

# Декларативное программирование

Семинар №12, группа 22215

---

Завьялов А.А.

21 ноября 2022 г.

Кафедра систем информатики ФИТ НГУ

# Глубокий смысл монадического связывания

```
class Applicative m => Monad m where
  -- `bind`, оператор монадического связывания
  (>>=)      :: m a -> (a -> m b) -> m b
  (>>)       :: m a -> m b -> m b
  return     :: a -> m a
```

## Монадические законы

- $\text{return } a \gg= k \equiv k \ a$

- $m \gg= \text{return} \equiv m$

- Ассоциативность

$$m \gg= (\backslash x \rightarrow k \ x \gg= h) \equiv (m \gg= k) \gg= h$$

# Глубокий смысл монадического связывания

- Что такое связывание (обычное)?
- Связывание значения с именем

```
expr :: Double
```

```
expr =
```

```
  let a = 10
```

```
      b = 20
```

```
      c = 30
```

```
      d = 40
```

```
  in a + b * c / d
```

```
expr' :: Double
```

```
expr' =
```

```
  (\a ->
```

```
    \b ->
```

```
      \c ->
```

```
        \d ->
```

```
          a + b * c / d)
```

```
    10 20 30 40
```

# Глубокий смысл монадического связывания

- А теперь через монаду Identity
- Она очень простая – не делает *ничего*

```
expr' =  
  (\a ->  
    \b ->  
      \c ->  
        \d ->  
          a + b * c / d)  
10 20 30 40
```

```
expr'' =  
  runIdentity $  
    return 10 >>= \a ->  
      return 20 >>= \b ->  
        return 30 >>= \c ->  
          return 40 >>= \d ->  
            return a + b * c / d
```

# Глубокий смысл монадического связывания

- А теперь через do-нотацию

expr'' =

```
runIdentity $  
  return 10 >>= \a ->  
  return 20 >>= \b ->  
  return 30 >>= \c ->  
  return 40 >>= \d ->  
    return a + b * c / d
```

expr''' =

```
runIdentity $ do  
  a <- return 10  
  b <- return 20  
  c <- return 30  
  d <- return 40  
  return a + b * c / d
```

# Вычислительные эффекты

---

# Что такое вычислительный эффект

## Свойства чистых функций

- **Полная определённость (тотальность)** – даёт ответ для любого значения аргумента
- **Детерминированность** – для заданных входных данных функция всегда возвращает одинаковый результат
- **Отсутствие побочных эффектов** – не ссылаются на данные, значения которых могут измениться в процессе работы программы и не производит таких изменений

**Вычислительный эффект** — любое действие, нарушающее свойства чистых функций

# Какие бывают вычислительные эффекты

- **Частичность** – функция не определена для каких-либо значений аргумента (не возвращает значения для него, т.е. *не завершается*)
- **Недетерминированность**
  - **Нестабильность** – функция не всегда возвращает одинаковые значения для одного значения аргумента
  - **Множественность** – функция возвращает сразу несколько ответов
- **Побочный эффект** – функция не только возвращает результат, но и делает *что-то ещё*



# Эффекты в Haskell

---

## Эффект частичности

```
f :: Double -> Double
f d =
    let a = 10
        b = 20
        c = 30
    in a + b * c / d
```

```
>f 0
```

```
Infinity
```

# Эффект частичности

Maybe!

```
f :: Double -> Double
```

```
f d =
```

```
    let a = 10
```

```
        b = 20
```

```
        c = 30
```

```
    in a + b * c / d
```

```
>f 0
```

```
Infinity
```

```
f :: Double -> Maybe Double
```

```
f d =
```

```
    let a = 10
```

```
        b = 20
```

```
        c = 30
```

```
    in if (abs d < 0.0001)
```

```
        then Nothing
```

```
        else
```

```
            Just (a + b * c / d)
```

```
>f 0
```

```
Nothing
```

```
>f 1
```

```
Just 610.0
```

# Эффект частичности

```
f :: Double -> Maybe Double
```

```
f d =
```

```
  let a = 10
```

```
      b = 20
```

```
      c = 30
```

```
  in if (abs d < 0.0001)
```

```
      then Nothing
```

```
      else
```

```
        Just (a + b * c / d)
```

```
f :: Double -> Maybe Double
```

```
f d = do
```

```
  guard (abs d >= 0.0001)
```

```
  let a = 10
```

```
      b = 20
```

```
      c = 30
```

```
  return $ a + b * c / d
```

## Maybe как монада

Реализуется достаточно просто:

```
instance Monad Maybe where  
    return = Just
```

```
Nothing >=> _ = Nothing  
(Just x) >=> f = f x
```

```
(Just _) >> a = a  
Nothing >> _ = Nothing
```

- Квадратное уравнение может иметь два корня, один корень, не иметь корней
- `solver :: Double -> Double -> Double -> ?`

- Квадратное уравнение может иметь два корня, один корень, не иметь корней
- `solver :: Double -> Double -> Double -> [Double]`

# Список как монада

Определяется следующим образом:

```
instance Monad [] where  
    return x = [x]  
    xs >>= k = concat (map k xs)
```



## Связь монады списка и list comprehension

Следующие выражения эквивалентны:

```
triples =  
  [(x,y,z) |  
    x <- [1..10],  
    y <- [1..10],  
    z <- [1..10],  
    x^2 + y^2 == z^2]
```

```
triples = do  
  x <- [1..10]  
  y <- [1..10]  
  z <- [1..10]  
  guard $ x^2 + y^2 == z^2  
  return (x, y, z)
```

- Частичный (файл может отсутствовать, прочитали до EOF)
- Недетерминированный (файл может измениться)
- Имеет побочные эффекты (печать в файл)

- Частичный (файл может отсутствовать, прочитали до EOF)
- Недетерминированный (файл может измениться)
- Имеет побочные эффекты (печать в файл)

**Нечистый!**

- Частичный (файл может отсутствовать, прочитали до EOF)
- Недетерминированный (файл может измениться)
- Имеет побочные эффекты (печать в файл)

**Нечистый!**

Но такой нужный...

- <https://ruhaskell.org/posts/theory/2018/01/10/effects.html>
- <https://ruhaskell.org/posts/theory/2018/01/18/effects-haskell.html>

## Q&A

---