Programare funcțională

Introducere în programarea funcțională folosind Haskell C06

Claudia Chiriță Denisa Diaconescu

Departamentul de Informatică, FMI, UB

Înregistrări

type

Cu type se pot redenumi tipuri deja existente.

```
type FirstName = String
type LastName = String
type Age = Int
type Height = Float
type Phone = String
```

data Person = Person FirstName LastName Age Height Phone

Exemplu - date personale. Proiecții

data Person = Person FirstName LastName Age Height Phone firstName :: Person -> String firstName (Person firstname) = firstname lastName :: Person -> String lastName (Person _ lastname _ _ _ _) = lastname age :: Person -> Int age (Person _ _ age _ _) = age height :: Person -> Float height (Person _ _ _ height _) = height phoneNumber :: Person -> String

phoneNumber (Person _ _ _ number) = number

Exemplu - date personale. Utilizare

Prelude> firstName ionel
"lon"

Prelude> height ionel 175.2

Prelude> phoneNumber ionel "0712334567"

Date personale ca înregistrări

Date personale ca înregistrări

- Putem folosi şi pattern-matching
- · Proiectiile sunt definite automat
- Sintaxă specializată pentru actualizări

```
nextYear :: Person -> Person
nextYear person = person { age = age person + 1 }
```

Date personale ca înregistrări

Prelude> nextYear ionel
No instance for (Show Person) arising from a use of 'print'

Deși toate definițiile sunt corecte, o valoare de tip Person nu poate fi afișată deoarece nu are o instanță a clasei **Show**.

Clase de tipuri

Exemplu: test de apartenență

Să scriem funcția **my_elem** care testează dacă un element aparține unei liste.

• definitia folosind descrieri de liste

```
my_{elem} x ys = or [x == y | y <- ys]
```

definiția folosind recursivitate

```
my\_elem x [] = False
my\_elem x (y:ys) = x == y || elem x ys
```

definiția folosind funcții de nivel înalt

```
my_{elem} x ys = foldr (||) False (map (x ==) ys)
```

Funcția elem este polimorfică

```
Prelude> my elem 1 [2,3,4]
False
Prelude > my elem 'o' "word"
True
Prelude> my elem (1, o') [(0, w'), (1, o'), (2, r'), (3, d')]
     ')]
True
Prelude> my elem "word" ["list","of","word"]
```

Care este tipul functiei my elem?

True

- Funcția my_elem este polimorfică.
 - Definiția funcției este parametrică în tipul de date.

Funcția elem este polimorfică

Totuși definiția nu funcționează pentru orice tip!

```
Prelude> my_elem (+ 2) [(+ 2), sqrt]
```

No instance for (Eq (Double -> Double)) arising from a use of 'elem'

Ce se întâmplă?

```
Prelude> :t my_elem
```

$$my_{elem} :: Eq a => a -> [a] -> Bool$$

În definitia

$$my_elem x ys = or [x == y | y <- ys]$$

folosim relația de egalitate == care nu este definită pentru orice tip.

```
Prelude> sqrt == sqrt
```

No instance for (Eq (Double -> Double)) ...

False

Clase de tipuri

O clasă de tipuri este determinată de o mulțime de funcții (este o interfață).

```
class Eq a where
  (==) :: a -> a -> Bool
  (/=) :: a -> a -> Bool
  -- minimum definition: (==)
  x /= y = not (x == y)
  -- ^^^ putem avea definitii implicite
```

Tipurile care aparțin clasei sunt instanțe ale clasei.

```
instance Eq Bool where
False == False = True
False == True = False
True == False = True = True
```

Clasa de tipuri. Constrângeri de tip

În signatura funcției my_elem trebuie să precizăm ca tipul a este în clasa **Eq**

```
my_elem :: Eq a => a -> [a] -> Bool
```

- Eq a se numește constrângere de tip.
- => separă constrângerile de tip de restul signaturii.

În exemplul de mai sus am considerat că my_elem este definită pe liste, dar în realitate funcția este mai complexă:

```
Prelude> :t my_elem my_elem :: (Eq a, Foldable t) \Rightarrow a \Rightarrow t a \Rightarrow Bool
```

În această definiție Foldable este o altă clasă de tipuri, iar t este un parametru care ține locul unui constructor de tip!

Sistemul tipurilor in Haskell este complex!

Instanțe ale lui Eq

```
class Eq a where
 (==) :: a -> a -> Bool
instance Eq Int where
 (==) = eqInt -- built-in
instance Eq Char where
 x == v = ord x == ord v
instance (Eq a, Eq b) \Rightarrow Eq (a,b) where
 (u,v) == (x,y) = (u == x) & (v == y)
instance Eq a => Eq [a] where
  [] == [] = True
  [] == y:ys = False
 x:xs == [] = False
 x:xs == y:ys = (x == y) && (xs == ys)
```

Eq, Ord

Clasele pot fi extinse:

```
class (Eq a) => Ord a where

(<) :: a -> a -> Bool

(<=) :: a -> a -> Bool

(>) :: a -> a -> Bool

(>=) :: a -> a -> Bool

(>=) :: a -> a -> Bool

-- minimum definition: (<=)

x < y = x <= y && x /= y

x > y = y < x

x >= y = y <= x
```

Clasa **Ord** este clasa tipurilor de date înzestrate cu o relație de ordine.

În definiția clasei **Ord** s-a impus o constrângere de tip. Astfel, orice instantă a clasei **Ord** trebuie să fie instantă a clasei **Eq**.

Instanțe ale lui Ord

```
instance Ord Bool where
    False <= False = True
    False <= True = True
   True <= False = False
   True <= True = True
instance (Ord a, Ord b) => Ord (a,b) where
  (x,y) \le (x',y') = x < x' \mid (x == x' && y <= y')
  -- ordinea lexicografica
instance Ord a => Ord [a] where
    [] <= ys = True
    (x:xs) \leftarrow [] = False
    (x:xs) \leftarrow (y:ys) = x < y \mid | (x == y && xs <= ys)
```

Definirea claselor

Să presupunem că vrem să definim o clasă de tipuri pentru datele care pot fi afișate. O astfel de clasă trebuie să conțină o metodă care să indice modul de afișare:

```
class Visible a where
   toString :: a -> String
```

Putem face instantieri astfel:

```
instance Visible Char where
  toString c = [c]
```

Clasele **Eq**, **Ord** sunt predefinite. Clasa Visible este definită de noi, dar există o clasă predefinită care are același rol: clasa **Show**.

Show

```
class Show a where
 show :: a -> String -- analogul lui "toString"
instance Show Bool where
 show False = "False"
 show True = "True"
instance (Show a. Show b) => Show (a,b) where
 show (x,y) = "(" ++ show x ++ "," ++ show y ++ ")"
instance Show a => Show [a] where
 show [] = "[]"
 show (x:xs) = "[" ++ showSep x xs ++ "]"
   where
     showSep x [] = show x
     showSep x (y:ys) = show x ++ "," ++ showSep y ys
```

Clase de tipuri pentru numere

```
class (Eq a, Show a) => Num a where
 (+), (-), (*) :: a -> a -> a
 negate :: a -> a
 fromInteger -> a
 -- minimum definition: (+),(-),(*),fromInteger
 negate x = fromInteger 0 - x
class (Num a) => Fractional a where
 (/) :: a -> a -> a
 recip :: a -> a
 fromRational :: Rational -> a
 -- minimum definition: (/), fromRational
 recip x = 1/x
```

Clase de tipuri pentru numere

```
class (Num a, Ord a) => Real a where
toRational :: a -> Rational
...

class (Real a, Enum a) => Integral a where
div, mod :: a -> a -> a
toInteger :: a -> Integer
...
```

Puteti verifica folosind comanda :info sau :i ce conține o anumită clasă de tipuri.

Derivare automata pentru tipuri algebrice

Am definit tipuri de date noi:

Cum putem să le facem instante ale claselor Eq. Ord, Show?

deriving (Eq. Ord, Show)

Putem să le facem explicit sau să folosim derivarea automată.

Atenție! Derivarea automată poate fi folosită numai pentru unele clase predefinite.

Derivare automata vs Instanțiere explictă

O clasă de tipuri este determinată de o mulțime de funcții.

```
class Eq a where
  (==) :: a -> a -> Bool
  (/=) :: a -> a -> Bool
  -- minimum definition: (==)
  x /= y = not (x == y)
```

Tipurile care aparțin clasei sunt instanțe ale clasei.

Instantierea prin derivare automată:

```
data Point a b = Pt a b
deriving Eq
```

Instanțiere explicită:

```
instance Eq a \Rightarrow Eq (Point a b) where
(==) (Pt x1 y1) (Pt x2 y2) = (x == x1)
```

Derivare automata pentru tipuri algebrice

Egalitatea, relația de ordine și modalitatea de afișare sunt definite implicit dacă este posibil:

Instanțiere explicită - exemplu

```
data Season = Spring | Summer | Autumn | Winter
Instance Eq Season where
 Spring == Spring = True
 Summer == Summer = True
 Autumn == Autumn = True
 Winter == Winter = True
        == = False
Instance Show Season where
 show Spring = "Primavara"
 show Summer = "Vara"
 show Autumn = "Toamna"
 show Winter = "larna"
```

Exemplu: liste

Exemplu de operație:

```
(+++) :: List a -> List a -> List a

infixr 5 +++

Nil +++ ys = ys

(x ::: xs) +++ ys = x ::: (xs +++ ys)
```

Comparați cu versiunea folosind notația predefinită:

$$(++)$$
 :: [a] -> [a] -> [a]
[] ++ ys = ys
(x:xs) ++ ys = x : (xs ++ ys)

Constructori simboluri

```
eqList :: Eq a => List a -> List a -> Bool
eaList Nil Nil
                       = True
eqList (x ::: xs) (y ::: ys) = x == y && eqList xs ys
eqList _ _
                       = False
instance (Eq a) => Eq (List a) where
     (==) = eqList
showList :: Show a => List a -> String
showList Nil = "Nil"
showList (x ::: xs) = show x ++ " ::: " ++ showList xs
instance (Show a) => Show (List a) where
     show = showList
```

Pe săptămâna viitoare!