

## Examenul național de bacalaureat 2026

## Proba E. c)

Matematică M<sub>șt-nat</sub>

Simulare

Varianta 1

*Filiera teoretică, profilul real, specializarea științe ale naturii*

- Toate subiectele sunt obligatorii. Se acordă zece puncte din oficiu.
- Timpul de lucru efectiv este de trei ore.

**SUBIECTUL I****(30 de puncte)**

- 5p 1. Se consideră numărul complex  $z = 2 + 3i$ . Calculați  $z^2$ .
- 5p 2. Se consideră funcția  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $f(x) = ax + b$ . Determinați numerele reale  $a$  și  $b$  știind că  $f(0) = 1$  și  $f(x+1) = f(x) + 2$ , pentru orice număr real  $x$ .
- 5p 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația  $2025^{3x-5} = \frac{1}{2025^2}$ .
- 5p 4. Determinați numărul de elemente ale unei mulțimi, știind că aceasta are 36 de submulțimi cu două elemente.
- 5p 5. Determinați numărul real  $m$ , știind că vectorii  $\vec{u} = (m+1)\vec{i} + (m-1)\vec{j}$  și  $\vec{v} = 6\vec{i} + 3\vec{j}$  sunt coliniari.
- 5p 6. Arătați că  $\sin(\pi - x) \cdot \cos(2\pi + x) - \sin(2\pi + x) \cdot \cos(\pi - x) = \sin 2x$ , pentru orice număr real  $x$ .

**SUBIECTUL al II-lea****(30 de puncte)**

1. Se consideră matricea  $A(a) = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ a & a^2 & 1 \\ a+1 & (a+1)^2 & 1 \end{pmatrix}$ , unde  $a$  este număr real.
- 5p a) Calculați  $\det(A(3))$ .
- 5p b) Determinați valorile numărului real  $a$ , pentru care matricea  $A(a)$  este inversabilă.
- 5p c) În reperul cartezian  $xOy$  se consideră punctele necoliniare  $A(1, 1)$ ,  $B(a, a^2)$  și  $C(a+1, (a+1)^2)$ . Determinați numerele reale  $a$ , pentru care aria triunghiului  $ABC$  este egală cu 1.
2. Pe mulțimea numerelor reale se definește legea de compoziție asociativă și cu element neutru  $x \circ y = (x - \sqrt{2})(y - \sqrt{2}) + \sqrt{2}$ .
- 5p a) Calculați  $\sqrt{2} \circ 0$ .
- 5p b) Determinați numerele reale  $x$  pentru care  $x \circ x = x$ .
- 5p c) Determinați numerele raționale ale căror simetrice în raport cu legea de compoziție " $\circ$ " sunt numere raționale.

**SUBIECTUL al III-lea****(30 de puncte)**

1. Se consideră funcția  $f: (0, +\infty) \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $f(x) = \frac{1}{x} + \ln x + 1$ .
- 5p a) Arătați că  $f'(x) = \frac{x-1}{x^2}$ , pentru orice  $x \in (0, +\infty)$ .
- 5p b) Determinați ecuația tangentei la graficul funcției  $f$ , care este paralelă cu axa  $Ox$ .
- 5p c) Arătați că  $\sqrt{x} \cdot \ln x \geq 2(\sqrt{x} - 1)$ , pentru orice  $x \in (0, +\infty)$ .
2. Se consideră funcțiile  $f, F: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $f(x) = (x-2) \cdot e^x$  și  $F(x) = (x-a) \cdot e^x + b$ , unde  $a, b \in \mathbb{R}$ .
- 5p a) Determinați numerele reale  $a$  și  $b$  știind că funcția  $F$  este o primitivă a funcției  $f$  și  $F(3)=1$ .
- 5p b) Pentru  $a=3$  și  $b=e^2$ , calculați  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{F(x)}{(x-2)^2}$ .
- 5p c) Arătați că orice primitivă  $G$  a funcției  $F$  este concavă pe intervalul  $(-\infty, 2]$ .