

Metodi Numerici per L'intelligenza Artificiale.

Andrea Cecchini

27 febbraio 2023

Indice

1	Introduzione all'Analisi Numerica.	3
1.1	Analisi Numerica.	3
1.1.1	Fasi della risoluzione di un problema numerico.	3
1.1.2	Errori nel risolvere un problema numerico.	3
1.2	Classificazione dei problemi numerici	4
1.2.1	Problema numerico	4
1.2.2	Classificazione dei problemi numerici.	4
2	Introduzione all'Intelligenza artificiale	5
2.1	Cambio di paradigma di programmazione	6
2.1.1	Paradigma classico	6
2.1.2	Paradigma del Machine Learning	6
2.2	I dati	8
2.2.1	Acquisizione dei dati	8
2.2.2	Annotazione dei dati	8
2.2.3	Organizzazione dei dati	8
2.3	Machine Learning tasks	8

1 Introduzione all'Analisi Numerica.

1.1 Analisi Numerica.

Introduciamo nel definire il compito dell'analisi numerica.

Analisi Numerica.

L'Analisi Numerica è la parte di matematica che si occupa di dare una **risposta numerica** ad un problema matematico che modella un problema reale.

1.1.1 Fasi della risoluzione di un problema numerico.

Al fine di raggiungere tale problema, ci avvaliamo delle seguenti fasi:

- **Tradurre** il problema reale in un insieme di equazioni matematiche in grado di descriverlo
- **Trasformare** il problema matematico nel continuo in un problema numerico discreto che sia risolvibile.
- **Trasportare** il problema discreto in un calcolatore mediante l'applicazione di algoritmi numerici capaci di determinare la soluzione in un tempo ottimale.
- **Interpretare** la soluzione numerica nei termini della situazione reale e **verificare** così sia l'adeguatezza del modello matematico sia l'efficienza dell'algoritmo risolutivo.

1.1.2 Errori nel risolvere un problema numerico.

Nel percorso appena descritto vi possono essere numerosi errori, le quali sorgenti sono:

- **Errori nel modello matematico** Nascono da una cattiva traduzione del problema reale a quello matematico, per esempio si considerano alcune cose come trascurabili quando non lo sono.
- **Errori nel modello numerico-computazionale** Vengono descritti come errori di *discretizzazione* o *troncamento*.
- **Errori presenti nei dati** Nati da uno strumento di misurazione fallace o da misurazioni che possono essere influenzate da errori sistematici.
- **Errori di arrotondamento nei dati e nei calcoli** Sono gli errori introdotti nella rappresentazione dei numeri sul calcolatore.

1.2 Classificazione dei problemi numerici

1.2.1 Problema numerico

Problema Numerico.

Per **problema numerico** intendiamo una descrizione chiara di una **relazione funzionale** tra i dati (**input**) e i risultati (**output**).

In particolare, in un problema numerico abbiamo i seguenti elementi:

- **F** rappresenta la relazione funzionale tra input ed output.
- **x** rappresenta il dato di input della relazione funzionale.
- **y** rappresenta l'output della funzione di un determinato input

1.2.2 Classificazione dei problemi numerici.

Descritti questi 3 elementi, è possibile classificare il problema numerico in base a cosa stiamo cercando:

- **Problema diretto** **F** e **x** sono dati, bisogna **trovare y**.
- **Problema inverso** **F** e **y** sono dati, bisogna **trovare x**.
- **Problema di identificazione** **x** e **y** sono noti, bisogna trovare **F**.

Quest'ultimo problema è quello che interesserà di più durante il corso, perchè è proprio il problema numerico che l'intelligenza artificiale cerca di risolvere.

Summary

Abbiamo introdotto la materia dell'**analisi numerica** e quello che si prefissa di risolvere. Successivamente abbiamo definito il concetto di **problema numerico** ed abbiamo elencato i diversi tipi, quali **problema diretto**, **problema inverso** e **problema di identificazione**.

2 Introduzione all'Intelligenza artificiale

Intelligenza Artificiale.

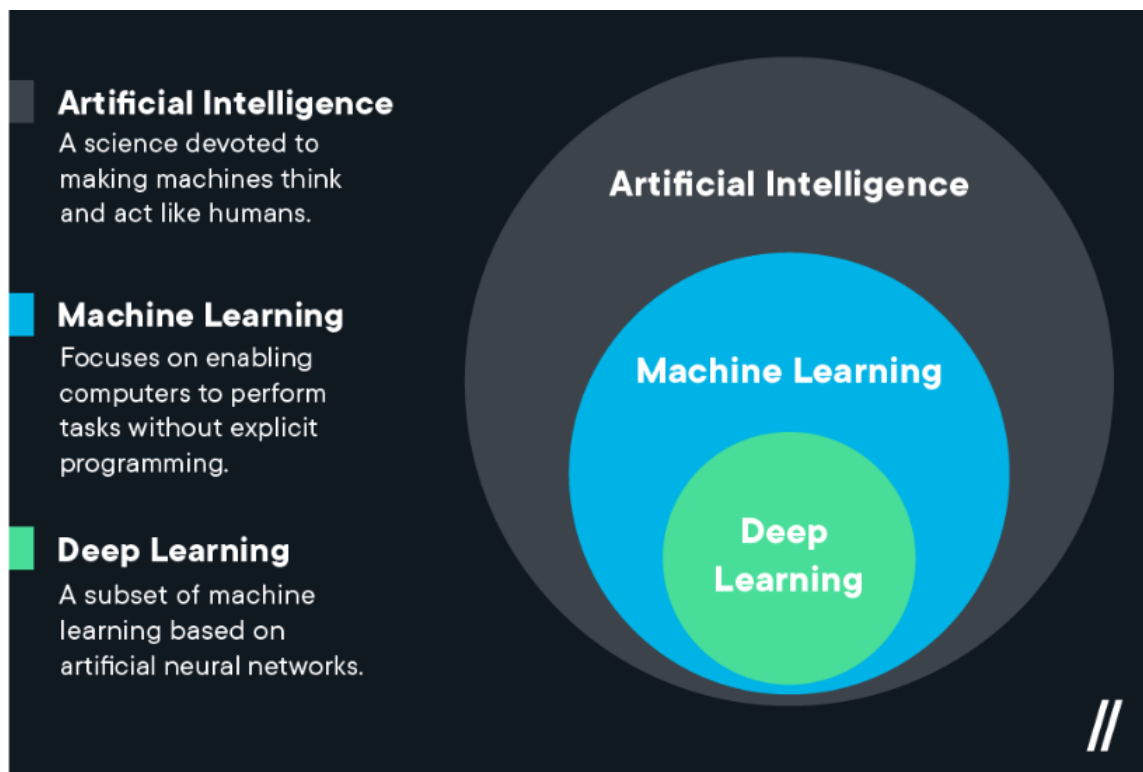
Per **intelligenza artificiale** si intende una parziale riproduzione dell'attività intellettuale propria dell'uomo.

Esistono due tipi di intelligenze artificiali, basate sul loro dominio applicativo:

- **Intelligenza artificiale “debole”**: Sono dei sistemi basati per risolvere **problemi specifici**.
- **Intelligenza artificiale “forte”**: Sono dei sistemi in grado di replicare **tutte le funzioni cognitive** dell'essere umano. Spesso per riferirci a questa categoria useremo il termine **“Intelligenza Generalista”**.

Molti tendono a confondere e a non capire il legame tra **intelligenza artificiale**, **machine learning** e **deep learning**.

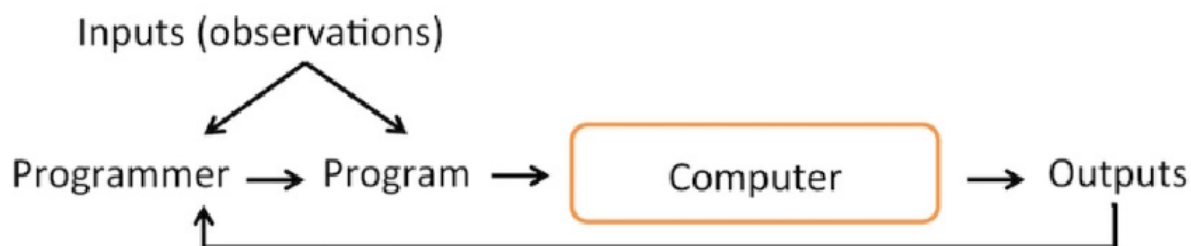
Rappresenteremo il loro legame attraverso il seguente diagramma di Venn:



Detto ciò, capiamo cosa cambia grazie all'utilizzo di questa tecnologia.

2.1 Cambio di paradigma di programmazione

2.1.1 Paradigma classico

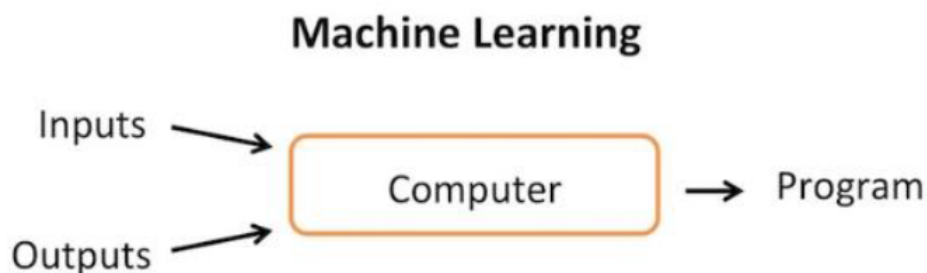


Il paradigma sul quale noi siamo abituati a creare programmi è il seguente:

- Il **programmatore** elabora e crea un **algoritmo** (programma).
- All'algoritmo vengono forniti dei dati come **input**.
- L'elaboratore computa l'input sulla base dell'algoritmo e fornisce un output.

Questo modo di agire prevede una forte presenza dell'essere umano, il quale in veste di programmatore, crea l'algoritmo voluto.

2.1.2 Paradigma del Machine Learning



In questo paradigma il ruolo dell'uomo viene "sostituito" dalla tecnica del **Machine Learning**.

Machine Learning.

Sistema in grado di apprendere automaticamente da esempi specifici (**training data**) e di generalizzare la conoscenza su nuovi campioni (**test data**) dello stesso dominio

Difatti, il machine learning dato input ed output, procede nella risoluzione del problema di identificazione.

Andiamo ad analizzare le diverse fasi di questo paradigma:



- **Acquisizione dati** I dati sono l'elemento base di tutte le applicazioni di M.L.. E' molto importante quindi sapere come acquisire questi dati.
- **Data processing** I dati raccolti nella fase precedente vengono processati al fine di attarli al meglio al modello M.L. che intendiamo sviluppare.
- **Modello** Insieme di tecniche matematiche e statistiche in grado di apprendere da una certa distribuzione di dati.
- **Predizione** Una volta ottenuto il modello è possibile "predire" l'output correlato ad un certo input non presentato nel training data.

2.2 I dati

2.2.1 Acquisizione dei dati

E' possibile ottenere i dati in due modi:

- Usare set di dati pubblici: sono presenti molte piattaforme, come kaggle.
- Acquisito un nuovo set di dati.

E' molto comune nel mondo della ricerca di fornire questi set di dati pubblici, in modo altruista. Visto ciò, non usarli sarebbe un peccato.

2.2.2 Annotazione dei dati

Etichetta.

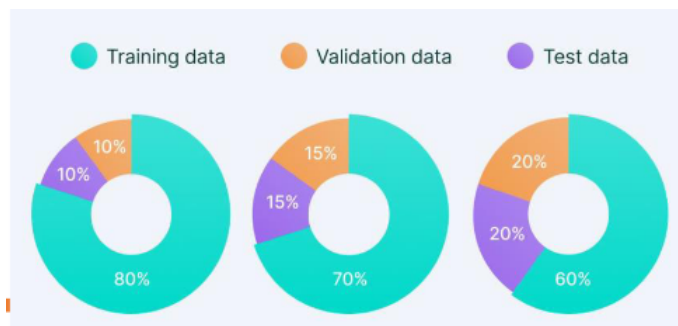
Annotare i dati vuol dire assegnare un **etichetta** (output) ad una determinata istanza di input. L'etichetta rappresenta il contenuto semantico dei dati.

Diremo quindi che un dato è **annotato** se associato ad una **etichetta**. I dati non annotati sono spesso **inutili**. Tuttavia, grazie alla tecnica di apprendimento **non supervisionata** (vedremo dopo) è possibile comunque estrarre conoscenza da essi.

2.2.3 Organizzazione dei dati

Bisogna **organizzare** i dati come segue:

- **Training set** sono i dati sui quali il modello apprende automaticamente durante la fase di apprendimento.
- **Validation set** sottoinsieme del training set, sono i dati con il quali si informa il sistema della validazione del suo apprendimento.
- **Testing set** dati con il quali si testa il modello. Questa fase verifica l'efficacia del modello, anche attraverso misure numeriche qualitative e quantitative.



Nell'immagine qui sopra si elenca differenti proporzioni in cui si dovrebbe suddividere il set di dati che abbiamo nei subset descritti precedentemente.

2.3 Machine Learning tasks