

Criptografía y seguridad

Tarea 3

Andrea Itzel González Vargas
Carlos Gerardo Acosta Hernández

Entrega: 27/03/17
Facultad de Ciencias UNAM

1. Con tus propias palabras explica por qué el siguiente esquema de cifrado para mensajes de tamaño $\ell(n)$ es seguro:

Sea G un generador pseudoaleatorio con factor de expansión $\ell(n)$. El algoritmo **Gen**, con entrada n , devuelve una clave k escogida uniformemente del conjunto $\{0, 1\}^n$. El algoritmo de cifrado **Enc** recibe como entradas una clave k de tamaño n y un mensaje m de tamaño $\ell(n)$ y devuelve el mensaje cifrado $c = G(k) \oplus m$. Para descifrar se calcula $m = G(k) \oplus c$.

2. Supongamos que Alicia y Bartolo se quieren mandar mensajes cifrados y solo tienen una clave k de 128 bits que ambos conocen. Para mandar un mensaje m hacen lo siguiente:

- Se elige una cadena aleatoria s de 80 bits.
- Se obtiene el mensaje cifrado $c = RC4(s \parallel k) \oplus m$.
- Se manda la pareja (s, c) .

a) Si Alicia manda un mensaje (s, c) , ¿qué tiene que hacer Bartolo para recuperar el mensaje claro?

Para recuperar el mensaje tiene que calcular $m = RC4(s \parallel k) \oplus c$

b) Si un adversario puede ver una lista de mensajes $(s_1, c_1), (s_2, c_2), \dots$ que fueron enviados entre Alicia y Bartolo, ¿cómo puede comprobar que se usó el mismo flujo de claves para cifrar dos mensajes? (Flujo de claves es la salida de RC4.)

Ya que Alicia y Bartolo siempre usan la misma clave k , basta con que el adversario encuentre dos mensajes (s_i, c_i) y (s_j, c_j) tales que s_i sea igual a s_j , de manera que sucederá que $RC4(s_i \parallel k) = RC4(s_j \parallel k)$.

c) Usando la paradoja del cumpleaños, ¿aproximadamente cuántos mensajes tendría que enviar Alicia para que se repita un flujo de claves?

Ya que la cadena aleatoria s es la única que cambia y mide 80 bits, cuando se haya mandado aproximadamente $2^{\sqrt{80}} = 2^{40}$ mensajes habrá una probabilidad del 50 % de que se repita

un flujo de claves, para tener una probabilidad de 90 % se necesita aproximadamente de 2^{41} mensajes.

3. Explica qué es una función pseudoaleatoria y qué relación tiene con los algoritmos de cifrado por bloques.

4. En el cifrado por bloques los errores se propagan de manera distinta dependiendo del modo de operación que se utilice. Explica qué ocurre en el mensaje descifrado cuando se usan los modos ECB, CBC, OFB y CTR, si el texto cifrado contiene un error de un solo bit.

- ECB: Como en este modo cada bloque se cifra y descifra con la misma llave independientemente del otro, sólo el bloque que contiene al bit con el error difiere del bloque en el mensaje original. Los otros bloques no se ven afectados.
- CBC: En este modo el cifrado y descifrado de cada bloque depende del anterior, por lo que el bloque que contiene el bit con el error y todos los bloques que le siguen son distintos al mensaje original.
- OFB: Como en este modo ningún bit del mensaje depende del otro ya que sólo se hace un xor con una cadena para cifrar y descifrar, el mensaje original y el descifrado sólo difieren en el bit con el error.
- CTR: Análogamente al caso anterior sólo se modifica el bit con el error.

5. Para usar un cifrado por bloques de tamaño n es necesario que el mensaje tenga longitud múltiplo de n , así que se agrega un padding cuando hace falta. Si se establece que se usará alguna forma de padding (por ejemplo, agregar un uno seguido de ceros), ¿por qué es necesario agregar padding aun en los mensajes de tamaño múltiplo de n ?

Es necesario porque a partir del criptograma no se puede distinguir si el mensaje original tenía longitud múltiplo de n , por lo que si no se agregara siempre el padding no podría saberse cuándo éste se debe de remover después de descifrar y cuando no, por lo que es más conveniente siempre poner el padding antes de cifrar para siempre quitarlo después de descifrar.