

Fisica Sperimentale

Andrea Bellu

2023/2024

Contents

1	Cinematica	2
1.1	Unità di misura-grandezze fondamentali	2
1.2	Velocità	2
1.3	Notazione scientifica	2
1.4	Multipli e sottomultipli	2
1.5	Grandezze fisiche	3
1.6	Angolo	3
1.7	Densità di massa	3
1.7.1	Esercizio	3
2	Moto	4
2.1	Moto Rettilineo	4
2.1.1	Velocità media	4
2.1.2	Velocità istantanea	4
2.1.3	Due punti in moto sullo stesso asse	4
2.2	Accelerazione nel moto rettilineo	5
2.3	Moto rettilineo uniformemente accelerato	5
2.3.1	Esercizio	5
2.3.2	Esercizio accelerazione negativa	6
3	Valori Medi	6
3.1	Valore medio di una funzione	6

1 Cinematica

1.1 Unità di misura-grandezze fondamentali

1. **Lunghezza (m)**: Misura l'estensione di un oggetto in una direzione specifica.
2. **Massa (kg)**: Misura la quantità di materia in un corpo.
3. **Tempo (s)**: Misura la durata di un evento o intervallo tra due istanti.
4. **Densità ($\frac{kg}{m^3}$)**: Misura la quantità di massa contenuta in un certo volume.
5. **Corrente elettrica (A)**: Misura la quantità di carica elettrica che fluisce attraverso un circuito in un certo tempo.

Il sistema che ha definito le precedenti unità di misura come fondamentali è il **Sistema Internazionale (SI) (MKSA)**.

1.2 Velocità

$$\text{Velocità} = \frac{\text{spazio percorso}}{\text{tempo impiegato}}$$

L'unità di misura della velocità è il $\frac{m}{s}$ ed è detta unità di misura derivata in quanto è ottenuta da unità di misura fondamentali.

La fisica è fatta di misurazioni, ma le misurazioni comportano errori e quindi è necessario definire la precisione di una misurazione.

1.3 Notazione scientifica

Fondamentale per esprimere numeri molto grandi o molto piccoli.

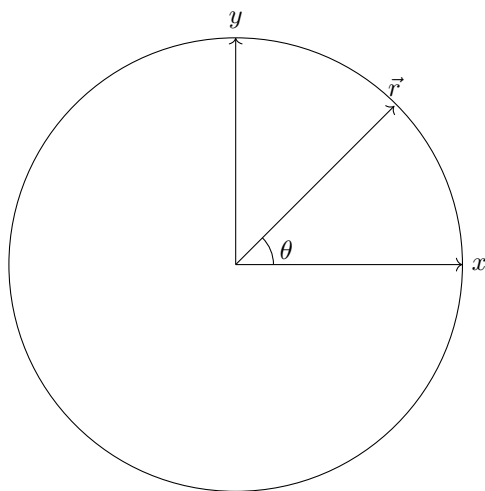
1.4 Multipli e sottomultipli

- 10^{15} = Peta (P)
- 10^{12} = Tera (T)
- 10^9 = Giga (G)
- 10^6 = Mega (M)
- 10^3 = Kilo (K)
- 10^{-3} = Milli (m)
- 10^{-6} = Micro (μ)
- 10^{-9} = Nano (n)
- 10^{-12} = Pico (p)
- 10^{-15} = Femto (f)
- 10^{-18} = Atto (a)

1.5 Grandezze fisiche

Grandezza	Simbolo	Unità di misura	Dimensioni	Unità SI
Velocità	\bar{v}	$\frac{m}{s}$	$L \cdot T^{-1}$	$m \cdot s^{-1}$
Accelerazione	\bar{a}	$\frac{m}{s^2}$	$L \cdot T^{-2}$	$m \cdot s^{-2}$
Accelerazione angolare	α	$\frac{rad}{s^2}$	T^{-2}	$rad \cdot s^{-2}$
Densità	ρ	$\frac{kg}{m^3}$	$M \cdot L^{-3}$	$kg \cdot m^{-3}$
Lunghezza	L	m	L	m
Massa	m	kg	M	kg
Tempo	t	s	T	s
Energia	E, U, K	J	$\frac{M \cdot L^2}{T^2}$	$kg \cdot m^2 \cdot s^{-2}$
Frequenza	f	Hz	T^{-1}	s^{-1}
Forza	\bar{F}	N	$M \cdot L \cdot T^{-2}$	$kg \cdot m \cdot s^{-2}$
Volume	V	m^3	L^3	m^3

1.6 Angolo



Gli angoli non hanno dimensioni, si misurano in radianti.

$$\theta = \frac{L}{R} \Rightarrow \frac{\mathfrak{m}}{\mathfrak{m}} \Rightarrow \text{Radianti}$$

1.7 Densità di massa

La densità è il rapporto tra la massa e il volume.

$$\rho = \frac{m}{V}$$

Per definizione la densità dell'acqua è $1 \frac{g}{cm^3} = 1000 \frac{kg}{m^3}$.

1.7.1 Esercizio

Quale è la massa in chilogrammi di due litri di elio, dove $1.00l = 1.00 \cdot 10^3 cm^3$ e la densità dell'elio è $0.1785 \frac{kg}{m^3}$?

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow m = \rho \cdot V \Rightarrow m = 0.1785 \frac{kg}{m^3} \cdot 2 \cdot 10^3 cm^3 \Rightarrow 10^{-6} m^3 = 3.57 \cdot 10^{-4} kg$$

2 Moto

Il moto è il movimento dei corpi.

2.1 Moto Rettilineo

Il moto più semplice è il moto rettilineo, ovvero il moto lungo una retta. Inizialmente studiamo il moto di un corpo puntiforme. Quando si parla di moto dobbiamo definire un'origine degli spazi e orientare la retta, in modo da determinare il verso positivo e negativo.

Effettuando delle misurazioni si ottiene un diagramma orario e successivamente si può ottenere il grafico spazio-tempo.

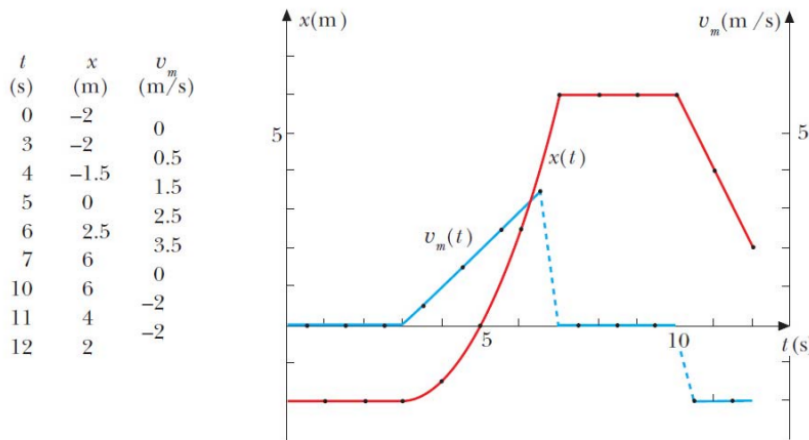


Figure 1: Grafico spazio-tempo

2.1.1 Velocità media

$$\bar{v}_m = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_F - x_I}{t_F - t_I}$$

2.1.2 Velocità istantanea

La velocità istantanea è una variazione piccolissima variazione di spazio in un piccolissimo intervallo di tempo.

$$\mathbf{v} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{dx}{dt}$$

2.1.3 Due punti in moto sullo stesso asse

Due punti materiali si trovano nell'istante iniziale $t = 0$ sullo stesso asse x , rispettivamente nella posizione x_1 con velocità v_1 e nella posizione $x_2 > x_1$ con velocità v_2 . Il moto dei punti è uniforme. Discutere quali sono le situazioni in cui i punti ad un certo istante si urtano e determinare dove e quando si urtano.

Moto rettilineo uniforme \iff velocità costante.

$$v = \frac{dx}{dt} \implies dx = v \cdot dt \implies \int_0^{t_0} dx = \int_0^{t_0} v(t) \cdot dt$$

$$x(t_0) - x(0) = \int_0^{t_0} v(t) \cdot dt \implies x(t_0) - x(0) = \int_0^{t_0} v \cdot dt \implies x(t_0) - x(0) = v_0(t_0 - 0) \implies x(t_0) = v_0 \cdot t_0$$

$$x_1(t) = v_1 \cdot t \quad x_2(t) = v_2 \cdot t + x_2(0)$$

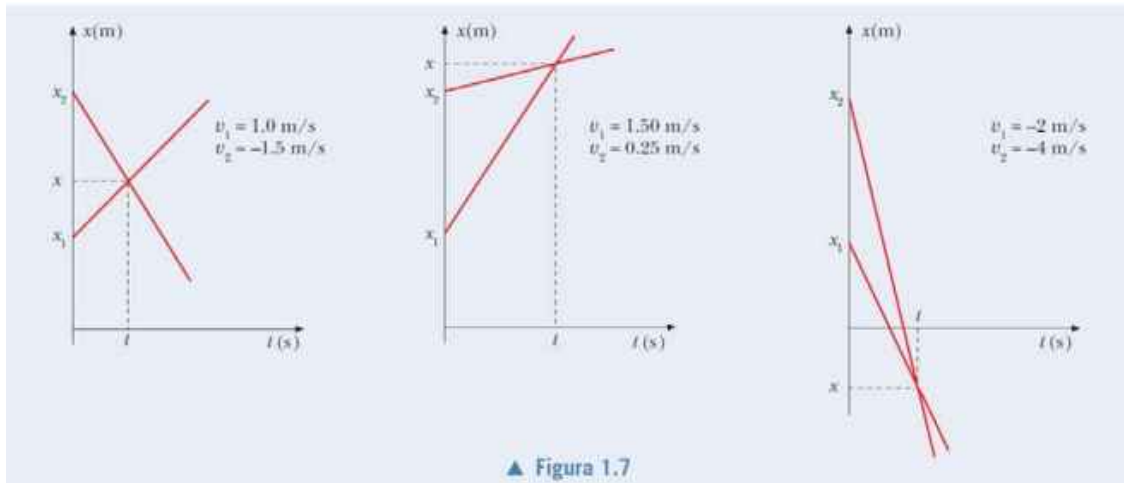


Figure 2: Esempi di grafici di due punti in moto sullo stesso asse

2.2 Accelerazione nel moto rettilineo

Si definisce accelerazione e si indica con \bar{a} il rapporto tra la velocità in un certo istante e l'intervallo di tempo in cui si è verificata la variazione di velocità.

$$a_m = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1}$$

$$a_i = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{dv}{dt} \Rightarrow v = \frac{dx}{dt} \Rightarrow a = \frac{d^2 x}{dt^2}$$

Anche quando la velocità diminuisce si ha un'accelerazione, ma negativa.

Se conosco l'accelerazione posso calcolare la velocità.

$$\frac{dv}{dt} = a \Rightarrow \int_{v_0}^{v_1} dv = \int_0^{t_1} a \cdot dt \Rightarrow v_1 - v_0 = \int_{t_0}^{t_1} a(t) \cdot dt$$

$$v(t) = v(t_0) + \int_{t_0}^t a(t) \cdot dt$$

2.3 Moto rettilineo uniformemente accelerato

Moto rettilineo uniformemente accelerato \iff accelerazione costante.

$$dv = a dt \Rightarrow \int_{v_0}^v dv = \int_0^t a dt \Rightarrow v - v_0 = a \int_0^t dt = a \cdot t \Rightarrow v = v_0 + a \cdot t$$

$$v = \frac{dx}{dt} \Rightarrow dx = v \cdot dt \Rightarrow dx = [v_0 + a(t - t_0)] dt \Rightarrow \int_{x_0}^x dx = \int_{t_0}^t v_0 dt + \int_{t_0}^t a(t - t_0) dt$$

$$x - x_0 = v_0(t - t_0) + \frac{1}{2}a(t - t_0)^2$$

2.3.1 Esercizio

Un'automobile è in grado di passare dalla quiete alla velocità di $100 \frac{km}{h}$ in t secondi, muovendosi con moto uniformemente accelerato. Esprimere il valore dell'accelerazione e calcolarlo per $t = t_1 = 5s$ e per $t = t_2 = 8s$. Quanto vale lo spazio percorso nei due casi? E la velocità media?

Risoluzione:

$$v = at \implies a = \frac{v_f}{t}$$

$$v_f = 100 \frac{km}{h} = 27.78 \frac{m}{s}$$

$$a = \frac{27.78 \frac{m}{s}}{5s} = 5.56 \frac{m}{s^2}$$

$$a_2 = \frac{27.78 \frac{m}{s}}{8s} = 3.47 \frac{m}{s^2}$$

$$x = x_0 + v_0 t + \frac{1}{2} a t^2$$

$$\implies x_1 = 0 + 0 + \frac{1}{2} \cdot 5.56 \frac{m}{s^2} \cdot 5^2 s^2 = 69.5m$$

$$\implies x_2 = 0 + 0 + \frac{1}{2} \cdot 3.47 \frac{m}{s^2} \cdot 8^2 s^2 = 111m$$

$$\bar{v}_{m_1} = \frac{69.5m}{5s} = 13.9 \frac{m}{s}$$

$$\bar{v}_{m_2} = \frac{111m}{8s} = 13.9 \frac{m}{s}$$

2.3.2 Esercizio accelerazione negativa

Un punto materiale parte dall'origine con velocità iniziale v_0 positiva ed è sottoposto ad un'accelerazione negativa – a costante. Calcolare la massima distanza dall'origine raggiunta dal punto lungo il semiasse positivo, l'istante t_1 in cui si ferma, l'istante t_2 in cui ripassa per l'origine e la velocità che ha per $t = t_2$.

$$v = v_0 + at \implies v_0 + at, \quad a < 0, \quad v_0 > 0$$

$$v_0 + at = 0 \implies t_1 = \frac{-v_0}{a}$$

$$x = x_0 + v_0 t + \frac{1}{2} a t^2 \implies x_1 = v_0 \cdot t_1 + \frac{1}{2} a t_1^2 = \frac{-v_0^2}{a} + \frac{1}{2} a \cdot \frac{v_0^2}{a^2} = \frac{-v_0^2}{2a}$$

$$\text{Ora calcoliamo quando il punto ripassa per l'origine } v_0 + \frac{1}{2} a t^2 = 0 \begin{cases} t = 0 \\ t_2 = \frac{2v_0}{-a} \end{cases}$$

$$\text{Velocità in } t_2 \quad v_2 = v_0 + a t_2 = v_0 - 2v_0 = -v_0$$

3 Valori Medi

3.1 Valore medio di una funzione

$$\langle f(t) \rangle = \frac{\int_0^T f(t) dt}{T}$$

Nel caso della funzione \sin , la media su un periodo è nulla:

$$\langle \sin(t) \rangle = \frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} \sin(\theta) d\theta = \frac{1}{2\pi} [-\cos(\theta)]_0^{2\pi} = 0$$

Lo stesso si ottiene per il coseno, ed è evidente, basta osservare il grafico; in un semiperiodo la funzione è positiva, nell'altro è negativa e la loro somma è nulla.

E' diversa la situazione per la funzione \sin^2 e \cos^2 , funzioni che hanno come periodo π , che essendo sempre positive non possono aver valore medio nullo. Osserviamo che:

$$\int_0^\pi (\sin^2(\theta) + \cos^2(\theta)) d\theta = \int_0^\pi 1 d\theta = \pi$$

pertanto

$$\int_0^\pi \int_0^2 (\theta) d\theta = \int_0^\pi \cos^2(\theta) d\theta = \frac{\pi}{2}$$