Lengoaiak, Konputazioa eta Sistema Adimendunak

6. gaia: Sistema Adimendunak — 0,9 puntu — Bilboko IITUE 2015/12/15

1 Formula DNF monotonoak (0,300 puntu)

Formula DNF monotonoak ikasten dituen algoritmoa erabili. Urratsez urrats adierazi behar dira algoritmoak erabiltzaileari egin dizkion galderak eta osatzen dituen hipotesiak.

Formulak 5 aldagai erabiltzen ditu (n = 5) eta erabiltzaileak hurrenez hurren honako kontradibide hauek proposatzen ditu hipotesia eta ikasi behar den formula baliokideak ez direnean:

- $v_1 = (T, F, T, T, T)$
- $v_2 = (T, T, F, T, T)$
- $v_3 = (F, T, T, F, F)$

Gainera, erabiltzaileak hurrengo egia-taulak erabiltzen ditu balorazio batek formula True egiten al duen erabakitzeko:

$\neg x_5$	$\neg x_1 \wedge \neg x_2$	$\neg x_1 \wedge x_2$	$x_1 \land \neg x_2$	$x_1 \wedge x_2$
$\neg x_3 \land \neg x_4$	F	F	F	T
$\neg x_3 \wedge x_4$	F	T	F	T
$x_3 \land \neg x_4$	F	T	F	T
$x_3 \wedge x_4$	T	T	T	T
x_5	$\neg x_1 \wedge \neg x_2$	$\neg x_1 \wedge x_2$	$x_1 \land \neg x_2$	$x_1 \wedge x_2$
$\frac{x_5}{\neg x_3 \land \neg x_4}$	$ \begin{array}{c c} \neg x_1 \land \neg x_2 \\ \hline F \end{array} $	$\frac{\neg x_1 \land x_2}{F}$	$\frac{x_1 \land \neg x_2}{F}$	$\frac{x_1 \wedge x_2}{F}$
$\neg x_3 \wedge \neg x_4$	F	\overline{F}	F	\overline{F}

Soluzioa: (True eta False idatzi beharrean T eta F idatziko da)

E: n = 5

A: $h_0 = F$, $h_0 \leftrightarrow g$?

E: Ez. $v_1 = (T, F, T, T, T)$ balorazioarekin g = T eta $h_0 = F$ da.

A: $(v_1$ -etik abiatuta inplikatzaile lehena kalkulatuko da. Lehenengo T aldatzen da) $v_1^1 = (\underline{F}, F, T, T, T)$ -rekin g = T al da?

E: Bai.

A: (Aldaketa hori behin betikoa izango da. Bigarren T aldatzen da) $v_1^2 = (F, F, \underline{F}, T, T)$ -rekin g = T al da?

E: Ez.

A: (Hirugarren T aldatzen da) $v_1^3 = (F, F, T, \underline{F}, T)$ -rekin g = T al da?

E: Ez.

A: (Laugarren T aldatzen da) $v_1^4 = (F, F, T, T, \underline{F})$ -rekin g = T al da?

E: Bai.

A: (Aldaketa hori behin betikoa izango da. Beste aldaketarik ezin denez egin, inplikatzaile lehena (F, F, T, T, F) da. Hipotesia eguneratzen da) $h_1 = F \vee (x_3 \wedge x_4), \frac{h_1 \leftrightarrow g}{q}$?

E: Ez. $v_2 = (T, T, F, T, T)$ balorazioarekin g = T eta $h_1 = F$ da.

A: $(v_2$ -etik abiatuta inplikatzaile lehena kalkulatuko da. Lehenengo T aldatzen da) $v_2^1 = (\underline{F}, T, F, T, T)$ -rekin g = T al da?

E: Ez.

A: (Bigarren T aldatzen da) $v_2^2 = (T, \underline{F}, F, T, T)$ -rekin g = T al da?

E: Ez.

A: (Hirugarren T aldatzen da) $v_2^3 = (T, T, F, \underline{F}, T)$ -rekin g = T al da?

E: Ez.

A: (Laugarren T aldatzen da) $v_2^4 = (T, T, F, T, \underline{F})$ -rekin g = T al da?

E: Bai.

A: (Aldaketa hori behin betikoa izango da. Beste aldaketarik ezin denez egin, inplikatzaile lehena (T, T, F, T, F) da. Hipotesia eguneratzen da) $h_2 = F \vee (x_3 \wedge x_4) \vee (x_1 \wedge x_2 \wedge x_4), \frac{h_2 \leftrightarrow g}{q}$?

E: Ez. $v_3 = (F, T, T, F, F)$ balorazioarekin g = T eta $h_2 = F$ da.

A: $\overline{(v_3}$ -etik abiatuta inplikatzaile lehena kalkulatuko da. Lehenengo T aldatzen da) $v_3^1 = (F, \underline{F}, T, F, F)$ -rekin g = T al da?

E: Ez.

A: (Bigarren T aldatzen da) $v_3^2 = (F, T, \underline{F}, F, F)$ -rekin g = T al da?

E: Ez. A: (Beste aldaketarik ezin denez egin, inplikatzaile lehena (F, T, T, F, F) da. Hipotesia eguneratzen da) $h_3 = F \vee (x_3 \wedge x_4) \vee (x_1 \wedge x_2 \wedge x_4) \vee (x_2 \wedge x_3), \frac{h_3 \leftrightarrow g}{g}$?

E: Bai.

2 k-DNF formulak (0,300 puntu)

k-DNF formulak ikasten dituen algoritmoa erabili. Urratsez urrats adierazi behar dira algoritmoak erabiltzaileari egin dizkion galderak eta osatzen dituen hipotesiak.

Erabiltzaileak 2-DNF formula bat (k = 2) asmatzen du 3 aldagai erabiliz (n = 3), eta hurrenez hurren honako kontradibide hauek proposatzen ditu hipotesia eta ikasi behar den formula baliokideak ez direnean:

- $v_1 = (F, F, T)$
- $v_2 = (T, T, T)$
- $v_3 = (F, T, F)$
- $v_4 = (T, F, T)$
- $v_5 = (F, F, F)$

Soluzioa: (True eta False idatzi beharrean T eta F idatziko da)

E: k = 2 eta n = 3

A:

$$h_{0} = (\neg x_{1}) \lor (x_{1}) \lor (\neg x_{2}) \lor (x_{2}) \lor (\neg x_{3}) \lor (x_{3}) \lor (\neg x_{1} \land \neg x_{2}) \lor (\neg x_{1} \land x_{2}) \lor (x_{1} \land \neg x_{2}) \lor (x_{1} \land x_{2}) \lor (\neg x_{1} \land \neg x_{3}) \lor (\neg x_{1} \land x_{3}) \lor (x_{1} \land \neg x_{3}) \lor (x_{1} \land x_{3}) \lor (\neg x_{2} \land \neg x_{3}) \lor (\neg x_{2} \land x_{3}) \lor (x_{2} \land \neg x_{3}) \lor (x_{2} \land x_{3})$$

 $h_0 \leftrightarrow g$?

E: Ez. $v_1 = (F, F, T)$ -rekin g = F da eta $h_0 = T$ da.

A: $(v_1 = (F, F, T)$ balorazioarentzat h eta g-ren balioa berdina izan dadin, balorazio horrekin T diren h-ren osagaiak ezabatuko dira)

$$h_0 = (\neg x_1) \lor (x_1) \lor (\neg x_2) \lor (x_2) \lor (\neg x_3) \lor (x_3) \lor (\neg x_1 \land \neg x_2) \lor (\neg x_1 \land x_2) \lor (x_1 \land \neg x_2) \lor (x_1 \land x_2) \lor (\neg x_1 \land \neg x_3) \lor (\neg x_1 \land \neg x_3) \lor (x_1 \land \neg x_3) \lor (x_1 \land x_3) \lor (\neg x_2 \land \neg x_3) \lor (x_2 \land \neg x_3) \lor (x_2 \land x_3)$$

Beraz, hipotesi berria honako hau izango da:

$$h_{1} = (x_{1}) \lor (x_{2}) \lor (\neg x_{3}) \lor (\neg x_{1} \land x_{2}) \lor (x_{1} \land \neg x_{2}) \lor (x_{1} \land x_{2}) \lor (\neg x_{1} \land \neg x_{3}) \lor (x_{1} \land \neg x_{3}) \lor (x_{1} \land x_{3}) \lor (\neg x_{2} \land \neg x_{3}) \lor (x_{2} \land \neg x_{3}) \lor (x_{2} \land x_{3})$$

 $h_1 \leftrightarrow g$?

E: Ez. $v_2 = (T, T, T)$ -rekin g = F da eta $h_1 = T$ da.

A: $\overline{(v_2 = (T, T, T))}$ balorazioarentzat h_1 eta g-ren balioa berdina izan dadin, balorazio horrekin T diren h_1 -ren osagaiak ezabatuko dira)

$$\begin{array}{rcl} h_1 & = & (\cancel{x_1}) \lor (\cancel{x_2}) \lor (\neg x_3) \lor \\ & & (\neg x_1 \land x_2) \lor (x_1 \land \neg x_2) \lor (\cancel{x_1} \land \cancel{x_2}) \lor \\ & & (\neg x_1 \land \neg x_3) \lor (x_1 \land \neg x_3) \lor (\cancel{x_1} \land \cancel{x_3}) \lor \\ & & (\neg x_2 \land \neg x_3) \lor (x_2 \land \neg x_3) \lor (\cancel{x_2} \land \cancel{x_3}) \end{array}$$

Beraz, hipotesi berria honako hau izango da:

$$h_2 = (\neg x_3) \lor (\neg x_1 \land x_2) \lor (x_1 \land \neg x_2) \lor (\neg x_1 \land \neg x_3) \lor (x_1 \land \neg x_3) \lor (\neg x_2 \land \neg x_3) \lor (x_2 \land \neg x_3)$$

 $h_2 \leftrightarrow g$?

E: $\overline{\text{Ez}}$. $v_3 = (F, T, F)$ -rekin g = F da eta $h_2 = T$ da.

A: $\overline{(v_3 = (F, T, F))}$ balorazioarentzat h_2 eta g-ren balioa berdina izan dadin, balorazio horrekin T diren h_2 -ren osagaiak ezabatuko dira)

$$h_{2} = (\neg x_{3}) \lor (\neg x_{1} \land x_{2}) \lor (x_{1} \land \neg x_{2}) \lor (\neg x_{1} \land \neg x_{3}) \lor (x_{1} \land \neg x_{3}) \lor (\neg x_{2} \land \neg x_{3}) \lor (x_{2} \land \neg x_{3})$$

Beraz, hipotesi berria honako hau izango da:

$$h_3 = (x_1 \wedge \neg x_2) \vee (x_1 \wedge \neg x_3) \vee (\neg x_2 \wedge \neg x_3)$$

 $h_3 \leftrightarrow g$?

E: Ez. $v_4 = (T, F, T)$ -rekin g = F da eta $h_3 = T$ da.

A: $(v_4 = (T, F, T)$ balorazioarentzat h_3 eta g-ren balioa berdina izan dadin, balorazio horrekin T diren h_3 -ren osagaiak ezabatuko dira)

$$h_3 = \underbrace{(x_1 \land \neg x_2)} \lor \\ (x_1 \land \neg x_3) \lor \\ (\neg x_2 \land \neg x_3)$$

Beraz, hipotesi berria honako hau izango da:

$$h_4 = (x_1 \wedge \neg x_3) \vee (\neg x_2 \wedge \neg x_3)$$

 $h_4 \leftrightarrow g$?

E: Ez. $v_5 = (F, F, F)$ -rekin g = F da eta $h_4 = T$ da.

A: $\overline{(v_5 = (F, F, F))}$ balorazioarentzat h_4 eta g-ren balioa berdina izan dadin, balorazio horrekin T diren h_4 -ren osagaiak ezabatuko dira)

$$h_4 = (x_1 \land \neg x_3) \lor (\neg x_2 \land \neg x_3)$$

Beraz, hipotesi berria honako hau izango da:

$$h_5 = (x_1 \wedge \neg x_3)$$

 $h_5 \leftrightarrow g$?

E: Bai.

3 k-CNF formulak (0,300 puntu)

k-CNF formulak ikasten dituen algoritmoa erabili. Urratsez urrats adierazi behar dira algoritmoak erabiltzaileari egin dizkion galderak eta osatzen dituen hipotesiak.

Erabiltzaileak 1-CNF formula bat (k = 1) asmatzen du 6 aldagai erabiliz (n = 6), eta hurrenez hurren honako kontradibide hauek proposatzen ditu hipotesia eta ikasi behar den formula baliokideak ez direnean:

- $v_1 = (F, T, F, F, T, F)$
- $v_1 = (F, T, F, F, T, T)$
- $v_3 = (F, F, T, F, T, F)$
- $v_4 = (T, F, T, F, F, T)$

Soluzioa: (True eta False idatzi beharrean T eta F idatziko da)

E: k = 1 eta n = 6

A:

$$h_0 = (\neg x_1) \land (x_1) \land (\neg x_2) \land (x_2) \land (\neg x_3) \land (x_3) \land (\neg x_4) \land (x_4) \land (\neg x_5) \land (x_5) \land (\neg x_6) \land (x_6)$$

 $h_0 \leftrightarrow g$?

E: Ez. $v_1 = (F, T, F, F, T, F)$ -rekin g = T da eta $h_0 = F$ da.

A: $(v_1 = (F, T, F, F, T, F)$ balorazioarentzat h_0 eta g-ren balioa berdina izan dadin, balorazio horre-kin F diren h_0 -ren osagaiak ezabatuko dira)

$$h_0 = (\neg x_1) \wedge (\cancel{x_1}) \wedge (\neg x_2) \wedge (x_2) \wedge (\neg x_3) \wedge (\cancel{x_3}) \wedge (\neg x_4) \wedge (\cancel{x_4}) \wedge (\neg x_5) \wedge (x_5) \wedge (\neg x_6) \wedge (\cancel{x_6})$$

Beraz, hipotesi berria honako hau izango da:

$$h_1 = (\neg x_1) \wedge (x_2) \wedge (\neg x_3) \wedge (\neg x_4) \wedge (x_5) \wedge (\neg x_6)$$

 $h_1 \leftrightarrow a^7$

E: Ez. $v_2 = (F, T, F, F, T, T)$ -rekin g = T da eta $h_1 = F$ da.

A: $(v_2 = (F, T, F, F, T, T)$ balorazioarentzat h_1 eta g-ren balioa berdina izan dadin, balorazio horrekin F diren h_1 -ren osagaiak ezabatuko dira)

$$h_1 = (\neg x_1) \wedge (x_2) \wedge (\neg x_3) \wedge (\neg x_4) \wedge (x_5) \wedge (\neg x_6)$$

Beraz, hipotesi berria honako hau izango da:

$$h_2 = (\neg x_1) \wedge (x_2) \wedge (\neg x_3) \wedge (\neg x_4) \wedge (x_5)$$

 $h_2 \leftrightarrow g$?

E: Ez. $v_3 = (F, F, T, F, T, F)$ -rekin g = T da eta $h_2 = F$ da.

A: $(v_3 = (F, F, T, F, T, F)$ balorazioarentzat h_2 eta g-ren balioa berdina izan dadin, balorazio horrekin F diren h_2 -ren osagaiak ezabatuko dira)

$$h_2 = (\neg x_1) \land (\cancel{x_2}) \land (\neg x_3) \land (\neg x_4) \land (x_5)$$

Beraz, hipotesi berria honako hau izango da:

$$h_3 = (\neg x_1) \land (\neg x_4) \land (x_5)$$

 $h_3 \leftrightarrow g$?

E: Ez. $v_4 = (T, F, T, F, F, T)$ -rekin g = T da eta $h_3 = F$ da.

A: $\overline{(v_4)} = (T, F, T, F, F, T)$ balorazioarentzat h_3 eta g-ren balioa berdina izan dadin, balorazio horrekin F diren h_3 -ren osagaiak ezabatuko dira)

$$h_3 = (\cancel{x_1}) \land (\neg x_4) \land (\cancel{x_5})$$

Beraz, hipotesi berria honako hau izango da:

$$h_4 = (\neg x_4)$$

 $h_4 \leftrightarrow g$?

E: Bai.