

# Cloud Computing

## Cap 2. Multicast. Protocole Gossip. Membership.

October 29, 2022

- 1 Planificatorul YARN
- 2 Problema multicast
- 3 Protocolul Gossip
- 4 Membership
- 5 Anexă

# 1 Planificatorul YARN

## 2 Problema multicast

## 3 Protocolul Gossip

## 4 Membership

## 5 Anexă

# YARN<sup>1</sup>

- folosit în Hadoop 2.x +
- fiecare server este văzut ca o colecție de containere
- fiecare container este un fel de thread ce dispune de putere de procesare + memorie
- componente:
  - Resource Manager (RM) - scheduler global
  - Node Managers (NM) - per node, daemon, funcții specifice
  - Application Master (AM) - alocat la cerere per node, negociază cu RM și NM; detectează job failure

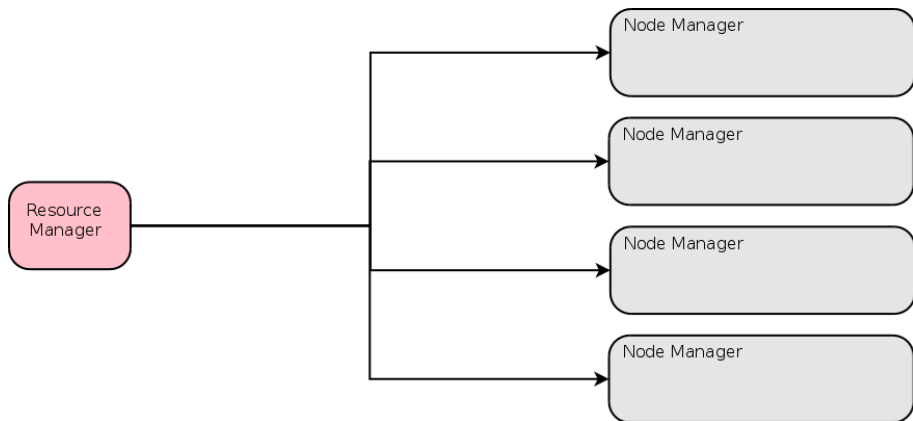
---

<sup>1</sup>Yet Another Resource Negotiator

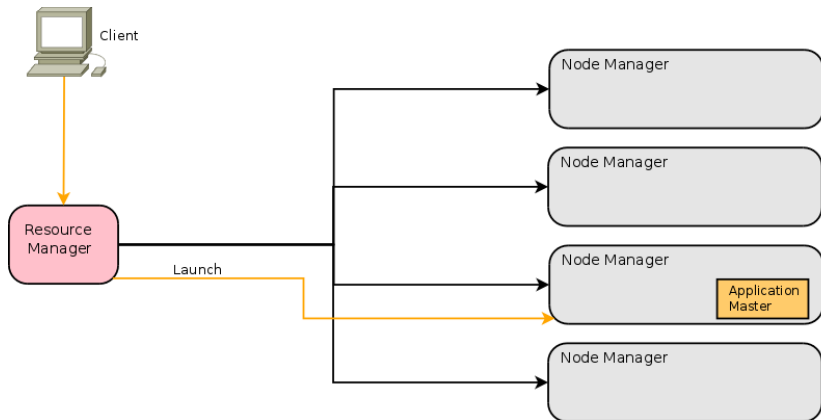
# YARN daemons

- Resource Manager (RM)
  - rulează pe nodul master
  - scheduler global
  - arbitrează resursele sistemului între aplicațiile ready
- Node Manager (NM)
  - rulează pe nodurile slave
  - comunică cu RM
- Containers
  - create de RM la cerere
  - alocă o cantitate de CPU, memorie pe nod
  - aplicațiile rulează în unul sau m.m. containers
- Application Master
  - câte unul per aplicație
  - rulează în container
  - cere m.m. containere pt. a rula task-urile aplicației (mappers și reducers)

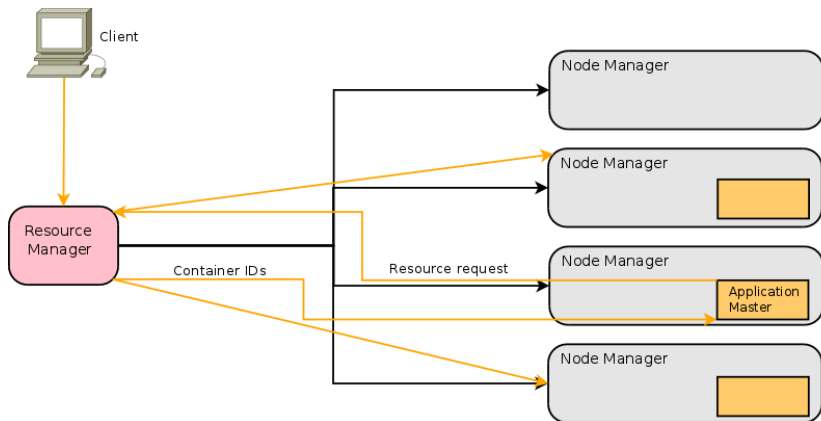
# Job spawn



# Job spawn

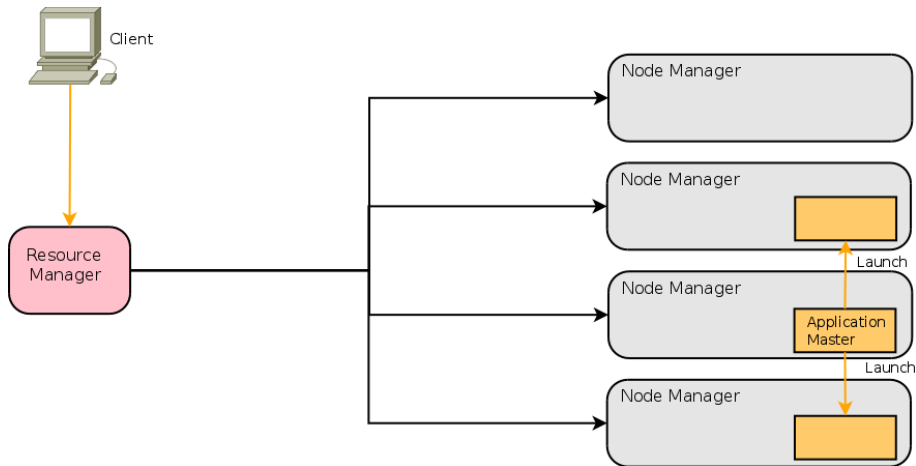


# Job spawn





# Job spawn



# Fault tolerance

- task fail (container)
  - Application Master va re-rula task-urile care se termină cu excepții sau nu mai răspund, de 4 ori (default)
  - ulterior, aplicațiile cu task-uri failed sunt declarate failed
- Application Master fail
  - dacă AM nu mai trimite mesaje heartbeat, RM va re-rula aplicația de 2 ori (default)
- Node Manager fail
  - dacă NM nu mai trimite heartbeat la RM, este șters din lista de noduri active
  - task-urile de pe nod vor fi tratate ca failed de AM
  - dacă nodul AM pică, întreaga aplicație va fi tratată ca failed
- Resource Manager fail
  - nu se pot lansa aplicații / task-uri
  - poate fi configurat cu high-availability (al doilea RM în stand-by), în caz de cădere a celui primar se reface din checkpoint
- mesajele heartbeat - piggyback pt. requests pentru scăderea traficului

# Slow servers

- cea mai înceată mașină încetinește întregul job
- cauze: disk, bandwidth, slow CPU, memorie ocupată
- se menține evidența progresului fiecărui task
- straggler task: task-ul cu cel mai lent progres
- execuție replicată a task-ului straggler pe mai multe noduri
- cea mai rapidă replică termină și marchează task-ul ca fiind complet (tehnică denumită speculative execution)

# Locality

- cloud-ul are topologie ierarhică (rack switch vs. core switch)
- GFS / HDFS stochează 3 replici ale fiecărui chunk (shard redundancy)
- 32 / 64 MB fiecare chunk (mapper split implicit, dacă nu se fac mai multe fișiere)
- în rack-uri diferite (ex. chunk 1 într-un rack, chunk 2 într-un alt rack)
- la căderea unui task, se încearcă repornirea task-ului (în ordine)
  - 1 pe o mașină ce conține o replică a datelor, sau
  - 2 în același rack ca mașina ce conținea datele, sau
  - 3 oriunde

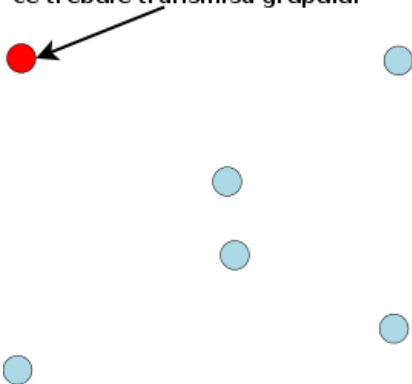
- 1 Planificatorul YARN
- 2 Problema multicast
- 3 Protocolul Gossip
- 4 Membership
- 5 Anexă

# Problema multicast

- clasă largă de probleme rezolvate de algoritmul Gossip
- multicast - una din probleme
- grup de noduri Internet
- fiecare nod poate trimite / recepționa mesaje
- problema: transmiterea eficientă a unui mesaj către toți membrii grupului

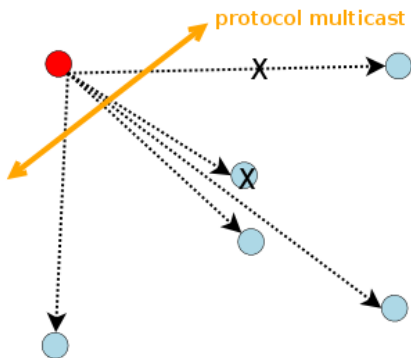
# Problema multicast

Nod ce conține informație  
ce trebuie transmisă grupului



- grup distribuit de noduri
- host-uri conectate în Internet
- ex. distribuția în timp real a informațiilor burselor de valori
- mesajele multicast sunt simultane
- multicast (grup) vs. broadcast (all)

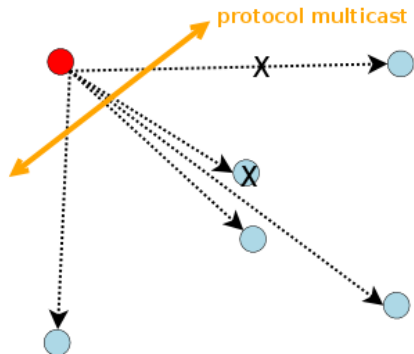
# Cerințele algoritmului multicast



- fault tolerance și scalabilitate
- căderi de noduri, pierderi de pachete, întârzieri
- reliability, toți receiverii funcționali vor trebui să primească pachetele
- scalabilitate, overhead mic per node la creșterea numărului de noduri

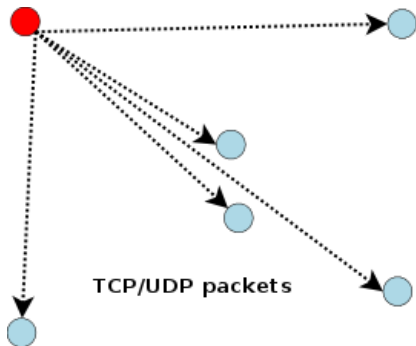


# Cerințele algoritmului multicast



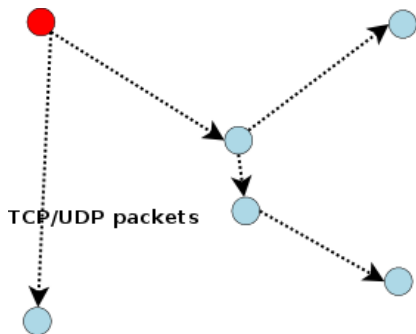
- protocol la nivel aplicație
- IP-Multicast la nivel rețea  
(uneori e folosit, sau  
neactivat la nivel de router)

# Abordare centralizată



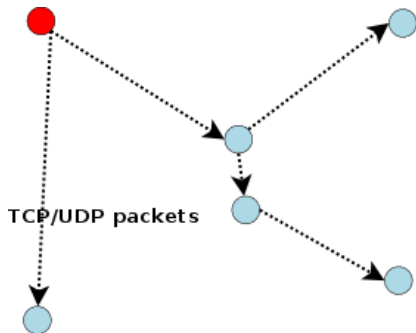
- sender + listă destinatari
- implementare simplă
- UDP (connection-less) vs. TCP (connection-oriented)
- fault tolerance: sender crashes?
- overhead la sender: mii de membri în grup, latența este în  $O(N)$

# Abordare tree-based



- spanning tree
- nivel rețea: IP-multicast
- nivel aplicație (papers):
  - SRM (Scalable Reliable Multicast - 1992)
  - RMTP (Real Time Messaging Protocol - Adobe Flash),
  - TRAM (Tree-based Reliable Multicast protocol - 1998),
  - TMTP (Tree-based Multicast Transport Protocol - 1995)

# Abordare tree-based



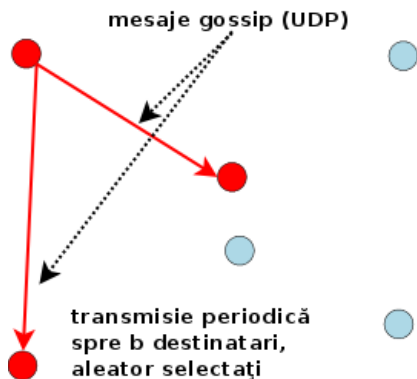
- arbore echilibrat, înălțime în  $O(\log(n))$  vs. centralized  $O(N)$
- overhead individual per nod, constant
- failure: copiii nu vor mai primi mesaje pt. o vreme
- failure e un fapt cert

# Protocoloale multicast bazate pe arbori

- assemblează nodurile din grup sub forma unui arbore cu număr fix de copii per nod (spanning tree)
- mesajele multicast se trimit folosind acest arbore
- folosesc fie acknowledgements (ACKs) sau acknowledgement-urile negative (NAKs) pentru retransmitere
- SRM (Scalable Reliable Multicast)
  - folosește NAKs
  - NAK storms, folosește random delays, exponential backoff
- RMTM (Reliable Multicast Transport Protocol)
  - folosește ACKs
  - ACKs trimise doar unor receptori dedicați pentru a evita 'poluarea' cu mesaje
  - doar receptorii dedicați fac retransmisia packetelor lipsă
- pot totuși cauza overhead ACK / NAK în  $O(N)$
- NAK nu se poate folosi dacă suportul de IP-Multicast e activ (explozie de mesaje)

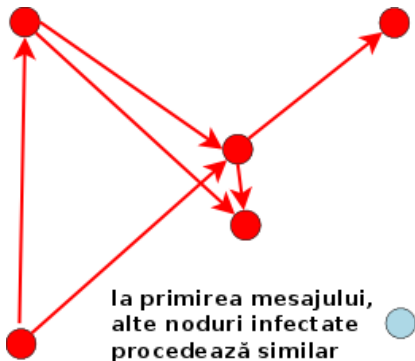
- 1 Planificatorul YARN
- 2 Problema multicast
- 3 Protocolul Gossip**
- 4 Membership
- 5 Anexă

# Protocolul Gossip



- pot exista mai mulți senders în paralel
- tipic,  $b = 2$  (gossip fan-out)
- posibil ca un destinatar să fie ales de mai multe ori
- sender: infectat, receiver: neinfectat (încă)

## Noduri deja infectate



- destinatarul este selectat aleator
- la final toate nodurile din grup vor fi infectate
- mai multe mesaje decât necesar
- overhead nu foarte ridicat (vom vedea!)



# Gossip = epidemic multicast

- inspirat din modalitatea de propagare a unei boli
- noduri infectate vs. noduri ne-infectate
- un nod infectat trimite mesaje identice către  $b$  receptori selectați aleator
- fiecare nod își rulează propriul algoritm independent de celelalte (nesincronizat)

# Push vs. pull

- până acum, abordare push
  - după primirea unui mesaj multicast, nodul începe 'bârfa'
  - în cazul primirii mai multor mesaje, se trimit toate / un subset selectat random / cele mai importante
- pull Gossip:
  - un nod (infectat sau ne-infectat) periodic selectează aleator noduri și trimite solicitări de mesaje
  - acele noduri vor trimite ca răspuns mesajele noi
- variantă hibridă: push-pull

# Analiza push Gossip

- overhead redus chiar și pentru grupuri mari
- împrăștiu rapid un mesaj multicast (în puțini pași)
- fault-tolerance ridicat (d.p.d.v. al node failure-urilor sau mesajelor pierdute)

# Analiza

- tratat de epidemiologie (Bailey, 1975)
- $n + 1$  indivizi în grup ce se amestecă omogen (ex. molecule amestecate într-un borcan)
- rata de contact între indivizii dintr-o pereche este  $\beta$
- la orice moment, un individ este fie infectat fie neinfectat; sunt  $x$  indivizi neinfecțați și  $y$  infectați
- $x_0 = n$ ,  $y_0 = 1$ ; la orice moment,  $x + y = n + 1$
- un nod odată infectat, rămâne infectat

# Analiza

- proces stochastic, cu timp continuu; presupunem nodurile sincronizate

$$\frac{dx}{dt} = -\beta xy$$

- variația e descrescătoare în timp,  $xy$  descrie numărul de contacte posibile, din care doar o fracție se soldează cu infectare
- soluția:

$$x = \frac{n(n+1)}{n + e^{\beta(n+1)t}}, y = \frac{(n+1)}{1 + ne^{-\beta(n+1)t}}$$

(de demonstrat!), unde

$$\lim_{t \rightarrow \infty} x = 0, \lim_{t \rightarrow \infty} y = n + 1$$

# Analiza

- probabilitatea ca nodul respectiv să fie ales ca 'victimă' a infectării:

$$\beta = \frac{b}{n}$$

- la timpul  $t = c \cdot \log(n)$ , numărul de noduri infectate este:

$$y \approx (n + 1) - \frac{1}{n^{cb-2}} \text{ (de demonstrat!)}$$

- partea a doua este foarte aproape de 0

# Analiza

- se aleg  $c$ ,  $b$  mici și independente de  $n$
- în  $c \cdot \log(n)$  runde (latență scăzută),
- toate în afară de  $\frac{1}{n^{cb-2}}$  noduri primesc mesajul (reliability)
- un nod a transmis  $c \cdot \log(n)$  mesaje (overhead redus)

# Discuție $O(\log(n))$

- $\log(n)$  nu e o constantă
- practic, este o funcție cu creștere înceată
- baza 2:
  - $\log(1000)$  aprox. 10
  - $\log(1M)$  aprox. 20
  - $\log(1 \text{ miliard})$  aprox. 30
  - $\log(\text{spațiul de adrese IPv4}) = 32$



# Fault-tolerance pentru push Gossip

- packet loss
  - 50% pierdere de pachete; analiza reluată pentru  $b$  înlocuit cu  $b/2$  (random, unul din două mesaje e pierdut)
  - pentru aceeași reliability (același  $y$ ), de două ori mai multe runde (impact asupra lui  $c$ )
- node failure
  - 50% din noduri pică; se reia analiza cu  $n$  înlocuit cu  $n/2$  și  $b$  înlocuit cu  $b/2$  (jumătate din noduri și jumătate din mesaje)
  - numărul de mesaje crește de un număr de ori (constantă)

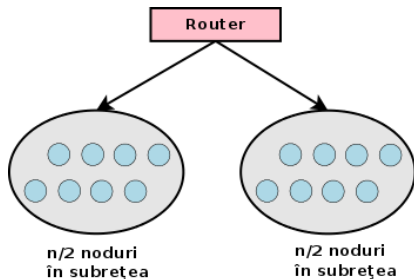
# Fault-tolerance pentru push Gossip

- în condiții vitrege, e posibil ca epidemia să se 'stingă' ?
- posibil, dar improbabil
  - 'stingerea' e cea mai probabilă la început (containment)
  - odată ce câteva noduri se infectează, cu probabilitate mare, epidemia va răbufni
  - analiza anterioară dă comportarea cea mai probabilă
- exemple:
  - zvonurile
  - boli infecțioase → epidemii
  - rata de propagare a virusilor / viermilor de Internet

# Analiza pull Gossip

- în toate formele de gossip, e nevoie de  $O(\log(n))$  pași înainte ca aproximativ  $n/2$  noduri să primească mesajul
- 'cauza' e dată de înălțimea arborelui de comunicație
- pull gossip va fi mai rapid decât push gossip:
  - fie  $p_i$  fracția nodurilor neinfectate la pasul  $i$
  - probabilitatea ca nodul să fie neinfectat și la pasul  $i + 1$  e dat de probabilitatea ca să fi fost neinfectat,
  - și de probabilitatea de a 'scăpa', adică toate cele  $k$  contacte alese să fie și ele neinfectate:
$$p_{i+1} = p_i \cdot p_i^k = p_i^{k+1}$$
  - super-exponential (v. funcția lui Ackermann și logaritmul stelat)
  - infectarea a  $n/2$  noduri se face în  $\log(\log(N))$

# Analiza pull Gossip



- topologie ierarhică
- pentru selecție aleatorie a destinatarului, core router suportă o încărcare în  $O(n)$
- soluția: în subrețeaua  $i$ , ce conține  $n_i$  noduri, se selectează un destinatar în subrețea cu probabilitatea  $1 - 1/n_i$
- încărcarea core router-ului devine  $O(1)$  - după ce subrețeaua s-a saturat, fiecare din cei  $n_i$  trimite în afară cu probabilitatea  $1/n_i$
- timpul de propagare în toată rețeaua rămâne în  $O(\log(n))$

# Implementări Gossip

- proiectele Clearinghouse și Bayou: tranzacții email și database (Xerox, PODC 1987)
- refDBMS system (Usenix 1994)
- Bimodal Multicast (ACM TOCS, 1999)
- sensor networks, wireless networks (2002, 2005)
- AWS EC2 și S3 (2000)
- Cassandra key-value store pentru păstrarea listelor de membership
- NNTP (Network News Transport Protocol, 1979)

# Protocolul NNTP inter-server

- (client:) fiecare client uploadează / downloadează știri (posts) pe/de pe server
- (server upstream:) fiecare server trimite o listă de ID-uri de mesaje, cu mesaje pe care deja le are
- (server downstream:) se trimite drept răspuns o listă cu ID-uri de mesaje pe care server-ul downstream nu le are
- (server upstream:) ca răspuns, se trimit mesajele cu ID-urile solicitate
- (server downstream:) OK
- rolurile se inversează
- server-ul reține post-urile pentru o vreme, le transmite la cerere, apoi, după o vreme, le șterge
- informația persistă în rețea

- 1 Planificatorul YARN
- 2 Problema multicast
- 3 Protocolul Gossip
- 4 Membership**
- 5 Anexă

# Group membership - o provocare

- datacenters - manager-ul pretinde că nu există failures
- care e prima responsabilitate ca administrator?



# Group membership - o provocare

- datacenters - manager-ul pretinde că nu există failures
- care e prima responsabilitate ca administrator?
- construcția unui mecanism de detectare a failure-urilor

# Group membership - o provocare

- datacenters - manager-ul pretinde că nu există failures
- care e prima responsabilitate ca administrator?
- construcția unui mecanism de detectare a failure-urilor
- ce se poate întâmpla dacă nu se ia această măsură?

# Failures - regulă, nu excepție

- rata de failure a unei mașini este de 1 / 10 ani (120 luni), în medie
- pentru 120 de servere în DC, MTTF (Mean Time To Failure) devine 1 mașină / lună
- la 12000 servere?

# Failures - regulă, nu excepție

- rata de failure a unei mașini este de 1 / 10 ani (120 luni), în medie
- pentru 120 de servere în DC, MTTF (Mean Time To Failure) devine 1 mașină / lună
- la 12000 servere?
- MTTF = o mașină / 7.2 ore ! aproape continuu
- data loss (server down), software-ul nu a detectat acest lucru
- inconsistența datelor (pagube provocate clienților, nu numai downtime !)

# Sistem de detecție a failure-urilor

- program distribuit de detecție a căderilor de noduri ce detectează automat failures și raportează / ia măsuri de corecție
- sisteme bazate pe grupuri
  - clouds / DCs
  - servere replicate (sisteme peer-to-peer de replicare a fișierelor)
  - baze de date distribuite
- crash-stop: nodul pică fără notificare, fără salvarea stării

# Seviciul de tip group membership

- folosit de application queries: gossip, DHT (Distributed Hash Tables)
- protocol de păstrat și distribuit apartenența la membership list
- comunicație unreliable
- nodurile pot cădea pe neașteptate

# Tipuri de membership

- strongly consistent membership: lista completă în orice moment (e.g. virtual synchrony, bazat pe state machines)
- **weakly consistent**: listă aproape completă (e.g. de tip gossip, SWIM)
- partial-random list: e.g. SCAMP, T-MAN, Cyclon
- (i) componenta **fault detection** (detectarea nodurilor nefuncționale = membership list)
- (ii) componenta de **diseminare** (propagarea listei de membership tuturor nodurilor)
- e.g. un nod pică; unul din nodurile sănătoase detectează acest lucru (i) și apoi folosește serviciile (ii) pentru a informa toți membrii grupului

# Failure detectors

- nu se poate preveni crash-ul; ne vom pregăti pentru el
- apariție frecventă
- mai degrabă regula decât excepția
- frecvența crește liniar cu mărimea datacenter-ului



# Proprietăți ale failure detectors

- **completeness**: ca fiecare failure să fie detectată
- **accuracy**: să nu existe false positives, adică semnalări de false căderi
- viteza: timpul până la prima detecție a căderii nodului
- scalabilitate: încărcare echilibrată a nodurilor și încărcarea comunicării rețea

# Proprietăți ale failure detectors

- **completeness**
- **accuracy**
  - nu pot fi satisfăcute simultan
- viteza
- scalabilitate

# Proprietăți ale failure detectors

- **completeness**
  - garantată
- **accuracy**
  - parțială / garanție probabilă
- viteza
- scalabilitate

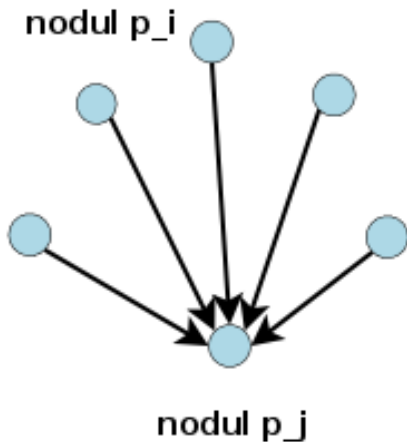
# Proprietăți ale failure detectors

- **completeness**
  - garantată
- **accuracy**
  - parțială / garanție probabilă
- viteza
  - timpul până la prima detecție să fie cât mai mic posibil
- scalabilitate

# Proprietăți ale failure detectors

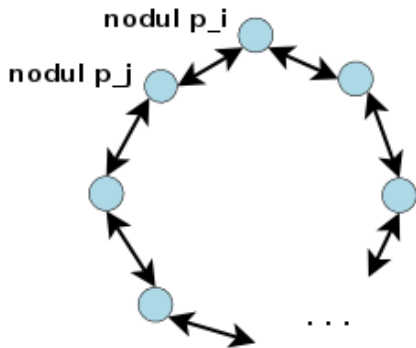
- **completeness**
  - garantată
- **accuracy**
  - parțială / garanție probabilă
- viteza
  - timpul până la prima detecție să fie cât mai mic posibil
- scalabilitate
  - fără single-point failures / bottlenecks
- mai multe procese (noduri) pot pica simultan !

# Heartbeating centralizat



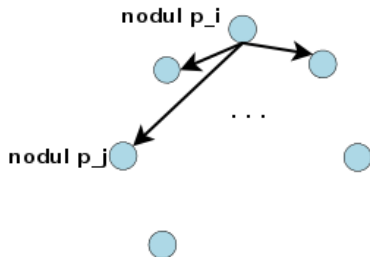
- $p_i$  pică
- heartbeat-uri trimise periodic către  $p_j$
- sequence number incrementat periodic la fiecare heartbeat
- $p_j$  ține evidenta timpului ultimului heartbeat trimis de  $p_i$
- la expirarea timpului,  $p_i$  este marcat ca failed
- \* dacă  $p_j$  pică, nu există garanții
- \*  $p_j$  supraîncărcat cu mesaje

# Heartbeating de tip ring



- heartbeats trimise spre vecinii imediați
- aceleași sequence numbers
- \* dacă vecinii lui  $p_i$  cad, o cădere între timp a lui  $p_i$  , trece nedetectată

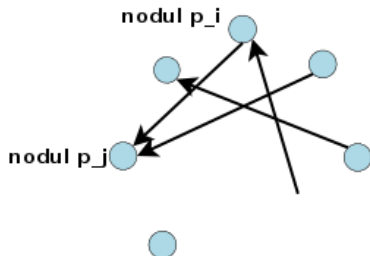
# Heartbeating de tip all-to-all



- fiecare  $p_i$  trimite heartbeats către toate celelalte noduri din sistem
- fiecare proces va primi numere de secvență de la fiecare alt proces
- la expirare, procesul va detecta failure-ul
- \* încărcare mare, egal distribuită
- \* protocolul este complet; dacă cel puțin un nod rămâne viabil, acela va detecta failures
- \* un nod mai lent - celelalte noduri vor fi marcate ca failed - high FP rate



# Heartbeating de tip gossip



- variantă de all-to-all heartbeating
- fiecare nod trimite heartbeats către un număr constant de vecini aleși random
- heartbeat-urile sunt numere de secvență incrementate local
- nodurile așteaptă heartbeats și marchează failure la expirare
- \* păstrează avantajele all-to-all heartbeating, dar cu o încărcare mai redusă

# Failure detection cu gossip (1)

current time at node (2)	70		
	node	heartbeat counter	local time
membership list received from node (1)	1	<b>10120</b>	<b>66</b>
	2	10103	62
	3	<b>10098</b>	<b>63</b>
	4	10111	65
local membership list of node (2)	1	<b>10118</b>	<b>64</b>
	2	10110	64
	3	<b>10090</b>	<b>58</b>
	4	10111	65
computed new membership list of node (2)	1	<b>10120</b>	<b>70</b>
	2	10110	64
	3	<b>10098</b>	<b>70</b>
	4	10111	65

## Failure detection cu gossip (2)

- dacă nu s-a primit heartbeat în ultimele  $t_{fail}$  secunde, nodul este considerat failed
- după  $t_{cleanup}$  secunde, nodul este șters din listă
- de ce e nevoie de doi timpi de expirare?

## Failure detection cu gossip - ștergerea nodului expirat

current time at node (2)	75		
$t_{fail}$ at node (2)	24		
	node	heartbeat counter	local time
membership list received from node (1)	1	10120	66
	2	10103	62
	3	<b>10098</b>	<b>55</b>
	4	10111	65
local membership list of node (2)	1	10118	64
	2	10110	64
	3	<b>10098</b>	<b>50</b>
	4	10111	65
computed new membership list of node (2)	1	10120	75
	2	10110	64
	-	-	-
	4	10111	65

## Failure detection cu gossip - falsa reînnoire

current time at node (2)	80		
$t_{fail}$ at node (2)	24		
	node	heartbeat counter	local time
membership list received from node (1)	1	10120	66
	2	10103	62
	3	<b>10098</b>	<b>55</b>
	4	10111	65
local membership list of node (2)	1	10120	75
	2	10110	64
	-	-	-
	4	10111	65
computed new membership list of node (2)	1	10120	75
	2	10110	64
	3	<b>10098</b>	<b>80</b>
	4	10111	65

# Failure detection cu gossip - analiza

- un heartbeat are nevoie de  $O(\log(n))$  pentru propagare
- $n$  heartbeats au nevoie de:
  - $O(\log(n))$  pentru propagare, dacă lățimea de bandă disponibilă per nod este în  $O(n)$
  - $O(n \log(n))$  pentru propagare, dacă lățimea de bandă disponibilă per nod este doar în  $O(1)$
- reducerea  $t_{gossip} \rightarrow$  lățime de bandă mai mare, timp mai scurt de propagare (detecție)
- dacă există constrângerea ca lățimea de bandă să fie mică,  $t_{gossip}$  va trebui să crească
- dacă  $t_{fail}$ ,  $t_{cleanup}$  cresc, se reduce FP rate ( $p_{mistake}$ ), dar timpul de detecție crește

- 1 Planificatorul YARN
- 2 Problema multicast
- 3 Protocolul Gossip
- 4 Membership
- 5 Anexă**

## Soluția ecuației diferențiale

$x_0 = n \quad y_0 = 1 \quad x + y = n + 1 \quad \frac{dx}{dt} = -\beta xy$   
 fie  $n + 1 = m$  și  $y = m - x$  ; avem:  $\frac{dx}{dt} = -\beta x(m - x)$ ,  
 de unde  $\frac{dx}{x(m-x)} = -\beta dt$  , dar:

$$\frac{1}{x(m-x)} = \frac{A}{x} + \frac{B}{m-x} = \frac{1}{mx} + \frac{1}{m(m-x)}$$

, ceea ce duce la:

$$\int \left[ \frac{1}{mx} + \frac{1}{m(m-x)} \right] dx = -\beta \int dt$$

$$\frac{\ln(mx)}{m} + \frac{\ln[m(m-x)]}{-m} = -\beta t + c$$

$$\frac{1}{m} \ln \frac{mx}{m(m-x)} = -\beta t + c \iff \ln \frac{x}{m-x} = -\beta mt + mc$$

$$\frac{x}{m-x} = Ae^{-\beta mt} \iff x = (m-x)Ae^{-\beta mt}$$



# Soluția ecuației diferențiale

$$(1 + Ae^{-\beta mt})x = Ame^{-\beta mt} \implies x = \frac{Ame^{-\beta mt}}{1 + Ae^{-\beta mt}}$$

$$n = x(t = 0) = \frac{Am}{1 + A} \quad n(1 + A) = mA$$

$$n = (m - n)A = A \implies A = n, \text{ deci:}$$

$$x = \frac{n(n+1)e^{-\beta mt}}{1 + ne^{-\beta mt}} = \frac{n(n+1)}{n + e^{\beta(n+1)t}} \quad (1)$$

$$y = \frac{(n+1)(1 + ne^{-\beta mt} - ne^{-\beta mt})}{1 + ne^{-\beta mt}} = \frac{n+1}{1 + ne^{-\beta(n+1)t}} \quad (2)$$

# Analiza numărului de noduri infectate

$$\text{fie } \beta = \frac{b}{n} \quad t = c \log(n) \quad n = e^{\log(n)}$$

$$y = \frac{n+1}{1 + ne^{-\frac{b}{n}(n+1)c \log(n)}} \approx \frac{n+1}{1 + \frac{n}{(e^{\log(n)})^{bc}}} = \frac{n+1}{1 + \frac{1}{n^{bc} n^{-1}}}$$

$$y = \frac{n+1}{1 + \frac{1}{n^{cb-1}}} = (n+1) \frac{1 - \frac{1}{n^{cb-1}}}{1 - \left(\frac{1}{n^{cb-1}}\right)^2} \approx (n+1) \left(1 - \frac{1}{n^{cb-1}}\right)$$

$$y \approx (n+1) - \frac{1}{n^{cb-1} \cdot n^{-1}} = (n+1) - \frac{1}{n^{cb-2}}$$