FMI, Info, Anul III, 2020-2021 Programare declarativă

Laborator 2

Liste în Haskell

Definiții prin comprehensiune și recursie

1 Recursie

Una dintre diferențele dintre programarea declarativă și cea imperativă este modalitatea de abordare a problemei iterării: în timp ce in programarea imperativă acesta este rezolvată prin bucle (**while**, **for**, ...), în programarea declarativă rezolvarea iterării se face prin conceptul de recursie.

Un avantaj al recursiei față de bucle este acela că usurează sarcina de scriere și verificare a corectitudinii programelor prin raționamente de tip inductiv: construiește rezultatul pe baza rezultatelor unor subprobleme mai simple (aceeași problemă, dar pe o dimensiune mai mică a datelor).

Exemplu: Fibonacci Un foarte simplu exemplu de recursie este acela al calculării unui element de index dat din secvența numerelor Fibonacci, definită recursiv de:

$$F_n = \left\{ \begin{array}{ll} n & \text{dacă } n \in \{0,1\} \\ F_{n-1} + F_{n-2} & \text{dacă } n > 1 \end{array} \right.$$

Putem transcrie această definitie direct in Haskell:

Alternativ, putem folosi o definiție în stil ecuațional (cu sabloane):

```
\begin{array}{lll} fibonacciEcuational & :: & \textbf{Integer} & -> & \textbf{Integer} \\ fibonacciEcuational & 0 & = & 0 \\ fibonacciEcuational & 1 & = & 1 \\ fibonacciEcuational & n & = & \\ & & fibonacciEcuational & (n-1) & + & fibonacciEcuational & (n-2) \end{array}
```

Fibonacci liniar O problemă cu definiția de mai sus este aceea că este timpul ei de execuție este exponențial. Motivul este acela că rezultatul este compus din rezultatele a 2 subprobleme de mărime aproximativ egală cu cea inițială.

Dar, deoarece recursia depinde doar de precedentele 2 valori, o putem simplifica cu ajutorul unei funcții care calculează recursiv perechea (F_{n-1}, F_n) .

(L2.1) [Fibonacci liniar] Completați definiția funcției fibonacciPereche

Observație 1. Folosiți principiul de inducție: ne bazăm pe faptul ca fibonacciPereche (n-1) va calcula perechea (F_{n-2}, F_{n-1}) și o folosim pe aceasta pentru a calcula perechea (F_{n-1}, F_n) . Observație 2. Recursia este liniară doar dacă expresia care reprezintă apelul recursiv apare o singură dată. Folosiți **let**, **case**, sau **where** pentru a vă asigura de acest lucru.

2 Recursie peste liste

Listele sunt unul dintre cele mai simple exemple de structuri de date definite inductiv. O listă este fie **vidă**, fie **construită** prin adăugarea unui element (**head**) unei *liste* existente (**tail**).

Listele fiind definite inductiv, recursia este o modalitate naturală de a le traversa.

Exemplu Dată fiind o listă de numere întregi, să se scrie o funcție semiPare care elimină numerele impare și le injumătățește pe cele pare. De exemplu:

```
semiPare [0,2,1,7,8,56,17,18] = [0,1,4,28,9]
```

Prima implementare propusă este realizabilă in orice limbaj, folosind testul **null**, și "destructorii" **head** și **tail**.

A doua implementare (preferată) folosește șabloane peste constructorul de listă : pentru a descompune lista:

```
semiPareRecEq :: [Int] \rightarrow [Int]

semiPareRecEq [] = []
```

3 Liste definite prin comprehensiune

Haskell permite definirea unei liste prin selectarea și transformarea elementelor din alte liste sursă, folosind o sintaxă asemănătoare definirii mulțimilor matematice:

```
[expresie | selectori , legari , filtrari ] unde:
```

selectori una sau mai multe construcții de forma pattern <- elista (separate prin virgulă) unde elista este o expresie reprezentând o listă iar pattern este un șablon pentru elementele listei elista

legari zero sau mai multe expresii (separate prin virgulă) de forma let pattern = expresie folosind la legarea corespunzătoare a variabilelor din pattern cu valoarea expresie.

filtrari zero sau mai multe expresii de tip **Bool** (separate prin virgulă) folosite la eliminarea instanțelor selectate pentru care condiția e falsă

expresie expresie descriind elementele listei rezultat

Exemplu Iată cum arată o posibilă implementare a funcției semiPare folosind descrieri de liste:

4 Exerciții

(L2.2) [În interval] Scrieți o funcție care date fiind limita inferioară și cea superioară (întregi) a unui interval închis și o listă de numere întregi, calculează lista numerelor din listă care aparțin intervalului. De exemplu:

```
inInterval 5 10 [1..15] = [5,6,7,8,9,10]
inInterval 5 10 [1,3,5,2,8,-1] = [5,8]
```

- Folosiți doar recursie. Denumiți funcția inIntervalRec
- Folosiți descrieri de liste. Denumiți funcția inIntervalComp

(L2.3) [Numarăm pozitive] Scrieți o funcție care numără câte numere strict pozitive sunt într-o listă dată ca argument. De exemplu:

$$pozitive [0,1,-3,-2,8,-1,6] == 3$$

- Folosiți doar recursie. Denumiți funcția pozitiveRec
- Folosiți descrieri de liste. Denumiți funcția pozitiveComp Nu puteți folosi recursie, dar veți avea nevoie de o funcție de agregare. (Consultați modulul Data.List)
- De ce nu e posibil să scriem pozitiveComp doar folosind descrieri de liste?

(L2.4) [Poziții] Scrieți o funcție care dată fiind o listă de numere calculează lista pozițiilor elementelor impare din lista originală. De exemplu:

```
pozitiiImpare [0,1,-3,-2,8,-1,6,1] == [1,2,5,7]
```

- Folosiți doar recursie. Denumiți funcția pozitiiImpareRec Indicație: folosiți o funcție ajutătoare, cu un argument în plus reprezentând poziția curentă din listă.
- Folosiți descrieri de liste. Denumiți funcția pozitiiImpareComp.

 Indicație: folosiți funcția **zip** pentru a asocia poziții elementelor listei (puteți căuta exemplu în curs).

(L2.5) [MultDigit] Scrieți o funcție care calculează produsul tuturor cifrelor care apar în șirul de caractere dat ca intrare. Dacă nu sunt cifre în șir, răspunsul funcției trebuie să fie 1. De exemplu:

```
multDigits "The time is 4:25" == 40
multDigits "No digits here!" == 1
```

- Folositi doar recursie. Denumiti functia multDigitsRec
- Folosiți descrieri de liste. Denumiți funcția multDigitsComp Indicație: Veți avea nevoie de funcția **isDigit** care verifică dacă un caracter e cifră și functia **digitToInt** care transformă un caracter in cifră.

(L2.6) [Discount] Scrieți o funcție care pentru o listă de valori (reprezentând niște prețuri) aplică un discount de 25% acelor valori si pastrează în listă valorile reduse care sunt mai mici decât 200. De exemplu:

```
\begin{array}{lll} {\rm discount} & [150 \;,\; 300 \,,\; 250 \,,\; 200 \,,\; 450 \,,\; 100] \; = \; [112.5 \;,\; 187.5 \;,\; 150.0 \,,\; \\ & & 75.0] \end{array}
```

- Folosiți doar recursie. Denumiți funcția discountRec
- Folosiți descrieri de liste. Denumiți funcția discountComp

Material suplimentar

• Citiți capitolul Recusion din

M. Lipovaca, Learn You a Haskell for Great Good!

http://learnyouahaskell.com/recursion