Sveučilište u Rijeci ODJEL ZA INFORMATIKU Ulica Radmile Matejčić 2, Rijeka Akademska 2020./2021. godina

# **NUMERIČKA MATEMATIKA**

Studij: Preddiplomski studij informatike (jednopredmetni)

Godina i semestar: 3. godina, 5. semestar

Web stranica predmeta: <a href="http://www.inf.uniri.hr">http://www.inf.uniri.hr</a>, <a href="http://www.inf.uniri.hr">https://moodle.srce.hr</a>

ECTS bodovi: 5

Nastavno opterećenje: 30+30+0 (P+V+S)

### Nositelj predmeta:

doc. dr. sc. Sanda Bujačić Babić e-mail: <a href="mailto:sbujacic@math.uniri.hr">sbujacic@math.uniri.hr</a>

Ured: Radmile Matejčić 2, 3. kat, soba 325 Vrijeme konzultacija: utorak, 16.00h – 17.30 i po

dogovoru

#### Asistent:

doc. dr. sc. Sanda Bujačić Babić e-mail: <a href="mailto:sbujacic@math.uniri.hr">sbujacic@math.uniri.hr</a>

Ured: Radmile Matejčić 2, 3. kat, soba 325 Vrijeme konzultacija: utorak, 16.00h – 17.30 i

po dogovoru

# NUMERIČKA MATEMATIKA

## Razvijanje općih i specifičnih kompetencija (znanja i vještina)

Očekuje se da nakon odslušanog kolegija i položenog ispita studenti:

- mogu opisati i navesti izvore greški numeričkih metoda,
- mogu koristiti polinome u aproksimaciji funkcija te ocjenjivati nastale greške,
- mogu navesti i argumentirati osnovne nedostatke aproksimacije polinomima,
- mogu primjenjivati metode u približnom rješavanju nelinearnih jednadžbi i znaju procijeniti greške metoda,
- znaju primjenjivati metode približne integracije u rješavanju određenih integrala,
- znaju postaviti i riješiti obične diferencijalne jednadžbe s početnim uvjetom,
- osposobljeni su primjenjivati naučene metode u rješavanju konkretnih problema primjenom dostupnih paketa programa za računanje na suvremenim računalima.

### Korespodentnost i korelativnost programa

Program kolegija Numerička matematika povezan je s ostalim matematičkim kolegijima koji se izvode na preddiplomskom studiju informatike.

## Okvirni sadržaj predmeta

- Greška i tipovi grešaka. Greške zaokruživanja.
- Konačna aritmetika.
- Interpolacija. Interpolacijski polinomi: Newtonovi, Gaussovi, Lagrangeov i interpolacijski linearni i kubični spline polinom. Ocjena greške i konvergencija.
- Određivanje nultočaka realnih funkcija: metoda bisekcije, Newtonova metoda, metoda sekante. Ocjena greške. Određivanje nultočaka polinoma.
- Numerička integracija: Newton-Cotesove formule, trapezna i Simpsonova formula, formule Gaussovog tipa.
- Numeričke metode za rješavanje običnih diferencijalnih jednadžbi.

#### Oblici provođenja nastave i način provjere znanja

Ocjenjivanje studenata

Rad studenata prati se kontinuirano. Njihov rad se vrednuje i ocjenjuje tijekom nastave i na završnom ispitu.

- Vježbe i kolokviji se izvode na računalima. Rad na vježbama provjerava se kroz dva kolokvija koji ukupno nose maksimalno 50 bodova (25+25). Student mora ostvariti najmanje 40% od navedenog broja bodova.
- Kontinuirana provjera znanja provodi se pomoću dva kratka testa iz teorijskog dijela nastave kojeg studenti slušaju na predavanjima. Moguće je tom aktivnošću ostvariti ukupno maksimalno 10 bodova (5+5), pri čemu student mora ostvariti najmanje 40% od tih bodova.

- Tijekom semestra će dva puta biti zadana domaća zadaća koju će studenti izrađivati tjedan dana. Svaka domaća zadaća maksimalno nosi 5 bodova, a student će tijekom semestra moći ostvariti maksimalno 10 bodova domaćim zadaćama.
- Student koji je tijekom nastave skupio najmanje 40% bodova iz navedenih aktivnosti i ukupno ostvario barem 35 bodova pristupit će završnom ispitu u obliku usmenog ispita na kojem se ispituje teorija ili u obliku seminarskog rada na zadanu temu (seminarski rad bit će ponuđen onim studentima koji su ostvarili 60 ili više bodova tijekom semestra).
- Na završnom ispitu može se ostvariti 30 bodova.
- Struktura ocjene: kontinuirano praćenje (dva kratka testa iz teorije) 10%, domaće zadaće (dvije domaće zadaće) 10%, dva kolokvija (svaki kolokvij 25%) 50% i završni 30%.

## Popis literature potrebne za studij i polaganje ispita

- Rudolf Scitovski, Numerička matematika, Elektrotehnički fakultet, Osijek.
- Ivan Ivanšić: Numerička matematika, Element, Zagreb

#### Popis literature koja se preporučuje kao dopunska

J. Stoer, R. Bulirsch: Introduction to Numerical Analysis, second edition, Springer-Verlag, New York, 1991.

## Način praćenja kvalitete i uspješnosti izvedbe predmeta

Kroz ustrojeni sustav osiguranja kvalitete Odjela za informatiku.

#### Mogućnost izvođenja na stranom jeziku

Ne

R. BR.	OČEKIVANI ISHODI
1.	Studenti mogu primjenom računala aproksimirati funkcije, približno odrediti nultočke zadane funkcije te približno odrediti vrijednosti određenih integrala i rješenja običnih diferencijalnih jednadžbi prvog reda.
2.	Studenti mogu odabrati, primijeniti i uočiti nedostatke obrađenih numeričkih metoda.
3.	Studenti mogu opisati osnovne numeričke metode te argumentirano objasniti izvode i područje njihove primjene.

#### **AKTIVNOSTI I OCJENJIVANJE STUDENATA**

VRSTA AKTIVNOSTI	ECTS	ISHODI UČENJA	SPECIFIČNA AKTIVNOST	METODA PROCJENJIVANJA	BODOVI MAX.
Pohađanje nastave	1	1-2	Prisutnost studenata	Popisivanje (evidencija)	0
Praktični rad	1.5	1	Kolokviji	Dva kolokvija na računalima po 25 bodova	50
Kontinuirana provjera znanja	0.5	2	Kratki testovi, domaće zadaće	- 2 testa po 5 bodova - 2 domaće zadaće po 5 bodova	10 10
Seminarski rad ili usmeni ispit	2	2-3	Završni ispit	Usmeno ispitivanje ili predaja seminarskog rada uz detaljan opis izrade	30
UKUPNO	5				100

#### Obveze i vrednovanje studenata

Tijekom nastave studenti moraju skupiti minimalni propisani broj bodova po svakoj aktivnosti (osim domaćih zadaća).

- Rad na vježbama provjerava se kroz dva kolokvija koji ukupno nose 50 bodova (25+25). Student mora ostvariti najmanje 40% od navedenog broja bodova.
- Kontinuirana provjera znanja provodi se pomoću dva kratka testa iz teorijskog dijela nastave kojeg studenti slušaju na predavanjima. Moguće je tom aktivnošću ostvariti maksimalno 10 bodova (5+5), pri čemu student mora ostvariti najmanje 40% od tih bodova.
- Studentima tijekom semestra zadaju su dvije domaće zadaće kojima je moguće sveukupno ostvariti maksimalno 10 bodova (5+5).
- Za izostanke s kolokvija i provjera zbog zdravstvenih ili drugih razloga neće se omogućiti dodatne prilike za ispravak.
- Osim prisustvovanja klasičnoj nastavi na predavanjima i vježbama studenti su dužni koristiti sustav za učenje Merlin (<a href="https://moodle.srce.hr/">https://moodle.srce.hr/</a>).
- Studentima će se omogućiti ispravak, odnosno nadoknada kolokvija, na kraju semestra prema rasporedu u nastavku (posljednji tjedan nastave, petak, 29. siječnja,). Svaki student može ponoviti samo jedan kolokvij i to onaj lošije odrađen. Pritom se prethodno ostvareni bodovi zamjenjuju novoostvarenim bodovima.

#### Ocjena iz kolegija

## Završni ispit

Na prethodno opisani način (aktivnosti) studenti mogu skupiti najviše 70 ocjenskih bodova na vježbama. Studenti koji su skupili minimalni broj bodova po svakoj aktivnosti te ukupno najmanje 35 ocjenskih bodova, mogu pristupiti završnom ispitu.

Završni ispit se polaže u obliku usmenog ispita na kojem se ispituje teorijsko znanje ili u obliku seminarskog rada na zadanu temu.

Završni ispit nosi udio od maksimalno 30 ocjenskih bodova, a smatra se položenim samo ako na njemu student postigne minimalno 50%-tni uspjeh (ispitni prag je 50% uspješno rješenih zadataka). Ukoliko je završni ispit položen, skupljeni bodovi će se pribrojati prethodnima i prema ukupnom rezultatu formirat će se pripadajuća ocjena. U suprotnom, student ima pravo pristupa završnom ispitu još 2 puta (ukupno do 3 puta).

## Konačna ocjena

Donosi se na osnovu zbroja svih bodova prikupljenih tijekom izvođenja nastave prema sljedećoj skali:

```
A - 90% - 100% (ekvivalent: izvrstan 5)
B - 75% - 89,9% (ekvivalent: vrlo dobar 4)
C - 60% - 74,9% (ekvivalent: dobar 3)
D - 50% - 59,9% (ekvivalent: dovoljan 2)
F - 0% - 49,9% (ekvivalent: nedovoljan 1)
```

#### 5. Ispitni rokovi

Redoviti: Prvi rok: 05. veljače 2021., 10.00h

Drugi rok: 19. veljače 2021., 10.00h

Izvanredni: Prvi rok: 26. ožujka 2021., 14.00h

Drugi rok: 10. rujna 2021., 10.00h

## RASPORED NASTAVE U AKADEMSKOJ GODINI 2020./2021.

Tj.	Datum	Vrijeme	Prostor	Tema	Nastava	Izvođač
1.	06.10.2020.	08.15-09.45	366	Uvod u Python	V	Sanda Bujačić Babić
	06.10.2020.	10.15-11.45	366	Uvod u Python	V	Sanda Bujačić Babić
	06.10.2020.	14.15-15.45	S32	Uvod u Python	Р	Sanda Bujačić Babić
2.	13.10.2020.	08.15-09.45	Online (Merlin/Jitsi)	Greške	V	Sanda Bujačić Babić
	13.10.2020.	10.15-11.45	Online (Merlin/Jitsi)	Greške	V	Sanda Bujačić Babić
	13.10.2020.	14.15-15.45	Online (Merlin/Jitsi)	Greške	Р	Sanda Bujačić Babić
3.	20.10.2020.	08.15-09.45	366	Aproksimacija funkcije	V	Sanda Bujačić Babić
	20.10.2020.	10.15-11.45	366	Aproksimacija funkcije	V	Sanda Bujačić Babić
	20.10.2020.	14.15-15.45	S32	Aproksimacija funkcije	Р	Sanda Bujačić Babić
4.	27.10.2020.	08.15-09.45	366	Lagrangeov polinom	V	Sanda Bujačić Babić
	27.10.2020.	10.15-11.45	366	Lagrangeov polinom	V	Sanda Bujačić Babić
	27.10.2020.	14.15-15.45	S32	Lagrangeov polinom	Р	Sanda Bujačić Babić
5.	03.11.2020.	08.15-09.45	366	Newtonov polinom	V	Sanda Bujačić Babić
	03.11.2020.	10.15-11.45	366	Newtonov polinom	V	Sanda Bujačić Babić
	03.11.2020.	14.15-15.45	S32	Newtonov polinom	Р	Sanda Bujačić Babić
6.	10.11.2020.	08.15-09.45	Online (Merlin/Jitsi)	Splajn	V	Sanda Bujačić Babić
	10.11.2020.	10.15-11.45	Online (Merlin/Jitsi)	Splajn	V	Sanda Bujačić Babić
	10.11.2020.	14.15-15.45	Online (Merlin/Jitsi)	Splajn	Р	Sanda Bujačić Babić
7.	17.11.2020.	08.15-09.45	366	Regresija + domaća zadaća	V	Sanda Bujačić Babić
	17.11.2020.	10.15-11.45	366	Regresija + domaća zadaća	V	Sanda Bujačić Babić
	17.11.2020.	14.15-15.45	S32	Regresija + <b>TEST</b>	Р	Sanda Bujačić Babić
8.	24.11.2020.	08.15-09.45	366		V	Sanda Bujačić Babić
	24.11.2020.	10.15-11.45	366	PRVI KOLOKVIJ	V	Sanda Bujačić Babić
	24.11.2020.	14.15-15.45	S32		Р	Sanda Bujačić Babić
9.	01.12.2020.	08.15-09.45	366	Nelinearne jednadžbe. Bisekcija	V	Sanda Bujačić Babić
	01.12.2020.	10.15-11.45	366	Nelinearne jednadžbe	V	Sanda Bujačić Babić
	01.12.2020.	14.15-15.45	S32	Nelinearne jednadžbe. Bisekcija	Р	Sanda Bujačić Babić
10.	08.12.2020.	08.15-09.45	366	Newtonova metoda. Metoda sekante	V	Sanda Bujačić Babić
	08.12.2020.	10.15-11.45	366	Newtonova metoda. Metoda sekante	V	Sanda Bujačić Babić
	08.12.2020.	14.15-15.45	S32	Newtonova metoda. Metoda sekante	Р	Sanda Bujačić Babić

11.	15.12.2020.	08.15-09.45	366	Numerička integracija. Simpsonova i trapezna formula	٧	Sanda Bujačić Babić
	15.12.2020.	10.15-11.45	366	Numerička integracija. Simpsonova i trapezna formula	٧	Sanda Bujačić Babić
	15.12.2020.	14.15-15.45	S32	Numerička integracija. Simpsonova i trapezna formula	Р	Sanda Bujačić Babić
12.	22.12.2020.	08.15-09.45	Online (Merlin/Jitsi)	Newton-Cotesove formule	٧	Sanda Bujačić Babić
	22.12.2020.	10.15-11.45	Online (Merlin/Jitsi)	Newton-Cotesove formule	V	Sanda Bujačić Babić
	22.12.2020.	14.15-15.45	Online (Merlin/Jitsi)	Newton-Cotesove formule	Р	Sanda Bujačić Babić
13.	12.01.2021.	08.15-09.45	Online (Merlin/Jitsi)	ODJ	V	Sanda Bujačić Babić
	12.01.2021.	10.15-11.45	Online (Merlin/Jitsi)	ODJ	V	Sanda Bujačić Babić
	12.01.2021.	14.15-15.45	Online (Merlin/Jitsi)	ODJ	Р	Sanda Bujačić Babić
14.	19.01.2021.	08.15-09.45	366	ODJ sustavi + domaća zadaća	V	Sanda Bujačić Babić
	19.01.2021.	10.15-11.45	366	ODJ sustavi + domaća zadaća	V	Sanda Bujačić Babić
	19.01.2021.	14.15-15.45	S32	ODJ sustavi + TEST	Р	Sanda Bujačić Babić
15.	26.01.2021.	08.15-09.45	366	DRUGI KOLOKVIJ	V	Sanda Bujačić Babić
	26.01.2021.	10.15-11.45	366		V	Sanda Bujačić Babić
	26.01.2021.	14.15-15.45	S32		Р	Sanda Bujačić Babić
	29.01.2021.	18.00 – 20.00	366	Popravne aktivnosti	V	Sanda Bujačić Babić

P – predavanja V – vježbe