### Lengoaiak, Konputazioa eta Sistema Adimendunak

Kudeaketaren eta Informazio Sistemen Informatikaren Ingeniaritzako Gradua Bilboko Ingeniaritza Eskola (UPV/EHU) Lengoaia eta Sistema Informatikoak Saila

2. maila — 2018-19 ikasturtea

46 taldea

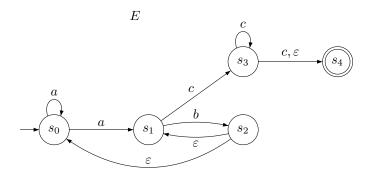
3. gaiko bigarren zatia:

AFD, AFED eta  $\varepsilon$ -AFEDen baliokidetasuna eta lengoaia erregularrak 1,375 puntu

2018-12-11

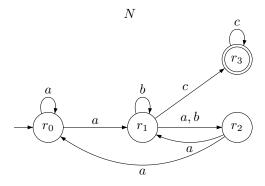
#### 1 $\varepsilon$ -AFED bati dagokion AFEDa kalkulatu (0,300 puntu)

 $A=\{a,b,c\}$  alfabetoaren gainean definitutako honako  $\varepsilon$ -AFED honen baliokidea den AFEDa kalkulatu klasean aurkeztutako era jarraituz:



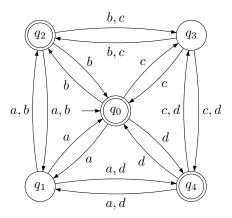
### 2 AFED bati dagokion AFDa kalkulatu (0,300 puntu)

 $A = \{a,b,c\}$  alfabetoaren gainean definitutako honako AFED honen baliokidea den AFDa kalkulatu klasean aurkeztutako era jarraituz:



## 3 Automata finitu bati dagokion lengoaia erregularra kalkulatu (0,300 puntu)

 $A=\{a,b,c,d\}$  alfabetoaren gainean definitutako honako automata finitu honi dagokion lengoaia erregularra kalkulatu klasean aurkeztutako metodoa erabiliz. Aukera egokiena, elkarren artean zuzeneko elkarrekintzarik ez duten eta zirkulu bikoitzik ez duten  $q_1$  eta  $q_3$  kenduz hastea da; gero,  $q_2$  kentzea; hori egin ondoren,  $q_4$  kentzea; eta bukatzeko,  $q_0$  kentzea.



#### 4 Lengoaia erregularra dela frogatu (0,100 puntu)

 $A = \{a, b, c\}$  alfabetoaren gainean definitutako honako lengoaia hau erregularra dela frogatu klasean azaldutako eran:

$$L = \{ w \mid w \in A^* \land |w| \ge 4 \land (w(1) = b \lor w(1) = c) \land |w|_a \ge 3 \land w(|w|) = a \}$$

Adibidez, baaa, ccabaabba, bababa eta cbbbabaabaaa hitzak lengoaia horretakoak dira baina  $\varepsilon$ , a, bb, aab, cccc, aabbaaa, abbacccaa, abc eta caaaab hitzak ez dira lengoaia horretakoak.

# 5 Lengoaia erregular bati dagokion automata finitua kalkulatu (0,300 puntu)

 $A = \{a, b, c, d, e, f\}$  alfabetoaren gainean definitutako honako lengoaia erregular honi dagokion automata finitua kalkulatu klasean aurkeztutako metodoa erabiliz:

$$(((aaa)^* + (bbb)^*)(cc + dd)^*) + (e^*f^*)^*$$

### 6 Erregularrak ez diren lengoaiak badira (0,075 puntu)

Edozein A alfabetorentzat A-ren gainean definitutako lengoaia ez-erregularrak badaudela frogatu era orokorrean, adibiderik eman gabe. Horretarako,  $B=A\cup\{\varnothing,\varepsilon,+,*,(,)\}$  izanda,  $B^*$  zenbakarria dela,  $2^{A^*}$  zenbatezina dela eta A-ren gaineko lengoaia erregular denak  $B^*$ -ko hitzen bidez adieraz daitezkeela kontuan izan beharko da.