

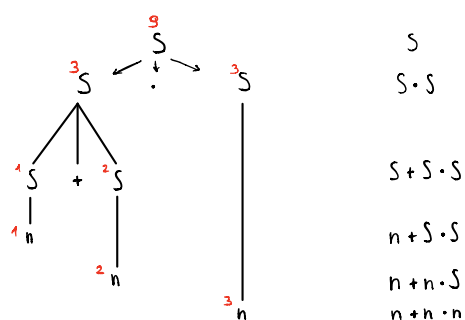
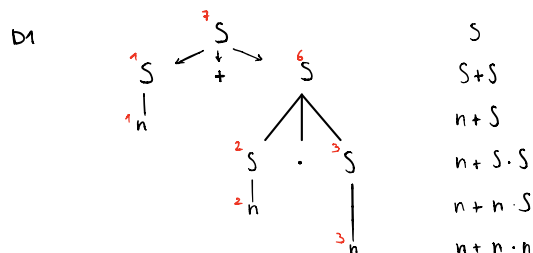


Individuiamo 2 derivazioni:

$$D1. S \xRightarrow{1} S+S \xRightarrow{2} num+S \xRightarrow{3} num+S.S \xRightarrow{4} num+num.S \xRightarrow{5} num+num \cdot num$$

$$D2. S \xRightarrow{1} S.S \xRightarrow{2} S+S.S \xRightarrow{3} num+S.S \xRightarrow{4} num+num.S \xRightarrow{5} num+num \cdot num$$

Esaminiamone gli alberi di derivazione:



Eravamo partiti da  $1 + 2 \times 3$ . L'analisi lessicale aveva tradotto tale stringa in  $\langle n,1 \rangle + \langle n,2 \rangle * \langle n,3 \rangle$ .

Abbiamo visto che è una grammatica ambigua; l'ambiguità non ci piace.

**Definizioni:**

- Una derivazione si dice **leftmost (rightmost)** se ad ogni passo viene sostituito il non-terminale più a sinistra (destra) della stringa corrente.
- Una grammatica  $G$  è ambigua  $\Leftrightarrow \exists w \in L(G)$  per cui esistono 2 distinte derivazioni entrambe leftmost oppure entrambe rightmost.

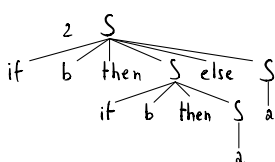
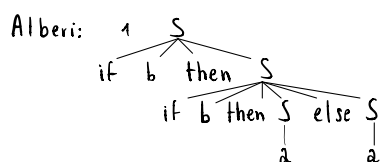
$S \rightarrow \text{if } b \text{ then } S \mid \text{if } b \text{ then } S \text{ else } S \mid a$

È ambigua? Fornite un esempio.

FGA2:  $\text{if } b \text{ then if } b \text{ then } a \text{ else } a$

1 -  $\text{if } b \text{ then (if } b \text{ then } a \text{ else } a)$

2 -  $\text{if } b \text{ then (if } b \text{ then } a) \text{ else } a$



Riflettiamo su  $L: \{a^n b^n c^n \mid n > 0\}$

$$S \rightarrow a S B c \mid a b c$$

$$c B \rightarrow B c$$

$$b B \rightarrow b b$$

$$\text{Proviamo: } S \xRightarrow{1} a S B c \xRightarrow{1} a a S B c B c \xRightarrow{3} a a S B B c c$$