# Curriculum Scientifico di Andrea Davini

# Informazioni generali

posizione: Professore Associato, Sapienza Università di Roma

ssd: 01/A3 - Analisi Matematica, Probabilità e Statistica Matematica

recapito: Dipartimento di Matematica "G. Castelnuovo", Sapienza Università di Roma, P.le Aldo Moro, 2-00185 Roma

tel. (+39) 06.49913218

pagina web: http://www.mat.uniroma1.it/~davini/

### Posizioni Accademiche e Abilitazioni

2019 – oggi	Professore Associato presso il Dipartimento di Matematica "G. Castelnuovo",
	Sapienza Università di Roma.

ASN a Professore di I Fascia, ssd 01/A3 – Analisi Matematica, Probabilità e Statistica Matematica (validità: fino al 27 luglio 2024).

Qualification à Professeur des Universités (Francia) per la Sezioni 25 (Mathématiques) e 26 (Mathématiques appliquées et applications des mathématiques)

- 2007 2018 Ricercatore Universitario presso il Dipartimento di Matematica "G. Castelnuovo", *Sapienza* Università di Roma.
- 2006 2007 Post–doc (*Marie Curie Intra European Fellowship*) presso l'UMPA, École Normale Supérieure de Lyon (Francia) (ottobre 2006 aprile 2007).
- 2005 2006 Assegnista post–doc presso il Dipartimento di Matematica Pura ed Applicata dell'Università di Padova (ottobre 2005 settembre 2006).
- 2004 2005 Assegnista post–doc presso il Dipartimento di Matematica Pura ed Applicata dell'Università di Pisa (gennaio 2004 settembre 2005).

### Formazione

2001 - 2003 Studente di dottorato in Matematica presso il Dipartimento di Matematica, Università di Pisa (gennaio 2001 – dicembre 2003).

Titolo di Dottore di Ricerca in Matematica conseguito nel maggio 2004.

Titolo della tesi: Finsler metrics in Optimization Problems and Hamilton-Jacobi equations.

Relatore: prof. Giuseppe BUTTAZZO

1999 - 2000 Vincitore di una delle 12 borse di studio bandite dall'INdAM per Studi Dottorali all'Estero. Frequenza al corso di D.E.A. Equationes aux Dérivées Partielles et Calcul Scientifique presso l'Università di Parigi 11 (ottobre 1999 – settembre 2000).

- 1995 1999 Studente del CDL in Matematica, Università di Pisa.
  - Laurea in Matematica (voto: 110/110 e lode) presso l'Università di Pisa.
  - Titolo della tesi (discussa il 30 settembre 1999): Calibrazioni per superfici minime e coni singolari.

Relatore: prof. Giovanni ALBERTI

1992 -1995 Studente del CDL in Ingegneria, Università di Pisa.

# Attività didattica

- 2017 2018 Titolare dell'insegnamento *Analisi Reale* (9 c.f.u.) per il CDL Triennale in Matematica, *Sapienza* Università di Roma.
- 2016 2017 Titolare dell'insegnamento *Istituzioni di Analisi Superiore* (9 c.f.u.) per il CDL Magistrale in Matematica e in Matematica per le Applicazioni, *Sapienza* Università di Roma.

Esercitazioni per l'insegnamento *Istituzioni di Matematica 1* (3 c.f.u.) per il CDL in Chimica, *Sapienza* Università di Roma (a.a. 2016–17).

- 2015 2016 Titolare dell'insegnamento Istituzioni di Analisi Superiore (9 c.f.u.) per il CDL Magistrale in Matematica e in Matematica per le Applicazioni, Sapienza Università di Roma.
- 2013 2015 Istituzioni di Matematica 2, (8 c.f.u.) per il CDL Architettura (ciclo unico), Sapienza Università di Roma (a.a. 2013–14 & 2014–15).
- 2012 2013 Titolare dell'insegnamento *Equazioni Differenziali Nonlineari* (6 c.f.u.) per CDL Magistrale in Matematica, *Sapienza* Università di Roma.
- 2011 2012 Titolare dell'insegnamento *Analisi* (9 c.f.u.) per CDL di Fisica e Astrofisica, *Sapienza* Università di Roma.
- 2010 2011 Tutoraggio per l'insegnamento *Analisi* (9 c.f.u.) per CDL di Fisica e Astrofisica, *Sapienza* Università di Roma.
- 2009 2010 Titolare dell'insegnamento "Istituzioni di Matematica" (9 c.f.u.) per il CDL di Scienze Naturali, Sapienza Università di Roma.

  Titolare dell'insegnamento "Omegan signazione per equazioni di Hamilton Jaco

Titolare dell'insegnamento "Omogeneizzazione per equazioni di Hamilton-Jacobi" (30 ore) per il Dottorato in Matematica, Sapienza Università di Roma.

- 2008 2009 Titolare dell'insegnamento "Calcolo Differenziale" (6 c.f.u.) per il CDL di Informatica, Sapienza Università di Roma.
- 2007 2008 Esercitatore per l'insegnamento *Analisi* (9 c.f.u.) per il CDL di Fisica e Astrofisica, *Sapienza* Università di Roma.

# Tesi seguite

o M. Scappaticci, *Teoria ergodica e ottimizzazione*, Laurea Magistrale in Matematica per le Applicazioni, in corso.

o R. Scarpellino, Equazioni di Hamilton-Jacobi e funzione tempo minimo, Laurea Magistrale in Matematica per le Applicazioni, Marzo 2014.

- o S. De Angelis, Formule metriche per equazioni di Hamilton-Jacobi, Laurea Magistrale in Matematica per le Applicazioni, Marzo 2014.
- $\circ$ B. Reatini, Teoria della misura secondo Lebesgue, Laurea triennale in Matematica, Marzo 2012.

#### Altre attività Universitarie

- 2012 oggi Membro della Commissione Erasmus per il Dipartimento di Matematica "G. Castelnuovo".
- 2018 Membro della Commissione Elettorale per il rinnovo membro Giunta componente ricercatori (6 febbraio 2018).
- 2017 Membro della Commissione giudicatrice del Concorso n. 1/17 mediante procedura di valutazione comparativa, per titoli, per l'affidamento di n. 78 incarichi di insegnamento retribuito per l'a.a. 2017/2018 per il SSD MAT/05 presso la Facoltà di Architettura (12 settembre 2017).

Membro della Commissione locale del Concorso INdAM per l'attribuzione di 40 borse di studio e n. 2 borse aggiuntive per l'iscrizione ai corsi di laurea in matematica per l'a.a. 2017–18 (12 settembre 2017).

Membro della Commissione di Dottorato presso il Dipartimento di Matematica "G. Castelnuovo", Universitá di Roma La Sapienza per la tesi di Sahar Zabad. Titolo della tesi: PDE and Dynamical Methods to Weakly Coupled Hamilton-Jacobi Systems. Relatore: A. Siconolfi. Data della discussione: 17 febbraio 2017.

Membro della Commissione locale del Concorso INdAM per l'attribuzione di 40 borse di studio e n. 2 borse aggiuntive per l'iscrizione ai corsi di laurea in matematica per l'a.a. 2016–17 (13 settembre 2016).

Rapporteur e membro della Commissione di Dottorato presso l'Università di Paris Dauphine per la tesi di Ahmed Hajej. Titolo della tesi: *Homogénísation stochastique*. Relatori: P. Cardaliaguet, N. Forcadel. Data della discussione: 1 luglio 2016.

- 2015 Membro della Commissione giudicatrice per il conferimento di borse di studio per la frequenza di corsi o attività di perfezionamento all'estero (Area Disciplinare Scienze Matematiche e Informatiche, CUN 1).
- Membro della Commissione giudicatrice per il conferimento di borse di studio per la frequenza di corsi o attività di perfezionamento all'estero (Area Disciplinare Scienze Matematiche e Informatiche, CUN 1).

Membro della Commissione per la Procedura Selettiva per il conferimento di n. 4 incarichi per lo svolgimento di attività di didattica integrativa di Matematica a.a. 2014–2015 presso la Facoltà di Architettura.

- Membro della Commissione giudicatrice per il conferimento di borse di studio per la frequenza di corsi o attività di perfezionamento all'estero (Area Disciplinare Scienze Matematiche e Informatiche, CUN 1).
- 2012 2015 Organizzatore del Seminario di Analisi presso il Dipartimento di Matematica "G. Castelnuovo".

2008 – 2012 Membro della Commissione Orientamento per il Dipartimento di Matematica "G. Castelnuovo".

# Attività di Ricerca

#### Mini-corsi

- Marzo 2017. Weak KAM Theory for Hamilton-Jacobi systems (4h), Nanjing University (Cina) (marzo 9–10, 2017).
- Gennaio 2017. Aubry Theory for systems of weakly coupled Hamilton-Jacobi equations (4h). Nella conferenza Beyond Hamilton-Jacobi, Last call to Bordeaux, Université de Bordeaux (Francia) (gennaio 9–13, 2017).
- Gennaio 2013. Aubry sets for weakly coupled systems of Hamilton-Jacobi equations (3h). Tutorial Workshop on Weak KAM Theory and Related Topics, The University of Tokyo (Giappone) (15–18 gennaio 2013).
- Ottobre 2010. Weak KAM Theory and homogenization of Hamilton-Jacobi equations (8h), nel semestre tematico Sistemas Dinámicos y geometría: tres aproximaciones, Instituto de Matemática Interdisciplinar, Universidad Complutense de Madrid, Madrid (Spagna) (25–29 ottobre, 2010).

### Seminari recenti su invito

# 2018

- Stochastic homogenization of viscous and non-viscous HJ equations with nonconvex Hamiltonians, LMS Durham Symposium, Durham (Gran Bretagna), 20–24 Agosto 2018.
- Weak KAM Theory for Hamilton-Jacobi systems, Rio ICM Satellite Conference Weak KAM, PUC, Rio de Janeiro (Brasile) , 23–27 Luglio 2018.

### 2017

- o Homogenization of viscous and non–viscous HJ equations in random media, Dipartimento di Matematica Pura e Applicata, Università degli Studi di Padova, 25 Maggio 2017.
- Convergence of the solutions of discounted Hamilton-Jacobi systems, Nanjing University, (Cina), 16 Marzo 2017.

#### 2016

- Convergence of the solutions in the ergodic approximation of the HJ equation, nella conferenza Hamilton-Jacobi Equations: new trends and applications, Rennes (Francia), 30 Maggio 2016.
- o Convergence of the solutions of the discounted H-J equation, Dipartimento di Matematica, Università degli Studi di Roma "Tor Vergata", 3 Maggio 2016.
- o Convergence of the solutions of the discounted H-J equation, Dipartimento di Matematica, Università di Roma "La Sapienza", 29 Febbraio 2016.

#### 2014

- On a selection principle in the ergodic approximation of the Hamilton-Jacobi equation, nel trimestre tematico Homogenization and Random Phenomenon al Mittag-Leffler Institut, Stoccolma (Svezia), 21 Ottobre 2014.
- Convergence of the solutions of the discounted equation, nella conferenza Calculus of variations and optimization. A conference to celebrate the 60th birthday of Giuseppe Buttazzo, Pisa, Maggio 21–23, 2014.
- o Convergence of the solutions of the discounted equation, Dipartimento di Matematica e Fisica, Università di Roma 3, Maggio 2014.
- Convergence of the solutions of the discounted equation, nel workshop Beyond Hamilton–Jacobi in Avignon, Avignon (France), Aprile 23–30, 2014.
- o Convergence of the solutions of the discounted equation, Dipartimento di Matematica Pura e Applicata, Università di Padova (Italy), Aprile 2014.
- o Convergence of the solutions of the discounted equation, Laboratoire de Mathématiques J.A. Dieudonné, Université de Nice Sophia Antipolis (France), 10 Aprile 2014.

### 2013

• Convergence of solutions in the ergodic approximation of the Hamilton-Jacobi equation, MSI Colloquium, ANU, Canberra (Australia), Dicembre 2013.

#### 2012

 Strict critical subsolutions and Aubry set in the stationary ergodic setting, Institut de Mathématiques de Jussieu, Université Pierre et Marie Curie, Parigi (France), 11 Maggio 2012.

#### 2011

- Weak KAM Theory topics for stationary ergodic Hamiltonians in *Dynamical Optimization in PDE and Geometry*, Institut de Mathématiques Université Bordeaux 1 (France), Dicembre 12–21, 2011.
- Weak KAM Theory topics for stationary ergodic Hamiltonians in Nonlinear Dynamics in Partial Differential Equations, Kyushu University, Fukuoka (Japan), Settembre 12–21, 2011.

### 2008

• Existence of exact and approximate correctors for stationary ergodic Hamiltonians, Dipartimento di Matematica, Università di Roma "Tor Vergata", gennaio 2008.

### 2007

- Existence of exact and approximate correctors for stationary ergodic Hamiltonians, Dipartimento di Matematica Pura e Applicata, Università di Padova, novembre 2007.
- o Homogenization of Hamilton–Jacobi equations: from the periodic to the stationary ergodic setting, Dipartimento di Matematica "G. Castelnuovo", Sapienza Università di Roma, novembre 2007.
- Large time behavior of solutions of Hamilton–Jacobi equations: a generalized dynamical approach", Universidade Federal do Rio de Janeiro (Brasile), aprile 2007.
- o Large time behavior of solutions of Hamilton–Jacobi equations: a generalized dynamical approach", IMPA, Rio de Janeiro (Brasile), aprile 2007.

# 2006

 Large time behavior of solutions of Hamilton-Jacobi equations: a generalized dynamical approach, Departamento de Matematica Aplicada, Universidad Complutense de Madrid (Spagna), maggio 2006.

#### 2005

- o Large time behavior of solutions of Hamilton–Jacobi equations: a generalized dynamical approach, Dipartimento di Matematica Pura ed Applicata, Università di Padova, novembre 2005.
- Large time behavior of solutions of Hamilton-Jacobi equations: a generalized dynamical approach, Dipartimento di Matematica dell'Università di Modena e Reggio Emilia, giugno 2005.
- o Large time behavior of solutions of Hamilton–Jacobi equations: a generalized dynamical approach, Dipartimento di Matematica "G. Castelnuovo", Sapienza Università di Roma, gennaio 2005.

#### Visite all'estero su invito

o Invito come Research Member al Semestre MSRI Hamiltonian systems, from topology to applications through analysis (August 13, 2018 to December 14, 2018, Berkeley) per il periodo 13 settembre -14 dicembre 2018.

- $\circ$  CIMAT at Guanajuato (Messico), 4–14 Luglio, 2017. Invito del Prof. Renato ITURRIAGA.
- o Institut de Mathématiques de Jussieu, Université Pierre et Marie Curie, Parigi (Francia), 3–7 aprile 2017. Invito del dr. Maxime ZAVIDOVIQUE
- o Nanjing University (Cina), 4–17 Marzo, 2017. Invito del Prof. Wei CHENG.
- o CUNY e Baruch College (New York), 30 Marzo–6 Aprile, 2016. Invito della Prof.ssa Elena KOSYGINA.
- o UMPA, École Normale Supérieure de Lyon, Lione (Francia), 13–25 Settembre, 2015. Visita su invito nell'ambito del semestre tematico *Fall Semester 2015 in Analysis* (1 settembre–31 dicembre 2015).
- o Professeur Invité presso l'Institut de Mathématiques de Jussieu, Université Pierre et Marie Curie, Parigi (Francia), 5 maggio-5 giugno, 2015.
- $\circ$  CIMAT at Guanajuato (Messico), 30 Marzo—28 Aprile, 2015. Invito del Prof. Gonzalo CONTRERAS.
- o Mittag–Leffler Institute, trimestre tematico in *Homogenization and Random Phenomenon*, 15 Settembre 1 Novembre, 2014, Stoccolma (Svezia). Comitato organizzatore: L. Caffarelli, P.–L. Lions, H. Shahgholian, P. Souganidis, S. Varadhan.
- o MSI, Australian National University, Canberra (Australia), 18 Novembre 20 Dicembre, 2013. Invito del Prof. Xu–Jia WANG.
- $\circ$  UMPA, École Normale Supérieure de Lyon, Lione (Francia), 6–10 Maggio, 2013. Invito del Prof. Albert FATHI.
- $\circ$  Institut de Mathématiques de Jussieu, Université Pierre et Marie Curie, Parigi (Francia), 7–18 maggio 2012. Invito del dr. Maxime ZAVIDOVIQUE
- $\circ$  Unité de mathématiques pures et appliquées, École Normale Supérieure de Lyon (Francia), 12–16 aprile 2010. Invito del Prof. Albert FATHI.

o IMPA, Rio de Janeiro (Brasile), 11-30 maggio 2008. Invito del prof. Hermano FRID.

#### Finanziamenti alla ricerca ricevuti

- o Beneficiario del Fondo per il finanziamento delle attività base di ricerca (FFABR) 2017.
- Responsabile scientifico del Progetto di Ricerca GNAMPA 2017 Tecniche EDP, dinamiche e probabilistiche per lo studio di problemi asintotici.
- o Responsabile scientifico del Progetto di Ricerca GNAMPA 2016 Fenomeni asintotici e omogeneizzazione.
- Responsabile scientifico del Progetto di Ricerca Università 2016 Tecniche EDP, dinamiche e probabilistiche per lo studio di perturbazioni di equazioni e sistemi di Hamilton-Jacobi.
- Responsabile scientifico del Progetto di Ricerca Università 2013 Tecniche KAM deboli e di grandi deviazioni per l'analisi asintotica di modelli deterministici e stocastici.
- Responsabile scientifico del Progetto di Ricerca GNAMPA 2011 Omogeneizzazione di equazioni geometriche di Hamilton Jacobi e modelli di combustione turbolenta.
- Responsabile scientifico del Progetto di Ricerca GNAMPA 2009 Metodi di viscosità e metrici per l'omogeneizzazione.

# Partecipazione a gruppi di ricerca

- Progetto di Ricerca di Ateneo 2017 Flussi di misure ed equazioni alle derivate parziali associate coordinato dal prof. Antonio SICONOLFI.
- o Progetto di Ricerca Università 2015 Asintotica e omogeneizzazione di dinamiche Hamiltoniane: tecniche probabilistiche e di viscosità coordinato dal prof. Antonio SICONOLFI.
- Progetto di Ricerca Università 2014 Metodi probabilistici nella teoria KAM debole coordinato dal dr. Mauro MARIANI.
- Progetto di Ricerca GNAMPA 2013 Tecniche simplettiche, variazionali e di viscosità nell'omogeneizzazione coordinato dal dr. Alfonso SORRENTINO (Università di Roma 3).
- Progetto di Ricerca Università 2012 Modelli level-set applicati alla fluidodinamica, alla combustione turbolenta, alla dinamica dei materiali granulari: analisi matematica e approssimazione numerica coordinato dal prof. Antonio SICONOLFI.
- o Progetto di Ricerca Università 2011 Analisi ed approssimazione di modelli differenziali nonlineari in fluidodinamica e scienza dei materiali coordinato dal prof. Maurizio FALCONE.
- o Progetto di Ricerca Università 2010 Analisi ed approssimazione di modelli differenziali nonlineari in fluidodinamica e scienza dei materiali coordinato dal prof. Maurizio FALCONE.
- Progetto di Ricerca GNAMPA 2010 Fenomeni di propagazione di fronti e problemi di omogeneizzazione coordinato dal dr. Luca ROSSI (Università di Padova).

- Progetto di ricerca PRIN 2009 Metodi di viscosità e di controllo nello studio di modelli diffusivi nonlineari con degenerazioni coordinato dal prof. Italo CAPUZZO-DOLCETTA.
- o Progetto di Ricerca Università 2009 Analisi ed approssimazione di modelli alle derivate parziali non lineari coordinato dal prof. Maurizio FALCONE.
- o Progetto di Ricerca AST 2009 Analisi, algoritmi e metodi di calcolo per una classe di equazioni alle derivate parziali nonlineari coordinato dal prof. Graziano CRASTA.
- o Progetto di Ricerca di Università 2008 Analisi qualitativa di equazioni alle derivate parziali nonlineari coordinato dal prof. Italo CAPUZZO-DOLCETTA.
- Progetto di Ricerca AST 2008 Tecniche di viscosità e metriche per l'omogeneizzazione e la stabilità di equazioni alle derivate parziali non lineari coordinato dal prof. Antonio SICONOLFI.
- Progetto di Ricerca AST 2007 Regolarità e stabilità per soluzioni di viscositá di EDP non lineari coordinato dal prof. Antonio SICONOLFI.
- o Progetto di ricerca PRIN 2007 Metodi metrici e del principio di massimo per equazioni di Hamilton-Jacobi ed ellittiche nonlineari coordinato dal prof. Italo CAPUZZO DOLCETTA.

### Attività organizzative

 $\circ$  Co-organizzatore del Convegno From Optimal Control to Maximum Principle (Agropoli, 12–14 settembre 2018).

o Co-organizzatore del workshop INdAM: The Hamilton-Jacobi equation: at the crossroads of PDE, dynamical systems and geometry (Cortona, 22-27 giugno 2015).

## Pubblicazioni \*

- Davini, A., Zavidovique, M., Convergence of the solutions of discounted Hamilton–Jacobi systems. *Adv. Calc. Var.*, to appear.
- Davini, A., Existence and uniqueness of solutions to parabolic equations with super-linear Hamiltonians. *Commun. Contemp. Math.*, 21 (2019), no. 1.
- 3 DAVINI, A., SICONOLFI, A., ZAVIDOVIQUE, M., Random Lax-Oleinik semigroups for Hamilton-Jacobi systems. *J. Math. Pures Appl.*, to appear.
- [4] Davini, A., Kosygina, E., Homogenization of viscous and non-viscous HJ equations: a remark and an application. *Calc. Var. Partial Differential Equations*, 56 (2017), no. 4, 56–95.
- Davini, A., Fathi, A., Iturriaga, R., Zavidovique, M., Convergence of the solutions of the discounted equation: the discrete case. *Math. Z.* 284 (2016), no. 3-4, 1021–1034.

<sup>\*</sup>Tutti i lavori pubblicati e i preprint sono reperibili all'indirizzo http://www.mat.uniroma1.it/~davini sotto la voce Ricerca

- [6] DAVINI, A., FATHI, A., ITURRIAGA, R., ZAVIDOVIQUE, M., Convergence of the solutions of the discounted Hamilton–Jacobi equation. *Invent. Math.* 206 (2016), no. 1, 29–55.
- 7 Davini, A., Siconolfi, A. Existence and regularity of strict critical subsolutions in the stationary ergodic setting. *Ann. Inst. H. Poincaré Anal. Non Linéaire* 33 (2016), no. 2, 243–272.
- 8 Davini, A., Zavidovique, M., On the (non) existence of viscosity solutions of multitime Hamilton–Jacobi equations. *J. Differential Equations* 258 (2015), no. 2, 362–378.
- 9 Davini, A., Zavidovique, M. Aubry sets for weakly coupled systems of Hamilton–Jacobi equations. SIAM J. Math. Anal. 46 (2014), no. 5, 3361–3389.
- DAVINI, A., ZAVIDOVIQUE, M. Weak KAM theory for nonregular commuting hamiltonians. *Discrete Contin. Dyn. Syst. Ser. B* 18 (2013), no. 1, 57–94.
- DAVINI, A., SICONOLFI, A. Weak KAM Theory topics in the stationary ergodic setting. Calc. Var. Partial Differential Equations 44 (2012), 3-4, 319–350.
- Davini, A., Siconolfi, A. Metric techniques for convex stationary ergodic Hamiltonians. Calc. Var. Partial Differential Equations 40 (2011), 3-4, 391–421.
- DAVINI, A., SICONOLFI, A. Exact and approximate correctors for stochastic Hamiltonians: the 1-dimensional case. *Math. Ann.* 345 (2009), no. 4, 749–782.
- DAVINI, A. Integral representation of abstract functionals of autonomous type. *Proc. Roy. Soc. Edinburgh Sect. A* 138 (2008), no. 4, 725–754.
- DAVINI, A., PONSIGLIONE, M. Homogenization of two-phase metrics and applications. J. Anal. Math. 103 (2007), 157–196.
- DAVINI, A. Bolza problems with discontinuous Lagrangians and Lipschitz-continuity of the value function. SIAM J. Control Optim. 46 (2007), no. 5, 1897–1921.
- Davini, A., Siconolfi, A. A generalized dynamical approach to the large time behavior of solutions of Hamilton-Jacobi equations. *SIAM J. Math. Anal. 38* (2006), no. 2, 478–502.
- Briani, A., Davini, A. Monge solutions for discontinuous Hamiltonians. *ESAIM Control Optim. Calc. Var. 11*, 2 (2005), 229–251 (electronic).
- DAVINI, A. Smooth approximation of weak Finsler metrics. Differential Integral Equations 18 (2005), no. 5, 509–530.
- [20] DAVINI, A. On the relaxation of a class of functionals defined on Riemannian distances.

  J. Convex Anal. 12 (2005), no. 1, 113–130.
- 21 Buttazzo, G., Davini, A., Fragalà, I., Macià, F. Optimal Riemannian distances preventing mass transfer. *J. Reine Angew. Math.* 575 (2004), 157–171.
- 22 Davini, A. On calibrations for Lawson's cones. Rend. Sem. Mat. Univ. Padova 111 (2004), 55–70.

Roma, 15 marzo 2019