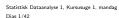
KØBENHAVNS UNIVERSITET





Statistisk Dataanalyse 1: Praktisk info og genopfriskning af R, datatyper og deskriptiv statistik

Anders Tolver Institut for Matematiske Fag



Dagens program

Velkommen

- Hvad er statistik?
- Praktiske oplysninger
- Datatyper
- Genopfriskning af R
- Deskriptiv statistik





Statistik handler om, hvordan man drager korrekte konklusioner på baggrund af data.

Hvorfor er statistik et vigtigt fag? Forskellige holdninger ...



Statistik handler om, hvordan man drager korrekte konklusioner på baggrund af data.

Hvorfor er statistik et vigtigt fag? Forskellige holdninger ...

If your experiment needs a statistician, you need a better experiment. (Ernest Rutherford, fysiker)



Statistik handler om, hvordan man drager korrekte konklusioner på baggrund af data.

Hvorfor er statistik et vigtigt fag? Forskellige holdninger ...

If your experiment needs a statistician, you need a better experiment. (Ernest Rutherford, fysiker)

Ressourcer (tid/økonomi/udstyr) vil dog ofte begrænse mængden og kvaliteten af data.



Vi indtager en mere idealistisk holdning på dette kursus.



Vi indtager en mere idealistisk holdning på dette kursus.

While it is easy to lie with statistics, it is even easier to lie without them.

(maybe Frederick Mosteller, statistician)



Vi indtager en mere idealistisk holdning på dette kursus.

While it is easy to lie with statistics, it is even easier to lie without them.

(maybe Frederick Mosteller, statistician)

Andre har en mere afslappet holdning til brug af data ...

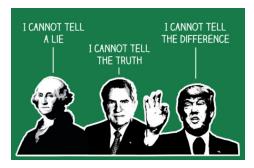


Vi indtager en mere idealistisk holdning på dette kursus.

While it is easy to lie with statistics, it is even easier to lie without them.

(maybe Frederick Mosteller, statistician)

Andre har en mere afslappet holdning til brug af data ...





Eksempel 1: To-kryds-to tabeller

Situation 1: Vaccine mod miltbrand hos får. Næppe brug for en statistiker i dette tilfælde...

	Vaccineret	Ej vaccineret
Død	0	24
I live	24	0



Eksempel 1: To-kryds-to tabeller

Situation 1: Vaccine mod miltbrand hos får. Næppe brug for en statistiker i dette tilfælde...

	Vaccineret	Ej vaccineret
Død	0	24
I live	24	0

Situation 2: Forekomst af leversvulster hos mus i forskellige miljøer. Konklusionen er knapt så oplagt.

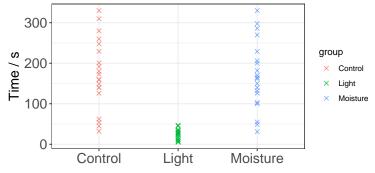
	E.coli	Rent miljø
Leversvulster	8	19
Ingen svulster	5	30



Eksempel 2: Ensidet variansanalyse

60 bænkebidere er blevet placeret i et af tre miljøer, og deres fysiske formåen er blevet testet ved at lade dem løbe en distance.

Er der en effekt af lys hhv. fugtighed? Hvor stor er effekten?





Eksempel 3: Alkohol og studiefrafald

Statistik — Du falder fra, hvis du drikker for meget. Men også, hvis du drikker for lidt. Friske tal viser, at studerende, der ikke drikker alkohol i studiestarten, har lige så stor risiko for frafald i løbet af første studieår, som studerende der drikker meget tæt.

Figure: Publiceret online i Universitetsavisen d. 29/8-2019

Bør vi på baggrund af undersøgelsen ordinere (lidt) øl hver fredag til alle nystartede studerende for at mindske frafaldet?



Formålet med statistisk er (typisk) at undersøge sammenhænge mellem flere typer målinger udfra indsamlet data.

- Er der en sammenhæng? Hvilken?
- Er der en effekt af behandling? I hvilken retning? Hvor stor?



Formålet med statistisk er (typisk) at undersøge sammenhænge mellem flere typer målinger udfra indsamlet data.

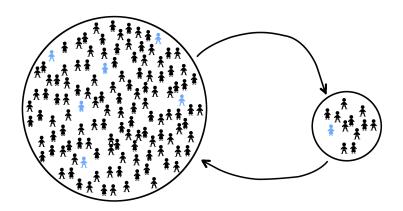
- Er der en sammenhæng? Hvilken?
- Er der en effekt af behandling? I hvilken retning? Hvor stor?

Udfordringer:

- Data behæftet med usikkerhed: biologisk variation, målestøj
- Ser kun en begrænset mængde data, men ønsker at udtale os om generelle sammenhænge



Populationer og stikprøver



Vi ønsker at udtale os om en population ud fra en stikprøve



Hvad er formålet med dette kursus?

Kursusindhold: Grundlæggende statistiske metoder og beregninger

Kurset giver jer redskaber til at

- forstå og vurdere udsagn givet ved brug af statistik
- lave valide konklusioner udfra egne eksperimenter
- vurdere hvornår det er nødvendigt at søge hjælp hos en statistiker
- arbejde effektivt og struktureret med data



Praktiske oplysninger



Praktisk info

Kurset har en ekstern hjemmeside, hvor du vil kunne finde alle praktiske oplysninger om kurset.

Et stor del af de **Praktiske oplysninger** vil også ligge på kursets Absalonside, hvorfra der også er link til kursushjemmesiden.

En del af undervisningsmaterialet vil kun være tilgængeligt via links på den eksterne hjemmeside.

Skriv til mig, hvis du finder oplagte fejl og mangler på hjemmesiden.

Planen for næste uges øvelser udsendes typisk først fredag, og forelæsningsslides lægges ofte først ud lige før forelæsningen.



Undervisningsmateriale og ugestruktur

Undervisningsmateriale:

- Introduction to Statistical Data Analysis for the Life Sciences af Ekstrøm og Sørensen, 2. udgave
- Slides, opgaver, data, R-programmer mm.
- Quiz'er (dog ikke hver uge)

Aktiviteter:

- Forelæsninger (2 timer online, 2 t blended*, 1 t video)
- Øvelsestimer (3 timer online, 2 timer blended*)
- **Hjemmearbejde** (mindst 10 timer per uge!)
- 2-3 afleveringsopgaver. Frivilligt, men et godt tilbud!
- * blended = kombination af online og fysisk undervisning



Undervisningen

Forelæsningerne:

- Jeg gennemgår ikke bogen fra A til Z. Mindre matematik, ofte andre dataeksempler
- Jeg lægger fuldstændige R programmer ud til jer, men kører ikke alt ved forelæsningerne
- Slides kommer som regel på hjemmesiden aftenen før

Øvelsestimerne:

- Det meste af tiden regner I selv de opgaver der er stillet på ugeplanen, med hjælp fra instruktorerne
- Gennemgang af enkelte ting fra foregående timer
- Flere opgaver end I kan nå i timerne. I skal regne hjemme!
- Arbejd sammen i grupper, spørg om hjælp



Hjemmearbejde

Du forventes at bruge i alt mindst **20 timer om ugen** på kurset!

Hvordan timerne bruges bedst er individuelt, men her er et forslag:

- Forelæsninger/video: 5 timer
- Øvelser: 5 timer
- Læse i bogen, læse slides, køre mine R-programmer: 6 timer
- Regne opgaver hjemme: 4 timer

Der kommer facit/besvarelser til det meste efter timerne, men brug dem med omhu. Du skal selv have fingrene ned i skidtet for at lære det!



Eksamen

Du bør evaluere dit eget udbytte af kurset på om du

- forstod hvorfor faget kan være relevant for dit fagområde
- brugte tid på at lære at tænke over statistiske problemstillinger
- lærte at lave simplere statistiske analyser med R
 Jeres udbytte af kurset evalueres desuden ved en eksamen

... der kommer en udmelding fra eksamenskontoret senest 1/10 om, hvordan eksamen bliver, så der går endnu en månedstid før de kan få det at vide med sikkerhed. Det er for at være fleksible i forhold til retningslinjerne - men 1/10 låser de det. [e-mail fra eksamensteamet]

Mit gæt/ønske: skriftlig eksamen med elektronisk aflevering og quiz-spørgsmål. Statistisk Dataanalyse 1, Kurususge 1, mandag



Om R

- Vi skal bruge R intensivt på kurset
- Installér de nyeste versioner af R og RStudio
- Nogle af HS-opgaverne er genopfriskning af R
- På kursushjemmesiden findes en oversigt over relevant R materiale for kurset

Alle R programmer lægges ud i R markdown-format, da det er kedeligt og ufuldstændigt at vise R koder på forelæsningsslides.

Anbefaling

- Download R Markdown-filen og følg med under forelæsningen. Skriv evt. korte noter.
- Kør selv R koden i R Markdown-filerne efter forelæsningen. Se evt. optagelse og suppler med egne kommentarer.



Udfordringer ved online undervisning

- I bør gøre en ekstra indsats for at kommunikere med mig, hjælpelærerne og hinanden omkring faglige og tekniske udfordringer.
- Forslag til justering af undervisningsformatet modtaget meget gerne!
- Interaktionen ml. forelæser og studerende bliver asynkron: svar på spørgsmål via chat eller discussion forum kommer ikke nødvendigvis lige efter forelæsningen.



Undervisning med fysisk fremmøde

Finder kun sted om onsdagen

- 8:45-10:15: forelæsning live streames fra aud A2-81.01 med max. 146 personer i lokalet (tilmelding påkrævet)
- 13:00-14:45: nogle øvelseshold har fysisk undervisning andre kører online undervising (tilmelding påkrævet)
- Ingen er tvunget til at deltage i fysisk undervisning

Tilmelding er organiseret via grupper i Absalon og sikrer, at alle studerende kan tilmelde sig samme antal fysiske undervisiningstimer.

Der findes en række krav vi skal overholde i forbindelse med fysisk undervisning på Campus. Disse meldes ud senere.





Første skelnen: Kategoriske data vs kvantitative data



Første skelnen: Kategoriske data vs kvantitative data

Kategoriske data:

- Nominale {mand, kvinde}, {gul, grøn, blå}.
- Ordinale {ingen, lidt, mellem, meget}, indkomstklasser.



Første skelnen: Kategoriske data vs kvantitative data

Kategoriske data:

- Nominale {mand, kvinde}, {gul, grøn, blå}.
- Ordinale {ingen, lidt, mellem, meget}, indkomstklasser.

Kvantitative data

- Diskrete
- Kontinuerte



Første skelnen: Kategoriske data vs kvantitative data

Kategoriske data:

- Nominale {mand, kvinde}, {gul, grøn, blå}.
- Ordinale {ingen, lidt, mellem, meget}, indkomstklasser.

Kvantitative data

- Diskrete unger pr. kuld, antal familiemedlemmer.
- Kontinuerte længde, højde, alder, vægtændring, indkomst.



Første skelnen: Kategoriske data vs kvantitative data

Kategoriske data:

- Nominale {mand, kvinde}, {gul, grøn, blå}.
- Ordinale {ingen, lidt, mellem, meget}, indkomstklasser.

Kvantitative data

- Diskrete unger pr. kuld, antal familiemedlemmer.
- Kontinuerte længde, højde, alder, vægtændring, indkomst.

StatDat1: Vi skal mest bruge *nominale kategoriske* og *kontinuerte kvantitative* data. Ofte siger vi bare kategoriske og kontinuerte.

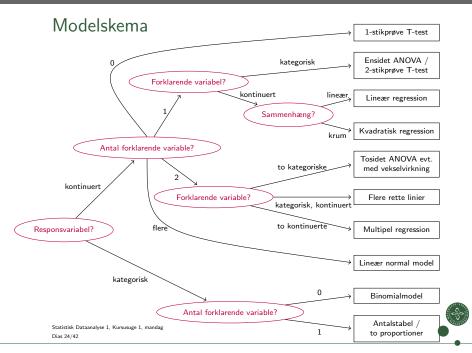


Hvorfor er datatypen vigtig?

Fordi datatypen er afgørende for hvordan der er relevant at behandle data:

- Hvilke stikprøvestørrelser (summary measures)?
- Hvilke tegninger?
- Hvilke statistiske analyser?





Genopfriskning af R



R

- Konsollen, prompten, kommandoer ved prompten
- Skriv kommandoer i R-program (eller Markdown, mere om det på onsdag)
- Vektorer/variable i R
- Datasæt, observationer, variable
- Variable i datasæt vha. \$
- Eksempel: Datasættet **cats** i *MASS*-pakken

Se også HS-opgaverne og R-programmet sd1_forel190902.



Vektorer/variable

Man kan selv definere en vektor/variabel med funktionen c:

```
> x <- c(1,2,6)
> x
[1] 1 2 6
> y <- c(4,6,1)
> x+y
[1] 5 8 7
> mean(x)
[1] 3
```



Datasættet cats

Datasættet **cats** ligger i pakken *MASS*. Pakke og datasæt skal *loades* før de kan bruges:

```
library(MASS)
data(cats)
```

Data vedr. 144 katte. Tre variable: Køn, kropsvægt i kg, vægt af hjerte i gram.

```
> head(cats, n=3)
   Sex Bwt Hwt
1   F 2.0 7.0
```

2 F 2.0 7.4

3 F 2.0 9.5

Datatyper af de tre variable?



\$-syntaksen

Vi skal fortælle R at den skal finde variablene i datasættet cats.

Dette kan gøres med \$-syntaks: datasætnavn\$variabelnavn

- > Bwt # Virker ikke, da R ikke ved hvor variablen er Error: object 'Bwt' not found
- > cats\$Bwt
 [1] 2.0 2.0 2.0 2.1 2.1 2.1 2.1 2.1 2.1 2.1 2.1 ...
 > mean(cats\$Bwt)
- > mean(cats\$Bwt [1] 2.723611

Advarsel: Det skaber ofte forvirring, hvis man tilfældigvis i R allerede har en variabel ved navn Bwt, der intet har at gøre med indholdet i datasættet cats.



Deskriptiv statistik



Deskriptiv statistik

Grafer og simple stikprøvestørrelser.

Hvorfor?

- For at give overblik over data
- For at give en umiddelbar kommunikation af data
- Evt. finde fejl i data, fx forkert placering af decimal



Deskriptiv statistik

Grafer og simple stikprøvestørrelser.

Hvorfor?

- For at give overblik over data
- For at give en umiddelbar kommunikation af data
- Evt. finde fejl i data, fx forkert placering af decimal

Hvordan?

- Visualisering: søjlediagrammer, histogrammer, boxplots, scatter plots
- Simple stikprøvestørrelser: gennemsnit, spredning, range (min og max), fraktiler
- Altsammen i R



Kategoriske data

- Frekvens = hyppighed, dvs. antal forekomster
- Hvis n er antallet af observationer er

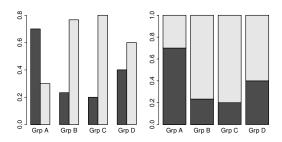
Relativ frekvens =
$$\frac{\text{frekvens}}{n}$$

	Group A	Group B	Group C	Group D	Total
TD present	21	7	6	12	46
TD absent	9	23	24	18	74
Pct present	70	23	20	40	38



Kategoriske data

	Group A	Group B	Group C	Group D	Total
TD present	21	7	6	12	46
TD absent	9	23	24	18	74
Pct present	70	23	20	40	38



R-kode: Se side 18 i bogen.



Kattene igen

Data vedr. 144 katte.

Tre variable: Køn, kropsvægt i kg, vægt af hjerte i gram.

Relevante spørgsmål?

- Sammenhæng mellem vægt af krop og hjerte?
- Fordeling af kropsvægt? Fordeling af hjertevægt?
- Kønsforskelle?

I dagens R program sd1_forel200831_Rprog beskrives hvordan man kan visualisere kvantitative data ved brug af

- scatterplot
- histogrammer
- boxplot



Stikprøvestørrelser (summary statistics)

Grafer er godt, men vi vil også gerne give nogle **tal** der indeholder information om hvordan fordelingerne ser ud.

- Mål for "centrum": Gennemsnit, median
- Mål for variabilitet: spredning, range, inter-quartile range (IQR)



Median, kvartiler, IQR

Sortér data efter størrelse (min til max).

Range: Intervallet fra mindste til største observation.

Median: Midterste observation i det sorterede datasæt. Hvis lige antal observationer: Gennemsnit af de to midterste observationer.

Kvartiler deler sættet op i fire grupper. 25% obs. er $\leq Q_1$ (første kvartil), og 75% obs. er $\leq Q_3$ (tredje kvartil).

Altså: De 50% "'midterste"' data ligger i intervallet fra Q_1 til Q_3 .

Inter quartile range, $IQR = Q_3 - Q_1$



Gennemsnit og stikprøvespredning

Gennemsnit er defineret ved:

$$\bar{y} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} y_i = \frac{y_1 + \dots + y_n}{n}$$



Gennemsnit og stikprøvespredning

Gennemsnit er defineret ved:

$$\bar{y} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} y_i = \frac{y_1 + \dots + y_n}{n}$$

Stikprøvespredning er defineret ved:

$$s = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{n} (y_i - \bar{y})^2}{n-1}}.$$

For symmetriske data, typisk: Cirka 95% af data ligger i intervallet

gennemsnit $\pm 2 \cdot \text{spredning}$



Gennemsnit og stikprøvespredning

Gennemsnit er defineret ved:

$$\bar{y} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} y_i = \frac{y_1 + \dots + y_n}{n}$$

Stikprøvespredning er defineret ved:

$$s = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{n} (y_i - \bar{y})^2}{n-1}}.$$

For symmetriske data, typisk: Cirka 95% af data ligger i intervallet

gennemsnit
$$\pm 2 \cdot \text{spredning}$$

Gennemsnit og spredning har samme enhed som observationerne.

Stikprøvevariansen: s^2 .



Stikprøvestørrelser for hjertevægt

```
library(MASS)
data(cats)
summary(cats$Hwt)
     Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu.
                                          Max.
     6.30 8.95 10.10 10.63 12.12
                                          20.50
mean(cats$Hwt)
## [1] 10.63056
sd(cats$Hwt)
## [1] 2.434636
var(cats$Hwt)
## [1] 5.927451
```



Median eller gennemsnit?

- Median og gennemsnit ens for symmetriske fordelinger, forskellige for skæve fordelinger.
- Ikke-symmetriske fordelinger: Median giver bedre mening end gennemsnit
- Gennemsnit er f
 ølsom overfor ekstreme observationer.
 Median er robust overfor ekstreme observationer.
- Gennemsnittet er "pænere" fra et matematisk synspunkt



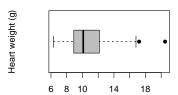
Boxplot

Et **boxplot** illustrerer en fordeling grafisk vha. median og kvartiler.

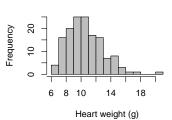
Fed streg er median, kassen går fra fra Q_1 til Q_3 . Detaljerne er lidt komplicerede...

Boxplots er gode til sammenligning af fordelinger og et groft men fornuftigt alternativ til histogrammer

Boxplot for heart weight



Cats: Heart weight





R til øvelserne i dag

I skal selv indtaste data til vektorer. Kommandoer som nedenstående kan være nyttige:

```
### Indtast relevante værdier
x \leftarrow c(2.1, 3.5, 5.3, 1, 9.8)
### Diverse summary statistics
mean(x)
sd(x)
var(x)
median(x)
summary(x)
### Et par figurer
boxplot(x)
hist(x)
```



Opsummering — til eget brug

- Giv eksempler på kategoriske og kvantitative variable. Er de nominale, ordinale, diskrete eller kontinuerte?
- Hvad er medianen, Q_1 og Q_3 ?
- Hvordan beregnes gennemsnit og stikprøvespredning?
- Hvad er et boxplot?
- Hvad sker der med median hhv. gennemsnit hvis der kommer en ny obs. der er ekstremt lille i forhold til de oprindelige?
- Hvordan arbejder man i R?
- Hvordan bruger man en variabel i et datasæt?

