Grafuri

Polinomul cromatic

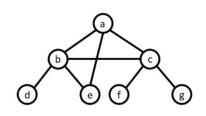
Deduceți polinomul cromatic și determinați numărul cromatic al următorului graf G. În câte feluri poate fi colorat graful cu χ(G) culori?

Scrieți răspunsurile în căsuța text de mai jos

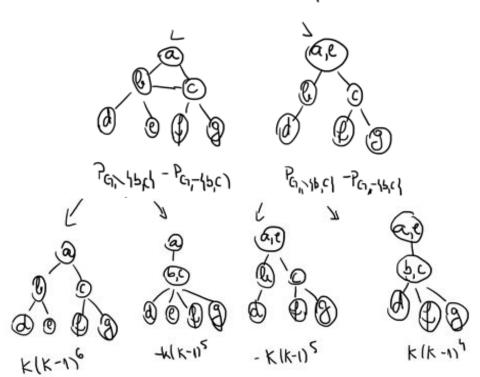
Pentru reprezentarea polinomului se vor folosi următoarele convenții:

- "*" pentru înmulțire
- "^" pentru ridicare la putere

De exemplu, polinomul $3x^{y'+2} + x(x^2 + 7)$ va fi reprezentat ca $3*x^(y + 2) + x*(x^2 + 7)$



G-Ga, ez-tunisk modwik a-e G-Ga, ez-eliminā muchia a-e

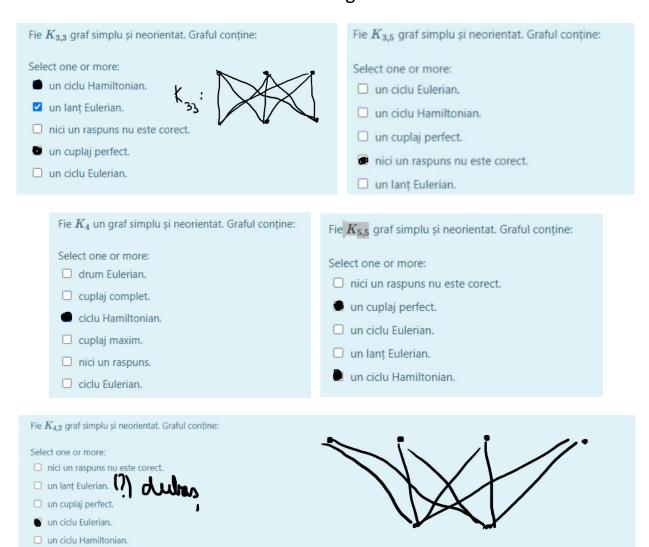


PG(K) = K(K-1)6 - K(K-1)5 - K(K-1)5 + K(K-1)6 = K(K-1)6 (K-2)2

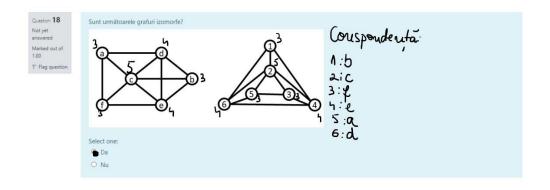
(cel mai mic k pt can P(K) >0)

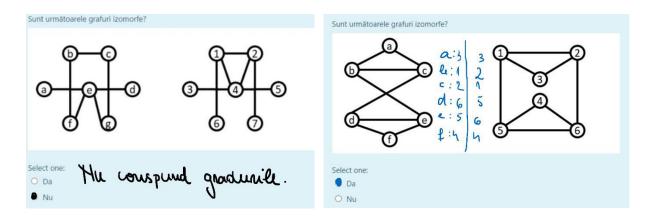
(+svg cu 2 polinoame cromatice)

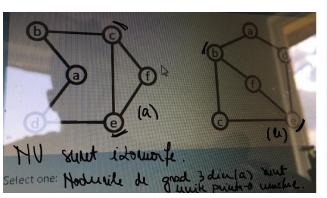
Probleme cu grafuri K

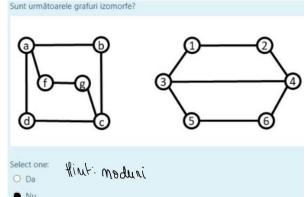


Izomorfism de grafuri

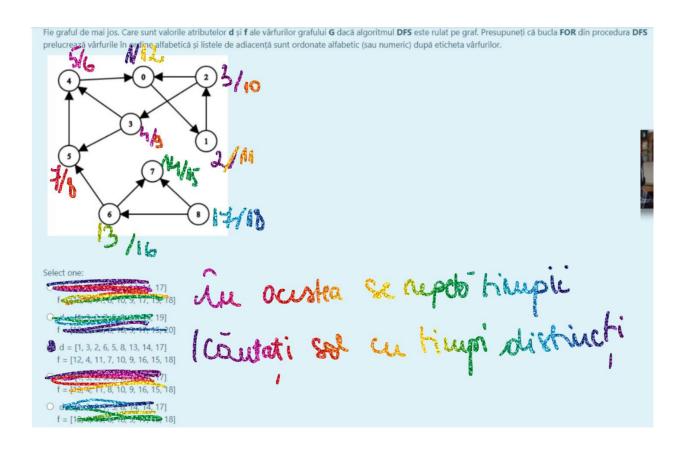




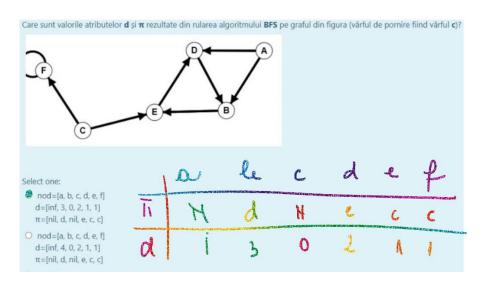




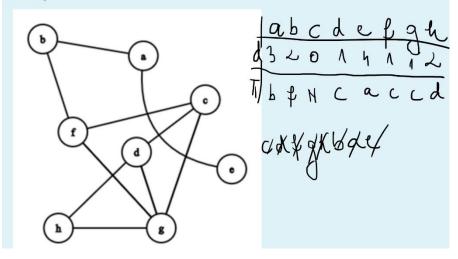
DFS

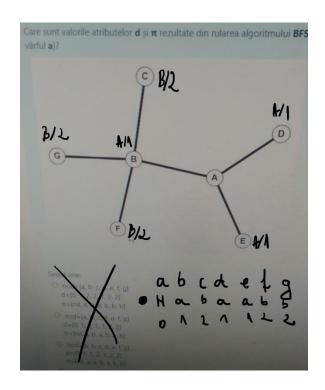


BFS

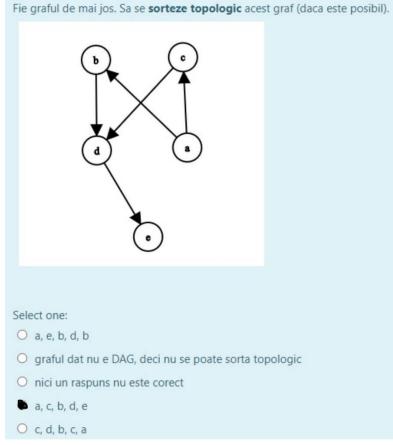


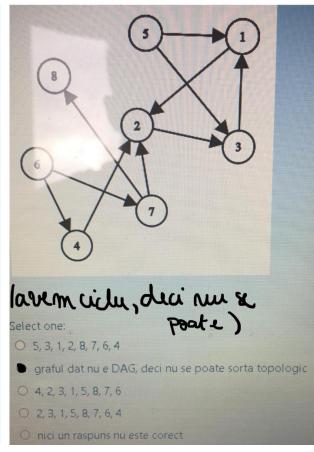
Care sunt valorile atributelor \mathbf{d} și $\boldsymbol{\pi}$ rezultate din rularea algoritmului **BFS** pe graful din f vârful \mathbf{c})?





Sortare Topologica





Fie graful de mai jos. Sa se sorteze topologic acest graf (daca este posibil).

Daco Farc i - j, at i aparc inainte a lui j

Select one:

a, b, d, c, e, f, g, h

nici un raspuns nu este corect

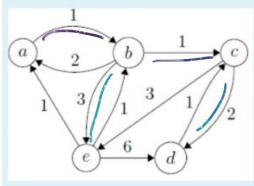
a, c, e, h, b, d, f, g

a, e, b, d, f, g, e, h

G graful dat nu e DAG, deci nu se poate sorta topologic

Dijkstra

Care sunt valorile atributelor d si π d daca este rulat algoritmul lui Dijkstra pe urmatorul graf. Luati ca si sursa varful a (sau varful 1).



Select one:

$$\bigcirc$$
 d = [0, 2, 2, 4, 3], π = [nil, a, d, c, b]

$$\bigcirc$$
 d = [0, 1, 2, 2, 3], π = [nil, a, c, c, b]

$$\bigcirc$$
 d = [0, 1, 2, 4, 3], π = [nil, a, d, c, b]

4	a	b	C	d	و
	H	q	5	C	4
d	0	1	Z	4	4.
d'	0	1	1	2	3
		()	lum		a)

Select one: $d = [0, 3, 5, 2, 3], \pi = [nii, d, e, a, d]$ $d = [0, 4, 7, 2, 1], \pi = [nii, d, e, a, d]$ $d = [0, 4, 8, 2, 1], \pi = [nii, d, e, a, d]$ $d = [0, 4, 8, 2, 1], \pi = [nii, d, e, a, d]$ $d = [0, 3, 7, 1, 2], \pi = [nii, d, e, a, d]$

Bellman-Ford

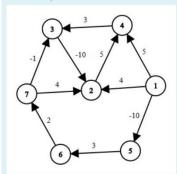
Fie un graf pondered și orientat G=(V,E) care nu conține un circuit negativ, fie m numărul maxim de arce din drumul minim (drum minim determinat pe baza ponderilor și nu a numărului de arce din drum).

Sugerați o modificare a algoritmului Bellman-Ford astfel Incât acesta să se oprească după (m+1) iterații ale buclei while, chiar dacă m nu este cunoscut în avans.

Modificarea algoritmului Bellman-Ford consta in inlocuirea primului for cu un while, care se repeta pana nu mai putem imbunatati (cu o variabila booleana).



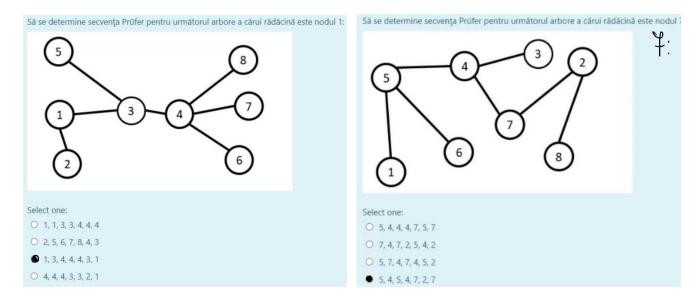
Ce intoarce algoritmul Bellman-Ford daca este rulat pe urmatorul graf? Luati ca sursa varful s (vf 1). Care sunt valorile atributelor d si π. Alegeti varianta corecta din variantele disponibile mai jos:

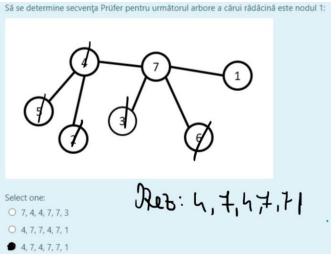


Select one:

- \bigcirc true, d=[0, 4, 8, 7, -10, -10, -5], π =[nil, 2, 1, 4, 1, 5, 7]
- O true, d=[0, 4, 8, 7, -10, -12, -5], π =[nil, 2, 1, 4, 1, 5, 7]
- O true, d=[0, 4, 8, 5, -10, -7, -5], π =[nil, 1, 1, 4, 1, 5, 7]
- O true, d=[0, 4, 8, 5, -10, -10, -5], π =[nil, 1, 1, 4, 1, 5, 7]

Prufer





Codare Prufer: se repeta cat timp frunza e diferita de radacina

Ciclul Eulerian, Hamiltonian, cuplaje

Vårfurile unui graf neorietat $G = \{V, E\}$ sunt numerotate 1,2,...,2222. Muchia (i, j) există dacă $|i - j| \le 3$, unde $i \ne j$. Care din următoarele afirmații sunt adevărate:

Select one or more:

- G conţine un cuplaj perfect.
- ☐ G conţine un ciclu Eulerian.
- G este Hamiltonian.



Vârfurile unui graf neorietat G = (V, E) sunt numerotate 1,2,...,3273. Muchia (i, j) există dacă $|i - j| \le 3$, unde $i \ne j$. Care din următoarele afirmații sunt adevărate:

Select one or more:

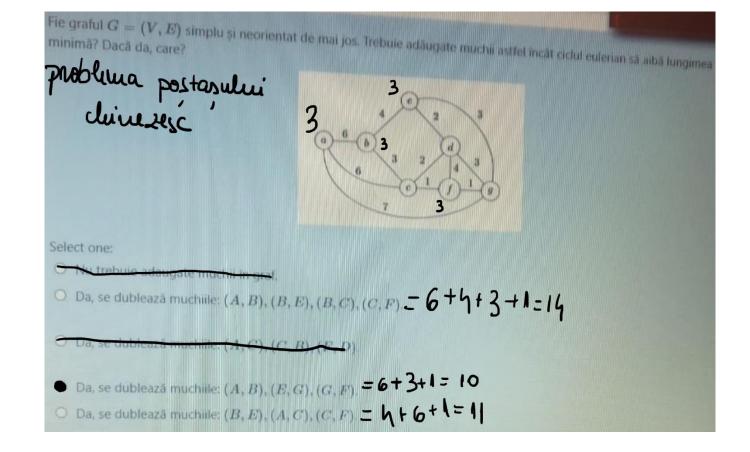
- G este Hamiltonian.
- G conţine un ciclu Eulerian.
- G conţine un cuplaj perfect.

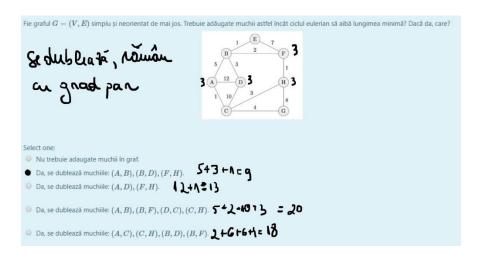
mor de moderni impare => nu e cup pert grad imp => nu contine cide Tubrian

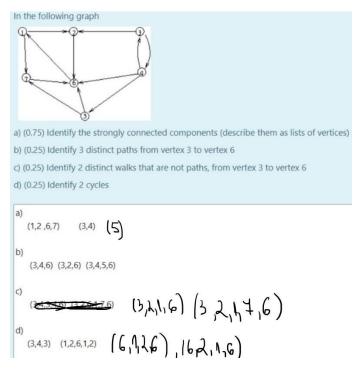
Vårfurile unui graf neorietat G = (V, E) sunt numerotate 1,2,...,4286. Muchia (i, j) există dacă $|i - j| \le 3$, unde $i \ne j$. Care din următoarele afirmații sunt adevărate:

Select one or more:

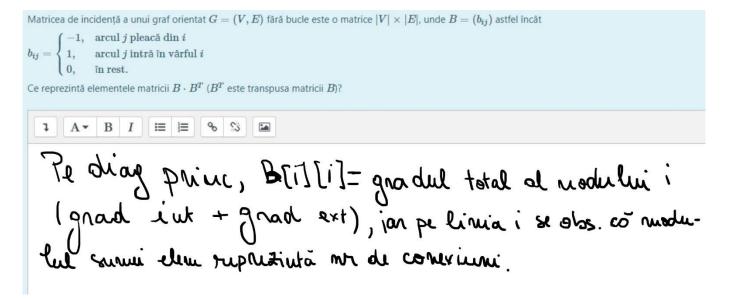
- G conține un ciclu Eulerian.
- G conține un cuplaj perfect.
- G este Hamiltonian.







Matrice de incidenta



Arbore (minim de acoperire + Prim)

Sunt echivalente următoarele afirmații pentru un arbore? Demonstrați.

- ullet G este conex, dacă se șterge o muchie din E, graful rezultat va conține două componente.
- ullet G este fără cicluri și are n-1 muchii.

vezi curs 6 notite, 2=>3

Sunt echivalente următoarele afirmații pentru un arbore? Demonstrați.

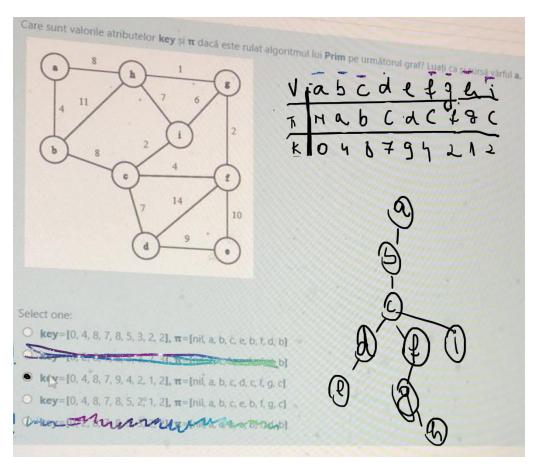
- Oricare două vârfuri din G sunt conectate de un lanţ simplu.
- G este conex, dacăa se sterge o muchie din E graful rezultat va conține două componente.

1=>2

Pentru ca exista un singur lant intre oricare noduri, G este conex.

2=>1

Daca e conex, inseamna ca exista 1 sau ai multe lanturi care conecteaza 2 noduri, dar, deoarece la stergere obtii 2 comp conexe, exista un sungur lant care uneste nodurile.



Care sunt valorile atributelor **key** și π dacă este rulat algoritmul lui **Prim** pe următorul graf? Luați ca și sursă vârful **e.** 2 2 3 3 6 Select one: O key=[2, 3, 1, 2, 0, 2, 1], π =[e, a, c, b, nil, a, f] • **key=**[2, 2, 2, 1, 0, 1, 1], π =[e, e, d, b, nil, c, f]

Câți arbori minimi de acoperire există pentru graful G de mai jos? (răspundeți cu un număr întreg pozitiv) Se elimina o nunchie de 2198; o muchie de 3 Answer:

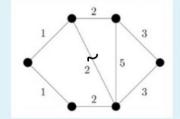
Câți arbori minimi de acoperire există pentru graful G de mai jos? (răspundeți cu un număr întreg pozitiv

Irobonie täide:

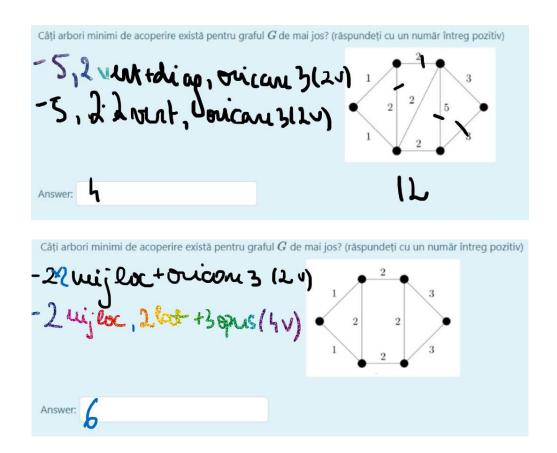
- Muchia de S

 \bigcirc **key=**[2, 3, 2, 1, 0, 2, 1], π =[e, e, c, b, nil, a, f]

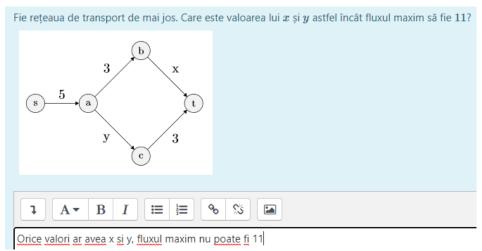
- muchia de 2 (N) orice muchie de 3 (2 variante)



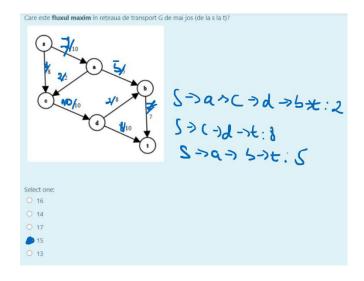
Answer: 2 (1.1.2)



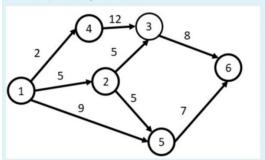
Flux maxim (+Ford-Fulkerson)



Acest graf nu poate avea fluxul maxim 11, deoarece fluxul maxim al lui t poate sa fie 5, deoarece sunt trimise doar 5 unitati.



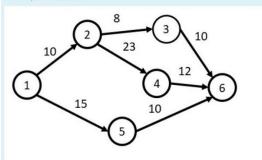
Care este numărul maxim de pași (cel mai rău caz) în care algoritmul Ford-Fulkerson găsește fluxul maxim în următorul graf în care sursa este nodul 1, iar destinația este nodul 6?



Select one:

- 14
- O 22
- 15
- 0 5

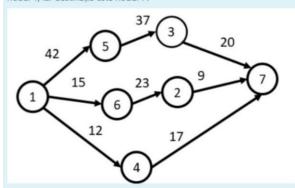
Care este numărul maxim de pași (cel mai rău caz) în care algoritmul Ford-Fulkerson găsește fluxul maxim în următorul graf în care sursa este nodul 1, iar destinația este nodul 6?



Select one:

- 0 10
- 0 23
- 0 32
- **2**0

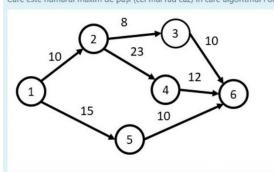
Care este numărul maxim de pași (cel mai rău caz) în care algoritmul Ford-Fulkerson găsește fluxul maxim în următorul graf în care sursa este nodul 1, iar destinația este nodul 7?



Select one:

- 0 99
- 0 42
- 0 9
- 41

Care este numărul maxim de pași (cel mai rău caz) în care algoritmul Ford-Fulkerson găsește fluxul maxim în următorul graf în care sursa este nodul 1, iar destinația este nodul 6?

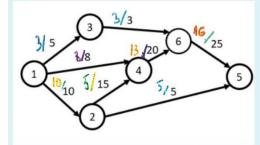


Select one:

- 20
- 0 10
- O 32
- O 23

= fluxul maxim

Care este numărul maxim de pași (cel mai rău caz) în care algoritmul Ford-Fulkerson găsește fluxul maxim în următorul graf în care sursa este nodul 1, iar destinația este nodul 5?

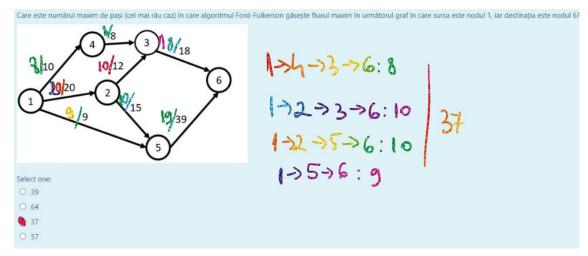


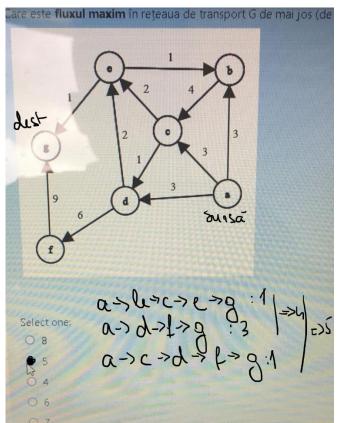
1-3-3-6-5:3

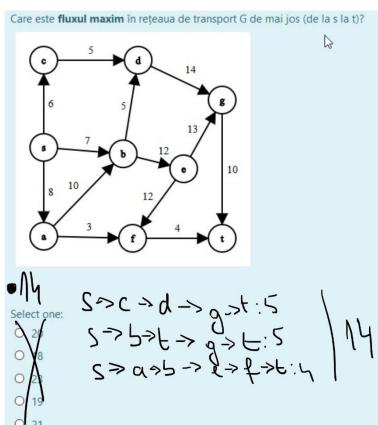
1-12-74-76-75:5

Select one:

- O 30
- 0 3
- 0 25
- **9** 21







Care este fluxul maxim în rețeaua de transport G de mai jos (de la s la t)?

D₁: S > C > d > g ≥ t (flux:5) D₂: S > b > e > g ≥ t (flux:5) | g> t=10 D₃: S > a > b > e > f > t (flux:4)

=> flux S>t=14

Select one:

- 0 12
- 0 15
- 0 13
- 0 16
- 14

Drum critic

Tabelul de mai jos prezintă sarcinile unui proiect, timpii de execuție pentru fiecare sarcină și dependențele între sarcini. Care este drumul critic în proiect? sarcina durata dependențe D, E, F B, G A, C, H E-early Drum Critic: F->B->H->i
L-lote
ES act EF
LS Jun LF Select one: O F→G→H→I F→B→H→I O D→A→C→I O D→A→I

Tabelul de mai jos prezintă sarcinile unui proiect, timpii de execuție pentru fiecare sarcină și dependențele între sarcini. Care este drumul critic în proiect

sarcina	durata	dependențe	
A	5	-	
В	2		yant 015/5 > 5/6/9
С	4	А, В	Start, Molara Steller
D	3		01510 - 2012 - 5110
E	6	F	0000 (31213 3110)
F	5	C, D	(10/12)
G	4	F	6 3 5
Н	3	G	

Drum critic: 1->(->F->6->H

Select one:

 \bigcirc B \rightarrow C \rightarrow F \rightarrow E

D→F→E

 \bigcirc D \rightarrow F \rightarrow G \rightarrow H

 $A \rightarrow C \rightarrow F \rightarrow G \rightarrow H$