

DISCIPLINA: ALGORITMOS E COMPLEXIDADE

Contextualização:

O estudo da disciplina Algoritmos e Complexidade, componente fundamental no aprendizado da Área da Computação, é a base sobre a qual muitos outros campos dessa área são construídos. O conhecimento dos Algoritmos e Complexidade é importante para estudantes que desejem trabalhar em implementações, testes e manutenção de projetos de qualquer sistema de software.



DISCIPLINA: ALGORITMOS E COMPLEXIDADE

CONTEÚDO:

TEMA 1 – Relembrando conceitos básicos de Algoritmos e Estrutura de Dados com variados EXERCÍCIOS.

Análise de Algoritmo - Notação O.

TEMA 2 – Recursividade.

TEMA 3 - Algoritmo de Ordenação Avançados (Ordenação por intercalação – MERGESORT e Ordenação rápida - QUICKSORT).

TEMA 4 - Estruturas de dados dos tipos Árvore Binária e Árvore AVL.

TEMA 5 - Algoritmos em Grafos (CRÉDITO DIGITAL).



DISCIPLINA: ALGORITMOS E COMPLEXIDADE

AVALIAÇÃO



AVALIAÇÃO OBRIGATÓRIA!

AVD:

Avaliação digital dos(s) tema(s) vínculados ao crédito digital no valor total de 10 (dez) pontos.

Algoritmos

□ Algoritmos são um conjunto finito de passos elementares que são aplicados sistematicamente até que a solução seja atingida. De forma simples, podemos dizer que um algoritmo define o caminho que deve ser seguido para chegar até a solução de um determinado problema.



Estrutura de Dados

□Trabalha com estruturas mais complexas em relação aos tipos de dados, para organizar os dados de acordo com um determinado problema.

■Beneficios?

- □ Organização da informação;
- □ Melhora o desempenho;
- □ Proporciona o reuso de código;
- □ Proporciona interoperabilidade;
- □ Diminui custos.



Tipos de Dados

- □Define o conjuntos de valores (domínio) que uma variável pode assumir.
- □O dado pode ser um tipo padrão do próprio compilador.
- ■No caso da linguagem C:

Existem 5 tipos de dados primitivos (pré-definidos) em C. São eles:

Palavra Chave	Tipo
char	caracter
int	inteiro
float	real de precisão simples
double	real de precisao dupla
void	vazio (sem valor)

□Exemplo:

 $int \rightarrow \cdots - 2, -1, 0, 1, 2, 3 \dots$

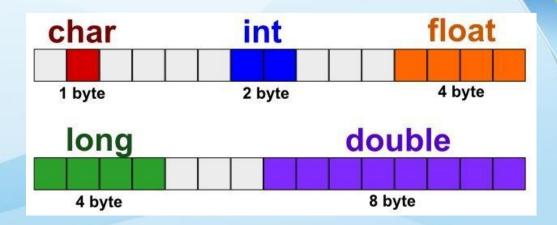
Tipos de Dados

□Para cada dado armazenado no computador, devemos definir o conjunto de valores que ele pode assumir. Denominamos a esse conjunto de tipo de dados.

□Por exemplo, um dado (variável) do **tipo lógico** pode assumir o valor **verdadeiro ou falso**.



Tipo Básico de Dados



O tamanho e a faixa dos dados dependem do processador e da implementação do compilador.

Estrutura de Dados

- Relacionamento lógico entre os tipos de dados.
- □A implementação de um TAD (Tipo Abstrato de Dados) escolhe uma estrutura de dados (ED) para representá-lo. Cada ED pode ser construída a partir de tipos básicos (inteiro, real, caracter) ou estruturada (array, registro) de uma determinada linguagem de programação.

Estrutura de Dados

- ☐ As estruturas de dados de tipos de dados estruturadas se divide em:
 - * homogêneos (vetores e matrizes);
 - * heterogêneos (registros).
- ☐ As estruturas homogêneas são conjuntos de dados formados pelo **mesmo tipo** de dado primitivo.
- ☐ As estruturas heterogêneas são conjuntos de dados formados por tipos de dados primitivos **diferentes** (campos do registro) em uma mesma estrutura.

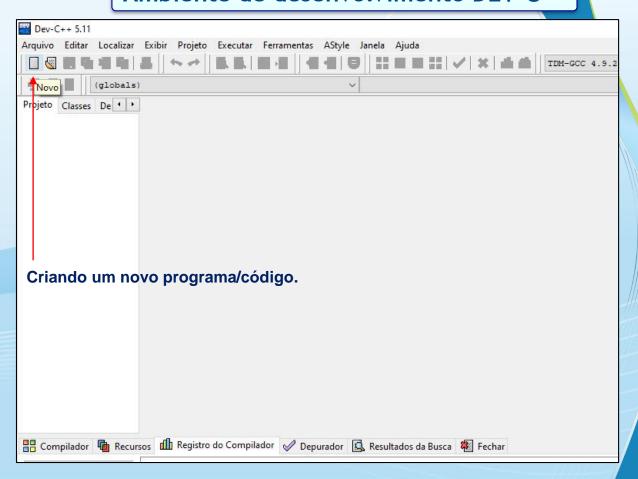
Estruturas e Dados

Estruturas	Dados
□ Vetores	☐ int (Inteiro)
☐ Matrizes	☐ float (Ponto Flutuante)
☐ Registros	☐ double (Ponto
Listas	Flutuante)
☐ Filas	☐ char (Caracter)
☐ Pilhas	☐ string (Texto)
☐ Árvores	String (Texto)

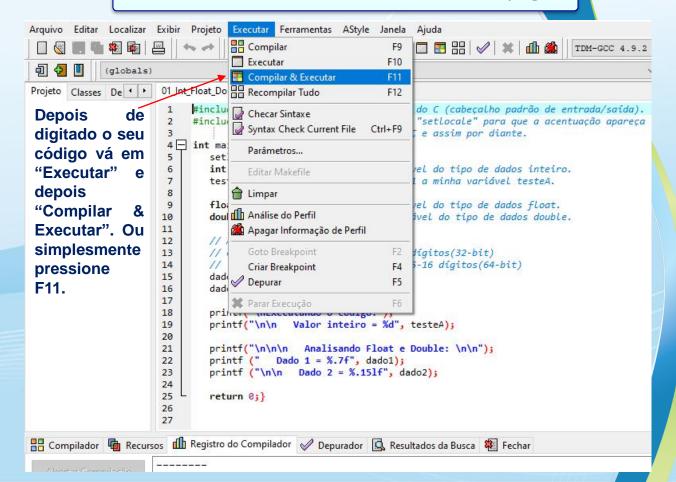
Relembrando tipo de dados (EXEMPLO)

Mas antes relembrando como se utiliza o ambiente de desenvolvimento DEV-C++

Ambiente de desenvolvimento DEV-C++



Ambiente de desenvolvimento DEV-C++



Relembrando tipo de dados

EXEMPLO 1

```
#include <stdio.h> // Biblioteca padrão do C (cabeçalho padrão de entrada/saída).
#include <locale.h> // Na utilização do "setlocale" para que a acentuação apareça
                   // corretamente, o Ç e assim por diante.
int main(){
  setlocale(LC ALL, "portuguese");
  int testeA; // Declarando uma variável do tipo de dados inteiro.
  testeA = 21; // Atribuindo o valor 21 a minha variável testeA.
  float dado1; // Declarando uma variável do tipo de dados float.
  double dado2; // Declarando uma variável do tipo de dados double.
  // A diferença entre Float e Double
  // é basicamente precisão: Float: 7 dígitos(32-bit)
                             Double: 15-16 dígitos(64-bit)
  dado1 = 3.14159265358979323;
  dado2 = 3.14159265358979323;
  printf("\nExecutando o código:");
  printf("\n\n Valor inteiro = %d", testeA);
  printf("\n\n\n Analisando Float e Double: \n\n");
  printf (" Dado 1 = %.7f", dado1);
  printf ("\n\n Dado 2 = %.15lf", dado2);
  return 0;}
```

Relembrando tipo de dados

COMPILANDO E EXECUTANDO O EXEMPLO 1 VAI APARECER A TELA ABAIXO:

```
#include <s Executando o código:
                                                                      ada/saída).
                                                                     cão apareça
              Valor inteiro = 21
int main(){
   setlocal
   int test
              Analisando Float e Double:
  testeA =
              Dado 1 = 3,1415927
  float da
   double d
              Dado 2 = 3,141592653589793
  // A difiprocess exited after 0.04517 seconds with return value 0
  // é bas pressione qualquer tecla para continuar. . .
   dado1 = 3.14159265358979323;
   dado2 = 3.14159265358979323;
   printf("\nExecutando o código:");
   printf("\n\n Valor inteiro = %d", testeA);
   printf("\n\n\n Analisando Float e Double: \n\n");
   printf (" Dado 1 = %.7f", dado1);
   printf ("\n\n Dado 2 = %.15lf", dado2);
   return 0;}
```

```
#include <stdio.h> // Biblioteca padrão do C (cabeçalho padrão de entrada/saída).
#include <string.h> // Fornece funções, macros e definições da biblioteca padrão
                   // da linguagem de programação C para manipulação de cadeias de
                   // caracteres e regiões de memória. Para o "strlen" funcionar
                   // precisa dessa biblioteca.
#include <locale.h> // Na utilização do "setlocale" para que a acentuação apareça
                   // corretamente, o C e assim por diante.
 int main() {
    setlocale(LC_ALL, "portuguese");
                                             Relembrando tipo de dados
    char nome[5];
                                                        EXEMPLO 2
    printf("Digite o seu nome: ");
    fgets(nome, 5, stdin);
   // strcspn = Retorna um caractere em um string.
    nome[strcspn(nome, "\n")] = '\0';
    printf("O nome é: %s ", nome);
    for (int i=0;i<5;i++) {
      if (nome[i] != '\0') {
         printf("\n\n Entendendo: Posição: %d tem a letra %c", i, nome[i]);
     if (nome[i] == '\0') {
         printf("\n\n Entendendo: Posição: %d é igual a 0 (ZERO).", i);
         break;
    return 0;
```

Relembrando tipo de dados

COMPILANDO E EXECUTANDO O EXEMPLO 2 VAI APARECER A TELA ABAIXO:

```
#includeDigite o seu nome: leo
                                                                      da).
#includeO nome é: leo
                                                                     rão
                                                                     ias de
                                                                     ionar
        Entendendo: Posição: 0 tem a letra l
#include
                                                                     reca
        Entendendo: Posição: 1 tem a letra e
int mai
   setl
        Entendendo: Posição: 2 tem a letra o
   char
        Entendendo: Posição: 3 é igual a 0 (ZERO).
   fget
       Process exited after 1.696 seconds with return value 0
   Pressione qualquer tecla para continuar. . .
    nome
   printf("O nome é: %s ", nome);
   for (int i=0;i<5;i++) {
     if (nome[i] != '\0') {
        printf("\n\n Entendendo: Posição: %d tem a letra %c", i, nome[i]);
     if (nome[i] == '\0') {
        printf("\n\n Entendendo: Posição: %d é igual a 0 (ZERO).", i);
        break:
   return 0:
```

Tipo de Dados Abstratos(TDA)

"Um tipo de dado abstrato pode ser definido como um conjunto de valores e uma coleção de operações que atuam sobre esses valores.

As operações devem ser consistentes com os tipos de valores".

(MORAES, C.R., 2001, p.5)

METODOLOGIA DE ESTUDO

Lembre-se de que Algoritmos e Estruturas de Dados formam uma parceria perfeita, contribuindo para seu aperfeiçoamento como desenvolvedor.

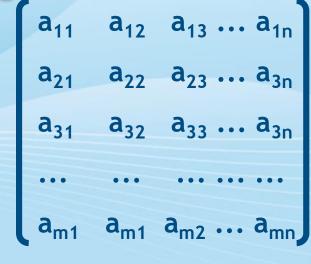
REVISÃO - MATRIZES

MATRIZES
$$A_{1x4}$$
 $\left[2 \quad 3 \quad 1 \quad 13 \right]$



unidimensional

bidimensional



Operação - Multiplicar por um escalar

Operação - Somar duas matrizes

Operação: calcular média aritmética

$$\begin{pmatrix}
4 \\
5 \\
6 \\
10
\end{pmatrix}
+ B \begin{pmatrix}
8 \\
7 \\
9 \\
4
\end{pmatrix}
/ 2 = M \begin{pmatrix}
6 \\
6 \\
7.5 \\
7
\end{pmatrix}$$

Operação: somar os elementos da matriz

$$A \begin{pmatrix} 4 \\ 5 \\ 6 \\ 10 \end{pmatrix}$$
 Soma = 25

Dimensionando Matrizes

tipo nomeMatriz[tamanho];

Dimensionando Matrizes

tipo nomeMatriz[tamanho];

tipo nomeMatriz[tamLinha][tamColuna];

Dimensionando Matrizes

tipo nomeMatriz[tamanho];

tipo nomeMatriz[tamLinha][tamColuna];

int
float
double
char
long long int

TIPOS AGREGADOS

Os tipos agregados classificam-se como homogêneos e heterogêneos.

Homogêneos

Conjunto de elementos de **mesmo tipo** que podem ser acessados por um subscrito (índice). Podem possuir uma dimensão (vetores) ou mais de uma (matrizes).

Declaração:

< tipo_variável > < nome_variável > [< no.elementos >]

Exemplo: float notas [10]; int codigo [10] [2];

TIPOS AGREGADOS

Homogêneos

```
< tipo_variável > < nome_variável > [< no.elementos >]
```

```
Exemplo: float notas [10]; // Vai de 0 a 9.
int codigo [10] [2]; // Linha: Vai de 0 a 9.
// Coluna: Vai de 0 a 1.
```

• primeiro elemento do vetor é sempre o de índice zero.

Caso o vetor possua 10 elementos, seus índices irão de 0 a 9, cabendo ao programador garantir que o número de elementos não seja ultrapassado.

TIPOS AGREGADOS

Homogêneos

< tipo_variável > < nome_variável > [< no.elementos >]

```
Exemplo: float notas [10]; // Vai de 0 a 9.
int codigo [10] [2]; // Linha: Vai de 0 a 9.
// Coluna: Vai de 0 a 1.
```

• Uma cadeia de caracteres (string) é declarada utilizando-se o mesmo mecanismo de declaração de qualquer vetor . De acordo com a definição da linguagem, as cadeias de caracteres terminam sempre por um caracter nulo, representado por "\0". Por isto, o número de elementos da string deve incluir um espaço a mais para armazenar este caracter nulo.



1) Guardar 10 idades.

int idades[10];

1) Guardar 10 idades.

int idades[10];

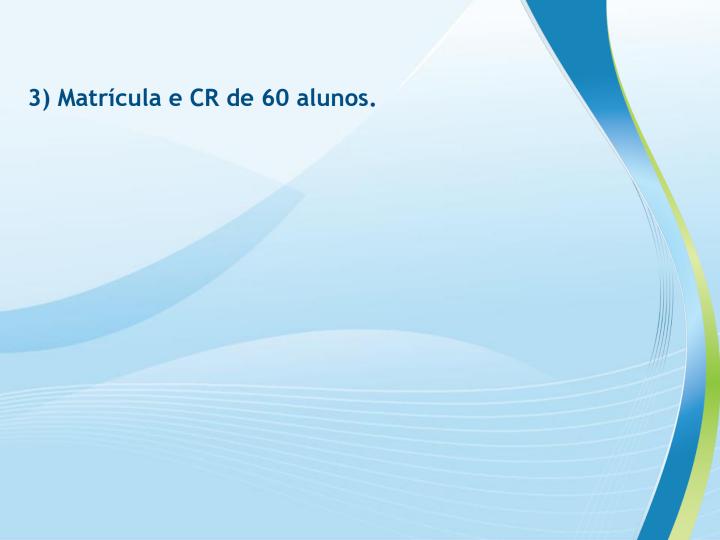
2) Duas notas e a média de 50 alunos.

1) Guardar 10 idades.

int idades[10];

2) Duas notas e a média de 50 alunos.

float nt1[50], nt2[50], m[50];



3) Matrícula e CR de 60 alunos.

float CR[60]; int matric[60];



4) Nome de uma pessoa.

char nome[30];

4) Nome de uma pessoa.

char nome[30];

5) Nomes de 10 pessoas.

4) Nome de uma pessoa.

char nome[30];

5) Nomes de 10 pessoas.

char nomes[10][30];

DECLARAÇÃO / ATRIBUIÇÃO

Inicialização sem especificação de tamanho

Podemos, em alguns casos, inicializar matrizes das quais não sabemos o tamanho a priori.

O compilador C vai, neste caso verificar o tamanho do que você declarou e considerar como sendo o tamanho da matriz.

Isto ocorre na hora da compilação e não poderá mais ser mudado durante o programa, sendo muito útil, por exemplo, quando vamos inicializar uma string e não queremos contar quantos caracteres serão necessários. Alguns exemplos:

```
char x [] = "Linguagem C: flexibilidade e poder.";
```

int y
$$[][2] = \{1, 2, 2, 4, 3, 6, 4, 8, 5, 10\};$$

DECLARAÇÃO / ATRIBUIÇÃO

Inicialização sem especificação de tamanho

TOTAL DE 36 CARACTERES!.

TOTAL DE 5 LINHAS E 2 COLUNAS!.

Vetor de tamanho 5 e do tipo inteiro de quatro bytes



Vetor de tamanho 5 e do tipo inteiro de quatro bytes



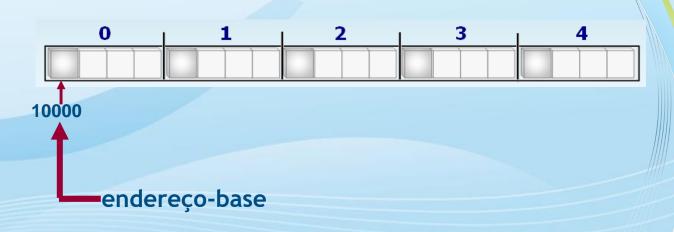
Vetor idades

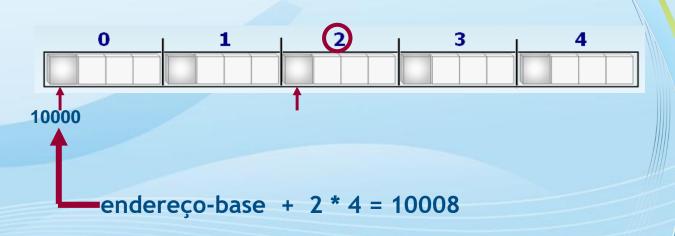
Vetor de tamanho 5 e do tipo inteiro de quatro bytes

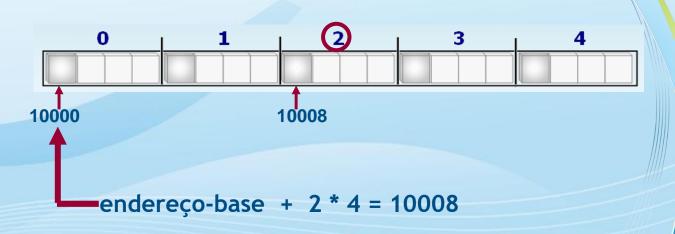


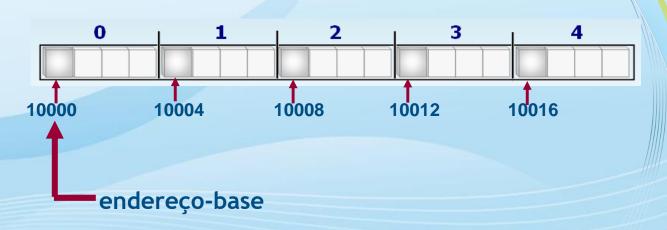


O nome de uma matriz corresponde ao primeiro endereço do conjunto de endereços da Memória Principal. Para localizarmos um elemento da matriz, usamos a fórmula abaixo.









Conclui-se que **0** significa que não existe deslocamento em relação ao endereço-base.

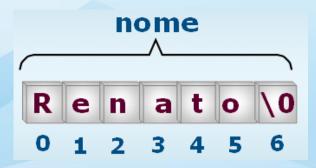


E onde indicamos isso?

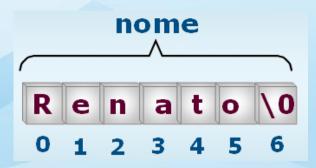
Observe o vetor idades[5]. Ele é formado por cinco variáveis todas com nome, idades. Dentro de um par de colchetes, fica o deslocamento.



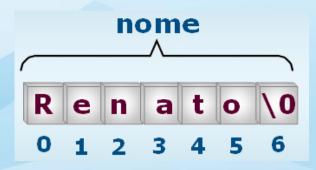
No Vetor de char...



No Vetor de char...



No Vetor de char...



O \O serve para finalizar o vetor de char. Dessa forma, não se esqueça de acrescentar mais uma posição quando dimensionar um vetor de char.

PROCEDIMENTOS E FUNÇÕES

```
#include<iostream>
#include<locale.h>
#include<iomanip>
#include<conio.h>
#include<windows.h>
using namespace std;
float fmedia(float n1, float n2) { //função
   float m = 0;
   m = (n1 + n2)/2;
   return m;
float pmedia(){ //procedimento
   float n1 = 0, n2 = 0, m = 0;
   cout << "\n Digite a nota 1 do aluno: ";
   cin >> n1;
   cout << "\n Digite a nota 2 do aluno: ";
   cin >> n2;
   m = (n1 + n2)/2;
   cout << "\n\n A média do aluno foi: " << fixed << setprecision(1) << m;</pre>
int main() {
   INICIO: system("CLS");
   setlocale(LC ALL, "portuguese");
   float num1 = 0, num2 = 0;
   int op = 0;
   char esc;
   cout << "\n Escolha uma das opções abaixo:";
   cout << "\n =======";
   cout << "\n Exibir média por Function? Digite 1";
   cout << "\n Exibir média por Procedure? Digite 2";
   cout << "\n =======";
   NOV: cout << "\n Opção: ";
   cin.clear();
   fflush(stdin);
   cin >> op;
```

```
switch(op) {
    case 1:
        cout << "\n *** Pela FUNÇÃO ***\n":
        cout << "\n Digite a nota 1 do aluno: ";
        cin >> num1:
        cout << "\n Digite a nota 2 do aluno: ";
        cin >> num2;
        cout << "\n\n A média do aluno foi: " <<
            fixed << setprecision(1) << fmedia(num1, num2);
        break;
    case 2:
        cout << "\n *** Por PROCEDIMENTO ***\n";
        pmedia();
        break;
    default: cout << "\n (Opção INVÁLIDA !!!) \n";
             Sleep(1000);
             goto NOV;
PERG::
cout << "\n\n Quer continuar? (Para SIM digite S, para NÃO digite N): ";
cin >> esc:
if (esc == 'S' || esc == 's') {
   goto INICIO;
if (esc=='N' || esc == 'n') {
   goto FIM;
if (esc!='S' || esc != 's' || esc != 'N' || esc != 'n') {
goto PERG;
```

```
FIM:
      cout << "\n\n";
      cout << "\e[?251"; //esconde o cursor
     //cout << "\e[?25h"; // se quiser ativar o cursor
      for (int i=0; i < 100; i++) {
          cout << "\r
          Sleep(500);
          cout << "\r
                                       *** FIM DO PROGRAMA
         Sleep(500);
getch();
```

Ao compilar e executar o código anterior temos:

Opção 1 escolhida

```
Escolha uma das opções abaixo:

Exibir média por Function? Digite 1
Exibir média por Procedure? Digite 2

Opção: 1

*** Pela FUNÇÃO ***

Digite a nota 1 do aluno: 7.3

Digite a nota 2 do aluno: 8.9

A média do aluno foi: 8.1

Quer continuar? (Para SIM digite 5, para NÃO digite N): n

*** FIM DO PROGRAMA ***
```

Ao compilar e executar o código anterior temos:

Opção 2 escolhida

```
Escolha uma das opções abaixo:

Exibir média por Function? Digite 1
Exibir média por Procedure? Digite 2

Opção: 2

**** Por PROCEDIMENTO ***

Digite a nota 1 do aluno: 4.5

Digite a nota 2 do aluno: 8

A média do aluno foi: 6.2

Quer continuar? (Para SIM digite S, para NÃO digite N): n

*** FIM DO PROGRAMA ***
```



```
#include <iostream>
#include <cstdlib>
using namespace std;
float soma(float n)
{ return dobra(n)+5; }
float dobra(float n)
{ return n*2; }
int main()
  float num=20;
  cout << "\nApos chamar a funcao soma : " << soma(num);</pre>
  cout << "\nApos chamar a funcao dobra: " << dobra(num);</pre>
  cout << "\n\n";
 system("pause");
```

O ERRO

```
float soma(float n)
{    return dobra(n)+5; }

float dobra(float n)
float dobra(float n)
{    return n*2; }
```

Line	Col	File C:\Users\	Message In function 'float soma(float)':
8	19	C:\Users\	[Error] 'dobra' was not declared in this scope



Eu pensei que, se colocássemos antes da *main()*, nunca teriamos problemas. E agora?





A primeira solução, para esse problema, seria colocar a função *dobra(...)* antes da função *soma(...)*, mas, em outras situações, poderá ficar complicado.



```
#include <iostream>
#include <cstdlib>
using namespace std;
float dobra(float n)
{ return n*2; }
float soma(float n)
{ return dobra(n)+5; }
int main()
  float num=20;
  cout << "\nApos chamar a funcao soma : " << soma(num);</pre>
  cout << "\nApos chamar a funcao dobra: " << dobra(num);</pre>
  cout << "\n\n";
  system("pause");
```

Ao compilar e executar o código anterior temos:

Apos chamar a funcao soma : 45 Apos chamar a funcao dobra: 40

Pressione qualquer tecla para continuar. . . 🗕



A segunda solução, para esse problema, seria declarar (protótipos) das funções antes de definí-las e, preferencialmente, posicioná-las depois da main().



```
#include <iostream>
#include <cstdlib>
using namespace std;
float soma(float n);
float dobra(float n);
int main()
  float num=20;
  cout<<"\nApos chamar a funcao soma : "<<soma(num);</pre>
  cout<<"\nApos chamar a funcao dobra: "<<dobra(num);</pre>
  cout<<"\n\n";
  system("pause");
float soma(float n)
  return dobra(n)+5; }
float dobra(float n)
{ return n*2; }
```

```
#include <iostream>
#include <cstdlib>
using namespace std;
float soma(float n); // float soma(float); - Pode ser escrito assim.
float dobra(float n); // float dobra(float); - Pode ser escrito
assim.
int main()
  float num=20;
  cout<<"\nApos chamar a funcao soma : "<<soma(num);</pre>
  cout<<"\nApos chamar a funcao dobra: "<<dobra(num);</pre>
  cout<<"\n\n":
  system("pause");
float soma(float n)
{ return dobra(n)+5; }
float dobra(float n)
{ return n*2; }
```

Ao compilar e executar o código anterior temos:

Apos chamar a funcao soma : 45 Apos chamar a funcao dobra: 40

Pressione qualquer tecla para continuar. . . _

Vamos a algumas perguntas sobre o conteúdo dado até o momento.



- 1) Cite duas vantagens ao se definir funções?
- 2) O que contem o Cabeçalho de uma função?
- 3) O que é o protótipo de uma função em C++?
- 4) Onde o protótipo da função é colocado em C++?
- 5) Qual a vantagem do uso de protótipos de funções em nossos programas em C++?
- 6) O que significa um protótipo simplificado em C++?



1) Cite duas vantagens ao se definir funções?



- 1) Cite duas vantagens ao se definir funções?
- R: Dividir o programa em partes menores e (re)usá-las em vários programas.



- 1) Cite duas vantagens ao se definir funções?
- R: Dividir o programa em partes menores e (re)usá-las em vários programas.
- 2) O que contem o Cabeçalho de uma função?



- 1) Cite duas vantagens ao se definir funções?
- R: Dividir o programa em partes menores e (re)usá-las em vários programas.
- 2) O que contem o Cabeçalho de uma função?
- R: O tipo de função, o nome da função e a declaração dos parâmetros, quando houver.



3) O que é o protótipo de uma função em C++?



3) O que é o protótipo de uma função em C++?

R: É o cabeçalho da função com ; ao final.



3) O que é o protótipo de uma função em C++?

R: É o cabeçalho da função com ; ao final.

4) Onde o protótipo da função é colocado em C++?



- 3) O que é o protótipo de uma função em C++?
- R: É o cabeçalho da função com ; ao final.
- 4) Onde o protótipo da função é colocado em C++?
- R: Antes de todas as funções.



- 3) O que é o protótipo de uma função em C++?
- R: É o cabeçalho da função com ; ao final.
- 4) Onde o protótipo da função é colocado em C++?
- R: Antes de todas as funções.
- 5) Qual a vantagem do uso de protótipos de funções em nossos programas de C++?



- 3) O que é o protótipo de uma função em C++?
- R: É o cabeçalho da função com ; ao final.
- 4) Onde o protótipo da função é colocado em C++?
- R: Antes de todas as funções.
- 5) Qual a vantagem do uso de protótipos de funções em nossos programas de C++?

R: Não nos preocuparmos com as posições das funções.



6) O que significa um protótipo simplificado em C++?

R:Significa que os nomes dos parâmetros não estão presentes.

Exemplo:

float media(float, float);