

Grammatica

A \rightarrow aBc | bDd

B \rightarrow ϵ | e

D \rightarrow ϵ | f

FIRST

A: a, b

B: e, ϵ

D: f, ϵ

FOLLOW

A: \$

B: c

D: d

Come riempire la tabella di parsing?

Input: Grammatica G

Output: Tabella di parsing per parsing top-down predittivo

```
foreach (A  $\rightarrow$   $\alpha \in$  Produzioni) do
```

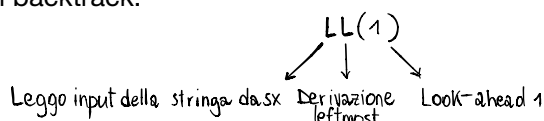
```
   $\forall b \in \text{FIRST}(\alpha)$ , inserire A  $\rightarrow$   $\alpha$  nella entry [A, b] della tabella
```

```
  if  $\epsilon \in \text{FIRST}(\alpha)$ ,  $\forall x \in \text{FOLLOW}(A)$ , inserire A  $\rightarrow$   $\alpha$  nella entry [A, x] della tabella
```

```
end foreach
```

```
inserire error() in tutte le entry vuote della tabella
```

Grammatica LL(1): se la tabella di parsing top-down per G non ha entry multiply-defined, allora la grammatica è LL(1), cioè non farà uso del backtrack.



Look-ahead 1: consulto un solo simbolo “in avanti” per decidere quale produzione utilizzare nell’espansione di ciascun non-terminale. Il look-ahead 1 si visualizza notando che la tabella di parsing ha un solo simbolo sulle colonne.

S \rightarrow aSb | ab è LL(1)?

	a	b	\$
S	<div style="display: flex; flex-direction: column; gap: 2px;"><div>S \rightarrow aSb</div><div>S \rightarrow ab</div></div>		

Entry multiply-defined: non so quale produzione applicare nel momento in cui devo espandere la S vedendo a...\$.

Mentre invece, se potessi consultare 2 simboli e leggersi ab...\$, saprei scegliere in maniera opportuna...ma non questa non sarebbe LL(1).

Vediamo ora la seguente grammatica non ambigua, una “queen grammar”:

E \rightarrow E + T | T

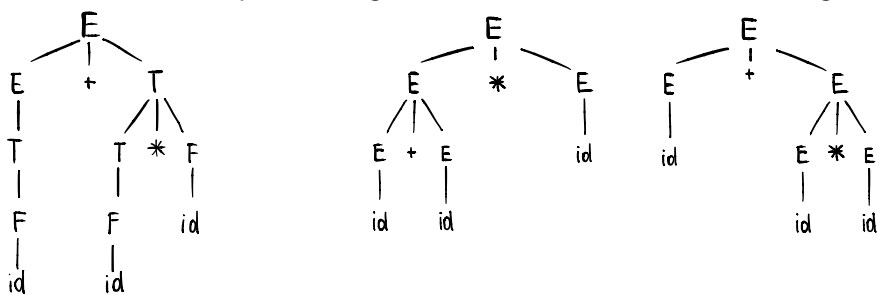
T \rightarrow T * F | F

F \rightarrow (E) | id

Che disambigua la seguente grammatica delle espressioni aritmetiche:

E \rightarrow E + E | E * E | (E) | id

L’albero di derivazione per la stringa id + id * id usando le due seguenti grammatiche sarebbe:



- queen grammar -

- due alberi della grammatica ambigua -

La "queen grammar" è LL(1)? Per rispondere, dobbiamo controllare che la corrispondente tabella di parsing non contenga entry multiply-defined.

Cominciamo calcolando FIRST e FOLLOW della grammatica:

FIRST:

E: (, id

T: (, id

F: (, id

FOLLOW:

E: \$, +,)

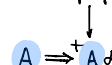
T: *

F: \$, +,), *

Riempiamo la tabella:

	id	+	*	()
E	$E \rightarrow E + T$ $E \rightarrow T$				
T					
F					

comincia proprio con A



È analizzabile in top-down? No, ha alcune caratteristiche fastidiose, in particolare la left-recursion: $A \Rightarrow^+ A \alpha$

La libertà di scelta fa sì che potenzialmente scegliamo la produzione (?) errata e la complessità diverge.

$E \Rightarrow E + T \Rightarrow E + T + T$

$T \Rightarrow T * F$

Per eliminare la left-recursion, si manipola la grammatica.

Una grammatica $G = (V, S, T, P)$ è **ricorsiva a sinistra** (anche detto: mostra ricorsione a sinistra) **sse**, per qualche $A \in V \setminus T$ e per qualche $\alpha \in V^*$, $A \Rightarrow^+ A \alpha$ in un certo numero di passi

Ad esempio, $\begin{cases} S \Rightarrow B | e \\ B \Rightarrow S \alpha \end{cases}$

Si dice che la ricorsione a sinistra è **immediata** se, per qualche $A \in V \setminus T$ e per qualche $\alpha \in V^*$, $A \rightarrow A \alpha \in P$ (è a tutti gli effetti una produzione della grammatica).