## Insegnamento di Metodi Numerici

## Corso di Laurea Triennale in Ingegneria e Scienze Informatiche

Docenti: Lucia Romani e Damiana Lazzaro

## 17 Febbraio 2022 - 14:00 ESAME ONLINE

| 1 0.   |         |         | c .      |   |
|--------|---------|---------|----------|---|
| L. St. | conside | eri la. | funzione | į |

$$f(x) = e^{x+1} + 3x, \qquad x \in [-1, 2].$$

| a) | Scrivere la function corde che implementa il metodo delle corde per calcolare lo zero di $f$ . Si introdu-          |
|----|---|
|    | cano come argomenti di input la funzione $f$ , l'approssimazione iniziale (detta anche valore di innesco)           |
|    | $x^{(0)}$ , il parametro m del metodo, le tolleranze $tolx$ , $tolf$ sui due criteri di arresto e il numero massimo |
|    | nmax di iterazioni. Si restituiscano in output la soluzione sol dell'equazione non lineare, il numero di            |
|    | iterazioni compiute <i>iter</i> e il vettore delle approssimazioni $[x^{(1)}, \ldots, x^{(iter)}]$ .                |

Punti: 4

- b) Scrivere lo script Matlab/Python esercizio1 in cui:
  - b.1) si plotta il grafico della f nell'intervallo [-1, 2];

Punti: 1

- b.2) dopo aver inizializzato  $tolx = tolf = 10^{-12}$  e nmax = 500, si chiama la function corde con le seguenti scelte di  $x^{(0)}$  e m:
  - $x^{(0)} = 0, m \in \{2.5, 3, 3.5, 4\};$
  - $x^{(0)} \in \{0, 0.5, 1\}, m = 5;$
  - $x^{(0)} \in \{-1, -0.5, 0, 0.5, 1\}, m = f'(x^{(0)});$

e per ciascun caso si calcolano la soluzione sol, il vettore delle approssimazioni  $[x^{(1)}, \ldots, x^{(iter)}]$  e il numero di iterazioni compiute iter;

Punti: 5

b.3) per ciascuna scelta di  $x^{(0)}$  e m considerata al punto b.2) si plotta in un grafico, in scala semilogaritmica sulle ordinate, il vettore  $[|x^{(1)}|, \ldots, |x^{(iter)}|]$  verso il vettore  $[1, \ldots, iter]$ ;

Punti: 3

b.4) per ciascuna scelta di  $x^{(0)}$  e m considerata al punto b.2) si determina l'ordine di convergenza del metodo delle corde che ne risulta.

Punti: 3

Totale: 16