

Relação Entre Velocidade e Distância de Frenagem para Carros de Passeio

Aluno Consultor 1^{a,b}, Aluno Consultor 2^{a,b}, Consulente^{c,d}, e Marcus A. Nunes^{a,e}

^aDepartamento de Estatística - UFRN; ^bConsultor; ^cOutro Departamento - UFRN; ^dConsulente; ^eOrientação

February 23, 2018

Este trabalho estuda a relação entre a velocidade de carros (mph) e a distância (pés) que eles levaram para parar completamente. Utilizamos regressão linear simples para determinar se há relação entre estas duas variáveis.

regressão linear | automobilismo | segurança | trânsito

1. Objetivos

Diversos autores já publicaram estudos referentes à segurança no trânsito. McKenna *et al.* (1991), por exemplo, estuda a relação entre as habilidades dos motoristas e a percepção que eles possuem sobre estas habilidades. Além desta característica, existem diversas outras que, se estudadas, podem aumentar a segurança no trânsito. Uma destas características é a distância mínima necessária para que um carro pare completamente após seus freios serem acionados.

Neste trabalho estamos interessados em verificar qual é a relação que existe entre a velocidade de um carro (em milhas por hora) e a distância que ele levou para parar completamente (em pés). Este conjunto de dados foi fornecido pelo programa R: A Language and Environment for Statistical Computing (R Core Team (2017)). A hipótese com a qual trabalhamos é a de que existe uma relação positiva entre estas variáveis. Isto é, quanto mais rápido um carro estiver trafegando, maior vai ser a distância necessária para que este carro pare completamente.

Além de verificar se há correlação entre estas variáveis, desejamos obter uma relação capaz de prever o quanto uma variável varia em relação a outra. Ou seja, gostaríamos de poder estimar a distância necessária para um carro parar completamente se soubermos qual a sua velocidade de tráfego no momento em que os freios foram acionados.

2. Metodologia

Os dados aqui analisados foram obtidos a partir de uma amostra de 50 carros. As medições foram realizadas na década de 1920 e disponibilizadas originalmente por Ezekiel (1930). Não há informações a respeito dos modelos dos carros utilizados neste experimento.

Utilizaremos um método estatístico chamado regressão linear a fim de verificar se há relação entre a distância necessária para um carro parar completamente e sua velocidade. Este é um método bastante popular, capaz de descrever com bastante precisão a relação entre as variáveis que nos interessam.

Sejam x_1, x_2, \dots, x_n as observações referentes à velocidade dos carros em questão. Considere y_1, y_2, \dots, y_n as observações referentes à distância necessária para os carros pararem. De acordo com Kutner *et al.* (2004), podemos expressar a dependência entre y e x através da equação

$$y_i = \beta_0 + \beta_1 x_i + \varepsilon_i,$$

onde β_0 e β_1 são coeficientes estimados pelas equações

$$\hat{\beta}_1 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2} \quad (2.1)$$

$$\hat{\beta}_0 = \bar{y} - \hat{\beta}_1 \bar{x} \quad (2.2)$$

As quantidades \bar{x} e \bar{y} são, respectivamente, as médias amostrais de x_1, x_2, \dots, x_n e y_1, y_2, \dots, y_n . Estas médias amostrais são dadas por

$$\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i$$

$$\bar{y} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n y_i$$

Determinamos se o coeficiente β_1 é estatisticamente significativo através de um teste t . Sob a hipótese nula, assumimos que o estimador possui distribuição t com $n - 1$ graus de liberdade.

3. Resultados

A fim de verificar visualmente se há algum tipo de relação entre as variáveis consideradas neste estudo, exibimos o gráfico de dispersão dos dados na Figura 3.1. Note que é possível perceber uma forte tendência linear positiva na relação entre estas variáveis. Quanto maior o valor da velocidade, maior a distância necessária para o carro parar completamente.

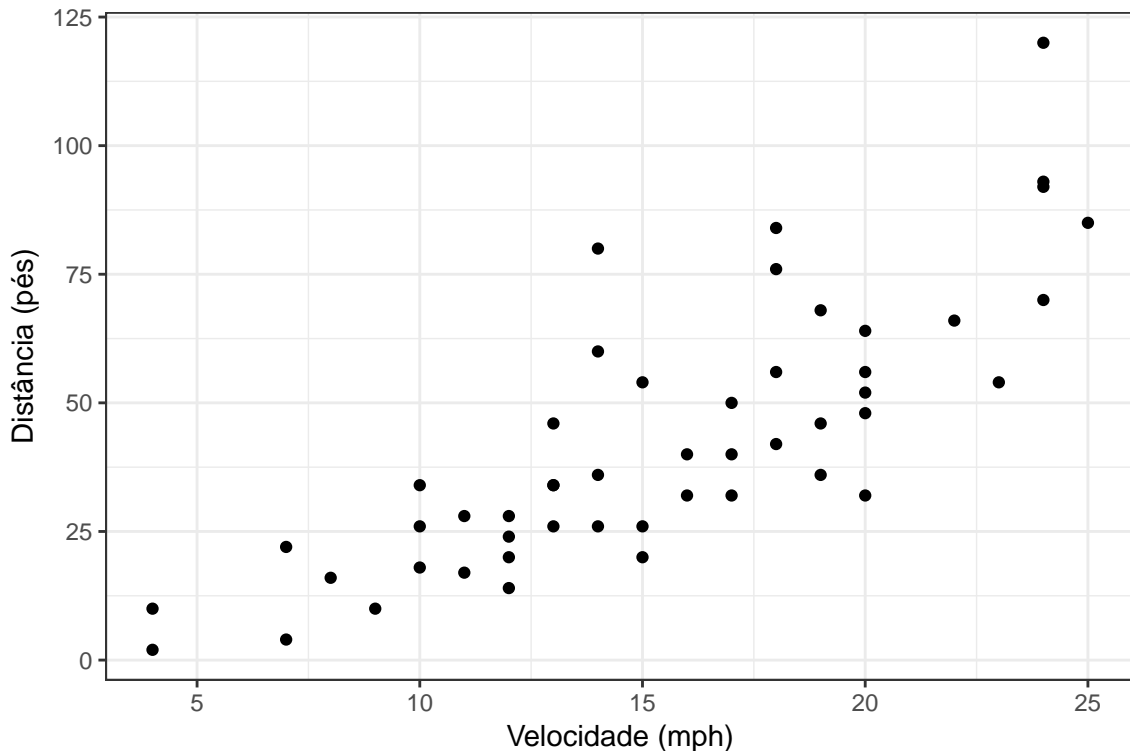


Fig. 3.1. Gráfico de dispersão da distância de parada completa (pés) versus velocidade (mph) dos carros.

Referências

- Ezekiel M (1930). *Methods of Correlation Analysis*. Wiley, New York.
- Kutner M, Nachtsheim C, Neter J, Li W (2004). *Applied Linear Statistical Models - Fifth Edition*. McGraw-Hill/Irwin, New York.
- McKenna FP, Stanier RA, Lewis C (1991). “Factors underlying illusory self- assessment of driving skill in males and females.” *Accident Analysis and Prevention*, **23**(1), 45–52.
- R Core Team (2017). *R: A Language and Environment for Statistical Computing*. R Foundation for Statistical Computing, Vienna, Austria. URL <https://www.R-project.org/>.

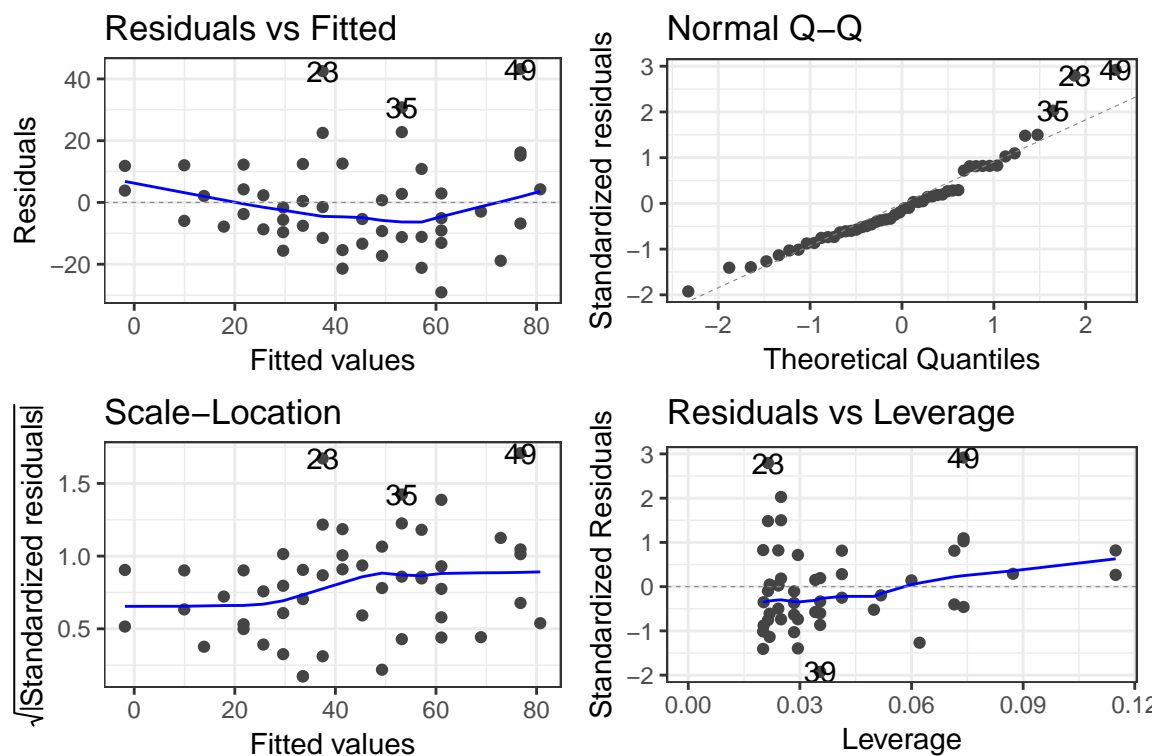


Fig. 3.2. Análise de resíduos do modelo de regressão linear ajustado.