

Instituto Federal de Educação, Ciência e Tecnologia da Bahia - IFBA
Departamento de Informática
Integrado / Análise e Desenvolvimento de Sistemas / Licenciatura em Computação

### Álgebra Relacional

André L. R. Madureira <andre.madureira@ifba.edu.br>
Doutorando em Ciência da Computação (UFBA)
Mestre em Ciência da Computação (UFBA)
Engenheiro da Computação (UFBA)

# Álgebra Relacional

- Conjunto de operações teóricas para manipular bancos de dados relacionais
  - Entrada: uma ou mais relações
  - Saída: uma relação

# Porque estudar Álgebra Relacional?

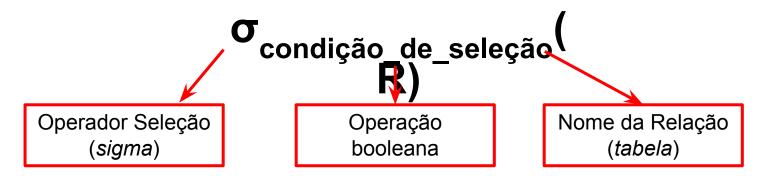
- Os conceitos da álgebra relacional são utilizados em linguagens de manipulação de dados (ex: SQL)
  - Base para otimizar e implementar as consultas no banco
  - Formalização das operações realizadas em bancos de dados relacionais

# Classificação das Operações da Álgebra Relacional

- As operações da álgebra relacional podem ser classificadas como:
  - Operações específicas de Bancos de Dados Relacionais
    - Seleção, Projeção, Junção
  - Operações da Teoria dos Conjuntos da Matemática
    - União, Intersecção, Subtração, Produto cartesiano

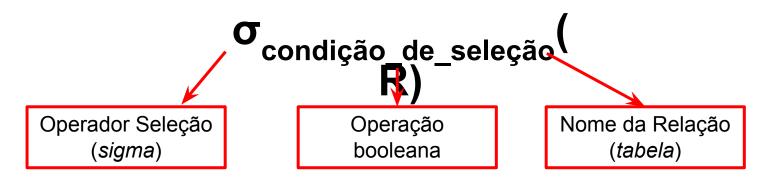
### Operação Seleção (**o**)

 Escolhe um subconjunto de registros (tuplas) de uma relação R que satisfaz uma condição de seleção



### Operação Seleção (**o**)

 Escolhe um subconjunto de registros (tuplas) de uma relação R que satisfaz uma condição de seleção



#### ATENÇÃO:

A saída da operação seleção (σ) é uma relação com os MESMOS atributos de **R**. Isto é, a saída tem o mesmo **grau de relação** que R.

Funcionario_Departamento				
cpf_func	nome_func	data_nasc	salario	cpf_gerente
777.888.999-00	Carlos	02-05-1985	3100	504.231.854-78
111.222.333-44	Jussara	05-07-1995	2000	854.632.140-98
000.555.777-11	Maria	20-02-1970	4000	784.201.632-11

•  $\sigma_{\text{salario}>3000}$ (Funcionario\_Departamento)

Funcionario_Departamento				
cpf_func	nome_func	data_nasc	salario	cpf_gerente
777.888.999-00	Carlos	02-05-1985	3100	504.231.854-78
111.222.333-44	Jussara	05-07-1995	2000	854.632.140-98
000.555.777-11	Maria	20-02-1970	4000	784.201.632-11

•  $\sigma_{\text{salario}>3000}$  (Funcionario\_Departamento)

Funcionario_Departamento				
cpf_func	nome_func	data_nasc	salario	cpf_gerente
777.888.999-00	Carlos	02-05-1985	3100	504.231.854-78
111.222.333-44	Jussara	05-07-1995	2000	854.632.140-98
000.555.777-11	Maria	20-02-1970	4000	784.201.632-11

•  $\sigma_{\text{salario}>3000}$  (Funcionario\_Departamento)

cpf_func	nome_func	data_nasc	salario	cpf_gerente
777.888.999-00	Carlos	02-05-1985	3100	504.231.854-78
000.555.777-11	Maria	20-02-1970	4000	784.201.632-11

Funcionario_Departamento				
cpf_func nome_func data_nasc salario cpf_gerente				
777.888.999-00	Carlos	02-05-1985	3100	504.231.854-78
111.222.333-44	Jussara	05-07-1995	2000	854.632.140-98
000.555.777-11	Maria	20-02-1970	4000	784.201.632-11

Funcionario_Departamento				
cpf_func	nome_func	data_nasc	salario	cpf_gerente
777.888.999-00	Carlos	02-05-1985	3100	504.231.854-78
111.222.333-44	Jussara	05-07-1995	2000	854.632.140-98
000.555.777-11	Maria	20-02-1970	4000	784.201.632-11

Funcionario_Departamento				
cpf_func	nome_func	data_nasc	salario	cpf_gerente
777.888.999-00	Carlos	02-05-1985	3100	504.231.854-78
111.222.333-44	Jussara	05-07-1995	2000	854.632.140-98
000.555.777-11	Maria	20-02-1970	4000	784.201.632-11

Funcionario_Departamento				
cpf_func	nome_func	data_nasc	salario	cpf_gerente
777.888.999-00	Carlos	02-05-1985	3100	504.231.854-78
111.222.333-44	Jussara	05-07-1995	2000	854.632.140-98
000.555.777-11	Maria	20-02-1970	4000	784.201.632-11
		•		

cpf_func	nome_func	data_nasc	salario	cpf_gerente
000.555.777-11	Maria	20-02-1970	4000	784.201.632-11

## Operação Seleção (**o**)

Todos os operadores de comparação podem ser utilizados

 Número de tuplas do resultado da operação seleção é sempre menor ou igual ao número de tuplas de R

$$\circ |\sigma_{c}(R)| \leq |R|$$

#### Operação Seleção (**o**)

- Operação seleção é comutativa
  - $\circ \quad \sigma_{\text{cond1}}(\sigma_{\text{cond2}}(R)) = \sigma_{\text{cond2}}(\sigma_{\text{cond1}}(R))$
  - "A ordem das operações de seleção não muda o resultado"

### Exemplo de Comutatividade da Operação Seleção (**o**)

Funcionario_Departamento				
cpf_func	nome_func	data_nasc	salario	cpf_gerente
777.888.999-00	Carlos	02-05-1985	3100	504.231.854-78
111.222.333-44	Jussara	05-07-1995	2000	854.632.140-98
000.555.777-11	Maria	20-02-1970	4000	784.201.632-11

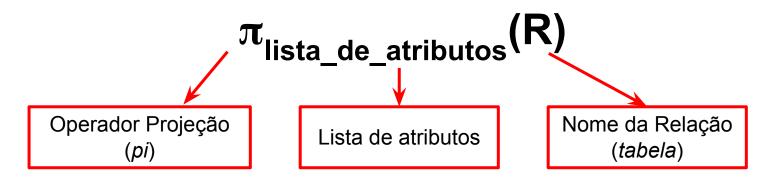
•  $\sigma_{\text{salario} > 3000}(\sigma_{\text{data\_nasc} < 01-01-1980}(\text{Funcionario\_Departamento}))$ 

$$\sigma_{\text{data\_nasc} < 01-01-1980}(\sigma_{\text{salario} > 3000}(\text{Funcionario\_Departamento}))$$

cpf_func	nome_func	data_nasc	salario	cpf_gerente
000.555.777-11	Maria	20-02-1970	4000	784.201.632-11

#### Operação Projeção ( $\pi$ )

- Considere que as relações são tabelas
  - Operação Seleção: escolhe as linhas da tabela
  - Operação Projeção: escolhe as colunas da tabela
- Operação Projeção escolhe os atributos de uma relação



Funcionario_Departamento				
cpf_func	nome_func	data_nasc	salario	cpf_gerente
777.888.999-00	Carlos	02-05-1985	3100	504.231.854-78
111.222.333-44	Jussara	05-07-1995	2000	854.632.140-98
000.555.777-11	Maria	20-02-1970	4000	784.201.632-11

•  $\pi_{\text{cpf\_func,nome\_func,data\_nasc}}$ (Funcionario\_Departamento)

cpf_func	nome_func	data_nasc
777.888.999-00	Carlos	02-05-1985
111.222.333-44	Jussara	05-07-1995
000.555.777-11	Maria	20-02-1970

### Operação Projeção ( $\pi$ )

- O resultado da operação projeção contém apenas os atributos especificados na lista de atributos, na mesma ordem
- A operação projeção remove quaisquer tuplas duplicadas
  - Resultado sempre é um conjunto de tuplas distintas
  - O número de tuplas resultantes da projeção é sempre menor ou igual ao número de tuplas em R

Funcionario_Departamento				
cpf_func	nome_func	data_nasc	salario	cpf_gerente
777.888.999-00	Carlos	02-05-1985	3100	504.231.854-78
111.222.333-44	Maria	05-07-1995	4000	854.632.140-98
000.555.777-11	Maria	20-02-1970	4000	784.201.632-11

•  $\pi_{\text{nome\_func,salario}}$ (Funcionario\_Departamento)

Funcionario_Departamento				
cpf_func	nome_func	data_nasc	salario	cpf_gerente
777.888.999-00	Carlos	02-05-1985	3100	504.231.854-78
111.222.333-44	Maria	05-07-1995	4000	854.632.140-98
000.555.777-11	Maria	20-02-1970	4000	784.201.632-11

•  $\pi_{\text{nome\_func,salario}}$ (Funcionario\_Departamento)

nome_func	salario
Carlos	3100
Maria	4000

Funcionario_Departamento				
cpf_func	nome_func	data_nasc	salario	cpf_gerente
777.888.999-00	Carlos	02-05-1985	3100	504.231.854-78
111.222.333-44	Maria	05-07-1995	4000	854.632.140-98
000.555.777-11	Maria	20-02-1970	4000	784.201.632-11

•  $\pi_{\text{nome\_func,salario}}$ (Funcionario\_Departamento)

nome_func	salario
Carlos	3100
Maria	4000

Deveríamos ter duas funcionárias "Maria" com mesmo salário.

Funcionario_Departamento				
cpf_func	nome_func	data_nasc	salario	cpf_gerente
777.888.999-00	Carlos	02-05-1985	3100	504.231.854-78
111.222.333-44	Maria	05-07-1995	4000	854.632.140-98
000.555.777-11	Maria	20-02-1970	4000	784.201.632-11

•  $\pi_{\text{nome\_func,salario}}$ (Funcionario\_Departamento)

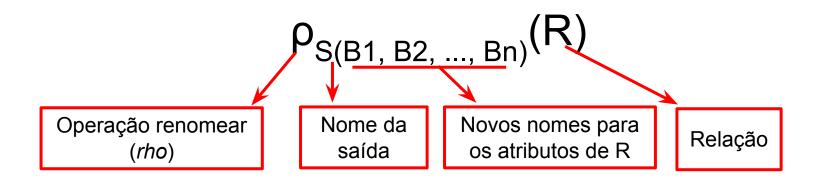
nome_func	salario
Carlos	3100
Maria	4000

Deveríamos ter duas funcionárias "Maria" com mesmo salário.

Porém, a operação projeção removeu as tuplas duplicadas

### Operação Renomear (P)

- Os resultados das operações até agora não tem nome
- É importante nomear os resultados para evitar que tenhamos muitas operações sendo feitas ao mesmo tempo
  - Podemos nomear cada operação



Funcionario_Departamento				
cpf_func	nome_func	data_nasc	salario	cpf_gerente
777.888.999-00	Carlos	02-05-1985	3100	504.231.854-78
111.222.333-44	Jussara	05-07-1995	2000	854.632.140-98
000.555.777-11	Maria	20-02-1970	4000	784.201.632-11

•  $\rho_{\text{func\_salario}}(\sigma_{\text{salario}>3000}(\text{Funcionario\_Departamento}))$ 

func_salario				
cpf_func	nome_func	data_nasc	salario	cpf_gerente
777.888.999-00	Carlos	02-05-1985	3100	504.231.854-78
000.555.777-11	Maria	20-02-1970	4000	784.201.632-11

Funcionario_Departamento				
cpf_func	nome_func	data_nasc	salario	cpf_gerente
777.888.999-00	Carlos	02-05-1985	3100	504.231.854-78
111.222.333-44	Jussara	05-07-1995	2000	854.632.140-98
000.555.777-11	Maria	20-02-1970	4000	784.201.632-11

•  $\rho_{\text{resultado}}(\pi_{\text{cpf\_func,nome\_func,data\_nasc}}(\text{func\_salario}))$ 

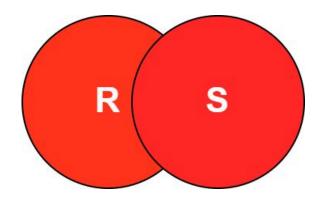
resultado			
cpf_func	nome_func	data_nasc	
777.888.999-00	Carlos	02-05-1985	
000.555.777-11	Maria	20-02-1970	

#### Exercicio - Seleção, Projeção e Renomear

- Seja uma tabela de Produtos(id, nome, valor, qtd, nome\_fornecedor)
- Realize uma consulta usando as operações seleção, projeção e renomear para encontrar os registros que:
  - Possuem valor > 30 e qtd < 20</li>
  - O resultado deve ser nomeado como "reabastecer\_produtos" e deve conter apenas os atributos nome, valor e qtd
  - Dica: você pode utilizar condições lógicas (AND, OR, NOT)

#### Operação União (**U**)

- Inclui todas as tuplas contidas nas relações R e S
  - Por definição, tuplas duplicadas são removidas



$$Q = R U S$$

Funcionario_Departamento					
cpf_func nome_func data_nasc salario cpf_gerente					
777.888.999-00	Carlos	02-05-1985	3100	504.231.854-78	
111.222.333-44	Jussara	05-07-1995	2000	854.632.140-98	
000.555.777-11	Maria	20-02-1970	4000	784.201.632-11	

•  $\rho_{\text{func\_salario}}(\sigma_{\text{salario} = 4000}(\text{Funcionario\_Departamento}))$ 

func_salario					
cpf_func nome_func data_nasc salario cpf_gerente					
000.555.777-11 Maria 20-02-1970 4000 784.201.632-				784.201.632-11	

Funcionario_Departamento					
cpf_func nome_func data_nasc salario cpf_gerente					
777.888.999-00	Carlos	02-05-1985	3100	504.231.854-78	
111.222.333-44	Jussara	05-07-1995	2000	854.632.140-98	
000.555.777-11	Maria	20-02-1970	4000	784.201.632-11	

•  $\rho_{\text{func\_nasc}}(\sigma_{\text{data\_nasc>01-01-1990}}(\text{Funcionario\_Departamento}))$ 

func_nasc				
cpf_func nome_func data_nasc salario cpf_gerente				
111.222.333-44	Jussara	05-07-1995	2000	854.632.140-98

func_salario					
cpf_func nome_func data_nasc salario cpf_gerente					
000.555.777-11 Maria 20-02-1970 4000 784.201.632-11					

func_nasc				
cpf_func nome_func data_nasc salario cpf_gerente				
111.222.333-44	Jussara	05-07-1995	2000	854.632.140-98

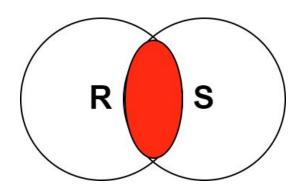
•  $\rho_{\text{resultado}}$ (func\_salario U func\_nasc)

Combine as tuplas de func\_salario e func\_nasc

resultado				
cpf_func nome_func data_nasc salario cpf_gerente				
111.222.333-44	Jussara	05-07-1995	2000	854.632.140-98
000.555.777-11	Maria	20-02-1970	4000	784.201.632-11

### Operação Intersecção (**n**)

- Inclui as tuplas que estão em ambas as relações R e S
  - O resultado contém as tuplas que existem em R e em S



$$Q = R \cap S$$

Funcionario_Departamento				
cpf_func nome_func data_nasc salario				
777.888.999-00	Carlos	02-05-1985	3100	
111.222.333-44	Jussara	05-07-1995	2000	
000.555.777-11	Maria	20-02-1970	4000	

Gerente_Departamento					
cpf_func nome_func data_nasc salario					
504.231.854-78	José	02-05-1985	7000		
000.555.777-11	Maria	20-02-1970	4000		
784.201.632-11	Cassandra	10-08-1960	8000		

"Maria" existe em ambas as relações. Logo a saída **Q** deve conter a tupla "Maria"

Funcionario_Departamento					
cpf_func nome_func data_nasc salario					
777.888.999-00	Carlos	02-05-1985	3100		
111.222.333-44	Jussara	05-07-1995	2000		
000.555.777-11	Maria	20-02-1970	4000		

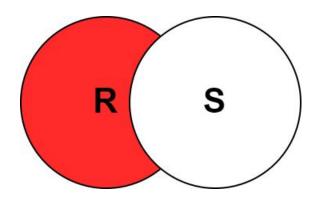
Gerente_Departamento				
cpf_func	nome_func	data_nasc	salario	
504.231.854-78	José	02-05-1985	7000	
000.555.777-11	Maria	20-02-1970	4000	
784.201.632-11	Cassandra	10-08-1960	8000	

 $oldsymbol{
ho}_{ ext{resultado}}$ (Funcionario\_Departamento  $oldsymbol{
ho}$ 

| resultado | resultado | | resultado | | resultado |

#### Operação Subtração (-)

- Inclui as tuplas que estão na relação R e não estão em S
  - O resultado contém as tuplas que existem somente em R



$$Q = R - S$$

Funcionario_Departamento				
cpf_func nome_func data_nasc salario				
777.888.999-00	Carlos	02-05-1985	3100	
111.222.333-44	Jussara	05-07-1995	2000	
000.555.777-11	Maria	20-02-1970	4000	

Gerente_Departamento			
cpf_func	nome_func	data_nasc	salario
504.231.854-78	José	02-05-1985	7000
000.555.777-11	Maria	20-02-1970	4000
784.201.632-11	Cassandra	10-08-1960	8000

•  $ho_{
m resultado}$ (Funcionario\_Departamento -

Gerente\_Departamento)

"Maria" existe em Gerente\_Departamento. Logo a saída **Q** não deve conter a tupla "Maria"

Funcionario_Departamento					
cpf_func nome_func data_nasc salario					
777.888.999-00	Carlos	02-05-1985	3100		
111.222.333-44	Jussara	05-07-1995	2000		
000.555.777-11	Maria	20-02-1970	4000		

Gerente_Departamento					
cpf_func nome_func data_nasc salario					
504.231.854-78	José	02-05-1985	7000		
000.555.777-11	Maria	20-02-1970	4000		
784.201.632-11	Cassandra	10-08-1960	8000		

•  $ho_{
m resultado}$ (Funcionario\_Departamento -

Gerente\_De

resultado			
cpf_func	salario		
777.888.999-00	Carlos	02-05-1985	3100
111.222.333-44	Jussara	05-07-1995	2000

## Comutatividade e Associatividades de União, Intersecção e Subtração

- As operações união e intersecção são comutativas e associativas
  - RUS=SUR
  - $\circ$  R  $\cap$  S = S  $\cap$  R
  - $\circ$  (RUS)UT = RU(SUT)
  - $\circ$  (R  $\cap$  S)  $\cap$  T = R  $\cap$  (S  $\cap$  T)
- A operação subtração é apenas associativa
  - $\circ$  (R S) T = R (S T)

## Execução de Operações União, Intersecção e Subtração

- As operações união, intersecção e subtração são binárias
  - Cada operação é aplicada a dois conjuntos de tuplas somente
- Ex: Sejam as relações R, S, e T:
  - $\circ$  RUSUT = (RUS)UT
  - $\circ$  R  $\cap$  S  $\cap$  T = (R  $\cap$  S)  $\cap$  T
  - $\circ$  R-S-T = (R-S)-T

## Operações União, Intersecção e Subtração

- Uma operação binária é válida se as relações possuirem:
  - Compatibilidade de União
    - As duas relações tem o mesmo número de atributos
  - Compatibilidade de Tipo
    - Cada par de atributos tem o mesmo domínio

Funcionario_Departamento					
cpf_func nome_func data_nasc salario					
777.888.999-00	Carlos	02-05-1985	3100		
111.222.333-44	Jussara	05-07-1995	2000		
000.555.777-11	Maria	20-02-1970	4000		

Gerente_Departamento					
cpf_func nome_func data_nasc salario					
504.231.854-78	José	02-05-1985	7000		
000.555.777-11	Maria	20-02-1970	4000		
784.201.632-11	Cassandra	10-08-1960	8000		

#### Compatibilidade de união:

Ambas as relações tem 4 atributos.

#### Compatibilidade de tipo:

Cada par de atributos com mesmo nome possui mesmo domínio.

Funcionario_Departamento					
cpf_func nome_func data_nasc salario					
777.888.999-00	Carlos	02-05-1985	3100		
111.222.333-44	Jussara	05-07-1995	2000		
000.555.777-11	Maria	20-02-1970	4000		

Gerente_Departamento					
cpf_func nome_func data_nasc salario					
504.231.854-78	José	02-05-1985	7000		
000.555.777-11	Maria	20-02-1970	4000		
784.201.632-11	Cassandra	10-08-1960	8000		

### Compatibilidade de união:

Ambas as relações tem 4 atributos.

#### Compatibilidade de tipo:

Cada par de atributos com mesmo nome possui mesmo domínio.

 $oldsymbol{
ho}_{ ext{resultado}}$ (Funcionario\_Departamento  $oldsymbol{
ho}$ 

Gerente Dana and a

resultado			
cpf_func nome_func data_nasc salario			
000.555.777-11	Maria	20-02-1970	4000

## Exercício - União, Intersecção, Subtração

- Seja uma tabela de Produtos(<u>id</u>: int, nome: varchar(20), valor: double, qtd: int, id\_fornecedor: int + FK)
- Realize consultas para encontrar os registros que possuem valor > 30
   e qtd < 20</li>
  - Utilize união, intersecção e/ou subtração para construir as consultas
  - Cada consulta pode conter somente uma operação de seleção, e esta NÃO pode ter condições lógicas AND, OR, NOT

## Operação Produto Cartesiano (X)

- Também conhecida como operação de:
  - Produto Cruzado
  - Junção Cruzada
- Esta operação combina as tuplas da relação R com as de S

$$Q = R X S$$

## Operação Produto Cartesiano (X)

- Também conhecida como operação de:
  - Produto Cruzado
  - Junção Cruzada
- Esta operação combina as tuplas da relação R com as de S

$$Q = R X S$$

Não é necessário ter compatibilidade de união ou de tipo entre R e S.

• **Ex**: construa uma operação para recuperar a lista dos nomes dos dependentes e os nomes de seus pais (tutores)

Tutor			
cpf	nome	data_nasc	
000.111.222-33	Claudia	1980-10-05	
222.333.444-55	Jose	1995-04-02	
555.666.777-88	Amalia	1978-06-30	
999.000.111-22	Cleber	1985-07-25	

Dependente				
cpf_dep				
777.555.111-00	Armando	2000-02-25	000.111.222-33	
666.444.222-44	Valeriano	2002-05-30	222.333.444-55	
888.777.333-55	Cicrana	2001-07-21	222.333.444-55	

Tutor			
cpf nome data_n			
000.111.222-33	Claudia	1980-10-05	
222.333.444-55	Jose	1995-04-02	
555.666.777-88	Amalia	1978-06-30	
999.000.111-22	Cleber	1985-07-25	

Dependente					
cpf_dep					
777.555.111-00	Armando	2000-02-25	000.111.222-33		
666.444.222-44	Valeriano	2002-05-30	222.333.444-55		
888.777.333-55	Cicrana	2001-07-21	222.333.444-55		

cpf nome data\_nasc cpf\_dep nome\_dep data\_nasc\_dep cpf\_tutor

Tutor				
cpf	nome	data_nasc		
000.111.222-33	Claudia	1980-10-05		
222.333.444-55	Jose	1995-04-02		
555.666.777-88	Amalia	1978-06-30		
999.000.111-22	Cleber	1985-07-25		

Dependente							
cpf_dep							
777.555.111-00	Armando	2000-02-25	000.111.222-33				
666.444.222-44	Valeriano	2002-05-30	222.333.444-55				
888.777.333-55	Cicrana	2001-07-21	222.333.444-55				

cpf	nome	data_nasc	cpf_dep	nome_dep	data_nasc_dep	cpf_tutor
000.111.222-33	Claudia	1980-10-05	777.555.111-00	Armando	2000-02-25	000.111.222-33
222.333.444-55	Jose	1995-04-02	777.555.111-00	Armando	2000-02-25	000.111.222-33
555.666.777-88	Amalia	1978-06-30	777.555.111-00	Armando	2000-02-25	000.111.222-33
999.000.111-22	Cleber	1985-07-25	777.555.111-00	Armando	2000-02-25	000.111.222-33

Tutor					
cpf	nome	data_nasc			
000.111.222-33	Claudia	1980-10-05			
222.333.444-55	Jose	1995-04-02			
555.666.777-88	Amalia	1978-06-30			
999.000.111-22	Cleber	1985-07-25			

Dependente						
cpf_dep						
777.555.111-00	Armando	2000-02-25	000.111.222-33			
666.444.222-44	Valeriano	2002-05-30	222.333.444-55			
888.777.333-55	Cicrana	2001-07-21	222.333.444-55			

cpf	nome	data_nasc	cpf_dep	nome_dep	data_nasc_dep	cpf_tutor
000.111.222-33	Claudia	1980-10-05	777.555.111-00	Armando	2000-02-25	000.111.222-33
222.333.444-55	Jose	1995-04-02	777.555.111-00	Armando	2000-02-25	000.111.222-33
555.666.777-88	Amalia	1978-06-30	777.555.111-00	Armando	2000-02-25	000.111.222-33
999.000.111-22	Cleber	1985-07-25	777.555.111-00	Armando	2000-02-25	000.111.222-33

Tutor					
cpf	nome	data_nasc			
000.111.222-33	Claudia	1980-10-05			
222.333.444-55	Jose	1995-04-02			
555.666.777-88	Amalia	1978-06-30			
999.000.111-22	Cleber	1985-07-25			

Dependente						
cpf_dep						
777.555.111-00	Armando	2000-02-25	000.111.222-33			
666.444.222-44	Valeriano	2002-05-30	222.333.444-55			
888.777.333-55	Cicrana	2001-07-21	222.333.444-55			

cpf	nome	data_nasc	cpf_dep	nome_dep	data_nasc_dep	cpf_tutor
000.111.222-33	Claudia	1980-10-05	777.555.111-00	Armando	2000-02-25	000.111.222-33
222.333.444-55	Jose	1995-04-02	777.555.111-00	Armando	2000-02-25	000.111.222-33
555.666.777-88	Amalia	1978-06-30	777.555.111-00	Armando	2000-02-25	000.111.222-33
999.000.111-22	Cleber	1985-07-25	777.555.111-00	Armando	2000-02-25	000.111.222-33
000.111.222-33	Claudia	1980-10-05	666.444.222-44	Valeriano	2002-05-30	222.333.444-55
222.333.444-55	Jose	1995-04-02	666.444.222-44	Valeriano	2002-05-30	222.333.444-55
555.666.777-88	Amalia	1978-06-30	666.444.222-44	Valeriano	2002-05-30	222.333.444-55
999.000.111-22	Cleber	1985-07-25	666.444.222-44	Valeriano	2002-05-30	222.333.444-55

Tutor					
cpf	nome	data_nasc			
000.111.222-33	Claudia	1980-10-05			
222.333.444-55	Jose	1995-04-02			
555.666.777-88	Amalia	1978-06-30			
999.000.111-22	Cleber	1985-07-25			

Dependente					
cpf_dep	nome_dep	data_nasc_dep	cpf_tutor		
777.555.111-00	Armando	2000-02-25	000.111.222-33		
666.444.222-44	Valeriano	2002-05-30	222.333.444-55		
888.777.333-55	Cicrana	2001-07-21	222.333.444-55		

cpf	nome	data_nasc	cpf_dep	nome_dep	data_nasc_dep	cpf_tutor
000.111.222-33	Claudia	1980-10-05	777.555.111-00	Armando	2000-02-25	000.111.222-33
222.333.444-55	Jose	1995-04-02	777.555.111-00	Armando	2000-02-25	000.111.222-33
555.666.777-88	Amalia	1978-06-30	777.555.111-00	Armando	2000-02-25	000.111.222-33
999.000.111-22	Cleber	1985-07-25	777.555.111-00	Armando	2000-02-25	000.111.222-33
000.111.222-33	Claudia	1980-10-05	666.444.222-44	Valeriano	2002-05-30	222.333.444-55
222.333.444-55	Jose	1995-04-02	666.444.222-44	Valeriano	2002-05-30	222.333.444-55
555.666.777-88	Amalia	1978-06-30	666.444.222-44	Valeriano	2002-05-30	222.333.444-55
999.000.111-22	Cleber	1985-07-25	666.444.222-44	Valeriano	2002-05-30	222.333.444-55
000.111.222-33	Claudia	1980-10-05	888.777.333-55	Cicrana	2001-07-21	222.333.444-55
222.333.444-55	Jose	1995-04-02	888.777.333-55	Cicrana	2001-07-21	222.333.444-55
555.666.777-88	Amalia	1978-06-30	888.777.333-55	Cicrana	2001-07-21	222.333.444-55
999.000.111-22	Cleber	1985-07-25	888.777.333-55	Cicrana	2001-07-21	222.333.444-55

cpf	nome	data_nasc	cpf_dep	nome_dep	data_nasc_dep	cpf_tutor
000.111.222-33	Claudia	1980-10-05	777.555.111-00	Armando	2000-02-25	000.111.222-33
222.333.444-55	Jose	1995-04-02	777.555.111-00	Armando	2000-02-25	000.111.222-33
555.666.777-88	Amalia	1978-06-30	777.555.111-00	Armando	2000-02-25	000.111.222-33
999.000.111-22	Cleber	1985-07-25	777.555.111-00	Armando	2000-02-25	000.111.222-33
000.111.222-33	Claudia	1980-10-05	666.444.222-44	Valeriano	2002-05-30	222.333.444-55
222.333.444-55	Jose	1995-04-02	666.444.222-44	Valeriano	2002-05-30	222.333.444-55
555.666.777-88	Amalia	1978-06-30	666.444.222-44	Valeriano	2002-05-30	222.333.444-55
999.000.111-22	Cleber	1985-07-25	666.444.222-44	Valeriano	2002-05-30	222.333.444-55
000.111.222-33	Claudia	1980-10-05	888.777.333-55	Cicrana	2001-07-21	222.333.444-55
222.333.444-55	Jose	1995-04-02	888.777.333-55	Cicrana	2001-07-21	222.333.444-55
555.666.777-88	Amalia	1978-06-30	888.777.333-55	Cicrana	2001-07-21	222.333.444-55
999.000.111-22	Cleber	1985-07-25	888.777.333-55	Cicrana	2001-07-21	222.333.444-55

Observe que temos tuplas falsas agora. Isto é, os tutores foram associados aos dependentes errados!

"A tutora de *Armando* é o cpf *000.111.222-33* (*Claudia*)" "O tutor de *Cicrana* é o cpf *222.333.444-55* (*Jose*)"

cpf	nome	data_nasc	cpf_dep	nome_dep	data_nasc_dep	cpf_tutor
000.111.222-33	Claudia	1980-10-05	777.555.111-00	Armando	2000-02-25	000.111.222-33
222.333.444-55	Jose	1995-04-02	777.555.111-00	Armando	2000-02-25	000.111.222-33
555.666.777-88	Amalia	1978-06-30	777.555.111-00	Armando	2000-02-25	000.111.222-33
999.000.111-22	Cleber	1985-07-25	777.555.111-00	Armando	2000-02-25	000.111.222-33
000.111.222-33	Claudia	1980-10-05	666.444.222-44	Valeriano	2002-05-30	222.333.444-55
222.333.444-55	Jose	1995-04-02	666.444.222-44	Valeriano	2002-05-30	222.333.444-55
555.666.777-88	Amalia	1978-06-30	666.444.222-44	Valeriano	2002-05-30	222.333.444-55
999.000.111-22	Cleber	1985-07-25	666.444.222-44	Valeriano	2002-05-30	222.333.444-55
000.111.222-33	Claudia	1980-10-05	888.777.333-55	Cicrana	2001-07-21	222.333.444-55
222.333.444-55	Jose	1995-04-02	888.777.333-55	Cicrana	2001-07-21	222.333.444-55
555.666.777-88	Amalia	1978-06-30	888.777.333-55	Cicrana	2001-07-21	222.333.444-55
999.000.111-22	Cleber	1985-07-25	888.777.333-55	Cicrana	2001-07-21	222.333.444-55

### Para corrigir as tuplas falsas iremos usar o operador Seleção:

 $\sigma_{cpf=cpf\ tutor}$ (Tutor X Dependente)

# • σ<sub>cpf=cpf\_tutor</sub>(Tutor X Dependente)

cpf	nome	data_nasc	cpf_dep	nome_dep	data_nasc_dep	cpf_tutor
000.111.222-33	Claudia	1980-10-05	777.555.111-00	Armando	2000-02-25	000.111.222-33
222.333.444-55	Jose	1995-04-02	666.444.222-44	Valeriano	2002-05-30	222.333.444-55
222.333.444-55	Jose	1995-04-02	888.777.333-55	Cicrana	2001-07-21	222.333.444-55

Agora temos os tutores associados aos dependentes corretos.

## Operação Produto Cartesiano (X)

- De maneira formal:
  - O resultado de  $\mathbf{R}$  (  $A_1$ ,  $A_2$ , ...,  $A_n$ )  $\mathbf{X}$   $\mathbf{S}$  ( $B_1$ ,  $B_2$ , ...,  $B_m$ ) é uma relação  $\mathbf{Q}$  com n+m atributos  $\mathbf{Q}$  ( $A_1$ ,  $A_2$ , ...,  $A_n$ ,  $B_1$ ,  $B_2$ , ...,  $B_m$ ) nessa ordem
- A relação Q possui uma tupla para cada combinação de tuplas R e S
  - Se R tem t tuplas e S tem z tuplas então Q = R x S possui t \* z tuplas

$$Q = R X S$$

### Atividade - Produto cartesiano

- Sejam as tabelas abaixo, contendo os seguintes atributos:
  - Produtos (id\_prod: int+PK, nome\_prod: varchar(20), valor: double, qtd: int, id\_fornec: int+FK)
  - Fornecedor (id\_forn: int+PK, nome\_forn: varchar(20), area\_atuacao: varchar(30), cnae: int)
- Realize uma consulta usando as operações seleção, projeção, renomear e/ou produto cartesiano para:
  - Encontrar o nome dos fornecedores que fabricam o produto de nome "tinta branco fosco"

### Problema da Operação Produto Cartesiano

- A operação produto cartesiano gera tabelas muito grandes
  - Desempenho da operação produto cartesiano é ruim
- A operação produto cartesiano requer o uso de operações
   Seleção para remover tuplas falsas
- Será que conseguimos melhorar esses problemas?

## Operação Junção (⋈)

- Operação que permite combinar tuplas (de maneira semelhante ao produto cartesiano), utilizando para isso uma condição
  - o Entrada:
    - relação  $\mathbf{R}(A_1, A_2, ..., A_n)$
    - relação S(B<sub>1</sub>, B<sub>2</sub>, ..., B<sub>m</sub>)
    - condição de seleção
  - Saída:
    - relação Q (A₁, A₂, ..., Aₙ, B₁,B₂, ..., B๓)

$$Q = R \bowtie_{condicao de selecao} (S)$$

## Operação Junção (⋈)

- Essa operação tem como saída (Q) tuplas de R e S combinadas que satisfazem a condição de seleção
  - Tuplas cujos atributos são NULL ou condição de seleção seja
     FALSE não aparecem no resultado Q

Tutor					
cpf	nome	data_nasc			
000.111.222-33	Claudia	1980-10-05			
222.333.444-55	Jose	1995-04-02			
555.666.777-88	Amalia	1978-06-30			
999.000.111-22	Cleber	1985-07-25			

Dependente						
cpf_dep						
777.555.111-00	Armando	2000-02-25	000.111.222-33			
666.444.222-44	Valeriano	2002-05-30	222.333.444-55			
888.777.333-55	Cicrana	2001-07-21	222.333.444-55			

• Tutor cpf = cpf\_tutor (Dependente)

Tutor						
cpf		nome	data_nasc			
000.111	.222-33	Claudia	1980-10-05			
222.333	.444-55	Jose	1995-04-02			
555.666	.777-88	Amalia	1978-06-30			
999.000	.111-22	Cleber	1985-07-25			

Dependente							
cpf_dep	nome_dep	data_nasc_dep	cpf_tute	r			
777.555.111-00	Armando	2000-02-25	000.111	222-33			
666.444.222-44	Valeriano	2002-05-30	222.333	444-55			
888.777.333-55	Cicrana	2001-07-21	222.333	444-55			

Tutor					
cpf	nome	data_nasc			
000.111.222-33	Claudia	1980-10-05			
222.333.444-55	Jose	1995-04-02			
555.666.777-88	Amalia	1978-06-30			
999.000.111-22	Cleber	1985-07-25			

Dependente						
cpf_dep						
777.555.111-00	Armando	2000-02-25	000.111.222-33			
666.444.222-44	Valeriano	2002-05-30	222.333.444-55			
888.777.333-55	Cicrana	2001-07-21	222.333.444-55			

• Tutor cpf = cpf\_tutor (Dependente)

cpf	nome	data_nasc	cpf_dep	nome_dep	data_nasc_dep	cpf_tutor
000.111.222-33	Claudia	1980-10-05	777.555.111-00	Armando	2000-02-25	000.111.222-33
222.333.444-55	Jose	1995-04-02	666.444.222-44	Valeriano	2002-05-30	222.333.444-55
222.333.444-55	Jose	1995-04-02	888.777.333-55	Cicrana	2001-07-21	222.333.444-55

Tutor					
cpf nome data_na					
000.111.222-33	Claudia	1980-10-05			
222.333.444-55	Jose	1995-04-02			
555.666.777-88	Amalia	1978-06-30			
999.000.111-22	Cleber	1985-07-25			

Dependente						
cpf_dep						
777.555.111-00	Armando	2000-02-25	000.111.222-33			
666.444.222-44	Valeriano	2002-05-30	222.333.444-55			
888.777.333-55	Cicrana	2001-07-21	222.333.444-55			

• Tutor
$$\bowtie_{cpf = cpf\_tutor}$$
(Dependente) =  $\sigma_{cpf=cpf\_tutor}$ (Tutor X Dependente)

cpf	nome	data_nasc	cpf_dep	nome_dep	data_nasc_dep	cpf_tutor
000.111.222-33	Claudia	1980-10-05	777.555.111-00	Armando	2000-02-25	000.111.222-33
222.333.444-55	Jose	1995-04-02	666.444.222-44	Valeriano	2002-05-30	222.333.444-55
222.333.444-55	Jose	1995-04-02	888.777.333-55	Cicrana	2001-07-21	222.333.444-55

### Operação Divisão (÷)

$$Q = R \div S$$

Operação binária cujo resultado contém apenas os elementos de R
que se relacionam com TODOS os elementos de S

Estoque				
Produto	Preco			
Ameixa	5,2			
Pacoquita	2,1			
Uva	10,5			
Pasta de Dente	3,5			

Preco_Prod	utos
Preco	
	5,2
	2,1
	3,5

• Estoque ÷ Preco\_Produtos

Produto Ameixa

Estoque				
Produto	Preco			
Ameixa	5,2			
Pacoquita	2,1			
Uva	10,5			
Pasta de Dente	3,5			

Preco_Proc	dutos
Preco	
	5,2
	2,1
	3,5

• Estoque ÷ Preco\_Produtos

Produto
Ameixa
Pacoquita

Estoque				
Produto	Preco			
Ameixa	5,2			
Pacoquita	2,1			
Uva	10,5			
Pasta de Dente	3,5			

Preco_Produtos			
Preco			
	5,2		
	2,1		
	3,5		

• Estoque ÷ Preco\_Produtos

Produto
Ameixa
Pacoquita
Pasta de Dente

## Funções de agregação

- Funções de agregação fazem um "resumo" de um conjunto de valores de tuplas do banco de dados
  - SOMA, MÉDIA, MÁXIMO, MÍNIMO, CONTA
  - SUM, AVG, MAX, MIN, COUNT
- Formato: Q = ξ<lista\_funcoes> (R)



## Funções de agregação

- Funções de agregação fazem um "resumo" de um conjunto de valores de tuplas do banco de dados
  - SOMA, MÉDIA, MÁXIMO, MÍNIMO, CONTA
  - SUM, AVG, MAX, MIN, COUNT
- Formato: Q = ξ<lista\_funcoes> (R)



Os atributos de **Q** terão o seguinte nome: nomeFuncao\_atributoUtilizado

#### **FUNCIONARIO**

Pnome	Minicial	Unome	Cpf	Datanasc	Endereco	Sexo	Salario
João	В	Silva	12345678966	09-01-1965	Rua das Flores, 751, São Paulo, SP	М	30.000
Fernando	Т	Wong	33344555587	08-12-1955	Rua da Lapa, 34, São Paulo, SP	М	40.000
Alice	J	Zelaya	99988777767	19-01-1968	Rua Souza Lima, 35, Curitiba, PR	F	25.000
Jennifer	S	Souza	98765432168	20-06-1941	Av. Arthur de Lima, 54, Santo André, SP	F	43.000
Ronaldo	K	Lima	66688444476	15-09-1962	Rua Rebouças, 65, Piracicaba, SP	М	38.000
Joice	Α	Leite	45345345376	31-07-1972	Av. Lucas Obes, 74, São Paulo, SP	F	25.000
André	V	Pereira	98798798733	29-03-1969	Rua Timbira, 35, São Paulo, SP	M	25.000
Jorge	E	Brito	88866555576	10-11-1937	Rua do Horto, 35, São Paulo, SP	М	55.000

### ξ <CONTE(Cpf), MEDIA(Salario)> (FUNCIONARIO)

Contador_cpf	Media_salario
8	35.125

## Funções de agrupamento

 Funções de agrupamento juntam um conjunto de valores de por categoria, e depois executam a função de agregação

Formato: Q = <atributos\_para\_agrupar> ξLista de atributos para agrupar

| Operador | Lista de pares (função, atributo) |

#### **FUNCIONARIO**

Pnome	Minicial	Unome	Cpf	Datanasc	Endereco	Sexo	Salario	Cpf_supervisor	Dnr
João	В	Silva	12345678966	09-01-1965	Rua das Flores, 751, São Paulo, SP	М	30.000	33344555587	5
Fernando	Т	Wong	33344555587	08-12-1955	Rua da Lapa, 34, São Paulo, SP	М	40.000	88866555576	5
Alice	J	Zelaya	99988777767	19-01-1968	Rua Souza Lima, 35, Curitiba, PR	F	25.000	98765432168	4
Jennifer	S	Souza	98765432168	20-06-1941	Av. Arthur de Lima, 54, Santo André, SP	F	43.000	88866555576	4
Ronaldo	к	Lima	66688444476	15-09-1962	Rua Rebouças, 65, Piracicaba, SP	М	38.000	33344555587	5
Joice	A	Leite	45345345376	31-07-1972	Av. Lucas Obes, 74, São Paulo, SP	F	25.000	33344555587	5
André	V	Pereira	98798798733	29-03-1969	Rua Timbira, 35, São Paulo, SP	М	25.000	98765432168	4
Jorge	E	Brito	88866555576	10-11-1937	Rua do Horto, 35, São Paulo, SP	М	55.000	NULL	1

### • <Dnr $> \xi <$ CONTE(Cpf), MEDIA(Salario)> (FUNCIONARIO)

Dnr	Contador_cpf	Media_salario		
5	4	33.250		
4 3		31.000		
1	1	55.000		

#### **FUNCIONARIO**

Pnome	Minicial	Unome	Cpf	Datanasc	Endereco	Sexo	Salario	Cpf_supervisor	Dnr
João	В	Silva	12345678966	09-01-1965	Rua das Flores, 751, São Paulo, SP	М	30.000	33344555587	5
Fernando	Т	Wong	33344555587	08-12-1955	Rua da Lapa, 34, São Paulo, SP	М	40.000	88866555576	5
Alice	J	Zelaya	99988777767	19-01-1968	Rua Souza Lima, 35, Curitiba, PR	F	25.000	98765432168	4
Jennifer	S	Souza	98765432168	20-06-1941	Av. Arthur de Lima, 54, Santo André, SP	F	43.000	88866555576	4
Ronaldo	к	Lima	66688444476	15-09-1962	Rua Rebouças, 65, Piracicaba, SP	М	38.000	33344555587	5
Joice	Α	Leite	45345345376	31-07-1972	Av. Lucas Obes, 74, São Paulo, SP	F	25.000	33344555587	5
André	V	Pereira	98798798733	29-03-1969	Rua Timbira, 35, São Paulo, SP	М	25.000	98765432168	4
Jorge	E	Brito	88866555576	10-11-1937	Rua do Horto, 35, São Paulo, SP	М	55.000	NULL	1

### <Dnr> ξ <CONTE(Cpf), MEDIA(Salario)> (FUNCIONARIO)

Dnr	Contador_cpf	Media_salario		
5	4	33.250		
4	3	31.000		
1 1		55.000		

No depto número 5, existem 4 CPFs, e a média de salário desses funcionários é de 33,25

# Referencial Bibliográfico

 KORTH, H.; SILBERSCHATZ, A.; SUDARSHAN, S.
 Sistemas de bancos de dados. 5. ed. Rio de Janeiro: Ed. Campus, 2006.

 DATE, C. J. Introdução a sistemas de bancos de dados. Rio de Janeiro: Ed. Campus, 2004. Tradução da 8ª edição americana.