



UNIVERSITAT  
POLITÈCNICA  
DE VALÈNCIA



---

# Fonaments de computadors

---

## TEMA 2. PRINCIPIIS DEL DISSENY DIGITAL

---

- Conèixer les funcions lògiques i la representació d'aquestes.
- Dissenyar circuits lògics senzills.
- Fonaments de l'Àlgebra de Boole.
- Mètodes de simplificació. Mapes de Karnaugh.

- Poliformat, secció “Recursos”
  - Exercicis sense solució.
  - Solucions als exercicis.
  - **Entrenador de Karnaugh.**
  - Exàmens d'anys anteriors.
- Poliformat, secció “Lessons”
  - Mòdul 2: Principios de diseño digital.
    - » *Taules de veritat.*
    - » *Portes lògiques.*

- Introducció
- Funcions lògiques i taules de veritat
- Portes lògiques
- Àlgebra de Boole
- Anàlisi de circuits
- Formes canòniques de representar una funció lògica
- Simplificació de funcions lògiques
  - Mapes de Karnaugh

- Transistor
  - Unitat física mínima de disseny digital
- Porta lògica
  - Unitat lògica mínima de disseny digital

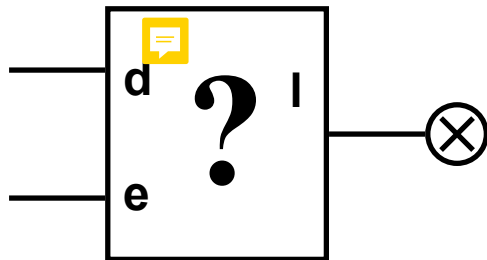
- **Circuit combinacional**
  - Les eixides només depenen del valor de les entrades en el moment actual.
    - Exemple. Selecció de la beguda en una màquina de cafè.
- **Circuit seqüencial**
  - Les eixides depenen del valor actual de les entrades i de la seqüència de valors anteriors (història) del circuit.
    - Exemple. Magatzem de monedes d'una màquina de cafè.
- **Unitat funcional**
  - Conjunt de petits circuits que fan una funció definida.

- Funció lògica
  - Expressió formal del comportament d'un circuit lògic
  - Permet determinar l'eixida del circuit en funció de les entrades
  - **Aritat** = nombre de variables lògiques d'entrada
  - **Valoració** = una de les combinacions de valors de les entrades

- Taula de veritat
  - Forma **tabular** d'expressar una funció lògica.
  - Per a **cada entrada o eixida** s'assigna una columna.
  - Per a cada **valoració** s'assigna una fila.
  - Entrades a l'esquerra, eixides a la dreta.
  - Valoracions **seguint** la numeració binària.

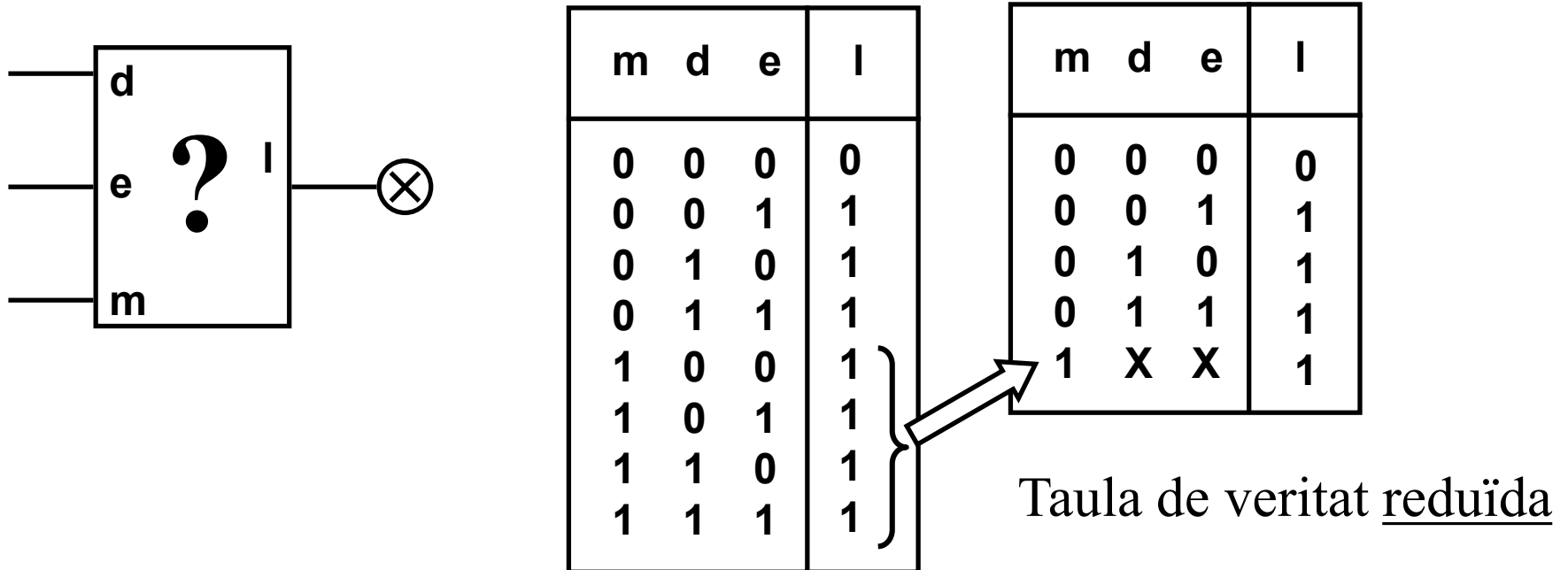


- Llum interior d'un cotxe
  - A partir de dues entrades  $d$ ,  $e$  (portes dreta i esquerra), dissenyeu un circuit que encenga un llum  $l$  quan alguna de les portes estiga oberta.



d	e	l
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

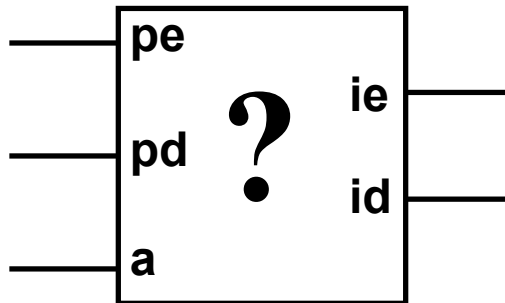
- Llum interior d'un cotxe (ii)
  - Afegiu una entrada  $m$  d'encesa manual: si l'entrada  $m$  està activada ( $m=1$ ) s'encén el llum independentment de l'estat (obert/tancat) de les portes.



- Funcions amb entrades indiferents
  - Aquelles combinacions de valors d'entrada per a les quals no importa el valor de l'eixida, atès que...
    - Es tracta d'una combinació de les entrades per a la qual no s'ha especificat el comportament del circuit.
    - O es tracta d'una combinació de les entrades que és impossible.
  - En la taula de veritat, l'eixida per a aquestes valoracions és X.



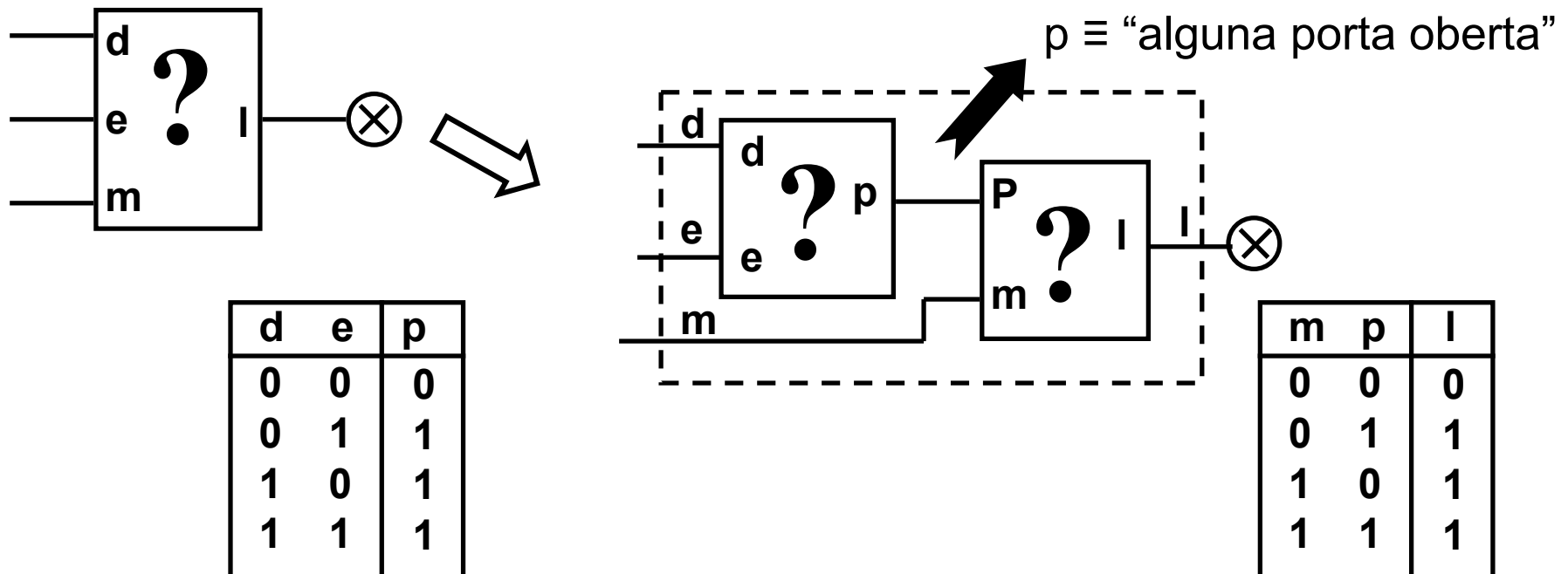
- Intermitents d'un cotxe
  - A partir de 3 entrades: palanca a l'esquerra (*pe*), palanca a la dreta (*pd*) i avaria (*a*), genereu les eixides que activen els intermitents esquerre (*ie*) i dret (*id*).



a	pe	pd	ie	id
0	0	0	0	0
0	0	1	0	1
0	1	0	1	0
0	1	1	X	X
1	0	0	1	1
1	0	1	1	1
1	1	0	1	1
1	1	1	X	X

Taula de veritat  
d'una funció  
amb entrades indiferents

- Funció composta. Aquella en què l'eixida d'una (sub)funció és utilitzada com a entrada d'una altra.
- Exemple: Ilum interior de cotxe amb encesa manual.

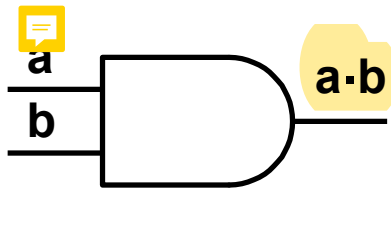


- Porta lògica. Circuit electrònic que implementa una funció lògica elemental.
- Tipus
  - Bàsics: AND, OR, NOT
  - Altres: XOR
  - Amb eixida negada: NAND, NOR, XNOR
- Tecnologies. Base física de construcció
  - TTL, CMOS

## • AND

– Producte lògic (“i”)

– Ampliable

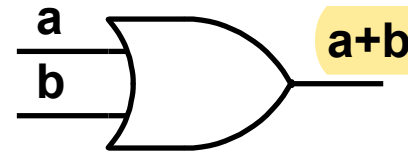


b	a	$a \cdot b$
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

## • OR

– Suma lògica (“o”)

– Ampliable

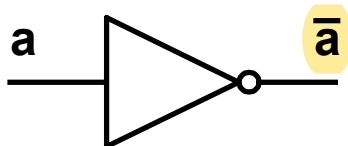


b	a	$a + b$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

## • NOT

– Negació lògica (“no”)

– No ampliable

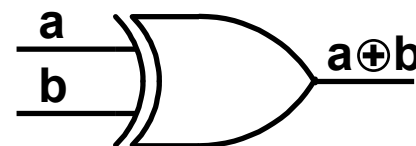


a	$\bar{a}$
0	1
1	0

## • XOR

– OR exclusiva

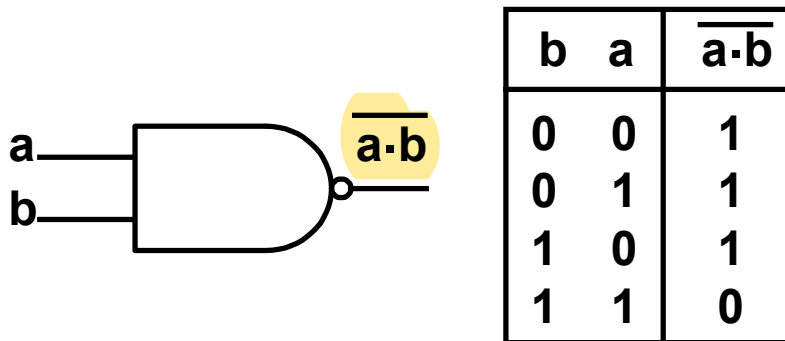
– No ampliable



b	a	$a \oplus b$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

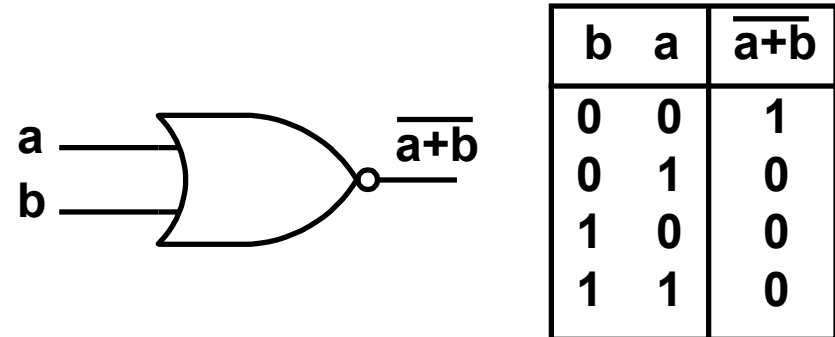
- NAND = NOT (AND)

– Ampliable



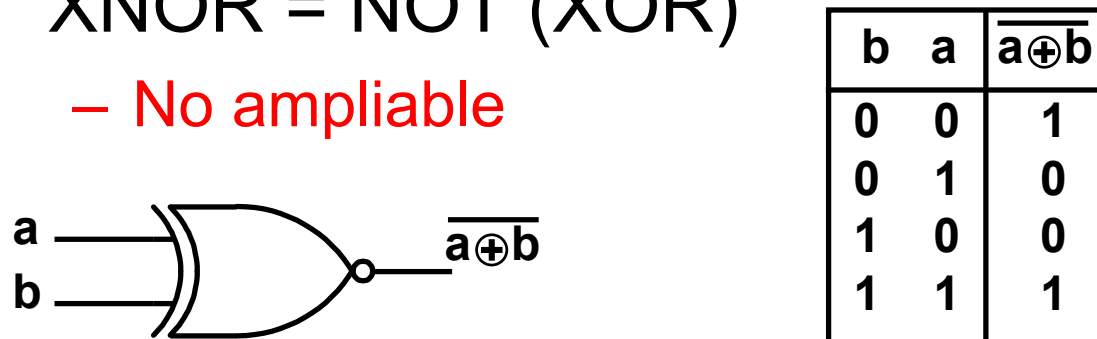
- NOR = NOT (OR)

– Ampliable



- XNOR = NOT (XOR)

– No ampliable

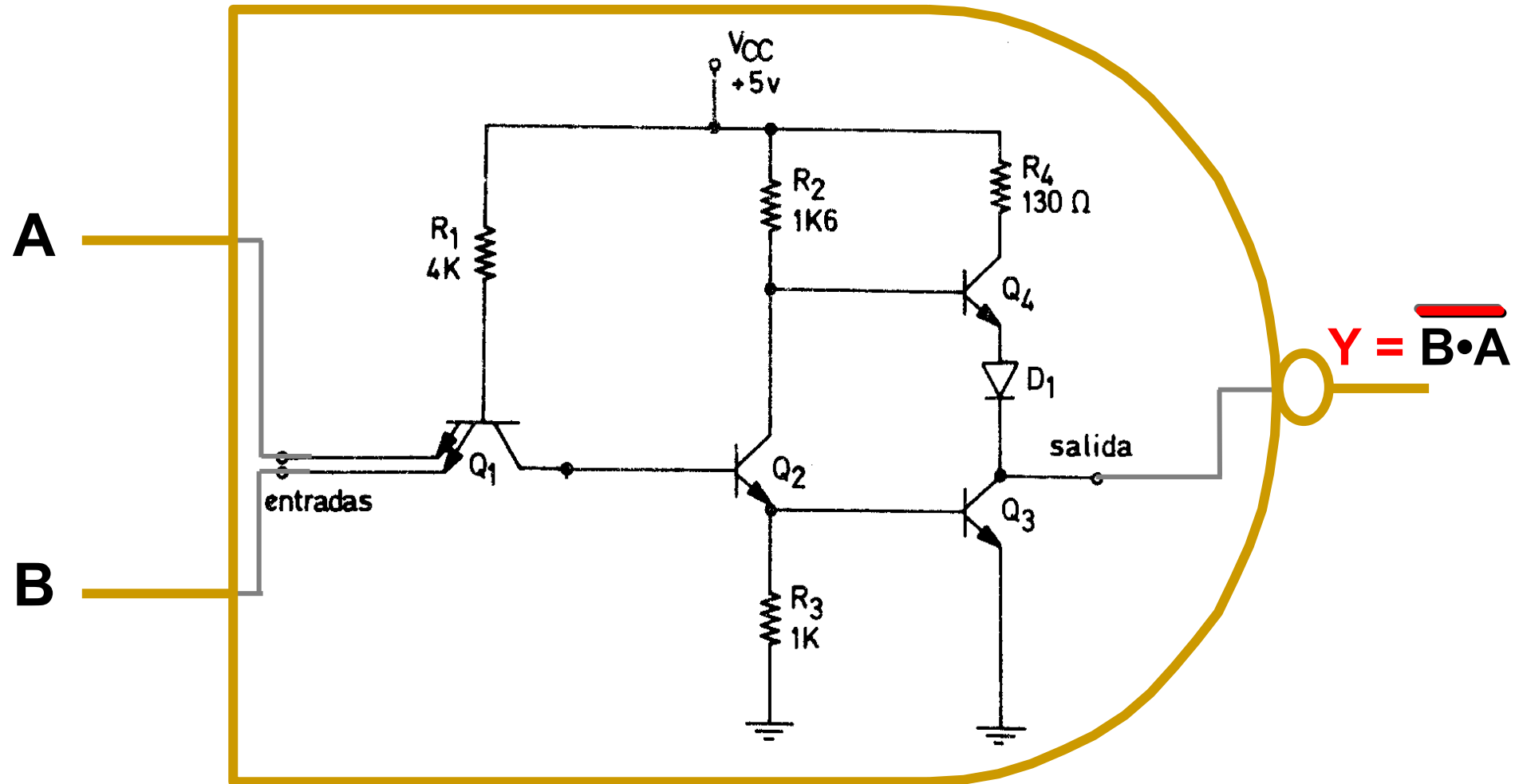




- Cada tecnologia de construcció emprà diferents tipus d'elements físics (transistors) i tensions per a representar els valors lògics “0” i “1”
- TTL = *Transistor-Transistor Logic*
  - Basada en transistors bipolars
  - Alta velocitat, alt consum, difícil integració
- CMOS = *Complementary Metal Oxide Semiconductor*
  - Basada en transistors MOSFET
  - Menor velocitat, baix consum, alta escala d'integració

# Esquema físic d'una NAND TTL

FCO





## Function Table

$$Y = \overline{AB}$$

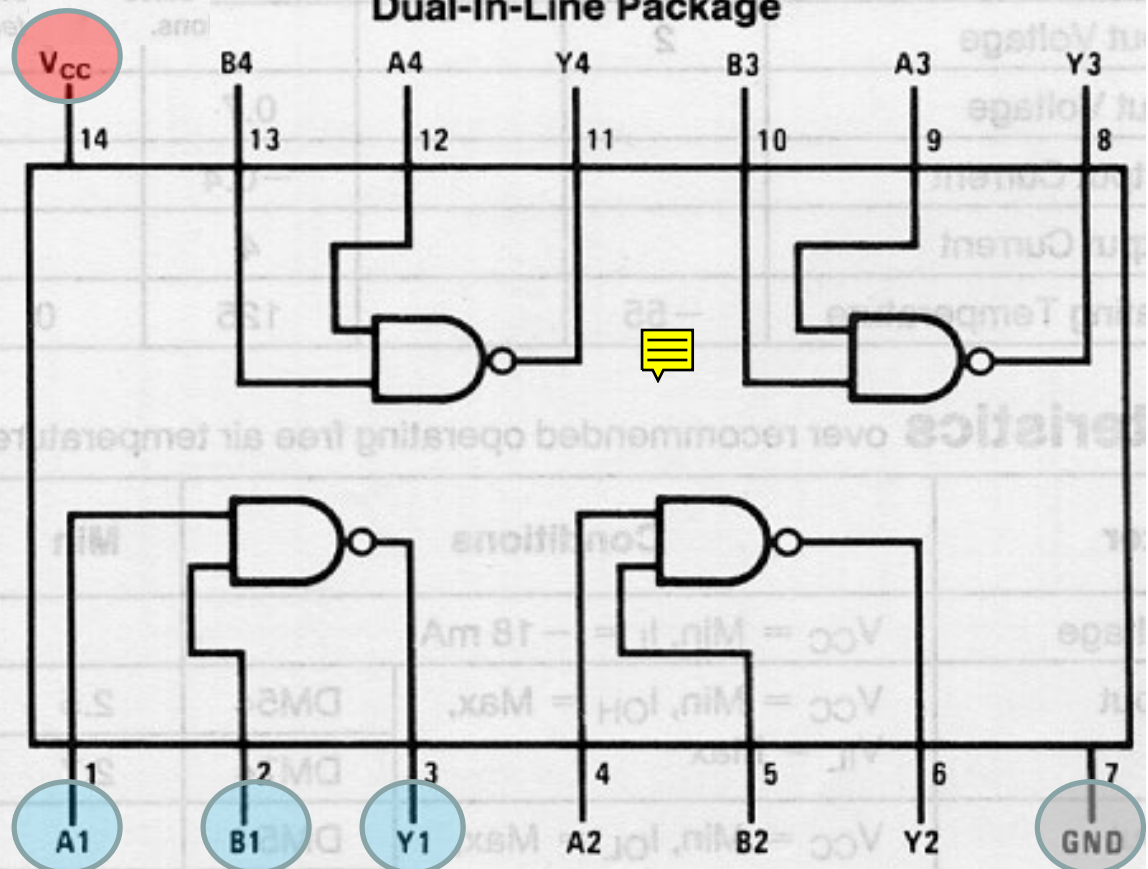
Inputs		Output
A	B	Y
L	L	H
L	H	H
H	L	H
H	H	L

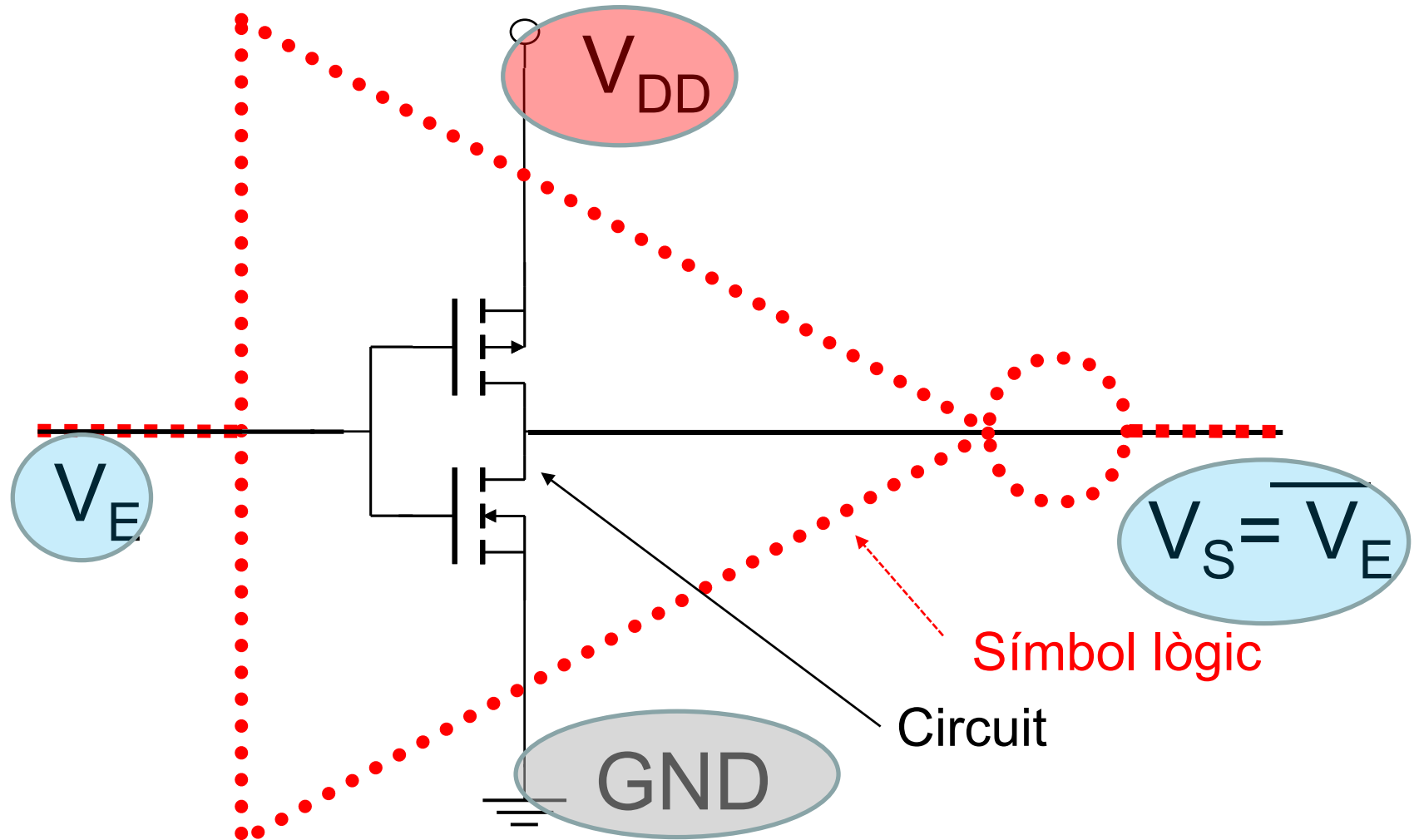
H = High Logic Level

L = Low Logic Level

## 54LS00/DM54LS00/DM74LS00 Quad 2-Input NAND Gates

### Dual-In-Line Package



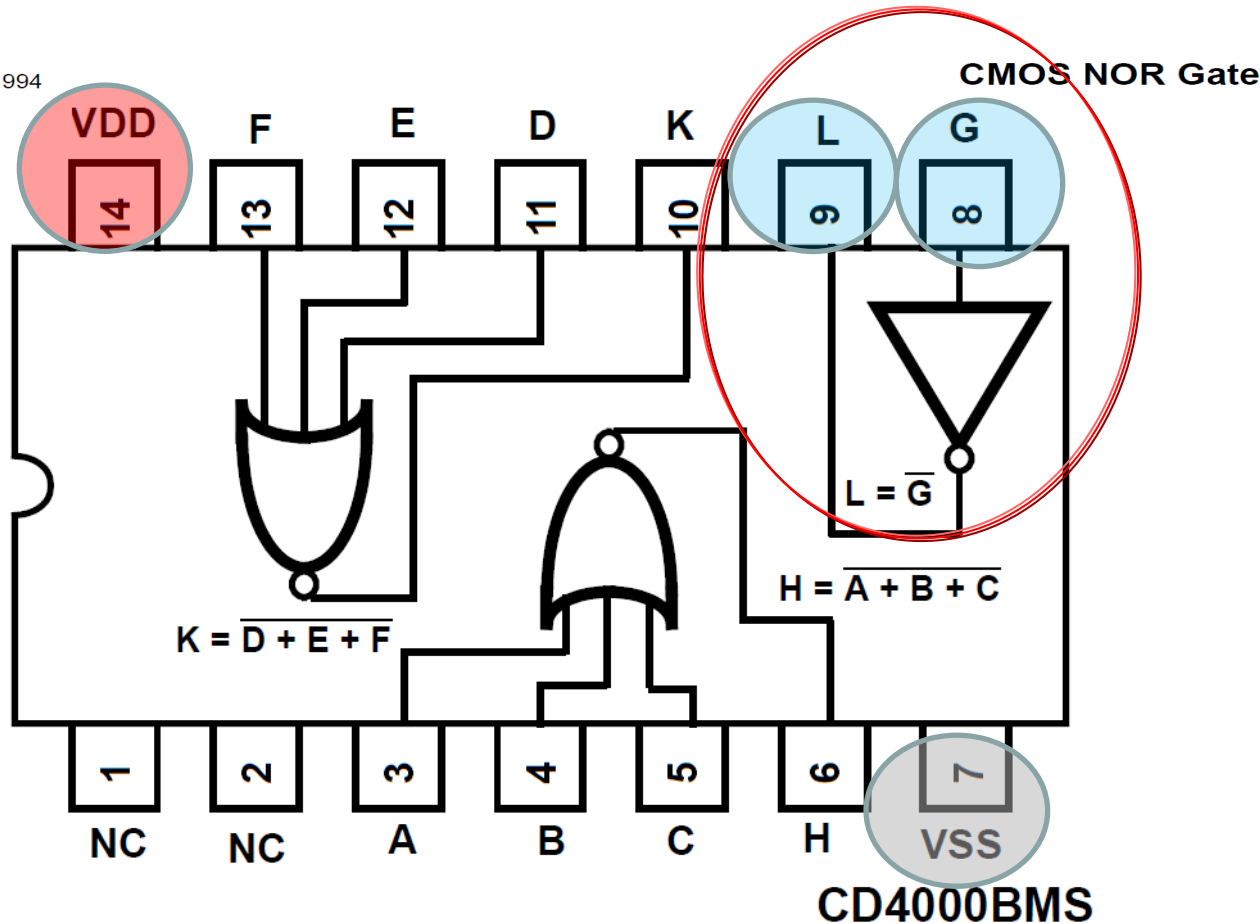


# Circuit integrat amb dues NOR i una NOT FCO

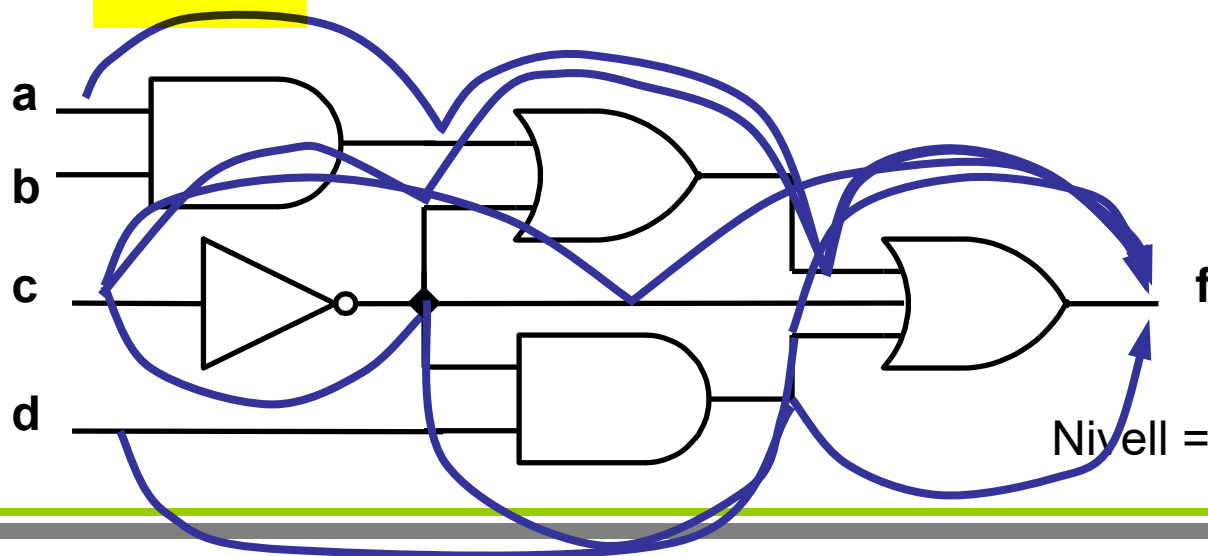
**intersil**

**CD4000BMS, CD4001BMS  
CD4002BMS, CD4025BMS**

November 1994



- Nivell
  - Nombre de portes que cal travessar en el pitjor dels casos des de les entrades fins a les eixides del circuit.
  - És una indicació del retard del circuit.
  - Cada porta té un retard  $T$ .
  - Nivell 0 = entrades.

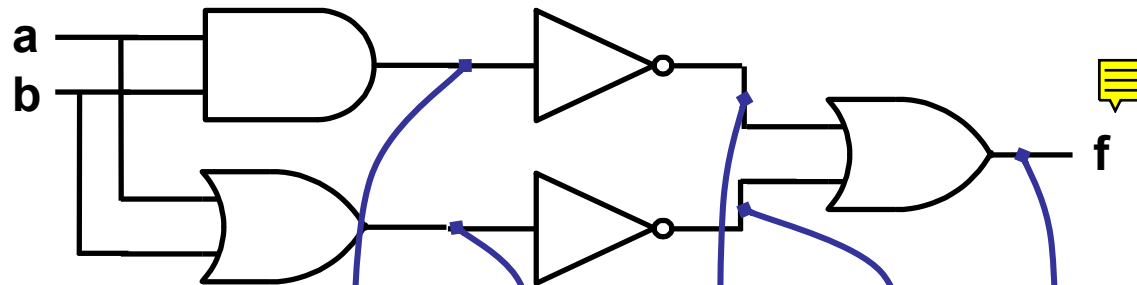


Travessa 2 portes.  
Travessa 3 portes.  
Travessa 2 portes.  
Travessa 3 portes.  
Travessa 3 portes.

Nivell = pitjor cas = 3 portes

- Donat un circuit, es tracta d'obtenir-ne la funció lògica i la taula de veritat.
  - Funció lògica: component les subfuncions corresponents a cada punt del circuit.
  - Taula de veritat: calculant l'eixida per a totes les possibles combinacions d'entrada.

- Exemple



b	a	$a \cdot b$	$a + b$	$\overline{a \cdot b}$	$\overline{a + b}$	$f = \overline{a \cdot b} + \overline{a + b}$
0	0	0	0	1	1	1
0	1	0	1	1	0	1
1	0	0	1	1	0	1
1	1	1	1	0	0	0

Funció lògica



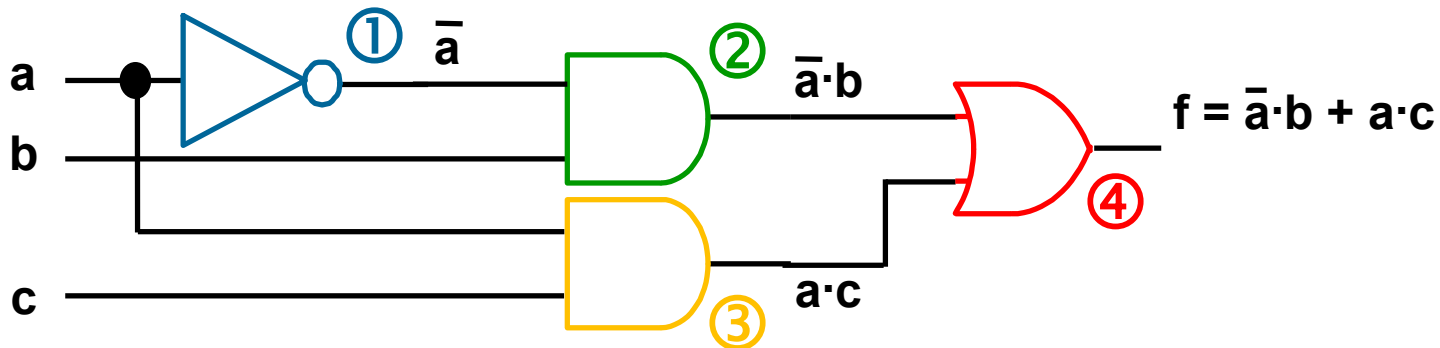
b	a	f
0	0	1
0	1	1
1	0	1
1	1	0

Taula de veritat



- A partir de la funció lògica corresponent:
  - Afegiu i interconnecteu les portes en l'ordre en què s'avaluen els termes de l'expressió lògica.
  - Exemple:

$$f = \boxed{\textcircled{1} \bar{a} \cdot b} + \boxed{a \cdot c \textcircled{3}} \textcircled{4}$$



- George Boole (s. XIX)
  - Matemàtic i filòsof anglès.
  - Desenvolupa una estructura algebraica amb dos valors (“vertader”, “fals”) i dues lleis de composició interna (“i”, “o”).
  - Permet formalitzar les regles del raonament lògic.
- Claude Shannon (1938, Lab. Bell)
  - Adapta aquest àlgebra a la computació.
    - Valors 0 i 1, lleis de composició AND i OR
  - Permet formalitzar les regles de construcció de circuits digitals.

Precedència  
(si no hi ha  
parèntesi)

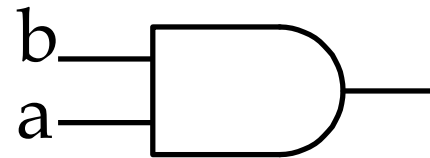
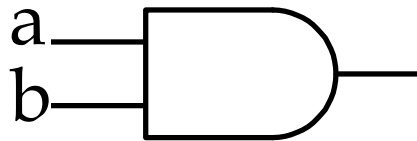
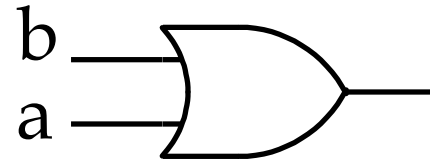
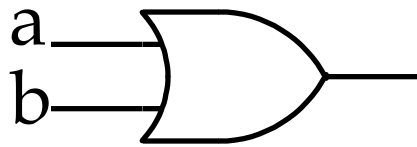
Porta lògica	Símbol estàndard
NOT	—
AND	·
OR	+
XOR	$\oplus$



- Commutativitat (+ , •)

$$a + b = b + a$$

$$a \cdot b = b \cdot a$$



- Distributivitat (+  $\Leftrightarrow$  •)

$$(a + b) \cdot (a + c) = a + (b \cdot c)$$

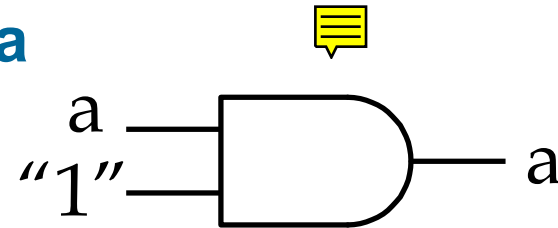
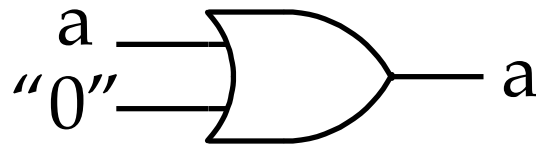


$$(a \cdot b) + (a \cdot c) = a \cdot (b + c)$$

- Existència d'element neutre (+ , •)

$$a + 0 = a$$

$$a \cdot 1 = a$$



- Existència d'element complementari (+ , •)

$$a + \bar{a} = 1$$

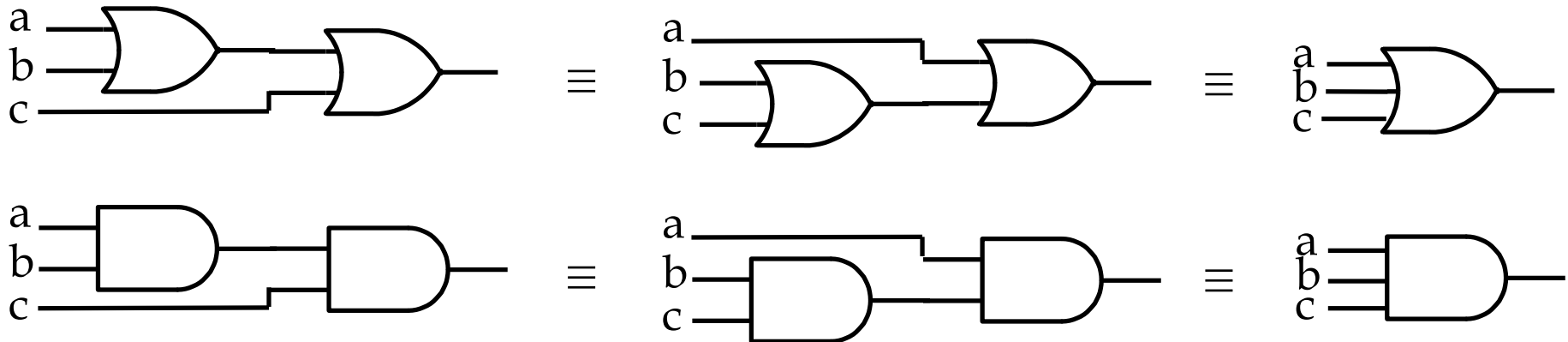
$$a \cdot \bar{a} = 0$$

- Associativa (+ , •) 

$$(a + b) + c = a + (b + c) = a + b + c$$

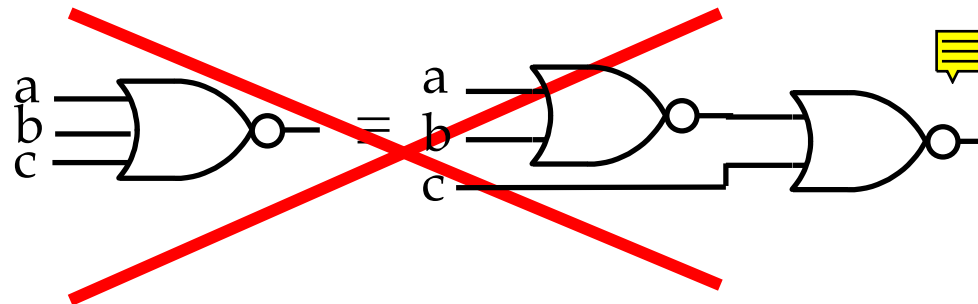
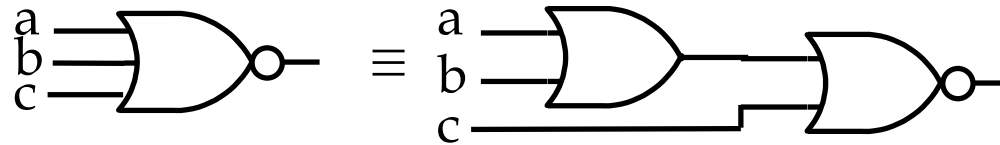
$$(a \cdot b) \cdot c = a \cdot (b \cdot c) = a \cdot b \cdot c$$

- Permet construir portes amb un nombre més gran d'entrades a partir de portes amb menys entrades:



- Associativa (ii)
  - ATENCIÓ a les portes amb eixida negada!

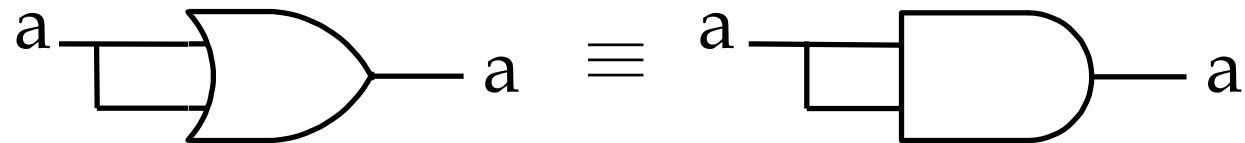
$$\overline{a + b + c} = \overline{(a + b) + c}$$



- Idempotència (+ , •)

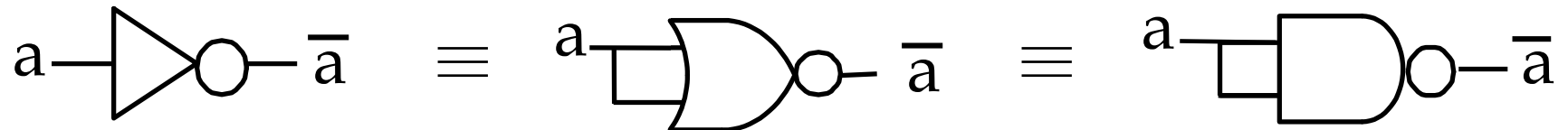
$$a + a = a$$

$$a \cdot a = a$$

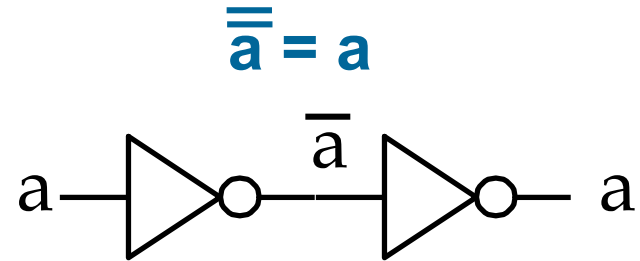


- Permet construir portes NOT a partir de NAND o NOR

$$\overline{a + a} = \overline{a} = \overline{a \cdot a}$$



- Involució



- Lleis de De Morgan

$$\overline{(a + b + \dots + n)} = \overline{a} \cdot \overline{b} \cdot \dots \cdot \overline{n}$$


$$\overline{(a \cdot b \cdot \dots \cdot n)} = \overline{a} + \overline{b} + \dots + \overline{n}$$

– ATENCIÓ!

~~$$\overline{(a + b)} = \overline{a} + \overline{b}$$~~

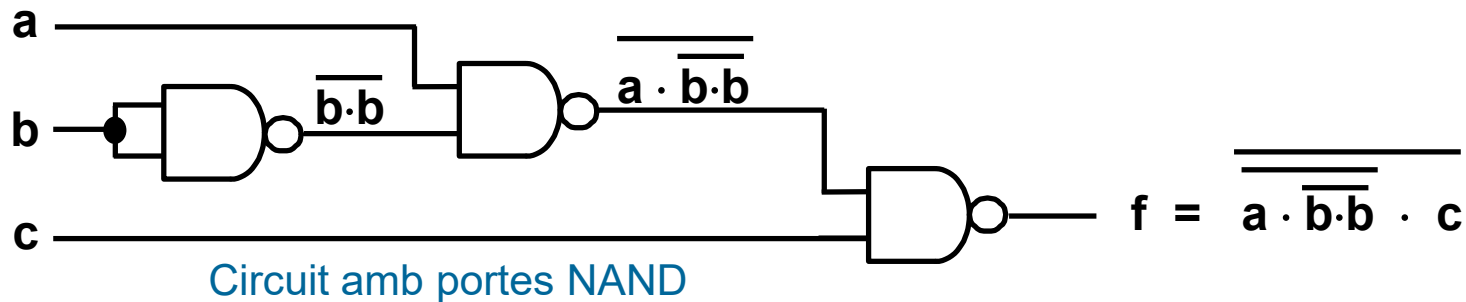
$$\overline{(a + b)} = \overline{a} \cdot \overline{b} \quad \checkmark$$





- Aplicant adequadament les lleis de De Morgan, **qualsevol** circuit lògic es pot **implementar** només amb portes **NAND** o **NOR**. 

– Exemple:

$$f = a \cdot \bar{b} + \bar{c} \quad \xrightarrow{\text{INVOLUCIÓ}} \quad \overline{\overline{a \cdot \bar{b} + \bar{c}}} \quad \xrightarrow{\text{DE MORGAN}} \quad \overline{\overline{a \cdot \bar{b}} \cdot \overline{\bar{c}}} \quad \xrightarrow{\text{INVOLUCIÓ}} \quad \overline{\overline{a \cdot \bar{b}} \cdot c} \quad \xrightarrow{\text{IDEMPOTÈNCIA (aquest últim pas se sol obviar)}} \quad \overline{\overline{a \cdot \bar{b} \cdot c}}$$



- Expressió algebraica única d'una funció lògica formulada amb maxitermes o minitermes. 
- Miniterme d'ordre  $n$ 
  - Producte en què apareixen les  $n$  variables lògiques d'entrada.
  - Cada variable apareix complementada si el valor n'és 0. 
  - Cada valoració dóna lloc a un miniterme distint.
  - Els minitermes es numeren segons la quantitat representada per la valoració corresponent.

- Maxiterme d'ordre  $n$ 
  - Suma en què apareixen les  $n$  variables lògiques d'entrada.
  - Cada variable apareix complementada si el valor n'és 1.
  - Cada valoració dóna lloc a un maxiterme distint.
  - Els maxitermes es numeren segons la quantitat representada per la valoració corresponent.

- Forma canònica disjuntiva o suma de productes
  - Suma dels minitermes pertanyents a la funció.
  - Pertanyen a la funció els minitermes corresponents a les valoracions per a les quals la funció val 1.

$$\sum ( \text{llista numerada dels minitermes de la funció} )$$

llista de variables de la funció

b	a	f	miniterme	núm.
0	0	0	$\bar{b} \cdot \bar{a}$	0
0	1	1	$\bar{b} \cdot a$	1
1	0	0	$b \cdot \bar{a}$	2
1	1	1	$b \cdot a$	3

Forma canònica

$$f = \sum_{b, a} (1, 3) = \bar{b} \cdot a + b \cdot a$$

Expressió algebraica equivalent

- Forma canònica conjuntiva o producte de sumes
  - Producte dels maxitermes de la funció.
  - Pertanyen a la funció els maxitermes corresponents a les valoracions per a les quals la funció val 0.

$\prod$  (llista numerada dels maxitermes de la funció)

llista de variables de la funció

b	a	f	maxiterme	núm.
0	0	0	$b + a$	0
0	1	1	$b + \bar{a}$	1
1	0	0	$\bar{b} + a$	2
1	1	1	$\bar{b} + \bar{a}$	3

Forma canònica

$$f = \prod_{b, a} (0, 2) = (b + a) \cdot (\bar{b} + \bar{a})$$

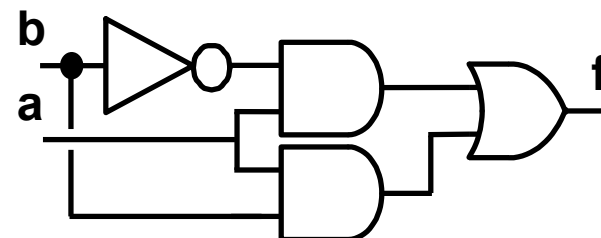
Expressió algebraica equivalent

- Expressió única i compacta d'una funció lògica.
- Primera aproximació a la síntesi de circuits a partir d'una taula de veritat:

b	a	f
0	0	0
0	1	1
1	0	0
1	1	1



$$f = \sum_{b, a} (1, 3) = \bar{b} \cdot a + b \cdot a$$



- Qualsevol funció lògica pot implementar-se per mitjà d'un circuit de nivell  $\leq 3$ .



# Formes canòniques. Entrades indiferents FCO

- Formes canòniques per a funcions amb entrades indiferents
  - Aquestes combinacions s'agrupen per separat en sumatoris o productoris del conjunt buit  $\Phi$ .

	a	pe	pd	id
0	0	0	0	0
1	0	0	1	1
2	0	1	0	0
3	0	1	1	X
4	1	0	0	1
5	1	0	1	1
6	1	1	0	1
7	1	1	1	X

$$id = \sum_{a, pe, pd} (1, 4, 5, 6) + \sum_{\phi} (3, 7)$$

$$id = \prod_{a, pe, pd} (0, 2) \cdot \prod_{\phi} (3, 7)$$

- Simplificar una funció
  - Consisteix a trobar una expressió algebraica equivalent a la de partida, però de menor grandària (menys termes, termes amb menys variables).
  - L'objectiu n'és reduir al màxim el circuit amb què s'implementa una funció lògica. 
- Metodologia
  - Algebraica. Aplicació d'axiomes i propietats de l'àlgebra de Boole
    - Element complementari, element neutre, distributiva i associativa
  - Gràfica. Mapes de Karnaugh 



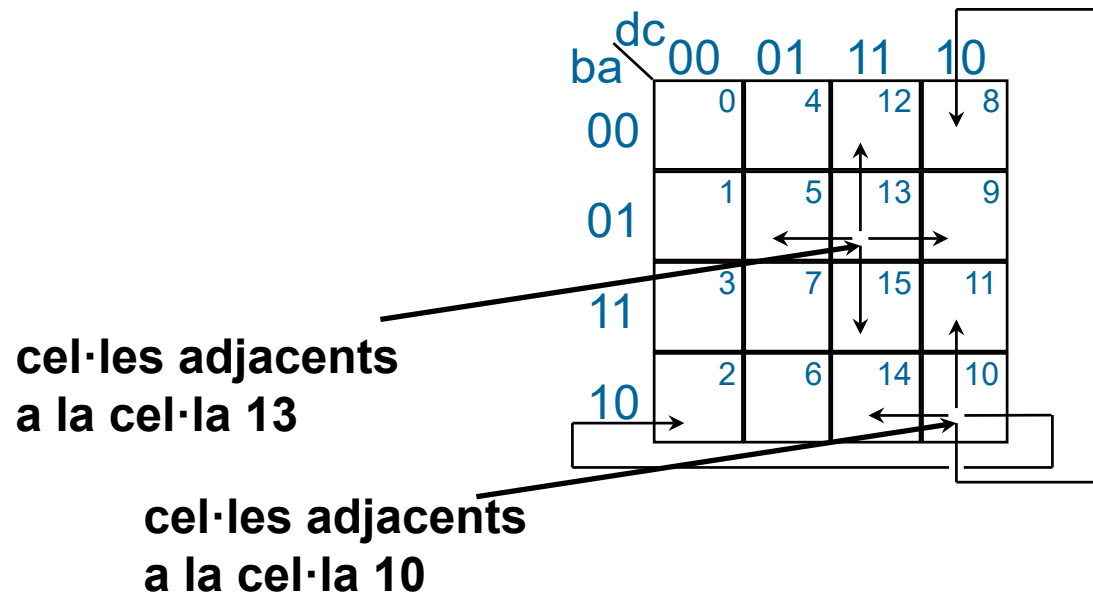
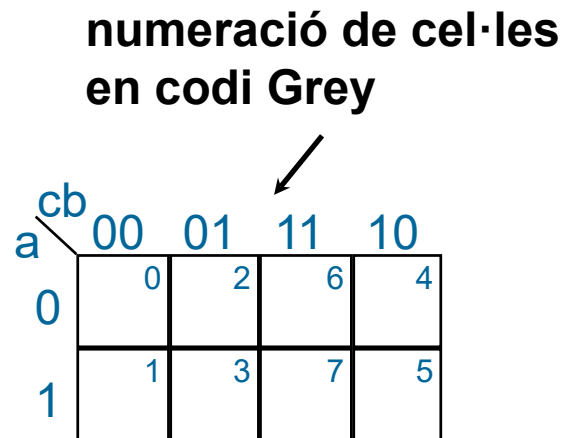
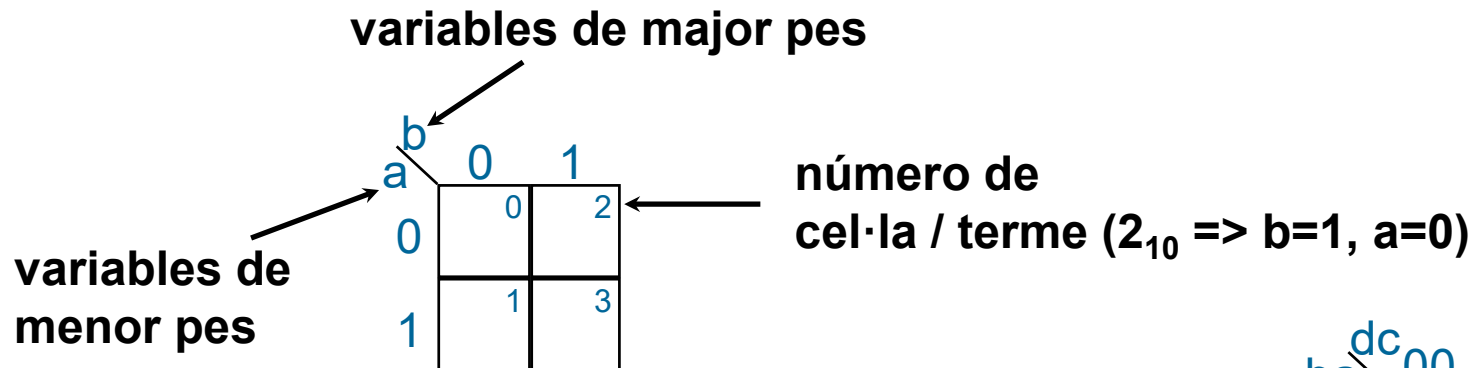
- Mapa de Karnaugh





- Representació matricial d'una taula de veritat.
- Una cel·la del mapa de Karnaugh representa una fila de la taula de veritat.
- En cada cel·la es col·loca el valor d'una eixida de la funció.
- La disposició espacial de les cel·les és tal que els termes adjacents de la funció lògica estan en cel·les adjacents.
- Dos termes es diuen adjacents si les valoracions en difereixen en el valor d'una sola variable.
- Les vores del mapa de Karnaugh han de considerar-se com adjacents.

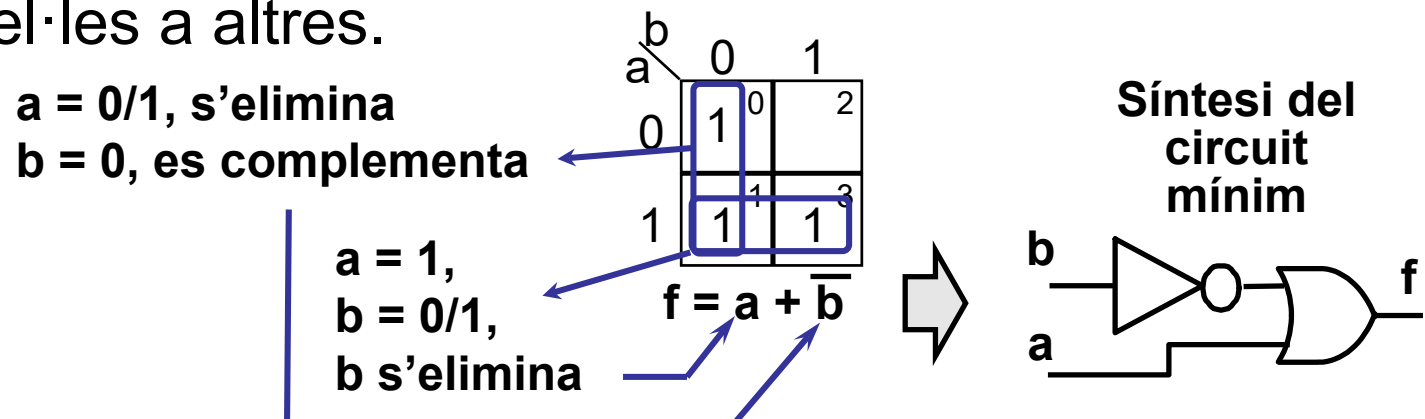


- Mapes per a funcions de 2, 3 i 4 variables

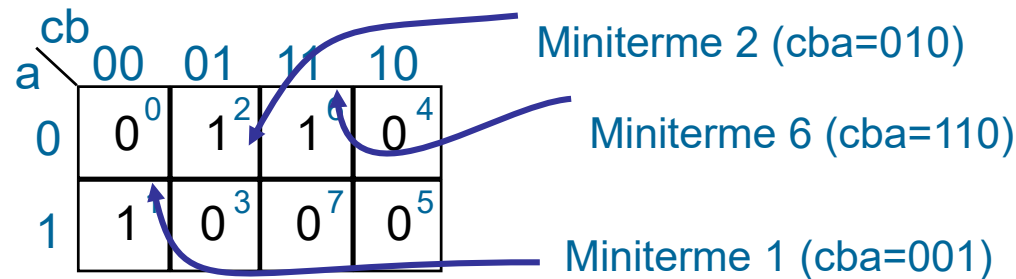


- Mètode de simplificació
  - Cal agrupar totes les cel·les amb el mateix valor, en un o més grups.
  - Cada grup ha de contenir un nombre de cel·les adjacents potència de 2. 
  - Cal fer els grups tan grans com siga possible.
  - El nombre de grups ha de ser mínim. 
  - Una cel·la pot estar en un grup o en més d'un.

- Cal agrupar les cel·les de valor 1.
- Cada grup representa un terme producte (no un miniterme, ja que no apareixen totes les variables de la funció). Les variables a 0 apareixen complementades.
- Un grup de  $2^k$  cel·les elimina  $k$  variables del terme resultant, i per tant aquest tindrà  $n-k$  variables.
- En cada grup s'eliminen les variables que canvien de valor d'unes cel·les a altres.



- Cada cel·la a 1 representa un miniterme que pertany a la funció:



- La funció sense simplificar inclouria tots els minitermes que hi pertanyen:

$$f = \sum_{c,b,a} (1, 2, 6) = \bar{c} \cdot \bar{b} \cdot a + \bar{c} \cdot b \cdot \bar{a} + c \cdot b \cdot \bar{a}$$

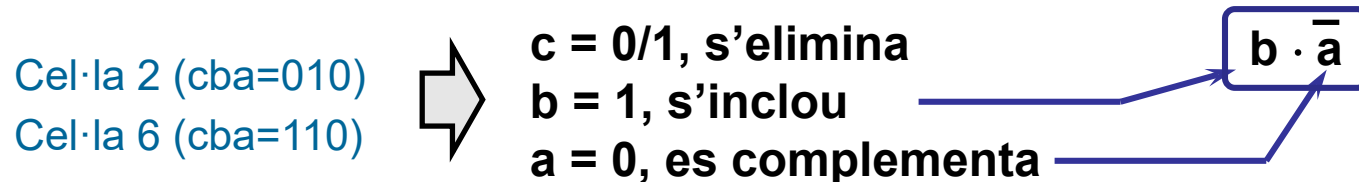
- Els grups de cel·les adjacents detecten minitermes amb un factor comú:



- La suma n'és simplificable. Algebraicament seria:

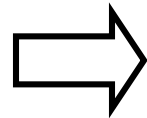
$$\bar{c} \cdot b \cdot \bar{a} + c \cdot b \cdot \bar{a} = \bar{c} \cdot (b \cdot \bar{a}) + c \cdot (b \cdot \bar{a}) \stackrel{\text{ASSOCIATIVA}}{=} (\bar{c} + c) \cdot (b \cdot \bar{a}) \stackrel{\text{DISTRIBUTIVA}}{=} 1 \cdot (b \cdot \bar{a}) \stackrel{\text{ELEM. COMPLEM.}}{=} b \cdot \bar{a} \stackrel{\text{ELEM. NEUTRE}}{=} \boxed{b \cdot \bar{a}}$$

- Karnaugh obté el mateix resultat:



- Exemples

a \ cb	00	01	11	10
	0	1	6	4
0	1 <sup>0</sup>	1 <sup>2</sup>	0 <sup>6</sup>	1 <sup>4</sup>
1	1 <sup>1</sup>	1 <sup>3</sup>	0 <sup>7</sup>	0 <sup>5</sup>



a \ cb	00	01	11	10
	0	1		
0	1	1		1
1	1	1		

$$f = \bar{c} + c \cdot \bar{a} \cdot \bar{b}$$

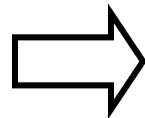
**MALAMENT**

a \ cb	00	01	11	10
	0	1		
0	1	1		1
1	1	1		

$$f = \bar{c} + \bar{a} \cdot \bar{b}$$

**BÉ**

a \ cb	00	01	11	10
	0	1	6	4
0	1 <sup>0</sup>	1 <sup>2</sup>	1 <sup>6</sup>	0 <sup>4</sup>
1	1 <sup>1</sup>	1 <sup>3</sup>	1 <sup>7</sup>	0 <sup>5</sup>



a \ cb	00	01	11	10
	0	1		
0	1	1	1	
1	1	1	1	

$$f = \bar{c} + c \cdot b$$

**MALAMENT**

a \ cb	00	01	11	10
	0	1		
0	1	1	1	
1	1	1	1	

$$f = ?$$

**MALAMENT**

a \ cb	00	01	11	10
	0	1		
0	1	1	1	
1	1	1	1	

$$f = \bar{c} + b$$

**BÉ**

- Exemples (cont.)

dc \ ba	00	01	11	10
00	0	1 <sup>4</sup>	1 <sup>12</sup>	8
01	1	1 <sup>5</sup>	1 <sup>13</sup>	9
11	3	1 <sup>7</sup>	1 <sup>15</sup>	11
10	2	1 <sup>6</sup>	1 <sup>14</sup>	10

dc \ ba	00	01	11	10
00	1 <sup>0</sup>	1 <sup>4</sup>	1 <sup>12</sup>	8
01	1 <sup>1</sup>	1 <sup>5</sup>	1 <sup>13</sup>	9
11	1 <sup>3</sup>	7	15	11
10	1 <sup>2</sup>	6	14	10

dc \ ba	00	01	11	10
00	1 <sup>0</sup>	1 <sup>4</sup>		1 <sup>8</sup>
01	1 <sup>1</sup>		1 <sup>13</sup>	9
11	3	7	15	1 <sup>11</sup>
10	2	6	14	10

dc \ ba	00	01	11	10
00	1 <sup>0</sup>			1 <sup>8</sup>
01		1 <sup>5</sup>	13	9
11	3	7	1 <sup>15</sup>	11
10	1 <sup>2</sup>	6	14	1 <sup>10</sup>



- Cal agrupar les cel·les de valor zero.
- Cada grup representa un terme suma (no un maxiterme, ja que no apareixen totes les variables de la funció). Les variables de valor 1 apareixen complementades.
- Un grup de  $2^k$  cel·les elimina  $k$  variables del terme resultant, i per tant aquest tindrà  $n-k$  variables.
- En cada grup s'eliminen les variables que canvien de valor d'unes cel·les a altres.

cb		00	01	11	10
a	0	1 <sup>0</sup>	1 <sup>2</sup>	1 <sup>6</sup>	0 <sup>4</sup>
	1	1 <sup>1</sup>	1 <sup>3</sup>	1 <sup>7</sup>	0 <sup>5</sup>

$a = 0/1$ , s'elimina  
 $b = 0$ , s'inclou  
 $c = 1$ , es complementa

$$f = \overline{c} + b$$

- Exemples

dc \ ba	00	01	11	10
00	0	4	12	8
01	1	5	13	9
11	3	0	7	15
10	2	0	6	14

$$f = (\bar{d} + c) \cdot (\bar{c} + \bar{b})$$

a \ cb	00	01	11	10
0	0	2	6	4
1	1	3	7	5

dc \ ba	00	01	11	10
00	0	4	12	8
01	1	5	13	9
11	3	7	15	11
10	2	6	14	10

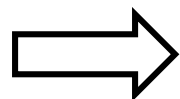
dc \ ba	00	01	11	10
00	0	4	12	8
01	1	5	13	9
11	3	7	15	11
10	2	6	14	10

dc \ ba	00	01	11	10
00	0	4	12	8
01	1	5	13	9
11	3	7	15	11
10	2	6	14	10

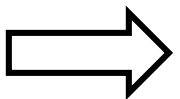
dc \ ba	00	01	11	10
00	0	4	12	8
01	1	5	13	9
11	3	7	15	11
10	2	6	14	10

- Les cel·les amb “x” es prenen com si tingueren valor 1 o valor 0, cadascuna com més convinga, per maximitzar la simplificació.

d	c	b	a	f
0	0	0	0	0
0	0	0	1	x
0	0	1	0	0
0	0	1	1	x
0	1	0	0	0
0	1	0	1	x
0	1	1	0	x
0	1	1	1	1
1	0	0	0	0
1	0	0	1	0
1	0	1	0	x
1	0	1	1	1
1	1	0	0	x
1	1	0	1	1
1	1	1	0	1
1	1	1	1	1



$$f = \sum_{d,c,b,a} (7, 11, 13, 14, 15) + \sum_{\phi} (1, 3, 5, 6, 10, 12) = \prod_{d,c,b,a} (0, 2, 4, 8, 9) \cdot \prod_{\phi} (1, 3, 5, 6, 10, 12)$$



dc \ ba	00	01	11	10
00	0 <sup>0</sup>	0 <sup>4</sup>	x <sup>12</sup>	0 <sup>8</sup>
01	x <sup>1</sup>	x <sup>5</sup>	1 <sup>13</sup>	0 <sup>9</sup>
11	x <sup>3</sup>	1 <sup>7</sup>	1 <sup>15</sup>	1 <sup>11</sup>
10	0 <sup>2</sup>	x <sup>6</sup>	1 <sup>14</sup>	x <sup>10</sup>

“per uns”

dc \ ba	00	01	11	10
00	0 <sup>0</sup>	0 <sup>4</sup>	x <sup>12</sup>	0 <sup>8</sup>
01	x <sup>1</sup>	x <sup>5</sup>	1 <sup>13</sup>	0 <sup>9</sup>
11	x <sup>3</sup>	1 <sup>7</sup>	1 <sup>15</sup>	1 <sup>11</sup>
10	0 <sup>2</sup>	x <sup>6</sup>	1 <sup>14</sup>	x <sup>10</sup>

“per zeros”

- Errors comuns:

- Prendre totes les “x” per 0 o per 1.

dc \ ba	00	01	11	10
00	0 <sup>0</sup>	0 <sup>4</sup>	x <sup>12</sup>	0 <sup>8</sup>
01	x <sup>1</sup>	x <sup>5</sup>	1 <sup>13</sup>	0 <sup>9</sup>
11	x <sup>3</sup>	1 <sup>7</sup>	1 <sup>15</sup>	1 <sup>11</sup>
10	0 <sup>2</sup>	x <sup>6</sup>	1 <sup>14</sup>	x <sup>10</sup>

**MALAMENT**

dc \ ba	00	01	11	10
00	0 <sup>0</sup>	0 <sup>4</sup>	x <sup>12</sup>	0 <sup>8</sup>
01	x <sup>1</sup>	x <sup>5</sup>	1 <sup>13</sup>	0 <sup>9</sup>
11	x <sup>3</sup>	1 <sup>7</sup>	1 <sup>15</sup>	1 <sup>11</sup>
10	0 <sup>2</sup>	x <sup>6</sup>	1 <sup>14</sup>	x <sup>10</sup>

**MALAMENT**

- Fer grups amb “x” innecessaris.

dc \ ba	00	01	11	10
00	0 <sup>0</sup>	0 <sup>4</sup>	x <sup>12</sup>	0 <sup>8</sup>
01	x <sup>1</sup>	x <sup>5</sup>	1 <sup>13</sup>	0 <sup>9</sup>
11	x <sup>3</sup>	1 <sup>7</sup>	1 <sup>15</sup>	1 <sup>11</sup>
10	0 <sup>2</sup>	x <sup>6</sup>	1 <sup>14</sup>	x <sup>10</sup>

**MA-  
LA-  
MENT**

dc \ ba	00	01	11	10
00	0 <sup>0</sup>	0 <sup>4</sup>	x <sup>12</sup>	0 <sup>8</sup>
01	x <sup>1</sup>	x <sup>5</sup>	1 <sup>13</sup>	0 <sup>9</sup>
11	x <sup>3</sup>	1 <sup>7</sup>	1 <sup>15</sup>	1 <sup>11</sup>
10	0 <sup>2</sup>	x <sup>6</sup>	1 <sup>14</sup>	x <sup>10</sup>

**MA-  
LA-  
MENT**

- Poliformat, secció “Recursos”
  - Exercicis sense solució.
  - Solucions als exercicis.
  - **Entrenador de Karnaugh.**
  - Exàmens d'anys anteriors.
- Poliformat, secció “Lessons”
  - Mòdul 2: Principios de diseño digital.
    - » *Taules de veritat.*
    - » *Portes lògiques.*



UNIVERSITAT  
POLITÈCNICA  
DE VALÈNCIA



---

# Fonaments de computadors

---

## TEMA 2. PRINCIPIIS DEL DISSENY DIGITAL

---