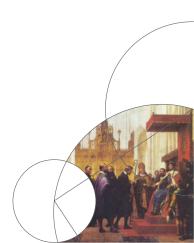




# Analyse af antalstabeller

Anders Tolver Institut for Matematiske Fag



# I dag og næste uge

I dag: lærebogen kap. 12 (dog ikke 12.2.3, 12.2.4)

- Intro til test i tabeller
- Test for specifikke sandsynligheder
- Test for ens sandsynligheder (homogenitetstest)
- Test for uafhængighed
- Quiz 7

#### Næste uge:

- Mandag, forelæsning: repetition vha. nogle opgaver
- Mandag, øvelser: opgaveregning
- Onsdag: Ingen undervisning

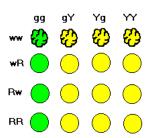


# Test i tabeller



### Eksempel 12.1: Mendels ærteforsøg

Class	Number
Round, yellow	315
Round, green	108
Wrinkled, yellow	101
Wrinkled, green	32
Total	556



- 566 ærter fra generation F2 undersøgt for farve og form
- Mendels arvelighedslære: Uafhængighed + dominans → kombinationen af fænotyper skal være forholdet 9 : 3 : 3 : 1.
- Stemmer data overens med Mendels påstand?



### Eksempel: Kastrering og diabetes

#### Eksempel fra i mandags:

	Diabetes	Ikke diabetes	Total
Katrerede mus	26	24	50
Ikke-kastrerede mus	12	38	50

- 50 kastrerede og 50 ikke-kastrerede mus undersøgt for diabetes.
- Er sandsynlighederne for diabetes ens i to to grupper? Altså:
   Er proportionerne ens i de to rækker, på nær tilfældighed?
- Bemærk: Rækkesummerne kendt på forhånd (begge 50)



### Eksempel: Politik og økonomi

	Demokrat	Republikaner	Uafhængig
Begrænse udgifter	101	282	61
Øge skatter	38	67	25
Øge offentlige invest.	131	88	31
Lade underskuddet vokse	61	90	25

- 1000 tilfældige amerikanske vælgere adspurgt om to ting: politisk tilhørsforhold og foretrukne finanspolitisk instument
- Er de to ting uafhængige?
- Bemærk: De 1000 personer er udtrukket tilfældigt. Hverken række- eller søjlesummer, kun totalsummen, kendt på forhånd.



# Ligheder og forskelle mellem dataeksemplerne

#### Data:

- I alle tre eksempler kunne vi beskrive data vha. en antalstabel (eng.: contingency table)
- Interesseret i specifikke cellesandsynligheder (Mendel) eller sammenhænge mellem cellesandsynligheder (de andre eks.)
- I tovejstabellerne: Rækkesummer kendte (diabetes) eller kun totalsummen kendt (politik)

#### Hypotese afhænger af dataindsamlingen:

- Test for specifikke sandsynligheder (goodness-of-fit)
- Test for ens sandsynligheder/proportioner (homogenitetstest)
- Test for uafhængighed



### Hypotesetest i antalstabeller

#### I alle tilfælde:

- Beregn forventet antal obs. i hver celle under hypotesen
- Beregn teststørrelse

$$X_{\rm obs}^2 = \sum_{\text{alle celler}} \frac{(\text{observeret} - \text{forventet})^2}{\text{forventet}}$$

 $X_{\rm obs}^2$  måler forskellen mellem tabel med observerede værdier og tabel med forventede værdier.

• Bestem *p*-værdi ved at sammenligne  $X_{\rm obs}^2$  med en (den rigtige)  $\chi^2$ -fordeling. Detaljer kommer senere.

Er tabellerne med obs. hhv. forventede antal så forskellige at det må skyldes at hypotesen er falsk, eller kan det skyldes tilfældigheder?

# Goodness-of-fit test (GOF): Test for specifikke sandsynligheder



#### Mendels ærteforsøg: Model og hypotese

Class	Number
Round, yellow	315
Round, green	108
Wrinkled, yellow	101
Wrinkled, green	32
Total	556

**Stat. model:** n = 556 uafhængige obs. der hver især kan havne i k = 4 grupper; alle med (ukendte) sandsynligheder  $p_1, \ldots, p_k$ .

#### Hypotese,

$$H_0: p_1 = \frac{9}{16}, \quad p_2 = \frac{3}{16}, \quad p_3 = \frac{3}{16}, \quad p_4 = \frac{1}{16}$$

Generelt:  $H_0: p_1 = p_{01}, \ldots, p_k = p_{0,k}$  for **kendte ssh**,  $p_{01}, \ldots, p_{0k}$ .



#### Mendels ærteforsøg: Forventede værdier

**Hvis** hypotesen er sand, hvor mange observationer ville vi så **forvente** i hver gruppe?

$$E_i = \text{expected}_i = n \cdot p_{i0}$$

#### For Mendels data:

Class	Observed	Expected
Round, yellow	315	312.75
Round, green	108	104.25
Wrinkled, yellow	101	104.25
Wrinkled, green	32	34.75
Total	556	556



### Mendels ærteforsøg: Teststørrelse og p-værdi

#### Teststørrelse:

$$X_{\text{obs}}^{2} = \sum_{i=1}^{4} \frac{(\text{observed}_{i} - \text{expected}_{i})^{2}}{\text{expected}_{i}}$$

$$= \frac{(315 - 312.75)^{2}}{312.75} + \dots + \frac{(32 - 34.75)^{2}}{34.75} = 0.470$$

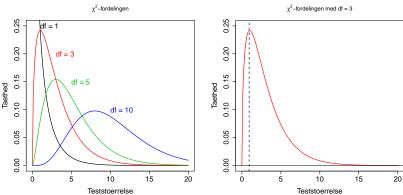
 $X^2$  er altid  $\geq 0$ , og store værdier passer dårligt med  $H_0$  (er kritiske), små værdier passer godt med  $H_0$ .

#### *p*-værdi:

- Sandsynlighed for at få værdi af  $X^2$  der er  $\geq X_{
  m obs}^2$
- Viser sig at *p*-værdien skal bestemmes i  $\chi^2$ -fordelingen (chi-i-anden) med k-1=4-1=3 frihedsgrader.



# $\chi^2$ -fordelinger, beregning af *p*-værdi



- p-værdien er arealet **til højre for**  $X_{\rm obs}^2$
- Her fås p-værdien 0.93, så vi accepterer hypotesen



# R: chisq.test

```
### Testet
chisq.test(c(315,108,101,32), p=c(9,3,3,1)/16)
##
##
    Chi-squared test for given probabilities
##
## data: c(315, 108, 101, 32)
## X-squared = 0.47002, df = 3, p-value = 0.9254
### De forventede vaerdier
chisq.test(c(315,108,101,32), p=c(9,3,3,1)/16)$expected
## [1] 312.75 104.25 104.25 34.75
```



# Mendels ærteforsøg: Opsummering

- Stat. model: 556 uafhængige obs. der hver især kan havne i 4 grupper; alle med (ukendte) sandsynligheder  $p_1, \ldots, p_4$ .
- Hypotese, svarende til Mendels love:

$$p_1 = \frac{9}{16}, \ p_2 = \frac{3}{16}, \ p_3 = \frac{3}{16}, \ p_4 = \frac{1}{16}$$

- $\chi^2$ -test gav p = 0.93 ( $X_{\rm obs}^2 = 0.47$ , df = 3)
- Hypotesen accepteres, så data er i fin overensstemmelse med Mendels teorier



# Test for ens sandsynligheder/proportioner: Homogenitetstest



# Eksempel: Kastrering og diabetes

	Diabetes	Ikke diabetes	Total
Katrerede mus	26	24	50
Ikke-kastrerede mus	12	38	50

- Rækkesummer kendt på forhånd. Kunne have organiseret data det i stedet var søjlesummerne der var kendt på forhånd.
- I hver række har vi sandsynligheder for at havne i hver søjle. For hver række summerer sandsynlighederne til 1.
- Vi er interesseret i om sandsynligheden for diabetes er ens for kastrerede og ikke-kastrerede mus
- Der kunne være flere rækker og/eller søjler



### Homogenitetstest: Generel notation

	søjle 1	søjle 2		søjle <i>k</i>	Total
række 1	<i>y</i> <sub>11</sub>	<i>y</i> <sub>12</sub>		<i>Y</i> 1 <i>k</i>	$n_1$
række 2	<i>y</i> 21	<i>y</i> 22	• • •	<i>Y</i> 2 <i>k</i>	$n_2$
:	:	:	٠	Ė	÷
række <i>r</i>	y <sub>r1</sub>	Уr2		Уrk	n <sub>r</sub>
Total	s <sub>1</sub>	<i>s</i> <sub>2</sub>		s <sub>k</sub>	n

#### Dataindsamling:

- r populationer (rækker),  $n_i$  observationer fra population i
- I hver population er observationerne klassificeret efter et kriterium med *k* muligheder.
- Rækkesummer (men ikke søjlesummer) kendt på forhånd.



#### Homogenitetestest: Sandsynligheder og hypotese

	søjle 1	søjle 2		søjle <i>k</i>	Total
række 1	p <sub>11</sub>	<i>p</i> <sub>12</sub>	• • •	$p_{1k}$	1
række 2	<i>p</i> <sub>21</sub>	<i>p</i> <sub>22</sub>	• • •	$p_{2k}$	1
:	:	:	٠	÷	÷
række <i>r</i>	$p_{r1}$	$p_{r2}$	• • •	$p_{rk}$	1

Hypotesen er at sandsynlighederne/proportionerne er ens i alle populationer:

$$p_{1j} = p_{2j} = \cdots = p_{rj}$$
 for alle søjler  $j$ 

Altså at fordelingen henover søjlerne er den samme for alle rækker.

Hvis der kun er to søjler: Sammenligning af r binomialfordelinger



# Homogenitetstest: Statistisk model og hypotese

#### Statistisk model:

- Uafhængige obs. fra r populationer med  $n_i$  obs. i population i. Hver obs. kan havde i k grupper/celler
- I population i er sandsynligheden for at havne i gruppe j lig  $p_{ij}$ . Summen af  $p_{ij}$ 'erne er 1 for hvert i for sig
- Hvis der kun er to søjler: r binomialfordelinger

**Hypotesen om homogenitet** er at søjlesandsynlighederne er ens for alle rækker:

$$p_{1j} = p_{2j} = \cdots = p_{rj}$$
 for alle søjler  $j$ .

To søjler: Sammenligning af binomialsandsynligheder!



#### Homogenitetstest: Forventede værdier

Under hypotesen **estimeres søjlesandsynlighederne** — fælles for alle rækker — naturligt som

$$\hat{q}_j = \frac{s_j}{n} = \frac{\text{søjlesum}_j}{n}$$

**Forventet antal** i celle (i,j) hvis hypotesen er sand:

$$E_{ij} = n_i \cdot \hat{q}_j = \frac{\text{rækkesum}_i \cdot \text{søjlesum}_j}{\text{totalsum}}$$



# Kastrering og diabetes: Forventede værdier

#### Data:

	Diabetes	Ikke diabetes	Total
Katrerede mus	26	24	50
Ikke-kastrerede mus	12	38	50

#### Forventede værdier:

	Diabetes	Ikke diabetes	Total
Katrerede mus	19	31	50
Ikke-kastrerede mus	19	31	50



# Kastrering og diabetes: Teststørrelse og p-værdi

Teststørrelse:

$$X_{\text{obs}}^{2} = \sum_{\text{alle celler}} \frac{(y_{ij} - E_{ij})^{2}}{E_{ij}}$$

$$= \sum_{\text{alle celler}} \frac{(\text{observed}_{ij} - \text{expected}_{ij})^{2}}{\text{expected}_{ij}}$$

$$= \frac{(26 - 19)^{2}}{19} + \frac{(24 - 31)^{2}}{31} + \frac{(12 - 19)^{2}}{19} + \frac{(38 - 31)^{2}}{31}$$

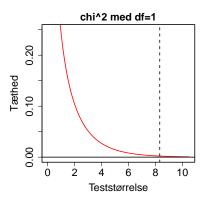
$$= 8.32$$

Store værdier passer dårligt med  $H_0$ , små værdier passer godt.

p-værdi: Viser sig at  $X_{\mathrm{obs}}^2$  skal vurderes i  $\chi^2$ -fordelingen med  $\mathrm{df}=(r-1)(k-1)=1$ 



# Kastrering og diabetes: $\chi^2$ -fordelingen og p-værdien



- p-værdien er arealet **til højre for** den  $X_{\rm obs}^2$
- Her fås p-værdien 0.0039, så hypotesen forkastes klart



### R: chisq.test

```
diabetes \leftarrow matrix(c(26,12,24,38), 2,2)
diabetes
## [,1] [,2]
## [1.] 26 24
## [2,] 12 38
chisq.test(diabetes, correct=FALSE)
##
  Pearson's Chi-squared test
## data: diabetes
## X-squared = 8.3192, df = 1, p-value = 0.003923
chisq.test(diabetes, correct=FALSE)$expected
  [,1] [,2]
## [1.] 19 31
## [2.] 19 31
```



### R: prop.test

```
prop.test(c(26,12), c(50,50), correct=FALSE)
##
##
   2-sample test for equality of proportions without continuity
##
   correction
##
## data: c(26, 12) out of c(50, 50)
## X-squared = 8.3192, df = 1, p-value = 0.003923
## alternative hypothesis: two.sided
## 95 percent confidence interval:
## 0.09781821 0.46218179
## sample estimates:
## prop 1 prop 2
## 0.52 0.24
```



# Kastrering og diabetes: Opsummering

- Statistisk model: Data fra to binomialfordelinger med successandsynligheder p<sub>11</sub> og p<sub>21</sub>
- Hypotese om homogenitet,  $H_0: p_{11}=p_{21}$ . Vi fik p=0.0039, så hypotesen afvises.
  - Der er forskel på risikoen for at udvikle diabetes.
- Kastrering øger risikoen for diabetes: Forskellen mellem ssh. estimeres til 0.280 med 95% KI (0.098, 0.462)



# Test for uafhængighed



#### Studerende på StatData1 i 2019

Ved forelæsningen i Stat<br/>Data1 d. 2/9-2019 svarede 110 studerede bl.a. på følgende spørgsmål

- Har du glædet dig til StatData1? (ja/nej)
- Hvor tit drikker du alkohol?
   (A: aldrig, B: 0-1 gang/uge, C: 2- gange/uge)

	A (aldrig)	B (0-1)	C(2+)
ja	6	43	27
nej	5	23	6

- Hverken række- eller søjlesummer kendt på forhånd.
- Er svarene på de to spørgsmål uafhængige? ... Hvad skal det egentlig betyde?

Data kan nu hentes på hjemmesiden.



#### Alkohol og forventing til SD1: Hypotese

**Hypotese:** Ingen sammenhæng mellem alkoholforbrug og forventing til Statistisk Dataanalyse 1.

For eksempel:

 $P(\text{aldrig alkohol } \mathbf{og} \text{ glæder sig}) = P(\text{aldrig alkohol}) \cdot P(\text{glæder sig})$ 

Altså at sandsynligheden for at begge dele er opfyldt fås ved at **gange** de to sandsynligheder. Skal gælde for **alle celler** i tabellen.

Hvis  $p_{ij}$  er cellesandsynligheder,  $p_i$  er rækkesandsynligheder og  $q_j$  er søjlesandsynligheder er hypotesen at

$$p_{ij} = p_i \cdot q_j$$
 for alle  $i, j$ 



#### Uafhængighedstest: Generel notation

	søjle 1	søjle 2		søjle <i>k</i>	Total
række 1	<i>y</i> 11	<i>y</i> 12	• • •	<i>Y</i> 1 <i>k</i>	$n_1$
række 2	<i>y</i> 21	<i>y</i> 22	• • •	<b>У</b> 2k	$n_2$
:	:	:	٠	:	:
række <i>r</i>	Уr1	Уr2		Уrk	n <sub>r</sub>
Total	<i>s</i> <sub>1</sub>	<i>s</i> <sub>2</sub>	• • •	Sk	n

- Alle observationer klassificeret efter to kriterier. Organiseret i r rækker og k søjler
- Kun totalsumen n er kendt på forhånd
- Rækkesummer og søjlesummer ikke kendt på forhånd, men kan selvfølgelig beregnes når vi har data



### Uafhængighedstest: Statistisk model

#### Statistisk model:

- n uafhængige obs. der hver især kan havne i  $r \cdot k$  celler
- Ssh. for celle (i,j) kaldes  $p_{ij}$ . Sum af **alle**  $p_{ij}$ 'er er 1

Rækkesandsynligheder  $p_i$  og søjlesandsynligheder  $q_j$ . Sum af de relevante cellesandsynligheder.

	søjle 1	søjle 2		søjle <i>k</i>	Total
række 1	$p_{11}$	$p_{12}$		$p_{1k}$	$p_1$
række 2	<i>p</i> <sub>21</sub>	<i>p</i> <sub>22</sub>	• • •	$p_{2k}$	$p_2$
÷	÷	÷	٠	÷	÷
række <i>r</i>	$p_{r1}$	$p_{r2}$		$p_{rk}$	$p_r$
Total	$q_1$	$q_2$		$q_k$	1



# Uafhængighedstest: Hypotese

#### Hypotese om uafhængighed:

```
p_{ij} = Sandsynlighed for række i og søjle j
 = Sandsynlighed for række i · Sandsynlighed for søjle j
 = p_i \cdot q_j
```

Hypotesen er at dette gælder for **alle** i og j, dvs. alle celler.



#### Forventede værdier

Estimater for række- og søjlesandsynligheder:

$$\hat{p}_i = \frac{\text{rækkesum}_i}{\text{totalsum}} = \frac{n_i}{n}, \quad \hat{q}_j = \frac{\text{søjlesum}_j}{\text{totalsum}} = \frac{s_j}{n}$$

Under hypotesen har vi derfor følgende estimater for cellessh.:

$$\hat{p}_{ij} = \hat{p}_i \cdot \hat{q}_j = \frac{\text{rækkesum}_i \cdot \text{søjlesum}_j}{n^2}$$

**Forventet antal** i celle (i,j) hvis  $H_0$  er sand:

$$E_{ij} = n \cdot \hat{p}_{ij} = \frac{\text{rækkesum}_i \cdot \text{søjlesum}_j}{\text{totalsum}}$$

Præcis det samme som for homogenitetstestet!



# Alkohol og forventing til SD1: Forventede værdier

#### Data:

	A (aldrig)	B (0-1)	C (2+)	I alt
ja	6	43	27	76
nej	5	23	6	34
I alt	11	66	33	110

Forventede værdier:

	A (aldrig)	B (0-1)	C (2+)	I alt
ja	7.6	45.6	22.8	76
nej	3.4	20.4	10.2	34
l alt	11	66	33	110



# Alkohol og forventing til SD1: Teststørrelse og *p*-værdi

Teststørrelse

$$X_{\text{obs}}^{2} = \sum_{\text{alle celler}} \frac{(y_{ij} - E_{ij})^{2}}{E_{ij}}$$

$$= \sum_{\text{alle celler}} \frac{(\text{observed}_{ij} - \text{expected}_{ij})^{2}}{\text{expected}_{ij}}$$

$$= \frac{(6 - 7.6)^{2}}{7.6} + \dots + \frac{(6 - 10.2)^{2}}{10.2}$$

$$= 4.0725$$

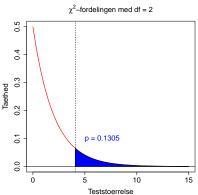
Store værdier passer dårligt med  $H_0$ , små værdier passer godt.

p-værdi: Viser sig at  $X_{\rm obs}^2$  skal vurderes i  $\chi^2$ -fordelingen med  $df = (r-1)(k-1) = (2-1) \cdot (3-1) = 2$ . Ligesom

#### homogenitetstestet!



# Alkohol og forventing til SD1: $\chi^2$ -fordelingen og p-værdien



- p-værdien er arealet **til højre for**  $X_{\rm obs}^2$
- Her fås p-værdien 0.1305, så hypotesen forkastes ikke (på niveau 5 %)



## R: chisq.test

```
sd1data \leftarrow matrix(c(6, 5, 43, 23, 27, 6), 2, 3)
sd1data
## [,1] [,2] [,3]
## [1,] 6 43 27
## [2,] 5 23 6
chisq.test(sd1data, correct = FALSE)
## Warning in chisq.test(sd1data, correct = FALSE):
Chi-squared approximation may be incorrect
##
## Pearson's Chi-squared test
##
## data: sd1data
## X-squared = 4.0725, df = 2, p-value = 0.1305
```



# R: chisq.test

```
### De forventede vaerdier
chisq.test(sd1data)$expected

## Warning in chisq.test(sd1data): Chi-squared
approximation may be incorrect

## [,1] [,2] [,3]
## [1,] 7.6 45.6 22.8
## [2,] 3.4 20.4 10.2
```



## Alkohol og forventing til SD1: Opsummering

- Stat. model: 110 uafhængige obs. der hver især kan havne i 6 grupper; alle med (ukendte) sandsynligheder  $p_{ij}$
- Hypotese om uafhængighed:  $p_{ij} = p_i \cdot q_j$  for alle i, j
- $\chi^2$ -test gav p = 0.1305 ( $X_{obs}^2 = 4.0725$ , df = 2)
- Hypotesen forkastes ikke, så alkoholforbrug og forvetning til SD1 er uafhængige



# **Diverse**



## Uafhængighedstest vs. homogenitetstest

#### Beregningerne er helt identiske:

- Forventede værdier beregnes som  $E_{ij} = \frac{rækkesum_i \cdot søjlesum_j}{totalsum}$
- Teststørrelse beregnes som  $X_{\mathrm{obs}}^2 = \sum \frac{(\mathrm{observeret-forventet})^2}{\mathrm{forventet}}$
- Teststørrelsen vurderes i  $\chi^2$ -ford. med  $\mathrm{df}=(r-1)(k-1)$ : p-værdien beregnes som sandsynlighed til højre for  $X^2_{\mathrm{obs}}$
- Hypotesen forkastes/afvises på baggrund af p-værdien som sædvanlig
- Testet kan udføres med chisq.test i R

Men: **Hypotesen og derfor fortolkningen er forskellig** afhængig af datastrukturen/-indsamlingen.



## Uafhængighedstest vs. homogenitetstest

#### Uafhængighedstest:

- Når to kategoriske variable med hhv. r og k kategorier er observeret for en enkelt population
- Hverken række- eller søjlesummer er kendt på forhånd
- Hypotese om uafhængighed mellem de to variable

#### Homogenitetstest:

- Når en enkelt kategorisk variabel med k kategorier er observeret i r forskellige populationer
- Rækkesummer (eller søjlesummer) kendt på forhånd
- Hypotese om ens proportioner/sandsynligheder for de r populationer



#### Kontinuitetskorrektion

For  $2 \times 2$  tabeller (men ikke større tabeller) laver chisq.test som default en **kontinuitetskorrektion**, når  $X^2$  beregnes.

- chisq.test(..., correct=FALSE): Giver det vi netop har beregnet
- chisq.test(..., correct=TRUE): Giver lidt andre resultater
   faktisk forbedret.

Begge dele er OK til eksamen, medmindre der står noget specifikt.



## R: Med og uden kontinuitetskorrektion

```
diabetes
       [,1] [,2]
## [1,] 26 24
## [2,] 12 38
chisq.test(diabetes, correct=TRUE)
##
   Pearson's Chi-squared test with Yates' continuity correction
##
## data: diabetes
## X-squared = 7.1732, df = 1, p-value = 0.0074
chisq.test(diabetes, correct=FALSE)
   Pearson's Chi-squared test
## data: diabetes
## X-squared = 8.3192, df = 1, p-value = 0.003923
```



## Alkohol og forventning til SD1: R warning

I forbindelse med analysen giver chisq.test en advarsel!

```
chisq.test(sd1data, correct = FALSE)

## Warning in chisq.test(sd1data, correct = FALSE):
Chi-squared approximation may be incorrect

##

## Pearson's Chi-squared test

##

## data: sd1data

## X-squared = 4.0725, df = 2, p-value = 0.1305
```



## Approksimation

Vi har hele tiden sagt at  $X^2$  kommer fra  $\chi^2$ -fordeling når hypotesen er sand, men faktisk er det kun en approksimation.

Tommelfingerregel: Approksimationen er kun god hvis de forventede værdier i alle celler er  $\geq 5$ .

```
chisq.test(sd1data)$expected

## Warning in chisq.test(sd1data): Chi-squared
approximation may be incorrect

## [,1] [,2] [,3]
## [1,] 7.6 45.6 22.8
## [2,] 3.4 20.4 10.2
```



## Hvad gør man hvis forventede antal er for små?

- Slå rækker og/eller søjler sammen så tommelfingerreglen om forventede værdier er OK.
  - Sammenlægningen skal selvfølgelig give mening, typisk for ordinale data. (Kunne godt gøres her!)
- Beregn p-værdien ved simulation.
   Laver mange datasæt som de ville se ud hvis hypotesen var sand og beregner X<sup>2</sup>. Hvor ofte er den større end X<sup>2</sup><sub>obs</sub>?



## R: Simuleret p-værdi

```
set.seed(2019)
chisq.test(sd1data, simulate.p.value = TRUE, B=10000)

##

## Pearson's Chi-squared test with simulated p-value (based on 1)
## replicates)
##

## data: sd1data
## X-squared = 4.0725, df = NA, p-value = 0.122
```



### Alkohol og forventning til SD1: Konklusion

- Simulerede p-værdierne lidt forskellige fra gang til gang (medmindre man som her vælger fast seed)
- De simulerede p-værdier tæt på p-værdien baseret på  $\chi^2$ -approksimationen (0.1305)
- Ikke tegn på sammenhæng ml. alkoholforbrug og forventning til SD1



# Opsummering vedr. R

#### Test i tabeller:

- chisq.test: Giver  $X_{\rm obs}^2$  og p-værdi samt forventede værdier. Kan også beregne simulerede p-værdier. Ingen konfidensint.
- prop.test: Kan bruges hvis der kun er to søjler (evt. flere rækker). Giver ikke de forventede værdier.
  - Også KI for forskel mellem rækkessh. for  $2 \times 2$  tabeller.
- For  $2 \times 2$  tabeller: chisq.test og prop.test fås med/uden kontinuitetskorrektion.
- Data skal indtastes forskelligt når man bruger chisq.test og prop.test.

Vælg selv metoden medmindre du bliver spurgt om noget eksplicit.

