
1. ARIKETA

$x_1 = 1200, x_2 = 0, x_3 = 50$ ondoko programazio linealaren soluzio optimoa bada:

$$\begin{array}{ll}\text{Max} & z = 3x_1 + 4x_2 + 5x_3 \\ \text{s.a.} & 0.1x_1 + 0.4x_2 \leq 120 \\ & 0.2x_1 + 0.3x_2 + 0.4x_3 \leq 260 \\ & x_1, x_2, x_3 \geq 0\end{array}$$

Zehaztu problema duala eta bere soluzio optimoa.

Soluzioa:

$$\begin{array}{ll}\text{Min} & z^* = 120y_1 + 260y_2 \\ \text{s.a.} & 0.1y_1 + 0.2y_2 \geq 3 \\ & 0.4y_1 + 0.3y_2 \geq 4 \\ & 0.4y_2 \geq 5 \\ & y_1, y_2 \geq 0\end{array}$$

$$y_1 = 5, y_2 = 12.5, y_3 = 0, y_4 = 1.75, y_5 = 0 \text{ eta } z^* = 3850$$

2. ARIKETA

Izan bedi ondoko programazio linealeko problema:

$$\begin{array}{ll}\text{Max} & z = 2x_1 + 3x_2 - 4x_3 \\ \text{s.a.} & 4x_1 - x_2 - 5x_3 \leq 12 \\ & 2x_1 + 6x_2 + 2x_3 = 12 \\ & x_1, x_2, x_3 \geq 0\end{array}$$

Problema honi dagokion problema duala erabiliz, problema honen soluzio optimoa lor dezakezu? Nola? Zehaztu jarraitutako prozesua.

Soluzioa:

$$\begin{array}{ll}\text{Min} & z^* = 12u_1 + 12u_2 \\ \text{s.a.} & 4u_1 + 2u_2 \geq 2 \\ & -u_1 + 6u_2 \geq 3 \\ & -5u_1 + 2u_2 \geq -4 \\ & u_1 \geq 0, u_2 \text{ ez dago murriztuta}\end{array}$$

$$x_1 = 42/13, x_2 = 12/13, x_3 = 0, x_4 = 0 \quad y \quad z = 120/13$$

3. ARIKETA

Izan bedi ondoko programazio linealeko problema:

$$\begin{aligned} \text{Min} \quad & z = 3x_1 + 5x_2 - 7x_3 \\ \text{s.a.} \quad & x_1 + x_2 - 3x_3 \geq 4 \\ & 2x_2 + 5x_3 = 12 \\ & x_1, x_2 \geq 0, x_3 \text{ murriztugabea} \end{aligned}$$

Problema honi dagokion problema duala erabiliz, problema honen soluzio optimoa lor dezakezu? Nola? Zehaztu jarraitutako prozesua.

Soluzioa:

$$\begin{aligned} \text{Max} \quad & z^* = 4u_1 + 12u_2 \\ \text{s.a.} \quad & u_1 \leq 3 \\ & u_1 + 2u_2 \leq 5 \\ & -3u_1 + 5u_2 = -7 \\ & u_1 \geq 0, u_2 \text{ ez dago murriztuta} \end{aligned}$$

$$x_1 = 56/5, x_2 = 0, x_3 = 12/5, x_4 = 0 \quad y \quad z = 84/5$$

4. ARIKETA

Izan bedi ondoko programazio linealeko problema:

$$\begin{aligned} \text{Min} \quad & z = 10x_1 + 3x_2 + 6x_3 \\ \text{s.a.} \quad & x_1 + x_2 + x_3 \geq 21 \\ & \frac{1}{2}x_2 + 2x_3 \leq 10 \\ & x_2 + x_3 = 16 \\ & x_1, x_2, x_3 \geq 0 \end{aligned}$$

Simplex metodoa aplikatu ondoren, hasierako oinarritzko aldagaiak y_1, x_5, y_2 izan direla jakinik, ondoko taula lortzen da:

		C_i	10	3	6	0	0	M	M
$C_{oinarrizkoa}$	$B^{-1} \cdot b$	$A_{oinarrizkoa}$	x_1	x_2	x_3	x_4	x_5	y_1	y_2
10	5	x_1	1	0	0	-1	0	1	-1
0	2	x_5	0	0	3/2	0	1	0	-1/2
3	16	x_2	0	1	1	0	0	0	1
Z=98		Z_i	10	3	3	-10	0	10	-7
		$Z_i - C_i$	0	0	-3	-10	0	10-M	-7-M

- Zein ebazpen metodoa erabili da?
- Zehaztu helburu-funtzioaren c_3 koefizientearen aldaketa posibleak oinarritzko aldagaiak optimoak izaten jarraitzeko.
- Ba al dago c_3 -ren baliorik PL problemak soluzio bat baino gehiago izan dezan?
- Zehaztu murrizketen b_2 gai askearen aldaketa posibleak oinarritzko aldagaiak bideragarriak izaten jarraitzeko.

Soluzioa:

- Zigortze metodoa
- $3 \leq c_3$
- $c_3 = 3$
- $b_2 \geq 8$

5. ARIKETA

Izan bedi ondoko programazio linealeko problema:

$$\begin{aligned}
 \text{Min} \quad & z = 5x + 2y + 4z \\
 \text{s.a.} \quad & 3x + y + 2z \geq 4 \\
 & 6x + 3y + 5z \geq 10 \\
 & x, y, z \geq 0
 \end{aligned}$$

Ebatzi Simplex dual metodoa erabiliz.

Soluzioa:

$x = 2/3, y = 2, z = 0, h_1 = 0, h_2 = 0$ soluzio optimoa eta bideragarria.

6. ARIKETA

Izan bedi ondoko programazio linealeko problema:

$$\begin{aligned}
 \text{Min} \quad & z = 6x_1 + 4x_2 + 2x_3 \\
 \text{s.a.} \quad & 6x_1 + 2x_2 + 6x_3 - x_4 + y_1 = 6 \\
 & 6x_1 + 4x_2 \quad \quad \quad + y_2 = 12 \\
 & 2x_1 - 2x_2 \quad \quad + x_5 = 2 \\
 & x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, y_1, y_2 \geq 0
 \end{aligned}$$

y_1, y_2, x_5 hasierako oinarritzko aldagaiak direla jakinik eta problema ebazteko metodo bat erabiliz ondoko taula optimoa lortu da:

		C_i	6	4	2	0	0	M	M
$C_{\text{oinarrizkoa}}$	$B^{-1} \cdot b$	$A_{\text{oinarrizkoa}}$	x_1	x_2	x_3	x_4	x_5	y_1	y_2
6	0	x_1	1	0	2	-1/3	0	1/3	-1/6
4	3	x_2	0	1	-3	1/2	0	-1/2	1/2
0	8	x_5	0	0	-10	5/3	1	-5/3	4/3
Z=12		Z_i	6	4	0	0	0	0	1
		$Z_i - C_i$	0	0	-2	0	0	-M	1-M

- Zein ebazpen metodo erabili da?
- Zehaztu helburu funtzioaren c_3 koefizientearen aldaketak, oinarritzko aldagaiak optimoak izaten jarraitzeko.
- Ba al dago c_3 -ren baliorik, problemak soluzio bakarra ez izateko?
- Aztertu 2.murritzketaren b_2 gai askearen aldaketak, oinarritzko aldagaiak bideragarriak izaten jarraitzeko.

Soluzioa:

- Zigortze metodoa
- $0 \leq c_3$
- $c_3 = 0$
- $6 \leq b_2 \leq 12$

7. ARIKETA

Izan bedi ondoko programazio linealeko problema:

$$\begin{aligned} \text{Max} \quad & z = 3x_1 + 2x_2 + 5x_3 \\ \text{s.a.} \quad & x_1 + x_2 + 2x_3 \leq 10 \\ & 2x_1 - x_2 + x_3 \leq 7 \\ & x_1, x_2, x_3 \geq 0 \end{aligned}$$

- a) Ebatzi Simplex metodoa erabiliz
- b) Aurreko atalean lortutako taula optimoa erabiliz, kalkulatu zein balio artean egon behar den c_2 helburu-funtzioaren koefizientea taula optimoa izaten jarraitzeko.
- c) Aztertu $x_1 - x_2 + 2x_3 \leq 5$ murrizketa gehitzean gertatzen dena.

Soluzioa:

- a) $x_1 = 13/3$, $x_2 = 4/3$, $Z_{\max} = 77/3$
- b) $c_2 \in (-\infty, 2)$
- c) $x_1 = 23/6$, $x_2 = 5/2$, $x_3 = 11/6$ $Z_{\max} = 77/3$