge 0 \\ \alpha(e^x - 1) & x < 0 \end{cases}$$



뉴런 구조



$$y = 1 \quad if \sum_{i=1}^{n} w_i * x_i \ge \theta$$
$$= 0 \quad if \sum_{i=1}^{n} w_i * x_i < \theta$$

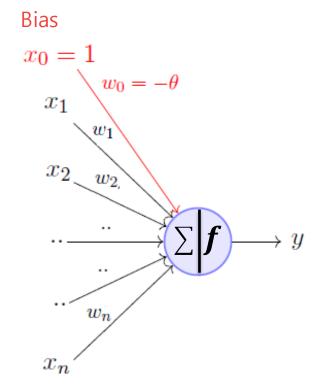
Rewriting the above,

$$y = 1 \quad if \sum_{i=1}^{n} w_i * x_i - \theta \ge 0$$
$$= 0 \quad if \sum_{i=1}^{n} w_i * x_i - \theta < 0$$

5

뉴런 구조

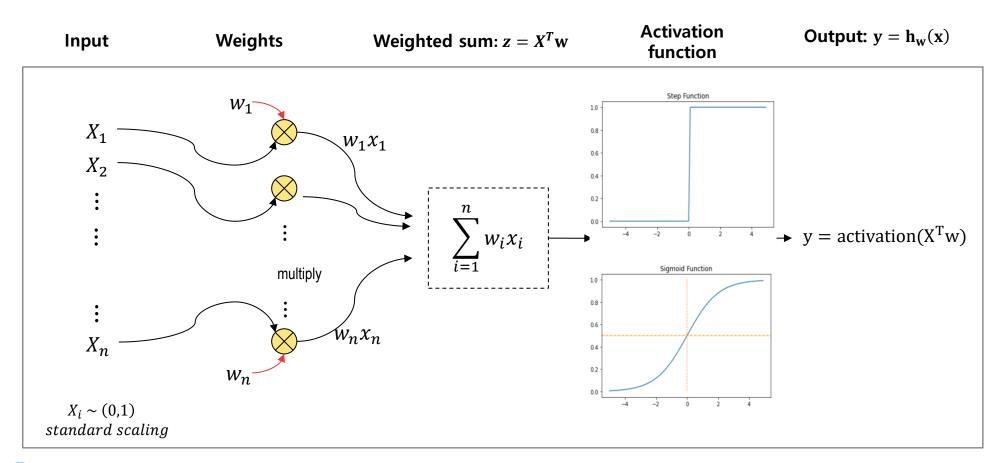
■ 외부자극과 강도의 총합이 특정한 역치(threshold, θ)를 넘을지 여부를 외부 Bias($w_0 = \theta$, $x_0 = 0$)의 수식으로 표현한다.



f (활성화함수) $y=1 \quad if \sum_{i=0}^n w_i * x_i \geq 0$ $=0 \quad if \sum_{i=0}^n w_i * x_i < 0$ where, $x_0=1$ and $w_0=- heta$

단일 뉴런의 수학적 구조

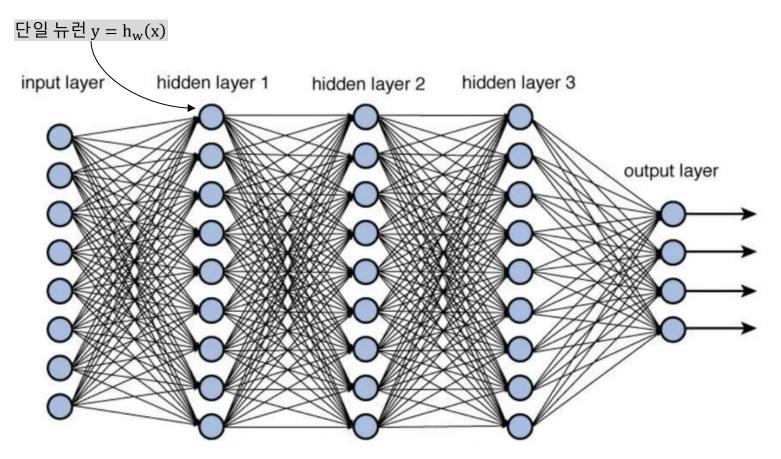
■ 단일 뉴런의 수학식은 다중회귀분석의 함수식과 동일하다





다중 뉴런 구조

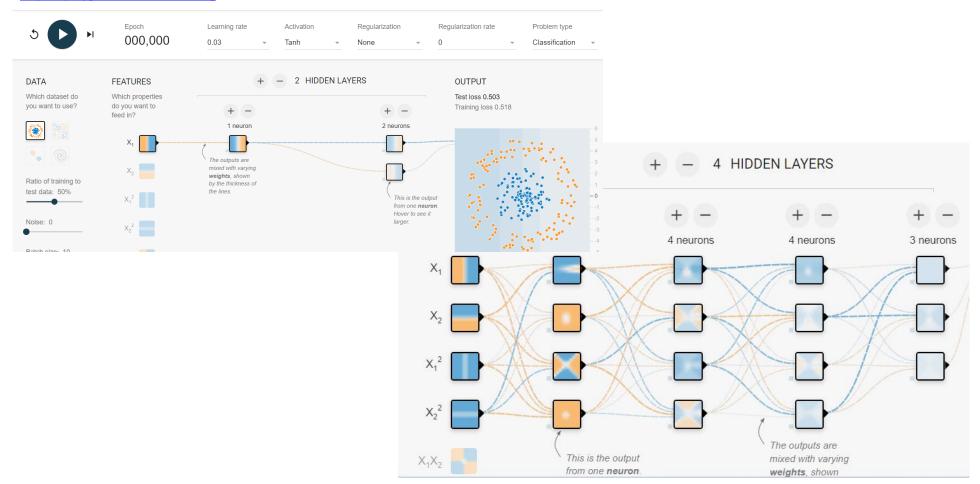
■ 여러 개의 단일 뉴런(perceptron)을 다중 Layer로 겹겹이 쌓고 연결하여 네트웍크을 구성한 것이 Deep Network Architecture with multiple layers





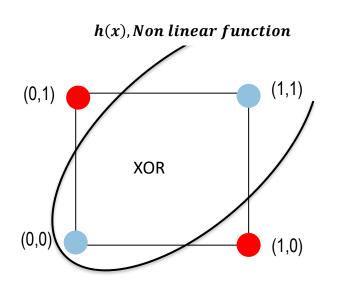
Tensorflow Neural Network

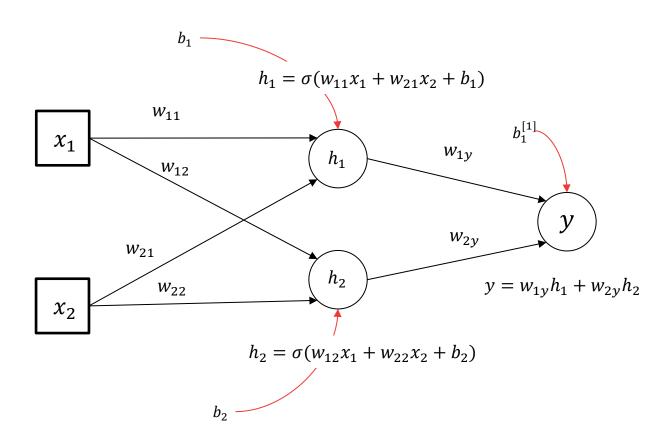
https://playground.tensorflow.org





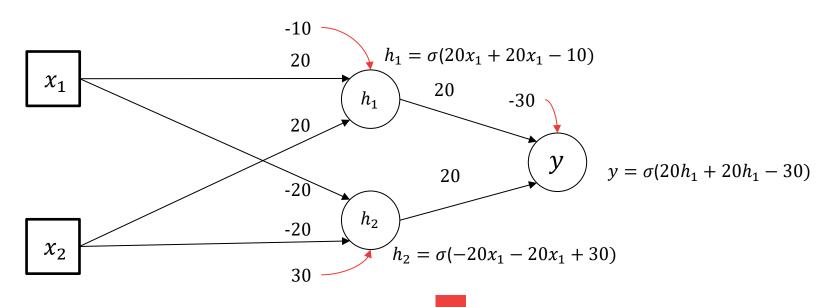
Neural network XOR problem solving





Neural network XOR problem solving

Rule based problem solving



 $x_1 = 0,$ $x_2 = 0$ $x_1 = 1,$ $x_2 = 1$ $x_1 = 0,$ $x_2 = 1$ $x_1 = 1,$ $x_2 = 0$ $\begin{array}{l}
\sigma(20x_1 + 20x_2 - 10) \approx 0 \\
\sigma(20x_1 + 20x_2 - 10) \approx 1 \\
\sigma(20x_1 + 20x_2 - 10) \approx 1 \\
\sigma(20x_1 + 20x_2 - 10) \approx 1
\end{array}$

$$\sigma(-20x_1 - 20x_2 + 30) \approx 1$$

$$\sigma(-20x_1 - 20x_2 + 30) \approx 0$$

$$\sigma(-20x_1 - 20x_2 + 30) \approx 1$$

$$\sigma(-20x_1 - 20x_2 + 30) \approx 1$$

 $\sigma(20h_1 + 20h_2 - 30) = 0$ $\sigma(20h_1 + 20h_2 - 30) = 0$ $\sigma(20h_1 + 20h_2 - 30) = 1$ $\sigma(20h_1 + 20h_2 - 30) = 1$

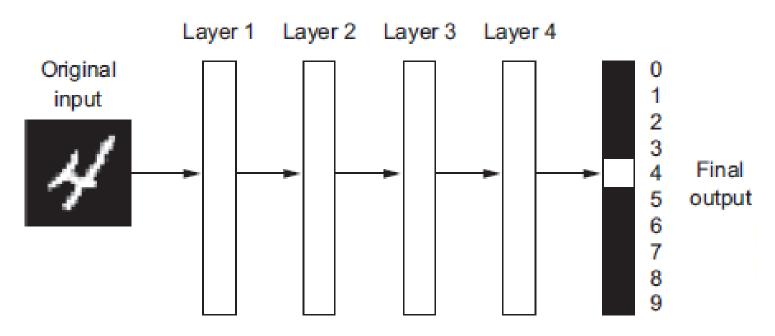
 $h_1 = 0, h_2 = 1$ $h_1 = 1, h_2 = 0$ $h_1 = 1, h_2 = 1$ $h_1 = 1, h_2 = 1$



Neural network Deep representations

■ MNIST 수기체 '4'의 이미지가 여러 층(layers)에 따라 이미지는 변환(representation)하는 방법

[A deep neural network for digit classification]



Deep Learning with Python, Francois Chollet, O'RELLY



Neural network Deep representations

- 딥러닝 네트워크는 여러 층(layers)에 따라 숫자 이미지를 표현(representation)으로 변환
- 다단계로 확인하면 원본이미지가 연속적인 필터를 거쳐 증류 작업처럼 점점 더 정제 (purification)
 [A deep representations learned by a digit-calassification model]

Layer 1 Layer 2 Layer 3 representations representations representations Layer 4 representations (final output) Original input Layer 1 Layer 2 Layer 3 Layer 4

