

Progetto di Simulazione di Sistemi  
L.M. INFORMATICA A.A. 2019-2020

Heavy traffic limit for a tandem queue with  
identical service times

---



OMNeT++

**Andrea Ercolessi (Matr. 0000953727)**

---

---

## Indice

1.Introduzione	3
2.Tool Utilizzati	3
4.Implementazione del modello	8
5.Statistica	13
5.1 Transiente iniziale	13
5.2 Intervalli di confidenza	14
5.3 Risultati	15
5.3.1 Risultati	15
6. Bibliografia	18

---

# 1.Introduzione

Il modello analizzato rispecchia approssimativamente il lavoro che viene svolto nell'articolo di ricerca : [Heavy traffic limit for a tandem queue with identical service times.](#)

Uno dei modelli di accodamento è il cosiddetto, rete tandem costituito da due code FIFO (first-first-out-out), dove la prima è  $M / G / 1$  con velocità di arrivo  $\lambda$  e ogni job riutilizza il tempo di servizio della prima coda quando viene processato nella coda di uscita. Tale studio è focalizzato sul comportamento che manifesta la coda di uscita.

## 2.Tool Utilizzati

Il framework utilizzato per la modellazione e la simulazione del sistema consiste in **Omnet++ versione 5.5.1** del quale viene riportata di seguito un immagine. Uno dei vantaggi principali di oment è che oltre ad essere un framework distribuito sotto la Licenza pubblica accademica, fornisce all'utilizzatore un ambiente di sviluppo già basato sulla tipologia di modello a code mettendo a disposizione alcune implementazioni software delle entità presenti nel modello, oltre che a numerosi tool grafici che facilitano la configurazione



---

Per meglio rendere interpretabili i dati ricavati dal software e quindi per effettuare in maniera più agevole delle analisi su quest'ultimi possiamo far affidamento su diverse librerie Python.



A tal proposito vengono descritte le principali librerie utilizzate per effettuare lo studio dei dati ed il Plot di essi :

1. **Pandas** è uno strumento di analisi e manipolazione dei dati open source veloce, potente, flessibile e facile che permette l'analisi dei dati. Inoltre mette a disposizione dei metodi per la manipolazione dei dati ".sca" ed ".vec" provenienti dalle simulazione di omnet



2. **Statistics** questo modulo fornisce funzioni per il calcolo di statistiche matematiche di dati numerici
3. **Matplotlib** è una libreria completa per la creazione di visualizzazioni statiche, animate e interattive



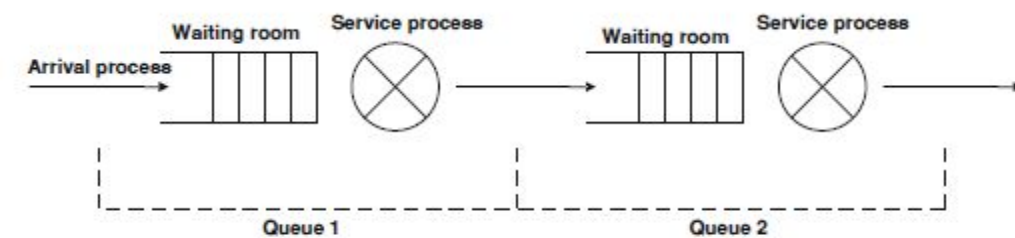
---

## 3. Modello

In questa sezione verrà descritto il modello implementato considerando due aspetti principali; la descrizione, ovvero la struttura del modello ed infine i parametri che sono stati utilizzati nello svolgimento della simulazione.

### 3.1 Descrizione

Il modello implementato prevede delle varianti rispetto all'articolo citato in precedenza, il sistema TandemQueue è schematicamente rappresentato nella successiva figura.



Il sistema è caratterizzato da due code e due serventi, nello specifico tali componenti sono così strutturati :

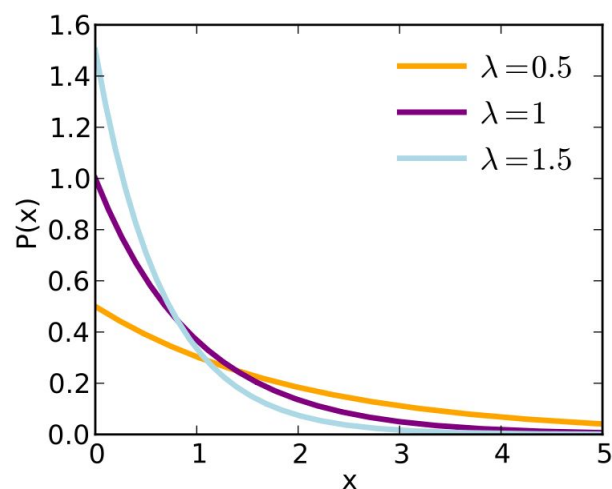
1. Per quanto riguarda la coda del primo servente, essa è a capacità illimitata e viene caratterizzata da una **policy** di tipo **SPTF**. Si tratta del Teorema noto come Teorema dei Tempi di Lavorazione più brevi / Shortest Processing Time elaborato nella Teoria della schedulazione che afferma che il tempo di attraversamento medio-average flow time,  $F$ , è minimizzato sequenziando i lotti in ordine non decrescente dei tempi di lavorazione  $p_{[1]} \leq p_{[2]} \leq \dots \leq p_{[n]}$ . Il tempo di servizio al primo servente è caratterizzato da una distribuzione di probabilità che sarà descritta nel paragrafo successivo.
2. Mentre per quanto riguarda la coda del secondo servente è anch'essa a capacità illimitata gestita da una **policy FIFO(First-In-First-Out)**. Una

---

particolarità di questo modello e che il tempo di servizio richiesto da un utente nel secondo servente è pari al tempo di servizio assegnato, allo stesso utente, nel primo servente.

## 3.2 Parametri

Analizzando nel particolare i parametri di questo sistema, gli “Arrival process”, i quali indicano i job modellati da tempi di interarrivo esponenziali di medie  $1/\lambda$  sono rappresentati nella figura sottostante. La medesima distribuzione di tipo esponenziale, viene utilizzata per la definizione dei serventi considerando dei processi con media  $1/\mu$ .

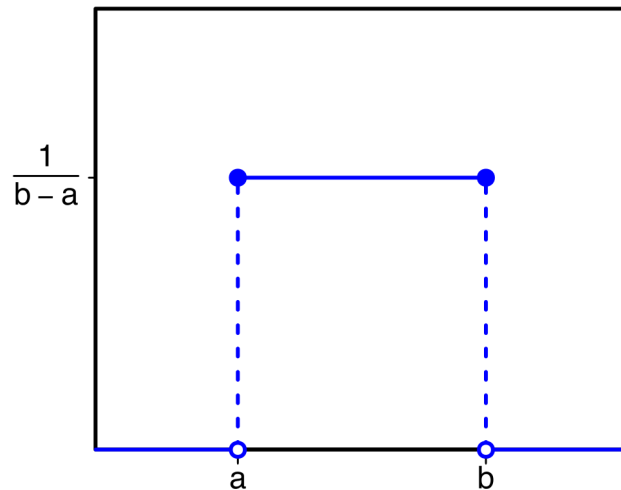


I parametri della la prima simulazione utilizzati sono :

- $\lambda=0.5$  ---->  $\mu=0.33$ ;  $\mu=0.25$
- $\lambda=0.7$  ---->  $\mu=0.33$ ;  $\mu=0.25$
- $\lambda=0.8$  ---->  $\mu=0.33$ ;  $\mu=0.25$
- $\lambda=1.0$  ---->  $\mu=0.33$ ;  $\mu=0.25$

---

Per quanto riguarda la seconda configurazione esaminata,  $\lambda$  rimane una distribuzione di probabilità esponenziali, mentre i server sono caratterizzati da una distribuzione uniforme in cui il parametro  $\mu$  varia in un intervallo  $[A;B]$ . Nella figura seguente riportiamo l'andamento della funzione densità di probabilità della distribuzione uniforme.



I parametri utilizzati per la seconda simulazione :

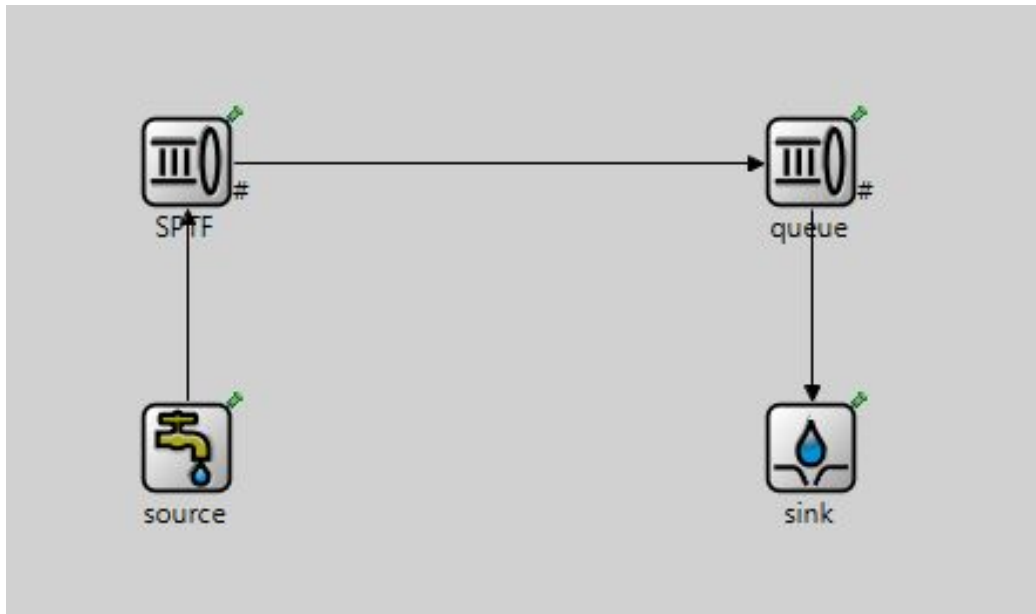
- $\lambda=0.5$  ---->  $\mu=[0,16;1]$ ;  $\mu=[0.5;0.25]$
- $\lambda=0.7$  ---->  $\mu=[0,16;1]$ ;  $\mu=[0.5;0.25]$
- $\lambda=0.8$  ---->  $\mu=[0,16;1]$ ;  $\mu=[0.5;0.25]$
- $\lambda=1.0$  ---->  $\mu=[0,16;1]$ ;  $\mu=[0.5;0.25]$

Considerando tutti i valori che i parametri da analizzare possono assumere, risultano possibili 16 configurazioni. In questo modo, è quindi possibile performare varie tipologie di analisi considerando diversi valori dei parametri che entrano in gioco nelle simulazioni in modo da analizzare un gran numero modelli.

---

## 4.Implementazione del modello

Per l'implementazione sono stati utilizzati i moduli implementati dalla libreria **Queuinglib**, apportando le opportune modifiche .



Utilizzando la precedente immagine come riferimento nei paragrafi seguenti andremo a descrivere i componenti che il software OMNet++ fornisce per la costruzione di un modello da analizzare.

### 4.1 Source

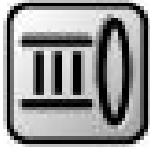


Il modulo Source si occupa di generare i job ad ogni `interArrivalTime`. Questo modulo, in funzione dei parametri selezionati per la descrizione del modello, genera i job necessari alle simulazioni.



---

## 4.2 Queue



Il modulo Queue standard si occupa di implementare un server con coda all'ingresso. Tale modulo può essere incontrato nel modello in due versioni una chiamata "SPTF " ed una "queue". Per quanto riguarda la prima è stato implementato il comportamento descritto dalla policy SPTF descritta precedentemente. Invece, per quanto riguarda le modifiche apportate alla classe "queue", per adattarla alle simulazioni considerate, possono essere riscontrata in ***handleMessage() della classe MyQueue.c*** .

Nella sezione successiva è possibile analizzare le modifiche apportate alla classe ***MyQueue.c*** :

Nel codice sottostante viene inserito come parametro di un job il tempo di servizio richiesto da esso, dopo di che il job viene inserito nella coda.

```
/******  
simtime_t serviceTime =startService(jobServiced);  
//std::cout<<serviceTime<<endl ;  
double valore = (double)serviceTime.raw();  
cMsgPar * parametro = &(msg->addPar("Tempo di servizio"));  
parametro->setDoubleValue(valore);  
//std::cout<<"paramtro Fine di tutto : "<<valore<< std::endl ;  
serviceTimeVec.record(serviceTime);  
queue.insert(job);  
emit(queueLengthSignal, length());  
job->setQueueCount(job->getQueueCount() + 1);  
}
```

Per effettuare l'insert del job, nella superclasse di ***queue***, ossia ***cqueue***, è presente un metodo chiamato ***comparator*** il quale detta la politica con il quale viene inserito il job nella coda. Per far si che i job inseriti rispettino la politica SPTF si è deciso di implementare una classe definita come ***Mycomaprator***. All'interno di questa classe viene ereditato il metodo ***comparator*** della superclasse ***cqueue*** e modificata in modo da avere il comportamento desiderato. Più precisamente vengono analizzati i tempi di servizio e viene effettuato uno swap dei job con i tempi di servizi minori in

modo da avere una lista di job ordinata in maniera non crescente. Il codice riportato nell'immagine sottostante descrive quanto appena descritto.

```
bool Mycomparator::less(omnetpp::cObject *a, omnetpp::cObject *b) {  
    omnetpp::cMessage *msg = (omnetpp::cMessage *)a;  
    omnetpp::cMessage *mymsg = (omnetpp::cMessage *)b;  
    double val1=msg->par("Tempo di servizio").doubleValue();  
    double val2=mymsg->par("Tempo di servizio").doubleValue();  
    //std::cout<<"VALORE COMPARATOR : "<<val1<< std::endl;  
    return val1<val2;  
}  
  
omnetpp::cQueue::Comparator* Mycomparator::dup() const {  
    Mycomparator* p =new Mycomparator();  
    return p;  
}
```

Nel caso in cui siano, presenti dei job all'interno della coda, è stato implementato un metodo con il quale si considera il job ordinato e si processa.

```
jobServiced = getFromQueue();  
emit(queueLengthSignal, length());  
/*****  
simtime_t serviceTime;  
cMsgPar * par;  
try{  
    double parServiceTime;  
    par = &(jobServiced->par("Tempo di servizio"));  
    parServiceTime =par->doubleValue();  
    //int64_t converted =(int64_t)(parServiceTime);  
    serviceTime.setRaw(parServiceTime);  
    serviceTimeVec.record(serviceTime);  
    scheduleAt(simTime()+serviceTime, endServiceMsg);  
    return;  
}catch(cRuntimeError e){  
    serviceTime =startService(jobServiced);  
    double valore = (double)serviceTime.raw();  
    cMsgPar * parametro = &(msg->addPar("Tempo di servizio"));  
    parametro->setDoubleValue(valore);  
    std::cout<<"parametro set 1: "<<valore<< std::endl ;|  
    serviceTimeVec.record(serviceTime);  
    scheduleAt(simTime()+serviceTime, endServiceMsg);  
}}}
```

Nel modello descritto all'inizio della sezione 4 sono presenti due queue una con il comportamento che abbiamo descritto in precedenza mentre l'altra denominata

---

“queue” dove il comportamento di quest'ultima risulta essere più semplice di quanto descritto fino ad ora in quanto l'unico procedimento che viene effettuato è quello di modificare il metodo presente nella classe **Queue.c** in **startService()** per far sì che il tempo di servizio richiesto da un utente nel secondo server è pari al tempo di servizio assegnato allo stesso utente, nel primo server

```
simtime_t Queue::startService(Job *job)
{
    // gather queueing time statistics
    simtime_t d = simTime() - job->getTimestamp();
    emit(queueingTimeSignal, d);
    job->setTotalQueueingTime(job->getTotalQueueingTime() + d);
    EV << "Starting service of " << job->getName() << endl;
    job->setTimestamp();
    return par("serviceTime").doubleValue();
}
```

## 4.3 Sink



Il modulo Sink si occupa di deallocare i Job usciti dal sistema e accogliere le statistiche sulla loro permanenza nel sistema utili all'analisi dei dati prodotti dalle simulazioni eseguite

## 4.4 Inserimento dei parametri

I parametri di configurazione della simulazione vengono definiti nel file con estensione “.ini” . Dato il gran numero dei parametri da studiare si è deciso di dividere i parametri in base alle distribuzioni presenti e di conseguenza agli input da inserire all'interno della simulazione. Nella immagine sottostante viene mostrato, in che modo è stata effettuata la divisione dei parametri in modo da

---

lanciare le simulazione in base ad i nomi assegnati, che sono caratterizzati dall'uso delle parentesi quadre.

```

[General]
network = Network
[Config exponential]
warmup-period = 3500s
**.source.interArrivalTime = exponential(${lamb=0.5, 0.7, 0.8, 1.0}s)
**.queue.serviceTime = 0s
**.SPTF.serviceTime = exponential(${expo=0.33,0.25}s)
sim-time-limit = 100000s
repeat = 30
[Config uniform]
warmup-period = 10000s
**.source.interArrivalTime = exponential(${lam=0.5, 0.7, 0.8, 1.0}s)
**.queue.serviceTime = 0s
**.SPTF.serviceTime = uniform(1s,0.16s)
sim-time-limit = 100000s
repeat = 30
[Config uniformUno]
warmup-period = 10000s
**.source.interArrivalTime = exponential(${lam=0.5, 0.7, 0.8, 1.0}s)
**.queue.serviceTime = 0s
**.SPTF.serviceTime = uniform(0.5s,0.25s)
sim-time-limit = 100000s
repeat = 30

```

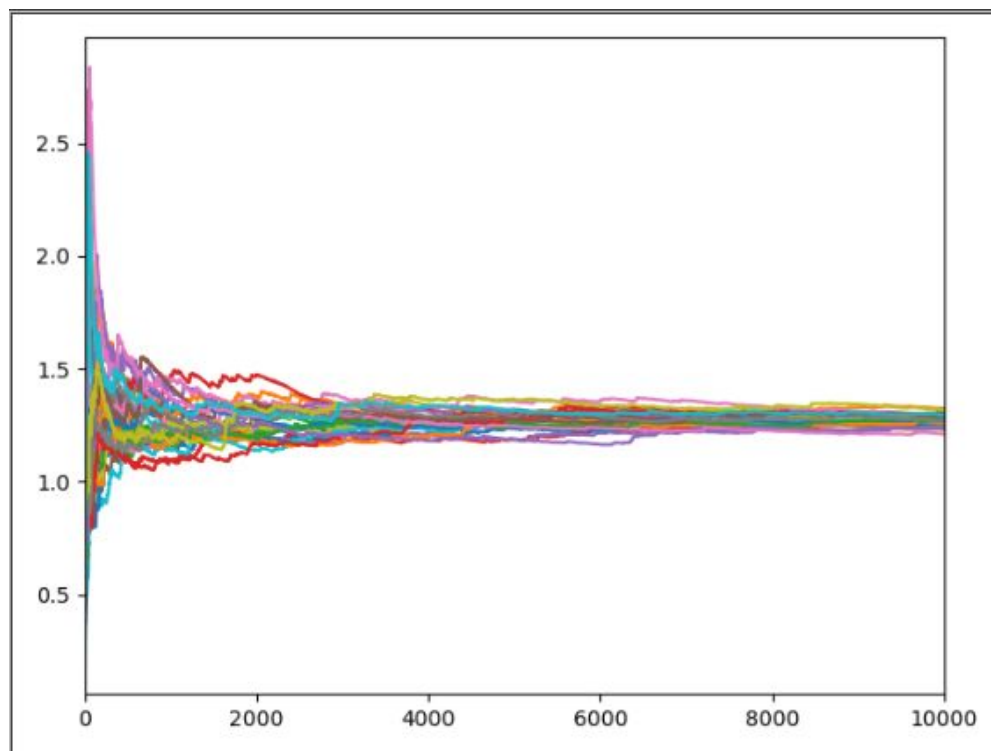
---

## 5.Statistica

Per effettuare un buono studio della misurazione statistica sui dati sono state effettuate 30 ripetizioni per ogni configurazione riportata in precedenza per un tempo complessivo di 100000s

### 5.1 Transiente iniziale

Nel momento in cui un sistema inizia da poco ad essere operativo, questo risulta fortemente influenzato dallo stato iniziale e dal tempo trascorso prima dell'attivazione. Questa condizione del sistema è detta transitoria. Trascorso un lasso di tempo iniziale il sistema si stabilizza e raggiunge condizioni stazionarie. Durante gli esperimenti visualizzando i risultati ottenuti è stato notato un comportamento anomalo nella fase iniziale. Di seguito riportiamo una figura che mostra il fenomeno



---

È evidente che nelle prime fasi di simulazione il sistema è instabile. Valutando tutte le configurazioni si è deciso di eliminare questa fase e analizzare il sistema da quando va a regime. La fase transiente iniziale viene rimossa grazie alla funzionalità warmup-period di OMNeT++. La fase transiente individuata per questo sistema è di 3500 unità di tempo simulato, su un totale di 100000 unità di tempo totale della simulazione.

## 5.2 Intervalli di confidenza

In questo paragrafo verrà descritto un intervallo nel quale ci aspettiamo stia il parametro da stimare con un elevato grado di fiducia. Questa “fiducia” è assegnata in termini probabilistici e viene detta confidenza. Tale intervallo si dice intervallo di confidenza e la probabilità (che indicheremo con  $1-\alpha$ ) assegnata viene detta livello di significatività (o livello di confidenza). Usualmente si sceglie come livello di significatività il 95% o il 99%.

Una stima puntuale del valore atteso  $\mu$  è data dal valore  $\bar{x}$  assunto dalla variabile  $\bar{X}_n$  nel campione. Un intervallo di confidenza, con livello di significatività del 95%, è un intervallo aleatorio

$$(\bar{X}_n - \delta, \bar{X}_n + \delta)$$

con  $\delta$  scelto in modo tale che

$$P(\bar{X}_n - \delta < \mu < \bar{X}_n + \delta) = 0,95$$

ossia tale che la probabilità di sbagliare sia pari a  $\alpha=0.05$  e quindi bassa.

Per effettuare il calcolo dell'intervallo di confidenza è stato creato nello script python un metodo nel quale dato come input il vettore con i risultati da calcolare e la percentuale di intervallo di confidenza da calcolare restituisce l'intervallo di confidenza. Questo viene effettuato tramite una distribuzione di probabilità



---

T\_Student con 29 gradi di libertà e la percentuale del 95%. Lo script implementato per l'analisi dei dati di output in particolare utilizza il metodo, già implementato nella libreria Python `scipy`, `stats.t.ppf()` per ottenere il valore della tabella dei percentili con i gradi di libertà sopra specificati.

## 5.3 Risultati

Tutti i dati prodotti da OMNeT++ sono stati salvati su file di tipo \*.vec, \*.sca. Tramite `scavetool` sono stati estratti sia i vettori di tutte le osservazione simulate, sia i valori scalari generati dal sistema. I file generati sono stati analizzati successivamente tramite lo script python riportati sotto il nome di `tandemQueue.py`

### 5.3.1 Risultati

Di seguito vengono riportate tutte le analisi di prestazioni richieste da analizzare:

1. **Mediana della distribuzione del tempo di risposta del sistema:** viene effettuato lo studio dei ***lifeTime:vector*** che contiene i tempi di permanenza nel sistema di tutti gli utenti ordinati per tempo di arrivo all'elemento Sink. Questo vettore è un vettore privo di transiente iniziale grazie alla funzione precedentemente descritta ed in seguito è stato estratto il valore di mediana.
2. **Mediana della distribuzione del tempo di risposta di ogni singolo servente:** per questo studio sono stati studiati i ***serviceTime:vector*** inerenti alla coda ***Network.SPTF*** di questi è stato calcolato il valore della mediana.
3. **Tempo medio di permanenza nel sistema dei job:** per valutare questo indice di prestazione è stato utilizzato il vettore ***lifeTime:vector*** descritto in precedenza però in questo caso è stata calcolata la semplice media.

- 
4. **Tempo massimo (minimo) di permanenza nel sistema dei job** : per studiare questi due parametri si è ricorso all'uso del vettore *lifeTime:vector* ma con la differenza che è stato preso il valore massimo e minimo presenti all'interno di esso.
  5. **Fattore di utilizzo dei singoli server**: riguardo questo indice di prestazione è stato utilizzato un valore scalare che viene già calcolato da OMNeT++ per ognuno dei server, denominato *busy:timeavg*. Ma data l'implementazione del modello basta studiare quello della coda SPTF in quanto risultano avere gli stessi tempi per quanto descritto nel paragrafo tre dove vengono spiegate le caratteristiche del modello.

A tal proposito nel file presente nella cartella sono disponibili i risultati ottenuti secondo gli indici di prestazioni sopra descritti e per ogni combinazione di parametro descritto nella sezione 3.2. Nell'immagine sottostante viene riportata una piccola parte dei risultati presenti nel file "Res.txt" per mostrare la struttura che essi compongono.

```
|-----  
Exponential--->  $\lambda = 2.0$   $\mu = 3.0$ :  
Mediana della distribuzione del tempo di risposta:  
[0.4626±0.0008]  
Mediana della distribuzione del tempo di risposta del server:  
[0.2288±0.0003]  
Tempo medio di permanenza nel sistema dei job:  
[0.7122±0.0014]  
Tempo Max di permanenza nel sistema dei job:  
[42.7704±4.6190]  
Tempo Min di permanenza nel sistema dei job  
[0.0000±0.0000]  
Fattore di utilizzo del server  
[0.6607±0.0007]  
Risultati analitici  $\rho = 0.6667$   $\rho_{Omnet} = 0.6607$  Dovrebbe essere stabile  
Risulta essere stabile Risultato analitico  $W_s = 1.0$   $W_s_{Omnet} = 0.7122$   
-----
```



---

Nelle ultime due righe testuali vengono riportati in ordine il primo risultato analitico che stabilisce una condizione di stabilità per il sistema che è data dalla formula :

$$\Phi = \frac{\lambda}{\mu} < 1$$

Con  $\Phi$  viene indicato il fattore di utilizzo del sistema. Viene confrontato il valore calcolato con quello calcolato dalla simulazione OMNeT++. Se risulta essere un sistema stabile viene calcolato il tempo medio di permanenza dell'utente nel sistema :

$$W_s = \frac{1}{(\mu - \lambda)}$$

Una volta calcolato  **$W_s$**  viene fatto il confronto con i tempi risultanti dalle simulazioni terminando la parte l'analisi richiesta nel progetto.

---

## 6. Bibliografia

1. Heavy traffic limit for a tandem queue with identical service times. H. Christian Gromoll, Bryce Terwilliger & Bert Zwart
2. OMNeT++ [ <https://omnetpp.org/intro> ]
3. Python [ <https://www.python.org/> ]