

Examenul național de bacalaureat 2026
Proba E. c)
Matematică *M_tehnologic*
BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE
Simulare
Varianta 1

Filiera tehnologică: profilul servicii, toate calificările profesionale; profilul resurse, toate calificările profesionale;

profilul tehnic, toate calificările profesionale.

- Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător
- Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem
- Se acordă zece puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea la zece a punctajului total acordat pentru lucrare

SUBIECTUL I		(30 de puncte)
1.	$\left(\frac{1}{4} + \frac{3}{8} \cdot \frac{6}{5}\right) \cdot \frac{16}{9} = \left(\frac{1}{4} + \frac{3}{8} \cdot \frac{5}{6}\right) \cdot \frac{16}{9} = \left(\frac{1}{4} + \frac{5}{16}\right) \cdot \frac{16}{9} =$ $\frac{9}{16} \cdot \frac{16}{9} = 1$	3p 2p
2.	$A(m, 10) \in G_f \Leftrightarrow f(m) = 10 \Leftrightarrow 3m + 1 = 10$ $\Leftrightarrow m = 3$	3p 2p
3.	Condiții de existență: $2x + 5 > 0 \Leftrightarrow x \in \left(-\frac{5}{2}, +\infty\right)$ $\log_5(2x + 5) = 2 \Leftrightarrow 2x + 5 = 5^2 \Leftrightarrow 2x + 5 = 25 \Leftrightarrow 2x = 20 \Leftrightarrow x = 10 \in \left(-\frac{5}{2}, +\infty\right)$	2p 3p
4.	$x - \frac{15}{100} \cdot x = 170 \Leftrightarrow \frac{85}{100} \cdot x = 170$ $\Leftrightarrow x = 200 \text{ lei}$	3p 2p
5.	$AB = \sqrt{5}$ $BC = \sqrt{5}$ Cum $AB = BC \Rightarrow \Delta ABC$ este triunghi isoscel	2p 2p 1p
6.	$\hat{B} = 45^\circ \Rightarrow \Delta ABC$ este dreptunghic isoscel $\Rightarrow AB = AC = 8$ $A_{\Delta ABC} = \frac{AB \cdot AC}{2} = 32$	3p 2p
SUBIECTUL al II-lea		(30 de puncte)
1.a)	$A(-1) = \begin{pmatrix} -1 & -5 \\ 5 & -1 \end{pmatrix} \Rightarrow \det(A(-1)) = \begin{vmatrix} -1 & -5 \\ 5 & -1 \end{vmatrix} = (-1) \cdot (-1) - 5 \cdot (-5) =$ $1 + 25 = 26$	3p 2p
b)	$A(x + 2025) = \begin{pmatrix} x + 2025 & -5 \\ 5 & x + 2025 \end{pmatrix}, A(x - 2025) = \begin{pmatrix} x - 2025 & -5 \\ 5 & x - 2025 \end{pmatrix}$ $A(x + 2025) + A(x - 2025) = \begin{pmatrix} 2x & -10 \\ 10 & 2x \end{pmatrix} = 2 \cdot \begin{pmatrix} x & -5 \\ 5 & x \end{pmatrix} = 2A(x)$	2p 3p
c)	$A(5) = \begin{pmatrix} 5 & -5 \\ 5 & 5 \end{pmatrix}, A(-45) = \begin{pmatrix} -45 & -5 \\ 5 & -45 \end{pmatrix}$ $A(a) \cdot A(5) = A(-45) \Leftrightarrow \begin{pmatrix} 5a - 25 & -5a - 25 \\ 5a + 25 & 5a - 25 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -45 & -5 \\ 5 & -45 \end{pmatrix} \Leftrightarrow \begin{cases} 5a - 25 = -45 \\ 5a + 25 = 5 \end{cases} \Leftrightarrow a = -4$	2p 3p
2.a)	$2 * \left(-\frac{1}{2}\right) = 2 \cdot \left(-\frac{1}{2}\right) - 4 \cdot 2 - 4 \cdot \left(-\frac{1}{2}\right) + 20 =$ $-1 - 8 + 2 + 20 = 13$	2p 3p

b)	$x * y = (x - 4)(y - 4) + 4 \Leftrightarrow x * y = xy - 4x - 4y + 16 + 4$ $\Leftrightarrow x * y = xy - 4x - 4y + 20 \text{ (A)} \Rightarrow x * y = (x - 4)(y - 4) + 4, \forall x, y \in \mathbb{R}$	3p 2p
c)	$x * \log_2 16 = x * 4 = 4$ și $\log_2 16 * y = 4 * y = 4, \forall x, y \in \mathbb{R}$ $\Rightarrow \log_2 1 * \log_2 2 * \dots * \log_2 2025 = 4$	2p 3p
SUBIECTUL al III-lea		(30 de puncte)
1.a)	$f'(x) = \frac{(x^2 + 5x + 8)' \cdot (x + 1) - (x^2 + 5x + 8)(x + 1)'}{(x + 1)^2} =$ $\frac{(2x + 5) \cdot (x + 1) - (x^2 + 5x + 8) \cdot 1}{(x + 1)^2} = \frac{x^2 + 2x - 3}{(x + 1)^2} = \frac{(x - 1)(x + 3)}{(x + 1)^2}$	2p 3p
b)	tg: $y - f(1) = f'(1)(x - 1)$, $f(1) = 7$, $f'(1) = 0$ Ecuația tangentei este: $\text{tg: } y = 7$	3p 2p
c)	$f'(x) > 0, \forall x \in (1, +\infty) \Rightarrow f$ este strict crescătoare pe $[1, +\infty)$ Cum $f(2) = \frac{22}{3} \Rightarrow f(x) \geq f(2) = \frac{22}{3}, \forall x \in [2, +\infty)$	3p 2p
2.a)	$\int \left(f(x) - \frac{1}{x^2} \right) dx = \int \left(1 + \frac{1}{x} + \frac{1}{x^2} - \frac{1}{x^2} \right) dx = \int \left(1 + \frac{1}{x} \right) dx =$ $\int 1 dx + \int \frac{1}{x} dx = x + \ln x + C$	2p 3p
b)	$\int f(x) dx = \int \left(1 + \frac{1}{x} + \frac{1}{x^2} \right) dx = x + \ln x - \frac{1}{x} + C$ <p>Fie $F: (0, +\infty) \rightarrow \mathbb{R}$, $F(x) = x + \ln x - \frac{1}{x} + c$ o primitivă a funcției f. Cum $F(1) = 5 \Rightarrow$</p> $1 + \ln 1 - 1 + c = 5 \Rightarrow c = 5$ <p>Primitiva căutată este $F(x) = x + \ln x - \frac{1}{x} + 5$</p>	2p 2p 1p
c)	Fie $G: (0, +\infty) \rightarrow \mathbb{R}$ o primitivă a funcției $f \Rightarrow G$ este derivabilă pe $(0, +\infty)$ și $G'(x) = f(x), x \in (0, +\infty)$ $G'(x) = f(x) = 1 + \frac{1}{x} + \frac{1}{x^2} > 0, \forall x \in (0, +\infty)$ $\Rightarrow G$ este strict crescătoare pe $(0, +\infty)$	2p 2p 1p