

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

### Overblik

Dias 1/40

Vi skal have "udfyldt" følgende skema over modeller (rækker) og statistiske begreber (søjler):

	Intro	Model	$Est. {+} SE$	KI	Test	Kontrol	Præd.
En stikprøve	✓	✓	✓	✓	nu	✓	
Ensidet ANOVA	✓	$\checkmark$	$\checkmark$	$\checkmark$	(nu)		
Lineær regr.	✓	<b>(√)</b>	<b>(√)</b>	<b>(√)</b>	nu		
To stikprøver	nu	nu	nu	nu	nu		
Multipel regr.							
Tosidet ANOVA							

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 3, onsdag Dias 3/40

#### KØBENHAVNS UNIVERSITET

#### DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

# Dagens program

### Formiddag

- Tostikprøve-problemet: parrede vs. uparrede test
- Hypotesetest: introduceret via t-test
- Eksempel: t-test i forbindelse med lineær regression
- Eksempel: t-test i forbindelse med ensidet ANOVA

### Videoer

- Gennemgang af Quiz 1 + Quiz 2 (på Absalon)
- Gennemgang af Quiz 3 (på Absalon sidst på ugen)
- (Muligvis) lidt kommentarer til slides fra mandag (20/9)
- Analyse af datasæt med gæt på antal punkter på en figur
  - Hypotesetest: Gætter man systematisk for højt/lavt?

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 3, onsdag



#### KØBENHAVNS UNIVERSITET

#### DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

# Statistiske begreber

Statistiske grundbegreber indtil videre:

- Population og stikprøve
- Gennemsnit, stikprøvespredning, median, kvartiler
- Statistisk model og parametre
- Estimater og standard error (SE) for estimater
- Konfidensinterval
- Hypotesetest



Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 3, onsdag Dias 5/40



#### KØBENHAVNS UNIVERSITET

#### DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

### To uafhængige stikprøver

### Egenskaber:

- Alle observationer kan antages at være uafhængige
- Man kan ændre rækkefølgen af x'er og y'er hver for sig uden at ændre datasættet
- Stikprøvestørrelserne kan være forskellige

Under antagelse af ens spredninger: Ensidet ANOVA med k = 2

- Kan bruge 1m som i ANOVA
- Alternativ: t.test(x,y, var.equal=TRUE)

Kan godt analysere data **uden at antage ens spredninger**, se afsnit 5.4. R: t.test(x,y).

Se kommenteret eksempel i R-kode til i dag, forel210922\_Rprog



KØBENHAVNS UNIVERSITET

#### DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

## Uparrede vs parrede stikprøver

**Data:**  $x_1, \ldots, x_{n_1}$  og  $y_1, \ldots, y_{n_2}$ . Den samme slags respons målt med både x og y, men under to forskellige "omstændigheder".

### Eksempel 1:

- 100 kvinders hhv. 42 mænds gæt på punktplot 1
- Interesseret i forskel på mænd og kvinder (om nogen)

### **Eksempel 2:**

- 142 studerendes gæt på hhv. punktplot 1 og punktplot 2
- Interesseret i forskel på gæt mellem de to punktplot

Der er en væsentlig forskel mellem de to situationer. Hvilken?

Opgave HS.16: Afgør hvilket set-up i tre forskellige situationer.

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 3, onsdag



#### KØBENHAVNS UNIVERSITET

#### DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

# To parrede stikprøver

### Egenskaber:

- Observationerne kommer i par. Parrene, men ikke enkeltobservationerne, kan antages at være uafhængige
- Man kan ikke ændre rækkefølgen af x'er og y'er hver for sig uden at ændre datasættet
- Stikprøver er nødvendigvis lige store

Analyserer forskellen mellem x og y som en enkelt stikprøve.

- Kan bruge lm(x-y ~ 1)
- Alternativ: t.test(x,y, paired=TRUE) eller t.test(x-y)

Se kommenteret eksempel i R-kode til i dag, forel210922\_Rprog



Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 3, onsdag Dias 9/40



#### KØBENHAVNS UNIVERSITET

#### DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

## Foreløbig analyse af forskelle

Vi ser på differenserne, og betragter dem som en enkelt stikprøve:

$$y = diff = final - initial$$

### Analyse:

- Statistisk model:  $y_1, \ldots, y_n$  uafhængige, normalfordelte med middelværdi  $\mu$  og spredning  $\sigma$ .
- Fortolkning af  $\mu$ ? Hvilken værdi er særligt interessant?
- Konfidensinterval? Fortolkning?

Konfidensintervallet svarer til en vis grad på vores spørgsmål, men man plejer at lave et **hypotesetest** i stedet.



#### DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

# Eksempel 6.1: Hormonkoncentration

Et forsøg skal vise om et nyt foder ændrer konc. af et hormon.

- Ni dyr har fået foderet i en periode. Hormonkoncentrationen målt ved forsøgets start og slutning. Enhed:  $\mu g/ml$ .
- Spørgsmål: Har foderet en effekt på hormonkonc.?
- > hormData

	feed	initial	final
1	1	207	216
2	1	196	199
9	1	190	182

#### Parrede data!

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 3, onsdag



#### KØBENHAVNS UNIVERSITET

#### DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

## Hypotese

Hvis foderet ikke har nogen effekt, så er der ikke systematisk forskel på "før og efter". Dette svarer til at  $\mu=0$ .

Vil derfor teste **hypotesen** (nulhypotesen)

$$H_0: \mu = 0$$

Hypotesen er en **restriktion** på den statistiske model.

- Under modellen:  $y_i \sim N(\mu, \sigma^2)$ , uafhængige.
- Hvis  $H_0$  er sand:  $y_i \sim N(0, \sigma^2)$ , uafhængige.

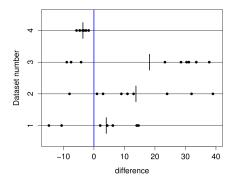
NB: Nullet i " $H_0$ " henviser **ikke** til nullet i " $\mu=0$ ". Nulhypotesen også havde været  $H_0$ :  $\mu=5$ , hvis dette var intersessant.



#### DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

# Hvad passer bedst/dårligst?

Fire datasæt med hver 9 differencer. Hvilke datasæt stemmer bedst/dårligst med hvpotesen om. at middelværdien er 0?



- Sorte lodrette streger: stikprøvegennemsnit.
- Blå lodret streg: Hypoteseværdien (nul)

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 3, onsdag Dias 13/40



#### KØBENHAVNS UNIVERSITET

#### DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

# Ideen i et hypotesetest

Er data i overensstemmelse med hypotesen?

- Data stemmer godt med hypotesen, hvis hypotesen gør det sandsynligt at en gentagelse af eksperimentet resulterer i observationer, der passer dårligere med H<sub>0</sub> end dem vi har.
- Data stemmer dårligt med hypotesen, hvis hypotesen gør det usandsynligt at en gentagelse af eksperimentet resulterer i observationer, der passer dårligere med H<sub>0</sub> end dem vi har.

Sandsynlighed for at en gentagelse passer dårligere kaldes *p*-værdien.

Troværdigheden af hypotesen måles vha. p-værdien.



#### T

#### DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

### Ideen i et hypotesetest

Hypotese  $H_0$ :  $\mu = 0$ 

KØBENHAVNS UNIVERSITET

Vi har estimatet — "bedste gæt" —  $\hat{\mu} = \bar{y}$ . Alt andet lige:

- Hvis  $\hat{\mu} = \bar{y}$  ligger langt fra nul, tyder det på at  $H_0$  er falsk.
- Hvis  $\hat{\mu} = \bar{y}$  ligger **tæt på nul**, tyder det ikke på at  $H_0$  er falsk.

Men hvad er "langt fra" og hvad er "tæt på"?

- Værdien  $\hat{\mu}=13.78$  alene er ikke nok! Hvis vi målte i  $\mu g/I$  i stedet ville vi have fået 0.01378 i stedet. Det lyder lille, men er jo helt den samme forskel.
- Skal tage højde for variationen i data!

Skyldes forskellen i stikprøven en **reel effekt** eller blot **tilfældigheder?** Hvad hvis vi gentog eksperimentet?

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 3, onsdag



#### KØBENHAVNS UNIVERSITET

#### DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

### Teststørrelse

Skal altså beregne sandsynligheden for at en gentagelse passer dårligere med hypotesen end de givne data — hvis hyp. er sand.

Skal have en metode til at måle hvor godt/dårligt data passer med hypotesen. Vi skal bruge en **teststørrelse** (eng.: test statistic).

Teststørrelsen for en hypotese skal opfylde tre kriterier:

- Det er en talværdi, som kan beregnes udfra data.
- Den skal være et (godt) mål for hvor godt data stemmer med hypotesen.

Skal kunne skelne om hypotesen passer godt til data eller ej.

• Under forudsætning af at hypotesen er sand, skal **teststørrelsens sandsynlighedsfordeling** kunne bestemmes.



### T-teststørrelsen for en enkelt stikprøve

Statistisk model:  $y_1, \ldots, y_n \sim N(\mu, \sigma^2)$ 

Husk:

- $\hat{\mu} = \bar{y}$  er normalford. med middelværdi  $\mu$  og spredning  $\sigma/\sqrt{n}$ .
- Fra konstruktion fra konfidensinterval:

$$T = rac{\hat{\mu} - \mu}{\mathrm{SE}(\hat{\mu})} = rac{ar{y} - \mu}{s/\sqrt{n}} \sim t_{n-1}$$

Hypotese,  $H_0$ :  $\mu = 0$ . Hvis hypotesen er sand, kan vi erstatte  $\mu$  med 0:

$$T = rac{\hat{\mu} - 0}{\mathrm{SE}(\hat{\mu})} = rac{ar{y} - 0}{s / \sqrt{n}} \sim t_{n-1}$$

Opfylder T kriterierne?

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 3, onsdag



#### KØBENHAVNS UNIVERSITET

#### DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

### p-værdi for eksemplet med hormonkoncentration

Vi fik  $\hat{\mu} = \bar{y} = 13.78$ , s = 15.24 og har n = 9. Dermed

$$SE(\hat{\mu}) = \frac{15.24}{\sqrt{9}} = 5.08,$$
  $T_{obs} = \frac{13.78 - 0}{5.08} = 2.71$ 

*p*-værdien er sandsynligheden for at få en værdi af *T* der ligger lige så langt eller længere væk fra nul end det vi fik. **Se figur!** 

$$p = P(|T| \ge |T_{\text{obs}}|) = P(|T| \ge 2.71) = 2 \cdot P(T \ge 2.71) = 0.026,$$

Hvis  $H_0$  er sand er det altså ikke særligt sandsynligt at få en så stor værdi af T som vi fik  $\to H_0$  virker ikke troværdig  $\to H_0$  afvises.



#### Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 3, onsdag Dias 19/40

### Kan T bruges som teststørrelse?

### De tre kriterier:

KØBENHAVNS UNIVERSITET

- Det er en talværdi, som kan beregnes udfra data ✓
- Den skal være et godt mål for hvor godt data stemmer med hypotesen √
  - Værdier tæt på 0 passer godt, værdier langt fra 0 passer skidt
- Under forudsætning af at hypotesen er sand, skal teststørrelsens sandsynlighedsfordeling kunne beregnes √
  - **Hvis**  $H_0$  er sand vil T være t-fordelt med n-1 frihedsgrader.

Tilsammen: Vi kan nu beregne ssh. for at få en T-værdi der passer dårligere med hypotesen end den vi fik fra vores data.

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 3, onsdag

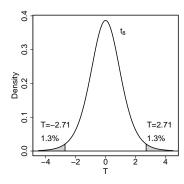


#### KØBENHAVNS UNIVERSITET

#### DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

### p-værdi for eksemplet med hormonkoncentration

 $T_{\rm obs} = 2.71$  skal evalueres i *t*-fordelingen med 8 frihedsgrader.



### P(T>2.71). Skal ganges med 2 for at få p-værdien > 1-pt(2.71,df=8)
[1] 0.01332905



# p-værdi og konklusion på test

#### Forvirret ?

Så hold fast i følgende, som altid gælder:

- En (meget) lille p-værdi tyder (stærkt) på, at hypotesen er falsk, så vi **afviser** hypotesen
- En moderat eller stor p-værdi siger, at hypotesen stemmer godt med vores data, så vi afviser ikke hypotesen

Men hvor lille er lille?

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 3, onsdag



#### KØBENHAVNS UNIVERSITET

#### DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

### Hormonkoncentration: Konklusion

### Spørgsmål: Har foderet en effekt på hormonkoncentrationen?

- Hypotese,  $H_0: \mu = 0$  hvor  $\mu$  er den forventede ændring for et tilfældigt dyr (populationsgennemsnittet).
- Vi har med rimelig sikkerhed påvist, at hypotesen ikke holder, og dermed påvist en effekt af foderet (p = 0.026).
- Stigningen i hormonkoncentrationen estimeres til 13.78 med 95% konfidensinterval (2.06, 25.49).



### Konventionelle grænser

Fra gamle dage med stat. tabeller har man tre signifikansgrænser:

- \*\*\* p < 0.001. Signifikans på 0.1% niveau. Meget stærk evidens mod hypotesen.
- \*\* p < 0.01. Signifikans på 1% niveau. Temmelig stærk evidens mod hypotesen.
- \* p < 0.05. Signifikans på 5% niveau. Nogen evidens mod
- NS p > 0.05. Ikke signifikant (Not Significant). Ingen overbevisende evidens mod hypotesen.

Grænser bruges stadig, selvom de er temmelig arbitrære.

Evidensen mod hypotesen er så godt som den samme for en p-værdi på 5.1% som for 4.9%. Angiv altid p-værdien.

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 3, onsdag



#### KØBENHAVNS UNIVERSITET

#### DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

### R. "Manuelt"

- > library(isdals)
- > data(hormone)
- > hormData <- subset(hormone, feed=="1")</pre>
- > hormData <- transform(hormData, dif = final-initial)</pre>
- > mean(hormData\$dif)
- Γ1] 13.77778
- > sd(hormData\$dif)
- [1] 15.23793
- > 13.77778 / 15.23793 \* sqrt(9)
- [1] 2.71253
- > 2\*(1 pt(2.71253, df=8))
- [1] 0.02655391



#### DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

## R· Med 1m

```
> model <- lm(dif ~ 1, data=hormData)</pre>
> summary(model)
Coefficients:
            Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
(Intercept) 13.778
                         5.079 2.713 0.0266 *
Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' 1
Residual standard error: 15.24 on 8 degrees of freedom
```

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 3, onsdag



#### KØBENHAVNS UNIVERSITET

#### DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

### Konfidensinterval og hypotesetest

I eksemplet gav konfidensintervallet og hypotesetestet samme konklusion:

- Nul ligger ikke i 95%-konfidensintervallet
- Vi afviser  $H_0$  med en p-værdi mindre end 5%

Sådan er det altid for t-tests:

0 er ikke i 95%-konfidensinterval hvis og kun hvis hypotesen  $H_0$ :  $\mu = 0$  kan afvises på 5% signifikansniveau.



R: t.test

KØBENHAVNS UNIVERSITET

> t.test(hormData\$dif)

One Sample t-test

data: hormData\$dif

t = 2.7125, df = 8, p-value = 0.02655

alternative hypothesis: true mean is not equal to 0

95 percent confidence interval:

2.06487 25.49069

sample estimates:

mean of x 13.77778

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 3, onsdag



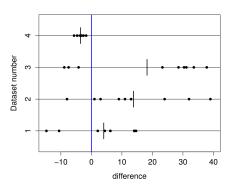
#### KØBENHAVNS UNIVERSITET

#### DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

## Hvad passer bedst/dårligst?

Fire datasæt med hver 9 differencer. Hvilke stemmer bedst/dårligst med hypotesen om at middelværdien er 0?



- Blå lodret streg: Hypoteseværdien (nul)
- p-værdier: p = 0.00002, p = 0.022, p = 0.027, p = 0.28



Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 3, onsdag



#### KØBENHAVNS UNIVERSITET

#### DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Generel form for t-teststørrelser

T-teststørrelser har altid formen

$$T_{\mathrm{obs}} = \frac{\mathrm{estimat} - \mathrm{hypotesev} \mathrm{erdi}}{\mathrm{SE}(\mathrm{estimat})}$$

og skal vurderes i "den relevante" t-fordeling.



Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 3, onsdag Dias 31/40

#### KØBENHAVNS UNIVERSITET

#### DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

# Hvad er en statistisk hypotese?

Husk vores opskrift

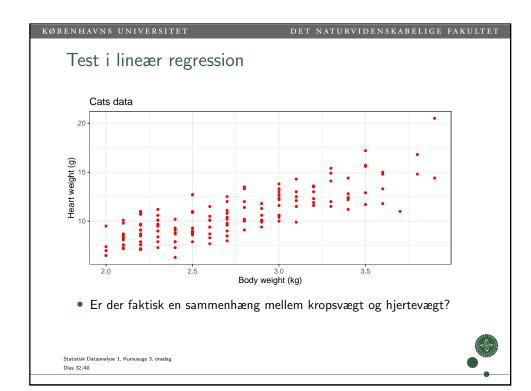
- Data: hvor mange variable og hvilke typer?
- Fører til **statistisk model** for variationen i vores stikprøve
- Populationsparametre fra modellen har vores primære interesse
- Hidtil: fokus på estimater og konfidensintervaller

En **statistisk hypotese** er et spørgsmål / en antagelse omkring værdien af nogle af populationsparametrene.

Hvordan afgøres om data understøtter hypotesen eller ej?

Vi *måler* om data understøtter hypotesen vha. en **teststørrelse**.





## Test i lineær regression

**Data:** Par  $(x_1, y_1), ..., (x_n, y_n)$ 

### Statistisk model:

- $y_1, \ldots, y_n$  uafhængige
- $y_i$  normalfordelt med middelværdi  $\alpha + \beta x_i$  og spredning  $\sigma$ .

Hypotesen er at x ikke har nogen effekt på y, at der ikke er nogen sammenhæng mellem de to variable.

Hvordan kan det udtrykkes vha.  $\alpha$  og/eller  $\beta$ ?

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 3, onsdag



#### KØBENHAVNS UNIVERSITET

#### DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

R: sammenhæng mellem kropsvægt og hjertevægt for katte

```
summary(lm(Hwt ~ Bwt, data = cats))
## Call:
## lm(formula = Hwt ~ Bwt, data = cats)
## Residuals:
## Min 1Q Median 3Q Max
## -3.5694 -0.9634 -0.0921 1.0426 5.1238
## Coefficients:
## Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 1.452 on 142 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.6466, Adjusted R-squared: 0.6441
## F-statistic: 259.8 on 1 and 142 DF, p-value: < 2.2e-16
```



#### DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

### Test i lineær regression

KØBENHAVNS UNIVERSITET

Den relevante hypotese er ofte (men ikke altid)  $H_0: \beta = 0$ :

$$T_{
m obs} = rac{\hat{eta} - 0}{{
m SE}(\hat{eta})}$$

Skal vurderes i *t*-fordelingen med df = n - 2.

**Eksempel**: Der er data fra n = 144 katte:

$$T_{
m obs} = rac{\hat{eta} - 0}{{
m SE}(\hat{eta})} = rac{4.0341}{0.2503} = 16.12$$

der skal vurderes i  $t_{142}$ . Dette giver en p-værdi  $< 2 \cdot 10^{-16}$ . Tegn!

Konklusion: Der er meget stærk evidens mod hypotesen. Der er sammenhæng mellem kattes kropsvægt og hjertevægt.

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 3, onsdag



#### KØBENHAVNS UNIVERSITET

#### DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Lineær regression: Test for  $H_0: \beta = \beta_0$ 

Antag at en teori siger at 1 kg ekstra på kropsvægten i gennemsnit (i populationen af katte) fører til 4 g ekstra hjertevægt.

Dette svarer til **hypotesen**  $H_0: \beta = 4$ .

Mere generelt: Hypotese  $H_0$ :  $\beta = \beta_0$  for en **præ-specificeret værdi**  $\beta_0$ (kendt inden vi indsamlede data).

Teststørrelse

$$T_{\text{obs}} = \frac{\hat{\beta} - \beta_0}{\text{SE}(\hat{\beta})} = \frac{4.0341 - 4}{0.2503} = 0.136.$$

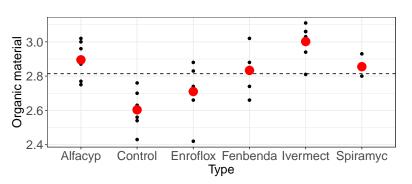
Sammenligning med  $t_{142}$  giver p-værdien 0.89. **Tegn!** 

**Konklusion**: Data er ikke i modstrid med hypotesen.



#### DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

## Sammenligning af to grupper i ensidet ANOVA



- Hæmmer Fenbendazole nedbrydningen af organisk materiale?
- Laver testet i modellen for alle data; ikke som to stikprøver

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 3, onsdag



#### KØBENHAVNS UNIVERSITET

#### DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

### R

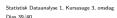
- > antibio\$myType <- relevel(antibio\$type, ref="Control")</pre>
- > model3 <- lm(org ~ myType, data=antibio)</pre>
- > summary(model3)

#### Coefficients:

Estimate Std. Error t value Pr(>|t|) (Intercept) 2.60333 0.04970 52.379 < 2e-16 \*\*\* myTypeAlfacyp 0.29167 0.07029 4.150 0.000281 \*\*\* myTypeEnroflox 0.10667 0.07029 1.518 0.140338 myTypeFenbenda 0.23000 0.07029 3.272 0.002834 \*\* myTypeIvermect 0.39833 0.07029 5.667 4.5e-06 \*\*\* 0.07858 3.202 0.003384 \*\* myTypeSpiramyc 0.25167

Signif. codes: 0 '\*\*\*, 0.001 '\*\*, 0.01 '\*, 0.05 '., 0.1 ' , 1

Residual standard error: 0.1217 on 28 degrees of freedom





#### KØBENHAVNS UNIVERSITET

#### DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

### Statistisk model

**Data:**  $y_1, \ldots, y_n$  fra k grupper med  $n_j$  obs. i gruppe j.

### Statistisk model:

- $y_1, \ldots, y_n$  uafhængige
- $y_i$  normalfordelte med middelværdi  $\alpha_{g(i)}$  og spredning  $\sigma$

**Hypotese:**  $H_0: \alpha_{\mathsf{Con}} = \alpha_{\mathsf{Fen}}$ 

*t*-teststørrelse

$$T_{\rm obs} = \frac{\hat{\alpha}_{\mathsf{Fen}} - \hat{\alpha}_{\mathsf{Con}}}{\mathrm{SE}(\hat{\alpha}_{\mathsf{Fen}} - \hat{\alpha}_{\mathsf{Con}})} = \frac{0.230}{0.070} = 3.27$$

Skal evaluereres i  $t_{28}$ . Dette giver p-værdien 0.0028.

**Konklusion:** Vi har med stor sikkerhed påvist at Fenbendazole hæmmer nedbrydningen.

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 3, onsdag



#### KØBENHAVNS UNIVERSITET

#### DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

## Opsummering

t-test for hypotesen  $H_0: \mu = 0$  i en enkelt stikprøve udføres sådan:

- Hypotese,  $H_0: \mu = 0$
- Beregn t-teststørrelsen,

$$T_{
m obs} = rac{\hat{\mu} - 0}{{
m SE}(\hat{\mu})} = rac{\sqrt{n}(ar{y} - 0)}{s}$$

- Sammenlign teststørrelsen med t-fordelingen med n-1 frihedsgrader og beregn p-værdien
- Konkludér

