

Aula 10

Pilhas, Filas e Listas Biligadas

Programação II, 2019-2020

v1.3, 2019-05-14

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas

1 Pilhas e filas

Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

2 Listas biligadas

3 Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas

1 Pilhas e filas

Definições e tipos de dados abstratos
Implementação em lista ligada
Implementação em vector

2 Listas biligadas

3 Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

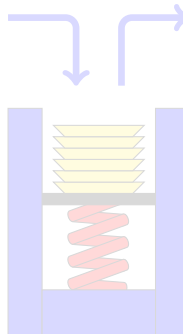
Listas biligadas

Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas

Pilha: definição

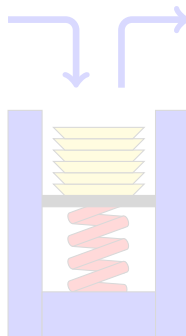
- É uma estrutura de dados sequencial que só pode ser modificada por uma das suas extremidades usualmente denominada como "topo".

- Estrutura com gestão *LIFO*: *Last In First Out*;
 - O último elemento a entrar é o primeiro a sair.



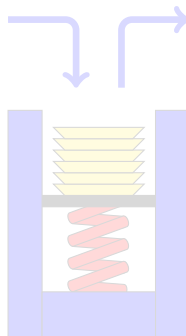
- É uma estrutura de dados sequencial que só pode ser modificada por uma das suas extremidades usualmente denominada como “topo”.

- Estrutura com gestão *LIFO*: *Last In First Out*;
O último elemento a entrar é o primeiro a sair.



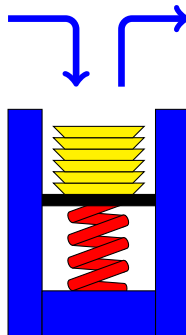
- É uma estrutura de dados sequencial que só pode ser modificada por uma das suas extremidades usualmente denominada como “topo”.

- Estrutura com gestão *LIFO*: *Last In First Out*;
O último elemento a entrar é o primeiro a sair.



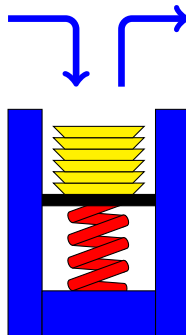
- É uma estrutura de dados sequencial que só pode ser modificada por uma das suas extremidades usualmente denominada como “topo”.

- Estrutura com gestão *LIFO*: *Last In First Out*;
 - O último elemento a entrar é o primeiro a sair.



- É uma estrutura de dados sequencial que só pode ser modificada por uma das suas extremidades usualmente denominada como “topo”.

- Estrutura com gestão *LIFO*: *Last In First Out*;
 - O último elemento a entrar é o primeiro a sair.



Pilha: as operações push / pop

Pilhas e filas

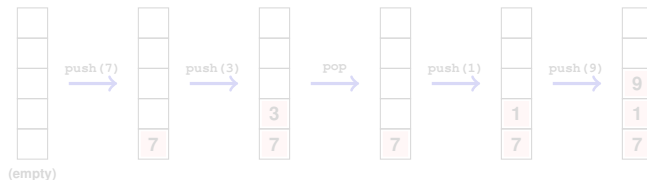
Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas



Pilha: as operações push / pop

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas



Pilha: as operações push / pop

Pilhas e filas

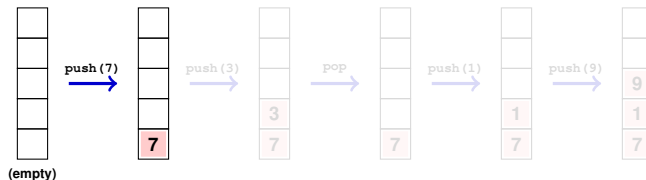
Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas



Pilha: as operações push / pop

Pilhas e filas

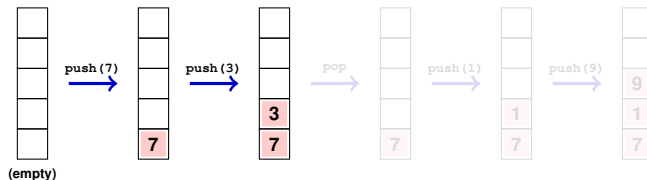
Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas



Pilha: as operações push / pop

Pilhas e filas

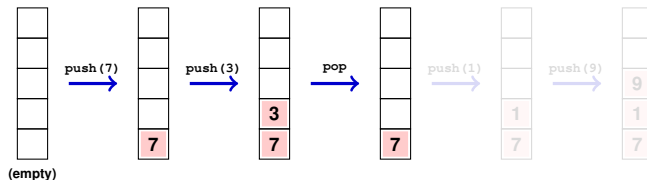
Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas



Pilha: as operações push / pop

Pilhas e filas

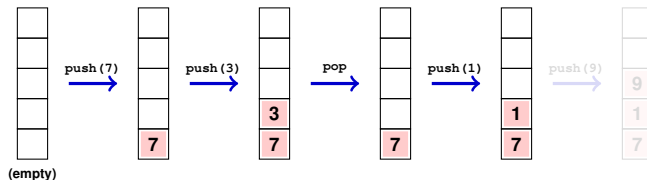
Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas



Pilha: as operações push / pop

Pilhas e filas

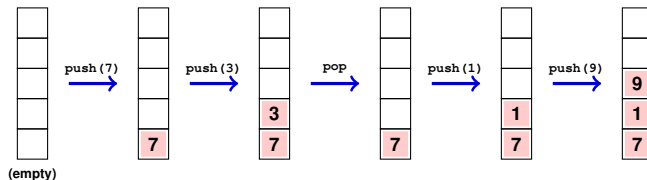
Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas



Pilha: exemplos de utilização

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas

- Armazenamento de contextos de execução de subrotinas.
- Análise e avaliação de expressões matemáticas.
- Travessia *depth-first* de árvores e grafos.
- Detecção de marcas de início/fim em texto formatado. Por exemplo, parênteses ou marcas HTML ou XML.
- ...

- Armazenamento de contextos de execução de subrotinas.
- Análise e avaliação de expressões matemáticas.
- Travessia *depth-first* de árvores e grafos.
- Detecção de marcas de início/fim em texto formatado. Por exemplo, parênteses ou marcas HTML ou XML.
- ...

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas

- Armazenamento de contextos de execução de subrotinas.
- Análise e avaliação de expressões matemáticas.
- Travessia *depth-first* de árvores e grafos.
- Detecção de marcas de início/fim em texto formatado. Por exemplo, parênteses ou marcas HTML ou XML.
- ...

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas

- Armazenamento de contextos de execução de subrotinas.
- Análise e avaliação de expressões matemáticas.
- Travessia *depth-first* de árvores e grafos.
- Detecção de marcas de início/fim em texto formatado. Por exemplo, parênteses ou marcas HTML ou XML.
- ...

- Armazenamento de contextos de execução de subrotinas.
- Análise e avaliação de expressões matemáticas.
- Travessia *depth-first* de árvores e grafos.
- Detecção de marcas de início/fim em texto formatado. Por exemplo, parênteses ou marcas HTML ou XML.

• . . .

- Armazenamento de contextos de execução de subrotinas.
- Análise e avaliação de expressões matemáticas.
- Travessia *depth-first* de árvores e grafos.
- Detecção de marcas de início/fim em texto formatado. Por exemplo, parênteses ou marcas HTML ou XML.
- ...

Pilha: tipo de dados abstrato

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas

- Nome do módulo:

 - Stack

- Serviços:

 - `push(elemento)` empilha um elemento no topo da pilha
 - `pop()` remove (desempilha) o elemento no topo da pilha
 - `top()` devolve o elemento no topo da pilha
 - `isEmpty()` verifica se a pilha está vazia
 - `isFull()` verifica se a pilha está cheia
 - `size()` retorna o tamanho actual da pilha
 - `clear()` limpa a pilha (retira todos os elementos)

- Nome do módulo:
 - `Stack`
- Serviços:
 - `push`: insere (empilha) um elemento no topo da pilha
 - `pop`: remove (desempilha) o elemento no topo da pilha
 - `top`: devolve o elemento no topo da pilha
 - `isEmpty`: verifica se a pilha está vazia
 - `isFull`: verifica se a pilha está cheia
 - `size`: retorna a dimensão actual da pilha
 - `clear`: limpa a pilha (retira todos os elementos)

- Nome do módulo:
 - `Stack`
- Serviços:
 - `push`: insere (empilha) um elemento no topo da pilha
 - `pop`: remove (desempilha) o elemento no topo da pilha
 - `top`: devolve o elemento no topo da pilha
 - `isEmpty`: verifica se a pilha está vazia
 - `isFull`: verifica se a pilha está cheia
 - `size`: retorna a dimensão actual da pilha
 - `clear`: limpa a pilha (retira todos os elementos)

- Nome do módulo:
 - `Stack`
- Serviços:
 - `push`: insere (empilha) um elemento no topo da pilha
 - `pop`: remove (desempilha) o elemento no topo da pilha
 - `top`: devolve o elemento no topo da pilha
 - `isEmpty`: verifica se a pilha está vazia
 - `isFull`: verifica se a pilha está cheia
 - `size`: retorna a dimensão actual da pilha
 - `clear`: limpa a pilha (retira todos os elementos)

- Nome do módulo:
 - `Stack`
- Serviços:
 - `push`: insere (empilha) um elemento no topo da pilha
 - `pop`: remove (desempilha) o elemento no topo da pilha
 - `top`: devolve o elemento no topo da pilha
 - `isEmpty`: verifica se a pilha está vazia
 - `isFull`: verifica se a pilha está cheia
 - `size`: retorna a dimensão actual da pilha
 - `clear`: limpa a pilha (retira todos os elementos)

- Nome do módulo:
 - `Stack`
- Serviços:
 - `push`: insere (empilha) um elemento no topo da pilha
 - `pop`: remove (desempilha) o elemento no topo da pilha
 - `top`: devolve o elemento no topo da pilha
 - `isEmpty`: verifica se a pilha está vazia
 - `isFull`: verifica se a pilha está cheia
 - `size`: retorna a dimensão actual da pilha
 - `clear`: limpa a pilha (retira todos os elementos)

- Nome do módulo:
 - `Stack`
- Serviços:
 - `push`: insere (empilha) um elemento no topo da pilha
 - `pop`: remove (desempilha) o elemento no topo da pilha
 - `top`: devolve o elemento no topo da pilha
 - `isEmpty`: verifica se a pilha está vazia
 - `isFull`: verifica se a pilha está cheia
 - `size`: retorna a dimensão actual da pilha
 - `clear`: limpa a pilha (retira todos os elementos)

- Nome do módulo:
 - `Stack`
- Serviços:
 - `push`: insere (empilha) um elemento no topo da pilha
 - `pop`: remove (desempilha) o elemento no topo da pilha
 - `top`: devolve o elemento no topo da pilha
 - `isEmpty`: verifica se a pilha está vazia
 - `isFull`: verifica se a pilha está cheia
 - `size`: retorna a dimensão actual da pilha
 - `clear`: limpa a pilha (retira todos os elementos)

- Nome do módulo:
 - `Stack`
- Serviços:
 - `push`: insere (empilha) um elemento no topo da pilha
 - `pop`: remove (desempilha) o elemento no topo da pilha
 - `top`: devolve o elemento no topo da pilha
 - `isEmpty`: verifica se a pilha está vazia
 - `isFull`: verifica se a pilha está cheia
 - `size`: retorna a dimensão actual da pilha
 - `clear`: limpa a pilha (retira todos os elementos)

- Nome do módulo:
 - `Stack`
- Serviços:
 - `push`: insere (empilha) um elemento no topo da pilha
 - `pop`: remove (desempilha) o elemento no topo da pilha
 - `top`: devolve o elemento no topo da pilha
 - `isEmpty`: verifica se a pilha está vazia
 - `isFull`: verifica se a pilha está cheia
 - `size`: retorna a dimensão actual da pilha
 - `clear`: limpa a pilha (retira todos os elementos)

- Nome do módulo:
 - `Stack`
- Serviços:
 - `push`: insere (empilha) um elemento no topo da pilha
 - `pop`: remove (desempilha) o elemento no topo da pilha
 - `top`: devolve o elemento no topo da pilha
 - `isEmpty`: verifica se a pilha está vazia
 - `isFull`: verifica se a pilha está cheia
 - `size`: retorna a dimensão actual da pilha
 - `clear`: limpa a pilha (retira todos os elementos)

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas

- **push(e)**

- Pré-condição: $!isFull()$

- Pós-condição: $!isEmpty() \wedge e == (top() -> e)$

- **pop()**

- Pré-condição: $!isEmpty()$

- Pós-condição: $isFull()$

- **top()**

- Pré-condição: $!isEmpty()$

- **push(e)**
 - Pré-condição: `!isFull()`
 - Pós-condição: `!isEmpty() && (top() == e)`
- **pop()**
 - Pré-condição: `!isEmpty()`
 - Pós-condição: `!isFull()`
- **top()**
 - Pré-condição: `!isEmpty()`

- **push(e)**
 - Pré-condição: `!isFull()`
 - Pós-condição: `!isEmpty() && (top() == e)`
- **pop()**
 - Pré-condição: `!isEmpty()`
 - Pós-condição: `!isFull()`
- **top()**
 - Pré-condição: `!isEmpty()`

- **push(e)**
 - Pré-condição: `!isFull()`
 - Pós-condição: `!isEmpty() && (top() == e)`
- **pop()**
 - Pré-condição: `!isEmpty()`
 - Pós-condição: `!isFull()`
- **top()**
 - Pré-condição: `!isEmpty()`

- **push(e)**
 - Pré-condição: `!isFull()`
 - Pós-condição: `!isEmpty() && (top() == e)`
- **pop()**
 - Pré-condição: `!isEmpty()`
 - Pós-condição: `!isFull()`
- **top()**
 - Pré-condição: `!isEmpty()`

- **push(e)**
 - Pré-condição: `!isFull()`
 - Pós-condição: `!isEmpty() && (top() == e)`
- **pop()**
 - Pré-condição: `!isEmpty()`
 - Pós-condição: `!isFull()`
- **top()**
 - Pré-condição: `!isEmpty()`

- **push(e)**
 - Pré-condição: `!isFull()`
 - Pós-condição: `!isEmpty() && (top() == e)`
- **pop()**
 - Pré-condição: `!isEmpty()`
 - Pós-condição: `!isFull()`
- **top()**
 - Pré-condição: `!isEmpty()`

- **push(e)**
 - Pré-condição: `!isFull()`
 - Pós-condição: `!isEmpty() && (top() == e)`
- **pop()**
 - Pré-condição: `!isEmpty()`
 - Pós-condição: `!isFull()`
- **top()**
 - Pré-condição: `!isEmpty()`

- **push(e)**
 - Pré-condição: `!isFull()`
 - Pós-condição: `!isEmpty() && (top() == e)`
- **pop()**
 - Pré-condição: `!isEmpty()`
 - Pós-condição: `!isFull()`
- **top()**
 - Pré-condição: `!isEmpty()`

Fila: definição

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados
abstratos

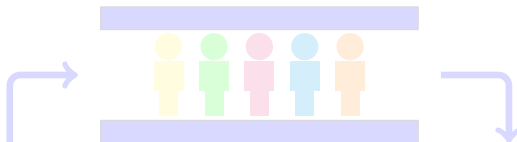
Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

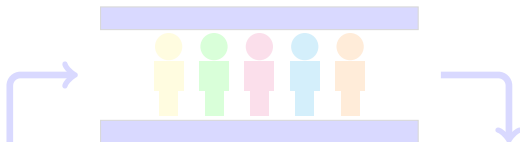
Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas

- É uma estrutura de dados cujo acesso é feito por ambas as extremidades:
 - uma apenas para retirar elementos, e a outra apenas para os colocar;



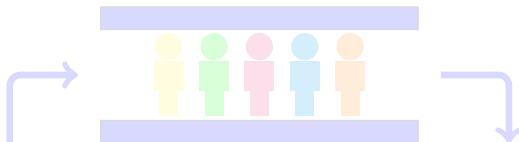
- Gerida segundo uma política *FIFO* (*First In First Out*)
 - retira-se sempre o valor mais antigo primeiro;

- É uma estrutura de dados cujo acesso é feito por ambas as extremidades:
 - uma apenas para colocar elementos, e a outra apenas para os retirar.



- Gerida segundo uma política *FIFO* (*First In First Out*)
 - Retirado sempre o valor mais antigo primeiro

- É uma estrutura de dados cujo acesso é feito por ambas as extremidades:
 - uma apenas para colocar elementos, e a outra apenas para os retirar.



- Gerida segundo uma política *FIFO* (*First In First Out*)
• Retirado sempre o valor mais antigo primeiro

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados abstratos

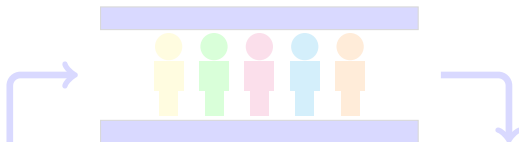
Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas

- É uma estrutura de dados cujo acesso é feito por ambas as extremidades:
 - uma apenas para colocar elementos, e a outra apenas para os retirar.



- Gerida segundo uma política *FIFO* (*First In First Out*)
• Retirado sempre o valor mais antigo primeiro

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados abstratos

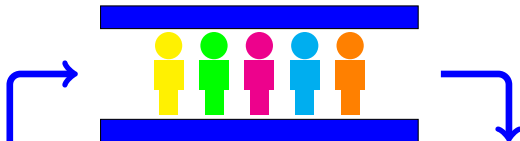
Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

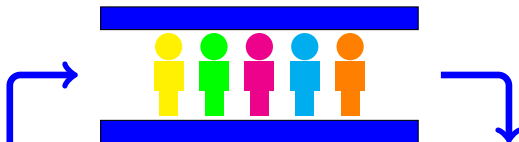
Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas

- É uma estrutura de dados cujo acesso é feito por ambas as extremidades:
 - uma apenas para colocar elementos, e a outra apenas para os retirar.



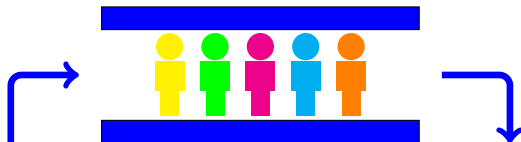
- Gerida segundo uma política *FIFO* (*First In First Out*)
ou seja, o primeiro a entrar é o primeiro a sair.

- É uma estrutura de dados cujo acesso é feito por ambas as extremidades:
 - uma apenas para colocar elementos, e a outra apenas para os retirar.



- Gerida segundo uma política *FIFO* (*First In First Out*)
 - extrai-se sempre o valor mais antigo primeiro.

- É uma estrutura de dados cujo acesso é feito por ambas as extremidades:
 - uma apenas para colocar elementos, e a outra apenas para os retirar.



- Gerida segundo uma política *FIFO* (*First In First Out*)
 - extrai-se sempre o valor mais antigo primeiro.

Fila: tipo de dados abstrato

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas

- Nome do módulo:

 - Queue

- Serviços:

 - enqueue: insere um elemento no fim da fila

 - dequeue: retira o elemento da cabeça da fila

 - peek: retorna o elemento da cabeça da fila

 - isEmpty: verifica se a fila está vazia

 - isFull: verifica se a fila está cheia

 - size: retorna a dimensão actual da fila

 - clear: limpa a fila (retirando todos os elementos)

- Nome do módulo:
 - Queue
- Serviços:
 - in: insere um elemento no fim da fila
 - out: retira elemento do início da fila
 - peek: retorna o elemento do início da fila
 - isEmpty: verifica se a fila está vazia
 - isFull: verifica se a fila está cheia
 - size: retorna a dimensão actual da fila
 - clear: limpa a fila (retira todos os elementos)

- Nome do módulo:
 - Queue
- Serviços:
 - in: insere um elemento no fim da fila
 - out: retira elemento do início da fila
 - peek: retorna o elemento do início da fila
 - isEmpty: verifica se a fila está vazia
 - isFull: verifica se a fila está cheia
 - size: retorna a dimensão actual da fila
 - clear: limpa a fila (retira todos os elementos)

- Nome do módulo:
 - Queue
- Serviços:
 - `in`: insere um elemento no fim da fila
 - `out`: retira elemento do início da fila
 - `peek`: retorna o elemento do inicio da fila
 - `isEmpty`: verifica se a fila está vazia
 - `isFull`: verifica se a fila está cheia
 - `size`: retorna a dimensão actual da fila
 - `clear`: limpa a fila (retira todos os elementos)

- Nome do módulo:
 - Queue
- Serviços:
 - `in`: insere um elemento no fim da fila
 - `out`: retira elemento do início da fila
 - `peek`: retorna o elemento do início da fila
 - `isEmpty`: verifica se a fila está vazia
 - `isFull`: verifica se a fila está cheia
 - `size`: retorna a dimensão actual da fila
 - `clear`: limpa a fila (retira todos os elementos)

- Nome do módulo:
 - Queue
- Serviços:
 - in: insere um elemento no fim da fila
 - out: retira elemento do início da fila
 - peek: retorna o elemento do início da fila
 - isEmpty: verifica se a fila está vazia
 - isFull: verifica se a fila está cheia
 - size: retorna a dimensão actual da fila
 - clear: limpa a fila (retira todos os elementos)

- Nome do módulo:
 - Queue
- Serviços:
 - `in`: insere um elemento no fim da fila
 - `out`: retira elemento do início da fila
 - `peek`: retorna o elemento do inicio da fila
 - `isEmpty`: verifica se a fila está vazia
 - `isFull`: verifica se a fila está cheia
 - `size`: retorna a dimensão actual da fila
 - `clear`: limpa a fila (retira todos os elementos)

- Nome do módulo:
 - Queue
- Serviços:
 - `in`: insere um elemento no fim da fila
 - `out`: retira elemento do início da fila
 - `peek`: retorna o elemento do inicio da fila
 - `isEmpty`: verifica se a fila está vazia
 - `isFull`: verifica se a fila está cheia
 - `size`: retorna a dimensão actual da fila
 - `clear`: limpa a fila (retira todos os elementos)

- Nome do módulo:
 - Queue
- Serviços:
 - `in`: insere um elemento no fim da fila
 - `out`: retira elemento do início da fila
 - `peek`: retorna o elemento do inicio da fila
 - `isEmpty`: verifica se a fila está vazia
 - `isFull`: verifica se a fila está cheia
 - `size`: retorna a dimensão actual da fila
 - `clear`: limpa a fila (retira todos os elementos)

- Nome do módulo:
 - Queue
- Serviços:
 - in: insere um elemento no fim da fila
 - out: retira elemento do início da fila
 - peek: retorna o elemento do inicio da fila
 - isEmpty: verifica se a fila está vazia
 - isFull: verifica se a fila está cheia
 - size: retorna a dimensão actual da fila
 - clear: limpa a fila (retira todos os elementos)

- Nome do módulo:
 - Queue
- Serviços:
 - `in`: insere um elemento no fim da fila
 - `out`: retira elemento do início da fila
 - `peek`: retorna o elemento do inicio da fila
 - `isEmpty`: verifica se a fila está vazia
 - `isFull`: verifica se a fila está cheia
 - `size`: retorna a dimensão actual da fila
 - `clear`: limpa a fila (retira todos os elementos)

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas

- `in(v)`
 - Pré-condição: `!isFull()`
 - Pós-condição: `!isEmpty()`
- `out()`
 - Pré-condição: `!isEmpty()`
 - Pós-condição: `!isFull()`
- `peek()`
 - Pré-condição: `!isEmpty()`

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas

- **in(v)**
 - Pré-condição: `!isFull()`
 - Pós-condição: `!isEmpty()`
- **out()**
 - Pré-condição: `!isEmpty()`
 - Pós-condição: `!isFull()`
- **peek()**
 - Pré-condição: `!isEmpty()`

- **in(v)**
 - Pré-condição: `!isFull()`
 - Pós-condição: `!isEmpty()`
- **out()**
 - Pré-condição: `!isEmpty()`
 - Pós-condição: `!isFull()`
- **peek()**
 - Pré-condição: `!isEmpty()`

- **in(v)**
 - Pré-condição: `!isFull()`
 - Pós-condição: `!isEmpty()`
- **out()**
 - Pré-condição: `!isEmpty()`
 - Pós-condição: `!isFull()`
- **peek()**
 - Pré-condição: `!isEmpty()`

- **in(v)**
 - Pré-condição: `!isFull()`
 - Pós-condição: `!isEmpty()`
- **out()**
 - Pré-condição: `!isEmpty()`
 - Pós-condição: `!isFull()`
- **peek()**
 - Pré-condição: `!isEmpty()`

- **in(v)**
 - Pré-condição: `!isFull()`
 - Pós-condição: `!isEmpty()`
- **out()**
 - Pré-condição: `!isEmpty()`
 - Pós-condição: `!isFull()`
- **peek()**
 - Pré-condição: `!isEmpty()`

- **in(v)**
 - Pré-condição: `!isFull()`
 - Pós-condição: `!isEmpty()`
- **out()**
 - Pré-condição: `!isEmpty()`
 - Pós-condição: `!isFull()`
- **peek()**
 - Pré-condição: `!isEmpty()`

- **in(v)**
 - Pré-condição: `!isFull()`
 - Pós-condição: `!isEmpty()`
- **out()**
 - Pré-condição: `!isEmpty()`
 - Pós-condição: `!isFull()`
- **peek()**
 - Pré-condição: `!isEmpty()`

- **in(v)**
 - Pré-condição: `!isFull()`
 - Pós-condição: `!isEmpty()`
- **out()**
 - Pré-condição: `!isEmpty()`
 - Pós-condição: `!isFull()`
- **peek()**
 - Pré-condição: `!isEmpty()`

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas

- Numa aula anterior, estudámos as listas ligadas.
- Comparando com os vectores, vimos que:
 - A grande vantagem das listas ligadas é serem estruturas de dados dinâmicas, portanto sem limitação na sua capacidade.
 - A grande desvantagem das listas ligadas é não facilitarem o acesso directo a cada elemento.
- No caso particular das pilhas e das filas:
 - Pode ser difícil prever o número de elementos.
 - Não há necessidade de aceder a elementos abaixo do topo da pilha.
 - Não há necessidade de aceder a elementos no meio da fila.
- Assim, em geral, a implementação de pilhas e filas em lista ligada é vantajosa, quando comparada com a implementação em vector.

- Numa aula anterior, estudámos as listas ligadas.
- Comparando com os vectores, vimos que:
 - A grande vantagem das listas ligadas é serem estruturas de dados dinâmicas, portanto sem limitação na sua capacidade.
 - A grande desvantagem das listas ligadas é não facilitarem o acesso direto a cada elemento.
- No caso particular das pilhas e das filas:
 - Pode ser difícil prever o número de elementos.
 - Não há necessidade de aceder a elementos abaixo do topo da pilha.
 - Não há necessidade de aceder a elementos no meio da fila.
- Assim, em geral, a implementação de pilhas e filas em lista ligada é vantajosa, quando comparada com a implementação em vector.

- Numa aula anterior, estudámos as listas ligadas.
- Comparando com os vectores, vimos que:
 - A grande vantagem das listas ligadas é serem estruturas de dados dinâmicas, portanto sem limitação na sua capacidade.
 - A grande desvantagem das listas ligadas é não facilitarem o acesso direto a cada elemento.
- No caso particular das pilhas e das filas:
 - Pode ser difícil prever o número de elementos.
 - Não há necessidade de aceder a elementos abaixo do topo da pilha.
 - Não há necessidade de aceder a elementos no meio da fila.
- Assim, em geral, a implementação de pilhas e filas em lista ligada é vantajosa, quando comparada com a implementação em vector.

- Numa aula anterior, estudámos as listas ligadas.
- Comparando com os vectores, vimos que:
 - A grande vantagem das listas ligadas é serem estruturas de dados dinâmicas, portanto sem limitação na sua capacidade.
 - A grande desvantagem das listas ligadas é não facilitarem o acesso direto a cada elemento.
- No caso particular das pilhas e das filas:
 - Pode ser difícil prever o número de elementos.
 - Não há necessidade de aceder a elementos abaixo do topo da pilha.
 - Não há necessidade de aceder a elementos no meio da fila.
- Assim, em geral, a implementação de pilhas e filas em lista ligada é vantajosa, quando comparada com a implementação em vector.

- Numa aula anterior, estudámos as listas ligadas.
- Comparando com os vectores, vimos que:
 - A grande vantagem das listas ligadas é serem estruturas de dados dinâmicas, portanto sem limitação na sua capacidade.
 - A grande desvantagem das listas ligadas é não facilitarem o acesso direto a cada elemento.
- No caso particular das pilhas e das filas:
 - Pode ser difícil prever o número de elementos.
 - Não há necessidade de aceder a elementos abaixo do topo da pilha.
 - Não há necessidade de aceder a elementos no meio da fila.
- Assim, em geral, a implementação de pilhas e filas em lista ligada é vantajosa, quando comparada com a implementação em vector.

Relembrando: lista ligada simples

Pilhas e filas

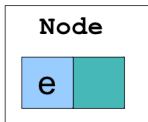
Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas



```
class Node
{
    int e;
    Node next;
}
```



Relembrando: lista ligada com dupla entrada

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados
abstratos

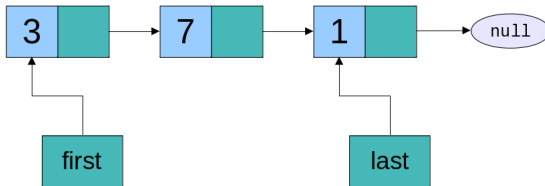
Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

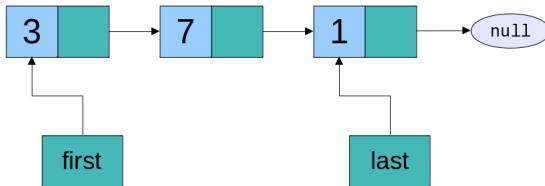
Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas

- A lista possui acesso direto ao primeiro e último elementos.
- É simples acrescentar elementos no início e no fim da lista.
- É simples remover elementos do início da lista.



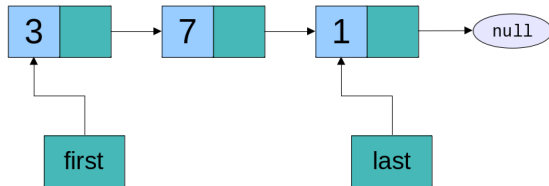
Relembrando: lista ligada com dupla entrada

- A lista possui acesso direto ao primeiro e último elementos.
- É simples acrescentar elementos no início e no fim da lista.
- É simples remover elementos do início da lista.



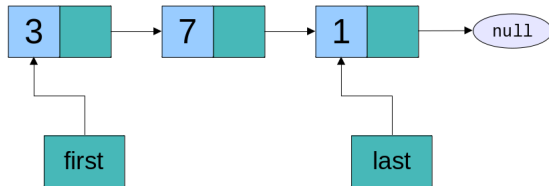
Relembrando: lista ligada com dupla entrada

- A lista possui acesso direto ao primeiro e último elementos.
- É simples acrescentar elementos no início e no fim da lista.
- É simples remover elementos do início da lista.



Relembrando: lista ligada com dupla entrada

- A lista possui acesso direto ao primeiro e último elementos.
- É simples acrescentar elementos no início e no fim da lista.
- É simples remover elementos do início da lista.



Relembrando: lista ligada - tipo de dados abstrato

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas

- Nome do módulo:

 - `LinkedList`

- Serviços:

 - `addFront()`: insere um elemento no início da lista

 - `addLast()`: insere um elemento no fim da lista

 - `getFirst()`: retorna o primeiro elemento da lista

 - `getLast()`: retorna o último elemento da lista

 - `removeFirst()`: retira o elemento no início da lista

 - `removeLast()`: retira o elemento actual da lista

 - `isEmpty()`: verifica se a lista está vazia

 - `clear()`: limpa a lista (retirando todos os elementos)

Relembrando: lista ligada - tipo de dados abstrato

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas

- Nome do módulo:

- `LinkedList`

- Serviços:

- `addFirst`: insere um elemento no início da lista
 - `addLast`: insere um elemento no fim da lista
 - `first`: retorna o primeiro elemento da lista
 - `last`: retorna o último elemento lista
 - `removeFirst`: retira o elemento no início da lista
 - `size`: retorna a dimensão actual da lista
 - `isEmpty`: verifica se a lista está vazia
 - `clear`: limpa a lista (remove todos os elementos)

- Nome do módulo:

- LinkedList

- Serviços:

- `addFirst`: insere um elemento no início da lista
 - `addLast`: insere um elemento no fim da lista
 - `first`: retorna o primeiro elemento da lista
 - `last`: retorna o último elemento lista
 - `removeFirst`: retira o elemento no início da lista
 - `size`: retorna a dimensão actual da lista
 - `isEmpty`: verifica se a lista está vazia
 - `clear`: limpa a lista (remove todos os elementos)

- Nome do módulo:
 - `LinkedList`
- Serviços:
 - `addFirst`: insere um elemento no início da lista
 - `addLast`: insere um elemento no fim da lista
 - `first`: retorna o primeiro elemento da lista
 - `last`: retorna o último elemento lista
 - `removeFirst`: retira o elemento no início da lista
 - `size`: retorna a dimensão actual da lista
 - `isEmpty`: verifica se a lista está vazia
 - `clear`: limpa a lista (remove todos os elementos)

- Nome do módulo:
 - `LinkedList`
- Serviços:
 - `addFirst`: insere um elemento no início da lista
 - `addLast`: insere um elemento no fim da lista
 - `first`: retorna o primeiro elemento da lista
 - `last`: retorna o último elemento lista
 - `removeFirst`: retira o elemento no início da lista
 - `size`: retorna a dimensão actual da lista
 - `isEmpty`: verifica se a lista está vazia
 - `clear`: limpa a lista (remove todos os elementos)

- Nome do módulo:
 - `LinkedList`
- Serviços:
 - `addFirst`: insere um elemento no início da lista
 - `addLast`: insere um elemento no fim da lista
 - `first`: retorna o primeiro elemento da lista
 - `last`: retorna o último elemento lista
 - `removeFirst`: retira o elemento no início da lista
 - `size`: retorna a dimensão actual da lista
 - `isEmpty`: verifica se a lista está vazia
 - `clear`: limpa a lista (remove todos os elementos)

- Nome do módulo:
 - `LinkedList`
- Serviços:
 - `addFirst`: insere um elemento no início da lista
 - `addLast`: insere um elemento no fim da lista
 - `first`: retorna o primeiro elemento da lista
 - `last`: retorna o último elemento lista
 - `removeFirst`: retira o elemento no início da lista
 - `size`: retorna a dimensão actual da lista
 - `isEmpty`: verifica se a lista está vazia
 - `clear`: limpa a lista (remove todos os elementos)

- Nome do módulo:
 - `LinkedList`
- Serviços:
 - `addFirst`: insere um elemento no início da lista
 - `addLast`: insere um elemento no fim da lista
 - `first`: retorna o primeiro elemento da lista
 - `last`: retorna o último elemento lista
 - `removeFirst`: retira o elemento no início da lista
 - `size`: retorna a dimensão actual da lista
 - `isEmpty`: verifica se a lista está vazia
 - `clear`: limpa a lista (remove todos os elementos)

- Nome do módulo:
 - `LinkedList`
- Serviços:
 - `addFirst`: insere um elemento no início da lista
 - `addLast`: insere um elemento no fim da lista
 - `first`: retorna o primeiro elemento da lista
 - `last`: retorna o último elemento lista
 - `removeFirst`: retira o elemento no início da lista
 - `size`: retorna a dimensão actual da lista
 - `isEmpty`: verifica se a lista está vazia
 - `clear`: limpa a lista (remove todos os elementos)

Relembrando: lista ligada - tipo de dados abstrato

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas

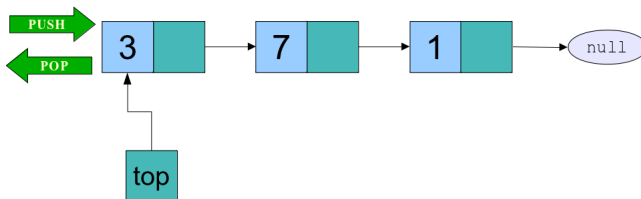
- Nome do módulo:
 - `LinkedList`
- Serviços:
 - `addFirst`: insere um elemento no início da lista
 - `addLast`: insere um elemento no fim da lista
 - `first`: retorna o primeiro elemento da lista
 - `last`: retorna o último elemento lista
 - `removeFirst`: retira o elemento no início da lista
 - `size`: retorna a dimensão actual da lista
 - `isEmpty`: verifica se a lista está vazia
 - `clear`: limpa a lista (remove todos os elementos)

- Nome do módulo:
 - `LinkedList`
- Serviços:
 - `addFirst`: insere um elemento no início da lista
 - `addLast`: insere um elemento no fim da lista
 - `first`: retorna o primeiro elemento da lista
 - `last`: retorna o último elemento lista
 - `removeFirst`: retira o elemento no início da lista
 - `size`: retorna a dimensão actual da lista
 - `isEmpty`: verifica se a lista está vazia
 - `clear`: limpa a lista (remove todos os elementos)

- Nome do módulo:
 - `LinkedList`
- Serviços:
 - `addFirst`: insere um elemento no início da lista
 - `addLast`: insere um elemento no fim da lista
 - `first`: retorna o primeiro elemento da lista
 - `last`: retorna o último elemento lista
 - `removeFirst`: retira o elemento no início da lista
 - `size`: retorna a dimensão actual da lista
 - `isEmpty`: verifica se a lista está vazia
 - `clear`: limpa a lista (remove todos os elementos)

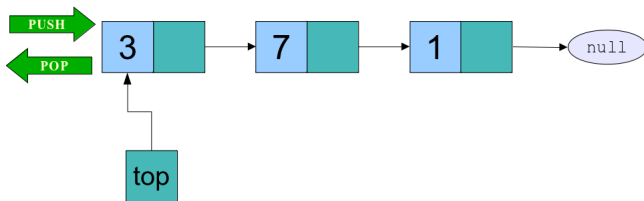
Pilha: implementação em lista ligada

- Usa uma gestão *LIFO* (*Last In First Out*)
- O último elemento empilhado (*top*) é o primeiro a desempilhar.
- O primeiro elemento empilhado corresponde ao primeiro nó da lista ligada.
- O elemento *top* corresponde ao primeiro nó da lista ligada.
- O elemento no topo da pilha fica armazenado no primeiro nó da lista.
- O elemento na base da pilha fica armazenado no último nó da lista.



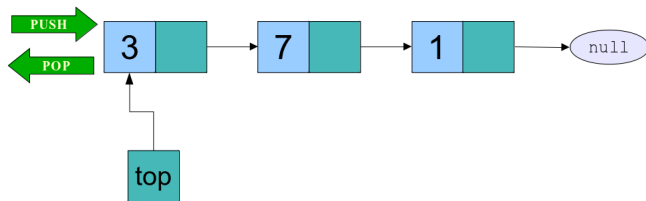
Pilha: implementação em lista ligada

- Usa uma gestão *LIFO* (*Last In First Out*)
- O último elemento empilhado (t_{op}) é o primeiro a desempilhar.
 - Método *push* corresponde a *addFirst* da lista ligada.
 - Método *pop* corresponde a *removeFirst* da lista ligada.
- O elemento no topo da pilha fica armazenado no primeiro nó da lista.
- O elemento na base da pilha fica armazenado no último nó da lista.



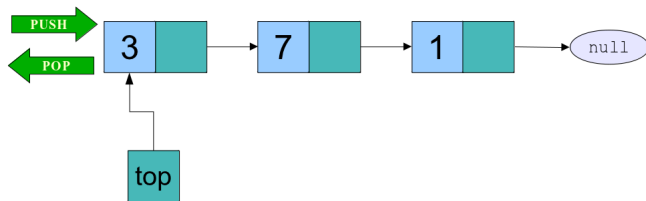
Pilha: implementação em lista ligada

- Usa uma gestão *LIFO* (*Last In First Out*)
- O último elemento empilhado (t_{op}) é o primeiro a desempilhar.
 - Método `push` corresponde a `addFirst` da lista ligada.
 - Método `pop` corresponde a `removeFirst` da lista ligada.
- O elemento no topo da pilha fica armazenado no primeiro nó da lista.
- O elemento na base da pilha fica armazenado no último nó da lista.



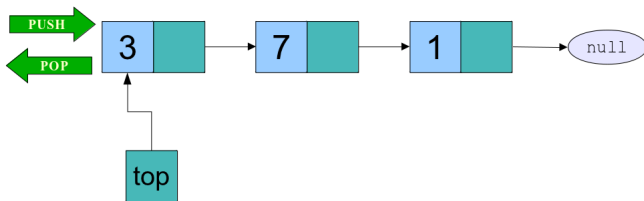
Pilha: implementação em lista ligada

- Usa uma gestão *LIFO* (*Last In First Out*)
- O último elemento empilhado (t_{op}) é o primeiro a desempilhar.
 - Método `push` corresponde a `addFirst` da lista ligada.
 - Método `pop` corresponde a `removeFirst` da lista ligada.
- O elemento no topo da pilha fica armazenado no primeiro nó da lista.
- O elemento na base da pilha fica armazenado no último nó da lista.



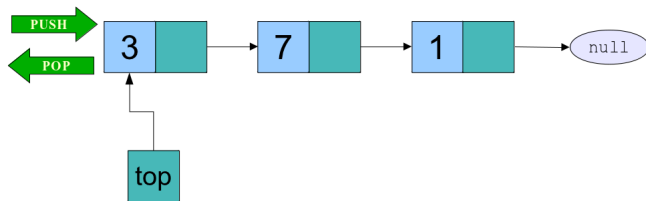
Pilha: implementação em lista ligada

- Usa uma gestão *LIFO* (*Last In First Out*)
- O último elemento empilhado (t_{op}) é o primeiro a desempilhar.
 - Método `push` corresponde a `addFirst` da lista ligada.
 - Método `pop` corresponde a `removeFirst` da lista ligada.
- O elemento no topo da pilha fica armazenado no primeiro nó da lista.
- O elemento na base da pilha fica armazenado no último nó da lista.



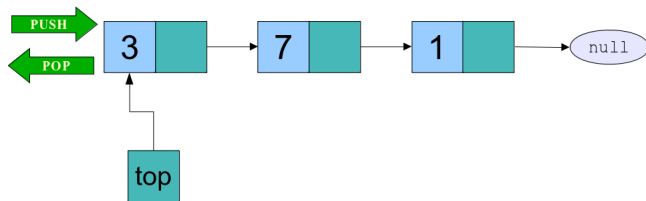
Pilha: implementação em lista ligada

- Usa uma gestão *LIFO* (*Last In First Out*)
- O último elemento empilhado (t_{op}) é o primeiro a desempilhar.
 - Método `push` corresponde a `addFirst` da lista ligada.
 - Método `pop` corresponde a `removeFirst` da lista ligada.
- O elemento no topo da pilha fica armazenado no primeiro nó da lista.
- O elemento na base da pilha fica armazenado no último nó da lista.



Pilha: implementação em lista ligada

- Usa uma gestão *LIFO* (*Last In First Out*)
- O último elemento empilhado (t_{op}) é o primeiro a desempilhar.
 - Método `push` corresponde a `addFirst` da lista ligada.
 - Método `pop` corresponde a `removeFirst` da lista ligada.
- O elemento no topo da pilha fica armazenado no primeiro nó da lista.
- O elemento na base da pilha fica armazenado no último nó da lista.



Pilha genérica: implementação em lista ligada

```
public class Stack<E> {  
  
    private LinkedList<E> list = new LinkedList<E>();  
  
    public void push(E element) {  
        list.addFirst(element);  
    }  
  
    public E top() {  
        return list.first();  
    }  
  
    public void pop() {  
        list.removeFirst();  
    }  
  
    public int size() {  
        return list.size();  
    }  
  
    public boolean isEmpty() {  
        return list.isEmpty();  
    }  
  
}
```

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas

Pilha genérica: implementação em lista ligada

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

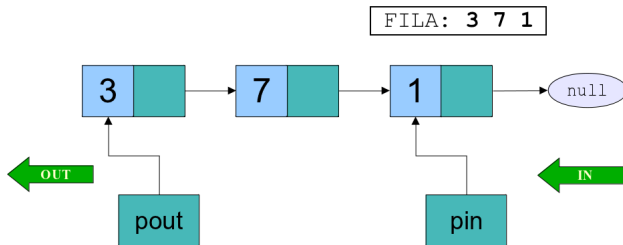
Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas

```
public class Stack<E> {  
  
    private LinkedList<E> list = new LinkedList<E>();  
  
    public void push(E element) {  
        list.addFirst(element);  
    }  
  
    public E top() {  
        return list.first();  
    }  
  
    public void pop() {  
        list.removeFirst();  
    }  
  
    public int size() {  
        return list.size();  
    }  
  
    public boolean isEmpty() {  
        return list.isEmpty();  
    }  
  
}
```

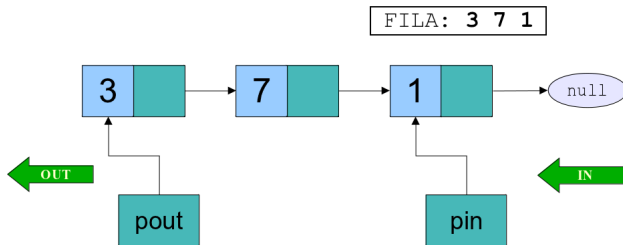
Fila: implementação em lista ligada

- Usa uma gestão *FIFO* (*First In First Out*).
- O primeiro elemento introduzido é o primeiro a remover, por isso tem que ficar no primeiro nó da lista.
 - elemento que corresponde a remover? 3
- O último elemento introduzido fica armazenado no último nó da lista e será o último a ser removido.
 - elemento que corresponde a adicionar? 1



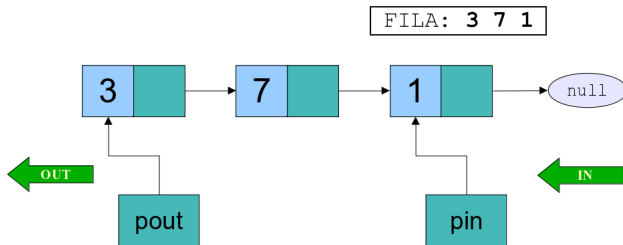
Fila: implementação em lista ligada

- Usa uma gestão *FIFO* (*First In First Out*).
- O primeiro elemento introduzido é o primeiro a remover, por isso tem que ficar no primeiro nó da lista.
 - Método *out* corresponde a *removeFirst* da lista ligada.
- O último elemento introduzido fica armazenado no último nó da lista e será o último a ser removido.
 - Método *in* corresponde a *addLast* da lista ligada.



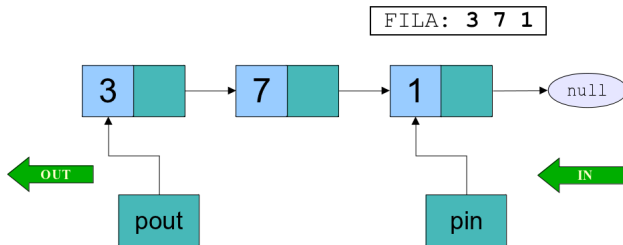
Fila: implementação em lista ligada

- Usa uma gestão *FIFO* (*First In First Out*).
- O primeiro elemento introduzido é o primeiro a remover, por isso tem que ficar no primeiro nó da lista.
 - Método `out` corresponde a `removeFirst` da lista ligada.
- O último elemento introduzido fica armazenado no último nó da lista e será o último a ser removido.
 - Método `in` corresponde a `addLast` da lista ligada.



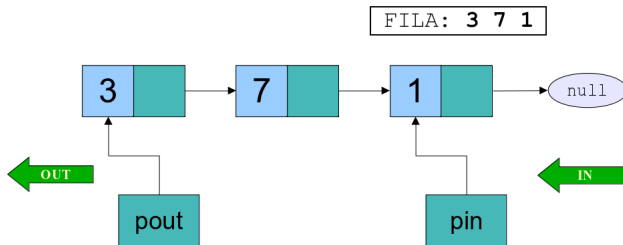
Fila: implementação em lista ligada

- Usa uma gestão *FIFO* (*First In First Out*).
- O primeiro elemento introduzido é o primeiro a remover, por isso tem que ficar no primeiro nó da lista.
 - Método `out` corresponde a `removeFirst` da lista ligada.
- O último elemento introduzido fica armazenado no último nó da lista e será o último a ser removido.
 - Método `in` corresponde a `addLast` da lista ligada.



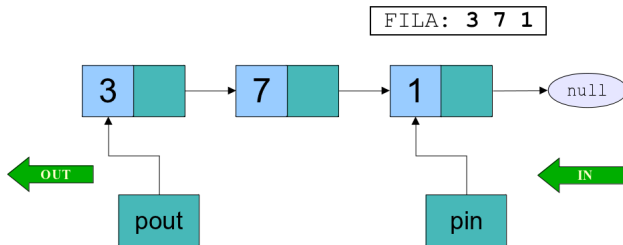
Fila: implementação em lista ligada

- Usa uma gestão *FIFO* (*First In First Out*).
- O primeiro elemento introduzido é o primeiro a remover, por isso tem que ficar no primeiro nó da lista.
 - Método `out` corresponde a `removeFirst` da lista ligada.
- O último elemento introduzido fica armazenado no último nó da lista e será o último a ser removido.
 - Método `in` corresponde a `addLast` da lista ligada.



Fila: implementação em lista ligada

- Usa uma gestão *FIFO* (*First In First Out*).
- O primeiro elemento introduzido é o primeiro a remover, por isso tem que ficar no primeiro nó da lista.
 - Método `out` corresponde a `removeFirst` da lista ligada.
- O último elemento introduzido fica armazenado no último nó da lista e será o último a ser removido.
 - Método `in` corresponde a `addLast` da lista ligada.



Fila genérica: implementação em lista ligada

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas

```
public class Queue<E> {  
  
    private LinkedList<E> list = new LinkedList<E>();  
  
    public void in(E element) {  
        list.addLast(element);  
    }  
  
    public E peek() {  
        return list.first();  
    }  
  
    public void out() {  
        list.removeFirst();  
    }  
  
    public int size() {  
        return list.size();  
    }  
  
    public boolean isEmpty() {  
        return list.isEmpty();  
    }  
  
}
```

Fila genérica: implementação em lista ligada

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas

```
public class Queue<E> {  
  
    private LinkedList<E> list = new LinkedList<E>();  
  
    public void in(E element) {  
        list.addLast(element);  
    }  
  
    public E peek() {  
        return list.first();  
    }  
  
    public void out() {  
        list.removeFirst();  
    }  
  
    public int size() {  
        return list.size();  
    }  
  
    public boolean isEmpty() {  
        return list.isEmpty();  
    }  
  
}
```

Pilha: implementação em vector

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados
abstratos

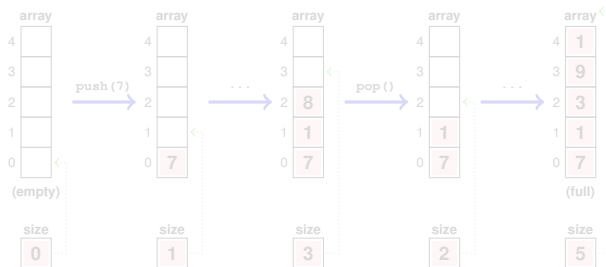
Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas

- Precisamos de dois atributos:
 - O vector que armazena os elementos
 - O número de elementos, que funciona também como índice da primeira posição livre



Pilhas e filas

Definições e tipos de dados
abstratos

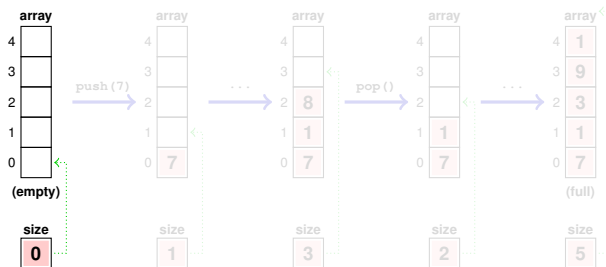
Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas

- Precisamos de dois atributos:
 - O vector que armazena os elementos
 - O número de elementos, que funciona também como índice da primeira posição livre



Pilhas e filas

Definições e tipos de dados
abstratos

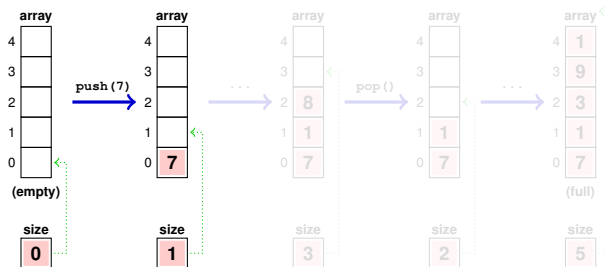
Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas

- Precisamos de dois atributos:
 - O vector que armazena os elementos
 - O número de elementos, que funciona também como índice da primeira posição livre



Pilhas e filas

Definições e tipos de dados
abstratos

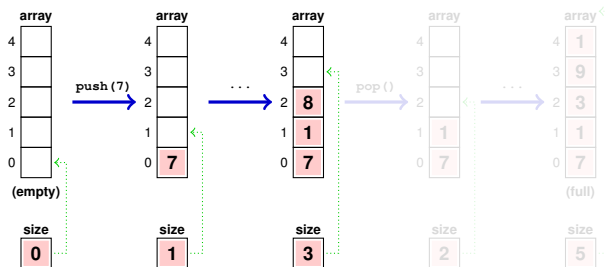
Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

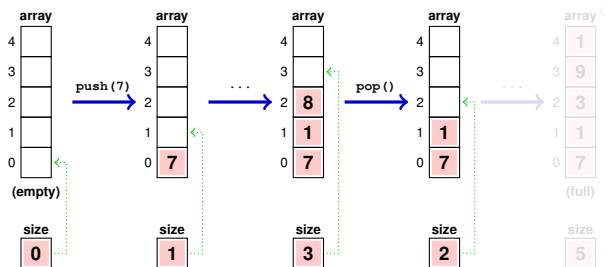
Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas

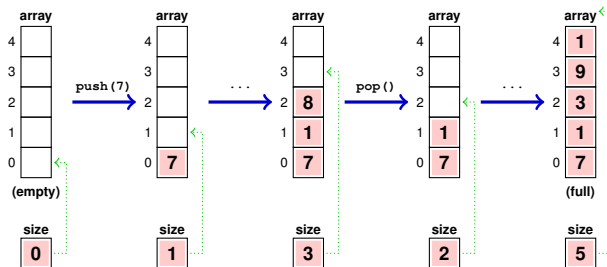
- Precisamos de dois atributos:
 - O vector que armazena os elementos
 - O número de elementos, que funciona também como índice da primeira posição livre



- Precisamos de dois atributos:
 - O vector que armazena os elementos
 - O número de elementos, que funciona também como índice da primeira posição livre



- Precisamos de dois atributos:
 - O vector que armazena os elementos
 - O número de elementos, que funciona também como índice da primeira posição livre



Pilha genérica: implementação em vector

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas

```
public class Stack<E> {  
  
    private E[] array;  
    private int size;  
  
    public Stack(int maxSize) {  
        assert maxSize >= 0;  
        array = (E[]) new Object[maxSize];  
        size = 0;  
    }  
  
    public void push(E e) {  
        assert !isFull();  
        array[size] = e;  
        size++;  
        assert !isEmpty() && top() == e;  
    }  
  
    public void pop() {  
        assert !isEmpty();  
        size--;  
        assert !isFull();  
    }  
}
```

```
    public E top() {  
        assert !isEmpty();  
        return array[size-1];  
    }  
  
    public boolean isEmpty() {  
        return size == 0;  
    }  
  
    public boolean isFull() {  
        return size == array.length;  
    }  
  
    public int size() {  
        return size;  
    }  
  
    public void clear() {  
        size = 0;  
        assert isEmpty();  
    }  
}
```

Pilha genérica: implementação em vector

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas

```
public class Stack<E> {  
  
    private E[] array;  
    private int size;  
  
    public Stack(int maxSize) {  
        assert maxSize >= 0;  
        array = (E[]) new Object[maxSize];  
        size = 0;  
    }  
  
    public void push(E e) {  
        assert !isFull();  
        array[size] = e;  
        size++;  
        assert !isEmpty() && top() == e;  
    }  
  
    public void pop() {  
        assert !isEmpty();  
        size--;  
        assert !isFull();  
    }  
}
```

```
    public E top() {  
        assert !isEmpty();  
        return array[size-1];  
    }  
  
    public boolean isEmpty() {  
        return size == 0;  
    }  
  
    public boolean isFull() {  
        return size == array.length;  
    }  
  
    public int size() {  
        return size;  
    }  
  
    public void clear() {  
        size = 0;  
        assert isEmpty();  
    }  
}
```

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas

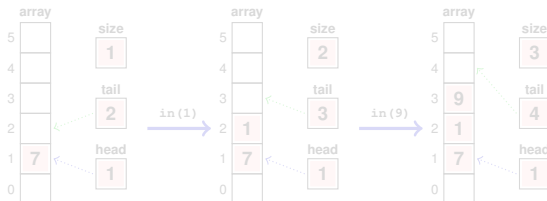
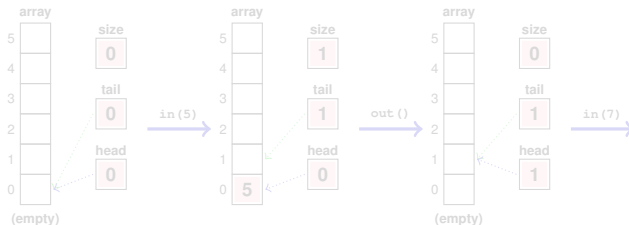
- A forma mais eficiente de implementar é uma estrutura conhecida como *buffer circular*.
- Requer 4 atributos:
 - O vector que armazena os elementos.
 - O número de elementos.
 - O índice do próximo elemento a ser retirado (*cabeça da fila*).
 - O índice do próximo elemento a ser ocupado (*cauda da fila*).
- Sempre que se insere ou retira um elemento, incrementa-se o índice respetivo em *aritmética modular*.
 - Ou seja, quando o índice atinge o limite, é reposto a zero.

- A forma mais eficiente de implementar é uma estrutura conhecida como *buffer circular*.
- Requer 4 atributos:
 - O vector que armazena os elementos.
 - O número de elementos.
 - O índice do próximo elemento a ser retirado (*cabeça* da fila).
 - O índice do próximo elemento a ser ocupado (*cauda* da fila).
- Sempre que se insere ou retira um elemento, incrementa-se o índice respetivo em *aritmética modular*.
 - Ou seja, quando o índice atinge o limite, é reposto a zero.

- A forma mais eficiente de implementar é uma estrutura conhecida como *buffer circular*.
- Requer 4 atributos:
 - O vector que armazena os elementos.
 - O número de elementos.
 - O índice do próximo elemento a ser retirado (*cabeça* da fila).
 - O índice do próximo elemento a ser ocupado (*cauda* da fila).
- Sempre que se insere ou retira um elemento, incrementa-se o índice respetivo em *aritmética modular*.
 - Ou seja, quando o índice atinge o limite, é reposto a zero.

- A forma mais eficiente de implementar é uma estrutura conhecida como *buffer circular*.
- Requer 4 atributos:
 - O vector que armazena os elementos.
 - O número de elementos.
 - O índice do próximo elemento a ser retirado (*cabeça* da fila).
 - O índice do próximo elemento a ser ocupado (*cauda* da fila).
- Sempre que se insere ou retira um elemento, incrementa-se o índice respetivo em *aritmética modular*.
 - Ou seja, quando o índice atinge o limite, é reposto a zero.

Fila: exemplo



Pilhas e filas

Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas

Fila: exemplo

Pilhas e filas

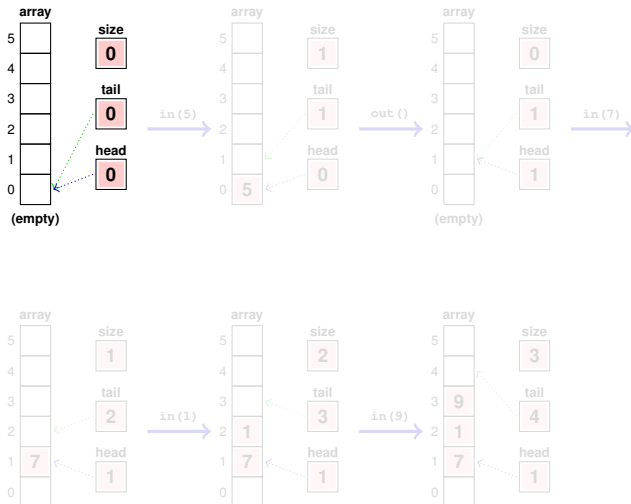
Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas



Fila: exemplo

Pilhas e filas

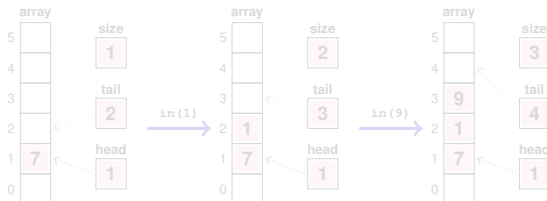
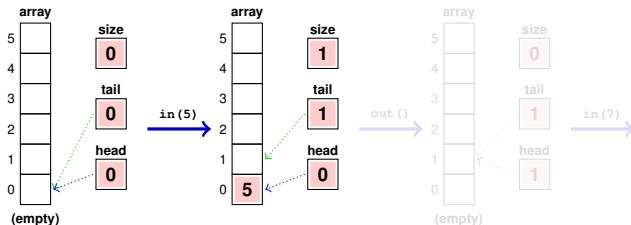
Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas



Fila: exemplo

Pilhas e filas

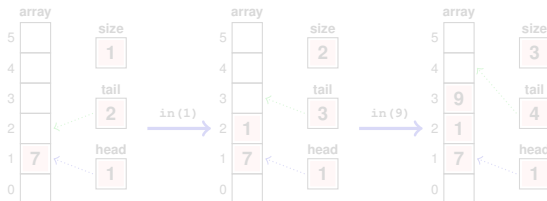
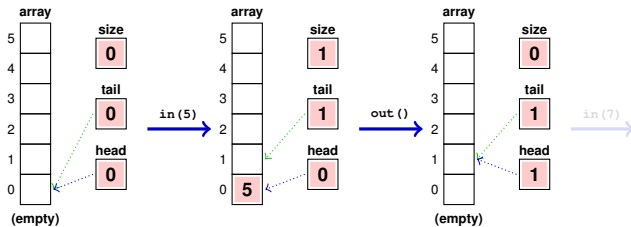
Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas



Fila: exemplo

Pilhas e filas

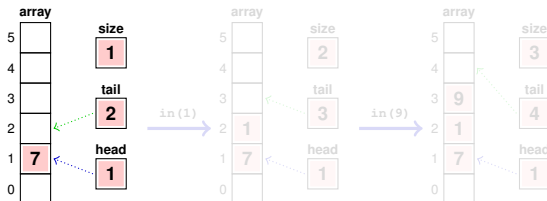
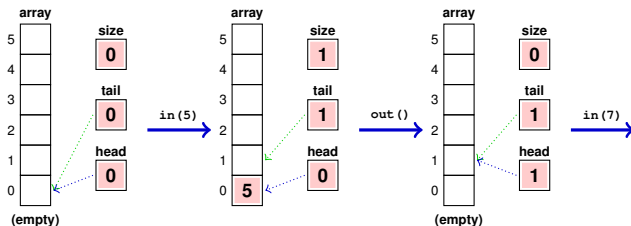
Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas



Fila: exemplo

Pilhas e filas

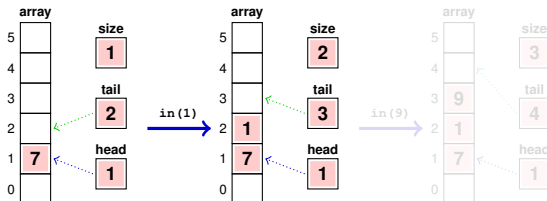
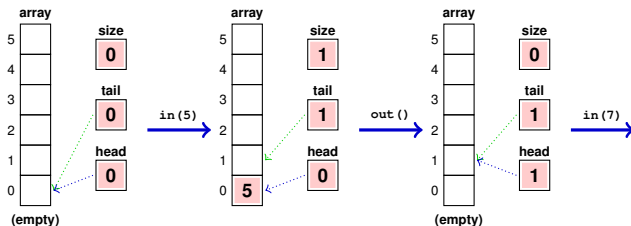
Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas



Fila: exemplo

Pilhas e filas

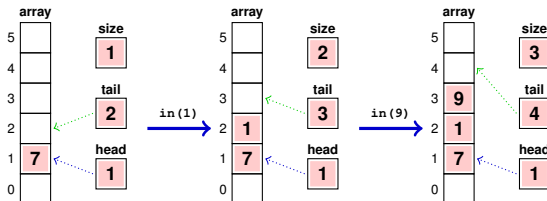
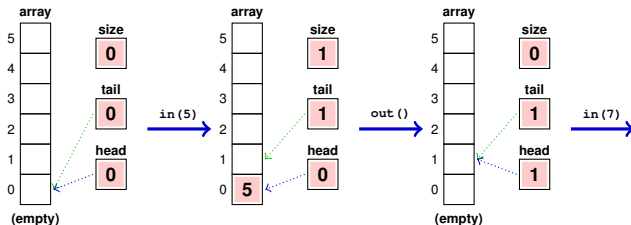
Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas bilgadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas



Fila: exemplo - gestão circular

Pilhas e filas

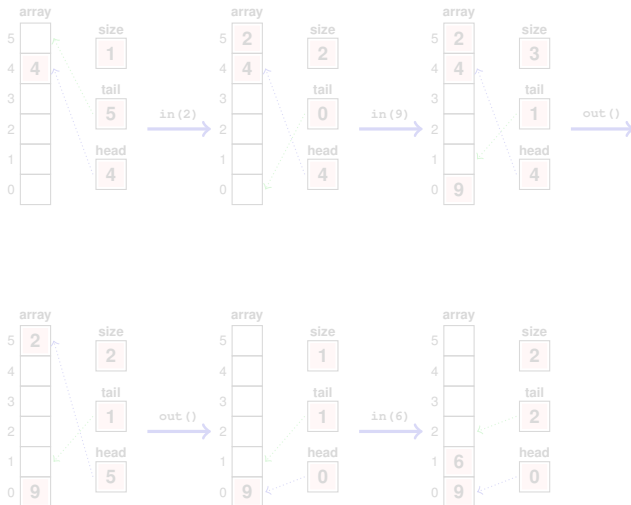
Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas



Fila: exemplo - gestão circular

Pilhas e filas

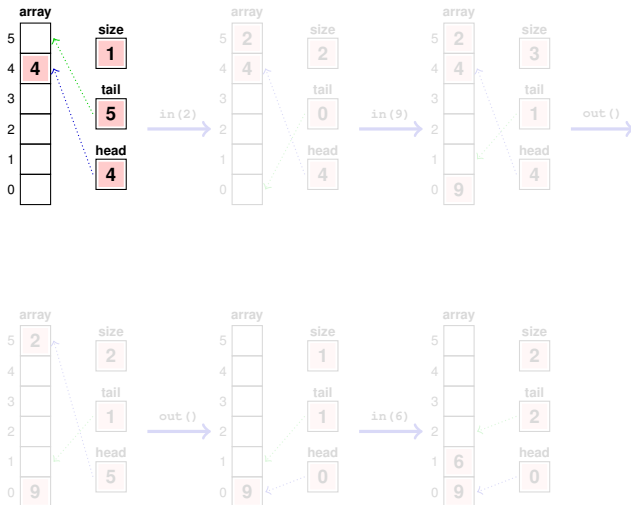
Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas



Fila: exemplo - gestão circular

Pilhas e filas

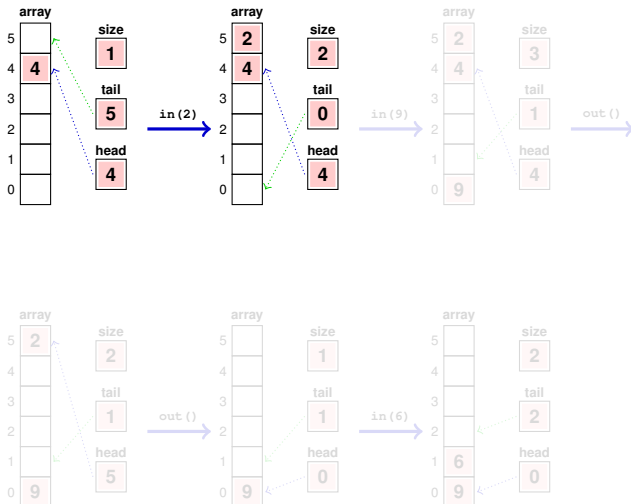
Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas



Fila: exemplo - gestão circular

Pilhas e filas

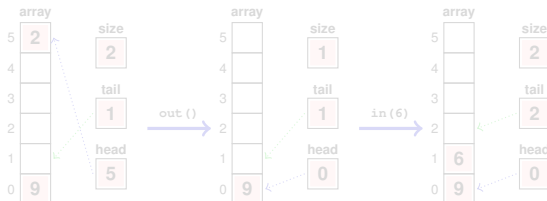
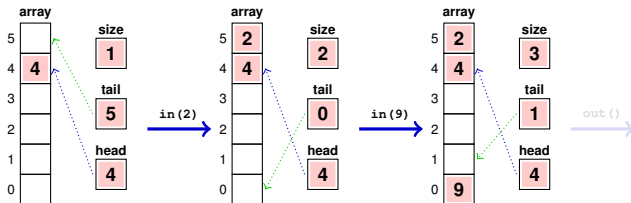
Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas



Fila: exemplo - gestão circular

Pilhas e filas

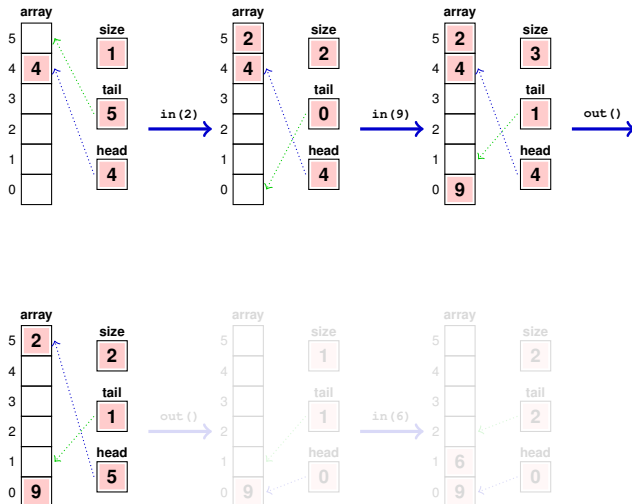
Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas



Fila: exemplo - gestão circular

Pilhas e filas

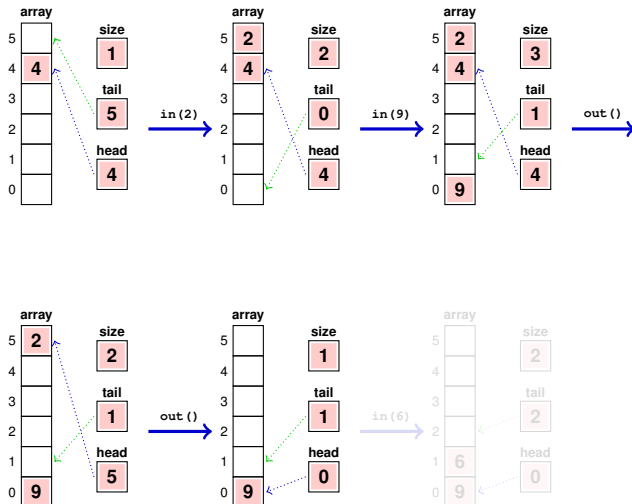
Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas



Fila: exemplo - gestão circular

Pilhas e filas

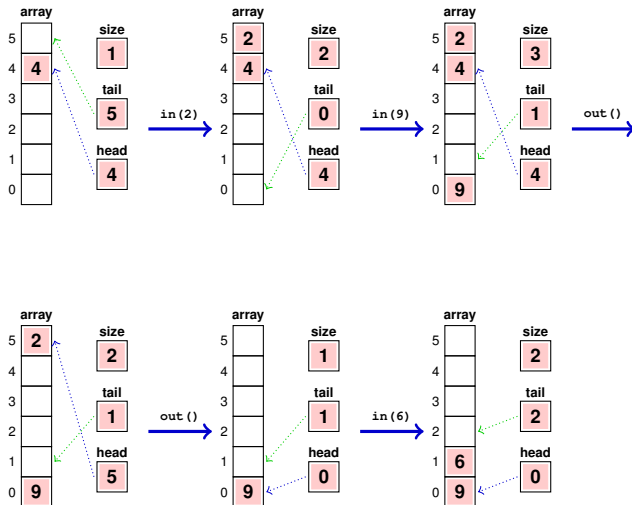
Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas



Fila: exemplo - empty/full

Pilhas e filas

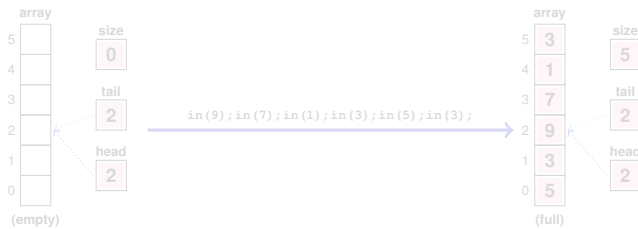
Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas



Fila: exemplo - empty/full

Pilhas e filas

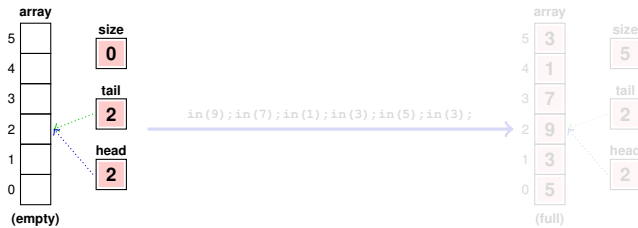
Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas



Fila: exemplo - empty/full

Pilhas e filas

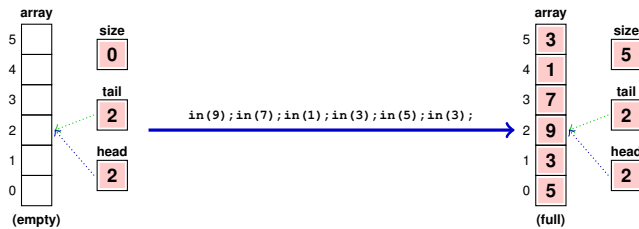
Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas



Fila genérica: implementação em vector

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas

```
public class Queue<E> {  
  
    private E[] array;  
    private int size;  
    private int head;  
    private int tail;  
  
    public Queue(int maxSize) {  
        assert maxSize >= 0;  
  
        array = (T[]) new Object[maxSize];  
        size = head = tail = 0;  
    }  
  
    public void in(E e) {  
        assert !isFull();  
        array[tail] = e;  
        tail = nextPosition(tail);  
        size++;  
    }  
  
    public void out() {  
        assert !isEmpty();  
        head = nextPosition(head);  
        size--;  
    }  
}
```

```
    public E peek() {  
        assert !isEmpty();  
        return array[head];  
    }  
  
    public int size() {  
        return size;  
    }  
  
    public boolean isEmpty() {  
        return size == 0;  
    }  
  
    public boolean isFull() {  
        return size == array.length;  
    }  
  
    public void clear() {  
        head = tail = size = 0;  
    }  
  
    private int nextPosition(int p) {  
        return (p + 1) % array.length;  
    }  
}
```

Fila genérica: implementação em vector

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas

```
public class Queue<E> {  
  
    private E[] array;  
    private int size;  
    private int head;  
    private int tail;  
  
    public Queue(int maxSize) {  
        assert maxSize >= 0;  
  
        array = (T[]) new Object[maxSize];  
        size = head = tail = 0;  
    }  
  
    public void in(E e) {  
        assert !isFull();  
        array[tail] = e;  
        tail = nextPosition(tail);  
        size++;  
    }  
  
    public void out() {  
        assert !isEmpty();  
        head = nextPosition(head);  
        size--;  
    }  
}
```

```
    public E peek() {  
        assert !isEmpty();  
        return array[head];  
    }  
  
    public int size() {  
        return size;  
    }  
  
    public boolean isEmpty() {  
        return size == 0;  
    }  
  
    public boolean isFull() {  
        return size == array.length;  
    }  
  
    public void clear() {  
        head = tail = size = 0;  
    }  
  
    private int nextPosition(int p) {  
        return (p + 1) % array.length;  
    }  
}
```

Correspondência entre listas, pilhas e filas

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas

Lista	descrição	Pilha	Fila
addLast	acrescenta um elemento no fim da lista	-	in
addFirst	acrescenta um elemento no início da lista	push	-
first	devolve o primeiro elemento da lista	top	peek
removeFirst	remove o primeiro elemento da lista	pop	out

- Os tipos de dados abstratos das pilhas e filas correspondem a subconjuntos do tipo de dados abstrato da lista ligada.
- Podemos dizer que os tipos de dados abstratos das pilhas e filas são *açúcar sintático* para certos perfis de utilização das listas.

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas

Lista	descrição	Pilha	Fila
addLast	acrescenta um elemento no fim da lista	-	in
addFirst	acrescenta um elemento no início da lista	push	-
first	devolve o primeiro elemento da lista	top	peek
removeFirst	remove o primeiro elemento da lista	pop	out

- Os tipos de dados abstratos das pilhas e filas correspondem a subconjuntos do tipo de dados abstrato da lista ligada.
- Podemos dizer que os tipos de dados abstratos das pilhas e filas são *açúcar sintático* para certos perfis de utilização das listas.

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas

- Implementação em lista ligada:
 - Todos os métodos do tipo de dados abstrato têm complexidade constante ($O(1)$).
- Implementação em vector com dimensão fixa:
 - Todos os métodos do tipo de dados abstrato têm complexidade constante ($O(1)$).
- Implementação em vector com re-dimensionamento:
 - Sempre que a pilha ou fila cresce, temos que criar um novo vector e transferir a informação para esse vector.
 - Mesmo assim, a operação push/pop tem a sua complexidade linear ($O(n)$).
 - Os restantes métodos do tipo de dados abstrato têm complexidade constante ($O(1)$).

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas

- Implementação em lista ligada:
 - Todos os métodos do tipo de dados abstrato têm complexidade constante ($O(1)$).
- Implementação em vector com dimensão fixa:
 - Todos os métodos do tipo de dados abstrato têm complexidade constante ($O(1)$).
- Implementação em vector com re-dimensionamento:
 - Sempre que a pilha ou fila enche, temos que criar um novo vector e transferir a informação para esse vector.
 - Nesses casos, a operação `push` passa a ter complexidade linear ($O(n)$).
 - Os restantes métodos do tipo de dados abstrato têm complexidade constante ($O(1)$).

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas

- Implementação em lista ligada:
 - Todos os métodos do tipo de dados abstrato têm complexidade constante ($O(1)$).
- Implementação em vector com dimensão fixa:
 - Todos os métodos do tipo de dados abstrato têm complexidade constante ($O(1)$).
- Implementação em vector com re-dimensionamento:
 - Sempre que a pilha ou fila enche, temos que criar um novo vector e transferir a informação para esse vector.
 - Nesses casos, a operação `push` passa a ter complexidade linear ($O(n)$).
 - Os restantes métodos do tipo de dados abstrato têm complexidade constante ($O(1)$).

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas

- Implementação em lista ligada:
 - Todos os métodos do tipo de dados abstrato têm complexidade constante ($O(1)$).
- Implementação em vector com dimensão fixa:
 - Todos os métodos do tipo de dados abstrato têm complexidade constante ($O(1)$).
- Implementação em vector com re-dimensionamento:
 - Sempre que a pilha ou fila enche, temos que criar um novo vector e transferir a informação para esse vector.
 - Nesses casos, a operação push passa a ter complexidade linear ($O(n)$).
 - Os restantes métodos do tipo de dados abstrato têm complexidade constante ($O(1)$).

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas

- Implementação em lista ligada:
 - Todos os métodos do tipo de dados abstrato têm complexidade constante ($O(1)$).
- Implementação em vector com dimensão fixa:
 - Todos os métodos do tipo de dados abstrato têm complexidade constante ($O(1)$).
- Implementação em vector com re-dimensionamento:
 - Sempre que a pilha ou fila enche, temos que criar um novo vector e transferir a informação para esse vector.
 - Nesses casos, a operação `push` passa a ter complexidade linear ($O(n)$).
 - Os restantes métodos do tipo de dados abstrato têm complexidade constante ($O(1)$).

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas

- Implementação em lista ligada:
 - Todos os métodos do tipo de dados abstrato têm complexidade constante ($O(1)$).
- Implementação em vector com dimensão fixa:
 - Todos os métodos do tipo de dados abstrato têm complexidade constante ($O(1)$).
- Implementação em vector com re-dimensionamento:
 - Sempre que a pilha ou fila enche, temos que criar um novo vector e transferir a informação para esse vector.
 - Nesses casos, a operação `push` passa a ter complexidade linear ($O(n)$).
 - Os restantes métodos do tipo de dados abstrato têm complexidade constante ($O(1)$).

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas

- Implementação em lista ligada:
 - Todos os métodos do tipo de dados abstrato têm complexidade constante ($O(1)$).
- Implementação em vector com dimensão fixa:
 - Todos os métodos do tipo de dados abstrato têm complexidade constante ($O(1)$).
- Implementação em vector com re-dimensionamento:
 - Sempre que a pilha ou fila enche, temos que criar um novo vector e transferir a informação para esse vector.
 - Nesses casos, a operação `push` passa a ter complexidade linear ($O(n)$).
 - Os restantes métodos do tipo de dados abstrato têm complexidade constante ($O(1)$).

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas

- Implementação em lista ligada:
 - Todos os métodos do tipo de dados abstrato têm complexidade constante ($O(1)$).
- Implementação em vector com dimensão fixa:
 - Todos os métodos do tipo de dados abstrato têm complexidade constante ($O(1)$).
- Implementação em vector com re-dimensionamento:
 - Sempre que a pilha ou fila enche, temos que criar um novo vector e transferir a informação para esse vector.
 - Nesses casos, a operação `push` passa a ter complexidade linear ($O(n)$).
 - Os restantes métodos do tipo de dados abstrato têm complexidade constante ($O(1)$).

- Implementação em lista ligada:
 - Todos os métodos do tipo de dados abstrato têm complexidade constante ($O(1)$).
- Implementação em vector com dimensão fixa:
 - Todos os métodos do tipo de dados abstrato têm complexidade constante ($O(1)$).
- Implementação em vector com re-dimensionamento:
 - Sempre que a pilha ou fila enche, temos que criar um novo vector e transferir a informação para esse vector.
 - Nesses casos, a operação `push` passa a ter complexidade linear ($O(n)$).
 - Os restantes métodos do tipo de dados abstrato têm complexidade constante ($O(1)$).

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas

- Estrutura de dados sequencial em que cada elemento da lista contém uma referência para o próximo elemento e outra para o anterior.
 - Cada lista possui cabeça e cauda, sendo o valor `null` usado o fim da lista, indicando que o elemento a que se refere não existe.
- Ao contrário da lista ligada, permite um acesso sequencial do fim para o início.
- Facilita a remoção do último elemento (`removeLast`).

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas

- Estrutura de dados sequencial em que cada elemento da lista contém uma referência para o próximo elemento e outra para o anterior.
 - Cada uma dessas referências terá o valor `null` caso o elemento a que se refere não exista.
- Ao contrário da lista ligada, permite um acesso sequencial do fim para o início.
- Facilita a remoção do último elemento (`removeLast`).

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas

- Estrutura de dados sequencial em que cada elemento da lista contém uma referência para o próximo elemento e outra para o anterior.
 - Cada uma dessas referências terá o valor `null` caso o elemento a que se refere não exista.
- Ao contrário da lista ligada, permite um acesso sequencial do fim para o início.
- Facilita a remoção do último elemento (`removeLast`).

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas

- Estrutura de dados sequencial em que cada elemento da lista contém uma referência para o próximo elemento e outra para o anterior.
 - Cada uma dessas referências terá o valor `null` caso o elemento a que se refere não exista.
- Ao contrário da lista ligada, permite um acesso sequencial do fim para o início.
- Facilita a remoção do último elemento (`removeLast`).

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas

- Estrutura de dados sequencial em que cada elemento da lista contém uma referência para o próximo elemento e outra para o anterior.
 - Cada uma dessas referências terá o valor `null` caso o elemento a que se refere não exista.
- Ao contrário da lista ligada, permite um acesso sequencial do fim para o início.
- Facilita a remoção do último elemento (`removeLast`).

Lista biligada: nós e ligações

Pilhas e filas

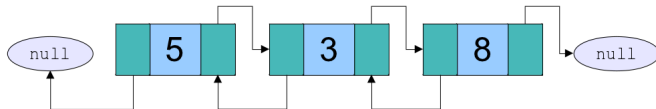
Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas



Lista biligada: nós e ligações

Pilhas e filas

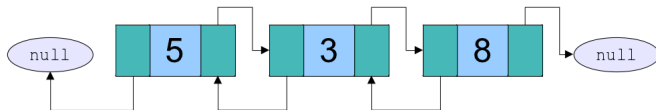
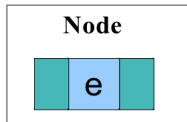
Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas



Lista biligada: nós e ligações

Pilhas e filas

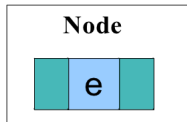
Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

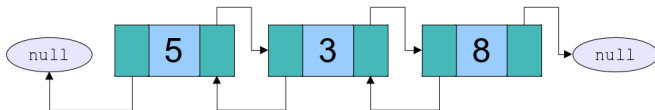
Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas



```
class Node
{
    Node prev;
    int e;
    Node next;
}
```



Lista biligada: primeiro e último elementos

Pilhas e filas

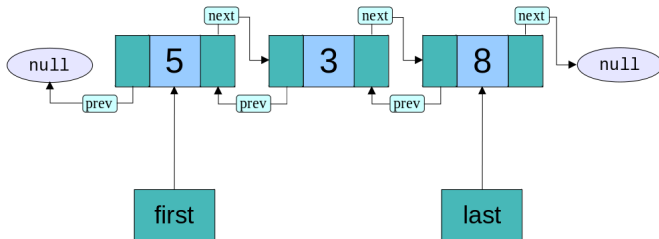
Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas



Lista biligada: tipo de dados abstrato

- Nome do módulo:

`LinkedData`

- Serviços:

- `addFront`: insere um elemento no início da lista.

- `addTail`: insere um elemento no fim da lista.

- `getFirstElement`: o primeiro elemento da lista.

- `getLastElement`: o último elemento da lista.

- `removeFront`: retira o elemento no início da lista.

- `removeLast`: retira o elemento no fim da lista.

- `clear`: devolve a lista vazia (sem elementos).

- `isEmpty`: verifica se a lista está vazia.

- `clear`: limpa a lista (retorna lista sem elementos).

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas

- Nome do módulo:
 - `LinkedList`
- Serviços:
 - `addFirst`: insere um elemento no início da lista.
 - `addLast`: insere um elemento no fim da lista.
 - `first`: devolve o primeiro elemento da lista.
 - `last`: devolve o último elemento lista.
 - `removeFirst`: retira o elemento no início da lista.
 - `removeLast`: retira o elemento no início da lista.
 - `size`: devolve a dimensão actual da lista.
 - `isEmpty`: verifica se a lista está vazia.
 - `clear`: limpa a lista (remove todos os elementos).

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas

- Nome do módulo:
 - `LinkedList`
- Serviços:
 - `addFirst`: insere um elemento no início da lista.
 - `addLast`: insere um elemento no fim da lista.
 - `first`: devolve o primeiro elemento da lista.
 - `last`: devolve o último elemento lista.
 - `removeFirst`: retira o elemento no início da lista.
 - `removeLast`: retira o elemento no início da lista.
 - `size`: devolve a dimensão actual da lista.
 - `isEmpty`: verifica se a lista está vazia.
 - `clear`: limpa a lista (remove todos os elementos).

- Nome do módulo:
 - `LinkedList`
- Serviços:
 - `addFirst`: insere um elemento no início da lista.
 - `addLast`: insere um elemento no fim da lista.
 - `first`: devolve o primeiro elemento da lista.
 - `last`: devolve o último elemento lista.
 - `removeFirst`: retira o elemento no início da lista.
 - `removeLast`: retira o elemento no início da lista.
 - `size`: devolve a dimensão actual da lista.
 - `isEmpty`: verifica se a lista está vazia.
 - `clear`: limpa a lista (remove todos os elementos).

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas

- Nome do módulo:
 - `LinkedList`
- Serviços:
 - `addFirst`: insere um elemento no início da lista.
 - `addLast`: insere um elemento no fim da lista.
 - `first`: devolve o primeiro elemento da lista.
 - `last`: devolve o último elemento lista.
 - `removeFirst`: retira o elemento no início da lista.
 - `removeLast`: retira o elemento no início da lista.
 - `size`: devolve a dimensão actual da lista.
 - `isEmpty`: verifica se a lista está vazia.
 - `clear`: limpa a lista (remove todos os elementos).

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas

- Nome do módulo:
 - `LinkedList`
- Serviços:
 - `addFirst`: insere um elemento no início da lista.
 - `addLast`: insere um elemento no fim da lista.
 - `first`: devolve o primeiro elemento da lista.
 - `last`: devolve o último elemento lista.
 - `removeFirst`: retira o elemento no início da lista.
 - `removeLast`: retira o elemento no início da lista.
 - `size`: devolve a dimensão actual da lista.
 - `isEmpty`: verifica se a lista está vazia.
 - `clear`: limpa a lista (remove todos os elementos).

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas

- Nome do módulo:
 - `LinkedList`
- Serviços:
 - `addFirst`: insere um elemento no início da lista.
 - `addLast`: insere um elemento no fim da lista.
 - `first`: devolve o primeiro elemento da lista.
 - `last`: devolve o último elemento lista.
 - `removeFirst`: retira o elemento no início da lista.
 - `removeLast`: retira o elemento no início da lista.
 - `size`: devolve a dimensão actual da lista.
 - `isEmpty`: verifica se a lista está vazia.
 - `clear`: limpa a lista (remove todos os elementos).

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas

- Nome do módulo:
 - `LinkedList`
- Serviços:
 - `addFirst`: insere um elemento no início da lista.
 - `addLast`: insere um elemento no fim da lista.
 - `first`: devolve o primeiro elemento da lista.
 - `last`: devolve o último elemento lista.
 - `removeFirst`: retira o elemento no início da lista.
 - `removeLast`: retira o elemento no fim da lista.
 - `size`: devolve a dimensão actual da lista.
 - `isEmpty`: verifica se a lista está vazia.
 - `clear`: limpa a lista (remove todos os elementos).

- Nome do módulo:
 - `LinkedList`
- Serviços:
 - `addFirst`: insere um elemento no início da lista.
 - `addLast`: insere um elemento no fim da lista.
 - `first`: devolve o primeiro elemento da lista.
 - `last`: devolve o último elemento lista.
 - `removeFirst`: retira o elemento no início da lista.
 - `removeLast`: retira o elemento no fim da lista.
 - `size`: devolve a dimensão actual da lista.
 - `isEmpty`: verifica se a lista está vazia.
 - `clear`: limpa a lista (remove todos os elementos).

- Nome do módulo:
 - `LinkedList`
- Serviços:
 - `addFirst`: insere um elemento no início da lista.
 - `addLast`: insere um elemento no fim da lista.
 - `first`: devolve o primeiro elemento da lista.
 - `last`: devolve o último elemento lista.
 - `removeFirst`: retira o elemento no início da lista.
 - `removeLast`: retira o elemento no início da lista.
 - `size`: devolve a dimensão actual da lista.
 - `isEmpty`: verifica se a lista está vazia.
 - `clear`: limpa a lista (remove todos os elementos).

- Nome do módulo:
 - `LinkedList`
- Serviços:
 - `addFirst`: insere um elemento no início da lista.
 - `addLast`: insere um elemento no fim da lista.
 - `first`: devolve o primeiro elemento da lista.
 - `last`: devolve o último elemento lista.
 - `removeFirst`: retira o elemento no início da lista.
 - `removeLast`: retira o elemento no início da lista.
 - `size`: devolve a dimensão actual da lista.
 - `isEmpty`: verifica se a lista está vazia.
 - `clear`: limpa a lista (remove todos os elementos).

- Nome do módulo:
 - `LinkedList`
- Serviços:
 - `addFirst`: insere um elemento no início da lista.
 - `addLast`: insere um elemento no fim da lista.
 - `first`: devolve o primeiro elemento da lista.
 - `last`: devolve o último elemento lista.
 - `removeFirst`: retira o elemento no início da lista.
 - `removeLast`: retira o elemento no início da lista.
 - `size`: devolve a dimensão actual da lista.
 - `isEmpty`: verifica se a lista está vazia.
 - `clear`: limpa a lista (remove todos os elementos).

- Nome do módulo:
 - `LinkedList`
- Serviços:
 - `addFirst`: insere um elemento no início da lista.
 - `addLast`: insere um elemento no fim da lista.
 - `first`: devolve o primeiro elemento da lista.
 - `last`: devolve o último elemento lista.
 - `removeFirst`: retira o elemento no início da lista.
 - `removeLast`: retira o elemento no início da lista.
 - `size`: devolve a dimensão actual da lista.
 - `isEmpty`: verifica se a lista está vazia.
 - `clear`: limpa a lista (remove todos os elementos).

Lista biligada: novo elemento em lista vazia

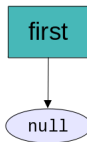
```
addLast(1)
```

```
size == 0
```

Lista biligada: novo elemento em lista vazia

```
addLast(1)
```

```
size == 0
```



Lista biligada: novo elemento em lista vazia

Pilhas e filas

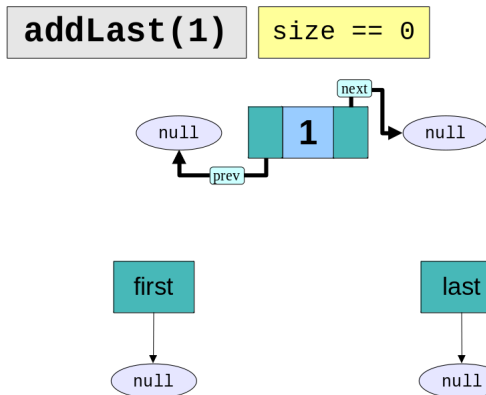
Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas



Lista biligada: novo elemento em lista vazia

Pilhas e filas

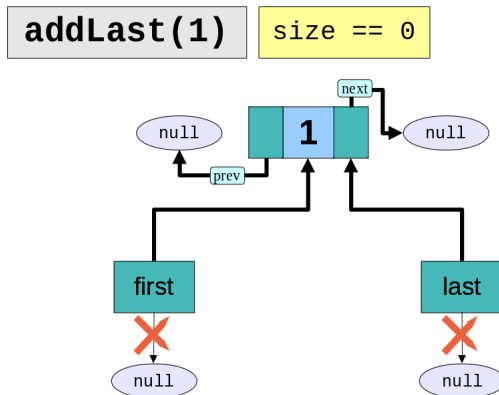
Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas



Lista biligada: novo elemento

```
addLast(8)
```

```
size > 0
```

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas

Lista biligada: novo elemento

Pilhas e filas

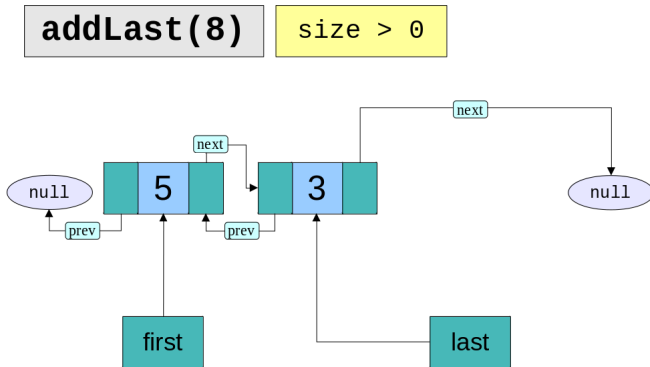
Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas



Lista biligada: novo elemento

Pilhas e filas

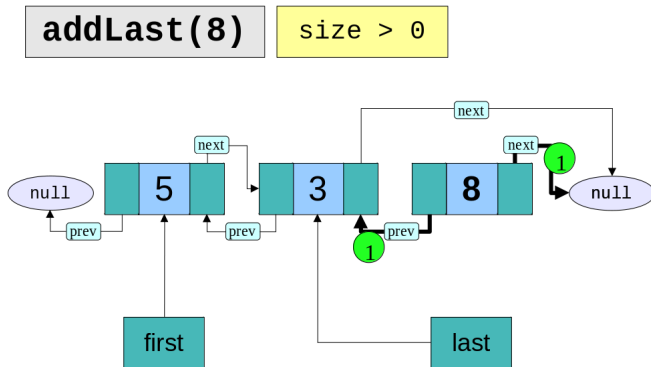
Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas



Lista biligada: novo elemento

Pilhas e filas

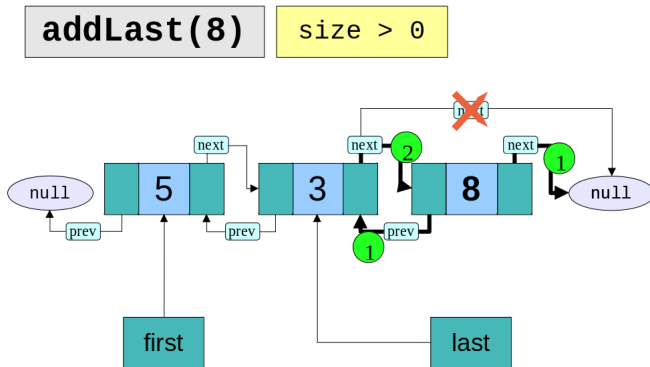
Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas



Lista biligada: novo elemento

Pilhas e filas

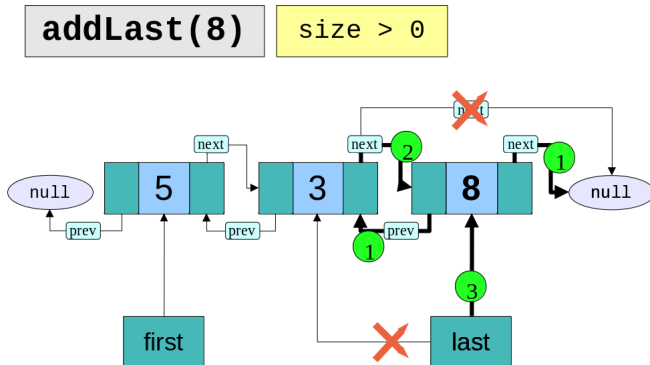
Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas



Lista biligada: remoção do último elemento

```
removeFirst()
```

```
size == 1
```

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas



Lista biligada: remoção do último elemento

Pilhas e filas

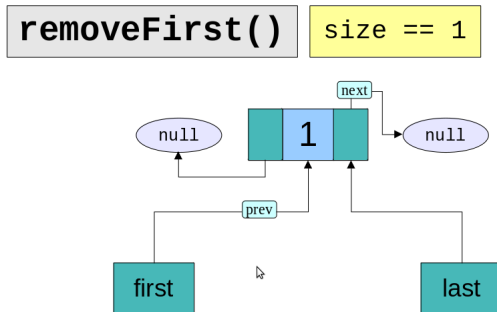
Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas



Lista biligada: remoção do último elemento

Pilhas e filas

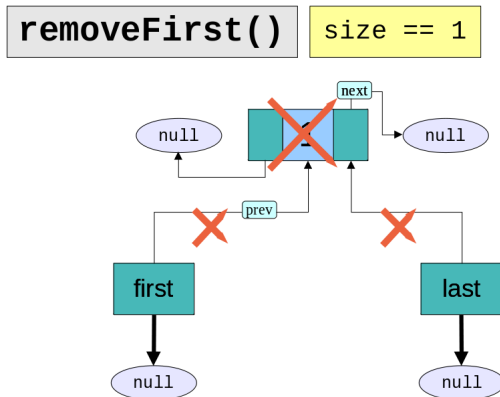
Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas



Lista biligada: remoção

```
removeFirst()
```

```
size > 1
```


Lista biligada: remoção

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

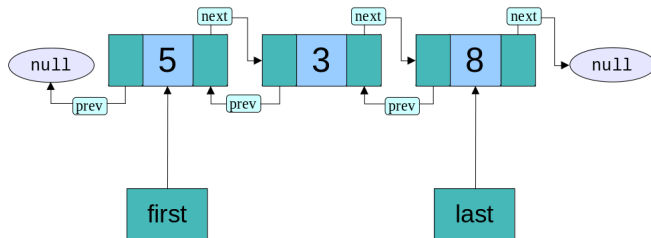
Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas

`removeFirst()`

`size > 1`



Lista biligada: remoção

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados
abstratos

Implementação em lista
ligada

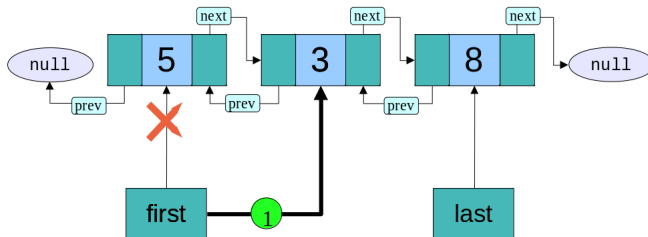
Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre
diferentes tipos de
listas ligadas

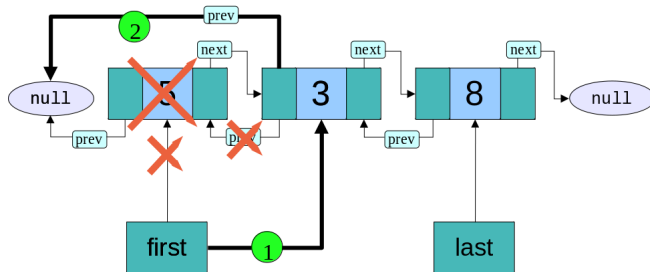
removeFirst()

size > 1



Pilhas, Filas e Listas Biligadas

```
size > 1
```



Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas

Tipos de Listas Ligadas

Tipo de Lista	Simple	Simple	Circular Simple	Biligada	Circular Biligada
Atributos	first	first	last	first	first
Operações		last		last	(last)
<i>insert first</i>	$O(1)$	$O(1)$	$O(1)$	$O(1)$	$O(1)$
<i>remove first</i>	$O(1)$	$O(1)$	$O(1)$	$O(1)$	$O(1)$
<i>insert last</i>	$O(n)$	$O(1)$	$O(1)$	$O(1)$	$O(1)$
<i>remove last</i>	$O(n)$	$O(n)$	$O(n)$	$O(1)$	$O(1)$
<i>scan forward</i>	$O(n)$	$O(n)$	$O(n)$	$O(n)$	$O(n)$
<i>scan backward</i>	$O(n^2)$	$O(n^2)$	$O(n^2)$	$O(n)$	$O(n)$
<i>insert middle</i>	$O(n)$	$O(n)$	$O(n)$	$O(n)$	$O(n)$
<i>remove middle</i>	$O(n)$	$O(n)$	$O(n)$	$O(n)$	$O(n)$

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas

Tipos de Listas Ligadas

Tipo de Lista	Simplex	Simplex	Circular Simplex	Biligada	Circular Biligada
Atributos	first	first	last	first	first
Operações		last		last	(last)
<i>insert first</i>	$O(1)$	$O(1)$	$O(1)$	$O(1)$	$O(1)$
<i>remove first</i>	$O(1)$	$O(1)$	$O(1)$	$O(1)$	$O(1)$
<i>insert last</i>	$O(n)$	$O(1)$	$O(1)$	$O(1)$	$O(1)$
<i>remove last</i>	$O(n)$	$O(n)$	$O(n)$	$O(1)$	$O(1)$
<i>scan forward</i>	$O(n)$	$O(n)$	$O(n)$	$O(n)$	$O(n)$
<i>scan backward</i>	$O(n^2)$	$O(n^2)$	$O(n^2)$	$O(n)$	$O(n)$
<i>insert middle</i>	$O(n)$	$O(n)$	$O(n)$	$O(n)$	$O(n)$
<i>remove middle</i>	$O(n)$	$O(n)$	$O(n)$	$O(n)$	$O(n)$

Pilhas e filas

Definições e tipos de dados abstratos

Implementação em lista ligada

Implementação em vector

Listas biligadas

Comparação entre diferentes tipos de listas ligadas