

Să ne imaginăm o competiție în care doi jucători A, B joacă o serie de cel mult $2n - 1$ partide, câștigător fiind jucătorul care acumulează primul n victorii. Presupunem că nu există partide egale, și că rezultatele sunt independente între ele și că pentru orice partidă există o probabilitate p ca jucătorul A să câștige, și o probabilitate $1 - p$ ca jucătorul B să câștige.

Ne propunem să calculăm $P(i, j)$, probabilitatea ca jucătorul A să câștige competiția, dat fiind că mai are nevoie de i victorii, iar jucătorul B mai are nevoie de j victorii pentru a câștiga. La început evident, probabilitatea este $P(n, n)$ pentru că fiecare jucător mai are nevoie de n victorii.

Pentru $1 \leq i \leq n$ avem $P(0, i) = 1$ implică $P(i, 0) = 0$. Probabilitatea $P(0, 0)$ este nedefinită.

Pentru $i, j \leq 1$ se poate calcula $P(i, j)$ după formula:

$$P(i, j) = pP(i - 1, j) + qP(i, j - 1)$$