Programma: sequenze di stringhe. Stringa = sequenze di caratteri.

Abbiamo dato una definizione formale di grammatica generativa. Vediamone una definizione informale:

Una grammatica generativa è un insieme di regole che "specificano" o "generano" in modo ricorsivo le formule ben formate di un linguaggio. Una formula ben formata è una stringa di simboli che, intuitivamente, rappresenta un'espressione sintatticamente corretta, e viene definita mediante le regole della grammatica.

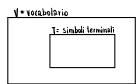
Formalmente, una grammatica è una tupla quadrupla:

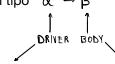
V è il vocabolario, che comprende simboli non-terminali e simboli terminali.

Tè l'insieme dei simboli terminali, sottoinsieme di V.

S è il simbolo iniziale, scelto tra i simboli non-terminali.

P è l'insieme delle **produzioni**, che indicano una possibile forma di un costrutto.





DRIVER BODY

DRIVER BODY

de V⁺, cioè è una stringa costituita da uno o più simboli di V,

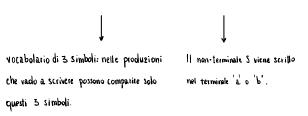
Be V^{*}, ossia è una stringa costituita da 0 (stringa vuota $\beta = E$) o più elementi.

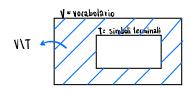
cd vincolo che almeno un simbolo e VIT.

Notazione:

- V[†]: il + indica la ripetizione di una o più volte dell'oggetto alla base, la V. Si forma quindi una stringa lunga 1, 2, 3... n.
- V*: la * indica la ripetizione di zero o più volte dell'oggetto alla base, la V. Si forma guindi una stringa lunga 0, 1, 2, 3... n. Quando è lunga 0, β è ε.

Un esempio di grammatica: $G = (\{S, a, b\}, \{a, b\}, S, \{S->a, S->b\})$





Produzione: stringa -> stringa.

Pesca simboli e Vi potrebbe essere anche E. E' obbligatorio che contenga un simbolo E VIT.

Due convenzioni:

- 1. I simboli non-terminali si indicano con CAPITAL letters, i simboli terminali si indicano con small letters.
- 2. La prima produzione ha come driver lo start symbol della grammatica.

Formalismo che indica come si deriva una qualche parola dalla grammatica:

Il linguaggio di una grammatica è generato operando un passo di riscrittura dietro l'altro, fino a che nulla è più riscrivibile, ossia non esiste più alcuna stringa contente simboli non-terminali che possa essere riscritta in una stringa di simboli terminali mediante una riduzione.

La stringa y deriva da y in G se esiste una sequenza di stringhe do, ..., dn tali che y = ao, y = dn, di+1 deriva direttamente dad; (4; 0=i=n-1).

Supponiamo di partire con x = aa S bb .- Utilizzando la prima produzione, deriviamo p = aa a S bbb (p deriva direttamente da x). - Utilizzando la seconda: y'= aaa ab bbb (derivazione da x non diretta).

II linguaggio generato dalla grammatica G = (V, T, S, P) è definito come $L(G) = \{ w \mid w \in T^* \ e \ S \Rightarrow w \}$ $L(G) = \{ w \mid w \in T^* \ e \ S \Rightarrow w \}$ Parole
Da S derivo in 0 o più passi

Esempi vari

$$G_1: S \rightarrow a$$
 $L(G_1) = \{a\}$

$$G_2: S \rightarrow a$$
 $L(G_2) = \{a, b\}$
 $S \rightarrow b$

G3:
$$S \rightarrow B$$
 L(G3) = {a} La B la posso riscrivere, ma non posso andare più avanti $S \rightarrow a$

$$G_4: S \rightarrow B \qquad L(G_4) = \phi$$

G5:
$$S \rightarrow \mathcal{E}$$
 $L(G_5) = \{\mathcal{E}\}$ $L(G_5)$

$$G \Rightarrow : S \rightarrow aSb$$
 $L(G_7) = \left\{ a^* \not \succeq b^* \mid n \neq 0 \right\}$

$$S \rightarrow \xi$$
Superfluo!

Ricordiamo che: 1) ab = Eab, EaEb, ... sono ONONIMI : "depuriamoli" da E! 2) Elemento neutro moltiplicazione: . Elemento neutro concatenazione: E

Gs:
$$S \rightarrow aa \ b$$
 $S \Rightarrow^{h} a^{2h} S b^{k} k \pi 0$
 $S \rightarrow A$ $S \Rightarrow^{h} a^{2h} A b^{h}$ $L(Gs) = \{a^{2k+j} c b^{2j+h} | j, h \pi 0\}$
 $A \rightarrow a A b b$ $A \Rightarrow^{h,j} a^{2h} a^{j} A b^{2j} b^{h} j \pi 0$
 $A \rightarrow c$ $A \Rightarrow^{h,j} a^{2h} a^{j} c b^{2j} b^{h}$

Finora abbiamo visto grammatiche libere.

Eccone una non libera: