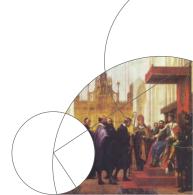




To stikprøver, hypotesetest og t-teststørrelser

Anders Tolver Institut for Matematiske Fag



Dagens program

Formiddag

- Tostikprøve-problemet: parrede vs. uparrede test
- Hypotesetest: introduceret via t-test
- Eksempel: t-test i forbindelse med lineær regression
- Eksempel: t-test i forbindelse med ensidet ANOVA

Videoer

- Gennemgang af Quiz 1 + Quiz 2 (på Absalon)
- Gennemgang af Quiz 3 (på Absalon sidst på ugen)



Overblik

Vi skal have "'udfyldt"' følgende skema over modeller (rækker) og statistiske begreber (søjler):

	Intro	Model	Est.+SE	ΚI	Test	Kontrol	Præ
En stikprøve	√	√	√	√	nu	√	
Ensidet ANOVA	√	\checkmark	\checkmark	√	(nu)		
Lineær regr.	√	(√)	(√)	(√)	nu		
To stikprøver	nu	nu	nu	nu	nu		
Multipel regr.							
Tosidet ANOVA							



Statistiske begreber

Statistiske grundbegreber indtil videre:

- Population og stikprøve
- Gennemsnit, stikprøvespredning, median, kvartiler
- Statistisk model og parametre
- Estimater og standard error (SE) for estimater
- Konfidensinterval
- Hypotesetest



To stikprøver



Uparrede vs parrede stikprøver

Data: x_1, \ldots, x_{n_1} og y_1, \ldots, y_{n_2} . Den samme slags respons målt med både x og y, men under to forskellige "omstændigheder".



Uparrede vs parrede stikprøver

Data: x_1, \ldots, x_{n_1} og y_1, \ldots, y_{n_2} . Den samme slags respons målt med både x og y, men under to forskellige "omstændigheder".

Eksempel 1:

- 100 kvinders hhv. 42 mænds gæt på punktplot 1
- Interesseret i forskel på mænd og kvinder (om nogen)

Eksempel 2:

- 142 studerendes gæt på hhv. punktplot 1 og punktplot 2
- Interesseret i forskel på gæt mellem de to punktplot



Uparrede vs parrede stikprøver

Data: x_1, \ldots, x_{n_1} og y_1, \ldots, y_{n_2} . Den samme slags respons målt med både x og y, men under to forskellige "omstændigheder".

Eksempel 1:

- 100 kvinders hhv. 42 mænds gæt på punktplot 1
- Interesseret i forskel på mænd og kvinder (om nogen)

Eksempel 2:

- 142 studerendes gæt på hhv. punktplot 1 og punktplot 2
- Interesseret i forskel på gæt mellem de to punktplot

Der er en væsentlig forskel mellem de to situationer. Hvilken?

Opgave HS.16: Afgør hvilket set-up i tre forskellige situationer.



To uafhængige stikprøver

Egenskaber:

- Alle observationer kan antages at være uafhængige
- Man kan ændre rækkefølgen af x'er og y'er hver for sig uden at ændre datasættet
- Stikprøvestørrelserne kan være forskellige



To uafhængige stikprøver

Egenskaber:

- Alle observationer kan antages at være uafhængige
- Man kan ændre rækkefølgen af x'er og y'er hver for sig uden at ændre datasættet
- Stikprøvestørrelserne kan være forskellige

Under antagelse af **ens spredninger**: Ensidet ANOVA med k = 2

- Kan bruge 1m som i ANOVA
- Alternativ: t.test(x,y, var.equal=TRUE)



To uafhængige stikprøver

Egenskaber:

- Alle observationer kan antages at være uafhængige
- Man kan ændre rækkefølgen af x'er og y'er hver for sig uden at ændre datasættet
- Stikprøvestørrelserne kan være forskellige

Under antagelse af **ens spredninger**: Ensidet ANOVA med k = 2

- Kan bruge 1m som i ANOVA
- Alternativ: t.test(x,y, var.equal=TRUE)

Kan godt analysere data uden at antage ens spredninger, se afsnit 5.4. R: t.test(x,y).

Se kommenteret eksempel i R-kode til i dag, Rprog230920



To parrede stikprøver

Egenskaber:

- Observationerne kommer i par. Parrene, men ikke enkeltobservationerne, kan antages at være uafhængige
- Man kan ikke ændre rækkefølgen af x'er og y'er hver for sig uden at ændre datasættet
- Stikprøver er nødvendigvis lige store



To parrede stikprøver

Egenskaber:

- Observationerne kommer i par. Parrene, men ikke enkeltobservationerne, kan antages at være uafhængige
- Man kan ikke ændre rækkefølgen af x'er og y'er hver for sig uden at ændre datasættet
- Stikprøver er nødvendigvis lige store

Analyserer forskellen mellem x og y som en enkelt stikprøve.

- Kan bruge lm(x-y ~ 1)
- Alternativ: t.test(x,y, paired=TRUE) eller t.test(x-y)

Se kommenteret eksempel i R-kode til i dag, Rprog230920



t-test for en enkelt stikprøve og parrede stikprøver



Eksempel 6.1: Hormonkoncentration

Et forsøg skal vise om et nyt foder ændrer konc. af et hormon.

- Ni dyr har fået foderet i en periode. Hormonkoncentrationen målt ved forsøgets start og slutning. Enhed: $\mu g/ml$.
- Spørgsmål: Har foderet en effekt på hormonkonc.?

```
> hormData
  feed initial final
1    1    207    216
2    1    196    199
.
.
9    1    190    182
```

Parrede data!



Foreløbig analyse af forskelle

Vi ser på **differenserne**, og betragter dem som en enkelt stikprøve:

$$y = diff = final - initial$$

Analyse:

- Statistisk model: y_1, \ldots, y_n uafhængige, normalfordelte med middelværdi μ og spredning σ .
- Fortolkning af μ? Hvilken værdi er særligt interessant?
- Konfidensinterval? Fortolkning?

Konfidensintervallet svarer til en vis grad på vores spørgsmål, men man plejer at lave et **hypotesetest** i stedet.



Hypotese

Hvis foderet ikke har nogen effekt, så er der ikke systematisk forskel på "før og efter". Dette svarer til at $\mu=0$.

Vil derfor teste **hypotesen** (nulhypotesen)

$$H_0: \mu = 0$$



Hypotese

Hvis foderet ikke har nogen effekt, så er der ikke systematisk forskel på "før og efter". Dette svarer til at $\mu=0$.

Vil derfor teste **hypotesen** (nulhypotesen)

$$H_0: \mu = 0$$

Hypotesen er en restriktion på den statistiske model.

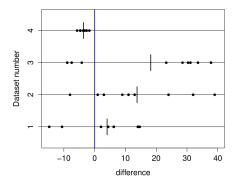
- Under modellen: $y_i \sim N(\mu, \sigma^2)$, uafhængige.
- Hvis H_0 er sand: $y_i \sim N(0, \sigma^2)$, uafhængige.

NB: Nullet i " H_0 " henviser **ikke** til nullet i " $\mu=0$ ". Nulhypotesen også havde været H_0 : $\mu=5$, hvis dette var intersessant.



Hvad passer bedst/dårligst?

Fire datasæt med hver 9 differencer. Hvilke datasæt stemmer bedst/dårligst med hvpotesen om. at middelværdien er 0?



- Sorte lodrette streger: stikprøvegennemsnit.
- Blå lodret streg: Hypoteseværdien (nul)



Hypotese H_0 : $\mu = 0$

Vi har estimatet — "bedste gæt" — $\hat{\mu} = \bar{y}$. Alt andet lige:

- Hvis $\hat{\mu} = \bar{y}$ ligger langt fra nul, tyder det på at H_0 er falsk.
- Hvis $\hat{\mu} = \bar{y}$ ligger **tæt på nul**, tyder det ikke på at H_0 er falsk.



Hypotese H_0 : $\mu = 0$

Vi har estimatet — "bedste gæt" — $\hat{\mu} = \bar{y}$. Alt andet lige:

- Hvis $\hat{\mu} = \bar{y}$ ligger langt fra nul, tyder det på at H_0 er falsk.
- Hvis \$\hat{\mu} = \bar{y}\$ ligger tæt på nul, tyder det ikke på at \$H_0\$ er falsk.

Men hvad er "langt fra" og hvad er "tæt på"?

- Værdien $\hat{\mu}=13.78$ alene er ikke nok! Hvis vi målte i $\mu g/I$ i stedet ville vi have fået 0.01378 i stedet. Det lyder lille, men er jo helt den samme forskel.
- Skal tage højde for variationen i data!

Skyldes forskellen i stikprøven en **reel effekt** eller blot **tilfældigheder?** Hvad hvis vi gentog eksperimentet?



Er data i overensstemmelse med hypotesen?

 Data stemmer godt med hypotesen, hvis hypotesen gør det sandsynligt at en gentagelse af eksperimentet resulterer i observationer, der passer dårligere med H₀ end dem vi har.



Er data i overensstemmelse med hypotesen?

- Data stemmer godt med hypotesen, hvis hypotesen gør det sandsynligt at en gentagelse af eksperimentet resulterer i observationer, der passer dårligere med H₀ end dem vi har.
- Data stemmer dårligt med hypotesen, hvis hypotesen gør det usandsynligt at en gentagelse af eksperimentet resulterer i observationer, der passer dårligere med H₀ end dem vi har.



Er data i overensstemmelse med hypotesen?

- Data stemmer godt med hypotesen, hvis hypotesen gør det sandsynligt at en gentagelse af eksperimentet resulterer i observationer, der passer dårligere med H₀ end dem vi har.
- Data stemmer dårligt med hypotesen, hvis hypotesen gør det usandsynligt at en gentagelse af eksperimentet resulterer i observationer, der passer dårligere med H₀ end dem vi har.

Sandsynlighed for at en gentagelse passer dårligere kaldes *p*-værdien.

Troværdigheden af hypotesen måles vha. p-værdien.



Teststørrelse

Skal altså beregne sandsynligheden for at en gentagelse passer dårligere med hypotesen end de givne data — hvis hyp. er sand.

Skal have en metode til at måle hvor godt/dårligt data passer med hypotesen. Vi skal bruge en **teststørrelse** (eng.: test statistic).



Teststørrelse

Skal altså beregne sandsynligheden for at en gentagelse passer dårligere med hypotesen end de givne data — hvis hyp. er sand.

Skal have en metode til at måle hvor godt/dårligt data passer med hypotesen. Vi skal bruge en **teststørrelse** (eng.: test statistic).

Teststørrelsen for en hypotese skal opfylde tre kriterier:

- Det er en talværdi, som kan beregnes udfra data.
- Den skal være et (godt) mål for hvor godt data stemmer med hypotesen.
 - Skal kunne skelne om hypotesen passer godt til data eller ej.
- Under forudsætning af at hypotesen er sand, skal teststørrelsens sandsynlighedsfordeling kunne bestemmes.



T-teststørrelsen for en enkelt stikprøve Statistisk model: $y_1, \ldots, y_n \sim N(\mu, \sigma^2)$

Husk:

- $\hat{\mu} = \bar{y}$ er normalford. med middelværdi μ og spredning σ/\sqrt{n} .
- Fra konstruktion fra konfidensinterval:

$$T = rac{\hat{\mu} - \mu}{\mathrm{SE}(\hat{\mu})} = rac{ar{y} - \mu}{s/\sqrt{n}} \sim t_{n-1}$$



T-teststørrelsen for en enkelt stikprøve Statistisk model: $y_1, \ldots, y_n \sim N(\mu, \sigma^2)$

Husk:

- $\hat{\mu} = \bar{y}$ er normalford. med middelværdi μ og spredning σ/\sqrt{n} .
- Fra konstruktion fra konfidensinterval:

$$T = \frac{\hat{\mu} - \mu}{\operatorname{SE}(\hat{\mu})} = \frac{\bar{y} - \mu}{s / \sqrt{n}} \sim t_{n-1}$$

Hypotese, H_0 : $\mu = 0$. Hvis hypotesen er sand, kan vi erstatte μ med 0:

$$T = rac{\hat{\mu} - 0}{\operatorname{SE}(\hat{\mu})} = rac{ar{y} - 0}{s/\sqrt{n}} \sim t_{n-1}$$

Opfylder T kriterierne?



Kan T bruges som teststørrelse?

De tre kriterier:

- Det er en talværdi, som kan beregnes udfra data √
- Den skal være et godt mål for hvor godt data stemmer med hypotesen √
 - Værdier tæt på 0 passer godt, værdier langt fra 0 passer skidt
- Under forudsætning af at hypotesen er sand, skal teststørrelsens sandsynlighedsfordeling kunne beregnes ✓
 Hvis H₀ er sand vil T være t-fordelt med n − 1 frihedsgrader.

Tilsammen: Vi kan nu beregne ssh. for at få en T-værdi der passer dårligere med hypotesen end den vi fik fra vores data.



Vi fik $\hat{\mu} = \bar{y} = 13.78$, s = 15.24 og har n = 9. Dermed

$$SE(\hat{\mu}) = \frac{15.24}{\sqrt{9}} = 5.08, \qquad T_{obs} = \frac{13.78 - 0}{5.08} = 2.71$$



Vi fik $\hat{\mu} = \bar{y} = 13.78$, s = 15.24 og har n = 9. Dermed

$$SE(\hat{\mu}) = \frac{15.24}{\sqrt{9}} = 5.08, \qquad T_{obs} = \frac{13.78 - 0}{5.08} = 2.71$$

p-værdien er sandsynligheden for at få en værdi af T der ligger lige så langt eller længere væk fra nul end det vi fik. **Se figur!**

$$p = P(|T| \ge |T_{\text{obs}}|) = P(|T| \ge 2.71) = 2 \cdot P(T \ge 2.71) = 0.026,$$



Vi fik $\hat{\mu} = \bar{y} = 13.78$, s = 15.24 og har n = 9. Dermed

$$SE(\hat{\mu}) = \frac{15.24}{\sqrt{9}} = 5.08, \qquad T_{obs} = \frac{13.78 - 0}{5.08} = 2.71$$

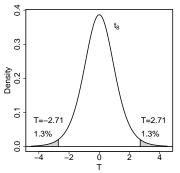
p-værdien er sandsynligheden for at få en værdi af T der ligger lige så langt eller længere væk fra nul end det vi fik. **Se figur!**

$$p = P(|T| \ge |T_{\text{obs}}|) = P(|T| \ge 2.71) = 2 \cdot P(T \ge 2.71) = 0.026,$$

Hvis H_0 er sand er det altså ikke særligt sandsynligt at få en så stor værdi af T som vi fik $\to H_0$ virker ikke troværdig $\to H_0$ afvises.



 $T_{\rm obs} = 2.71$ skal evalueres i *t*-fordelingen med 8 frihedsgrader.



P(T>2.71). Skal ganges med 2 for at få p-værdien

> 1-pt(2.71,df=8)

[1] 0.01332905



p-værdi og konklusion på test

Forvirret...?

Så hold fast i følgende, som altid gælder:

- En (meget) lille p-værdi tyder (stærkt) på, at hypotesen er falsk, så vi afviser hypotesen
- En moderat eller stor p-værdi siger, at hypotesen stemmer godt med vores data, så vi afviser ikke hypotesen

Men hvor lille er lille?



Konventionelle grænser

Fra gamle dage med stat. tabeller har man tre signifikansgrænser:

- *** p < 0.001. Signifikans på 0.1% niveau. Meget stærk evidens mod hypotesen.
 - ** p < 0.01. Signifikans på 1% niveau. Temmelig stærk evidens mod hypotesen.
 - * p < 0.05. Signifikans på 5% niveau. Nogen evidens mod hypotesen.
- NS p > 0.05. Ikke signifikant (Not Significant). Ingen overbevisende evidens mod hypotesen.



Konventionelle grænser

Fra gamle dage med stat. tabeller har man tre signifikansgrænser:

- *** p < 0.001. Signifikans på 0.1% niveau. Meget stærk evidens mod hypotesen.
 - ** p < 0.01. Signifikans på 1% niveau. Temmelig stærk evidens mod hypotesen.
 - * p < 0.05. Signifikans på 5% niveau. Nogen evidens mod hypotesen.
- NS p > 0.05. Ikke signifikant (Not Significant). Ingen overbevisende evidens mod hypotesen.

Grænser bruges stadig, selvom de er temmelig arbitrære.

Evidensen mod hypotesen er så godt som den samme for en p-værdi på 5.1% som for 4.9%. **Angiv altid** *p*-værdien.



Hormonkoncentration: Konklusion

Spørgsmål: Har foderet en effekt på hormonkoncentrationen?

- Hypotese, $H_0: \mu=0$ hvor μ er den forventede ændring for et tilfældigt dyr (populationsgennemsnittet).
- Vi har med rimelig sikkerhed påvist, at hypotesen ikke holder, og dermed påvist en effekt af foderet (p = 0.026).
- Stigningen i hormonkoncentrationen estimeres til 13.78 med 95% konfidensinterval (2.06, 25.49).



R: "Manuelt"

```
> library(isdals)
> data(hormone)
> hormData <- subset(hormone, feed=="1")</pre>
> hormData <- transform(hormData, dif = final-initial)</pre>
> mean(hormData$dif)
[1] 13.77778
> sd(hormData$dif)
[1] 15.23793
> 13.77778 / 15.23793 * sqrt(9)
[1] 2.71253
> 2*(1 - pt(2.71253, df=8))
[1] 0.02655391
```



R: Med 1m

Residual standard error: 15.24 on 8 degrees of freedom

> model <- lm(dif ~ 1, data=hormData)</pre>



R: t.test

> t.test(hormData\$dif)

One Sample t-test

data: hormData\$dif

t = 2.7125, df = 8, p-value = 0.02655

alternative hypothesis: true mean is not equal to ${\tt 0}$

95 percent confidence interval:

2.06487 25.49069

sample estimates:

mean of x

13.77778



Konfidensinterval og hypotesetest

I eksemplet gav konfidensintervallet og hypotesetestet samme konklusion:

- Nul ligger ikke i 95%-konfidensintervallet
- Vi afviser H₀ med en p-værdi mindre end 5%



Konfidensinterval og hypotesetest

I eksemplet gav konfidensintervallet og hypotesetestet samme konklusion:

- Nul ligger ikke i 95%-konfidensintervallet
- Vi afviser H₀ med en p-værdi mindre end 5%

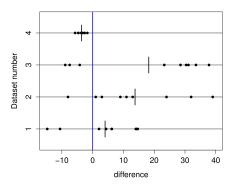
Sådan er det altid for t-tests:

0 er ikke i 95%-konfidensinterval hvis og kun hvis hypotesen $H_0: \mu=0$ kan afvises på 5% signifikansniveau.



Hvad passer bedst/dårligst?

Fire datasæt med hver 9 differencer. Hvilke stemmer bedst/dårligst med hypotesen om, at middelværdien er 0?



- Blå lodret streg: Hypoteseværdien (nul)
- p-værdier: p = 0.00002, p = 0.022, p = 0.027, p = 0.28



t-test: intuition og eksempler



Hvad er en statistisk hypotese?

Husk vores opskrift

- Data: hvor mange variable og hvilke typer?
- Fører til statistisk model for variationen i vores stikprøve
- Populationsparametre fra modellen har vores primære interesse
- Hidtil: fokus på estimater og konfidensintervaller

En **statistisk hypotese** er et spørgsmål / en antagelse omkring værdien af nogle af populationsparametrene.

Hvordan afgøres om data understøtter hypotesen eller ej?

Vi *måler* om data understøtter hypotesen vha. en **teststørrelse**.



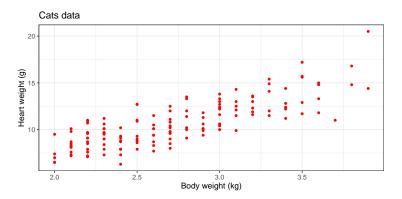
Generel form for t-teststørrelser

T-teststørrelser har altid formen

$$T_{\mathrm{obs}} = \frac{\mathrm{estimat} - \mathrm{hypotesev} \mathrm{ærdi}}{\mathrm{SE}(\mathrm{estimat})}$$

og skal vurderes i "den relevante" t-fordeling.





 Er der faktisk en sammenhæng mellem kropsvægt og hjertevægt?



Data: Par $(x_1, y_1), ..., (x_n, y_n)$

Statistisk model:

- y_1, \ldots, y_n uafhængige
- y_i normalfordelt med middelværdi $\alpha + \beta x_i$ og spredning σ .

Hypotesen er at x ikke har nogen effekt på y, at der ikke er nogen sammenhæng mellem de to variable.

Hvordan kan det udtrykkes vha. α og/eller β ?



Den relevante hypotese er ofte (men ikke altid) $H_0: \beta = 0$:

$$T_{\mathrm{obs}} = rac{\hat{eta} - 0}{\mathrm{SE}(\hat{eta})}$$

Skal vurderes i *t*-fordelingen med df = n - 2.

Eksempel: Der er data fra n = 144 katte:

$$T_{\text{obs}} = \frac{\hat{\beta} - 0}{\text{SE}(\hat{\beta})} = \frac{4.0341}{0.2503} = 16.12$$

der skal vurderes i t_{142} . Dette giver en p-værdi $< 2 \cdot 10^{-16}$. **Tegn!**



Den relevante hypotese er ofte (men ikke altid) $H_0: \beta = 0$:

$$T_{\mathrm{obs}} = rac{\hat{eta} - 0}{\mathrm{SE}(\hat{eta})}$$

Skal vurderes i *t*-fordelingen med df = n - 2.

Eksempel: Der er data fra n = 144 katte:

$$T_{\text{obs}} = \frac{\hat{\beta} - 0}{\text{SE}(\hat{\beta})} = \frac{4.0341}{0.2503} = 16.12$$

der skal vurderes i t_{142} . Dette giver en p-værdi $< 2 \cdot 10^{-16}$. **Tegn!**

Konklusion: Der er meget stærk evidens mod hypotesen. Der **er** sammenhæng mellem kattes kropsvægt og hjertevægt.



R: sammenhæng mellem kropsvægt og hjertevægt for katte

```
summary(lm(Hwt ~ Bwt, data = cats))
##
## Call:
## lm(formula = Hwt ~ Bwt, data = cats)
## Residuals:
      Min 1Q Median 3Q
## -3.5694 -0.9634 -0.0921 1.0426 5.1238
## Coefficients:
             Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) -0.3567 0.6923 -0.515 0.607
## Rwt.
            4.0341 0.2503 16.119 <2e-16 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 1.452 on 142 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.6466, Adjusted R-squared: 0.6441
## F-statistic: 259.8 on 1 and 142 DF, p-value: < 2.2e-16
```



Lineær regression: Test for $H_0: \beta = \beta_0$

Antag at en **teori** siger at 1 kg ekstra på kropsvægten i gennemsnit (i populationen af katte) fører til 4 g ekstra hjertevægt.

Dette svarer til **hypotesen** $H_0: \beta = 4$.

Mere generelt: Hypotese $H_0: \beta = \beta_0$ for en præ-specificeret værdi β_0 (kendt inden vi indsamlede data).



Lineær regression: Test for $H_0: \beta = \beta_0$

Antag at en **teori** siger at 1 kg ekstra på kropsvægten i gennemsnit (i populationen af katte) fører til 4 g ekstra hjertevægt.

Dette svarer til **hypotesen** $H_0: \beta = 4$.

Mere generelt: Hypotese $H_0: \beta = \beta_0$ for en præ-specificeret værdi β_0 (kendt inden vi indsamlede data).

Teststørrelse

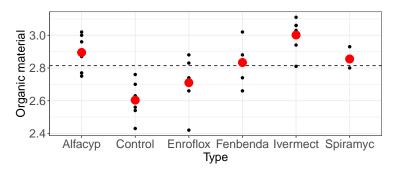
$$T_{\text{obs}} = \frac{\hat{\beta} - \beta_0}{\text{SE}(\hat{\beta})} = \frac{4.0341 - 4}{0.2503} = 0.136.$$

Sammenligning med t_{142} giver p-værdien 0.89. **Tegn!**

Konklusion: Data er ikke i modstrid med hypotesen.



Sammenligning af to grupper i ensidet ANOVA



- Hæmmer Fenbendazole nedbrydningen af organisk materiale?
- Laver testet i modellen for alle data; ikke som to stikprøver



Statistisk model

Data: y_1, \ldots, y_n fra k grupper med n_j obs. i gruppe j.

Statistisk model:

- y_1, \ldots, y_n uafhængige
- y_i normalfordelte med middelværdi $\alpha_{g(i)}$ og spredning σ

Hypotese: $H_0: \alpha_{\mathsf{Con}} = \alpha_{\mathsf{Fen}}$



Statistisk model

Data: y_1, \ldots, y_n fra k grupper med n_j obs. i gruppe j.

Statistisk model:

- y_1, \ldots, y_n uafhængige
- y_i normalfordelte med middelværdi $\alpha_{g(i)}$ og spredning σ

Hypotese: $H_0: \alpha_{\mathsf{Con}} = \alpha_{\mathsf{Fen}}$

t-teststørrelse

$$T_{\text{obs}} = \frac{\hat{\alpha}_{\text{Fen}} - \hat{\alpha}_{\text{Con}}}{\text{SE}(\hat{\alpha}_{\text{Fen}} - \hat{\alpha}_{\text{Con}})} = \frac{0.230}{0.070} = 3.27$$

Skal evaluereres i t_{28} . Dette giver p-værdien 0.0028.

Konklusion: Vi har med stor sikkerhed påvist at Fenbendazole hæmmer nedbrydningen.



```
> antibio$myType <- relevel(antibio$type, ref="Control")</pre>
```

- > model3 <- lm(org ~ myType, data=antibio)</pre>
- > summary(model3)

Coefficients:

```
Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
(Intercept)
             2.60333
                        0.04970 52.379 < 2e-16 ***
myTypeAlfacyp 0.29167
                        0.07029 4.150 0.000281 ***
myTypeEnroflox
              0.10667
                        0.07029 1.518 0.140338
myTypeFenbenda
              0.23000
                        0.07029 3.272 0.002834 **
myTypeIvermect
              0.39833
                        0.07029 5.667 4.5e-06 ***
              0.25167
                        0.07858
                                  3.202 0.003384 **
myTypeSpiramyc
```

'***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 Signif. codes:

Residual standard error: 0.1217 on 28 degrees of freedom



Opsummering

t-test for hypotesen $H_0: \mu = 0$ i en enkelt stikprøve udføres sådan:

- Hypotese, $H_0: \mu = 0$
- Beregn *t*-teststørrelsen,
- ullet Sammenlign teststørrelsen med t-fordelingen med n-1 frihedsgrader og beregn p-værdien
- Konkludér

