Campionamento e Sintesi 1

Andrea Agostini

27 aprile 2023

Capitolo 1

Pressione, ampiezza, intensità

1.1 Pressione sonora

Il suono è costituito da (o associato a) onde di pressione longitudinali che si propagano in un mezzo elastico (tipicamente l'aria).

L'onda longitudinale è tale perché lo spostamento di energia avviene lungo lo stesso asse dello spostamento di materia (come per esempio nel caso di una molla che viene colpita a un'estremità). Il caso opposto, che non riguarda il suono, è l'onda trasversale, in cui lo spostamento di energia avviene perpendicolarmente rispetto all'asse dello spostamento di materia: l'esempio classico è l'onda del mare, in cui l'energia si sposta orizzontalmente (dal mare aperto verso la riva) mentre la materia si sposta verticalmente (la singola molecola d'acqua si alza e si abbassa a causa del moto ondoso).

Il suono sarà in generale prodotto da un corpo emittente, che per semplicità immaginiamo puntiforme. Nel nostro modello, consideriamo anche la presenza di un recettore, pure puntiforme. Il corpo emittente oscilla in maniera più o meno regolare attorno a un suo punto di riposo. Così facendo, crea nell'aria un'alternanza di compressioni nella direzione del recettore e compressioni nella direzione opposta a quella del recettore (che possiamo considerare decompressioni nella direzione del recettore). Questi fronti di compressioni e decompressioni si propagano in forma di superfici sferiche.

La pressione si misura in pascal (Pa) e i suoi multipli e sottomultipli, come

• il millipascal (mPa: $\frac{1}{1000}$ Pa),

• il micropascal (μ Pa: $\frac{1}{1000000}$ Pa),

• il kilopascal (kPa: 1000 Pa),

• il bar (bar: 100 000 Pa).

La pressione atmosferica standard al livello del mare è poco più di $100\,000\,\mathrm{Pa}$. Il fenomeno sonoro provoca piccole variazioni nella pressione atmosferica: le variazioni tipiche dei suoni udibili avvengono in un ambito compreso all'incirca tra $20\,\mu\mathrm{Pa}$ e $20\,\mathrm{Pa}$.

Il recettore del fenomeno sonoro (ad esempio la membrana del timpano, o una membrana microfonica) è immerso nell'atmosfera, che esercita eguale pressione da entrambi i lati: di conseguenza, possiamo considerare in generale nulla la pressione atmosferica complessiva a cui la membrana è sottoposta. Il fenomeno sonoro provoca invece l'applicazione di una pressione direzionata sul recettore, che ne sarà compresso verso l'interno o verso l'esterno: ha senso quindi dire che il recettore è sottoposto a una pressione sonora dell'ambito descritto sopra (tra $20\,\mu\text{Pa}$ e $20\,\text{Pa}$). Per convenzione, parleremo di pressione positiva quando la pressione esterna è superiore alla pressione interna (e quindi la membrana del timpano sarà spinta verso l'interno del cranio); di pressione negativa nel caso opposto (in cui la membrana del timpano è "risucchiata" verso l'esterno del cranio).

L'onda sonora impiega tempo a propagarsi: al livello del mare, con aria secca e temperatura di $20\,^{\circ}$ C, la velocità di propagazione è di circa $343\,\mathrm{m/s}$. Questo vuol dire che, approssimativamente, il suono in queste condizioni percorre $30\,\mathrm{cm}$ in $1\,\mathrm{ms}$; $1\,\mathrm{m}$ in $3\,\mathrm{ms}$; e $1\,\mathrm{km}$ in $3\,\mathrm{s}$.

1.2 Ampiezza e rappresentazione nel dominio del tempo

Ci interessa individuare alcune grandezze che variano in maniera idealmente proporzionale² tra loro, per lo stesso fenomeno sonoro:

• lo spostamento dell'emittente s_e

 $^{^1\}mathrm{Questo}$ non è vero ad esempio nel caso di sbalzi d'altitudine o di immersioni subacquee: in questi casi infatti bisogna compensare le variazioni di pressione a cui il timpano è sottoposto.

²Nel mondo reale, questa proporzionalità è sempre approssimativa. Rispetto alle definizioni della fisica classica, e in un contesto ideale in cui non esistono fenomeni parassiti che disturbano l'emissione, la trasmissione e la ricezione del suono (come ad esempio rumori d'ambiente, correnti d'aria, superfici riflettenti, l'elasticità non perfetta dei materiali e così via), è spesso utile considerarla esatta per semplicità.

- lo spostamento del recettore s_r (se il mezzo elastico non induce distorsioni: in generale possiamo considerare che le distorsioni indotte dall'aria siano estremamente ridotte)
- le variazioni di pressione atmosferica Δp (in assenza di altri fenomeni perturbativi)
- \bullet la tensione elettrica nella catena elettroacustica V (assumendo che trasduttori, conduttori e amplificatori si comportino in maniera ideale)

Possiamo allora scrivere che

$$s_e \propto s_r \propto \Delta p \propto V$$
 (1.1)

dove il simbolo \propto indica una relazione di proporzionalità diretta.

Poiché la percezione e il trattamento del fenomeno sonoro avvengono in generale in termini astratti rispetto alla materialità delle grandezze fisiche coinvolte, spesso utilizziamo il concetto di ampiezza del segnale sonoro. L'ampiezza è una misura adimensionale proporzionale alle grandezze elencate sopra; le rappresenta tutte, e non coincide con nessuna in particolare. Il suo ambito è arbitrario e convenzionale; in condizioni normali, si adotta talvolta un ambito compreso tra -1 e 1, ma ci sono moltissime eccezioni. Il concetto di ampiezza è cruciale nella rappresentazione digitale del suono. Quindi

$$A \propto s_e \propto s_r \propto \Delta p \propto V$$
 (1.2)

Se si traccia l'andamento di una qualsiasi di queste grandezze rispetto al tempo si ottiene un grafico che rappresenta il fenomeno sonoro nel dominio del tempo. Il fatto che si tratti di grandezze tutte proporzionali tra loro fa sì che, cambiando l'unità di misura sull'asse verticale, il grafico mantenga la stessa forma. Possiamo quindi parlare di forma d'onda (in inglese waveform). Questo tipo di grafico è talvolta chiamato audiogramma.

INSERIRE QUI ESEMPI DI FORME D'ONDA

1.3 Misure dell'ampiezza

Intuitivamente, osservare quanto il tracciato del grafico si distanzia dall'asse orizzontale dà un'idea approssimativa di "quanto forte" è il suono, o della sua dinamica (non uso il termine "intensità", che ha un significato specifico definito più avanti). È utile definire alcune maniere diverse di misurare l'ampiezza di un fenomeno sonoro:

1.3.1 Ampiezza istantanea

L'ampiezza istantanea è l'ampiezza misurata a un istante specifico del fenomeno sonoro. Di per sé, non ci dà un'informazione affidabile sul livello dinamico percepito, perché qualsiasi fenomeno sonoro è costituito dalla rapida alternanza di pressioni relativamente alte (cioè pressioni che, in una direzione o nell'altra, deviano in maniera importante dalla pressione atmosferica media) e pressioni relativamente basse (cioè pressioni prossime alla pressione atmosferica media). L'ampiezza istantanea è un valore segnato: convenzionalmente, è positiva se rappresenta una pressione nella direzione dall'emittente al recettore; negativa se rappresenta una pressione nella direzione dal recettore al ricevente. Naturalmente, può avere senso considerare il valore assoluto dell'ampieza istantanea.

1.3.2 Ampiezza di picco

L'ampiezza di picco è l'ampiezza di valore assoluto massimo entro un dato intervallo di tempo. Se l'intervallo è ragionevolmente ampio, può costituire una prima stima del livello dinamico percepito. L'ampiezza di picco è, in linea di principio, un valore segnato, per le stesse ragioni per cui lo è l'ampiezza istantanea. Nella pratica, spesso non è interessante sapere in quale direzione è stata esercitata la massima ampiezza rinvenuta: per questa ragione, viene normalmente considerato il valore assoluto dell'ampiezza di picco.

1.3.3 Ampiezza picco-picco

L'ampiezza picco-picco è la differenza tra la massima e la minima ampiezza entro un dato intervallo di tempo. Nel caso di una forma d'onda perfettamente centrata sullo 0 coincide con il doppio dell'ampiezza di picco. Se però la forma d'onda non è centrata sullo 0, o se la posizione dello 0 non è nota con esattezza (per esempio perché esiste una componente di tensione continua,³ l'ampiezza picco-picco fornisce l'unica possibile misura affidabile. L'ampiezza picco-picco, secondo la definizione data sopra, non è mai negativa.

 $^{^3{\}rm Una}$ componente di tensione continua provoca una traslazione sull'asse verticale della rappresentazione nel dominio del tempo.

1.3.4 Ampiezza RMS

L'ampiezza RMS è una misura che tiene conto dell'andamento dell'ampiezza nel tempo. Di conseguenza, può rappresentare in maniera più accurata il livello dinamico percepito, che a parità di ampiezza di picco (o piccopicco) sarà maggiore se, su scale di durata di frazioni di secondo, il segnale rimane forte più a lungo. La definizione di ampiezza RMS per un segnale campionato in ampiezza a intervalli di tempo regolari, come i segnali digitali che trattiamo abitualmente, è

$$A_{\text{RMS}} = \sqrt{\frac{A_1^2 + A_2^2 + \dots + A_n^2}{n}}$$
 (1.3)

dove n è il numero totale di campioni e A_1 ... A_n sono i valori di ampiezza istantanea dei singoli campioni entro la finestra temporale considerata. L'ampiezza RMS è quindi la radice quadrata della media dei quadrati delle ampiezze istantanee. Se consideriamo invece un segnale continuo nel tempo, la definizione di RMS deve fare ricorso al concetto di integrale:⁴

$$A_{\text{RMS}} = \sqrt{\frac{1}{t_2 - t_1} \int_{t_1}^{t_2} (A(t))^2 dt}$$

dove t indica il tempo, t_1 e t_2 sono rispettivamente il tempo iniziale e finale considerati e A(t) è l'ampiezza nel tempo.

L'ampiezza RMS non può essere negativa, dal momento che non può esserlo il quadrato di un numero reale.

1.4 Intensità sonora

Dal punto di vista percettivo, più importante del concetto di pressione è quello di *intensità sonora*. Per definirla correttamente abbiamo bisogno di introdurre alcune nozioni:

1.4.1 Energia e lavoro

Energia e lavoro sono due grandezze strettamente correlate, rappresentate dalle stesse unità di misura come il Joule e la caloria. Il lavoro è definito come la forza che sposta un corpo moltiplicata per lo spostamento effettuato:

$$W = F \cdot s \tag{1.4}$$

⁴Un integrale può essere visto come la somma di infiniti campioni di durata infinitesimale: ci serve quindi a calcolare il valore totalizzato da un fenomeno continuo. Se non sei familiare con questo formalismo ignora tranquillamente i dettagli di questa formula.

L'energia può essere vista come la capacità di un corpo di svolgere un lavoro: si misura in termini del lavoro che in virtù di essa un corpo è in grado di svolgere. È una grandezza fisica fondamentale che obbedisce alla legge di conservazione: viene trasferita, non si crea e non si distrugge. In senso proprio, quindi, ciò che viene trasferito da un corpo vibrante alla membrana del nostro timpano è l'energia sonora, non la pressione sonora. In altri termini, il fatto che una pressione sonora si applichi al timpano è concettualmente una conseguenza del trasferimento di energia, e non viceversa.

L'energia è proporzionale al quadrato della pressione sonora e, di conseguenza, al quadrato dell'ampiezza e di tutti gli altri fenomeni direttamente proporzionali all'ampiezza:⁵

$$E \propto \Delta p^2 \propto \Delta A^2 \tag{1.5}$$

1.4.2 Potenza

La potenza (misurata in Watt e indicata qui dalla lettera P maiuscola, da non confondersi con la p minuscola con cui indichiamo la pressione) è una misura della quantità di lavoro svolto, o di energia dispiegata, per unità di tempo:

$$P = \frac{W}{t} \tag{1.6}$$

A parità di lavoro o di energia, la potenza è maggiore se il tempo è più breve. La stessa quantità di energia sonora dispiegata in un secondo o in un'ora darà luogo a fenomeni sonori di potenza diversa, maggiore nel primo caso, minore nel secondo. A parità di tempo, la potenza è proporzionale all'energia e quindi al quadrato dell'ampiezza:

$$P \propto E \propto \Delta p^2 \propto A^2 \tag{1.7}$$

1.4.3 Intensità

L'intensità sonora è una misura della potenza riferita all'area su cui questa è distribuita:

$$I = \frac{P}{a} \tag{1.8}$$

⁵La ragione di questa relazione discende dalle definizioni formali di pressione e di energia. Potresti chiederti: ma perché è così? La fisica dovrebbe rispondere che la scienza si occupa del come, non del perché che è invece appannaggio della filosofia; ma qui puoi trovare alcuni tentativi, più o meno fantasiosi, di spiegazioni intuitive: https://languagelog.ldc.upenn.edu/nll/?p=6508. E, a dire il vero, anche il concetto di conseguenza, impiegato in maniera un po' infingarda qualche riga sopra, sarebbe una questione filosofica più che scientifica.

L'intensità sonora non ha, in generale, una sua specifica unità di misura, ma è misurata in generale in Watt per metro quadrato $(\frac{W}{m^2} \circ W \cdot m^{-2})$.

Possiamo assumere che il suono, in assenza di ostacoli, si propaghi su un fronte d'onda di forma corrispondente a una superficie sferica a partire dall'emittente, che consideriamo puntiforme. La superficie sferica naturalmente sarà sempre più ampia via via che il fronte d'onda si allontana dalla sorgente, secondo la formula

$$a = 4\pi r^2 \tag{1.9}$$

dove a è l'area della sfera e r il raggio, che in questo caso corrisponde alla distanza tra l'emittente e il fronte d'onda che stiamo considerando. Di conseguenza, possiamo dire che l'energia dispiegata dal fenomeno sonoro in un certo lasso di tempo si distribuisce su una superficie la cui area aumenta in maniera proporzionale al quadrato della distanza. In altri termini, posso pensare l'intensità sonora come la potenza portata dall'onda sonora su una certa superficie, in senso perpendicolare a essa, e a una certa distanza dall'emittente. E dunque, a parità di tutti gli altri parametri, l'intensità sonora è inversamente proporzionale al quadrato della distanza:

$$I \propto \frac{1}{r^2} \tag{1.10}$$

Questa relazione è chiamata *legge dell'inverso del quadrato* e si applica a un vasto insieme di altri fenomeni, tra cui l'intensità luminosa e l'attrazione gravitazionale.

D'altra parte, l'intensità sonora è direttamente proporzionale alla potenza, all'energia e al quadrato della pressione e dell'ampiezza:

$$I \propto P \propto E \propto \Delta p^2 \propto A^2 \tag{1.11}$$

Di conseguenza,

$$\frac{1}{r^2} \propto \Delta p^2 \propto A^2 \tag{1.12}$$

e quindi

$$\frac{1}{r} \propto \Delta p \propto A \tag{1.13}$$

È importante osservare che queste grandezze non variano con la legge dell'inverso del quadrato, ma con la legge dell'inverso della distanza.

1.5 Riepilogo e classificazione delle grandezze

Abbiamo quindi definito due categorie di grandezze fisiche nelle quali ci imbatteremo ancora, e sulle quali non dev'esserci confusione:

Quantità proporzionali alla potenza (power quantities)

La prima categoria include l'energia, il lavoro, la potenza e l'intensità sonora. È importante ricordare che da un punto di vista concettuale la quantità fondamentale tra queste è l'energia, che gode del principio di conservazione. L'energia, il lavoro e la potenza non variano con la distanza: la quantità di energia (e quindi di lavoro e di potenza) in gioco è quella trasferita o trasferibile dall'emittente ai corpi circostanti, e rispetto a essa la distanza non è un parametro rilevante. La distanza entra in gioco quando si considera l'intensità sonora, che segue la legge dell'inverso del quadrato.

Quantità proporzionali alla radice quadrata della potenza (root-power quantities)

La seconda categoria include la pressione sonora e la tensione elettrica. La potenza è proporzionale al quadrato di queste grandezze: di conseguenza, queste saranno proporzionali alla radice quadrata della potenza, da cui il nome:

$$W \propto \Delta p^2 \implies \Delta p \propto \sqrt{W}$$
 (1.14)

Si tratta di grandezze a cui non si applica principio di conservazione e che variano in maniera proporzionale alla distanza. Concettualmente, possiamo considerare i fenomeni rappresentati da queste grandezze come conseguenze del trasferimento di energia. D'altra parte la pressione sonora è il fenomeno che viene direttamente misurato da una membrana di microfono o dal nostro timpano.

L'ampiezza, in senso proprio, non è una grandezza fisica perché non descrive un fenomeno specifico; possiamo però considerarla un'astrazione delle *root-power quantities*, utile quando vogliamo considerare il fenomeno sonoro in maniera indipendente dal fenomeno fisico che l'ha prodotto; questo è particolarmente rilevante nel momento in cui trattiamo il suono dal punto di vista elettroacustico e, di conseguenza, numerico.

1.6 Decibel

Le pressioni (o, dovremmo dire, i Δp) che possiamo percepire come fenomeni sonori — abbastanza forti da essere udite, non così forti da danneggiare le nostre orecchie — si situano approssimativamente in un ambito compreso tra i 20 µPa e i 20 Pa. La nostra scala percettiva della dinamica, però, è tut-t'altro che lineare rispetto all'ambito di pressione così misurato; la distanza percettiva tra un suono A di pressione $100 \,\mu\text{Pa}$ e un suono B di $200 \,\mu\text{Pa}$ sarà

decisamente diversa rispetto a quella tra un suono C di pressione $1000\,\mu\text{Pa}$ e un suono D di $1100\,\mu\text{Pa}$, nonostante la differenza tra A e B sia la stessa che tra C e D, e cioè di $100\,\mu\text{Pa}$.

Invece, la distanza percettiva tra un suono A di pressione 100 µPa e un suono B di 200 µPa sarà decisamente diversa rispetto a quella tra un suono C di pressione 1000 µPa e un suono D di 2000 µPa: l'osservazione rilevante è che il rapporto di pressione tra A e B è lo stesso che tra C e D, e cioè $\frac{1}{2}$.

Il fatto che tendiamo a graduare molti fenomeni secondo i rapporti moltiplicativi tra le grandezze fisiche coinvolte piuttosto che secondo le loro differenze è talvolta considerata una legge fondamentale della percezione umana, chiamata legge di Fechner. Guardando questa relazione moltiplicativa da un punto di vista leggermente diverso, possiamo dire che la nostra scala percettiva è tendenzialmente logaritmica rispetto alla grandezza fisica osservata, dal momento che lo stesso rapporto moltiplicativo corrisponde alla stessa differenza tra i logaritmi. Tornando all'ultimo esempio,

$$log_{10}100 = 2$$

$$log_{10}200 \approx 2.301$$

$$log_{10}1000 = 3$$

$$log_{10}2000 \approx 3.301$$

$$log_{10}200 - log_{10}100 = log_{10}2000 - log_{10}1000 \approx 0.301$$

e anche, per la definizione stessa di logaritmo,

$$log_{10} \frac{200}{100} = log_{10} \frac{2000}{1000} = log_{10} 2 \approx 0.301 \tag{1.16}$$

e, già che ci siamo,

$$log_{10}\frac{100}{200} = log_{10}\frac{1000}{2000} = log_{10}\frac{1}{2} \approx -0.301$$
 (1.17)

Da questa constatazione discende la definizione di bel (B), un'unità di misura adimensionale che, in una delle sue possibili definizioni, esprime il logaritmo decimale del rapporto tra due intensità sonore:

$$L_B = log_{10} \frac{I}{I_0} \tag{1.18}$$

dove I è l'intensità sonora che vogliamo misurare rispetto a un'intensità di riferimento I_0 .

Molto più spesso del bel, in realtà, è usato il decibel, corrispondente alla decima parte del bel:

$$L_{dB} = 10 \cdot \log_{10} \frac{I}{I_0} \tag{1.19}$$

Formule analoghe possono essere usate per esprimere la relazione tra due livelli di energia sonora o di potenza sonora, dal momento che si tratta di grandezze proporzionali tra loro:

$$L_{dB} = 10 \cdot log_{10} \frac{E}{E_0} \tag{1.20}$$

$$L_{dB} = 10 \cdot log_{10} \frac{P}{P_0} \tag{1.21}$$

Una proprietà fondamentale di questa definizione di decibel è la sua coerenza con un'altra definizione equivalente, ma riferita al rapporto tra due pressioni sonore:

$$L_{dB} = 20 \cdot log_{10} \frac{\delta p}{\delta p_0} \tag{1.22}$$

L'equivalenza tra queste due definizioni discende dalla relazione quadratica tra pressione e intensità sonora e dalla proprietà fondamentale dei logaritmi, che permette di "tramutare" un esponente dentro il logaritmo in un coefficiente fuori dal logaritmo:

$$log x^a = a \cdot log x \tag{1.23}$$

e quindi:

$$L_{dB} = 10 \cdot log_{10} \frac{I}{I_0}$$

$$= 10 \cdot log_{10} \frac{\Delta p^2}{\Delta p_0^2}$$

$$= 10 \cdot log_{10} (\frac{\Delta p}{\Delta p_0})^2$$

$$= 2 \cdot 10log_{10} \frac{\Delta p}{\Delta p_0}$$

$$= 20log_{10} \frac{\Delta p}{\Delta p_0}$$

$$= 20log_{10} \frac{\Delta p}{\Delta p_0}$$

Formule analoghe a quella che definisce il decibel in riferimento alla pressione sonora possono essere usate considerando altre grandezze a essa proporzionali, come l'ampiezza e la tensione elettrica:

$$L_{dB} = 20 \cdot \log_{10} \frac{A}{A_0} \tag{1.25}$$

$$L_{dB} = 20 \cdot log_{10} \frac{V}{V_0} \tag{1.26}$$

Quale che sia il valore di riferimento di pressione sonora, intensità, potenza, voltaggio, ampiezza o altro, ci sono alcune considerazioni generali che possono essere fatte:

 A un suono al livello di riferimento corrisponde sempre un livello di 0 dB: se per esempio I è uguale a I₀, e poiché il logaritmo di 1 in qualsiasi base è 0, allora

$$L_{dB} = 10 \cdot log_{10} \frac{I}{I_0} = 10 \cdot log_{10} 1 = 10 \cdot 0 = 0$$
 (1.27)

e lo stesso vale se invece dell'intensità si considera la pressione acustica, o l'ampiezza, o qualsiasi altra delle grandezze che abbiamo citato.

- A suoni più forti del valore di riferimento (cioè con ampiezza, pressione, intensità ecc. superiori a esso) corrispondono livelli in decibel positivi; a suoni più deboli del valore di riferimento corrispondono livelli in decibel negativi. Infatti nel primo caso il rapporto tra valore misurato e valore di riferimento sarà maggiore di 1, e quindi il suo logaritmo maggiore di 0; nel secondo caso il rapporto sarà maggiore di 0 e minore di 1, e quindi il suo logaritmo minore di 0.
- Il valore di riferimento non può essere il silenzio perfetto (corrispondente a un valore di intensità sonora, pressione sonora, ampiezza ecc. pari a 0), perché in questo caso metteremmo uno 0 sotto la linea di frazione e la divisione per 0 ha risultato indefinito.
- In senso proprio, neppure il valore misurato può essere il silenzio perfetto, perché questo vorrebbe dire calcolare il logaritmo di 0 che pure non è definito. Con un leggero abuso di terminologia, si usa però spesso scrivere che il silenzio perfetto corrisponde a −∞ dB. In senso proprio, il silenzio perfetto esiste solo nel contesto astratto delle rappresentazioni numeriche.
- In ogni caso, anche quando il valore misurato o il valore di riferimento derivano da misurazioni con segno come la misurazione dell'ampiezza istantanea, nel calcolo del livello in dB si considera sempre il loro valore assoluto, perché il logaritmo dei numeri negativi non è definito.

La scala dei decibel, come dicevamo, rappresenta una modellizzazione semplice della maniera in cui la percezione umana gradua l'intensità del fenomeno sonoro. In maniera estremamente approssimativa, ma non completamente sbagliata, possiamo considerare che una differenza di 1, o 10, o 50 dB tra due suoni altrimenti identici abbia sempre lo stesso "peso" percettivo. Questo è particolarmente importante in elettroacustica e informatica musicale, contesti nei quali è semplice controllare in maniera precisa l'ampiezza di un suono senza modificare gli altri suoi parametri.

1.7 Livelli di riferimento convenzionali per i decibel

Il decibel è una misura relativa, che però può essere impiegata in maniera assoluta se viene fissato un valore di riferimento per A_0 , Δp_0 , V_0 , A_0 e così via. Esistono alcuni valori di riferimento convenzionali che danno luogo a scale assolute utili in contesti diversi. Queste comprendono, tra le altre:

• dB_{SPL} , dove SPL sta per sound pressure level: misura la pressione acustica rispetto a una P_0 di $20 \,\mu\text{Pa}$, corrispondenti approssimativamente alla soglia di udibilità umana. Quando nel linguaggio comune si dice "in quel locale la musica era a 90 dB" si sottintende che si sta parlando di dB_{SPL} . Tutti i suoni udibili avranno livelli non negativi in dB_{SPL} . La pressione sonora di $20 \,\text{Pa}$ che viene spesso indicata come la massima che l'orecchio umano può tollerare senza subire danni permanenti corrisponderà quindi a un livello sonoro di $120 \,\text{dB}_{SPL}$:

$$L_{dB} = 20 \cdot log_{10} \frac{20 \text{Pa}}{20 \text{uPa}} = 20 \cdot log_{10} 10^6 = 20 \cdot 6 = 120$$
 (1.28)

• dB_{FS} , dove FS sta per *full scale*: misura l'ampiezza rispetto al massimo livello rappresentabile in un sistema audio digitale a rappresentazione intera o in virgola fissa. ⁶ Tutti i suoni correttamente rappresentabili in un tale sistema avranno livelli non positivi in dB_{FS} .

Esistono numerose altre scale di riferimento usate in elettroacustica e psicoacustica, ma non le approfondiremo qui.

⁶Maggiori dettagli su queste rappresentazioni saranno dati più avanti. Per il momento, possiamo considerare come minimo che si tratta delle rappresentazioni usate dalle interfacce audio e dalla maggior parte dei formati di file audio.

1.8 Piccola aritmetica dei decibel

Succede spesso di dover convertire in decibel un rapporto di ampiezze, o viceversa. Questo può essere facilmente fatto con Max tramite gli oggetti atodb e dbtoa, ma è utile avere in mente almeno alcune identità semplici:

• Se un dato rapporto di ampiezza corrisponde a un guadagno pari a L_{dB} , allora l'inverso di tale rapporto corrisponderà a un guadagno pari a $-L_{dB}$: se

$$20 \cdot log_{10} \frac{A}{A_0} = L_{dB} \tag{1.29}$$

allora

$$20 \cdot log_{10} \frac{A_0}{A} =$$

$$20 \cdot log_{10} \frac{1}{\frac{A_0}{A}} =$$

$$20 \cdot log_{10} (\frac{A}{A_0})^{-1} =$$

$$-1 \cdot 20 \cdot log_{10} \frac{A}{A_0} =$$

$$-1 \cdot L_{dB} =$$

$$-L_{dB}$$
(1.30)

- Raddoppiare l'ampiezza corrisponde a un guadagno di circa 6 dB, dal momento che $log_{10}2 \approx 0.301$ e quindi $20 \cdot log_{10}2 \approx 6.02$. Poiché uno scarto di 0.02 dB è nella maggior parte dei casi del tutto irrilevante, spesso si considera l'identità come esatta anziché approssimata.
- Dimezzare l'ampiezza corrisponde a un guadagno di circa -6 dB.
- Moltiplicare per 10 l'ampiezza corrisponde a un guadagno di esattamente $20 \,\mathrm{dB}$, poiché $log_{10}10 = 1$ e quindi $20 \cdot log_{10}10 = 20$.
- Dividere per 10 l'ampiezza corrisponde a un guadagno di esattamente $-20\,\mathrm{dB}.$

Considerando che, in virtù della proprietà fondamentale dei logaritmi, moltiplicazioni dell'ampiezza corrispondono sempre a somme algebriche di decibel ed elevamenti a potenza dell'ampiezza corrispondono a moltiplicazioni di decibel, le identità riportate sopra possono essere utili per fare alcuni calcoli in maniera semplice. Per esempio:

- Un guadagno di 100, cioè $10 \cdot 10$, corrisponde a 20 + 20 = 40 dB.
- Un guadagno di 20, cioè $2 \cdot 10$, corrisponde a circa 6 + 20 = 26 dB.
- Un'attenuazione di 1000, cioè un guadagno di $\frac{1}{1000}$ o 10^{-3} corrisponde a $20\cdot -3 = -60$ dB.
- 8 dB, cioè 20 2 · 6 dB, corrispondono a un guadagno di circa $10 \cdot 2^{-2} = 10 \cdot \frac{1}{4} = 2.5$
- 10 dB, cioè 20 · $\frac{1}{2}$ dB, corrispondono a un guadagno di $10^{\frac{1}{2}} = \sqrt{10} \approx 3.16$

Queste operazioni corrispondono, tra l'altro, al collegamento in serie di amplificatori o attenuatori, come avviene normalmente nel percorso del segnale lungo una catena elettroacustica o all'interno di un mixer. Se per esempio lo stadio di guadagno di un mixer è regolato a $40\,\mathrm{dB}$, il fader del corrispondente canale a $-10\,\mathrm{dB}$ e il livello di uscita a $-20\,\mathrm{dB}$ (assumendo che non ci siano altre trasformazioni del segnale, come equalizzazioni o altro) sapremo che il segnale in uscita dal mixer sarà $40-10-20=10\,\mathrm{dB}$ più forte rispetto a quello in entrata, e quindi che il voltaggio in uscita sarà circa pari al voltaggio in entrata moltiplicato per 3.16.

Capitolo 2

Frequenza

2.1 Frequenza e sue unità di misura

La nostra rappresentazione cognitiva del suono non avviene nei termini di rapide oscillazioni di pressione dell'aria, ma piuttosto in termini di successioni ed evoluzioni nel tempo di altezze e timbri. Per fare ciò, individuiamo nell'andamento della pressione sonora strutture anche grossolanamente regolari nel tempo e le analizziamo dal punto di vista frequenziale: cioè, in sostanza, valutiamo quante volte tali strutture si ripetono, anche in maniera estremamente approssimativa, in una data unità temporale. Da tale valutazione siamo in grado di trarre informazioni sulle qualità e sull'attività dell'emittente. A complemento di ciò, siamo dotati di un apparato fonatorio in grado di emettere vibrazioni regolari di pressione acustica in maniera estremamente controllata: dalla relazione tra emissione e percezione di tali vibrazioni nasce la parola; la musica, la sua origine, il suo ruolo evolutivo sono fatti più misteriosi e sfuggenti, ma sono basati almeno parzialmente sugli stessi meccanismi.

Introduciamo quindi il concetto di frequenza e la sua misurazione: dato un fenomeno che varia in maniera regolare, possiamo individuare il suo periodo, cioè l'intervallo temporale che intercorre tra due sue ripetizioni. Chiamiamo questo periodo Δt e lo misuriamo tramite unità di misura di tempo: millisecondi, secondi, minuti, ore, giorni...

La frequenza indica quante volte la variazione regolare avviene in una data unità di tempo: per esempio, quanti periodi ci sono in un secondo, in un minuto, in un'ora. Possiamo quindi definirla come l'inverso del periodo:

$$f = \frac{1}{\Delta t} = \Delta t^{-1} \tag{2.1}$$

e quindi

$$\Delta t = \frac{1}{f} = f^{-1} \tag{2.2}$$

Possiamo misurare la frequenza ad esempio in hertz (Hz, cicli per secondo), kilohertz (kHz, migliaia di Hertz o cicli per millisecondo), pulsazioni al minuto (BPM, cicli per minuto). Nota che le formule scritte sopra si possono applicare in maniera letterale solo se le unità del tempo e della frequenza corrispondono; se così non è, sarà necessaria una conversione: per esempio,

$$f_{Hz} = \frac{1}{\Delta t_s} \tag{2.3}$$

e

$$f_{kHz} = \frac{1}{\Delta t_{ms}} \tag{2.4}$$

ma

$$f_{kHz} = 1000 \frac{1}{\Delta t_s} = \frac{1000}{\Delta t_s} \tag{2.5}$$

e

$$f_{BPM} = 60 \frac{1}{\Delta t_s} = \frac{60}{\Delta t_s} \tag{2.6}$$

2.2 Seni e coseni

Esistono funzioni matematiche dette periodiche, che ripetono all'infinito un comportamento sempre uguale e che ci riguardano molto da vicino, visto che sono quelle per le quali ha senso definire una frequenza.

Le funzioni periodiche sono molte — un'infinità, letteralmente — ma ce ne sono due che hanno alcune proprietà in virtù delle quali esse costituiscono il mattone elementare a partire dal quale costruiremo gran parte del nostro discorso sul suono. Queste funzioni sono il seno e il coseno, che rappresentano rispettivamente la proiezione sull'asse verticale e orizzontale di un punto della circonferenza goniometrica: se prendo un raggio della circonferenza che forma un angolo α in senso antiorario rispetto all'asse delle ascisse, il seno di α è la proiezione sull'asse verticale del punto in cui questo raggio tocca la circonferenza; e il coseno di α è la proiezione dello stesso punto sull'asse orizzontale.

Vediamo ora alcuni fatti fondamentali relativi a seno e coseno.

¹La circonferenza goniometrica (*unit circle* in inglese) è una circonferenza tracciata nel piano cartesiano, con centro corrispondente all'origine degli assi e raggio pari a 1.

2.2.1 Radianti

L'argomento di una funzione seno o coseno è un angolo che viene normalmente espresso in radianti, dove il radiante è una misura adimensionale che rappresenta il rapporto tra la lunghezza di un arco di circonferenza definito da un dato angolo e il raggio della stessa circonferenza. Consideriamo l'arco definito da un angolo di 360° : in questo caso, l'arco corrisponde all'intera circonferenza, la cui lunghezza c possiamo calcolare a partire dal raggio r come

$$c = 2\pi r \tag{2.7}$$

e quindi l'angolo in radianti corrispondente a 360° sarà

$$360^{\circ} = \frac{2\pi r}{r} = 2\pi \tag{2.8}$$

Altri misure di angoli che incontreremo spesso sono

$$90^{\circ} = \frac{\pi}{2} \tag{2.9}$$

 \mathbf{e}

$$180^{\circ} = \pi \tag{2.10}$$

Nota che un angolo espresso in radianti non porta un'unità di misura.

2.2.2 Relazione tra seni e coseni

Il seno e il coseno hanno esattamente lo stesso andamento, traslato di un quarto di cerchio (cioè 90°). È facile immaginare il perché: un cerchio è sempre "fatto nello stesso modo" comunque io lo ruoti, e ruotando tutta la figura di 90° quello che prima era l'asse dell'ordinata si ritrova ora sull'asse dell'ascissa. Quindi

$$\cos \alpha = \sin(\alpha + \frac{\pi}{2}) \tag{2.11}$$

2.2.3 Codominio

Il codominio del seno e del coseno — cioè, l'ambito di valori y che una funzione seno o coseno $y=\sin x$ o $y=\cos x$ può assumere — è compreso tra -1 e 1. Anche questo è facile da vedere, per via del fatto che la circonferenza goniometrica ha raggio 1 e quindi tutti i suoi punti sono compresi tra -1 e 1 sia sull'ascissa che sull'ordinata. Quindi, per qualsiasi angolo x

$$-1 \le \sin x \le 1 \tag{2.12}$$

e

$$-1 < \cos x < 1 \tag{2.13}$$

Di conseguenza, l'ampiezza picco-picco delle funzioni seno e coseno è 2.

2.2.4 Dominio e periodicità

Il dominio del seno e del coseno è infinito: angoli più grandi di un giro (cioè di 2π) sono possibili e ben definiti, e i punti che questi definiscono sulla circonferenza corrispondono a punti definiti da angoli più piccoli del giro. Possiamo dire che, continuando a far ruotare il raggio dopo che ha compiuto un giro, questo continua a ripercorrere sempre lo stesso percorso. Possiamo estendere il raggionamento ad angoli negativi, che possono essere visti come angoli calcolati facendo ruotare il raggio in senso orario anziché antiorario.

Questa considerazione in definitiva spiega perché seno e coseno sono funzioni periodiche, che si ripetono uguali a sé stesse a ogni giro di circonferenza, cioè ogni 2π radianti. Quindi

$$\forall n \in \mathbb{Z}, \sin(x + 2\pi n) = \sin x \tag{2.14}$$

e

$$\forall n \in \mathbb{Z}, \cos(x + 2\pi n) = \cos x \tag{2.15}$$

Per questa ragione, di solito si preferisce utilizzare come argomenti del seno e del coseno valori compresi tra 0 e 2π o, talvolta, tra $-\pi$ e π , a meno che non ci siano ragioni forti per fare altrimenti.

2.3 Sinusoidi

Si può generalizzare la nozione di seno e coseno in quella più astratta di sinusoide. Una sinusoide è una qualsiasi funzione che abbia l'andamento di un seno o di un coseno, ma che abbia un periodo potenzialmente diverso da 2π ; che sia potenzialmente traslata lungo l'asse orizzontale; e la cui ampiezza picco-picco sia potenzialmente diversa da 2, fermo restando che il codominio dev'essere simmetrico rispetto allo 0.

2.3.1 Frequenza

Il termine della frequenza controlla la periodicità della funzione. Ad esempio, possiamo definire una funzione sinusoidale con frequenza 1 (cioè che si ripete esattamente una volta per ogni incremento unitario sull'asse x) come

$$s(x) = \sin(2\pi x) \tag{2.16}$$

Più in generale, possiamo definire una funzione sinusoidale con frequenza f come

$$s(x) = \sin(2\pi f x) \tag{2.17}$$

Poiché, nel caso specifico del discorso sul suono, x rappresenta generalmente il tempo, spesso scriviamo

$$s(t) = \sin(2\pi f t) \tag{2.18}$$

Alcuni testi, come il Puckette, preferiscono parlare di velocità angolare anziché di frequenza, introducendo un termine

$$\omega = 2\pi f \tag{2.19}$$

per cui

$$f = \frac{\omega}{2\pi} \tag{2.20}$$

 ω rappresenta non il periodo, cioè i cicli per unità di tempo, ma i radianti per unità di tempo. Questo rende più semplice ma meno tangibile l'equazione della sinusoide, che diventa

$$s(t) = \sin(\omega t) \tag{2.21}$$

2.3.2 Ampiezza

L'ampiezza di una sinusoide può essere espressa tramite un coefficiente che moltiplica il seno:

$$s(t) = k \cdot \sin(2\pi f t) \tag{2.22}$$

Il valore assoluto di questo coefficiente rappresenta l'ampiezza di picco della sinusoide; il doppio del valore assoluto, 2k, ne rappresenta l'ampiezza picco-picco. Se k è negativo, la sinusoide si ritrova rispecchiata rispetto all'asse orizzontale. Se k è 0 stiamo rappresentando il silenzio, e il termine della frequenza è ininfluente e perde significato (come pure quello della fase che vedremo tra poco).

2.3.3 Fase

Aggiungendo all'argomento un termine fisso ϕ , detto fase, si può traslare l'intera funzione sinusoidale sull'asse orizzontale:

$$s(t) = k \cdot \sin(2\pi f t + \phi) \tag{2.23}$$

In generale, il termine di fase è considerato compreso tra 0 e 2π o tra $-\pi$ e π : qualsiasi fase fuori dall'ambito di riferimento è equivalente a una fase entro esso, dal momento che la sinusoide ha un periodo di 2π . Il rovesciamento rispetto all'asse orizzontale prodotto da un coefficiente k negativo è equivalente a una rotazione di fase di π :

$$k \cdot \sin(2\pi f t + \phi) = -k \cdot \sin(2\pi f t + \phi + \pi) = -k \cdot \sin(2\pi f t + \phi - \pi)$$
 (2.24)

Inoltre, una rotazione di fase di 90° corrisponde alla trasformazione della funzione seno in una funzione coseno:

$$k \cdot \sin(2\pi f t + \phi) = k \cdot \cos(2\pi f t + \phi - \frac{\pi}{2})$$
 (2.25)

2.3.4 Somme di sinusoidi alla stessa frequenza

Sommando due sinusoidi alla stessa frequenza si ottiene un'altra sinusoide, generalmente di ampiezza e fase diversa ma con la stessa frequenza:

$$k \cdot \sin(2\pi f t + \phi_1) + k_2 \cdot \sin(2\pi f t + \phi_2) = k \cdot \sin(2\pi f t + \phi)$$
 (2.26)

Inoltre, una sinusoide con qualsiasi fase può essere espressa come la somma di una sinusoide seno e una sinusoide coseno con fase nulla (cioè, di una sinusoide seno con fase nulla e una con termine di fase ruotato di π) alla stessa frequenza della sinusoide originale:

$$k \cdot \sin(2\pi f t + \phi) = k_1 \cdot \sin(2\pi f t) + k_2 \cdot \cos(2\pi f t) \tag{2.27}$$

Se vuoi approfondire queste due formule, ti consiglio di guardare qui: https://www.dsprelated.com/showarticle/635.php.

2.4 Frequenza fondamentale, spettro di frequenza, rappresentazione nel dominio della frequenza

Dire che la frequenza di un segnale è l'inverso delle sue ripetizioni più o meno esatte è sicuramente corretto dal punto di vista teorico ma è solo un primo passo verso la comprensione del fenomeno sonoro e della maniera in cui lo percepiamo. Abbiamo alcuni scenari diversi da considerare:

- 1. Un corpo vibrante produce un'onda sonora periodica di forma approssimativamente sinusoidale²
- 2. Un corpo vibrante produce un'onda sonora periodica di forma molto diversa da una sinusoide
- 3. Un corpo vibrante produce un'onda sonora che non esibisce periodicità
- 4. Più corpi vibranti indipendenti producono simultaneamente, nella stessa scena uditiva, onde sonore appartenenti a una o più delle categorie indicate sopra

Ciascuno di questi scenari — terzo e quarto compresi — può essere descritto in termini di frequenze e di sinusoidi. Per poterlo fare sono però necessarie alcune premesse.

2.5 Rappresentazione nel dominio della frequenza

2.5.1 Risuonatori

Un risuonatore è un corpo che risponde in maniera diversa a fenomeni vibratori a frequenze diverse, restando inerte in risposta ad alcune frequenze e mettendosi a sua volta in vibrazione in risposta ad altre. Un risuonatore può essere più o meno selettivo, cioè può reagire in maniera più o meno esclusiva a frequenze precisamente individuate. Risuonatori sono una corda di chitarra, un flauto, una stanza, una cassa armonica. Risuonatori sono anche certe cellule nel nostro orecchio, le cellule acustiche contenute nell'organo di Corti, che si mettono in vibrazione quando un suono a frequenze specifiche le colpisce, inviando impulsi elettrici al cervello.³

Supponiamo che, in una data scena sonora, due emittenti stiano vibrando a due frequenze diverse. Se misuriamo l'andamento della pressione sonora prodotta, vedremo che questo evolverà nel tempo secondo la somma algebrica dei comportamenti vibratori di ciascuno dei due emittenti. Un'analisi superficiale di tale andamento combinato difficilmente potrà permettere di

²Neanche il più preciso oscillatore elettronico collegato al più fedele impianto di amplificazione e diffusione produrrà comunque un segnale acustico perfettamente corrispondente a una sinusoide esatta. Possiamo allora dire che la sinusoide è un modello astratto che approssima in maniera conveniente e matematicamente semplice una moltitudine di fenomeni sonori del mondo reale.

³Dal punto di vista fisiologico e meccanico questa è una grossa semplificazione; dal punto di vista funzionale, rispetto all'operazione di analisi del segnale acustico che l'organo di Corti compie, mi pare che non tradisca la sostanza della cosa.

ricostruire l'andamento individuale, in termini di frequenza e ampiezza, di ciascuno dei due.

D'altra parte, risuonatori accordati rispettivamente a ciascuna delle due frequenze vibratorie dei due emittenti verranno eccitati in maniera proporzionale all'intensità di ciascuna delle due vibrazioni; risuonatori accordati ad altre frequenze non verranno eccitati affatto, o lo saranno in maniera soltanto marginale. Questo principio, che si applica anche alle cellule del nostro orecchio, ci permette di individuare con precisione quali frequenze sono presenti in una data scena sonora: solo le cellule accordate alle frequenze effettivamente presenti nella scena sonora si metteranno in vibrazione e invieranno di conseguenza impulsi al cervello.

2.5.2 Teorema e trasformata di Fourier

Esiste uno strumento matematico che modellizza questo comportamento in maniera molto interessante, e un teorema fondamentale che ne enuncia un fondamento teorico che incontreremo continuamente: si tratta rispettivamente della trasformata di Fourier e del teorema di Fourier. Entrambi richiedono una matematica più avanzata di quella che useremo qui, e per questa ragione li tratteremo in maniera decisamente romanzata, ma potete trovare una loro enunciazione molto bella e accessibile qui: https://jackschaedler.github.io/circles-sines-signals/index.html

Il teorema di Fourier dice che ogni funzione del tempo, che esibisca o no periodicità, può essere rappresentata come una somma di funzioni sinusoidali con frequenze, ampiezze e fasi differenti. Una conseguenza di questo teorema è che ogni fenomeno oscillatorio che sia regolare nel tempo, e che quindi esibisca una regolarità a un dato periodo Δt ovvero a una frequenza f che chiameremo fondamentale, può essere scomposto in una serie di sinusoidi con ampiezze e fasi differenti, e con frequenze tutte multiple intere della fondamentale f.

Esiste un'operazione matematica che permette di passare da un segnale descritto come funzione del tempo a una sua rappresentazione in termini di somma di sinusoidi: la trasformata di Fourier (Fourier transform, abbreviata in FT).

La trasformata di Fourier è invertibile: partendo dalle informazioni di frequenza, ampiezza e fase di ciascuna sinusoide e sommandole insieme, possiamo ottenere un segnale esattamente identico al segnale originale. Questa scomposizione è svolta analiticamente: partendo da un segnale espresso come un'equazione che lo descrive rispetto a un dominio temporale infinito ot-

teniamo un'altra equazione che lo descrive in termini di una somma infinita di sinusoidi.

Diciamo allora che la FT prende un segnale rappresentato nel dominio del tempo (cioè in termini del suo andamento considerato dal punto di vista temporale: vibrazioni, oscillazioni, variazioni di pressione nell'aria o di tensione nel cavo elettrico) e restituisce una sua rappresentazione nel dominio della frequenza (cioè in termini del suo andamento considerato dal punto di vista frequenziale: per ciascuna possibile frequenza reale, l'ampiezza e la fase a cui questa è presente nel segnale).

L'informazione frequenziale è evidentemente contenuta nella rappresentazione nel dominio del tempo, tanto è vero che può esserne estratta: ma non è contenuta in maniera esplicita. In casi semplici, è possibile cercare in maniera empirica regolarità in porzioni sempre più ampie del segnale per provare a individuarne componenti di frequenze sempre più gravi; un occhio allenato può cogliere alcune informazioni sul contenuto frequenziale di un segnale non elementare; ma in molti casi si tratta di un'informazione che, ancorché presente, è ben nascosta nella complessità di comportamento del segnale.

Se un segnale viene sottoposto alla trasformata di Fourier, otteniamo una rappresentazione nel dominio frequenziale a cui si possono applicare, in maniera speculare, molte delle considerazioni fatte per il dominio del tempo. In particolare, una rappresentazione frequenziale pura non contiene informazioni esplicite sul comportamento del segnale nel tempo. Questo vuol dire che tutto ciò che noi individuiamo e descriviamo come movimento e variazione del suono nel tempo (successioni di note, di timbri, evoluzioni, ritmi) viene codificato come informazione temporale. Semplificando all'estremo, la trasformata di Fourier di un ritmo a 120 BPM, corrispondente a una periodicità di 0.5 secondi, mostrerà con evidenza una componente alla corrispondente frequenza di 2 Hz; fenomeni temporali che non presentano caratteristiche evidenti di ripetitività si rifletteranno in fenomeni frequenziali complessi e irregolari, difficili se non impossibili da interpretare a occhio.

La specularità delle due rappresentazioni, temporale e frequenziale, è completa e sorprendente, e produce a volte risultati decisamente controintuitivi. Possiamo a buon diritto considerare la trasformata di Fourier una scatola magica che scambia tra loro le nozioni di tempo e frequenza in qualsiasi frase noi scriviamo o diciamo. L'invertibilità della trasformata di Fourier, che tra l'altro si realizza applicando nuovamente la stessa operazione con un cambio di segno, può essere considerata collegata a questa stessa idea. E un'altra maniera di considerare la trasformata di Fourier è come un sistema di infiniti risuonatori infinitamente selettivi, ciascuno dei quali

viene eccitato da una frequenza che può anche essere estremamente bassa, corrispondente a un periodo di un secondo, un minuto, un mese, un anno, un secolo.

2.5.3 Trasformata a breve termine e trasformata discreta di Fourier

Abbiamo detto che la nostra percezione del suono non avviene in termini di variazioni micro-temporali, ma in termini di altezza e timbro che sono fenomeni che hanno a che fare, almeno in qualche misura, con la frequenza. Tuttavia, sarebbe inesatto e incompleto dire che la nostra percezione avviene nel dominio della frequenza: le nozioni temporali sono ampiamente presenti nella nostra percezione. Ciò che avviene normalmente è che tendiamo a interpretare i fenomeni di breve periodicità in termini frequenziali e quelli di lunga periodicità in termini temporali.

D'altra parte, abbiamo detto che la

L'informazione frequenziale non è, in senso proprio, contenuta nella rappresentazione nel dominio del tempo: il modo banale per rilevarla è considerare porzioni del segnale ampie nel tempo

Quando consideriamo fenomeni acustici che misuriamo nel mondo sensibile, non ne conosciamo un'equazione che li descriva in maniera esatta — né, in generale, in maniera ragionevole anche se inesatta. Per fare ciò utilizziamo una variante della trasformata di Fourier che ci permettono di lavorare con un segnale che misuriamo su una porzione finita di tempo: si tratta della trasformata discreta di Fourier (discrete Fourier transform, abbreviata in DFT). Anche la DFT, che è a sua volta un caso particolare della trasformata a breve termine di Fourier (short-term Fourier transform o STFT) è invertibile, e ci permette tra l'altro di avere una rappresentazione del fenomeno sonoro contingente più prossima alla nostra percezione.

Se, in una data scena acustica, due emittenti vibrano simultaneamente a due frequenze diverse, e abbiamo due risuonatori accordati rispettivamente alle due frequenze, entrambi verranno eccitati, in maniera proporzionale all'intensità di ciascuno dei due emittenti.

Supponiamo che, in una data scena sonora, siano presenti due emittenti che vibrano a frequenze diverse.

Come abbiamo detto, il suono è in qualche modo definito da rapide oscillazioni di un corpo che producono variazioni di pressione nell'aria che lo circonda. Queste rapide oscillazioni possono susseguirsi in maniera più o meno regolare nel tempo; la nostra percezione, probabilmente per otti-

me ragioni evolutive che hanno a che fare con distinguere un leone da una zanzara, tende a focalizzarsi sui fenomeni più regolari.