Pumping lemma per linguaggi regolari

Sia L un linguaggio regolare. Allora 3 p & N* t.c. Tze L, Izlzp, 3 u, v, w t.c. (z=uvw & |uv|≤ p & |v|>0 & Vi≥0, uv'w eL) → 3 sottostringhe di cui 1 pumpable

Se Lè regolare, allora -è generato da una grammatica regolare - <u>è riconosciuto da un NFA/DFA</u> -è denotato da un'espressione regolare.

3 DFA M= (S,A, moved, so, F) t.c. L(M)=L

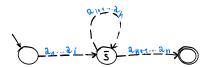
Prendiamo p= |S|, il numero di stati di M, che sappiamo esistere.

La massima lunghezza di un cammino in M da so ad uno stato in F che attraversa ogni stato al più una volta è (p-1)

Se z EL e tale che Izl deve essere p, 3 un cammino z= a, ... an che attraversa uno stato almeno 2 volte.

Sia s uno dei tali stati. Supponiamo che il cammino da so a s che non passa attraverso s (che quindi lo raggiunge la prima volta) sia etichettato a4...ai, il cammino da s a s sia etichettato ai+2...ak, che il cammino da s allo stato finale sia etichettato ak+2...an.

Allora, ponendo u=a,...a, v=ai+1...ak, w=ak+1...ah, ottengo la tesi.

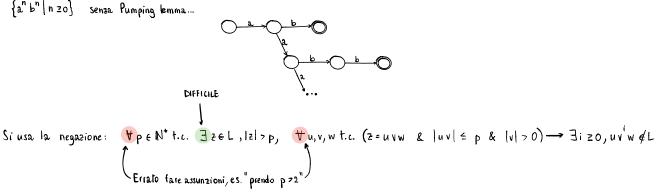


Automa deterministico: 1 solo cammino da stato iniziale a finale.

Ho ipotizzato p stati: cammino lungo p-1.

Sto considerando una parola lunga > p. Allora c'è (almeno) uno stato da cui passo almeno 2 volte. Supponiamo che tale stato sia quello azzurro.

Il pumping lemma per linguaggi regolari, come al solito, è utile per dimostrare che un linguaggio non è regolare.



ESERCIZIO

Dimostrare che {anbn | n 20} è regolare. uv è confinato qua

Supponiamo che L sia regolare. Sia pe N⁺.

Prendiamo z=a^pb^p. p+p=2p>p, z ok. a...ab...b

V ha almeno una a.

Comunque siano uvw, v contiene almeno un'occorrenza di 'a' e contiene solo 'a' uvw é della forma a b p, con j < p \rightarrow uv w & L il che contraddice il pumping lemma.

Proprieta' di E-chiusura olei linguaggi regolari

·Linguaggi liberi : chiusi per unione; linguaggi regolari: anche.

L sull'alfabeto $A = \{a_1 ... a_n\}$. $\overline{L} = L((a_1|...|a_n)) \setminus L$

·llinguaggi regolari sono chiusi per complementazione.

DIMOSTRAZIONE: Siz L un linguaggio regolare. 3DFA M t.c. L(M)=L.

Sia MTOT=(Sia, move, so, F) il DFA con funzione di transizione totale equivalente ad M e sia MTOT l'automa (Sia, move, SIF). Mtot riconosce I => I e regolare.

· l linguaggi liberi sono chiusi per intersezione? ... st:

Sia L1 = linguaggio con dispari occarrenze di '2', L2 = linguaggio con dispari occarrenze di 'b'.

