LEHEN ORDENAKO EDA

1. Ebatzi aldagai banangarrietako hurrengo ekuazio diferentzialak:

a)
$$2y dx - x(y+2) dy = 0$$

E:
$$x^2 = Cy^2 e^y$$

b)
$$y' = 3x^2(y^2 + 1)$$

E:
$$y = tg(x^3 + C)$$

c)
$$y' = \operatorname{sen}(x - y) - \operatorname{sen}(x + y)$$

E:
$$\ln |tg(y/2)| + 2 sen x = C$$

2. Klasifikatu eta ebatzi honako ekuazio diferentziala:

$$(1+e^x)yy'=e^x$$

E:
$$y^2 = 2 \ln |1 + e^x| + C$$

3. Ebatzi hurrengo ekuazio homogeneoak

a)
$$(x+y) dx + x dy = 0$$

E:
$$x^2 + 2xy = C$$

b)
$$y' = \frac{2xy}{x^2 - y^2}$$

E:
$$x^2 + y^2 - Ay = 0$$

c)
$$y' = \frac{x - y + 5}{x + y - 1}$$

E:
$$-x^2 + y^2 + 2xy - 10x - 2y = C$$

4. Integratu hurrengo ekuazioak, diferentzial zehatzak direla konprobatuz:

a)
$$(3x + y)dx + xdy = 0$$

E:
$$3x^2 + 2xy + C = 0$$

b)
$$(x+e^{x/y})dx + e^{x/y}(1-x/y)dy = 0$$
; $y(0) = 2$

E:
$$x^2 + 2ve^{x/y} = 4$$

c)
$$y' = -\frac{mx + ny}{nx + my}$$

E:
$$m(x^2 + y^2) + 2nxy = C$$

5. Integratu hurrengo ekuazioak, diferentzial zehatzak direla konprobatuz:

a)
$$y^2(x-y)dx + (1-xy^2)dy = 0$$

E:
$$z(y) = y^{-2}$$
; $x^2y - 2xy^2 - 2 = Ay$

b)
$$y' = -\frac{(1+x \lg x)y^2}{2(xy+\cos x)}$$

E:
$$z(x) = 1/\cos x$$
; $xy^2 + (2y - C)\cos x = 0$

6. Ebatzi hurrengo ekuazio linealak edo linealetara murrizgarriak direnak:

a)
$$y' + xy = x$$

E:
$$y = 1 + Ce^{-(x^2/2)}$$

b)
$$(1+xy) dx = (1+x^2) dy$$
; $y(0) = 1$

E:
$$y = x + \sqrt{1 + x^2}$$

c)
$$2x(x+1)y' - y = y^3 \arcsin x$$

E:
$$y^{-2} = \frac{\arcsin x + \sqrt{1 - x^2} + C(x+1)}{x}$$

d)
$$xy(2+y^3) dx + dy = 0$$

E:
$$y^{-3} = -\frac{1}{2} + Ce^{3x^2}$$

7. Klasifikatu eta ebatzi honako ekuazio diferentziala:

$$(x+y-2)dx+(x-y+4)dy=0$$

E:
$$y^2 - 2xy - 8y + 4x - x^2 = C$$

8. Klasifikatu eta ebatzi honako ekuazio diferentziala:

$$(3x^2 + 6xy^2)dx + (6x^2y + 4y^3)dy = 0$$

E:
$$x^3 + 3x^2y^2 + y^4 = C$$

9. Klasifikatu eta ebatzi honako ekuazio diferentziala:

$$x^2y' + 2x^3y = 2y^2x^3$$

E:
$$y^{-1} = 1 + Ce^{x^2}$$

10. Klasifikatu eta ebatzi honako ekuazio diferentziala:

$$(x-2y-1)dx+(3x-6y+2)dy=0$$

E:
$$\ln |-x + 2y| = x + 3y + C$$

11. Klasifikatu eta ebatzi honako ekuazio diferentziala:

$$y' + 2xy = 2xe^{-x^2}$$

E:
$$y = e^{-x^2}(x^2 + C)$$

12. Klasifikatu eta ebatzi honako ekuazio diferentziala:

$$xy' + y = y^2 \ln x$$

E:
$$y^{-1} = \ln x + 1 + Cx$$

13. Klasifikatu eta ebatzi honako ekuazio diferentziala:

$$(x+y^2)dx - 2xy dy = 0$$

E:
$$Cx = e^{\frac{y^2}{x}}$$

14. Klasifikatu eta ebatzi honako ekuazio diferentziala:

$$3xy' - 2y = \frac{x^3}{y^2}$$

E:
$$y^3 = x^3 + Cx^2$$

15. Klasifikatu eta ebatzi honako ekuazio diferentziala:

$$(2xy \ln y) dx + (x^2 + y^2 \sqrt{y^2 + 1}) dy = 0$$

E:
$$x^2 \ln y + \frac{(y^2 + 1)^{3/2}}{3} = C$$