

**Foster, Ian**

***Designing and Building Parallel Programs:  
Concepts and Tools for Parallel Software Engineering,  
Addison-Wesley Pub. Company, Inc., New York, 1994.***

---

## **Capítulo 2**

# **Projetando Algoritmos Paralelos: Particionamento e Comunicação**

**Slides por *Paulo Sérgio Lopes de Souza***

# Metodologia de Projeto

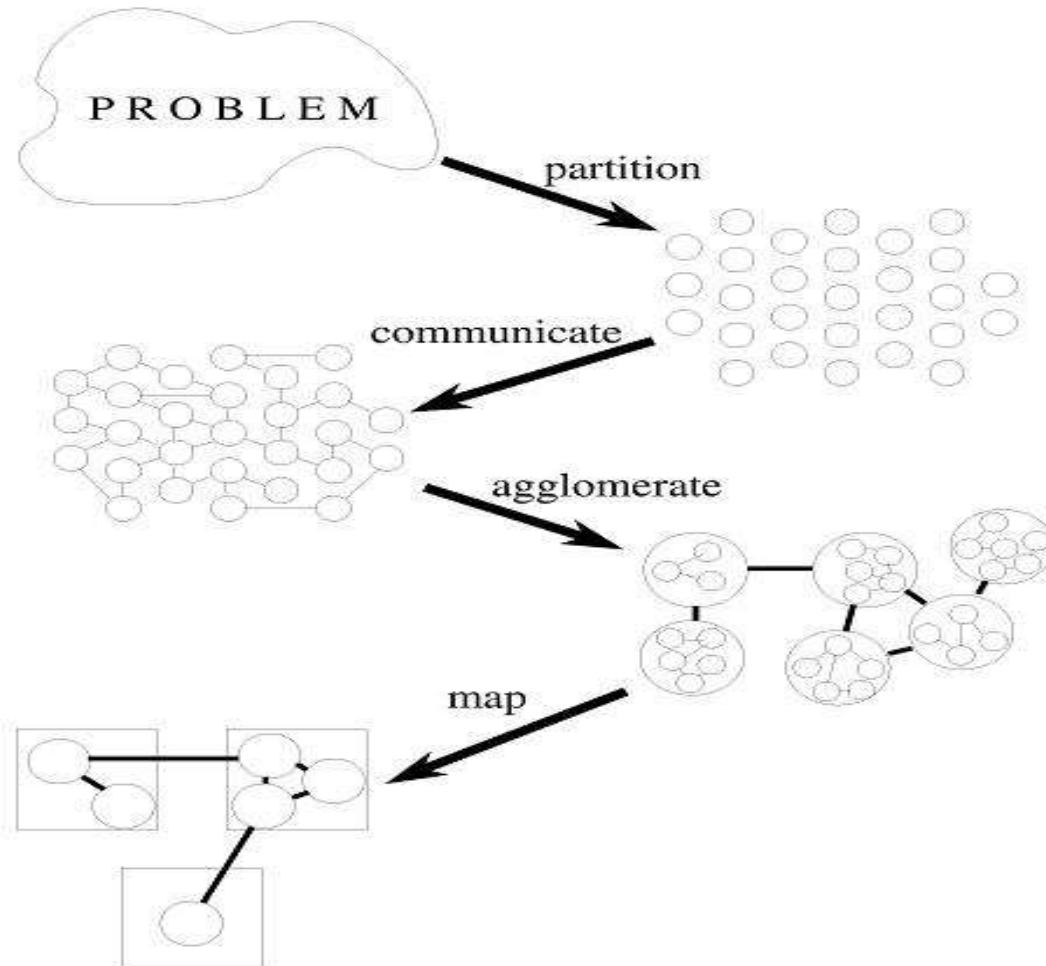
---

- **Há várias soluções** paralelas para um problema
  - a melhor solução paralela pode ser diferente da obtida a partir da versão sequencial!
- Proposta de Ian Foster
  - inicialmente** preocupar-se com o **algoritmo**
    - focalizar atenção no algoritmo paralelo a ser desenvolvido
  - posteriormente** adaptar o algoritmo à **máquina** que irá executá-lo
- Metodologia de projeto baseada nos estágios:
  - Particionamento **P**
  - Comunicação **C**
  - Aglomeração **A**
  - Mapeamento **M**

# Metodologia de Projeto

---

- Metodologia de projeto **PCAM**



# Metodologia de Projeto

---

- Metodologia PCAM – **particionamento**
  - procurar por oportunidades de execuções paralelas
    - definir o maior número de pequenas tarefas
    - decomposição do problema com *granulosidade fina*
      - + oferece maior flexibilidade ao algoritmo paralelo
  - granulosidade pode tornar-se mais grossa
    - devido a fatores como:
      - + comunicação, arquitetura, questões de ES
    - estágios posteriores determinarão se há essa necessidade
  - quando partições são criadas, devem ser considerados
    - **computação** associada ao problema
      - + decomposição funcional
    - **dado** usado pela computação
      - + decomposição por domínio
    - técnicas são complementares
  - importante neste estágio:
    - evitar replicação de computação e de dados
      - + formar conjuntos disjuntos

# Metodologia de Projeto

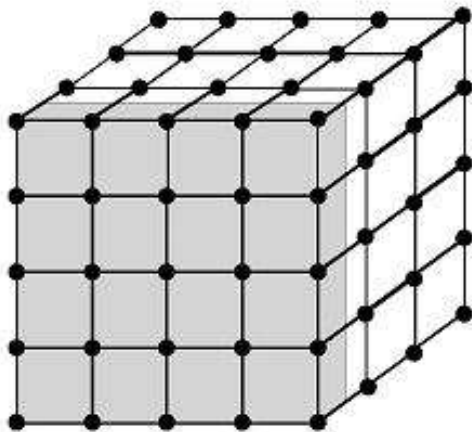
---

- Particionamento - **decomposição por domínio**
  - dividir dados em pequenos conjuntos balanceados
  - associar computação necessária a cada conjunto
  - caso sejam necessários dados de outras tarefas
    - comunicação deve ser inserida (analisada próximo estágio)
  - dados que serão decompostos podem ser:
    - de entrada, de saída ou valores intermediários

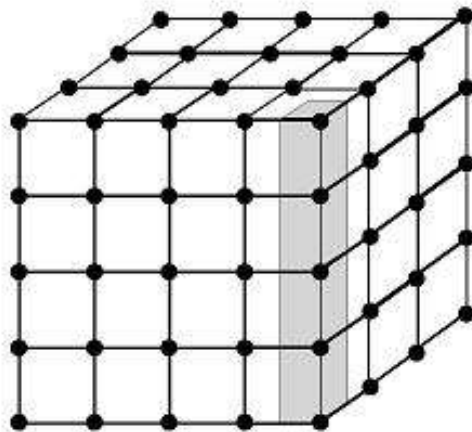
# Metodologia de Projeto

---

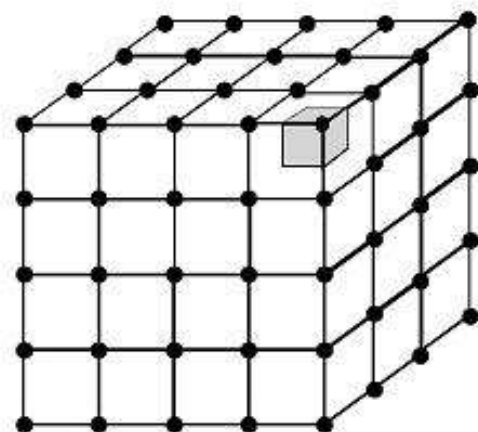
- Particionamento - **decomposição por domínio**
  - diferentes partições são possíveis
  - devem ser consideradas:
    - maiores estruturas de dados (ED)
    - ED usadas mais frequentemente
  - diferentes fases de computação podem necessitar de diferentes decomposições das ED



1-D



2-D



3-D

# Metodologia de Projeto

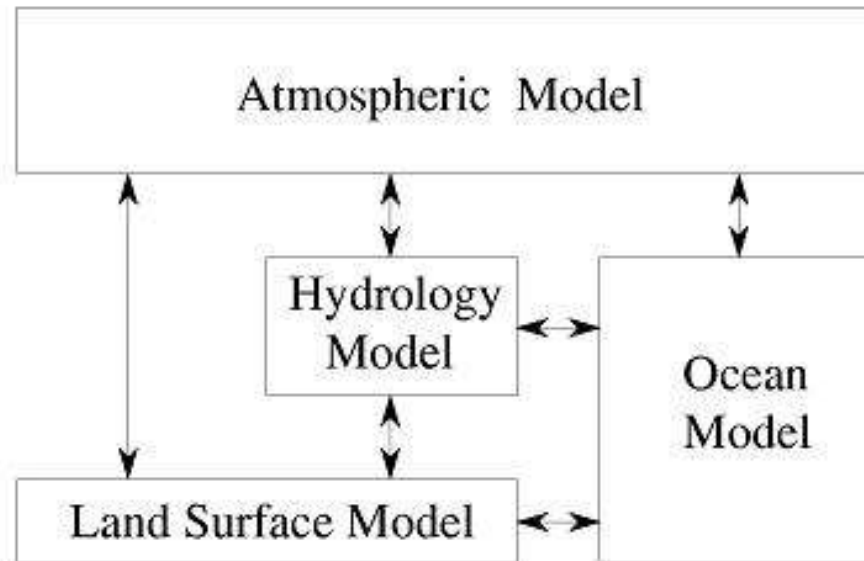
---

- Particionamento - **decomposição funcional**
  - computação dividida em porções disjuntas
    - dados associados a cada partição são analisados depois
  - dados podem ser comuns às partições
    - devem ser replicados ou deve-se usar comunicação
    - se for o caso comum, usar decomposição por domínio
  - estudar se a computação a ser feita pode fornecer
    - alternativas à construção do algoritmo paralelo
    - estrutura paralela ao problema, otimizando a versão final

# Metodologia de Projeto

---

- Particionamento - **decomposição funcional**
  - pode reduzir a complexidade do problema
    - divide-se o problema pelas suas funções maiores
    - unem-se os módulos criados com uma interface apropriada
    - Ex: Simulação climática da Terra





# Metodologia de Projeto

---

- Particionamento - **checklist**
  - *Partição define no mínimo uma ordem de magnitude a mais de tarefas que de processadores?*
    - *senão... pouca flexibilidade nos estágios seguintes*
  - *Partição evita replicação de computação e de dados?*
    - *senão... algoritmo não terá escalabilidade*
  - *Tarefas têm tamanhos semelhantes?*
    - *senão... problemas durante o estágio de mapeamento*
  - *O número de tarefas aumenta de acordo com o crescimento do problema?*
    - *senão... aumentando apenas o trabalho em cada tarefa, dificulta escalabilidade*
  - *Foram identificados particionamentos alternativos?*
    - *técnicas de decomposição são complementares*
    - *maximizar flexibilidade nos estágios superiores*

# Metodologia de Projeto

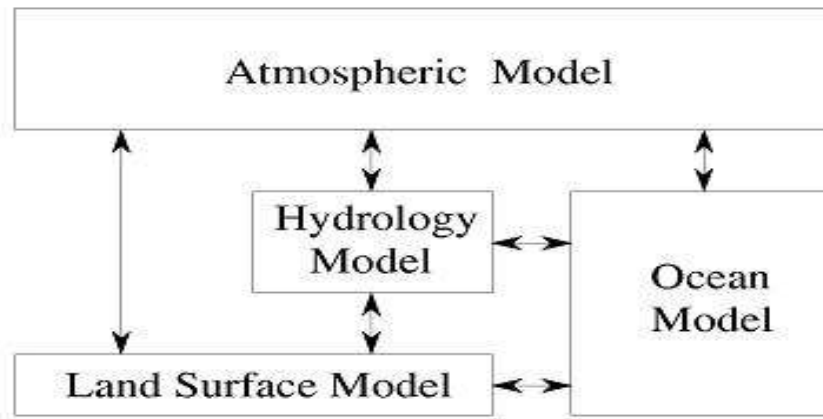
---

- Comunicação (Estágio de )
  - Tarefas precisam trocar dados e sincronizar
  - Canais lógicos formalizam a comunicação
    - permitem a troca de mensagens entre tarefas
  - Duas fases:
    - 1ª definição da estrutura do canal ligando produtores e consumidores
    - 2ª especificação das mensagens enviadas pelos canais
  - Estrutura fornece uma visão:
    - quantitativa sobre localidade & custos da comunicação

# Metodologia de Projeto

- Comunicação

- Custos: definir canais e enviar a mensagem
- Comunicação desnecessária deve ser evitada!
  - Mas organizada de modo a otimizar a concorrência
- Decomposição funcional facilita a construção da comunicação



- Decomposição por domínio dificulta essa visão
  - detectar necessidade de troca de dados não é natural

# Metodologia de Projeto

---

- Comunicação

- Pode apresentar as seguintes categorias:

- **Local / Global**

- + apenas vizinhos / com muitas tarefas

- **Estruturada / Não Estruturada**

- + tarefas e vizinhos formam estrutura regular (grid, árvore) /

- + ou então a rede de comunicação forma grafo irregular

- **Estática / Dinâmica**

- + padrões de comunicação não muda durante o tempo

- + padrões de comunicação variam em tempo de execução

- **Síncrona / Assíncrona (cuidado com esses termos!)**

- + produtores e consumidores executam coordenadamente

- + consumidores obtêm dados sem a colaboração dos produtores

# Metodologia de Projeto

- Comunicação - **local**

- Ex: Método de Diferença Finita de Jacobi

- usando decomposição por domínio,

- + cada tarefa contém um ponto do *grid* bi-dimensional

- + cada tarefa realiza todas as iterações referentes a um ponto

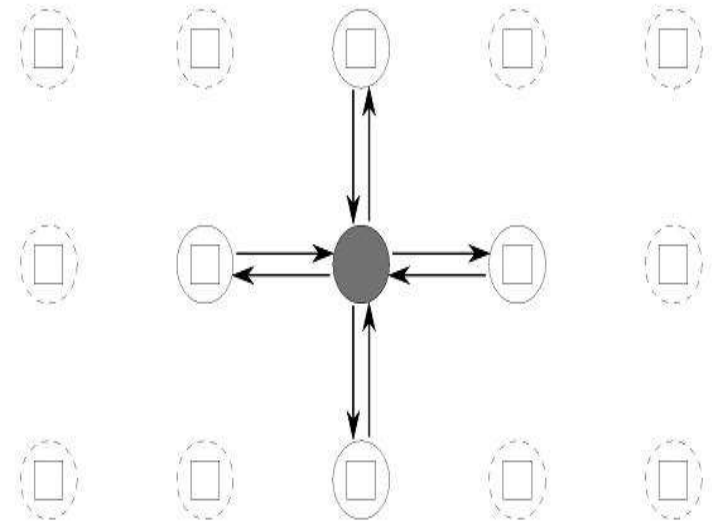
**for**  $t = 0$  to  $T-1$

**send**  $X_{ij}^{(t)}$  **to each neighbor**

**recv**  $X_{i-1,j}^{(t)} + X_{i+1,j}^{(t)} + X_{i,j-1}^{(t)} + X_{i,j+1}^{(t)}$  **from neighbors**

**compute**  $X_{ij}^{(t+1)}$  **using Equation 2.1**

**endfor**

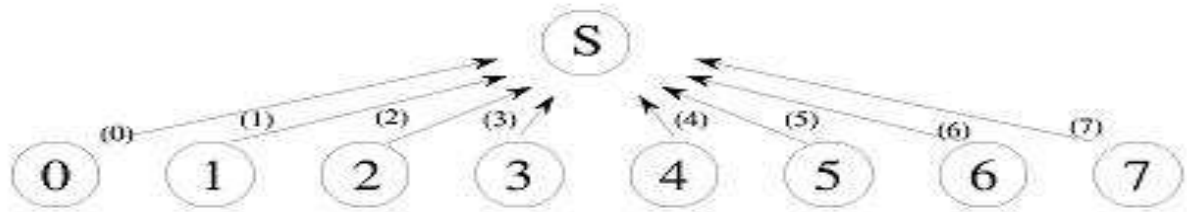


# Metodologia de Projeto

- Comunicação - **global**

- envolve muitas tarefas na comunicação
- identificar pares de prod/cons não é o suficiente
  - abordagem gera muita comunicação e limita concorrência

- Ex: Operação de redução  $S = \sum_{i=0}^{N-1} X_i$  , em paralelo e com um mestre



- **Problemas** desse algoritmo:

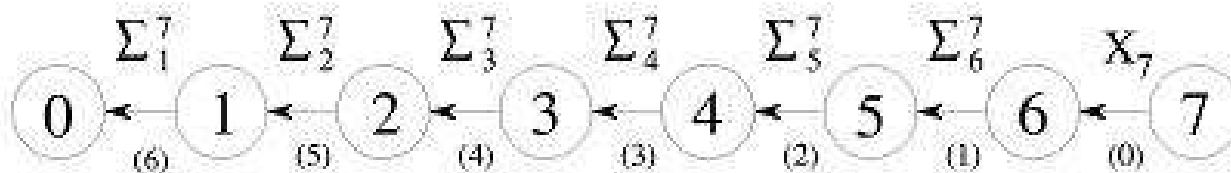
- + centralizado: não distribui computação e comunicação. Mestre deve participar em toda a operação (gargalo)
- + sequencial: não permite computação e comunicação concorrentes. Mestre recebe 1 valor por vez e o soma.

# Metodologia de Projeto

- Comunicação - **global**

- Distribuição da Comunicação e Computação

- cada tarefa  $I$ ,  $0 < I < N-1$ , computa:  $S_i = X_i + S_{i-1}$
    - recebe valor do vizinho da direita, soma e repassa resultado para o vizinho da esquerda



- evita o gargalo do processo mestre
    - distribui  $N-1$  computações e comunicações
      - + porém, ainda leva  $N-1$  passos para solução
    - execução concorrente apenas se há múltiplas reduções a fazer
      - + **pipeline**

# Metodologia de Projeto

---

- Comunicação - **global**
  - Estratégia **divisão e conquista**
    - oferece mais oportunidades para explorar concorrência entre computação e comunicação

*procedure divide\_and\_conquer*

*begin*

*if base case then*

*solve problem*

*else*

*partition problem into subproblems L and R*

*solve problem L using divide\_and\_conquer*

*solve\_problem R using divide\_and\_conquer*

*combine solutions to problems L and R*

*endif*

*end*



# Metodologia de Projeto

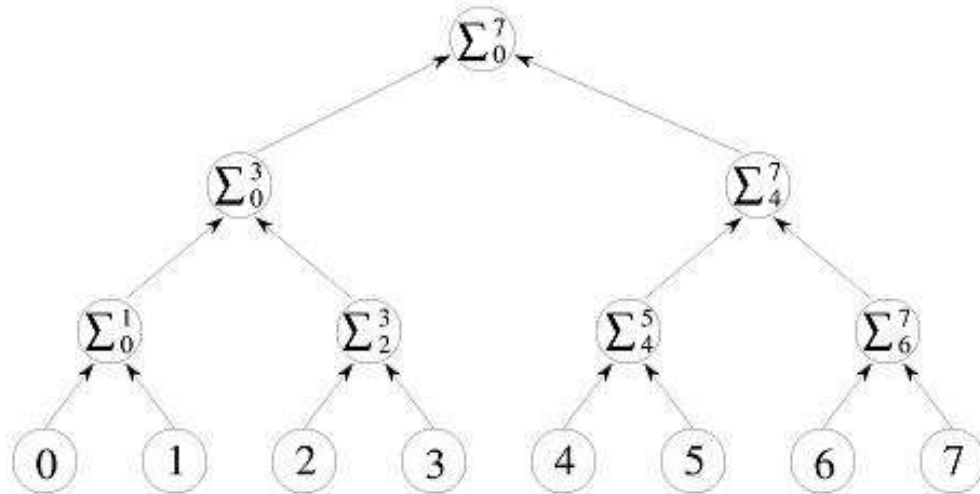
- Comunicação - **global**

- Estratégia **divisão e conquista**

- Exemplo da operação de redução

- + considerando  $N = 2^n$ ,  $n$  é um inteiro  $> 0$  (aqui  $N = 8$  e, obviamente,  $n = 3$ )

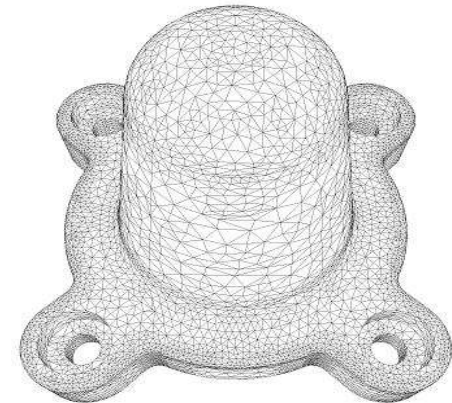
$$\sum_{i=0}^{2^n-1} = \sum_{i=0}^{2^{n-1}-1} 2^{n-1} \sum_{i=0}^{2^n-1}$$



# Metodologia de Projeto

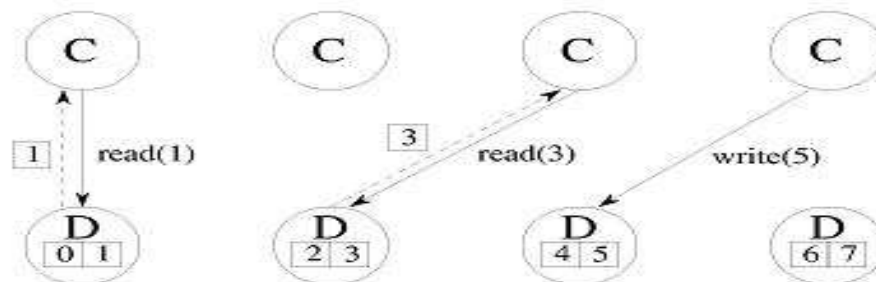
---

- Comunicação – **dinâmica e não estruturada**
  - Nem sempre ocorre de maneira regular e estática durante a execução
  - Ex: Métodos de elementos finitos
    - + *grid* computacional formando um objeto irregular
    - + cada ponto no *grid* é irregular, dependente de dados e pode mudar durante a execução, conforme o *grid* é refinado
  - Não dificulta primeiros estágios
    - complica aglomeração e mapeamento



# Metodologia de Projeto

- Comunicação – **assíncrona**
  - produtores não sabem quando enviar mensagem
    - consumidores devem requisitar dados aos produtores
  - Ex: Aplicação paralela com uma ED com muitos dados
    - + acessos frequentes por todas as tarefas
  - soluções:
    - + distribuir dados entre as tarefas que realizam a computação
      - o falta de modularidade, grande comunicação e interrupção da computação
    - + criar um segundo conjunto de tarefas (servidores de dados)
      - o modular, perda de localidade dos dados, custo com chaveamento de contexto entre tarefas de dados e de computação



- + usar um computador e modelo de programação *shared-memory*
  - o usuário deve garantir exclusão mútua

# Metodologia de Projeto

---

- Comunicação – *checklist*
  - O número de comunicações nas tarefas está balanceado?
    - problema com escalabilidade e gargalos
  - Cada tarefa comunica-se apenas com seus vizinhos?
    - problema com escalabilidade
  - Operações de comunicação ocorrem concorrentemente?
    - problema com ineficiência e escalabilidade
  - Operações associadas com diferentes tarefas podem ser realizadas concorrentemente?
    - problema com ineficiência e escalabilidade

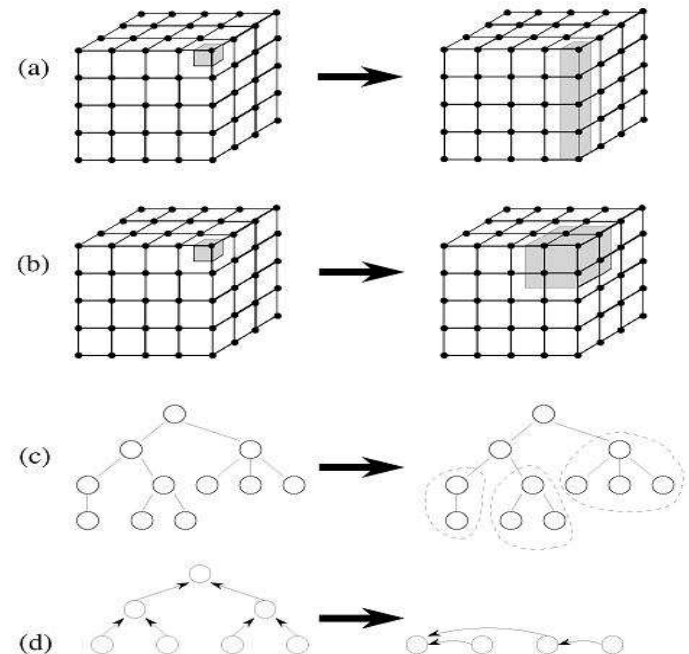
# Metodologia de Projeto

- Aglomeração – (Estágio de )

- Particionamento e comunicação produzem algoritmo
  - abstrato
  - não especializado para execução eficiente em uma máquina
  - **problemas** comuns com a **granulosidade fina**

- Nesta fase:

- 1ª iniciativa para mover-se do abstrato ao concreto
- considera a necessidade de aglomerar tarefas
  - + diminuir número de tarefas, deixando-as com mais “peso”
  - + restando **P** tarefas em **P** processadores, tem-se SPMD e não há estágio mapeamento
- considera a necessidade de replicar dados e/ou computação



# Metodologia de Projeto

---

- Aglomeração
  - **Três metas** principais (podem ser conflitantes)
    - reduzir custos com a comunicação
      - + aumentando granulosidade
    - manter flexibilidade em relação à escalabilidade e decisões de mapeamento
    - reduzir os custos da engenharia de software

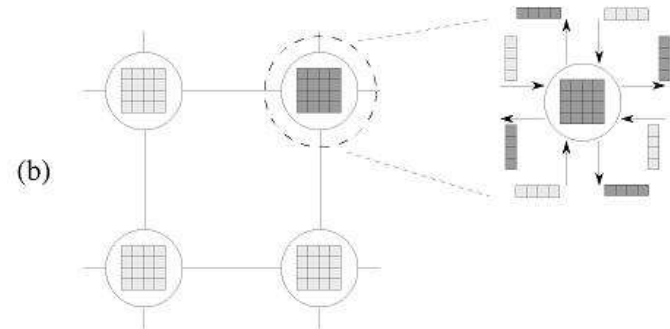
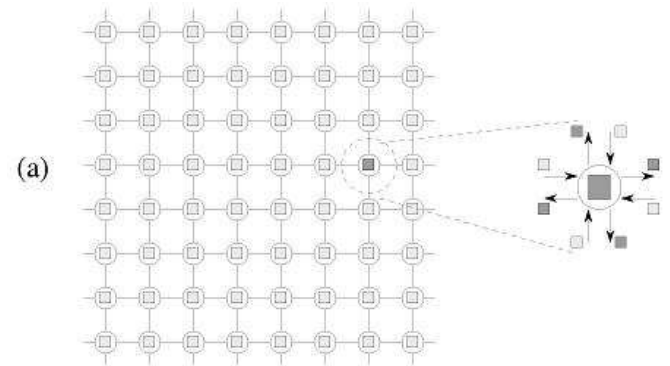
# Metodologia de Projeto

---

- Aglomeração – **aumentar granulosidade**
  - grande número de pequenas tarefas não produz, necessariamente, um algoritmo eficiente
  - custos da comunicação afetam desempenho
    - muitos computadores **param computação para comunicar**
    - enviar menos dados melhora desempenho
  - **mensagens maiores são mais eficientes que menores**
    - para a mesma quantidade de dados a serem transmitidos
      - + custo de *startup* a mensagem + custo para o envio
  - há também o **custo para criação de várias tarefas**

# Metodologia de Projeto

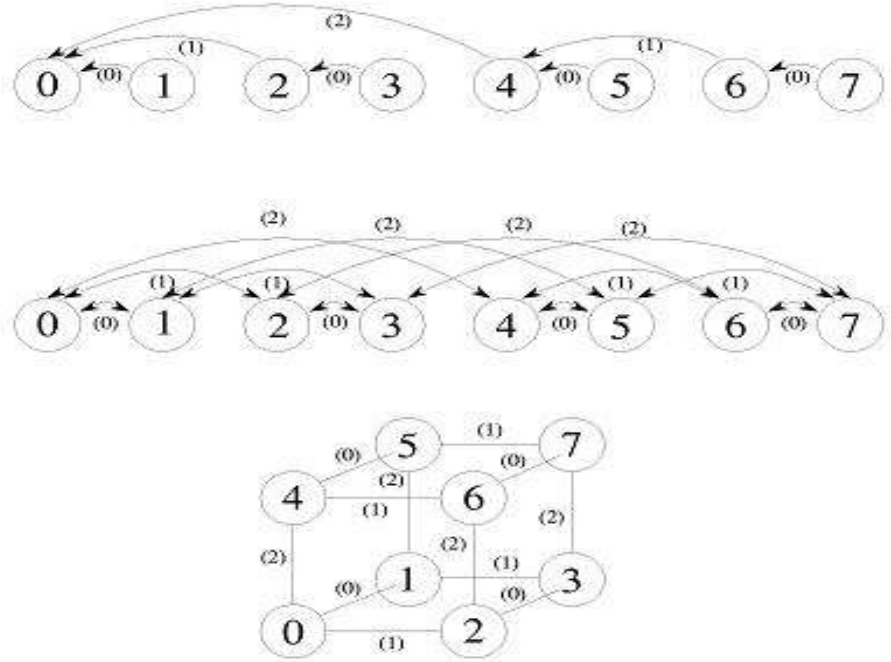
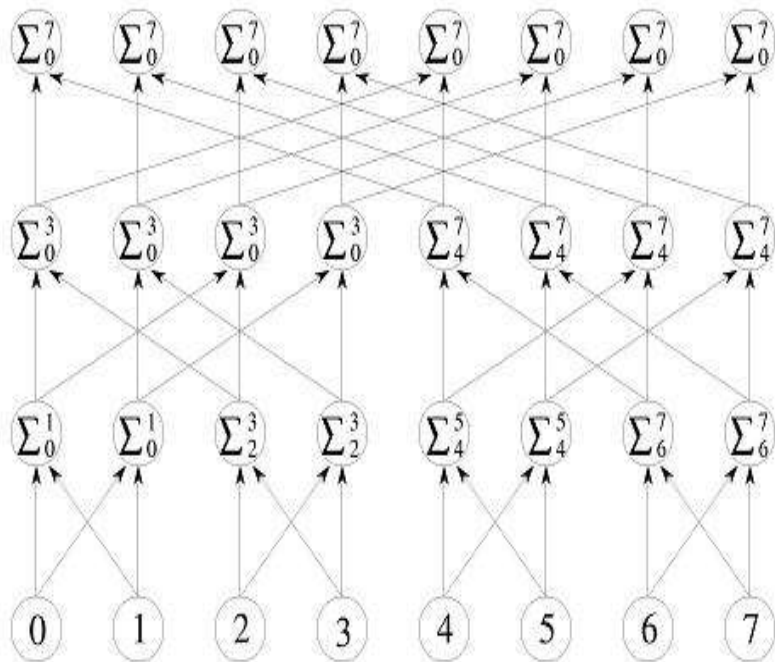
- Aglomeração – **aumentar granulosidade**
  - Efeito superfície-por-volume
    - responsável pela redução de custos quando aumenta-se a granulosidade
    - superfície indica a comunicação
      - + aumentando a granulosidade, diminui-se a comunicação
    - volume indica a computação
      - + demanda por computação é proporcional ao subdomínio volume
  - Ex.: Problema diferença finita bi-dimensional





# Metodologia de Projeto

- Aglomeração – **aumentar granulosidade**
  - Evitar comunicação
    - + dependência de dados pode impedir emprego da concorrência
    - + aglomerar tarefas neste caso evita comunicação desnecessária
  - Ex: op. de redução em paralelo, todas as tarefas têm resultado
    - + tarefas podem explorar concorrência apenas no passo (0, 1 ou 2)



# Metodologia de Projeto

---

- Aglomeração – **preservar flexibilidade**
  - é fácil a aglomeração prejudicar a escalabilidade
    - normalmente torna decisões de particionamento estáticas
      - + impedem adaptação do algoritmo para uma máquina melhor
  - ter mais tarefas que processadores contribui para:
    - adaptar a aplicação para uma nova plataforma
    - sobrepor comunicação com computação
      - + tarefa bloqueada não bloqueia necessariamente o processador
        - o este pode atender outra tarefa
    - facilitar o balanceamento da carga no estágio de mapeamento
  - estudos empíricos e modelagem analítica
    - **estudos complementares** que podem determinar n<sup>o</sup> ótimo de tarefas
  - n<sup>o</sup> maior de tarefas que processadores
    - **não é obrigatório** para flexibilidade
    - **importante**: não incorporar limites desnecessários à criação de

# Metodologia de Projeto

---

- Aglomeração – **redução de custos da ES**
  - diferentes estratégias de particionamento encarecem projeto
    - **mudanças** no código **devem ser evitadas**
  - partições podem reaproveitar código já existente
    - elas facilitam o **reuso** de componentes

# Metodologia de Projeto

---

- Aglomeração – *checklist*
  - Aglomeração reduziu os custos de comunicação com o aumento da localidade?
  - Se a aglomeração replicou a computação, verificaram-se os benefícios frente aos custos
    - considerados tamanhos variados de problemas e/ou quantidades de processos?
  - Se a aglomeração replicou dados, verificou-se a escalabilidade?
    - considerados tamanhos variados de problemas e/ou quantidades de processos?
  - Tarefas têm tamanhos aproximados (computação e comunicação)?
  - O número de tarefas é condizente com o tamanho do problema e com o computador usado?
  - O número de tarefas pode ser reduzido ainda mais, sem prejudicar escalabilidade, flexibilidade ou custos de ES?

# Metodologia de Projeto

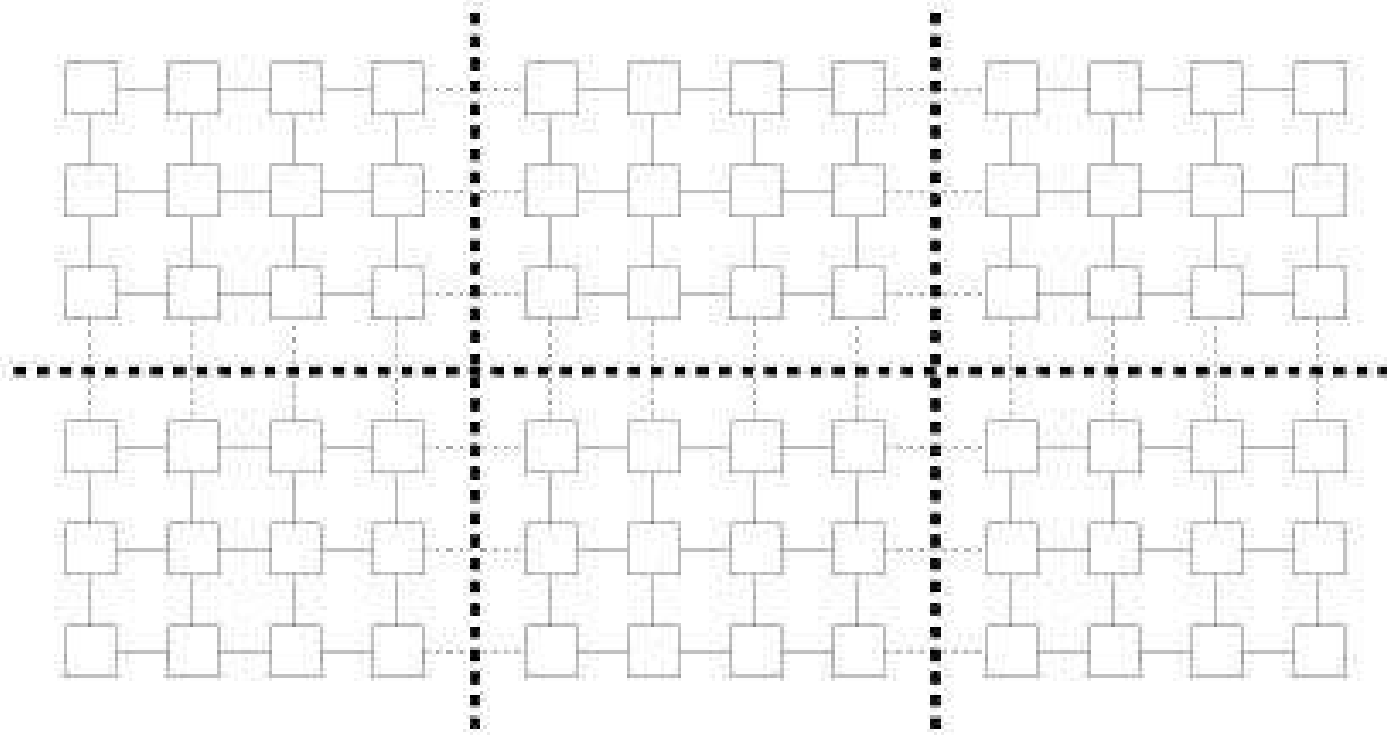
---

- Mapeamento – (Estágio de )
  - especifica onde cada tarefa vai executar
  - não se aplica em monoprocessadores
    - ou máquinas onde o escalonamento de procesos é automático
  - Problema com objetivo de:
    - escalonar tarefas que executam concorrentemente em diferentes processadores (**aumentar concorrência**)
    - escalonar tarefas que comunicam frequentemente nos mesmos processadores (**aumentar localidade**)
    - Essas estratégias são conflitantes!
  - Problema difícil (NP-completo)
    - estratégias e heurísticas específicas a determinados problemas

# Metodologia de Projeto

---

- Mapeamento
  - mais fácil de ser empregado se
    - decomposição por dados
    - número fixo de tarefas balanceadas
    - comunicação local/global estruturada



# Metodologia de Projeto

---

- Mapeamento

- algoritmos mais complexos empregam:

- algoritmos de **balanceamento de carga**

- + empregam políticas de escalonamento com heurísticas

- balanceamento de carga **probabilísticos**

- + menos *overhead* que os baseados na estrutura da aplicação

- **balanceamento de carga dinâmico**

- + consideram variações no número de tarefas, quantidade de comunicação e/ou computação por tarefa

- + geram *overhead* em tempo de execução

- o comunicação local é preferível à global

- algoritmos de **escalonamento de tarefas**

- + alocam tarefas para processadores ociosos (ou que se tornarão ociosos)

- + usados quando aplicação:

- o usa decomposição funcional

- o computação é formada por várias tarefas de curta duração

- coordenam com outras tarefas só no início e fim da execução

# Metodologia de Projeto

---

- Mapeamento - **balanceamento de carga**

- há diversos algoritmos para o balanceamento

- aqui foram agrupados em:

- métodos de biseção recursiva,
    - algoritmos locais
    - métodos probabilísticos e
    - mapeamentos cíclicos

- biseção recursiva**

- divide recursivamente domínio em subdomínios (tamanhos =)
      - + objetivo é minimizar custos de comunicação
      - + reduzindo número de canais que cruzam limites dos subdomínios
      - + estratégia pode ser feita em paralelo
    - há variações deste método
      - + **particionam computação x particionam comunicação**



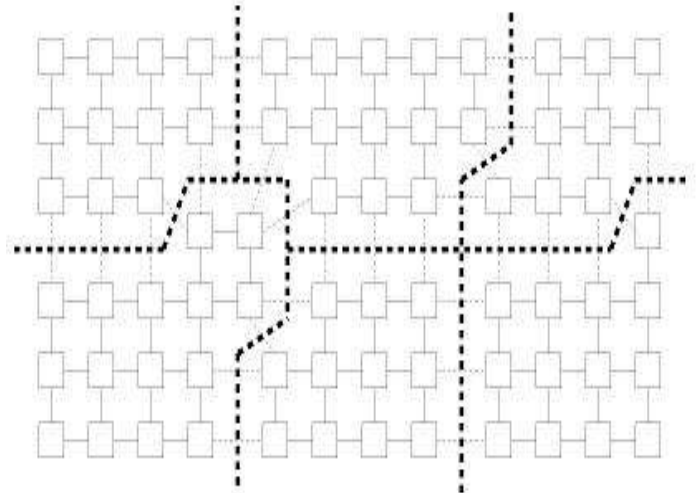
# Metodologia de Projeto

---

- Mapeamento - **balanceamento de carga**

- algoritmos locais**

- técnicas baseadas na biseção recursiva são caras
      - + necessitam conhecimento global da computação a ser feita
    - algoritmos locais tomam decisões com conhecimentos locais
      - + no máximo considerando carga dos vizinhos
      - + processadores comparam periodicamente suas cargas locais com as cargas dos vizinhos
        - o caso a diferença for maior que um limite, transfere carga
    - + aplicados quando há variação constante das cargas
      - o são mais suscetíveis a picos de variação de carga
      - o podem se tornar lentos



# Metodologia de Projeto

---

- Mapeamento - **balanceamento de carga**

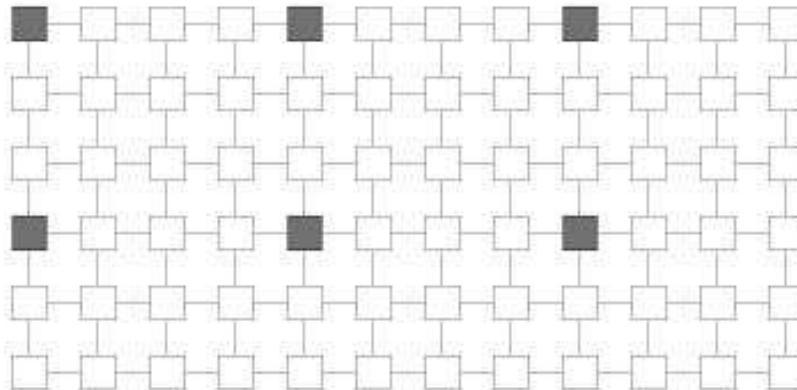
- métodos probabilísticos**

- distribuem tarefas aleatoriamente aos processadores
    - processadores devem ser pulverizados por igual
      - + balanceamento da carga é atingido com menos custo
      - + favorece escalabilidade (adapta-se a um grande nº de tarefas)
      - + desvantagem: não considera comunicação entre tarefas
        - o custos de comunicação provavelmente aumentam

# Metodologia de Projeto

---

- Mapeamento - **balanceamento de carga**
  - mapeamentos cíclicos (ou espalhados)**
    - usados quando sabe-se que há
      - + variação da carga computacional por ponto no grid
      - + significativa localidade espacial nos níveis de carga
    - Ex: tarefas são enumeradas (o “como” não importa)
      - +  $p^{\text{th}}$  tarefa vai para o processador  $p$
    - considerados uma forma de método probabilístico
      - + meta: na média haverá uma distribuição homogênea na carga
      - + problema: aumenta custos com a comunicação



# Metodologia de Projeto

---

- Mapeamento - **escalonamento de tarefas**
  - aplicado quando decomposição funcional cria várias tarefas com pouca localidade
  - gerente ou “pool de gerentes” decidem a distribuição
  - algoritmo é dividido em tarefas escravas (*worker tasks*)
  - **ponto complicado:**
    - escolher a heurística para realizar a distribuição das tarefas
    - escolha assume compromisso com objetivos conflitantes:
      - + independência de operações
        - o para reduzir custos de comunicação
      - + conhecimento global sobre o estado da computação
        - o para melhorar o balanceamento de carga
  - **abordagens:**
    - mestre / escravo
    - mestre / escravo hierárquico
    - esquemas descentralizados
    - detecção de finalização
      - + impede que escravos solicitem trabalho indefinidamente

# Metodologia de Projeto

---

- Mapeamento - *checklist*
  - Se optou-se por SPMD para o um problema complexo, criação dinâmica de tarefas não seria melhor?
    - algoritmo pode ser mais simples
  - Se a opção foi pela criação dinâmica de tarefas, um projeto SPMD também foi analisado?
    - algoritmo SPMD facilita controle sobre escalonamento, computação e comunicação (mas pode ser mais complexo)
  - Se balanceamento é centralizado, ele não será um gargalo na execução?
  - Se balanceamento é dinâmico, foram analisados os custos durante a execução?
  - Se método é probabilístico, são criadas mais tarefas suficientes para garantir balanceamento?

# Metodologia de Projeto

---

- ***Feedback***

- Apresentada uma metodologia de quatro estágios
  - particionamento
    - + decomposição por dados/domínio e tarefas/funcional
  - comunicação
    - + local/global, estática/dinâmica, estruturada/desestruturada, síncrona/assíncrona
  - aglomeração
    - + reduzir comunicação, manter flexibilidade em processos, reduzir custos ES
  - mapeamento
    - + reduzir custos de comunicação, manter flexibilidade para arquiteturas, balanceamento da carga, escalonamento de tarefas