

## 0.1 Unità di misura-grandezze fondamentali

1. **Lunghezza (m)**: Misura l'estensione di un oggetto in una direzione specifica.
2. **Massa (kg)**: Misura la quantità di materia in un corpo.
3. **Tempo (s)**: Misura la durata di un evento o intervallo tra due istanti.
4. **Densità ( $\frac{kg}{m^3}$ )**: Misura la quantità di massa contenuta in un certo volume.
5. **Corrente elettrica (A)**: Misura la quantità di carica elettrica che fluisce attraverso un circuito in un certo tempo.

Il sistema che ha definito le precedenti unità di misura come fondamentali è il **Sistema Internazionale (SI) (MKSA)**.

## 0.2 Velocità

$$\text{Velocità} = \frac{\text{spazio percorso}}{\text{tempo impiegato}}$$

L'unità di misura della velocità è il  $\frac{m}{s}$  ed è detta unità di misura derivata in quanto è ottenuta da unità di misura fondamentali.

La fisica è fatta di misurazioni, ma le misurazioni comportano errori e quindi è necessario definire la precisione di una misurazione.

## 0.3 Notazione scientifica

Fondamentale per esprimere numeri molto grandi o molto piccoli.

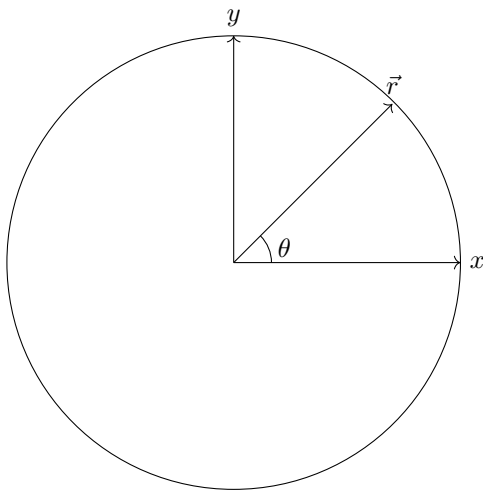
## 0.4 Multipli e sottomultipli

- $10^{15}$  = Peta (P)
- $10^{12}$  = Tera (T)
- $10^9$  = Giga (G)
- $10^6$  = Mega (M)
- $10^3$  = Kilo (K)
- $10^{-3}$  = Milli (m)
- $10^{-6}$  = Micro ( $\mu$ )
- $10^{-9}$  = Nano (n)
- $10^{-12}$  = Pico (p)
- $10^{-15}$  = Femto (f)
- $10^{-18}$  = Atto (a)

## 0.5 Grandezze fisiche

Grandezza	Simbolo	Unità di misura	Dimensioni	Unità SI
Velocità	$\bar{v}$	$\frac{m}{s}$	$L \cdot T^{-1}$	$m \cdot s^{-1}$
Accelerazione	$\bar{a}$	$\frac{m}{s^2}$	$L \cdot T^{-2}$	$m \cdot s^{-2}$
Accelerazione angolare	$\alpha$	$\frac{rad}{s^2}$	$T^{-2}$	$rad \cdot s^{-2}$
Densità	$\rho$	$\frac{kg}{m^3}$	$M \cdot L^{-3}$	$kg \cdot m^{-3}$
Lunghezza	$L$	$m$	$L$	$m$
Massa	$m$	$kg$	$M$	$kg$
Tempo	$t$	$s$	$T$	$s$
Energia	$E, U, K$	$J$	$\frac{M \cdot L^2}{T^2}$	$kg \cdot m^2 \cdot s^{-2}$
Frequenza	$f$	$Hz$	$T^{-1}$	$s^{-1}$
Forza	$\bar{F}$	$N$	$M \cdot L \cdot T^{-2}$	$kg \cdot m \cdot s^{-2}$
Volume	$V$	$m^3$	$L^3$	$m^3$

## 0.6 Angolo



Gli angoli non hanno dimensioni, si misurano in radianti.

$$\theta = \frac{L}{R} \Rightarrow \frac{\mathfrak{m}}{\mathfrak{m}} \Rightarrow \text{Radianti}$$

## 0.7 Densità di massa

La densità è il rapporto tra la massa e il volume.

$$\rho = \frac{m}{V}$$

Per definizione la densità dell'acqua è  $1 \frac{g}{cm^3} = 1000 \frac{kg}{m^3}$ .

### 0.7.1 Esercizio

Quale è la massa in chilogrammi di due litri di elio, dove  $1.00l = 1.00 \cdot 10^3 cm^3$  e la densità dell'elio è  $0.1785 \frac{kg}{m^3}$ ?

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow m = \rho \cdot V \Rightarrow m = 0.1785 \frac{kg}{m^3} \cdot 2 \cdot 10^3 cm^3 \Rightarrow 10^{-6} m^3 = 3.57 \cdot 10^{-4} kg$$

# 1 Moto

Il moto è il movimento dei corpi.

## 1.1 Moto Rettilineo

Il moto più semplice è il moto rettilineo, ovvero il moto lungo una retta. Inizialmente studiamo il moto di un corpo puntiforme. Quando si parla di moto dobbiamo definire un'origine degli spazi e orientare la retta, in modo da determinare il verso positivo e negativo.

Effettuando delle misurazioni si ottiene un diagramma orario e successivamente si può ottenere il grafico spazio-tempo.

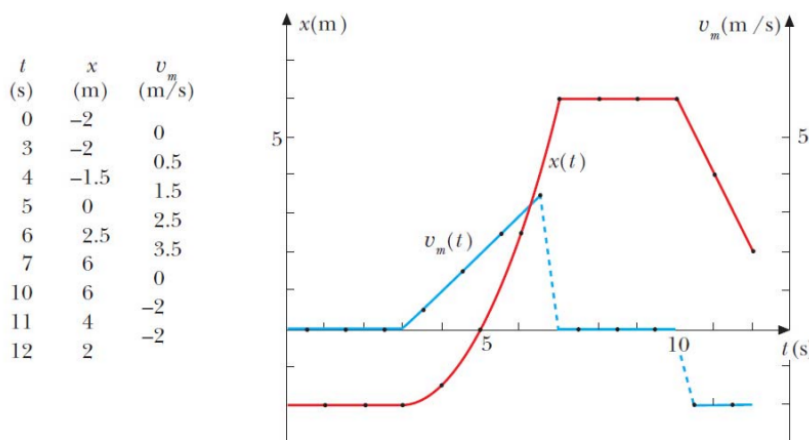


Figure 1: Grafico spazio-tempo

### 1.1.1 Velocità media

$$\bar{v}_m = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_F - x_I}{t_F - t_I}$$

### 1.1.2 Velocità istantanea

La velocità istantanea è una variazione piccolissima variazione di spazio in un piccolissimo intervallo di tempo.

$$\mathbf{v} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{dx}{dt}$$

### 1.1.3 Due punti in moto sullo stesso asse

Due punti materiali si trovano nell'istante iniziale  $t = 0$  sullo stesso asse  $x$ , rispettivamente nella posizione  $x_1$  con velocità  $v_1$  e nella posizione  $x_2 > x_1$  con velocità  $v_2$ . Il moto dei punti è uniforme. Discutere quali sono le situazioni in cui i punti ad un certo istante si urtano e determinare dove e quando si urtano.

Moto rettilineo uniforme  $\iff$  velocità costante.

$$v = \frac{dx}{dt} \implies dx = v \cdot dt \implies \int_0^{t_0} dx = \int_0^{t_0} v(t) \cdot dt$$

$$x(t_0) - x(0) = \int_0^{t_0} v(t) \cdot dt \implies x(t_0) - x(0) = \int_0^{t_0} v \cdot dt \implies x(t_0) - x(0) = v_0(t_0 - 0) \implies x(t_0) = v_0 \cdot t_0$$

$$x_1(t) = v_1 \cdot t \quad x_2(t) = v_2 \cdot t + x_2(0)$$

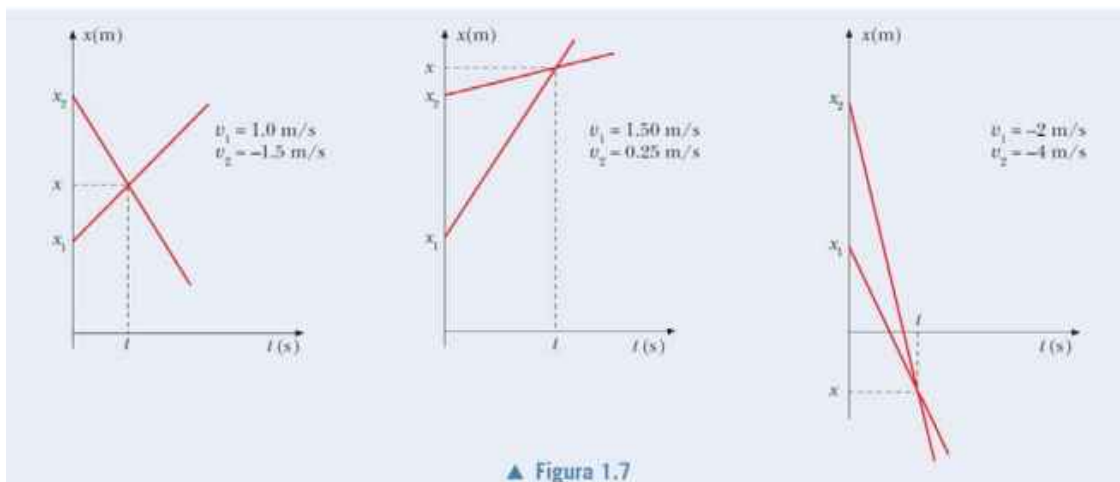


Figure 2: Esempi di grafici di due punti in moto sullo stesso asse

## 1.2 Accelerazione nel moto rettilineo

Si definisce accelerazione e si indica con  $\bar{a}$  il rapporto tra la velocità in un certo istante e l'intervallo di tempo in cui si è verificata la variazione di velocità.

$$a_m = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1}$$

$$a_i = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{dv}{dt} \Rightarrow v = \frac{dx}{dt} \Rightarrow a = \frac{d^2 x}{dt^2}$$

Anche quando la velocità diminuisce si ha un'accelerazione, ma negativa.

Se conosco l'accelerazione posso calcolare la velocità.

$$\frac{dv}{dt} = a \Rightarrow \int_{v_0}^{v_1} dv = \int_0^{t_1} a \cdot dt \Rightarrow v_1 - v_0 = \int_{t_0}^{t_1} a(t) \cdot dt$$

$$v(t) = v(t_0) + \int_{t_0}^t a(t) \cdot dt$$

## 1.3 Moto rettilineo uniformemente accelerato

Moto rettilineo uniformemente accelerato  $\iff$  accelerazione costante.

$$dv = a dt \Rightarrow \int_{v_0}^v dv = \int_0^t a dt \Rightarrow v - v_0 = a \int_0^t dt = a \cdot t \Rightarrow v = v_0 + a \cdot t$$

$$v = \frac{dx}{dt} \Rightarrow dx = v \cdot dt \Rightarrow dx = [v_0 + a(t - t_0)] dt \Rightarrow \int_{x_0}^x dx = \int_{t_0}^t v_0 dt + \int_{t_0}^t a(t - t_0) dt$$

$$x - x_0 = v_0(t - t_0) + \frac{1}{2}a(t - t_0)^2$$

### 1.3.1 Esercizio

Un'automobile è in grado di passare dalla quiete alla velocità di  $100 \frac{km}{h}$  in  $t$  secondi, muovendosi con moto uniformemente accelerato. Esprimere il valore dell'accelerazione e calcolarlo per  $t = t_1 = 5s$  e per  $t = t_2 = 8s$ . Quanto vale lo spazio percorso nei due casi? E la velocità media?

**Risoluzione:**

$$v = at \implies a = \frac{v_f}{t}$$

$$v_f = 100 \frac{km}{h} = 27.78 \frac{m}{s}$$

$$a = \frac{27.78 \frac{m}{s}}{5s} = 5.56 \frac{m}{s^2}$$

$$a_2 = \frac{27.78 \frac{m}{s}}{8s} = 3.47 \frac{m}{s^2}$$

$$x = x_0 + v_0 t + \frac{1}{2} a t^2$$

$$\implies x_1 = 0 + 0 + \frac{1}{2} \cdot 5.56 \frac{m}{s^2} \cdot 5^2 s^2 = 69.5m$$

$$\implies x_2 = 0 + 0 + \frac{1}{2} \cdot 3.47 \frac{m}{s^2} \cdot 8^2 s^2 = 111m$$

$$\bar{v}_{m_1} = \frac{69.5m}{5s} = 13.9 \frac{m}{s}$$

$$\bar{v}_{m_2} = \frac{111m}{8s} = 13.9 \frac{m}{s}$$