

KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Hvilken slags problemer skal vi se på?

KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

I dag

Dagens forelæsning dækkes af lærebogens kapitel 11

- Hvilken slags problemer skal vi se på?
- Binomialfordelingen (med kendt sandsynlighed)
- Statistik for en enkelt binomialfordeling
- Statistik for to binomialfordelinger (estimation og KI)

Generel info:

- Afleveringsopgaver: opgave 3 afleveres elektronisk senest mandag (23/10). Husk, at du kan spørge hjælpelærerne om rettelser, som du ikke forstår (også til opgave 1+2).
- **Kursusevaluering:** Udfyld som minimum *multiple choice* rubrikker, men skriv gerne kommentarer, hvis du har noget på hjerte.

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 7, mandag



KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Eksempel: Binomialdata

Antag at vi ved at en bestemt slags frø spirer med ssh. 60%.

- Hvis vi ser på 8 frø, hvor stor er så sandsynligheden for at mindst 5 af dem spirer?
- Skal designe et forsøg, hvor der skal bruges mindst 10 planter.
 Hvor mange frø skal der plantes, hvis vi vil være 90% sikre på at mindst 10 frø bliver til noget?

Vi skal bruge binomialfordelingen.

Men som regel vil sandsynligheden ikke være kendt! Data \rightarrow estimat for sandsynlighed, konfidensinterval, hypotesetest.

Eksempel vedr. forelæserens fritidsinteresser:

• Implicit bias over for undervisere i statistik!



Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 7, manda

Eksempel: Tabeller

Data fra 100 mus: Har kastrerede mus større risiko for at udvikle diabetes end ikke-kastrerede mus? Mere om det i dag og onsdag.

	Diabetes	Ikke diabetes	Total
Katrerede mus	26	24	50
Ikke-kastrerede mus	12	38	50

Svar fra 1000 personer vedr. politisk ståsted og foretrukket finansøkonomisk redskab: Er der sammenhæng? På onsdag.

	Demokrat	Republikaner	Uafhængig
Begrænse udgifter	101	282	61
Øge skatter	38	67	25
Øge offentlige invest.	131	88	31
Lade underskuddet vokse	61	90	25

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 7, mandag



KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Binomialfordelingen



Fællestræk

Fælles for eksemplerne er at data består af antal.

Vi kan ikke bruge normalfordelingen. I stedet:

• I dag: Binomialfordelingen

• Onsdag: Tabeldata

I har nok set en del allerede i gymnasiet, men nu har I bedre forudsætninger for at forstå hvad der foregår og hvorfor.

På mange måder meget **nemmere** end normalfordelingsanalyserne!

Måske lidt forvirrrende fordi man ofte kan gøre flere forskellige ting i R, som alle er fornuftige men ikke giver præcis samme resultater.

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 7, mandag



KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

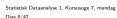
Eksempel: spiring af frø



Antag at vi ved, at et frø har en sandsynlighed på 60% for at spire.

Betragt tre frø.

- $\bullet~$ Hvad er sandsynligheden for at netop et frø spirer?
- Hvad er sandsynligheden for at mindst et frø spirer?





KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Independent trials

Independent trials / uafhængige gentagelser:

- *n* **gentagelser** af simpelt eksperiment
- Hver gentagelser har to mulige udfald: succes/fiasko
 Kan være hvad som helst: død/levende, spiret eller ikke, prisen stiger/falder, korrekt/forkert, osv.
- Samme sandsynlighed for succes i hver gentagelse: p
- Gentagelserne er uafhængige



KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Spørgsmål

- Hvilke antagelser lå egentlig bag beregningerne?
- Hvordan formaliserer vi sandsynlighedsberegningerne, så vi også kan klare et større antal frø?
- Hvordan beregner vi sandsynligheder i R?

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 7, mandag



KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Model for antal successer: Binomialfordelingen

Lad Y betegne antallet af succeser fra n uafhængige forsøg med samme successandsynlighed p.

Så er Y binomialfordelt med antalsparameter (engelsk: size) n og sandsynlighedsparameter p. Vi skriver $Y \sim bin(n, p)$.

Binomialsandsynlighederne er givet ved

$$P(j \text{ "succeser"}) = P(Y = j) = \binom{n}{j} \cdot p^j \cdot (1-p)^{n-j},$$

hvor **binomialkoefficienten** — antal måder man kan vælge j dimser ud af n dimser — er givet ved

$$\binom{n}{j} = \frac{n!}{j!(n-j)!}$$

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 7, mandag Dias 12/47



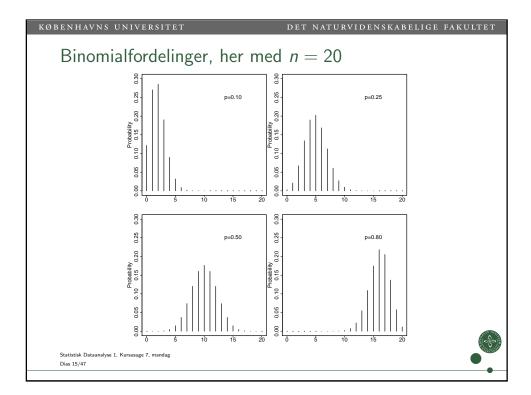
n=3 frø der hver især har en sandsynlighed på 60% for at spire.

- P(Y = 1) og $P(Y \ge 1)$, nu vha. formlen og i R
- Hvad er ssh. for at højst to frø spirer, altså $P(Y \le 2)$?

Hvis der i stedet er 8 frø: Hvad er sandsynlighederne så?

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 7, mandag Dias 13/47





R

Binomialsandsynligheder i R.

- Sandsynligheder P(Y = j) beregnes med dbinom
- Sandsynligheder $P(Y \le j)$ beregnes med pbinom.

I begge dele skal size (dvs. n) og prob (dvs. p) angives.

```
dbinom(1, size=3, prob=0.6) ## P(Y=1)

## [1] 0.288

pbinom(2, size=3, prob=0.6) ## P(Y<=2)

## [1] 0.784

dbinom(0, size=3, prob=0.6) ## P(Y=0)

## [1] 0.064

1-dbinom(0, size=3, prob=0.6) ## P(Y>=1)

## [1] 0.936
```

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 7, mandag Dias 14/47

KØBENHAVNS UNIVERSITET



DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Eksempel: Spiring af frø

Nyt spørgsmål:

- Skal designe et forsøg, hvor der skal bruges mindst 10 planter.
- Hvor mange frø skal der plantes, hvis vi vil være mindst 90% sikre på at mindst 10 frø bliver til noget?

Se dagens R-kode!

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 7, mandag

Dias 16/47

For en binomialfordelt variabel $Y \sim bin(n, p)$ gælder:

Middelværdien er

$$EY = n \cdot p$$

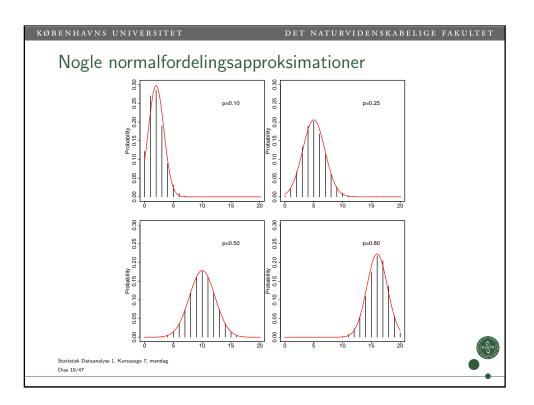
Spredningen

$$sd(Y) = \sqrt{n \cdot p \cdot (1-p)}$$

Se figurerne fra før.

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 7, mandag





Normalfordelingsapproksimation

En binomialfordelt variabel er en sum af $n \, 0/1$ -variable.

Den centrale grænseværdisætning giver normalfordelingsapprokimation:

- bin(n, p) kan approximeres med N(np, np(1-p)), dvs. normalfordelingen med den korrekte middelværdi og spredning
- Tommelfingerregel: Approksimation er "god" hvis både $np \ge 5$ og $n(1-p) \geq 5$.

I bogen bliver dette bla. brugt til at beregne diverse binomialsandsynligheder — men brug blot pbinom og dbinom.

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 7, mandag



KØBENHAVNS UNIVERSITET DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Statistik for en enkelt binomialfordeling

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 7, mandag Dias 20/47



Statistik

Indtil nu har vi lavet beregninger når successsh. er kendt.

Men det er den sjældent i videnskabelige sammenhænge. Faktisk udfører vi snarere forsøg for at undersøge hvad sandsynligheden er!

Givet data vil vi gøre noget af "'det sædvanlige"':

- Estimere sandsynligheden
- Lave et **konfidensinterval** for sandsynligheden
- Lave **hypotesetest** for om *p* er noget bestemt (hvis relevant)

Senere: Sammenligning af to eller flere binomialsandsynligheder.

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 7, mandag

KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Implicit bias over for forelæsere i statistik

Baseret på en stikprøve fra 76 studerende

#	##	#	A tibble:	6 x 4		
#	##		aktivitet	`FALSE`	`TRUE`	pct
#	##		<chr></chr>	<int></int>	<int></int>	<dbl></dbl>
#	##	1	fiske	30	46	60.5
#	##	2	fodbold	14	62	81.6
#	##	3	haekle	65	11	14.5
#	##	4	kor	40	36	47.4
#	##	5	renovere	37	39	51.3
#	##	6	rulleski	39	37	48.7

Breaking news: Fordomme lever i bedste velgående blandt studerende på KU. Forelæsere forventes at være ivrige lystfiskere, når de ikke løber rundt på fodboldbanen.



KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Eksempel: Forelæserens fritidsinteresser





I forbindelse med forelæsningen d. 6/9-2023 blev I bedt om at gætte på forelæserens fritidsinteresser

- I havde ingen relevant information at basere jeres gæt på
- Jeg kunne gøre hvad jeg ville for at snyde jer
- Jeres gæt kan dog bruges til at estimere **implicit bias** omkring stereotypen: **statistik-forelæseren**!

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 7, mandag



KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Fritidsinteresser: Set-up og spørgsmål

Statistisk model: Y ~ bin(76, p) hvor p er ukendt.
 Fortolkning af p: Andel af studerende, som angiver aktivitet som

Er antagelserne for at Y er binomialfordelt egentlig OK?

- Estimat for p? Tilhørende standard error (SE)?
- Konfidensinterval?

fritidsinteresse for forelæseren.

 Antag at I på forhånd vidste, at forelæseren dyrkede 3 af de angivne aktiviteter i fritiden. Hvilken værdi af p svarer til at I bare gættede? Hypotesetest.



Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 7, mandag

Generel teori: Statistisk model, estimation, SE

Statistisk model: $Y \sim bin(n, p)$ med kendt n og ukendt p.

Observation, y

Estimation: Naturligt estimat for p (når n er kendt):

$$\hat{p} = \frac{\text{antal succeser}}{\text{antal forsøg}} = \frac{y}{n}$$

Standard error: Husk at SE for \hat{p} er (estimeret) spredning for \hat{p} .

$$\operatorname{sd}(Y) = \sqrt{np(1-p)}$$

$$\operatorname{sd}(\hat{p}) = \operatorname{sd}\left(\frac{Y}{n}\right) = \frac{1}{n}\sqrt{np(1-p)} = \sqrt{\frac{p(1-p)}{n}}$$

$$\operatorname{SE}(\hat{p}) = \frac{\sqrt{n\hat{p}(1-\hat{p})}}{n} = \sqrt{\frac{\hat{p}(1-\hat{p})}{n}}$$

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 7, mandag



KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Generel teori: Forbedret konfidensinterval

KI på forrige slide bygger på N-approx. som kun er OK hvis $np \ge 5$ og $n(1-p) \ge 5$, altså hvis p ikke er for tæt på 0 eller 1 eller n er for lille.

Ellers kan vi risikere at konfidensgraden for vores KI slet ikke er 95% som vi troede, og det kan indeholde værdier udenfor (0,1).

Kan i stedet bruge følgende forbedrede KI:

$$\tilde{p} \pm 1.96 \cdot \sqrt{\frac{\tilde{p}(1-\tilde{p})}{n+4}} \mod \tilde{p} = \frac{y+2}{n+4}$$

Bemærk at $\tilde{p} = \frac{y+2}{n+4}$ er "rykket væk" fra 0 og 1 ift. $\hat{p} = \frac{y}{n}$.



Generel teori: Konfidensinterval

KØBENHAVNS UNIVE<u>rsitet</u>

Pga. normalfordelingsapproksimationen kan vi lave et **95% konfidensinterval** for *p* som

$$\hat{\rho} \pm 1.96 \cdot \mathrm{SE}(\hat{\rho}) = \hat{\rho} \pm 1.96 \cdot \sqrt{\frac{\hat{\rho}(1-\hat{\rho})}{n}}$$

Bemærk, at vi bruger 97.5%-fraktilen i standardnormalfordelingen N(0,1), nemlig 1.96.

Hvis vi i stedet ønsker 90% KI: Udskift 1.96 med 1.645 som er 95% fraktilen i standardnormalfordelingen.

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 7, manda



KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Eksempel: fritidsinteresser

Observation: y = 46 gætter på at forelæseren kan lide at fiske.

Statistisk model: $Y \sim \text{bin}(76, p)$ hvor p er ukendt.

Estimation:

$$\hat{p} = \frac{46}{76} = 0.605, \quad \text{SE}(\hat{p}) = \sqrt{\frac{\hat{p}(1-\hat{p})}{137}} = 0.056$$

Simpelt 95% konfidensinterval:

$$\hat{p} \pm 1.96 \cdot \text{SE}(\hat{p}) = 0.605 \pm 1.96 \cdot 0.056 = (0.495, 0.715)$$

Forbedret 95% KI: $\tilde{p} = 0.600$, 95% KI

$$\tilde{p} \pm 1.96 \cdot \text{SE}(\tilde{p}) = 0.600 \pm 1.96 \cdot 0.055 = (0.493, 0.707)$$



R: Det simple KI

Det simple KI beregnes "manuelt", ved indsættelse i formler:

```
p <- 46/76
p
## [1] 0.6052632
SE <- sqrt(p * (1-p) / 76)
SE
## [1] 0.05606853
p - 1.96 * SE
## [1] 0.4953688
p + 1.96 * SE
```

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 7, mandag Dias 29/47



KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Fritidsinteresse: Test af hypotese

Observation: y = 46 gætter på at forelæseren kan lide at fiske.

Statistisk model: $Y \sim bin(76, p)$ hvor n er kendt og p er ukendt.

Hypotese: Hvis studerende gætter, så er p = 1/2 = 0.500. Vi tester derfor hypotesen H_0 : p = 1/2.

"Løsning" via KI: Check om 1/2 ligger i konfidensintervallet.

Men vi kan også lave et egentligt hypotesetest:

- Under hypotesen, dvs. hvis H_0 er sand, kender vi fordelingen af Y fuldstændigt: $Y \sim bin(76, 1/2)$
- p-værdi: ssh. for hvis H_0 er sand at få data der passer lige så dårligt eller dårligere med hypotesen, som y = 46.



Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 7, mandag Dias 31/47

KØBENHAVNS UNIVERSITET

R: Forbedret KI

Det forbedrede KI beregnes "manuelt", ved indsættelse i formler:

```
p <- (46 + 2)/(76 * 4)
p

## [1] 0.6

SE <- sqrt(p * (1-p) / 80)
SE

## [1] 0.05477226

p - 1.96 * SE

## [1] 0.4926464

p * 1.96 * SE

## [1] 0.7073536
```

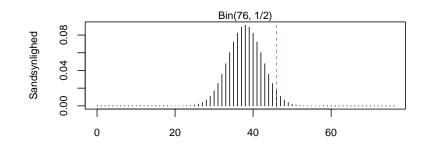
Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 7, mandag Dias 30/47

KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Fritidsinteresser: Fordeling af Y under hypotesen



- Store/små værdier passer dårligt med H_0
- Værdier "'længere væk fra midten"' end 46 passer dårligere. Skal formuleres lidt mere præcist...

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 7, mandag Dias 32/47



Husk at vi kender fordelingen under hypotesen: $Y \sim \text{bin}(76, 1/2)$

Bruger observationen y = 46 selv som **teststørrelse**.

- Observationer med $P(Y = y) \le P(Y = 46)$ passer mindst lige så dårligt med hypotesen som værdien 46
- Læg punktsandsynlighederne for disse y sammen

Formelt:

$$p\text{-værdi} = \sum_{y: P(Y=y) \le P(Y=46)} P(Y=y).$$

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 7, mandag Dias 33/47



KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

R: binom.test

p-værdien kan beregnes med binom.test (eller manuelt)

```
binom.test(46, 76, p=1/2)

##

## Exact binomial test

##

## data: 46 and 76

## number of successes = 46, number of trials = 76, p-value = 0.08465

## alternative hypothesis: true probability of success is not equal to 0.5

## 95 percent confridence interval:

## 0.4864950 0.7155668

## sample setimates:

## probability of success

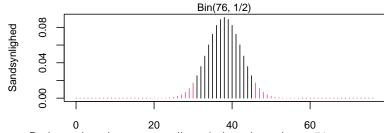
## 0.6052632
```

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 7, mandag Dias 35/47

KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Fritidsinteresser: p-værdi



- Røde punkter har samme eller mindre ssh. end y = 51.
- p-værdi = sum af røde sandsynligheder = 0.0846
- Vi vælger ikke at forkaste H₀; Når vi alene ser på aktiviteten "Fiske", så kan vi ikke afvise at de studerende blot gætter tilfældigt på forelæserens fritidsaktiviteter!

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 7, mandag Dias 34/47

•

KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

R: prop.test

Bemærk at prop.test (-se nedenfor) også kan bruges til beregning af en p-værdi. Men dette test benytter en anden teststørrelse (og givet et lidt andet resultat).

Et forbedret KI kan dog **næsten** beregnes med prop.test og option correct=FALSE. Ikke helt det samme som på slide 30, men I må gerne bruge det!

```
prop.test(46, 76, p=1/2, correct=FALSE)

##

## 1-sample proportions test without continuity correction

##

## data: 46 out of 76, null probability 1/2

## X-squared = 3.3684, df = 1, p-value = 0.06646

## alternative hypothesis: true p is not equal to 0.5

## 95 percent confidence interval:

## 0.4928630 0.7075342

## sample estimates:

## p

## 0.6052632
```

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 7, mandag Dias 36/47



- **Stat. model:** $Y \sim bin(n, p)$ hvor n er kendt og p er ukendt.
- Observation, $y = y_0$
- **Hypotese**, $H_0: p = p_0$ for hypoteseværdi p_0 . Under hypotesen er $Y \sim \text{bin}(n, p_0)$. Kan tegne denne fordeling!
- p-værdi = sandsynligheden for at få observationer der passer lige så dårligt eller dårligere med hypotesen end y_0 , dvs.

$$p\text{-vardi} = \sum_{y: P(Y=y) \le P(Y=y_0)} P(Y=y).$$

• Konklusion som sædvanlig

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 7, mandag Dias 37/47

KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Eksempel: Kastrering og diabetes

Mistanke om at tidlig kastrering øger risikoen for diabetes.

Forsøg

- 100 mus inddelt tilfældigt i to grupper (50+50).
- Den ene gruppe mus blev kastreret dagen efter fødsel; den anden gruppe mus blev ikke kastreret
- Efter 112 dage undersøgte man om musene havde udviklet diabetes

	Diabetes	Ikke diabetes	Total
Katrerede mus	26	24	50
Ikke-kastrerede mus	12	38	50

Er der forskel er der på risikoen for at udvikle diabetes? Hvor stor?



KORENHAV

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Statistik for to binomialfordelinger

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 7, mandag



KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Kastrering og diabetes: Statistisk model og formål

Statistisk model:

- Data fra de to grupper er uafhængige
- Kastrerede mus: Observation y = 26 fra bin(50, p)
- Ikke-kastrerede mus: Observation x = 12 fra bin(50, q)

Interesseret i forskellen mellem de to grupper:

- ullet Estimat og konfidensinterval for p-q
- Test for hypotesen $H_0: p = q$.



Generel teori: Statistisk model, estimation

Generelt set-up:

- Statistisk model: $Y \sim bin(n, p)$ og $X \sim bin(m, q)$, uafhængige
- Observationer y og x
- Interesseret i forskellen p q.

Estimat for forskel:

$$\widehat{p-q} = \widehat{p} - \widehat{q} = \frac{y}{n} - \frac{x}{m}$$

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 7, mandag



KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Generel teori: KI for forskel mellem sandsynligheder

95% KI for differensen mellem de to sandsynligheder, p-q:

$$\hat{p} - \hat{q} \pm 1.96 \cdot \mathsf{SE}(\hat{p} - \hat{q})$$

Altså:

$$\hat{p} - \hat{q} \pm 1.96 \cdot \sqrt{rac{\hat{p} \cdot (1 - \hat{p})}{n} + rac{\hat{q} \cdot (1 - \hat{q})}{m}}$$

Vi kan bruge dette konfidensinterval til at lave et "groft" test for hypotesen $H_0: p = q$. På onsdag laves et egentligt hypotesetest.



Г

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Generel teori: Standard error (SE) for forskel

Vi ved godt hvordan vi beregner SE for \hat{p} og \hat{q} :

$$\mathsf{SE}(\hat{p}) = \sqrt{rac{\hat{p}\cdot(1-\hat{p})}{n}}, \quad \mathsf{SE}(\hat{q}) = \sqrt{rac{\hat{q}\cdot(1-\hat{q})}{m}},$$

Regneregler for varianser/spredninger giver **SE** for forskel:

$$\mathsf{SE}(\hat{p} - \hat{q}) = \sqrt{\mathsf{SE}(\hat{p})^2 + \mathsf{SE}(\hat{q})^2} = \sqrt{\frac{\hat{p} \cdot (1 - \hat{p})}{n} + \frac{\hat{q} \cdot (1 - \hat{q})}{m}}$$

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 7, manda

KØBENHAVNS UNIVERSITET



KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Kastrering og diabetes: Estimat og KI

	Diabetes	Ikke diabetes	Total
Katrerede mus	26	24	50
Ikke-kastrerede mus	12	38	50

Estimater for hver gruppe:

$$\hat{p} = \frac{26}{50} = 0.52 \text{ (SE 0.071)}, \quad \hat{q} = \frac{12}{50} = 0.24 \text{ (SE 0.060)}$$

Estimat for forskel: $\hat{p} - \hat{q} = 0.28$ (SE 0.093)

95% KI for differens p - q:

$$0.28 \pm 1.96 \cdot 0.093 = (0.098, 0.462)$$

Nul ligger ikke i KI, så risikoen er større blandt de kastrerede mus.



KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

R

SE for forskel kan beregnes manuelt; se dagens R-kode.

KI for forskel kan beregnes med prop.test:

```
prop.test(c(26,12), c(50,50), correct=FALSE)

##

## 2-sample test for equality of proportions without continuity correction

##

## data: c(26, 12) out of c(50, 50)

## X-squared = 8.3192, df = 1, p-value = 0.003923

## alternative hypothesis: two.sided

## 95 percent confidence interval:

## 0.09781821 0.46218179

## sample estimates:

## prop 1 prop 2

## 0.52 0.24
```

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 7, mandag



KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Opsummering vedr. R

To binomialfordelinger

- prop.test giver estimater for hver ssh. samt KI for forskel.
 Med/uden "kontinuitetskorrektion": Bogens formler svarer til ikke at bruge korrektionen.
- SE for forskel skal beregnes manuelt, hvis den bruges
- Giver også en p-værdi. Mere om det på onsdag.

I må selv vælge metoden medmindre I bliver spurgt om noget eksplicit.



Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 7, mandag Dias 47/47

KØBENHAVNS UNIVERSITET

DET NATURVIDENSKABELIGE FAKULTET

Opsummering vedr. R

En enkelt binomialfordeling

- Simpelt KI skal laves "i hånden", dvs. beregn selv de forskellige størrelser
- prop.test giver næsten (men ikke helt) det forbedrede KI.
 Med/uden "kontinuitetskorrektion": Bogens formler svarer til ikke at bruge korrektionen.
- binom.test giver p-værdi for hypotesen $H_0: p = p_0$
- prop.test giver også en p-værdi, men en anden end vi har beregnet. Fornuftig nok så længe np og n(1-p) er ≥ 5

I må selv vælge metoden medmindre I bliver spurgt om noget eksplicit.

Statistisk Dataanalyse 1, Kursusuge 7, mandag

