5. GAIA: PROBLEMA BEREZIAK

1. ARIKETA: GARRAIO-PROBLEMA

Izan bedi ondorengo taula duen garraio-problema:

| | | | Helmuga | | | | |
|----------|---|-----|---------|-----|----|-----------|--|
| | | 1 | 2 | 3 | 4 | Eskaintza | |
| | Α | 6 | 16 | - | 12 | 60 | |
| 7-4 | В | 16 | 8 | 12 | 6 | 40 | |
| Jatorria | С | 20 | 12 | 16 | 8 | 100 | |
| | D | 16 | 10 | 14 | 10 | 120 | |
| Eskaria | | 100 | 80 | 160 | 60 | | |

- 1. Lortu hasierako soluzio bideragarri bat.
- 2. Aurreko atalean lortutako soluzio bideragarria abiapuntu bezala hartuz garraio-algoritmoa aplikatu kostu minimizatzen duen soluzio-optimoa lortzeko.

Soluzioa:

| | | Helmuga | | | | |
|----------|--------------|---------|----|-----|----|-----------|
| | | 1 | 2 | 3 | 4 | Eskaintza |
| | Α | 60 | | | | 60 |
| | В | | 40 | | | 40 |
| Jatorria | С | | | 40 | 60 | 100 |
| | D | | 40 | 80 | | 120 |
| | Gezurretakoa | 40 | | 40 | | |
| Eskaria | | 100 | 80 | 160 | 60 | |

Z_{opt}=60*6+40*8+40*16+60*8+40*10+80*14=3320

2. ARIKETA: GARRAIO-PROBLEMA

Hiru supermerkatuk 5.000, 3.000 eta 8.000 plastikozko poltsa behar dituzte, hurrenez hurren. Eskaera honi aurre egiteko, hiru lantegi desberdin poltsak ekoizten ari dira, bakoitzak 4.000 plastikozko poltsa eginez. Taula honetan lantegi bakoitzetik supermerkatu bakoitzera joateko erregaiaren gastua laburbiltzen da:

| | 1. supermerkatua | 2. supermerkatua | 3. supermerkatua | Ekoizpena |
|-------------|------------------|------------------|------------------|-----------|
| 1. lantegia | 15 | 28 | 14 | 4000 |
| 2. lantegia | 15 | 10 | 33 | 4000 |
| 3. lantegia | 37 | 34 | 45 | 4000 |
| Eskaera | 5000 | 3000 | 8000 | |

Garraio-kostua minimizatzeko plastikozko poltsak nola banatu behar diren zehaztu.

Soluzioa:

| | 1. supermerkatua | 2. supermerkatua | 3. supermerkatua | Ekoizpena |
|--------------|------------------|------------------|------------------|-----------|
| 1. lantegia | | | 4000 | 4000 |
| 2 lantegia | 1000 | 3000 | | 4000 |
| 3 lantegia | 4000 | | 0 | 4000 |
| Gezurretakoa | | | 4000 | |
| Eskaera | 5000 | 3000 | 8000 | |

 $Z_{opt} \!\!=\! 1000\!*15\!+\!4000\!*37\!+\!3000\!*10\!+\!4000\!*14\!=\!249000$

3. ARIKETA: ESLEIPEN PROBLEMA

Enpresa batek hiru saltzaile eta lau delegazio ditu. Ondorengo taulan saltzaile bakoitzak delegazio bakoitzean dituen irabaziak eurotan ageri dira.

| | 1. delegazioa | 2. delegazioa | 3. delegazioa | 4. delegazioa |
|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|
| 1. saltzailea | 400 | 300 | 500 | 100 |
| 2. saltzailea | 200 | 300 | 600 | 250 |
| 3. saltzailea | 300 | 100 | 200 | 270 |

Enpresaren jabeak saltzaile bakoitza delegazio bakarrera esleituko du, ¿Nola egin beharko du esleipena irabazi maximoa lortzeko?

<u>Soluzioa</u>

| | 1. delegazioa | 2. delegazioa | 3. delegazioa | 4. delegazioa |
|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|
| 1. saltzailea | 1 | | | |
| 2. saltzailea | | | 1 | |
| 3. saltzailea | | | | 1 |
| Gezurretakoa | | 1 | | |

Irabazia 400+0+600+270=1270

4. ARIKETA: ESLEIPEN PROBLEMA

Garraio-enpresa batek lau kamioi mota desberdin ditu. Gidariak abiadura-kaxaren aldaketak maneiatzeko duen trebetasunaren arabera, kamioiak erregai gehiago edo gutxiago kontsumitzen du. Gaur egun, enpresak hiru gidari ditu. Erregaiaren erabilera gehigarriaren kostuak taula honetan laburbiltzen dira:

| | 1. kamioia | 2. kamioia | 3. kamioia | 4. kamioia |
|------------|------------|------------|------------|------------|
| 1. gidaria | 180 | 150 | 200 | 200 |
| 2. gidaria | 250 | 305 | 450 | - |
| 3. gidaria | 200 | 208 | 320 | 100 |

- 1. Lortu erregai gehigarriaren kostua minimizatzen duen esleipena.
- 2. Arrazoiren batengatik 1. gidariak ezin badu 2. kamioia erabili, soluzioak berdina izaten jarraitzen al du?

<u>Soluzioa</u>

1.

| | 1. kamioia | 2. kamioia | 3. kamioia | 4. kamioia |
|--------------|------------|------------|------------|------------|
| 1. gidaria | | 1 | | |
| 2. gidaria | 1 | | | |
| 3. gidaria | | | | 1 |
| Gezurretakoa | | | 1 | |

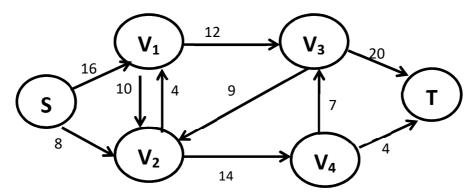
Kostu minimoa 250+150+0+100=500€ da

| | 1. kamioia | 2. kamioia | 3. kamioia | 4. kamioia |
|--------------|------------|------------|------------|------------|
| 1. gidaria | | | 1 | |
| 2. gidaria | 1 | | | |
| 3. gidaria | | | | 1 |
| Gezurretakoa | | 1 | | |

Kostu minimoa 250+0+200+100=550€ da

5. ARIKETA: FLUXU MAXIMOA

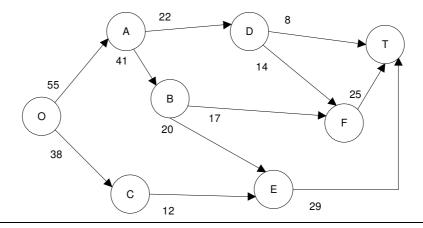
Izan bedi ondoko sarea:



Kalkulatu S nodotik T nodora igarotzen den fluxu maximo bideragarria.

6. ARIKETA: FLUXU MAXIMOA

Hurrengo sarean zehar bidal dezakegun ur-fluxu maximoa zein den jakin nahi da (unitateak litro/min-tan ematen dira). Dagokion algoritmoa aplikatu aurretik, enuntziatuko grafoan mozketa batzuk egin, erantzunera hurbiltzeko.



<u>Soluzioa</u>

Fluxu maximoa 62 litro/minutu da

7. ARIKETA: CPM

Banku batek bere bulegoak instalazio berrietan birkokatu behar ditu. Bezeroei arreta espezializatua eskaintzeko asmoz, zuzendariak egin beharreko lanen txosten zehatza prestatu behar du. Horretarako, hurrengo taulan zehazten diren 11 jarduera dituen proiektua garatu du.

| ZEREGINA | AURREKARIA | IRAUPENA (EGUNAK) |
|---|------------|-------------------|
| A= Bulego motak aukeratzea | - | 4 |
| B= Antolakuntza-plana sortzea | - | 6 |
| C= Langileak zehaztea | - | 5 |
| D= Instalazioak diseinatzea | A, B | 7 |
| E= Bulegoen barrualdeak eraikitzea | B, C | 5 |
| F= Langileak hautatzea | B, C | 4 |
| G= Langile berriak kontratatzea | С | 5 |
| H= Fitxategiak eta materiala lekualdatzea | D, E, F, G | 6 |
| I= Finantza-konponketak egitea | F, G | 8 |
| J= Langile berriak gaitzea | H, I | 3 |

Sarea irudikatu eta ibilbide-kritikoa zehaztu.

<u>Soluzioa</u>

Ibilbide-kritikoa Hasiera- B-D-H-J- Amaiera da eta iraupena 22 egunekoa da.

8. ARIKETA: CPM

Mariak bere ezkontza antolatzeko CPM metodoa erabiltzea erabaki du. Horretarako, ondorengo taulan zehazten diren 8 jarduera definitu ditu:

| ZEREGINA | AURREKARIA | IRAUPENA (ORDUAK) |
|--|------------|-------------------|
| A= Eliza aukeratzea eta erreserbatzea | - | 60 |
| B= Gonbidatuen zerrenda egitea | - | 30 |
| C= Jatetxea aukeratzea eta erreserbatzea | Α | 60 |
| D= Emaztegai-jantzia aukeratzea | Α | 90 |
| E= Gonbidapenak prestatzea eta bidaltzea | B,C | 15 |
| F= Dantzarako musika aukeratzea | С | 25 |
| G= Emaztagiaren lore-sorta aukeratzea | D | 20 |

Sarea irudikatu eta ibilbide-kritikoa zehaztu

<u>Soluzioa</u>

Ibilbide-kritikoa Hasiera-A-D-G-Bukaera da eta iraupena 170 ordukoa da.