

# Módulo 9 – Sessão 1 INTRODUCTION TO NETWOKS

Carla Cardoso
Freelancer Al Manager

09 de abril 2025



1

### O QUE ESPERAR DESTE MÓDULO





Quando terminarmos esta sessão vocês vão:

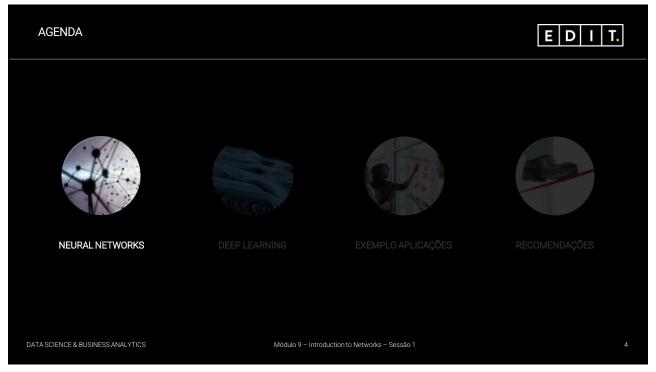
- Ter conceitos teóricos sobre Neural Networks (NN)
- Conseguir identificar as diferentes componentes de uma arquitetura feedforward backpropagation
- Compreender o processo de aprendizagem de um NN
- Saber o que s\(\tilde{a}\)o modelos de \(\textit{Deep Leaning}\) (DL) e como se diferenciam de modelos de NN
- Conhecer algumas arquiteturas de DL
- Ver alguns exemplos que aplicações atuais de DL
- Conhecer os riscos e limitações destas soluções

DATA SCIENCE & BUSINESS ANALYTICS

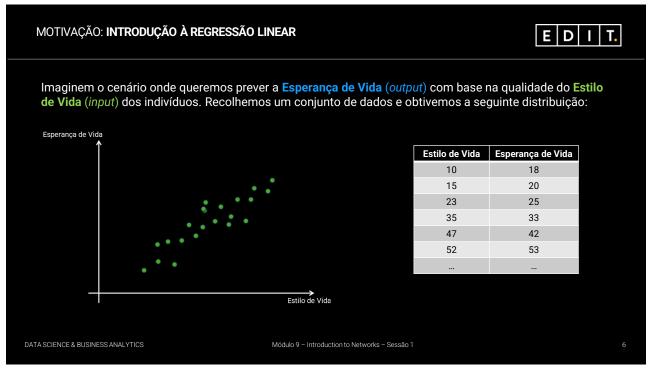
Módulo 9 - Introduction to Networks - Sessão 1

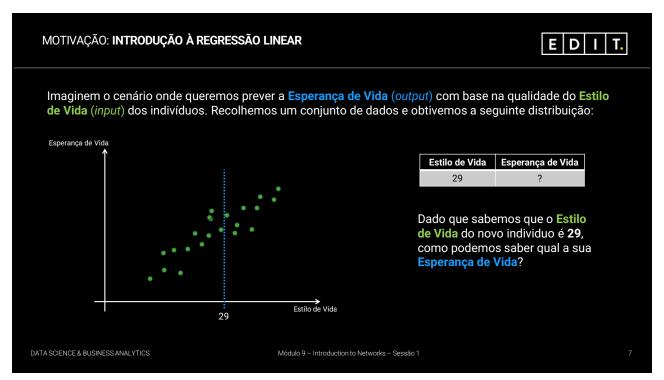
2

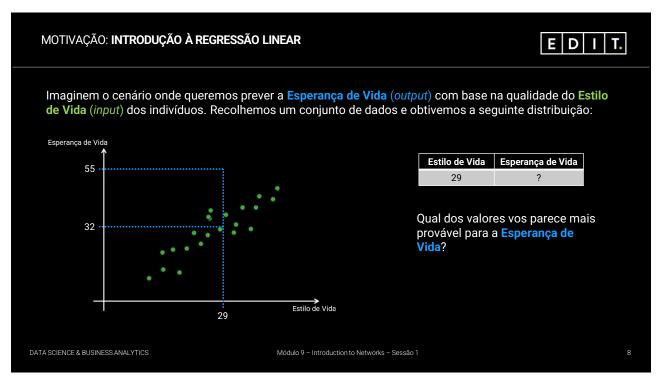














MOTIVAÇÃO: INTRODUÇÃO À REGRESSÃO LINEAR Imaginem o cenário onde queremos prever a Esperança de Vida (output) com base na qualidade do Estilo de Vida (input) dos indivíduos. Recolhemos um conjunto de dados e obtivemos a seguinte distribuição:

> O que fizemos mentalmente foi ajustar uma solução linear ao problema, que pode ser especificada da seguinte forma:

Esperança de Vida = a + b \* Estilo de Vida

 a : valor da Esperança de Vida quando Estilo de Vida = 0
 b : incremento na Esperança de Vida quando Estilo de Vida sobe 1 unidade

A equação geral do modelo linear é dada por:

Y = a + b \* X

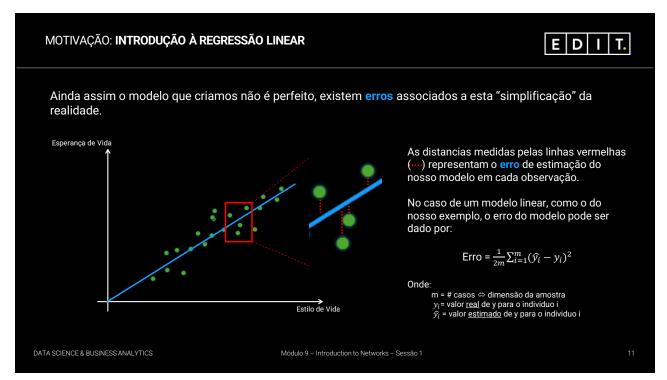
Módulo 9 - Introduction to Networks - Sessão 1

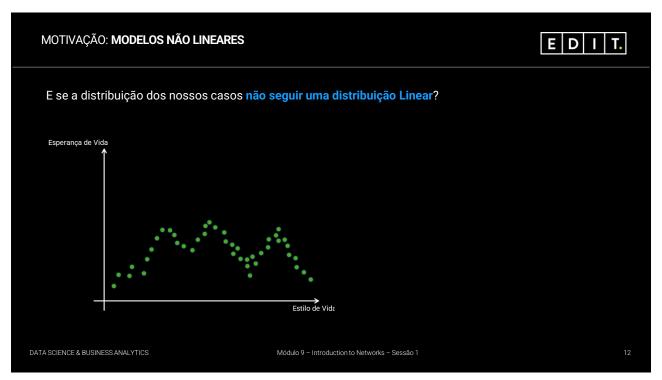
Estilo de Vida

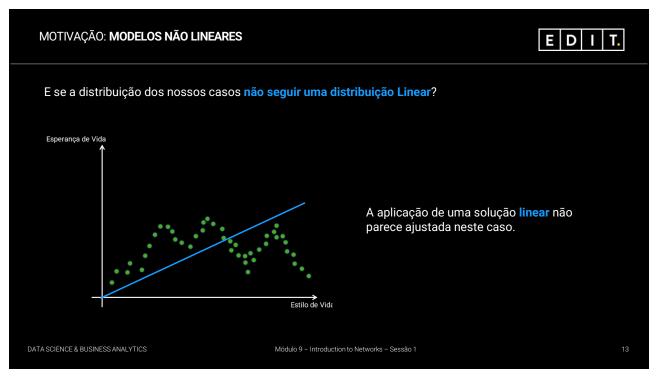
DATA SCIENCE & BUSINESS ANALYTICS

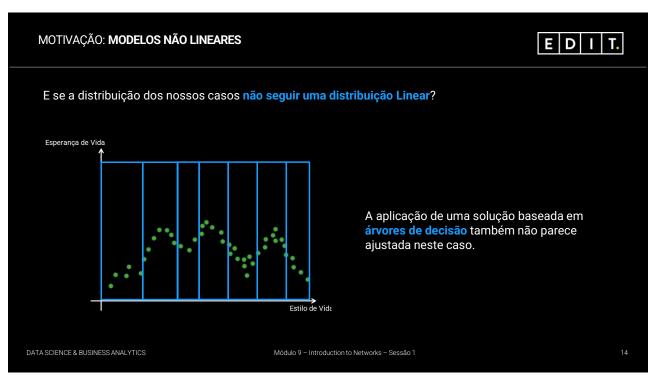
Esperança de Vida

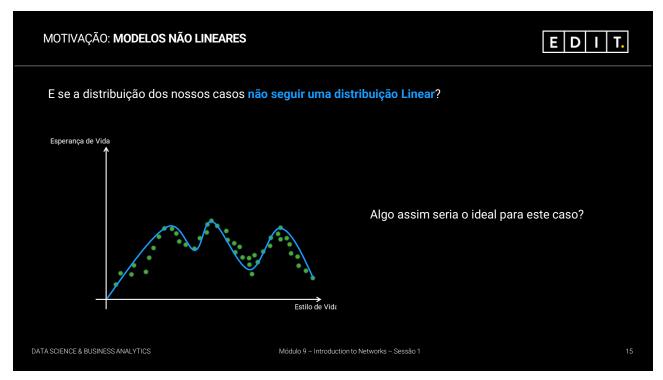
E D I T.









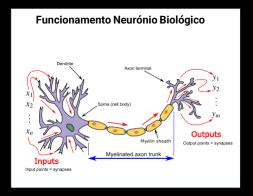


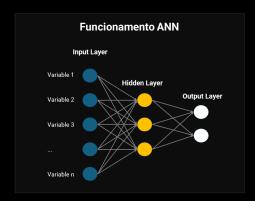


### CONCEITOS BASE: **DEFINIÇÃO**



As **Artificial Neural Networks** (ANN) ou, em Machine Learning, simplesmente **Neural Networks**, são modelos matemáticos inspirados na organização neuronal encontrada nas redes neurais biológicas em cérebros de animais.





DATA SCIENCE & BUSINESS ANALYTICS

Módulo 9 - Introduction to Networks - Sessão 1

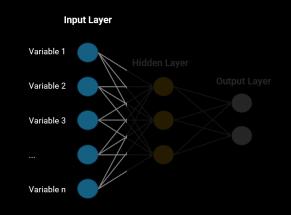
17

17

### CONCEITOS BASE: COMPONENTES



Uma Neural Network é composta por nós (neurónios), conectados entre si em diferentes camadas.



A **Input Layer** (camada de entrada) é constituída por nós que correspondem às variáveis de *input*, um nó por cada variável.

Por **cada observação** lida do nosso *dataframe*, corresponde à atribuição de um **valor numérico** a cada um dos nós da *input layer*.

Cada nó da *input layer* está ligado a **TODOS** os nós da camada seguinte. Dizemos que a rede é do tipo **Fully Connected**.

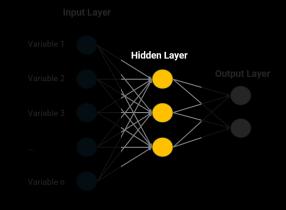
DATA SCIENCE & BUSINESS ANALYTICS

Módulo 9 - Introduction to Networks - Sessão 1

### **CONCEITOS BASE: COMPONENTES**



Uma Neural Network é composta por nós conectados entre si em diferentes camadas.



Cada nó da **Hidden Layer** (camada escondida) recebe informação de todos os nós da camada anterior, que pode ser a **Input Layer** ou outra **Hidden Layer**.

Os valores de cada um dos nós da camada anterior é combinada através da **Transfer Function**, uma **transformação linear** equivalente à que vimos inicialmente:

Exemplo:

$$Y_1 = a_1 + b_{11} * Var_1 + b_{12} * Var_2 + ... + b_{1n} * Var_n$$

DATA SCIENCE & BUSINESS ANALYTICS Módulo 9 - Introduction to Networks - Sessão 1

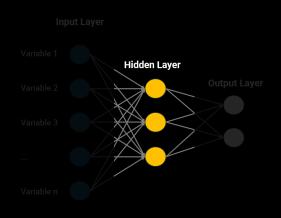
19

19

### CONCEITOS BASE: COMPONENTES



Uma Neural Network é composta por nós conectados entre si em diferentes camadas.



Sobre cada valor de Y é posteriormente aplicada uma transformação **não linear**, como por exemplo a função **logit**, a qual é designada por **Activation Function** (função de ativação):

$$Y_1' = \frac{1}{1 + e^{-Y_1}}$$



E é esse resultado não linear que é passado à camada seguinte.

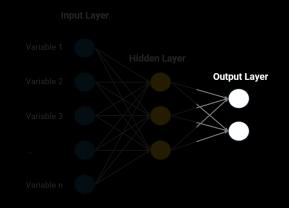
DATA SCIENCE & BUSINESS ANALYTICS

Módulo 9 - Introduction to Networks - Sessão 1

### **CONCEITOS BASE: COMPONENTES**



Uma Neural Network é composta por nós conectados entre si em diferentes camadas.



A **Output Layer** (camada de saída) é a última camada e, tal como as camadas anteriores, realiza uma combinação linear sobre os valores recebidos: Exemplo:

$$O_1 = a_1 + b_{11} * Y_1' + b_{12} * Y_2' + b_{13} * Y_3'$$

No caso do modelo ser de classificação (ex.: Fraude / não-Fraude) é ainda aplicada a **Activation Function** e ficamos com:

$$O_1' = \frac{1}{1 + e^{-O_1}}$$

 $O_1$ ' é o valor que o modelo estima para  $O_1$ .

DATA SCIENCE & BUSINESS ANALYTICS

Módulo 9 - Introduction to Networks - Sessão 1

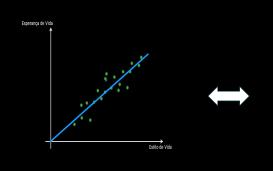
2

21

### CONCEITOS BASE: EXEMPLO



Voltando ao exemplo da previsão da **Esperança de Vida** podemos aplicar uma rede neuronal para simular uma função linear, da seguinte forma:



Esperança de Vida = a + b \* Estilo de Vida

Não vai haver necessidade de camadas escondidas nem de funções de ativação, dado que a solução é linear.

Input Layer Output Layer

Estilo de Vida

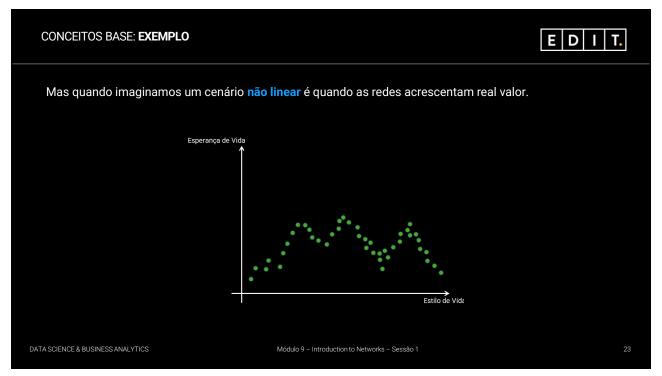
a + b \* X

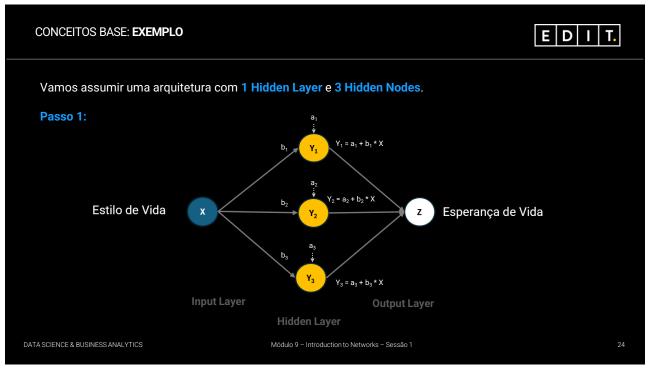
Esperança de Vida

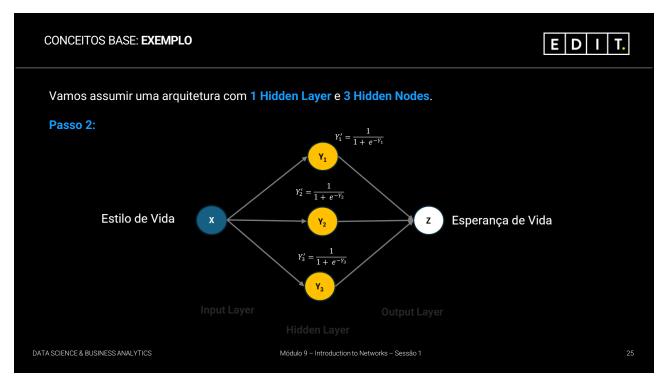
Uma consideração importante é que as redes neuronais apenas aceitam valores entre no intervalo [-1:1] ou no intervalo [0:1] e por isso pode haver necessidade de transformação de variáveis. Esta transformação procura impedir que variáveis em variáveis com valores mais elevador (ex.: saldo médio da conta a ordem) se tornem mais relevantes do que variáveis em variáveis de valores inferiores (ex.: dimensão agregado familiar)

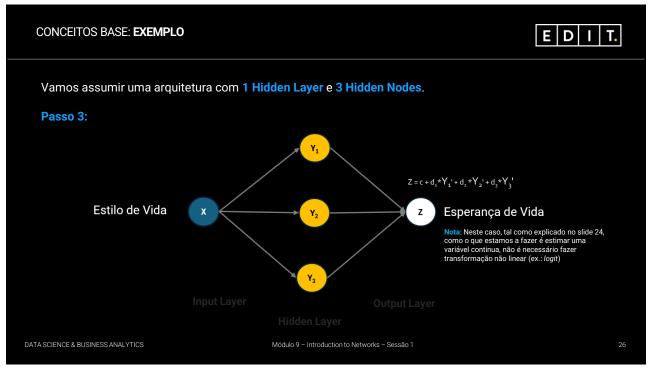
DATA SCIENCE & BUSINESS ANALYTICS

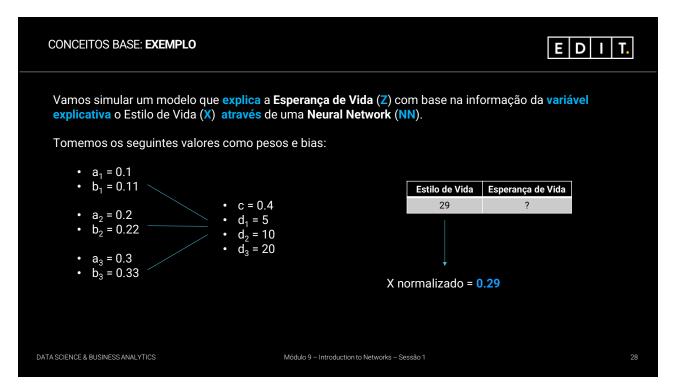
Módulo 9 - Introduction to Networks - Sessão 1

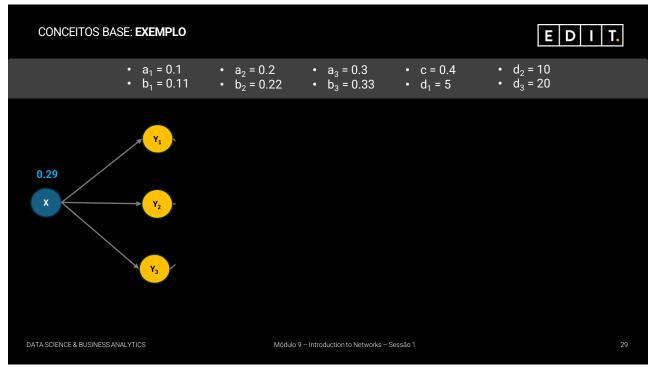






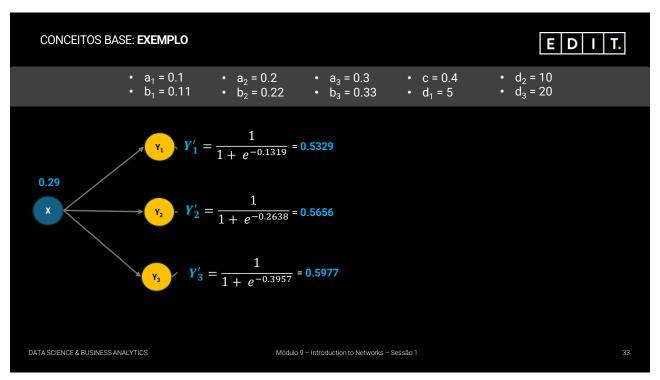


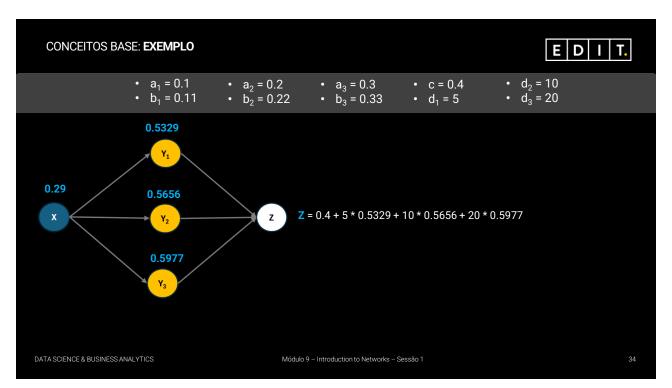


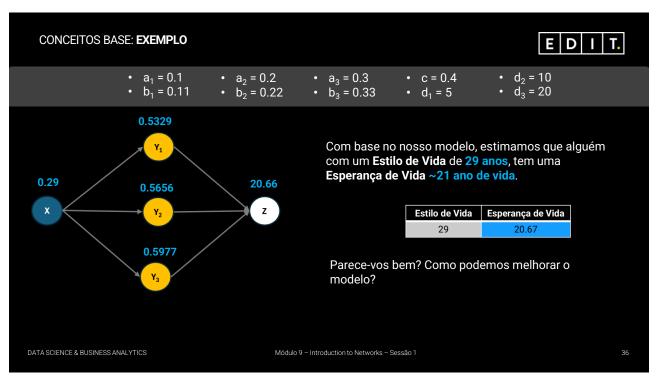


## CONCEITOS BASE: EXEMPLO d<sub>2</sub> = 10 d<sub>3</sub> = 20 • $a_1 = 0.1$ • $a_2 = 0.2$ • $a_3 = 0.3$ • c = 0.4• $b_1 = 0.11$ • $b_2 = 0.22$ • $b_3 = 0.33$ • $d_1 = 5$ $Y_1 = 0.1 + 0.11 * 0.29 = 0.1319$ 0.29 $Y_2 = 0.2 + 0.22 * 0.29 = 0.2638$ Х $Y_3 = 0.3 + 0.33 * 0.29 = 0.3957$ DATA SCIENCE & BUSINESS ANALYTICS Módulo 9 - Introduction to Networks - Sessão 1

31











### **EXERCICIO 1**





Imaginem que têm de desenvolver um **Modelo Não Linear** para classificar se uma compra com cartão de credito é **Fraude**.

Para isso vocês têm acesso a ~500 mil transações e, para cada transação, têm a seguinte informação:

- Hora da transação
- Tipo de Transação (ex.: online)
- · CAE do comerciante
- · Valor da transação
- Fraude (1/0)

**OBJETIVO**: Desenhar a **arquitetura de uma rede neuronal** (incluindo formulação matemática de cada nó) para modelar o problema acima descrito tomando as seguintes restrições:

# Hidden Layers = 1

# Hidden Nodes = 2

Activation Function = Logit

DATA SCIENCE & BUSINESS ANALYTICS

Módulo 9 - Introduction to Networks - Sessão 1

39

39

### EXERCICIO 1





O trabalho é para entregar até ao **final do dia de hoje**, e deve incluir a seguinte informação (1 slide por tópico):

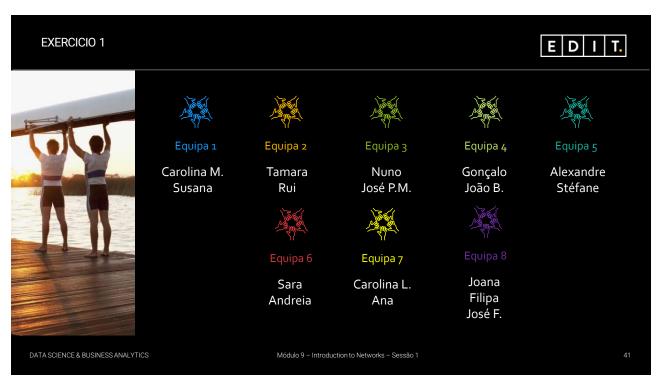
- Descrição do vosso dataframe e caracterização do vosso objetivo de negocio
- Tratamento de dados que vocês vão fazer por forma a ter os dados prontos para ser usados numa rede neuronal (ex.: como tratar variáveis categóricas)
- Informação sobre o data partition que vão aplicar, e com que objetivo
- Desenho da arquitetura da rede neuronal com informação das formulas em cada nó

Posteriormente será elegido um dos grupos para apresentar o seu trabalho, e para os restantes grupos comentarem / complementarem.

DATA SCIENCE & BUSINESS ANALYTICS

Módulo 9 - Introduction to Networks - Sessão 1

40



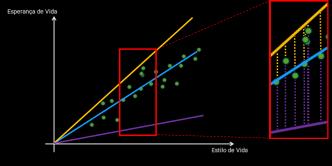


### APRENDIZAGEM: GRADIENT DESCENT



Como já vimos, os modelos procuram explicar os dados observados através da criação de uma função que transforma os dados de input (variáveis explicativas) nos outputs (variáveis resultado).

Podemos ter diferentes modelos para o mesmo conjunto de dados, mas escolhemos o melhor com base na sua capacidade de ajustamento aos dados. Por exemplo, para os nossos dados sobre a Esperança de Vida, qual dos modelos iremos preferir?



Para responder a essa pergunta, temos de calcular o erro associado a cada um dos modelos.

DATA SCIENCE & BUSINESS ANALYTICS

Módulo 9 - Introduction to Networks - Sessão 1

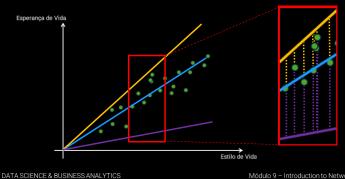
44

### APRENDIZAGEM: GRADIENT DESCENT



Como já vimos, os modelos procuram explicar os dados observados através da criação de uma função que transforma os dados de input (variáveis explicativas) nos outputs (variáveis resultado).

Podemos ter diferentes modelos para o mesmo conjunto de dados, mas escolhemos o melhor com base na sua capacidade de ajustamento aos dados. Por exemplo, para os nossos dados sobre a Esperança de Vida, qual dos modelos iremos preferir?



Com base nos erros calculados para os 3 modelos, modelo azul, modelo amarelo e modelos roxo facilmente verificamos que o modelo que minimiza o "custo" (soma dos erros):

Erro = 
$$\frac{1}{2m} \sum_{i=1}^{m} (\hat{y}_i - y_i)^2$$

é o modelo azul.

Módulo 9 - Introduction to Networks - Sessão 1

### APRENDIZAGEM: GRADIENT DESCENT



É definida a **Cost Function** (função de custo) que será **minimizada** recorrendo um **processo de otimização**. Essa função é calculada a cada iteração do modelo.

Por exemplo, a nossa função de custo pode ser dado por:

$$e = \frac{1}{2m} \sum_{i=1}^{m} (\hat{y}_i - y_i)^2$$

Dado que  $\hat{y_i}$  corresponde ao valor que o modelo estima para o individuo i, então e depende dos pesos que o modelo está a usar.

Vamos chamar **w** ao vetor de pesos que o modelo está a usar. Então podemos dizer que **e** é uma função de **w**.

DATA SCIENCE & BUSINESS ANALYTICS

Módulo 9 - Introduction to Networks - Sessão 1

46

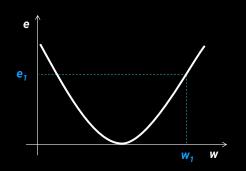
46

### APRENDIZAGEM: GRADIENT DESCENT



**Nós não conhecemos a distribuição do erro**, pois caso a soubéssemos conseguimos encontrar diretamente o vetor **w** que a minimizava e com isso encontrávamos o melhor modelo que explica os dados.

Mas vamos imaginar que essa função tem a seguinte forma:



Fazemos uma iteração do modelo e chegamos ao vetor de pesos  $\mathbf{w}_1$  que tem um erro associado igual a  $\mathbf{e}_1$ .

Qual seria o próximo passo?

- 1. "Aumentar" w1
- 2. "Diminuir" w1
- 3. Nada, atingimos o ponto ótimo

DATA SCIENCE & BUSINESS ANALYTICS

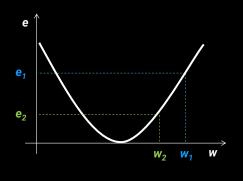
Módulo 9 - Introduction to Networks - Sessão 1

### APRENDIZAGEM: GRADIENT DESCENT



Nós não conhecemos a distribuição do erro, pois caso a soubéssemos conseguimos encontrar diretamente o vetor w que a minimizava e com isso encontrávamos o melhor modelo que explica os dados.

Mas vamos imaginar que essa função tem a seguinte forma:



Ao fazer  $w_2$  "menor" que  $w_1$  vamos obter  $e_2$ , que é menor  $e_1$ .

DATA SCIENCE & BUSINESS ANALYTICS

Módulo 9 - Introduction to Networks - Sessão 1

49

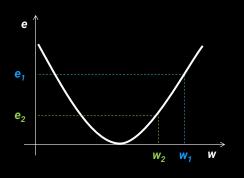
49

### APRENDIZAGEM: GRADIENT DESCENT



Nós não conhecemos a distribuição do erro, pois caso a soubéssemos conseguimos encontrar diretamente o vetor w que a minimizava e com isso encontrávamos o melhor modelo que explica os dados.

Mas vamos imaginar que essa função tem a seguinte forma:



Ao fazer  $w_2$  "menor" que  $w_1$  vamos obter  $e_2$ , que é menor  $e_1$ .

A conclusão, que neste caso foi intuitiva, é formulada matematicamente com recurso a **derivadas**.

Neste caso, no ponto  $w_1$  a função de erro é **crescente**, ou seja, tem a sua derivada positiva, e por isso devemos diminuir  $w_1$  para minimizar o erro. Se a função fosse **decrescente** (como é o caso na zona à esquerda da curva), teríamos de incrementar o valor de  $w_1$ .

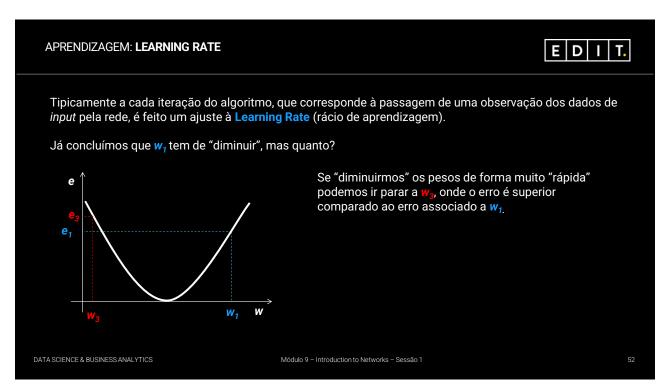
DATA SCIENCE & BUSINESS ANALYTICS

Módulo 9 - Introduction to Networks - Sessão 1

5

# APRENDIZAGEM: LEARNING RATE Tipicamente a cada iteração do algoritmo, que corresponde à passagem de uma observação dos dados de input pela rede, é feito um ajuste à Learning Rate (rácio de aprendizagem). Já concluímos que w, tem de "diminuir", mas quanto?

51

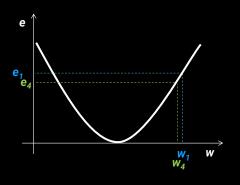


### APRENDIZAGEM: LEARNING RATE



Tipicamente a cada iteração do algoritmo, que corresponde à passagem de uma observação dos dados de *input* pela rede, é feito um ajuste à **Learning Rate** (rácio de aprendizagem).

Já concluímos que w<sub>1</sub> tem de "diminuir", mas quanto?



Mas se formos "diminuindo" os pesos de forma muito "lenta" podemos ficar apenas em  $w_3$ . onde o impacto no erro não é significativo.

Tipicamente a **Learning Rate** é ajustada ao momento da aprendizagem, sendo superior em iterações iniciais, e vai diminuído em iterações mais avançadas por forma a **convergir** para um ponto onde o erro é mínimo.

DATA SCIENCE & BUSINESS ANALYTICS

Módulo 9 - Introduction to Networks - Sessão 1

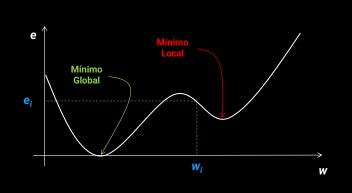
54

54

### APRENDIZAGEM: MÍNIMOS LOCAIS



Um dos problemas que podemos encontrar com o uso do **Gradient Decent** e a **Learning Rate** tem a ver com os mínimos locais. Imaginemos a seguinte função de erro e o valor atual de  $\mathbf{w}$  é  $\mathbf{w}_i$ :



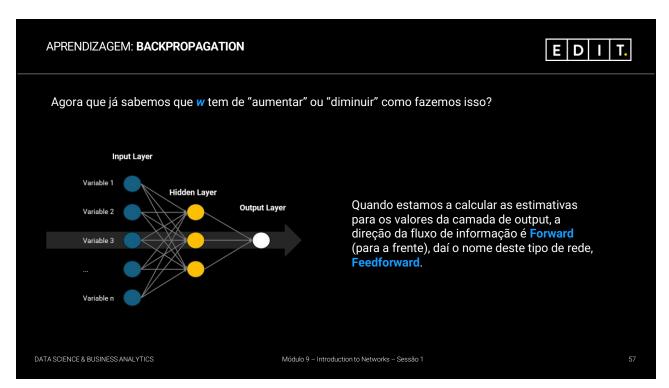
Dado o que aprendemos, a derivada é negativa em  $\mathbf{w}_i$  e por isso devemos "aumentar " $\mathbf{w}_i$ .

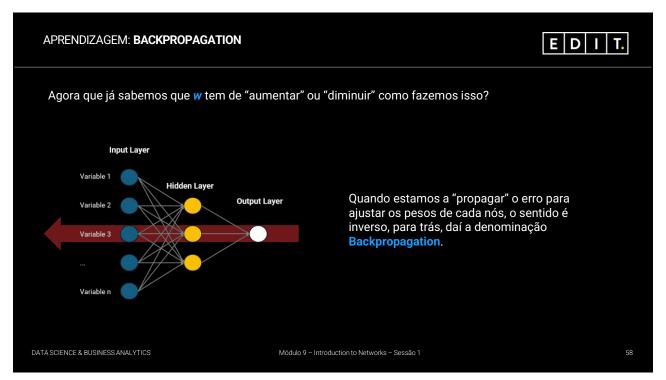
A modelo irá convergir para um Mínimo Local, não para o Mínimo Global.

A melhor solução para este problema é **testar várias iterações** do modelo, com **diferentes pesos iniciais**.

DATA SCIENCE & BUSINESS ANALYTICS

Módulo 9 - Introduction to Networks - Sessão 1

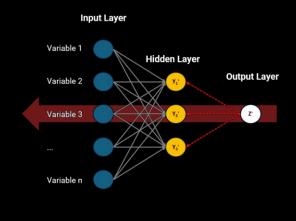




# APRENDIZAGEM: BACKPROPAGATION



Para propagar o ajuste de w pela rede vamos novamente recorrer ao uso das derivadas.



Vamos começar por propagar o erro desde o nó da camada de output, Z, para os nós da camada imediatamente anterior.

Cada peso, será ajustada na mesma medida que a sua "contribuição" para o erro, dado pela derivada da função de erro em base ao nó:

$$w_i := w_i - \alpha \frac{\partial_e}{\partial_i}$$

Onde  $\alpha$  é a Learning Rate.

DATA SCIENCE & BUSINESS ANALYTICS

Módulo 9 - Introduction to Networks - Sessão 1

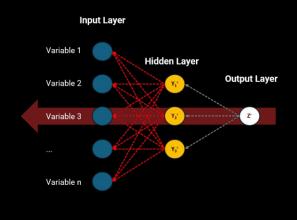
59

59

### APRENDIZAGEM: BACKPROPAGATION

E D I T.

Para propagar o ajuste de w pela rede vamos novamente recorrer ao uso das derivadas.



Fazemos o mesmo processo para cada nó da camada anterior, para propagar o erro pelos diferentes nós nas diferentes camadas.

Após termos o **novo vetor w**, passamos para a **nova iteração** do modelo, obtemos um novo resultado  $\hat{y}$  e com ele novos erros para propagar.

O modelo pára quando a condição de paragem é atingida, pode ser # iterações, erro mínimo, etc.

DATA SCIENCE & BUSINESS ANALYTICS Módulo 9 - Introduction to Networks - Sessão 1

60

