

KØRENHAVNS IINIVERSITET

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 6, mandag

Dias 3/46

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Overblik

Vi skal have "udfyldt" følgende skema over modeller (rækker) og statistiske begreber (søjler):

	Intro	Model	$Est. {+} SE$	ΚI	Test	Kontrol	Præd.
En stikprøve	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
Ensidet ANOVA	✓	\checkmark	\checkmark	\checkmark	\checkmark	\checkmark	\checkmark
Lineær regr.	✓	\checkmark	\checkmark	\checkmark	\checkmark	\checkmark	\checkmark
To stikprøver	✓	\checkmark	\checkmark	\checkmark	\checkmark	\checkmark	\checkmark
Multipel regr.	✓	\checkmark	\checkmark	\checkmark	\checkmark	\checkmark	\checkmark
Tosidet ANOVA	nu	nu	nu	nu	nu	nu	nu
Blandede modeller							

KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Dagens program

Tosidet variansanalyse (ANOVA)

- Additive model (uden vekselvirkning)
- Model med vekselvirkning
- Forskel på additive effekter og vekselvirkning
- Test for vekselvirkning
- Forskellige parametriseringer (primært af den additive model)

Generel info

- Afeveringsopgave til onsdag den 9. oktober
- Gamle eksamensopgaver: Kør selv analyserne hvis der er data
- HS-opgaver minder også om kommende eksamensopgaver

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 6, mandag



KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Tosidet ANOVA uden vekselvirkning

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 6, mandag



KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Eksempel: Højde på studieretninger

Spørgeskema med studerende på Statistisk Dataanalyse 2017:

bl.a. info om studieretning og højde.

- Svar fra 50 BB + 42 HV + 31 JØ + 31 NR + 2 andre. Skipper de "2 andre".
- Der mangler desuden højde for en mindre antal studerende $\rightarrow n=152$

Spørgsmål: Er den gennemsnitlige højde forskellig på studierne?

• Respons: Højde

• Forklarende variabel: Studieretning

• Lægger op til ensidet ANOVA

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 6, mandag



KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Tosidet ANOVA

Køn påvirker (formentlig) både højde og studievalg.

Vores egentlige spørgsmål er nok snarere: Er der en forskel på højden på de fire studieretninger, selv hvis vi justerer for køn?

Ny analyse:

- Respons: Højde
- Forklarende var. Studieretning og køn. Begge er kategoriske
- Tosidet ANOVA

Check modelskemaet.



Ensidet ANOVA

KØBENHAVNS UNIVERSITET

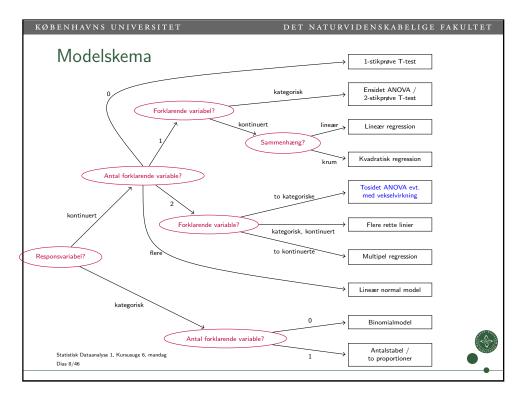
```
oneway <- lm(hojde ~ studie, data = useData)
onesample <- lm(hojde ~ 1, data = useData)
drop1(oneway, test = "F")

## Single term deletions
##
## Model:
## hojde ~ studie
## Df Sum of Sq RSS AIC F value Pr(>F)
## <none> 11299 668.21
## studie 4 1210.4 12510 675.79 3.9636 0.004377 **
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Har vi nu vist at "unge menneskers studievalg har noget med deres højde at gøre"? Eller **er der noget vi har overset?**

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 6, mandag



Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 6, mandag

Dias 7/4

Statistisk model

Model for **tosidet ANOVA uden vekselvirkning**, kaldes også den **additive model** for tosidet ANOVA:

$$højde_i = \alpha_{studie_i} + \beta_{kon_i} + e_i$$

hvor e_i 'erne som sædvanlig er uafhængige $N(0, \sigma^2)$

Parametre:

- Et α per studie: $\alpha_{\it J}$ Ø, $\alpha_{\it NR}$, $\alpha_{\it HV}$, $\alpha_{\it BB}$
- Et β per køn: β_M og β_K
- Residualspredning σ



Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 6, mandag

KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Fortolkning af parameterestimater

R vælger en **referencegruppe for hver variabel**. Her: BB og kvinder.

Følgende estimater anigves:

- "Intercept": Estimeret middelværdi gives for **kombinationen** af de to referencer, altså for kvindelige BB-studerende
- Estimerede forskelle mellem de andre studieretninger og BB
- Estimeret forskel mellem mænd og kvinder



Additiv tosidet ANOVA

Vi kan allerede det hele: Estimation, modelkontrol, hypotesetest, konfidens- og prædiktionsintervaller fra uge 3–4.

R: Tilføj leddene til 1m, med + imellem:

```
twoway.add <- lm(hojde ~ studie + kon, data=useData)</pre>
```

NB. Det er lidt sværere at bestemme antal frihedsgrader — men det klarer R heldigvis for os.

Hvad nu?

- Modelkontrol: Se dagens R-materiale
- Fortolkning af parameterestimater
- Test for studieretning når vi justerer for køn

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 6, mandag



KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Spørgsmål

- Estimat for gennemsnitshøjde blandt kvindelige BB-stud.?
- Estimat for gennemsnitshøjde blandt mandlige BB-stud.?
- Estimat for gennemsnitshøjde blandt mandlige JØ-stud.?
- Hvilket studie estimeres til at have de højeste studerende (når der er korrigeret for køn)?
- Estimat for σ ?
- Antal frihedsgrader? Er det mærkeligt?
- Hvordan skal p-værdierne fortolkes?



```
KØBENHAVNS UNIVERSITET
```

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Additiv tosidet ANOVA

```
twoway.add <- lm(hojde ~ studie + kon, data=useData)
summary(twoway.add)
## lm(formula = hojde ~ studie + kon, data = useData)
## Residuals:
## Min 1Q Median 3Q Max
## -14.5701 -4.1051 -0.1051 3.9066 17.1185
## Coefficients:
                   Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
168.1051 0.9859 170.517 <2e-16 ***
## (Intercept)
## studieFødevarer og ernæring -0.1051 6.4278 -0.016 0.987
## studieHusdyrvidenskab 1.1211 1.3901 0.806 0.421 ## studieJordbrugsøkonomi -0.5350 1.5086 -0.355 0.723
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 6.352 on 147 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.5259, Adjusted R-squared: 0.5098
## F-statistic: 32.61 on 5 and 147 DF, p-value: < 2.2e-16
```

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 6, mandag Dias 13/46



KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Test for studieretning når vi justerer for køn: med drop1

```
twoway.add <- lm(hojde ~ studie + kon, data = useData)
drop1(twoway.add, test = "F")

## Single term deletions
##

## Model:
## hojde ~ studie + kon
## Df Sum of Sq RSS AIC F value Pr(>F)

## <none> 5930.7 571.59

## studie 4 44.6 5975.4 564.74 0.2767 0.8927

## kon 1 5368.6 11299.3 668.21 133.0654 <2e-16 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1</pre>
```

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 6, mandag Dias 15/46



KØBENHAVNS UNIVERSITE

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Test for studieretning når vi justerer for køn

Statistisk model:

$$højde_i = \alpha_{studie_i} + \beta_{kon_i} + e_i$$

Hypotese:

$$H_0: \alpha_{J\emptyset} = \alpha_{NR} = \alpha_{HV} = \alpha_{BB}$$

Testes med F-test. Flere metoder i R, men med samme resultat:

- Fit stat. model + model under hypotese og brug anova med de to modeller som argumenter. Hvad er nulmodellen her?
- drop1: Kan vi "droppe" hvert af leddene fra modellen?
- Brug ikke anova med kun en model som argument

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 6, mandag



KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Test for studieretning når vi justerer for køn: med anova

```
oneway.kon <- lm(hojde ~ kon, data=useData)
anova(oneway.kon, twoway.add)

## Analysis of Variance Table
##
## Model 1: hojde ~ kon
## Model 2: hojde ~ studie + kon
## Res.Df RSS Df Sum of Sq F Pr(>F)
## 1 151 5975.4
## 2 147 5930.7 4 44.648 0.2767 0.8927
```

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 6, mandag Dias 16/46



Konklusion

Der er **ikke** signifikant forskel på højden af studerende på de fire studieretninger når vi korrigerer for køn (p = 0.89).

I denne situation var vi mest interesseret i den ene variabel (studieretning), men vi **kunne også have undersøgt den anden:**

- Hypotese, $H_0: \beta_M = \beta_K$
- Testes med F-test eller t-test. Begge giver $p \approx 0$
- Konklusion: Gennemsnitshøjden **er** forskellig for mænd og kvinder, også når vi korrigerer for studieretning

Uden vekselvirkning: Vi lavede implicit en antagelse ...

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 6, mandag Dias 17/46

KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Additive effekter vs. vekselvirkning



Antagelsen om additivitet

I eksemplet brugte vi den additive model, modellen uden vekselvirkning:

- Vi antog implicit at der var samme højdeforskel i mænd og kvinder for alle studieretninger (og omvendt).
- R: Vi skrev + mellem leddene i 1m.

Men sådan er det jo ikke nødvendigvis: Det kan være at effekten af en variabel afhænger af den anden variabel \to **vekselvirkning**

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 6, mandag



KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Prisskilt fra isbod

• 1 kugle15
• 2 kugler20
• 3 kugler23
• 1 kugle med guf19
• 2 kugler med guf24
• 3 kugler med guf



Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 6, mandag Dias 20/46



KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

To ækvivalente prisskilte

Prisskilt 1:

Prisskilt 2:

- 2 kugler20
- 3 kugler23
- 1 kugle med guf19
- 2 kugler med guf 24
- 3 kugler med guf 27

- 1 kugle, uden guf15
- 2 kugler+5
- 3 kugler+8
- med guf+4

Seks forskellige is at vælge imellem, men "effekterne" af guf og størrelse indgår additivt. Guf koster altid 4 kr ekstra.

Dermed kan priserne beskrives med kun fire parametre (1+2+1)

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 6, mandag



KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Vekselvirkning

Når effekten af én variabel af niveuaet af en anden variabel, så siger man at der er vekselvirkning mellem de to variable.

Engelsk: Interaction

- Is: Ingen vekselvirkning mellem guf og kugler: Guf kostede 4 kr uanset antal kugler.
 - Ækvivalent: Prisen for ekstra kugler er den samme uanset om der skal guf på eller ej.
- Højde: Antog at kønsforskellen er den samme på alle studier.
 - Ækvivalent: Forskel ml. studier er den samme for begge køn.



KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Eksempel med højdedata

Tilsvarende for den additive model for højdedata

- Der er otte kombinationer af studieretning og køn
- Men kun 1+3+1=5 parametre i den additive model: En for ref-gruppen, tre for studieretningsforskelle, en for kønsforskel.

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 6, mandag



KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Prisskilte uden/med vekselvirkning

Nye priser giver rabat på guf hvis man køber store is:

Gamle priser:

- 1 kugle15
- 2 kugler 20
- 3 kugler 23 • 1 kugle med guf19
- 2 kugler med guf24
- 3 kugler med guf27

Nye priser:

- 2 kugler 20
- 3 kugler 23
- 1 kugle med guf19
- 2 kugler med guf22
- 3 kugler med guf23

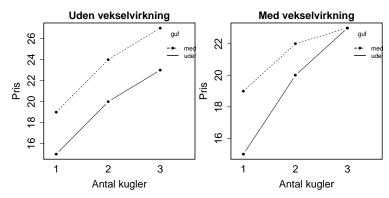
Nu er der vekselvirkning/interaktion! Prisen for guf afhænger af antal kugler: 4/2/0 kr ved 1/2/3 kugler.

Det kræver seks parametre at beskrive den nye prisstruktur.





Vekselvirkningsgraf/interaktionsplot



Plottet visualiserer vekselvirkning. Kig efter parallellitet:

- Parallelle profiler ↔ Ingen vekselvirkning
- Ikke-parallelle profiler ↔ Vekselvirkning

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 6, mandag Dias 25/46



KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Tosidet ANOVA med/uden vekselvirkning



Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 6, mandag

KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Model uden vekselvirkning

Modellen uden vekselvirkning:

$$\mathsf{højde}_i = lpha_{\mathsf{studie}_i} + eta_{\mathsf{kon}_i} + e_i$$

Modellen angiver middelværdien for alle otte kombinationer af studie og køn — men lægger restriktioner på dem.

Model uden vekselvirkning = additiv model.

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 6, mandag Dias 28/46

Dias 27/46

Model med vekselvirkning

Modellen med vekselvirkning lægger **ingen restriktioner** på de otte middelværdier. Vi skriver

$$højde_i = \alpha_{studie_i} + \beta_{kon_i} + \gamma_{studie_i,kon_i} + e_i$$

eller blot

$$højde_i = \gamma_{studie_i,kon_i} + e_i$$

Dette svarer faktisk til en ensidet ANOVA efter den variabel der inddeler obs. i otte grupper.

Opskrivningen med græske bogstaver ikke så vigtig. Vigtigt:

- at forstå den konceptuelle forskel mellem de to modeller
- at kunne fortolke output/estimater fra R

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 6, mandag Dias 29/46



KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Modellen uden vekselvirkning

```
useData2 <- filter(useData, !(studie == "Husdyrvidenskab") )
twoway.add2 <- lm(hojde ~ studie + kon, data = useData2)
summary(twoway.add2)
## lm(formula = hojde ~ studie + kon, data = useData2)
## Residuals:
## Min 1Q Median 3Q Max
## -14.5701 -3.1051 -0.1051 3.8949 17.1185
## Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) 168.1061 0.004
## Coefficients:
                           168.1051 0.9841 170.825 <2e-16 ***
## studieFødevarer og ernæring -0.1051 6.4162 -0.016 0.987
## studieJordbrugsøkonomi -0.5350 1.5059 -0.355 0.723
## studieNaturressourcer
                          0.2531 1.4866 0.170 0.865
## konMand
                           14.5233 1.2567 11.556 <2e-16 ***
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 6.34 on 106 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.5744, Adjusted R-squared: 0.5583
## F-statistic: 35.76 on 4 and 106 DF, p-value: < 2.2e-16
```

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 6, mandag Dias 31/46



KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Eksempel: Højde efter studieretning og køn

Ingen mandlige HV-studerende i datasættet:

- Lidt bøvlet når vi skal have vekselvirkning med \rightarrow vi dropper HV-studerende (selvom det faktisk ikke er nødvendigt)
- Datasættet useData2 indeholder data fra 110 studerende med højderegistreringer: 49 BB, 30 JØ, 31 NR.

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 6, mandag Dias 30/46



KØBENHAVNS UNIVERSITET DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Med vekselvirkning

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 6, mandag Dias 32/46



Modelfit og fortolkning af estimater

Modelfit:

- Uden vekselvirkning: lm(hojde ~ studie + kon, data=useData2)
- Med vekselvirkning:
 lm(hojde ~ studie + kon + studie*kon, data=useData2)

Modellen uden vekselvirkning: Estimater læses som før, men er lidt anderledes da HV ikke er med mere.

Modellen med vekselvirkning:

- Hvorfor netop seks linier med estimater?
- Estimat for BB, kvinder? For JØ, kvinder? For JØ, mænd?

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 6, mandag Dias 33/46



KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Test for vekselvirkning



Opsummering

Tosidet ANOVA efter to kategoriske variable, A og B:

- Model uden vekselvirkning: A+B
- Model med vekselvirkning: A+B+A*B
- Faktisk mange versioner af modellen med vekselvirkning: A+B+A:B eller A*B eller A:B. Prøv selv!

Estimater:

- R vælger referencegrupper for A og B (i de fleste versioner). Så er interceptet estimatet for referencekombinationen.
- Estimat for andre kombinationer: Interceptestimatet plus de relevante estimater.

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 6, mandag



KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Er der faktisk vekselvirkning?

- $\bullet \ \ Uformelt: \ Vekselvirkningsgraf/interaktionsplot$
- Formelt: Hypotesetest



Vekselvirkningsgraf/interaktionsplot

- Gennemsnit plottes med profiler med den ene variabel på x-aksen og med profiler for niveauerne af den anden var.
- Er profilerne parallelle, på nær tilfældig variation?
- \bullet Parallelle \to tegn på at der ikke er vekselvirkning. Ikke-parallelle \to tegn på at der er vekselvirkning.
 - Under alle omstændigheder nyttig til at forstå samspillet.
- Svært at vurdere om ikke-parallellitet faktisk skyldes vekselvirkning eller blot tilfældig variation
- R: interaction.plot (se dagens R-kode)



Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 6, mandag Dias 37/46

KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Hypotesetest

Model uden vekselvirkning er et **specialtilfælde** af model med vekselvirkning \rightarrow de to modeller er nestede \rightarrow *F*-test.

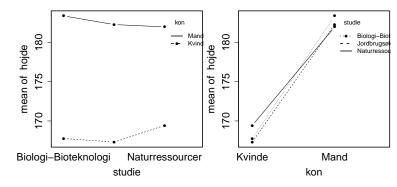
- Hypotese, H_0 : Ingen vekselvirkning mellem studie og køn (dvs. kønseffekt den samme for alle studier, eller omvendt).
- Beskriver modellen med vekselv. faktisk data bedre end modellen uden vekselvirkning?
- Brug anova med de to modeller som argumenter, eller drop1 på model med vekselvirkning.



KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Velselvirkningsgraf/interaktionsplot



- Profiler ser ganske parallelle ud, så næppe vekselvirkning
- Helt parallelle profiler på "den ene graf"

 ⇔ Helt parallelle profiler på "den anden graf"

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 6, mandag



KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Konklusion

Der er ikke signifikant vekselv. mellem studie og køn (p = 0.59)

Vi ser defor nærmere på modellen uden vekselvirkning:

- Der er en sign. kønseffekt ($p \approx 0$), men ikke en signifikant effekt af studieretning (p = 0.97).
- Mænd estimeres til at være 14.5 cm (SE 1.26) højere end kvinder; 95% konfidensinterval (12.0, 17.0)



DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

R: Hypotesetest ved brug af anova

```
## Analysis of Variance Table
##
## Model 1: hojde ~ studie + kon
## Model 2: hojde ~ studie + kon + studie * kon
## Res.Df RSS Df Sum of Sq F Pr(>F)
## 1 106 4261.1
## 2 104 4217.4 2 43.7 0.5388 0.5851
```

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 6, mandag



KØBENHAVNS UNIVERSITET

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 6, mandag

Dias 43/46

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Modellen uden vekselvirkning (- studerende på HV)

```
drop1(twoway.add2, test="F")
## Single term deletions
## Model:
## hojde ~ studie + kon
        Df Sum of Sq RSS AIC F value Pr(>F)
## <none> 4261.1 414.90
## studie 3 9.9 4271.1 409.16 0.0822 0.9696
## kon 1 5368.6 9629.7 503.40 133.5478 <2e-16 ***
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
summary(twoway.add2)$coef
                                 Estimate Std. Error
## (Intercept)
                          168.1051102 0.9840758 170.82536210
## studieFødevarer og ernæring -0.1051102 6.4162201 -0.01638195
## studieJordbrugsøkonomi -0.5349840 1.5058537 -0.35526957
## studieNaturressourcer 0.2530765 1.4865576 0.17024328
## konMand 14.5233067 1.2567448 11.55628920
                                    Pr(>|t|)
                             3.135005e-131
## studieFødevarer og ernæring 9.869605e-01
## studieJordbrugsøkonomi 7.230936e-01
## studieNaturressourcer 8.651433e-01
## konMand
                                1.759654e-20
```

R: Hypotesetest ved brug af drop1

```
drop1(twoway.int, test="F")

## Single term deletions
##

## Model:
## hojde ~ studie + kon + studie * kon
## Df Sum of Sq RSS AIC F value Pr(>F)
## <none> 4217.4 417.76
## studie:kon 2 43.7 4261.1 414.90 0.5388 0.5851
```

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 6, mandag

KØBENHAVNS UNIVERSITET



KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Diverse om vekselvirkning

Vekselvirkning ml. A og B siger ikke at der er sammenhæng mellem A og B, men at effekten af A på y afhænger af B.

Vi taler om **hovedeffekter** og **vekselvirkning** af de to variable:

- Ofte ligger den primære interesse i hovedeffekterne, men sommetider er vekselvirkningen det primære
- Inddrag kun vekselvirkning hvis det giver faglig mening

Vekselvirkningsmodellen kræver **gentagelser:** Kan ikke fittes hvis der kun er en obs. for hver kombination af de to variable.



Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 6, mandag Dias 44/46

KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Diverse om vekselvirkning

Det giver ikke mening af tale om effekt**en** (bestemt form) af en variabel hvis den indgår i vekselvirkning med en anden:

- Fx kan man ikke bestemme estimatet for kønseffekten i modellen hvor studie og køn indgår med vekselvirkning
- Fx kan man ikke teste hovedeffekten af køn i modellen hvor studie og køn indgår med vekselvirkning

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 6, mandag



KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Opsummering — til eget brug

- Hvornår kan man bruge tosidet ANOVA?
- Hvad betyder det at der vekselvirkning mellem to variable?
- Hvordan fitter du en tosidet ANOVA (med/uden vekselvirkning) i R, og hvordan bruger du estimaterne?
- Hvordan undersøger man om de er vekselvirkning?

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 6, mandag Dias 46/46

