Ex. 2

$$x_2 - 4x_3 = 8$$

$$2x_1 - 3x_2 + 2x_3 = 1$$

$$5x_1 - 8x_2 + 7x_3 = 1$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 1 & -4 & 8 \\ 2 & -3 & 2 & 1 \\ 5 & -8 & 7 & 1 \end{bmatrix} \xrightarrow{R_1 \leftrightarrow R_2} \begin{bmatrix} 2 & -3 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & -4 & 8 \\ 5 & -8 & 7 & 1 \end{bmatrix} \xrightarrow[R_3 - \frac{5}{2}R_1]{R_3} \begin{bmatrix} 2 & -3 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & -4 & 8 \\ 0 & -\frac{1}{2} & 2 & -\frac{3}{2} \end{bmatrix}$$

$$R_3 \leftarrow R_3 + \frac{1}{2}R_2 \rightarrow \begin{bmatrix} 2 & -3 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & -4 & 8 \\ 0 & 0 & 0 & \frac{5}{2} \end{bmatrix}$$

$$0x_1 + 0x_2 + 0x_3 = \frac{5}{2} \quad \times$$

no solution exists