# MAE0514 - Prova 1 - Parte 2

## Rubens Santos Andrade Filho $^1$

## Junho de 2021

## Sumário

Questão 2	2
a) Análise descritiva, tempo de recuperação das plaquetas como desfecho	4
b) Testes de log-rank, tempo de recuperação das plaquetas como desfecho	8
c) Análise descritiva, tempo livre da doença como desfecho	(
d) Testes de log-rank, tempo livre da doença como desfecho	(
e) Modelo Weibull, tempo livre da doença como desfecho	(
f) Interpretação do modelo final em (e)	10
g) Modelo log-logístico, tempo livre da doença como desfecho	10
h) Interpretação do modelo final em (f)	10
Código Completo	10

 $<sup>^1\</sup>mathrm{N\'umero}$  USP: 10370336

### Questão 2

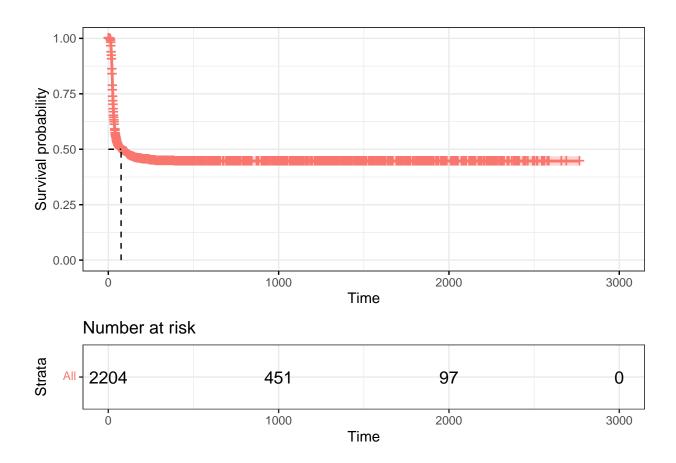
Foram considerados os dados provenientes do EBMT (*European Resgistry for Blood and Marrow Transplatation*), discutido em Putter, Fiocco Geskus (2007). Os dados são referentes a 2204 pacientes que receberam transplante de medula óssea entre 1995 e 1998 reportados ao EBMT. Os dados estão disponíveis no arquivo **bmt3.csv** e a descrição em **bmt3.des**. As variáveis nos dados são:

- Tempo, em dias, após o transplante até recuperaço das plaquetas ou perda de acompanhamento
- Indicador de recuperação das plaquetas: 1, se recuperado; 0, se perda de acompanhamento
- Tempo livre de doença: tempo, em dias, após o transplante até óbito ou reincidência do câncer;
- Indicador de evento: 1, se óbito ou reincidência; 0 se censura
- Classificação da doença: leucemia linfoblástica aguda (ALL), leucemia mielóide aguda (AML) c leucemia mielóide crônica (CML)
- Idade, em categorias
- Correspondência de gênero doador-receptor
- Esgotamento de células T

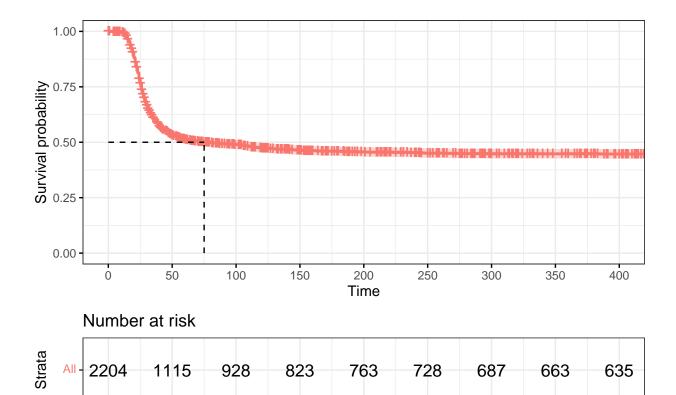
Os itens a seguir foram respondidos utilizando esses dados.

#### a) Análise descritiva, tempo de recuperação das plaquetas como desfecho

Nesse item, fazemos uma análise descritiva dos dados considerando como desfecho ou variável resposta o tempo até recuperação das plaquetas, prtime. Começamos fazendo o gráfico com a estimativa de Kaplan-Meier para a curva de sobrevivência do tempo até recuperação das plaquetas.



Vemos no gráfico que a estivativa da curva de sobrevivência decai rapídamente nos primeiros 300 dias para pouco menos de 50%. De fato, observando os dados, vemos que o maior tempo observado de recuperação das plaquetas ocorre no dia 385, com isso estimaviva da curva de sobrevivência não decai mais a partir desse dia. Com isso, para observar melhor o que acontece no início da curva, fazemos novamente o mesmo gráfico, porém, apenas até pouco após o dia 385.



Agora, podemos ver claramente, seguindo a linha pontilhada, que o tempo de sobrevivência mediano é de 75 dias. Isto é, 75 dias é a estimativa do tempo decorrido após o transplante em que a probabilidade de recuperação é 50%.

Time

Ö

Além disso, o número de observações é igual a 2204, número de recuperações observadas é 1169, e uma intervalar de 95% para o tempo mediano é [56,112] dias.

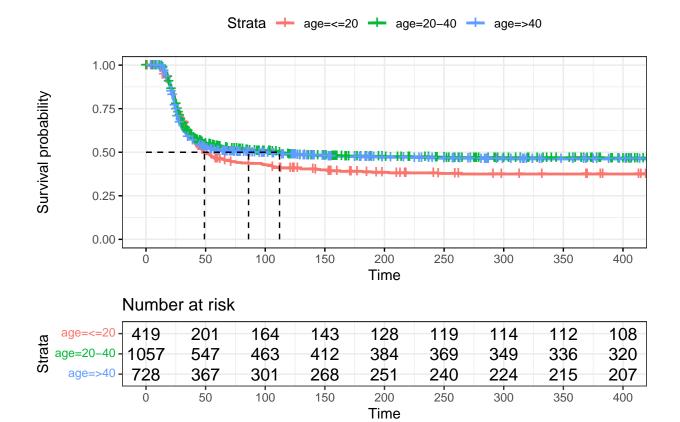
A seguir, iremos análisar comparar o tempo de recuperação das plaquetas entre os níveis de cada fator age, dissub, drmatch e tcd. É interessante também análisar o tempo mediano de recuperação das plaquetas para cada nível dos fatores. A tabela a seguir mostra as estimativas pontual e intervalar dos tempos medianos geral e em cada nível de cada fator.

Variável	Tempo mediano
Geral	75 (56, 112)
Idade	
<=20	49(42,71)
20-40	112 (64, 274)
>40	86 (48, -)
Subclassificação da doença	

Variável	Tempo mediano
$\overline{AML}$	48 (40, 61)
ALL	59 (42, 105)
CML	- (144, -)
Correspondência de gênero	
No gender mismatch	86 (55, 142)
Gender mismatch	64 (47, 118)
Depleção de células T	
No TCD	112 (76, 223)
TCD	36 (33, 43)

Começando pela idade, **age**, construimos o gráfico com as estimativas de Kaplan-Meier para a curva de sobrevivência para cada categoria ("<=20", "20-40" e ">40"). Novamente, para melhor visualizar as curvas, iremos mostrar até o dia 400, uma vez que as estimaivas das curvas são constantes depois disso.

```
## Call: survfit(formula = s_plaq ~ age, data = dados_raw)
##
##
                   events median 0.95LCL 0.95UCL
## age=<=20
                      253
                               49
                                       42
                                                71
               419
## age=20-40 1057
                      540
                              112
                                       64
                                               274
## age=>40
               728
                      376
                               86
                                       48
                                                NA
```

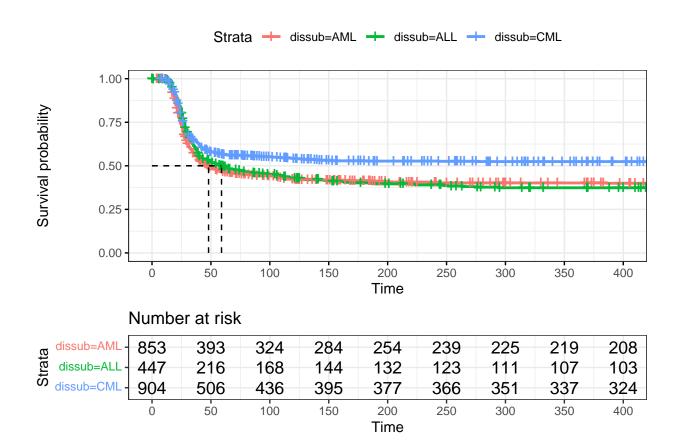


O gráfico mostra que os pacientes na faixa etária menor ou igual a 20 anos tem uma aparente menor estimativa da curva de sobrevivencia em relação às outras faixas etárias e em especial após o seu

tempo mediano. Antes do tempo mediano, é dificil ver indícios de diferenças entre as curvas. Além disso, as estimativas intervalares (com confiança de 95%) para o tempo mediano se sobrepõem, com isso, não podemos dizer que existe diferença significativa entre os tempos medianos a um nível de 5%. entretanto, mais a frente, testaremos formalmente isso.

Agora, fazemos a mesma análise com a covariável de Classificação da doença, dissub.

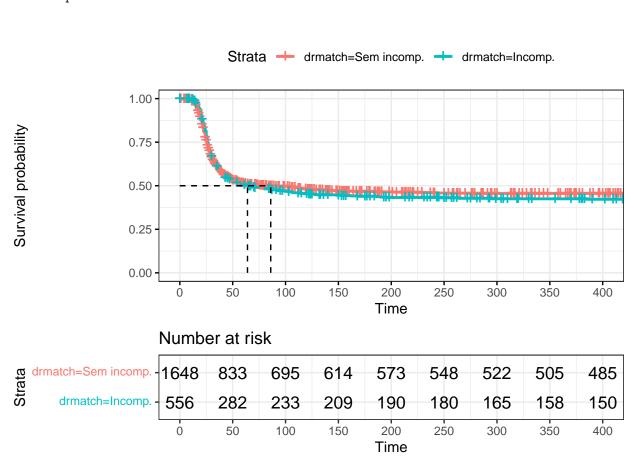
```
Call: survfit(formula = s_plaq ~ dissub, data = dados)
##
                 n events median 0.95LCL 0.95UCL
##
                      490
                               48
                                       40
## dissub=AML 853
                                                61
## dissub=ALL 447
                      260
                               59
                                       42
                                               105
## dissub=CML 904
                      419
                              NA
                                      144
                                               NA
```



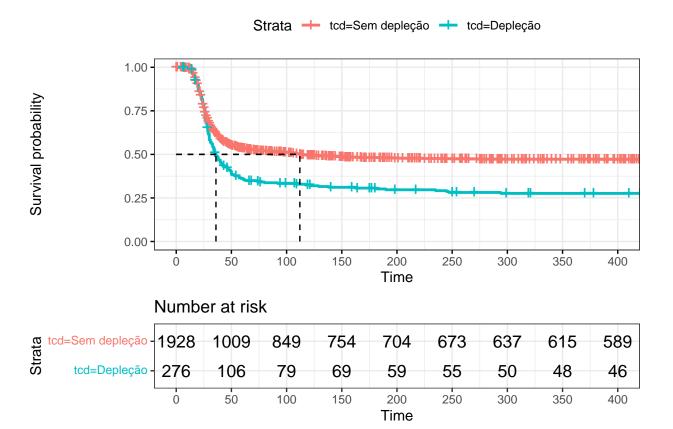
Não parece haver indícios de diferença entre as curvas de sobrevivência para as classificações de leucemia linfoblástica aguda (ALL) e leucemia mielóide aguda (AML). Entretanto, a curva para os pacientes com leucemia mielóide crônica (CML) apresentam uma aparente maior probabilidade de sobrevivência ao longo do tempo. Inclusive nem foi possível estimar o tempo mediano de sobrevivência para esse grupo. Já as estimativas do tempo mediano de sobrevivência, isto é, o tempo no qual metade dos pacientes já recuperaram as plaquetas, são bem próximas para os pacientes com leucemia linfoblástica aguda (ALL) e leucemia mielóide aguda (AML), 48 e 59 respecitamente. O resumo acima também mostra as estimativas intervalares com 955 de confiança.

Já para a covariável de Correspondência de gênero, drmatch, não parece haver diferenças entre as curvas de sobrevivência estimadas por Kaplan-Meier. As estimativas pontuais do tempo de sobrevivência

mediano também ficaram bem próximas, 86 e 64 dias para pacientes sem e com incompatibilidade de gênero, respectivamente. E com as estimativas intervalares se sobrepondo.



Por fim, quanto a Depleção de células T, tcd, observamos que existem indícios de diferença entre as curvas de sobrevivência estimadas. O pacietes com depleção de células T apresentam, ao longo do tempo, uma menor sobrevivência, iso é, um menor tempo de recuperação das plaquetas. Isso também é evidenciado pelo tempo mediano de sobrevivência: a estimativa do tempo até metade dos paciente sem depleção de células T recuperarem as plaquetas é de 112 dias, enquanto que nos pacientes com depleção, essa estimativa é de 36 dias.



#### b) Testes de log-rank, tempo de recuperação das plaquetas como desfecho

Fizemos os testes de log-rank comparando as categorias das covariáveis no estudo. No teste de log rank, a hipótese nula é que as funções de sobrevivência em cada nível de um fator são iguais em todos os tempos. A hipótese alternativa é de que pelo menos uma função é diferente para algum tempo dentro de um intervalo de zero a um tempo razoável estabelecido.

```
## Call:
## survdiff(formula = s_plaq ~ age, data = dados_raw)
##
##
                N Observed Expected (O-E)^2/E (O-E)^2/V
## age=<=20
              419
                        253
                                 221
                                         4.5047
                                                   5.6627
  age=20-40 1057
                        540
                                 569
                                         1.4323
                                                   2.8400
##
                        376
## age=>40
              728
                                 379
                                         0.0245
                                                   0.0369
##
##
    Chisq= 6.1 on 2 degrees of freedom, p= 0.05
##
   valor p exato
      0.04797336
## survdiff(formula = s_plaq ~ dissub, data = dados_raw)
##
```

```
##
                 N Observed Expected (O-E)^2/E (O-E)^2/V
                                           9.10
                        490
                                 428
## dissub=AML 853
                                                     14.62
  dissub=ALL 447
                        260
                                  235
                                           2.64
                                                      3.37
  dissub=CML 904
                        419
                                 506
                                          15.05
                                                     27.08
##
##
    Chisq= 27.3 on 2 degrees of freedom, p= 1e-06
##
##
##
   survdiff(formula = s_plaq ~ drmatch, data = dados_raw)
##
##
                                   N Observed Expected (O-E)^2/E (O-E)^2/V
  drmatch=No gender mismatch 1648
                                          860
                                                    870
                                                            0.120
                                                                        0.48
   drmatch=Gender mismatch
                                          309
                                                    299
                                                            0.351
                                                                        0.48
##
    Chisq= 0.5 on 1 degrees of freedom, p= 0.5
##
## Call:
   survdiff(formula = s_plaq ~ tcd, data = dados_raw)
##
##
##
                 N Observed Expected (O-E)^2/E (O-E)^2/V
## tcd=No TCD 1928
                         978
                                  1037
                                            3.32
                                                       29.9
##
  t.cd=TCD
               276
                         191
                                   132
                                           25.97
                                                       29.9
##
                 on 1 degrees of freedom, p= 5e-08
##
    Chisq= 29.9
```

A um nível de significância de 5%, rejeitamos a hipótese de nula que as curvas de sobrevivência são iguais em todos os tempos, isto é, existe diferença entre os tempos até a recuperação das plaquetas entre os níveis das covariáveis Idade (valor p = 0.048), Classificação da doença (valor p = 1e-06) e Depleção de células T (valor p = 5e-08). Observamos que para a idade essa diferença é discutível e ainda mais se notarmos que as curvas para as diferentes faixas etárias aparentam se cruzarem. Além disso, não rejeitamos a hipótese nula para os níveis da covariável de Correspondência de gênero, com os valores observados bem próximos dos esperados.

#### c) Análise descritiva, tempo livre da doença como desfecho

De maneira similar ao item a), fazemos os gráficos com as estimativas de Kaplan-Meier e estimativas pontuais e intervalares do tempo de sobrevivencia mediano geral e para os diferentes níveis de cada covariável.

#### d) Testes de log-rank, tempo livre da doença como desfecho

(d) Faça testes de log-rank comparando as categorias das covariáveis no estudo. Considere também a inclusão de ponderações nesse caso. Discuta os resultados.

#### e) Modelo Weibull, tempo livre da doença como desfecho

(e) Considerando o tempo livre da doença, ajuste um modelo Weibull aos dados. Apresente os resultados do modelo completo, com todas as covariáveis incluídas. Faça um processo de seleça de variáveis utilizando o teste da razão de verossimilhanças e apresente o resultado do modelo final obtido. Você

precisa descrever claramente o processo de seleção das variáveis adotado, mas deve apresentar apenas as estimativas e resultados de dois modelos: modelo completo e modelo final. Você pode apresentar os resultados do modelo na parametrização de locação-escala.

#### f) Interpretação do modelo final em (e).

(f) Interprete os parâmetros do modelo final obtido em (e).

#### g) Modelo log-logístico, tempo livre da doença como desfecho

(g) De forma semelhante ao item (e), ajuste um modelo log-logístico aos dados. Faça da mesma forma (porém utilizando a distribuição log-logística) e apresente os resultados do modelo completo e do modelo final.

#### h) Interpretação do modelo final em (f).

(h) Interprete os parâmetros do modelo final obtido em (g).

Importante: Em todos os itens, os resultados apresentados devem ser interpretados. A redação será também avaliada. Não se esqueça de apresentar códigos dos programas utilizados.

## Código Completo

```
library(knitr)
library(tidyverse)
library(dplyr)
library(readr)
library(ggplot2)
library(survival)
library(survminer)
library(gtsummary)
knitr::opts_chunk$set(warning=FALSE,
                       # fig.dim = c(5,5),
                       # out.height = '40\%',
                       # fig.align = 'center',
                       message=FALSE,
                       echo=FALSE
# QUESTAO 2 ----
dados_raw <- readr::read_csv(</pre>
  'ebmt3.csv',
  col_types = readr::cols_only(
   id = col_integer(),
```

```
prtime = col_double(),
    prstat = col_integer(),
    rfstime = col_double(),
    rfsstat = col_integer(),
    dissub = col_factor(c("AML", "ALL", "CML")),
    age = col_factor(levels = c("<=20", "20-40", ">40"), ordered = T),
    drmatch = col_factor(c("No gender mismatch", "Gender mismatch")),
    tcd = col_factor(c("No TCD", "TCD"))
  )
)
labels <- list(</pre>
  id="Identificação do paciente",
  prtime="Tempo de recuperação das plaquetas",
  prstat="Indicador de recuperação das plaquetas",
 rfstime="Tempo livre de doença",
  rfsstat="Indicador de evento",
  dissub="Subclassificação da doença",
  age="Idade",
  drmatch="Correspondência de gênero",
  tcd="Depleção de células T"
labelled::var_label(dados_raw) <- labels</pre>
dados_raw %>% str
# traduz fatores
dados <- dados_raw %>%
  mutate(
    #dissub = factor(dissub, c("AML", "ALL", "CML")),
    # age = forcats::fct_recode(
    # age, "Até 20"="<=20", "Entre 20 e 40"="20-40", "Mais que 40"=">40"),
    drmatch = forcats::fct_recode(
      drmatch, "Sem incomp."="No gender mismatch",
      "Incomp."="Gender mismatch"),
    tcd = forcats::fct_recode(tcd, "Sem depleção"="No TCD", "Depleção"="TCD")
  )
dados
# QUESTÃO 2.a) geral ----
# ajuste
s_plaq <- with(dados_raw,Surv(prtime, prstat))</pre>
fit <- survfit(s_plaq~1, dados_raw)</pre>
# grafico das estimativas
ggsurvplot(
  fit,
  surv.median.line = "hv",
  ggtheme = theme_bw(),
 risk.table = T, tables.height = 0.32,
  legend='none'
```

```
ggsurvplot(
  fit,
  surv.median.line = "hv",
  ggtheme = theme_bw(),
 xlim=c(0,400),
 risk.table = T, tables.height = 0.32,
 break.time.by = 50,
 legend='none'
print(fit)
fits <- list(</pre>
  survfit(s_plaq ~ 1, dados_raw),
  survfit(s_plaq ~ age, dados_raw),
  survfit(s_plaq ~ dissub, dados_raw),
  survfit(s_plaq ~ drmatch, dados_raw),
  survfit(s_plaq ~ tcd, dados_raw)
)
fits %>%
 tbl_survfit(
  probs = 0.5,
 label_header = "**Tempo mediano**",
 missing ="-",
  label = list(
   1 ~ "Geral"
  )
) %>%
  #bold_labels() %>%
  italicize_levels() %>%
  modify_header(
    update = list(
      label ~ "**Variável**"
  )
# QUESTÃO 2.a) age ----
# ajuste
fit <- survfit(s_plaq~age, dados_raw)</pre>
# tabela com medidas resumo
print(fit)
# grafico das estimativas
ggsurvplot(
  fit,
  surv.median.line = "hv",
  ggtheme = theme_bw(),
 xlim=c(0,400),
 risk.table = T, tables.height = 0.32,
```

```
break.time.by = 50,
 legend='top'
# QUESTÃO 2.a) dissub ----
# ajuste
fit <- survfit(s_plaq~dissub, dados)</pre>
# tabela com medidas resumo
print(fit)
# grafico das estimativas
ggsurvplot(
  fit,
 surv.median.line = "hv",
 ggtheme = theme_bw(),
 xlim=c(0,400),
 risk.table = T, tables.height = 0.32,
 break.time.by = 50,
 legend='top'
# QUESTÃO 2.a) drmatch ----
# ajuste
fit <- survfit(s_plaq~drmatch, dados)</pre>
# tabela com medidas resumo
print(fit)
# grafico das estimativas
ggsurvplot(
 fit,
  surv.median.line = "hv",
  ggtheme = theme_bw(),
 xlim=c(0,400),
 risk.table = T, tables.height = 0.32,
 break.time.by = 50,
 legend='top'
# QUESTÃO 2.a) tcd ----
# ajuste
fit <- survfit(s_plaq~tcd, dados)</pre>
# tabela com medidas resumo
print(fit)
# grafico das estimativas
ggsurvplot(
  fit,
  surv.median.line = "hv",
  ggtheme = theme_bw(),
 xlim=c(0,400),
 risk.table = T, tables.height = 0.32,
```

```
break.time.by = 50,
  legend='top'
)

(sdiff <- survdiff(s_plaq ~ age, dados_raw))
c("valor p exato" = pchisq(sdiff$chisq, df = 2, lower.tail = F))
survdiff(s_plaq ~ dissub, dados_raw)
survdiff(s_plaq ~ drmatch, dados_raw)
survdiff(s_plaq ~ tcd, dados_raw)</pre>
```