

EVALUAREA NAȚIONALĂ PENTRU ABSOLVENTII CLASEI a VIII-a

Anul școlar 2021 - 2022

Matematică

Testul 5

BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE

- Se acordă zece puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea la zece a punctajului total acordat pentru lucrare.

SUBIECTUL I ȘI SUBIECTUL al II-lea:

- Se punctează doar rezultatul, astfel: pentru fiecare răspuns se acordă fie cinci puncte, fie zero puncte.
- Nu se acordă punctaje intermediare.

SUBIECTUL al III-lea

- Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.
- Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.

SUBIECTUL I

(30 de puncte)

1.	d)	5p
2.	a)	5p
3.	b)	5p
4.	c)	5p
5.	c)	5p
6.	a)	5p

SUBIECTUL al II-lea

(30 de puncte)

1.	d)	5p
2.	b)	5p
3.	d)	5p
4.	b)	5p
5.	c)	5p
6.	a)	5p

SUBIECTUL al III-lea

(30 de puncte)

1.	a) $\overline{ac} = 18 \Rightarrow c = 8$ și $\overline{abc} = 18 \cdot 6 + 5 = 113 \Rightarrow c = 3$ Cum $8 \neq 3$, deducem că nu este posibil ca numărul natural \overline{ac} să fie egal cu 18 b) $abc = 6 \cdot \overline{ac} + 5$ $100a + 10b + c = 60a + 6c + 5$, de unde obținem $8a + 2b = c + 1$ $c + 1 \leq 10 \Rightarrow 8a + 2b \leq 10 \Rightarrow a = 1, b = 0, c = 7 \Rightarrow \overline{abc} = 107$ sau $a = 1, b = 1, c = 9 \Rightarrow \overline{abc} = 119$	1p 1p 1p 1p 1p
2.	a) $E(x) = (5x+3-3x-4)(5x+3+3x+4) = (2x-1)(8x+7)$, pentru orice număr real x b) Dacă n nu este divizibil cu 3 $\Rightarrow n = 3k+1$ sau $n = 3k+2$, unde k este număr natural Dacă $n = 3k+1 \Rightarrow 8n+7 = 24k+15 = 3(8k+5) \vdots 3 \Rightarrow E(n) \vdots 3$ Dacă $n = 3k+2 \Rightarrow 2n-1 = 6k+3 = 3(2k+1) \vdots 3 \Rightarrow E(n) \vdots 3$	1p 1p 1p 1p 1p
3.	a) $f(-\sqrt{5}) = -\sqrt{5} + 3$ $f(\sqrt{5}) = \sqrt{5} + 3 \Rightarrow f(\sqrt{5}) \cdot f(-\sqrt{5}) = (3+\sqrt{5})(3-\sqrt{5}) = 9-5=4$	1p 1p

	<p>b) Simetricul punctului $A(-3, -6)$ față de originea $O(0,0)$ este punctul B, astfel încât punctul O este mijlocul segmentului AB. Triunghiurile AOP și BOQ sunt congruente, unde punctele P și Q sunt proiecțiile punctelor A și, respectiv B pe axa $Ox \Rightarrow OQ = OP = 3\text{ cm}$ și $BQ = AP = 6\text{ cm} \Rightarrow B(3, 6)$. $f(3) = 3 + 3 = 6 \Rightarrow B(3, 6)$ aparține reprezentării grafice a funcției f.</p>	1p
	<p>a) $ATPM$ și $TBCQ$ sunt dreptunghiuri, unde $QP \cap AB = \{T\} \Rightarrow TP = AM = 2\text{ cm}$ și $TB = CQ = AM = 2\text{ cm}$. Triunghiul BTP este dreptunghic în T, $BP = \sqrt{BT^2 + PT^2} = 2\sqrt{2}\text{ cm}$.</p>	1p
	<p>b) Fie $AQ \cap DP = \{S\}, CM \cap DP = \{V\}$</p> $PQ \parallel AD \Rightarrow \Delta PSQ \sim \Delta DSA \Rightarrow \frac{PS}{SD} = \frac{PQ}{AD}, MP \parallel DC \Rightarrow \Delta MVP \sim \Delta CVD \Rightarrow \frac{PV}{VD} = \frac{MP}{DC}$ $PQ = MP, AD = DC \Rightarrow \frac{PQ}{AD} = \frac{MP}{DC}$ <p>Obținem $\frac{PS}{SD} = \frac{PV}{VD} \Rightarrow S = V \Rightarrow$ dreptele AQ, CM și DP sunt concurente</p>	1p
4.	<p>a) $BC = AC = AD + DC = 6\text{ cm}$</p> <p>Triunghiul EDC este dreptunghic în $D, \angle E = 30^\circ \Rightarrow EC = 2 \cdot DC = 8\text{ cm} \Rightarrow EB = 2\text{ cm}$</p> <p>b) $\angle ADF = 90^\circ, \angle AFD = 30^\circ \Rightarrow AF = 2 \cdot AD = 4\text{ cm} \Rightarrow BF = 2\text{ cm}$</p> $FQ \perp BC, Q \in BC \Rightarrow FQ = \sqrt{3}\text{ cm} \text{ și } FC = 2\sqrt{7}\text{ cm}$ $A_{EFC} = \frac{d(E, CF) \cdot CF}{2} = \frac{FQ \cdot EC}{2} \Rightarrow d(E, CF) = \frac{4\sqrt{21}}{7}\text{ cm}$	1p
5.	<p>a) $DC = 2x \Rightarrow PD = x$</p> <p>Triunghiul PDC este dreptunghic în $D \Rightarrow PC^2 = PD^2 + DC^2 = 5x^2$</p> <p>Triunghiul MCP este dreptunghic în $C \Rightarrow MP^2 = MC^2 + CP^2 \Rightarrow x = 2 \Rightarrow AB = 2x = 4\text{ cm}$</p> <p>b) $(ABB') \parallel (DCC') \Rightarrow \angle(MP, (ABB')) = \angle(MP, (DCC'))$</p> <p>$PD \perp DD'$, $PD \perp DC$, $DD' \cap DC = \{D\}$, deci $PD \perp (DCC')$</p> $\sin(\angle(MP, (ABB'))) = \sin(\angle(MP, (DCC'))) = \sin(\angle(DMP)) = \frac{DP}{MP} = \frac{2}{2\sqrt{6}} = \frac{\sqrt{6}}{6}$	1p
6.		1p