

(*Practica 2: Andreu Mut Portes. Ejercicios*)

(*Ejercicio 1: Per ser determinista des de un estat i un simbol nomes pot anar a un altre estat. Si des d'un estat amb un simbol pots anar a dos estats, deixa de ser AFD. Si per exemple des del estat 1 puc anar a 2 o 3 utilitzant una "a" com a simbol*)

```
Ex1[aut_] := Module[{est, alf, trans, ini, fin, i, j, aux},
  (*módulo
  (*Enmagatzemar la info del automat que li passem en diverses variables*)
  est = aut[[1]]; alf = aut[[2]];
  trans = aut[[3]]; ini = aut[[4]]; fin = aut[[5]];
  For[i = 1, i ≤ Length[est], i++, (*<- Recorrer tot els estats...*)
    (*para cada longitud
    For[j = 1, j ≤ Length[alf], j++,
      (*para cada longitud
      (*<- Recorrer tot els estats... per a cada simbol*)
      aux = Cases[trans, {est[[i]], alf[[j]], _}];
      (*casos
      (*Torna el numero de coincidencies de transicions*)
      If [Length[aux] > 1, Return[False]]; (*Si fora major que 1,
      (*si longitud retorna falso
      ja no es AFD xk dun estat a un altre pots anar de mes d'una manera*)
    ];
  ];
  Return [True]; (*Si ha passat tots els bucles
  (*retorna verdadero
  d'abans i no ha eixit pel False, es que es verdader*)
  (*falso
]

automat1 = {{0, 1, 2}, {a, b, c}, {{0, a, 0}, {0, a, 1}, {0, a, 2}, {0, b, 1}, {0, b, 2},
  {0, c, 2}, {1, b, 1}, {1, b, 2}, {1, c, 2}, {2, c, 2}}, 0, {0, 1, 2}};

Ex1[automat1]
False

automat2 = {{0, 1, 2, 3}, {a, b},
  {{0, a, 2}, {0, b, 1}, {1, a, 3}, {2, a, 2}, {2, b, 3}, {3, b, 0}}, 0, {0, 3}};

Ex1[automat2]
True
```

(*Ejercicio 2:

Bideterminisme:

-Condicio 1: Mirar si el estat final es 1. Si te mes de 1, False.

falso

-Condicio 2: Un estat X nomes pot rebre un unic simbol. Si el estat 2, rep una "a" del estat 0 i una "a" buclejat en si mateix, ja no seria bideterminista*)

```

Ex2[aut_] := Module[{est, alf, trans, ini, fin, i, j, aux},
  (*módulo
  est = aut[[1]]; alf = aut[[2]];
  trans = aut[[3]]; ini = aut[[4]]; fin = aut[[5]];
  (*Condicio 1: Mirar si el estat final es 1. Si te mes de 1, False.*)
  (*falso
  If[Length[fin] > 1, Return[False]];
  (*si longitud retorna falso
  (*Condicio 2: Un estat X nomes pot rebre un unic simbol.*)
  For[i = 1, i ≤ Length[est], i++, (*<- Recorrer tot els estats...*)
  (*para cada longitud
  For[j = 1, j ≤ Length[alf], j++,
  (*para cada longitud
  (*<- Recorrer tot els estats... per a cada simbol*)
  (*La linia següent diu: Al estat iessim i al estat
    jessim quantes transicions arriben???)
  aux = Cases[trans, {_, alf[[j]], est[[i]]}];
  (*casos
  (*Si el aux es major que 1 es que
    arriba mes d'una transicio per al meteix simbol.*)
  If [Length[aux] > 1, Return[False]];
  (*si longitud retorna falso
  ];
  ];
  ]

```

```

(*Ejercicio 3 Es complet quan en per a tot estat i tot simbol,
te definida una transicio. Si per a un estat/simbol no la troba,
que done False directament*)
(*falso

```

```

Ex3[aut_] := Module[{est, alf, trans, ini, fin, i, j, aux},
  (*módulo
  (*Enmagatzemar la info del automat que li passem en diverses variables*)
  est = aut[[1]]; alf = aut[[2]];
  trans = aut[[3]]; ini = aut[[4]]; fin = aut[[5]];
  For[i = 1, i ≤ Length[est], i++, (*<- Recorrer tot els estats...*)
    (*para cada longitud
    For[j = 1, j ≤ Length[alf], j++,
      (*para cada longitud
      (*<- Recorrer tot els estats... per a cada simbol*)
      aux = Cases[trans, {est[[i]], alf[[j]], _}];
      (*casos
      (*Torna el numero de coincidencies de transicions*)
      If [Length[aux] == 0, Return[False]];
      (*si longitud retorna falso
      (*Si es zero es que no esta definida la transicio.*)
    ];
  ];
  Return [True]; (*Si ha passat tots els bucles
  (*retorna verdadero
  d'abans i no ha eixit pel False, es que es verdader*)
  (*falso
]

```

(*Ejercicio 4 *)

```

Ex4[automat_, cadena_] := Module[{trans, fin, estatActual, i, aux},
  (*módulo
  trans = automat[[3]]; fin = automat[[5]];
  estatActual = automat[[4]];

  (*Bucle que recorre la cadena*)
  For [i = 1, i ≤ Length[cadena], i++,
    (*para cada longitud
    aux = Cases[trans, {estatActual, cadena[[i]], _}];
    (*casos
    If[aux ≠ {}, estatActual = aux[[1, 3]], Return[False]];
    (*si retorna falso
  ];
  Return [MemberQ[fin, estatActual]];
  (*retorna ¿contenido en?
]

automat1 = {{0, 1, 2, 3}, {a, b},
  {{0, a, 2}, {0, b, 1}, {1, a, 3}, {2, a, 2}, {2, b, 3}, {3, b, 0}}, 0, {0, 3}};

Ex4[automat1, {a, b, a}]

False

```

```
Ex4[automat1, {a, b}]
```

```
True
```

```
(*Ejercicio 5 *)
```

```
Ex5[aut1_, aut2_, cadena_] := Module[{val1, val2},
    |módulo
    val1 = Ex4[aut1, cadena];
    val2 = Ex4[aut2, cadena];
    Return[val1 || val2];
    |retorna
]
```

```
(*Ejercicio 6*)
```

```
Ex6[aut1_, aut2_, cadena_] := Module[{val1, val2},
    |módulo
    val1 = Ex4[aut1, cadena];
    val2 = Ex4[aut2, cadena];
    Return[val1 && val2];
    |retorna
]
```

```
(*Ejercicio 7 *)
```

```

Ex7[autom_, conj_, simb_] := Module[{transicions, i, aux, aux2},
  (*módulo
  transicions = autom[[3]];
  aux = {};
  For[i = 1, i ≤ Length[conj], i++,
    (*para cada (*longitud
      aux2 = Cases[transicions, {conj[[i]], simb, _}];
      (*casos
      aux = Join[aux, aux2];
      (*junta
    ];
    (*Print["Despres primer bucle", aux];*)
    (*escribe
    (*Aci en este punt aux te guardades les transicion que
      tenen el conjunt inicial CONJ amb el simbol donat SIMB.*/)
    (*Ara cal recorrer aux i treure el tercer element de cada llista
      i crear una llista nova.*/)
    aux2 = {};
    For[i = 1, i ≤ Length[aux], i++,
      (*para cada (*longitud
        aux2 = Append[aux2, aux[[i]][[3]]];
        (*añade
      ];
      Return[Union[aux2]];
      (*ret... (*unión
    ]
  ]

automat1 = {{1, 2, 3}, {a, b}, {{1, a, 1}, {1, a, 2}, {1, b, 2},
  {2, a, 3}, {2, a, 1}, {2, b, 3}, {3, a, 2}, {3, b, 3}}, 1, {1, 2}};

conj1 = {1, 3};
simb1 = a;

Ex7[automat1, conj1, simb1]

{1, 2}

conj2 = {2, 3};
simb2 = b;

Ex7[automat1, conj2, simb2]

{3}

```

(*Ejercicio 8 *)

```

Ex8[automat_, cadena_] := Module[{trans, fin, conjuntActual, i},
  (*módulo
  trans = automat[[3]]; fin = automat[[5]];
  conjuntActual = {};
  conjuntActual = Append[conjuntActual, automat[[4]]];
  (*añade
  (*Bucle que recorre la cadena*)
  For[i = 1, i ≤ Length[cadena], i++,
    (*para cada (*longitud
    conjuntActual = Ex7[automat, conjuntActual, cadena[[i]]];

    If[conjuntActual == {}, Return[False]];
    (*si (*retorna (*falso
  ];
  (*Opcio 1: Encarna. Es mes curta.*)
  Return[Intersection[fin, conjuntActual] ≠ {}];
  (*intersección

  (* Opcio 2: Andreu. Aquesta funciona.
  For[i=1, i≤Length[conjuntActual], i++,
    (*longitud
    If[MemberQ[fin, conjuntActual[[i]]], Return[True]];
    (*si (*¿contenido en? (*retorna (*verdadero
  ];
  Return[False]; *)
  (*falso
]

automat8 = {{1, 2, 3}, {a, b, c}, {{1, a, 1}, {1, a, 2}, {1, a, 3}, {1, b, 2}, {1, b, 3},
  {1, c, 3}, {2, b, 2}, {2, b, 3}, {2, c, 3}, {3, c, 3}}, 1, {1, 2, 3}};

cadSi = {a, b, b, c};
cadNo = {a, b, b, c, a, a, a};

Ex8[automat8, cadSi]
True

Ex8[automat8, cadNo]
False

```

(*Ejercicio 9: Recorrer els símbols amb un Cases que utilitze el símbols.

(*casos

Comprovar de l'ultim components si el tercer component se manté.
 Fer union de la llista i si la longitud de la llista es 1
 significa que tenim un estat nomes i ho complix. Si es mes de 1,
 es que hi han mes estats i no compleix la propietat.*)

```

Ex9[automat_] := Module[{trans, simbols, i, aux, aux2, j},
  (*módulo
  trans = automat[[3]]; simbols = automat[[2]];
  aux = {};
  (*Este primer bucle treu totes les transicions per a cada simbol*)
  For[i = 1, i ≤ Length[simbols], i++,
    (*para cada longitud
    aux2 = Cases[trans, {_, simbols[[i]], _}];
    (*casos
    aux = Join[aux, aux2];
    (*junta
  ];
  (*Print[aux];*)
  (*escribe
  (*El segon bucle extreu de cada tupla el tercer nombre*)
  aux2 = {};
  For[i = 1, i ≤ Length[aux], i++,
    (*para cada longitud
    aux2 = Append[aux2, aux[[i]][[3]]];
    (*añade
  ];

  (*Ara que tenim en aux2 nomes els estats desti,
  se compara si el nombre de estats desti es igual al nombre de
  simbols. Si es veritat, es que cada simbol tindra 1 estat desti
  UNIC. Si fora mes que el nombre de simbols, es que almenys un
  dels estats te com a desti mes de un i ja NO seria UNIC.*)
  If[Length[Union[aux2]] == Length[simbols], Return[True], Return[False]];
  (*si longitud unión longitud retorna verdad... retorna falso

]

automat9Si = {{1, 2, 3}, {a, b},
  {{1, a, 2}, {1, b, 3}, {2, a, 2}, {2, b, 3}, {3, a, 2}, {3, b, 3}}, 1, {2}};

Ex9[automat9Si]

True

automat9No = {{1, 2, 3, 4}, {a, b}, {{1, a, 2}, {1, b, 4}, {2, a, 4},
  {2, b, 3}, {3, a, 4}, {3, b, 2}, {4, a, 4}, {4, b, 3}}, 1, {2}};

Ex9[automat9No]

False

```

(*Exercici 10: Agafar tots els estats com si foren l'inicial i apuntar on s'arriba gastant la cadena u des de cada estat inicial. Tindre una llista amb tots els estats finals recorreguent la cadena des de cada estat inixial. Comprovar si s'ha arribat a tots els estats, es a dir, si la llista resultant es igual al conjunt d'estats. Amb un Union i comparant se pot.

[unión]

Min 35 del video aprox*)

[mínimo]

```
Ex10[autom_, cadena_] :=
Module[{i, j, estatsini, trans, aux, resposta, estatActual},
[módulo]
  estatsini = autom[[1]]; trans = autom[[3]];
  resposta = {};
  For[i = 1, i ≤ Length[estatsini], i++,
[para cada] [longitud]
    estatActual = estatsini[[i]];

    For[j = 1, j ≤ Length[cadena], j++,
[para cada] [longitud]
      aux = Cases[trans, {estatActual, cadena[[j]], _}];
[casos]
      If[aux ≠ {}, estatActual = aux[[1, 3]], Return[False]];
[si] [retorna] [falso]
    ];
    resposta = Append[resposta, estatActual];
[añade]

  ];
  resposta = Union[{}, resposta];
[unión]

  If[resposta == estatsini, Return[True], Return[False]];
[si] [retorna] [verdad...] [retorna] [falso]
]

automat10 = {{1, 2, 3, 4}, {a, b}, {{1, a, 2}, {1, b, 1}, {2, a, 3},
  {2, b, 2}, {3, a, 4}, {3, b, 3}, {4, a, 1}, {4, b, 4}}, 1, {2}};

cadena10 = {b, b, a};

Ex10[automat10, cadena10]

True
```

(*Exercici 11*)


```

Ex11[autom_, cadena_] :=
Module[{i, j, estatsini, trans, aux, resposta, estatActual},
  [módulo
    estatsini = autom[[1]]; trans = autom[[3]];
    resposta = {};
    For[i = 1, i ≤ Length[estatsini], i++,
      [para cada [longitud
        estatActual = estatsini[[i]];

        For[j = 1, j ≤ Length[cadena], j++,
          [para cada [longitud
            aux = Cases[trans, {estatActual, cadena[[j]], _}];
            [casos
              If[aux ≠ {}, estatActual = aux[[1, 3]], Return[False]];
              [si [retorna [falso
            ];
          ];
          resposta = Union[resposta, Append[resposta, estatActual]];
          [unión [añade
        ];
        If[Length[resposta] > 1, Return[False]];
        [si [longitud [retorna [falso
      ];
      Return[True];
      [retorna [verdadero
    ]
  ];

  automat11 = {{1, 2, 3, 4}, {a, b}, {{1, a, 2}, {1, b, 2}, {2, a, 2},
    {2, b, 3}, {3, a, 3}, {3, b, 4}, {4, a, 4}, {4, b, 1}}, 1, {1}};

  cadena11Si = {a, b, b, b, a, b, b, b, a};
  cadena11No = {a, b, b, b, a, b, b, b, b};

  Ex11[automat11, cadena11Si]
  True

  Ex11[automat11, cadena11No]
  False

```
