Raciocínio

O que queremos provar:

- Para toda a lista finita não vazia de floats xs, o máximo da lista xs é igual ao máximo dessa mesma lista pela ordem inversa.

Isto é:

```
maximum' xs == maximum' (reverse' xs)
```

Usando a função maximum', reverse', max', que são definidas recursivamente no código que se segue, e a lei dada no enunciado:

Caso base ([x]):

```
maximum' [x] = -- abbreviation
maximum' x : [] = -- maximum' Eq 1
maximum'' [] x = -- maximum'' Eq 1
x

maximum' (reverse [x]) = -- reverse' Eq 2
maximum' (reverse [] ++ [x]) = -- reverse' Eq 1
maximum' [x] = -- abbreviation
maximum' x : [] = -- maximum' Eq 1
maximum [] x = -- maximum'' Eq 1
x
```

x == x, como queríamos demonstrar

Caso de indução (x:xs):

```
-- maximum' (x:xs) = -- abbreviation
-- maximum' [x] ++ xs = -- given law
-- maximum [x] `max` maximum xs = -- abbreviation
-- maximum' x : [] `max` maximum xs = -- maximum' Eq 1
-- maximum'' [] x `max` maximum xs = -- maximum'' Eq 1
-- x `max` maximum xs

-- maximum' (reverse' (x:xs)) = -- reverse' Eq 2
-- maximum' (reverse' xs ++ [x]) = -- given law
-- maximum' reverse' xs `max` maximum [x] = -- abbreviation
-- maximum' reverse' xs `max` maximum' x : [] = -- maximum' Eq 1
-- maximum' reverse' xs `max` maximum'' [] x = -- maximum'' Eq 1
-- maximum' reverse' xs `max` maximum'' [] x = -- maximum'' Eq 1
-- maximum' reverse' xs `max` x = -- IH
-- x `max` maximum' xs
```

x 'max' maximum' xs == x 'max' maximum' xs, como queríamos demonstrar

Concluindo, por indução, está provado que maximum' xs == maximum' (reverse' xs)

André Mendes fc54453 Filipa Almendra fc54396 PP-2020/2021