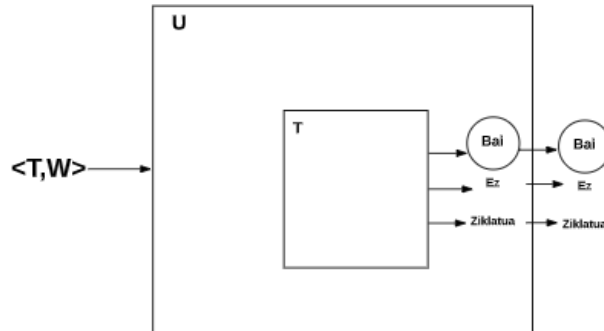


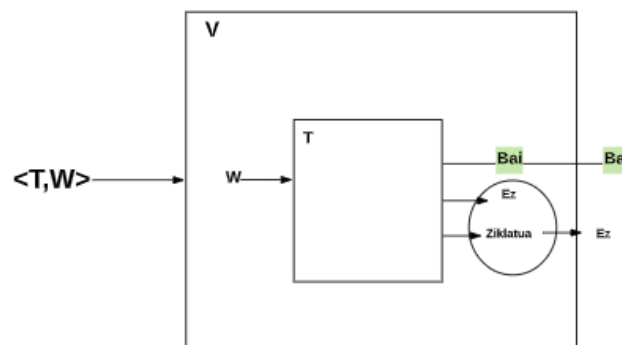
#### 4. GAIA: LENGOAIA ERABAKIGARRIAK, LENGOAIA BEREIZGARRIAK ETA LENGOAIA BEREIZTEZINAK

##### 1. $L_{bai}$ lengoaia bereizgarria da (0,150 puntu)

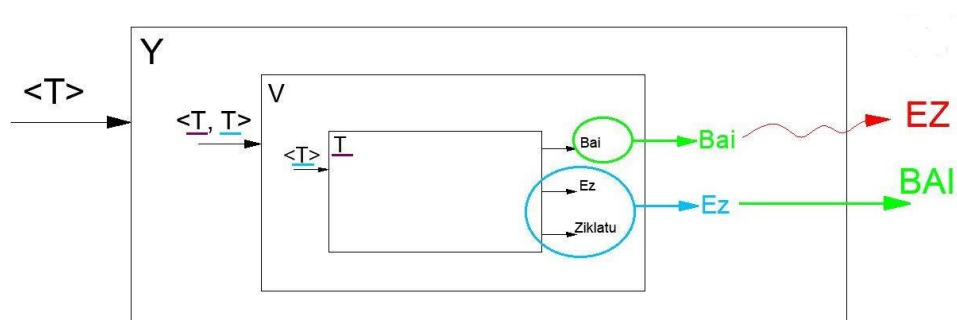
Bereizgarria den kasuetan, makinak bakarrik ondo erantzungo du baiezko kasuetan.



##### 2. $L_{bai}$ lengoaia erabakiezina da (0,250 puntu)

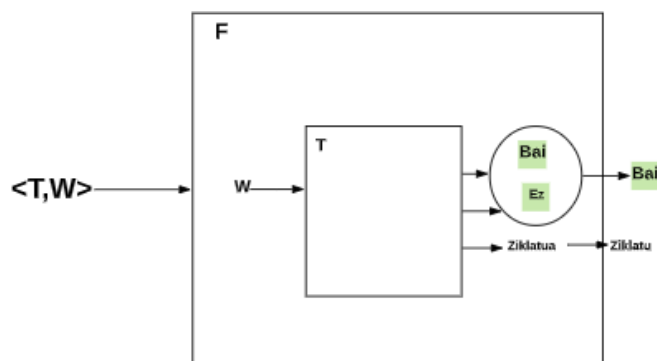


*V existitzen bada, Y eraiki egiten dugu*



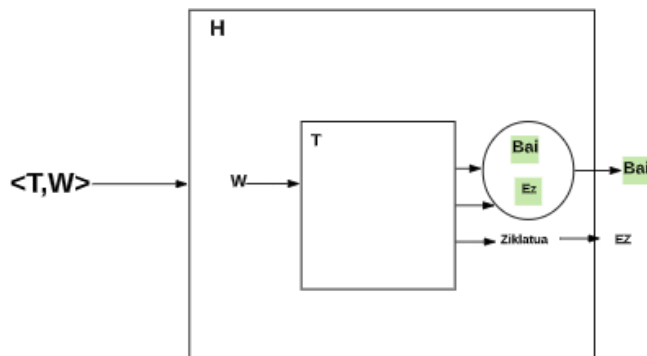
### 3. $L_{halt}$ lengoia bereizgarria da (0,150 puntu)

$L_{halt} = \{ \langle T, w_i \rangle \mid T \text{ Turing-en makina } w \text{ hitza ematen zaionean, "Bai" edo "Ez" erantzuten du} \}$

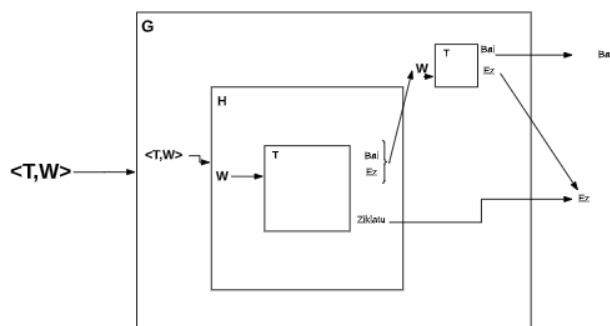


### 4. $L_{halt}$ lengoia erabakiezina da (0,250 puntu)

*Demagun erabakigarria dela  $H$ -ren bidez*



*$H$  existitzen bada,  $G$  eraiki dezakegu*



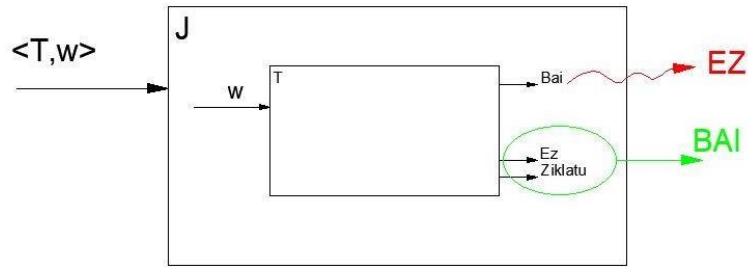
$G$  makina  $L_{bai}$  erantzuteko balio du, baina  $L_{bai}$  ez da erabakigarria  $\rightarrow$  Kontraesana  $\rightarrow$   $H$  ez da existitzen

### 5. Bereiztezinak diren lengoaiak badira (0,150 puntu)

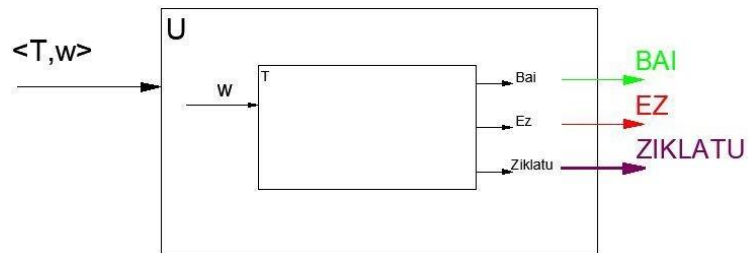
- Lengoai bat bereizgarria bada,  $T$  makina bat existituko da lengoia horrentzat.
- $\langle T \rangle$  hitz bat izango da  $A$  alfabeto baten gainean.
- $A^*$  zenbagarria da.
- $2^{A^*}$  zenbaezina  $\rightarrow$  Makina kop. lengoai baino txikiagoa da lengoia batzuentzat

## 6. $L_{bai}$ bereiztezina da (0,250 puntu)

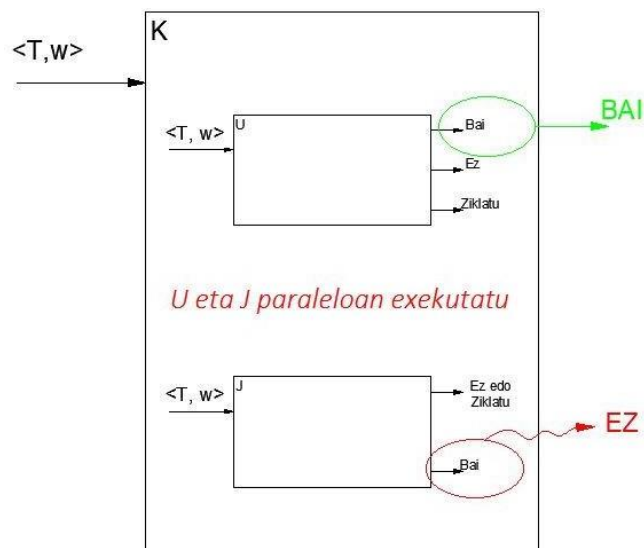
Demagun  $L_{bai}$  bereizgarria dela  $J$  makinaren bidez



Badakigu  $L_{bai}$  bereizgarria dela



$J$  existitzen bada,  $K$  eraiki dezakegu



$\langle T, W \rangle \in T_{bai}$  edo  $\langle T, W \rangle \in T_{bai}$  denez,  $U$  makinak edo  $J$  makinak bai erantzungo du.

Baina  $K$  existitzen bada,  $L_{bai}$  erabakigarria izango litzateke eta 1. ariketan ikusi dugu ez dela erabakigarria  $\rightarrow$  Kontraesana  $\rightarrow J$  ez da existitzen