SVEUČILIŠTE U ZAGREBU

FAKULTET ELEKTROTEHNIKE I RAČUNARSTVA

PROJEKT IZ PREDMETA BIOINFORMATIKA

Najdulji rastući podniz O(NlogN) - implemetacija

Vedrana Briševac

Ankica Gogić

Filip Grilec

Nikolina Očić

Voditelj: Doc. dr. sc. Mile Šikić

Zagreb, siječanj, 2014.

**Sadržaj**

[1. Teoretski opis problema 1](#_Toc376243572)

[2. Teoretski opis algoritma O(NlogN) 2](#_Toc376243573)

[3. Objašnjenje algoritma na primjeru 4](#_Toc376243574)

[4. Programske izvedbe 8](#_Toc376243575)

[5. Sažetak 9](#_Toc376243576)

# Teoretski opis problema

Problem najduljeg rastućeg podniza jest za zadani niz pronaći najdulji mogući podniz u kojem će svi elementi biti sortirani u rastućem poretku (od najmanjeg ka najvećemu). Navedeni podniz najčešće se označava sa LIS i nije nužno jedinstven. Primjerice, za niz A = {2, 5, 3} postoje dva jednako dobra LIS-a, LIS1 = {2, 5} i LIS2 = {2,3}.

Postoji nekoliko poznatih rješenja problema:

* rekurzivnim izvedbama postigla se složenost O(2N) na način da se niz rekurzivno pretražuje u potrazi za najdužim nizom.
* rješenje izvedeno dinamičkim programiranjem složenosti je O(N2), a ideja mu je da traži najdulji zajednički podniz nizova S i T, gdje je S zadani niz, a T sortirani niz S. Poznata je još i činjenica da dotično rješenje u specijalnom slučaju kada je niz permutacija brojeva 1, … , n postiže nešto bolje rezultate i složenosti je O(N log log N).
* trenutno najučinkovitija verzija algoritma jest ona složenosti O(NlogN) koja će biti promatrana i izvedena u ovom projektu.

Najdulji rastući podniz LIS niza S koristi se kod poravnavanja dvaju nizova, primjerice u metodi MUMer[[1]](#footnote-1) koja se zasniva na globalnom poravnanju sljedova. Njegova primjena nije samo u bioinformatici, te se tako koristi u takozvanim *diff*[[2]](#footnote-2)algoritmima, točnije u njegovoj verziji *Patience Diff[[3]](#footnote-3)* gdje se uspoređuju sličnosti dviju datoteka.

# Teoretski opis algoritma O(NlogN)

Algoritam složenosti O(NlogN) zasniva se na binarnom pretraživanju složenosti O(logN) te korištenju nekoliko pomoćnih nizova. Po ulaznom nizu prolazi se samo jedanput, što daje složenost O(N). Kako se za svakog člana niza radi binarno pretraživanje, dobivamo složenost O(NlogN).

Ideja je da se procesira jedan po jedan član ulaznog niza X, te se nakon procesiranja člana X[i] spreme potrebne vrijednosti u pomoćne nizove M[j] i P[k]. Pritom nizovi M i P imaju slijedeće značenje:

* M[j] – sprema poziciju *p* najmanje vrijednosti *X[p]* (najmanje vrijednosti ulaznog niza) takve da postoji rastući podniz duljine *j* koji završava na poziciji *X[p]* , tako da je j ≤ p ≤ i.
* P[p] – sprema poziciju prethodnika od *X[p]* u najduljem rastućem podnizu koji završava u *X[p]*

Dodatno se sprema i varijabla L koja označava duljinu najdužeg dotad pronađenog podniza.

Laički rečeno, prolazimo po ulaznom nizu X, gledajući jedan po jedan znak. Pomoću binarnog pretraživanja gledamo u kakvom je odnosu znak sa krajnjim elementima svih prethodno zapamćenih listi.

On može biti takav da je veći od svih krajnjih znakova, te ćemo ga tada staviti na kraj najduljeg niza, prethodno ga duplicirajući kako bismo ostavili prostora za moguće bolje rješenje iste duljine. Tim postupkom dobivamo podniz duljine *j*, te u pomoćni niz M na poziciju *j* zapisujemo poziciju *p* koju zadnji član ovog podniza (novododani ulazni znak) ima u ulaznom nizu X. Također, u niz P na poziciju *p* zapisujemo poziciju *p'* koja odgovara poziciji predzadnjeg člana podniza u koji smo smjestili trenutni znak (pamtimo njegovog prethodnika u novoizgrađenom podnizu).

Ako je pak znak takav da je manji od svih krajnjih elemenata svih poznatih podnizova, binarnim sortiranjem pronaći ćemo takav podniz koji će za krajnji element imati najveću moguću vrijednost još uvijek manju od vrijednosti trenutnog znaka. Taj niz također ćemo duplicirati i dodati mu na kraj ulazni znak. No, ovoga puta još odbacujemo sve postojeće podnizove čije su duljine jednake duljini novoizgrađenog podniza, čime omogućavamo daljnju nadogradnju. To ostvarujemo tako da u pomoćnom nizu M ovaj puta na poziciji *j* prepišemo postojeću vrijednost pozicije sa pozicijom *p* ulaznog znaka. U pomoćni niz P još uvijek spremamo vrijednost prethodnika ulaznog znaka.

Algoritam počiva na činjenici da ako postoji rastući podniz duljine *i* koji završava na *X[M[i]]*, onda također postoji podniz duljine *i-1* koji završava na manjoj vrijednosti nego onaj duljine *i* – točno onaj koji završava na *X[P[M[i]]]*. Prema tome, moguće je provoditi binarna pretraživanja u logaritamskom vremenu.

Pseudokod algoritma je slijedeći:

L=0

for i = 1, 2, …, n:

binarno potraži najmanji pozitivni j ≤ L takav da je X[M[j]] < X[i] ili j=0 ako takva

vrijednost ne postoji

P[i] = M[j]

if j == L or X[i] < X[M[j+1]] :

M[j+1] = i

L = max (L, j+1)

Konačna duljina najduljeg podniza spremljena je u varijabli L. Sam podniz iz pomoćnih nizova i ulaznog niza iščitava se počevši od zadnjeg člana. Njega se iščita kao X[M[L]], slijedeći je X[P[M[L]]], zatim X[P[P[M[L]]]], itd.

Iščitavanje je dano slijedećim pseudokodom:

p = M[L]

for i = L, …, 0:

LIS[i] = X[p]

p = P[p]

Kao što je već navedeno, za pretragu niza koristi se binarno pretraživanje. Pritom se misli na klasičnu iterativnu primjenu pretraživanja danu slijedećim pseudokodom:

while (imin < imax):

int imid = midpoint (imin, imax)

if A[imid] < key:

imin = imid + 1

else:

imax = imid

# Objašnjenje algoritma na primjeru

Kao što je to slučaj s većinom algoritama, tako je i ovaj mnogo razumljivije shvatiti na primjeru.

Uzmimo stoga slijedeći niz: {0, 8, 4, 12, 2, 10, 6, 14, 1, 9, 5, 13, 3, 11, 7, 15}[[4]](#footnote-4)

Algoritam provodimo redom nad svim članovima niza na slijedeći način:

1. Inicijaliziramo sve nizove i varijable:

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| i | j | M | P | L |
| 0 | - | {0} | {-1} | 0 |

U ovom slučaju binarnim pretraživanjem ustvari uspoređujemo 0 s 0 te

kao rezultat dobijemo j = -1. Kako je j != L i uspoređujemo 0 s 0, ostali nizovi se ne mijenjaju. Ovo je slučaj inicijalizacije kada pamtimo prvi niz, duljine 1 koji nema prethodnika (P={-1}). Važno je uočiti da se u ovoj izvedbi u pomoćni niz M upisuju duljine krenuvši od 0, te ih se uvijek treba interpretirati kao da su za 1 veće.

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| i | j | M | P | L |
| 0 | -1 | {0} | {-1} | 0 |

1. Promatramo broj 8. Binarnim sortiranjem saznajemo da je on veći od

svih krajnjih elemenata postojećih podnizova, te kloniramo najdulji

podniz {0} i na kraj mu dodajemo ulazni znak. Tako sada imamo

podnizove {0} i {0,8}. U niz M na poziciji 1 koja predstavlja podniz

duljine 2 zapisujemo poziciju ulaznog znaka, a u niz P dodajemo

poziciju prethodnika ulaznog znaka. Status je na kraju ovog koraka

slijedeći:

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| i | j | M | P | L |
| 1 | 0 | {0,1} | {-1,0} | 1 |

1. Promatramo broj 4. Binarnim sortiranjem saznajemo da on nije veći od

svih krajnjih znakova postojećih podnizova. Također dobivamo informaciju da je veći od niza kojemu je krajnji znak {0}, te taj niz dupliciramo i na kraj mu dodajemo znak 4. Dobivamo niz {0,4} koji je iste duljine kao i niz {0,8}, ali je njegov krajnji element manji od krajnjeg elementa niza {0,8}, te stoga odbacujemo niz {0,8}. To radimo na način da u pomoćni niz M na poziciju 1 koja predstavlja niz duljine 2 zapisujemo poziciju novopristiglog znaka koja iznosi 2. Sada imamo podnizove {0} i {0,4}. U niz P još dodajemo poziciju njegovog prethodnika (znaka 0), te je situacija slijedeća:

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| i | j | M | P | L |
| 2 | 0 | {0,2} | {-1,0,0} | 1 |

1. Promatramo broj 12. Binarnim sortiranjem saznajemo da je taj ulazni

znak veći od svih krajnjih znakova postojećih listi, pa odabiremo najdulju listu, dupliciramo ju i dodamo joj 12 na kraj. Ovime smo našu listu nizova proširili za novi niz {0.4.12}, te sada imamo tri mogućnosti {0}, {0,4} i {0,4,12}. Pomoćni niz M proširujemo dodajući mu na poziciju 2 koja označava niz duljine 3 indeks pozicije novododanog znaka 12. U niz P dodajemo indeks prethodnika dodanog znaka, a varijablu duljine L povećavamo za 1 (i nju je potrebno promatrati tek nakon što ju se uveća za 1 jer je i njeno indeksiranje krenulo od 0). Situacija je stoga slijedeća:

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| i | j | M | P | L |
| 3 | 1 | {0,2,3} | {-1,0,0,2} | 2 |

Ako promotrimo prethodna 4 koraka, evidentno je da postoje 3 situacije:

1. započinjemo novu listu duljine 1
2. X[i] je najveći od svih krajnjih elemenata svih listi. Odabiremo najdulju aktivnu

listu, kloniramo ju i dodamo X[i] na kraj (korak 4)

1. X[i] je manji od svih krajnjih elemenata svih listi, ali veći od njihovih početaka.

Pronalazimo listu s najvećim krajnjim elementom koji je još uvijek manji od X[i], kloniramo tu listu i proširimo ju s X[i] te odbacimo sve liste iste dužine kao novo dobivena (korak 3).

Stoga ćemo ostatak algoritma provesti pozivajući se na jednu od 3 situacije.

1. Promatramo broj 2.

Trenutni nizovi su: {0}

{0,4}

{0,4,12}

U situaciji smo (3), te odabiremo niz {0}, kloniramo ga i dodamo 2 na kraj, dobivši {0,2}. Nakon što još odbacimo niz {0,4}, dobivamo slijedeće nizove : {0}, {0,2} i {0,4,12}, te

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| i | j | M | P | L |
| 4 | 0 | {0,4,3} | {-1,0,0,2,0} | 2 |

1. Promatramo broj 10. Opet smo u situaciji (3), odabiremo niz {0,2},

kloniramo ga i dodamo 10 na kraj, dobivši {0,2,10}. Odbacujemo niz {0,4,12} i dobivamo nizove: {0}, {0,2}, {0,2,10} te

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| i | j | M | P | L |
| 5 | 1 | {0,4,6} | {-1,0,0,2,0,4} | 2 |

1. Promatramo broj 6. Ponovno situacija (3), odabiremo niz {0,2},

kloniramo ga i dodamo 6 na kraj, dobivši {0,2,6}. Odbacujemo niz {0,2,10} i dobivamo nizove {0}, {0,2} i {0,2,6} te

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| i | J | M | P | L |
| 6 | 1 | {0,4,6} | {-1,0,0,2,0,4,4} | 2 |

1. Promatramo broj 14. Ovaj put smo u situaciji (2), jer je 4 najveći od svih

krajnjih elemenata. Stoga odabiremo najdulji niz {0,2,6} i dodajemo 14 na kraj, te dobijemo {0,2,6,14}. Imamo nizove {0}, {0,2}, {0,2,6} i {0,2,6,14} te

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| i | J | M | P | L |
| 7 | 2 | {0,4,6,7} | {-1,0,0,2,0,4,4,0} | 3 |

1. Promatramo broj 1. U situaciji smo (3), kloniramo niz {0} i dodajemo 1

na kraj. Odbacujemo niz {0,2} i imamo nizove {0}, {0,1}, {0,2,6,14} te

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| i | J | M | P | L |
| 8 | 0 | {0,8,6,7} | {-1,0,0,2,0,4,4,0,0} | 3 |

1. Promatramo broj 9. U situaciji smo (3), kloniramo niz {0,2,6} i dodamo 9

na kraj, te odbacimo niz {0,2,6}. Imamo {0}, {0,1}, {0,2,6}, {0,2,6,9} te

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| i | J | M | P | L |
| 9 | 2 | {0,8,6,9} | {-1,0,0,2,0,4,4,0,0,6} | 3 |

1. Promatramo broj 5. U situaciji smo (3), kloniramo niz {0,1} i dodamo 5

te dobijemo {0,1,5}. Odbacujemo niz {0,2,6} i imamo nizove {0}, {0,1}, {0,1,5}, {0,2,6,9} te

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| i | J | M | P | L |
| 10 | 1 | {0,8,10,9} | {-1,0,0,2,0,4,4,0,0,6,8} | 3 |

1. Promatramo broj 13. U situaciji smo (2), odabiremo najdulji niz,

kloniramo ga i dodamo 13 na kraj. Na kraju imamo nizove {0}, {0,1}, {0,1,5}, {0,2,6,9}, {0,2,6,9,13} te

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| i | J | M | P | L |
| 11 | 3 | {0,8,10,9,11} | {-1,0,0,2,0,4,4,0,0,6,8,9} | 4 |

1. Promatramo broj 3. U situaciji smo (3), kloniramo niz {0,1}, dodamo 3

na kraj te odbacimo niz {0,1,5}. Na kraju imamo nizove {0}, {0,1}, {0,1,3}, {0,2,6,9} i {0,2,6,9,13} te

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| i | J | M | P | L |
| 12 | 1 | {0,8,12,9,11} | {-1,0,0,2,0,4,4,0,0,6,8,9,8} | 4 |

1. Promatramo broj 11. U situaciji smo (3), kloniramo niz {0,2,6,9},

dodajemo 11 na kraj te odbacujemo niz {0,2,6,9,13}. Na kraju imamo nizove {0}, {0,1}, {0,1,3}, {0,2,6,9} i {0,2,6,9,11} te

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| i | J | M | P | L |
| 13 | 3 | {0,8,12,9,13} | {-1,0,0,2,0,4,4,0,0,6,8,9,8,9} | 4 |

1. Promatramo broj 7. U situaciji smo (3), kloniramo niz {0,1,3}, dodamo 7

na kraj i imamo {0,1,3,7}. Odbacujemo niz {0,2,6,9} i imamo nizove {0}, {0,1}, {0,1,3}, {0,1,3,7} i {0,2,6,9,11} te

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| i | J | M | P | L |
| 14 | 2 | {0,8,12,14,11} | {-1,0,0,2,0,4,4,0,0,6,8,9,8,9,12} | 4 |

1. Promatramo broj 15. U situaciji smo (2). Uzimamo najdulji niz i

dodajemo mu 15. Na kraju imamo nizove {0}, {0,1}, {0,1,3}, {0,1,3,7}, {0,2,6,9,11} i {0,2,6,9,11,15} te

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| i | J | M | P | L |
| 15 | 4 | {0,8,12,9,11,15} | {-1,0,0,2,0,4,4,0,0,6,8,9,8,9,1213} | 5 |

U konačnici odabiremo najdulji niz, što je u ovom slučaju niz {0,2,6,9,11,15}.

# Programske izvedbe

U sklopu ovog projekta problem pronalaska najduljeg rastućeg niza pri složenosti O(NlogN) izveden je u nekoliko programskih jezika. Jezici su Java (2 verzije), Python i C.

Radi testiranja svih verzija izgeneriran je niz slučajnih brojeva u rasponu od 1 do 10000 duljine 1000 znakova. Navedeni niz je slijedeći moguće je pronaći u dodatku A zajedno sa najduljim rastućim podnizom koji je moguće pronaći u njemu.

U narednim poglavljima biti će ukratko analizirano memorijsko zauzeće kao i vremensko izvođenje svakog pojedinog koda. Kodove je moguće pronaći u dodatku B.

## C izvedba

Pokretanjem programa u CodeBlocks programskom alatu na operacijskom sustavu Windows 7 64-bit izvedba ove verzije dala je sljedeće rezultate:

Time [s]: 0.001

Memory [B]: 12036

## Python izvedba

## Java izvedba

### Verzija 1 (V. Briševac)

### Verzija 2 (A. Gogić)

Pokretanjem programa u platformi Eclipse na operacijskom sustavu Windows 7 64-bit izvedba ove verzije dala je slijedeće rezultate:

Time [s]: 0.007

Memory [B]: 325760

# Usporedba izvedbi

# Dodatak A – ulazni i izlazni nizovi

Ulazni niz:

1618, 5140, 8776, 5285, 5164, 4470, 4433, 5070, 2728, 4100, 3395, 3337, 8215, 786, 3473, 8299, 390, 2366, 2282, 6488, 4011, 5017, 8502, 8742, 5756, 1502, 9077, 7918, 3036, 3513, 6954, 7356, 4696, 1548, 6876, 2747, 60, 5196, 1300, 7763, 6828, 5208, 4508, 5574, 8917, 6239, 661, 4226, 2497, 5803, 717, 3702, 2198, 631, 3860, 6506, 9754, 6358, 1456, 1561, 4167, 275, 5372, 3350, 5923, 9734, 7972, 4330, 7731, 730, 8098, 8876, 803, 2152, 5887, 1273, 8783, 1258, 9431, 8607, 1102, 5033, 7970, 1788, 3737, 281, 9532, 4417, 8155, 2494, 5795, 9688, 8566, 9904, 3285, 145, 3495, 4418, 7977, 3708, 186, 5619, 9870, 2126, 9366, 7458, 5180, 4757, 3485, 9835, 6387, 1416, 3730, 8874, 4608, 2925, 9818, 361, 4493, 6951, 1840, 570, 9147, 9735, 5311, 7475, 1490, 1401, 8961, 3230, 8878, 3667, 9767, 5715, 9809, 3992, 1300, 2920, 5145, 9459, 9504, 9018, 1331, 7027, 4717, 5050, 9873, 4174, 9958, 353, 5503, 5394, 3283, 3080, 5337, 5573, 6351, 9463, 2680, 789, 2271, 1839, 2068, 770, 3254, 4864, 6654, 4936, 2627, 7857, 5103, 5698, 6372, 8725, 2790, 8554, 6512, 1578, 1266, 8385, 2358, 5767, 750, 5316, 5974, 8853, 2674, 1545, 4983, 9808, 3216, 2578, 9324, 1576, 4176, 2508, 8483, 4098, 4577, 3128, 2283, 9860, 4900, 972, 1405, 4058, 6025, 4700, 3476, 638, 6624, 7605, 6766, 3576, 5993, 6538, 6342, 58, 4151, 8995, 6848, 8479, 7390, 4741, 2018, 9563, 5394, 6962, 3454, 3321, 5582, 658, 295, 8048, 1353, 2733, 6939, 120, 3555, 9100, 8182, 4953, 8702, 8989, 9837, 162, 3201, 5605, 8177, 1700, 152, 5304, 3413, 2537, 4198, 4539, 798, 1343, 309, 4961, 7944, 5501, 4394, 2267, 8452, 8817, 7213, 3671, 66, 9324, 8168, 2170, 210, 6663, 2254, 3205, 2996, 1752, 1702, 756, 9560, 3628, 3656, 5422, 7956, 9705, 6605, 6628, 9705, 6002, 1234, 4737, 7616, 3355, 5850, 6561, 3479, 4093, 2615, 9504, 4873, 1213, 8446, 5451, 7449, 8707, 3609, 5341, 2797, 7354, 1818, 9393, 2280, 5034, 7943, 5901, 4055, 4425, 3312, 3645, 3925, 3798, 4038, 9090, 631, 8547, 4795, 9732, 2710, 2083, 9035, 9253, 7175, 4773, 6777, 8453, 9893, 8696, 2755, 8319, 3788, 4205, 1014, 8056, 3761, 1455, 6799, 1428, 6573, 6427, 3023, 9312, 9838, 6288, 6473, 5039, 6762, 3368, 8473, 1782, 2266, 531, 5746, 8030, 1754, 3245, 9874, 8006, 5944, 5291, 7919, 8797, 3869, 5702, 2536, 4888, 1486, 4275, 7222, 3860, 5144, 1794, 1216, 4024, 7565, 8956, 9008, 5983, 9003, 4933, 1420, 5241, 7723, 2463, 8770, 2318, 2096, 1442, 1795, 99, 1208, 7079, 2645, 5580, 2154, 1846, 6558, 4612, 9921, 2729, 4624, 3755, 162, 6523, 9406, 2952, 6021, 6338, 8158, 6361, 7679, 1864, 2856, 6390, 7291, 4444, 2337, 7760, 2621, 5564, 9457, 4229, 9794, 3951, 5373, 530, 9333, 2181, 3820, 5995, 9935, 8402, 541, 4407, 1262, 2593, 6917, 6633, 460, 9651, 2310, 8808, 7060, 3485, 6578, 8979, 7483, 7331, 2838, 9434, 3428, 5509, 654, 249, 8112, 981, 1523, 1969, 535, 1233, 1774, 1825, 731, 2231, 2831, 8378, 8314, 6527, 5146, 4069, 2523, 6917, 62, 3814, 4472, 1509, 3353, 448, 1295, 9520, 5278, 4644, 7526, 9690, 4580, 7709, 1175, 4799, 8075, 594, 685, 6447, 3224, 1378, 4264, 4011, 8387, 6531, 4900, 457, 4333, 8322, 2793, 5594, 1042, 1881, 1907, 4226, 5809, 651, 8872, 2702, 2237, 8197, 571, 2351, 4838, 7705, 1394, 2470, 642, 7879, 2369, 8633, 7471, 5388, 2166, 4391, 8337, 9566, 4309, 5690, 2827, 4607, 5836, 7698, 9249, 8184, 134, 3196, 5830, 3073, 690, 112, 5317, 190, 3104, 3377, 4963, 7224, 9880, 2870, 3061, 6987, 6193, 4896, 3954, 3522, 5171, 9383, 5750, 2047, 8018, 8769, 8853, 893, 7756, 7435, 8873, 9725, 5314, 2435, 4445, 8553, 3222, 7285, 9105, 6292, 5285, 612, 6441, 5987, 241, 565, 9464, 6176, 3648, 4085, 8393, 4345, 5039, 7356, 5842, 8943, 6680, 43, 4784, 994, 6240, 1326, 2633, 4997, 8105, 106, 4226, 1502, 7119, 5304, 7624, 527, 4132, 4673, 9220, 5801, 4880, 2186, 8861, 4710, 2467, 4727, 1432, 7796, 8978, 8544, 8680, 4656, 3610, 4726, 3903, 167, 3108, 831, 2603, 6134, 5279, 2709, 4174, 8627, 7880, 6553, 3286, 559, 3255, 6263, 4736, 2397, 3797, 5307, 2222, 1262, 4487, 5467, 9780, 155, 6570, 7046, 4389, 4555, 773, 6463, 9674, 3207, 9363, 7481, 3544, 3579, 3832, 1770, 7117, 150, 9023, 2971, 8353, 5472, 5092, 5986, 1422, 9783, 5885, 9821, 2056, 4831, 6013, 8007, 9855, 1516, 9192, 5328, 853, 9010, 7267, 3396, 7506, 5043, 2738, 500, 8731, 3235, 7594, 3029, 9602, 3529, 7767, 6802, 8887, 6055, 5650, 6663, 2733, 7084, 2730, 1817, 4489, 8139, 678, 2550, 3929, 5756, 1944, 1223, 3927, 9926, 313, 6728, 9027, 3833, 7747, 6938, 8287, 6124, 6339, 8132, 4281, 9679, 3198, 3845, 1207, 7585, 1734, 8145, 7658, 7889, 4909, 9959, 3846, 3550, 4804, 5732, 8764, 3007, 8069, 7437, 135, 9775, 8737, 1786, 8845, 6561, 8231, 4291, 10, 550, 7401, 8819, 4815, 1690, 6947, 9211, 844, 5113, 690, 4626, 3743, 2101, 791, 4361, 9734, 1469, 5261, 1067, 6761, 4625, 5877, 3549, 1877, 3127, 8962, 1587, 3819, 7132, 2409, 5634, 2707, 6750, 9781, 3613, 3255, 6054, 6361, 5571, 3996, 1240, 2637, 4462, 2603, 276, 7832, 7962, 6613, 1258, 9835, 1887, 9599, 664, 8173, 510, 5137, 690, 3489, 2902, 4826, 6968, 426, 7243, 2018, 4059, 760, 7011, 9944, 6377, 180, 3910, 1484, 6408, 5207, 2479, 7942, 474, 6378, 409, 5888, 4639, 82, 6775, 4379, 9842, 4175, 7649, 9686, 5835, 1887, 4818, 1028, 8101, 4403, 8726, 8751, 565, 5011, 1172, 5901, 9609, 6710, 6777, 5204, 1680, 776, 4795, 6072, 7601, 5961, 4426, 479, 1603, 6693, 7512, 2266, 2016, 3944, 2176, 1787, 3634, 4276, 9809, 6641, 8774, 982, 5647, 9711, 5266, 6210, 106, 7723, 4757, 4495, 4040, 7087, 4020, 6205, 6127, 8930, 5259, 4098, 4700, 1906, 8820, 7354, 9513, 9633, 3152, 5301, 1178, 9400, 2393, 7317, 7293, 200, 1532, 6380, 4656, 1029, 2729, 1145, 6367, 4968, 4110, 5491, 1133, 549, 4083, 5076, 9612, 9592, 87, 7592, 9250, 9870, 547, 7111, 4765, 1699, 2791, 3257, 6126, 9888, 7685, 2696, 9701, 6328, 3821, 3936, 1111, 3994, 252, 6331, 237, 56, 6958, 742, 9814, 4449, 6493, 2427, 9115, 295, 8609, 6328, 3307, 4328, 2034, 1226, 7270, 8680, 4028, 1933, 9876, 219, 8881, 8110, 1038, 7, 1080, 4158, 9211, 3379, 7517, 7118, 1420, 655, 5815

LIS:

60, 661, 717, 730, 803, 1102, 1300, 1331, 1545, 1576, 1700, 1702, 1754, 1794, 1795, 1846, 1864, 1881, 1907, 2237, 2351, 2369, 2827, 3073, 3104, 3377, 3522, 3648, 4085, 4132, 4673, 4710, 4726, 4736, 5307, 5467, 5472, 5885, 6013, 6055, 6124, 6339, 6361, 6377, 6378, 6775, 7649, 8101, 8726, 8751, 8774, 8820, 9400, 9592, 9701, 9814, 9876

# Dodatak B – Programski kodovi

## C izvedba

#include <stdio.h>

#include <stdlib.h>

#include <time.h>

int binary\_replace(int \*lis, int left, int right, int key) {

int mid;

//Standard binary search

for (mid = (left+right)/2; left <= right; mid = (left+right)/2) {

if (lis[mid] > key) {

right = mid - 1;

} else if (lis[mid] == key) {

return mid;

} else if (mid+1 <= right && lis[mid+1] >= key) {

lis[mid+1] = key;

return mid+1;

} else {

left = mid + 1;

}

}

if (mid == left) {

lis[mid] = key;

return mid;

}

lis[mid+1] = key;

return mid+1;

}

int main(void) {

//Variables for time measurement

clock\_t begin, end;

begin = clock();

double time\_spent;

int i=0, tmp,lis\_length = -1,storage=0;

int \*answer;

int \*A = (int\*) malloc(1\*sizeof(int));

//Reading the input file

FILE \*fp = fopen("u.txt","r");

while(fscanf(fp,"%d, ",&tmp)>0)

{

A[i]=tmp;

i++;

//Reallocate memory because of unknown list size

A=(int\*)realloc(A,(i+1)\*sizeof(int));

}

fclose(fp);

int size=i; //Last index shows the size of the list

int \*LIS = (int\*) malloc(i\*sizeof(int));

int \*index = (int\*) malloc(i\*sizeof(int));

//Manual memory allocation calclulation

storage =5\*sizeof(int)+4\*sizeof(int\*)+size\*3\*sizeof(int);

for (i = 0; i < size; i++)

{

index[i] = binary\_replace(LIS, 0, i, A[i]);

if (lis\_length < index[i])

{

lis\_length = index[i];

}

}

//Backward generation of output list

answer = (int\*) malloc((lis\_length+1) \* sizeof(int));

for (i = size-1, tmp = lis\_length; i >= 0; i--)

{

if (index[i] == tmp)

{

answer[tmp] = A[i];

tmp--;

}

}

//Open and write the list into the output file

fp = fopen("output.txt","w");

fprintf(fp,"[");

for (i = 0; i < lis\_length; ++i) {

fprintf(fp,"%d, ", answer[i]);

}

fprintf(fp,"%d]",answer[lis\_length]);

fclose(fp);

//Calculate required time

end = clock();

time\_spent = (double)(end - begin) / CLOCKS\_PER\_SEC;

printf("Time [s]: %f\n",time\_spent);

printf("Memory [B]: %d\n",storage);

return 0;

}

## Python izvedba

## Java izvedba verzija 1 (V. Briševac)

## Java izvedba verzija 2 (A. Gogić)

**import** java.io.\*;

**public** **class** NajduljiRastuciPodniz{

//This is a standard version of binary search done iteratively

//The input is array A[] on which the search is made; help array M[]

// with indexes of last members of each sub array of length l, where l

// is in range of 0 to M.length()-1; variable position which indicates

// which member of array A[] to observe and variable length which

// indicates the length of currently longest found subsequence

**static** **int** binary\_search(**int** A[], **int**[] M, **int** position, **int** length)

{

// variable initialisation, x must be nonnegative number

**int** x = 0;

**int** y = length;

**int** middle;

// binary search is done within boundaries x and y

**while** (x <= y){

middle = (x+y)/2;

// comparing all last members of known sub sequences with

// current number on which the search is done

**if** (A[M[middle]]<A[position]){

x=middle+1;

}

**else**{

y = middle-1;

}

}

**return** y;

}

// A function that finds the longest sub sequence of given input array

**private** **static** **int**[] findLongestSubsequence(**int**[] inputArray){

// Initialising variables

**int** L = 0;

**int** j;

**int**[] M = **new** **int**[inputArray.length];

**int**[] P = **new** **int**[inputArray.length];

M[0]=0;

P[0]=-1;

// The main loop goes through all the elements of input array

**for** (**int** i=0; i<inputArray.length; i++){

// First the binary search is done to find where to put

// the new element

j = *binary\_search*(inputArray, M, i, L);

// For all situations but the first element inspection

// remember the position of the predecessor

**if** ( j !=-1){

P[i]=M[j];

}

// If the conditions are met, remember the new sub sequence

// and if necessary discard all existing sub sequences of

// the same length

**if** (j==L || (inputArray[i]<inputArray[M[j+1]])){

M[j+1]=i;

// Also remember the new largest length if necessary

**if** (j+1>L){

L = j+1;

}

}

}

// Make new array LIS in which the solution will be

**int**[] LIS = **new** **int**[L+1];

// Start reading backwards using help arrays P and M

**int** p = M[L];

**for** (**int** i=L; i>=0; i--){

LIS[i] = inputArray[p];

p = P[p];

}

**return** LIS;

}

// The main function

**public** **static** **void** main(String[] args) **throws** IOException{

// Start measuring time

**long** startTime = System.*currentTimeMillis*();

// Use string builder and buffer to read input file

StringBuilder stringBuilder;

// File opening

BufferedReader bufferedReader = **new** BufferedReader(**new**

FileReader("u.txt"));

**try**{ // File reading

stringBuilder = **new** StringBuilder();

String line = bufferedReader.readLine();

**while** (line != **null**){

stringBuilder.append(line);

stringBuilder.append(",");

line = bufferedReader.readLine();

}

}

**finally**{

bufferedReader.close();

}

// Input data transforming (String -> Integer)

String s = stringBuilder.toString();

String[] help = s.split(",");

**int**[] input = **new** **int**[help.length];

**for** (**int** i=0; i<help.length; i++){

**if** (help[i].length()>0){

input[i]=Integer.*parseInt*(help[i]);

}

}

// Call the function to find LIS

**int**[] subsequence = *findLongestSubsequence*(input);

// Print out the LIS

BufferedWriter outputWriter = **null**;

outputWriter = **new** BufferedWriter(**new** FileWriter("out.txt"));

**for** (**int** i = 0; i < subsequence.length; i++) {

outputWriter.write(subsequence[i]+", ");

}

outputWriter.flush();

outputWriter.close();

// Finish estimating time

**long** estimatedTime = System.*currentTimeMillis*() - startTime;

System.*out*.println("Time [s] " + (**float**)estimatedTime/1000);

// Estimate used memory

Runtime runtime = Runtime.*getRuntime*();

runtime.gc();

**long** total = Runtime.*getRuntime*().totalMemory();

**long** free = Runtime.*getRuntime*().freeMemory();

**long** used = total - free;

System.*out*.println("Memory [B]: " + used);

}

}

1. MUM = **M**aximal **U**nique **M**atch, Mirjana Domazet – Lošo, Poravnavanje više slijedova odjednom, FER-ZPR, 6. predavanje, Bioinformatika, <http://www.fer.unizg.hr/_download/repository/Bioinformatika_-_6._predavanje.pdf> [↑](#footnote-ref-1)
2. <http://en.wikipedia.org/wiki/Diff> [↑](#footnote-ref-2)
3. <http://git.661346.n2.nabble.com/Bram-Cohen-speaks-up-about-patience-diff-td2277041.html> [↑](#footnote-ref-3)
4. Preuzeto sa <http://en.wikipedia.org/wiki/Longest_increasing_subsequence> [↑](#footnote-ref-4)