



IEL – protokol k projektu

Andrej, Mokriš
xmokri01

29. novembra 2021

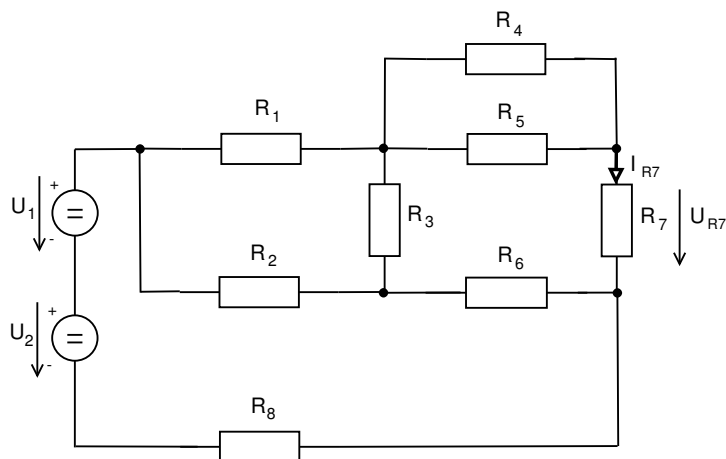
Obsah

1	Příklad 1	2
2	Příklad 2	6
3	Příklad 3	9
4	Příklad 4	11
5	Příklad 5	12
6	Shrnutí výsledků	13

Příklad 1

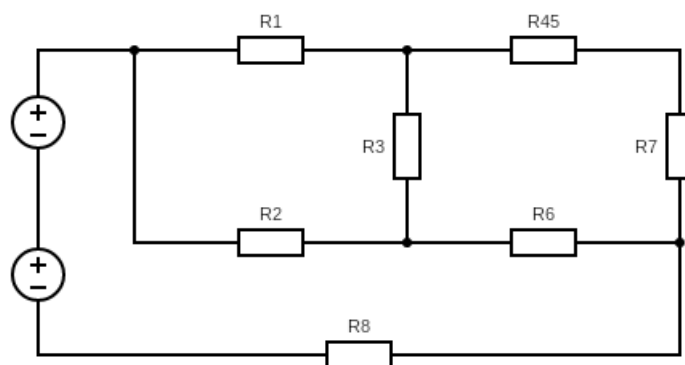
Stanovte napětí U_{R7} a proud I_{R7} . Použijte metodu postupného zjednodušování obvodu.

sk.	U_1 [V]	U_2 [V]	R_1 [Ω]	R_2 [Ω]	R_3 [Ω]	R_4 [Ω]	R_5 [Ω]	R_6 [Ω]	R_7 [Ω]	R_8 [Ω]
G	130	60	380	420	330	440	450	650	410	275



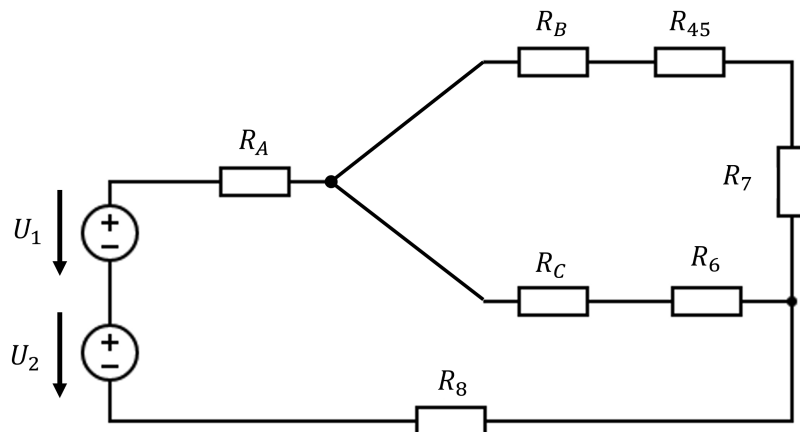
Výpočet R_{EKV} (Metóda postupného zjednodušovania):

Krok 1 - Zjednodušenie R_4 a R_5 podľa vzorca pre paralelne zapojené rezistory.



$$R_{45} = \frac{R_4 \times R_5}{R_4 + R_5} = \frac{440 \times 450}{440 + 450} = 222,4719\Omega$$

Krok 2 - Transfigurácia - Trojuholník \Rightarrow Hviezda

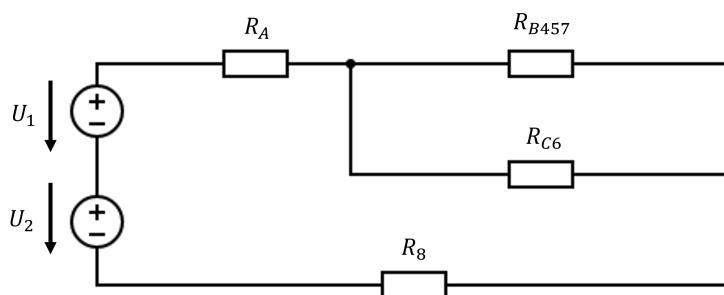


$$R_A = \frac{R_1 \times R_2}{R_1 + R_2 + R_3} = \frac{380 \times 420}{380 + 420 + 330} = 141.2389\Omega$$

$$R_B = \frac{R_1 \times R_3}{R_1 + R_2 + R_3} = \frac{380 \times 330}{380 + 420 + 330} = 110.9735\Omega$$

$$R_C = \frac{R_2 \times R_3}{R_1 + R_2 + R_3} = \frac{420 \times 330}{380 + 420 + 330} = 122.6549\Omega$$

Krok 3 - Zjednodušenie sériových rezistorov

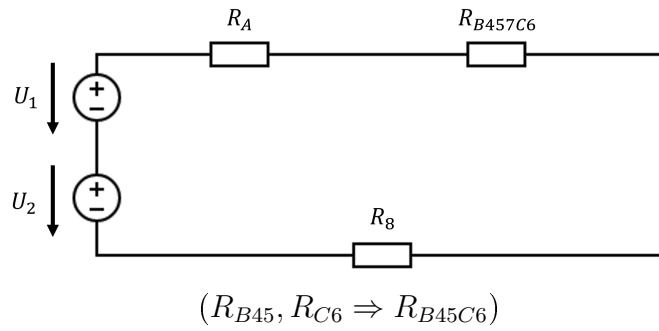


$$(R_B, R_{45}, R_7, \Rightarrow R_{B457} \mid R_C, R_6 \Rightarrow R_{C6})$$

$$R_{B457} = R_B + R_{45} + R_7 = 110.9735 + 222.4719 + 410 = 743.4454\Omega$$

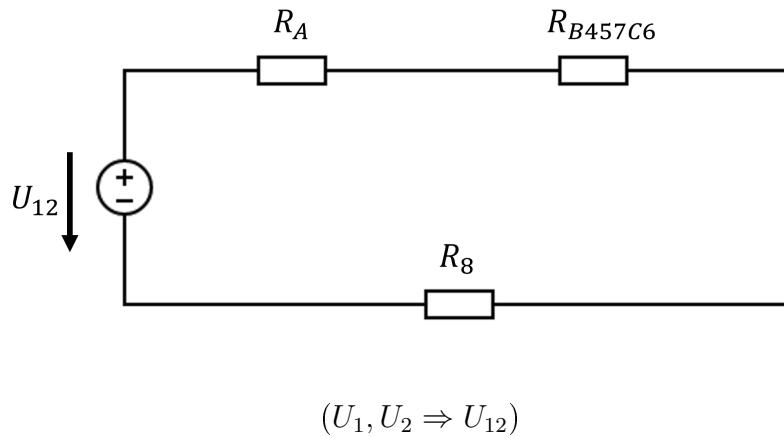
$$R_{C6} = R_C + R_6 = 122.6549 + 650 = 772.6549\Omega$$

Krok 4 - Zjednodušenie paralelných rezistorov



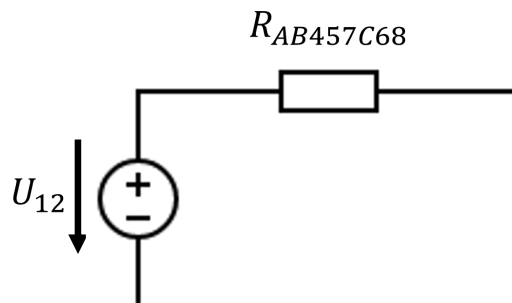
$$R_{B457C6} = \frac{R_{B457} \times R_{C6}}{R_{B457} + R_{C6}} = \frac{743,4454 \times 772.6549}{743,4454 + 772.6549} = 378,8844\Omega$$

Krok 5 - Zjednodušenie sériových zdrojov



$$U_{12} = U_1 + U_2 = 130 + 60 = 190V$$

Krok 6 - Výpočet R_{EKV}



$$(R_A, R_{B457C6}, R_8 \Rightarrow R_{AB457C68} \Rightarrow R_{EKV})$$

$$R_{EKV} = R_A + R_{B457C6} + R_8 = 141,2389 + 378.8844 + 275 = 795,1233\Omega$$

Krok 7 - Výpočet prúdu

$$I = \frac{U_{12}}{R_{EKV}} = \frac{190}{795,1233} = 0.23895A$$

Teraz môžeme spätne dopočítať hodnoty U_{R7} a I_{R7} :

Vypočítame si napätie na R_{B457C6} pomocou prúdu I , ktorý je v sériovom zapojení konštantný na každom rezistore.

$$U_{R_{B457C6}} = I \times R_{B457C6} = 0.23895 \times 378,8844 = 90,5344V$$

Ďalej vieme, že napätie, prechádzajúce cez paralelné rezistory je taktiež rovnaké a pomocou toho dopočítame prúd na R_{B457}

$$U_{R_{B457}} = U_{R_{B457C6}} = 90,5334V$$

Pomocou Ohmovho zákona vieme dopočítať prúd na R_{B457}

$$I_{R_{B457}} = \frac{U_{R_{B457}}}{R_{B457}} = \frac{90,5334}{743,4454} = 0,12177A$$

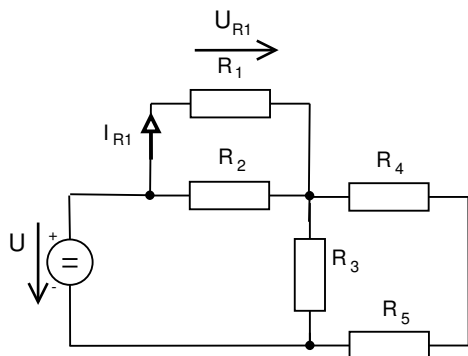
Pomocou $I_{R_{B457}}$ a Ohmovho zákona už vieme dopočítať U_{R7} a I_{R7}

$$\begin{aligned} I_{R7} &= I_{R_{B457}} = 0,12177A \\ U_{R7} &= I_{R7} \times R7 = 0,12177 \times 410 = 49,9279V \end{aligned}$$

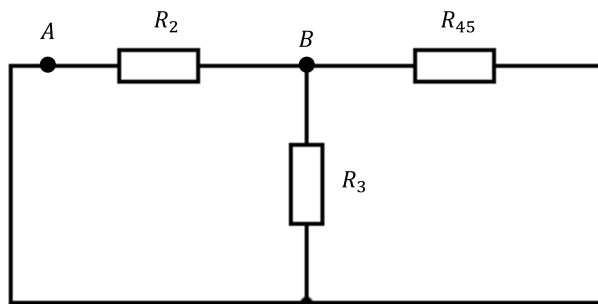
Příklad 2

Stanovte napětí U_{R_1} a proud I_{R_1} . Použijte metodu Théveninovy věty.

sk.	U [V]	R_1 [Ω]	R_2 [Ω]	R_3 [Ω]	R_4 [Ω]	R_5 [Ω]
D	150	200	200	660	200	550

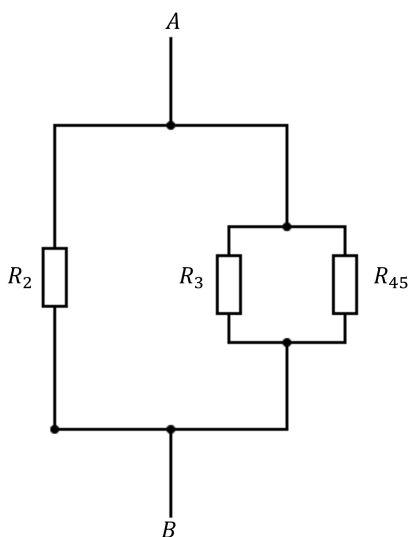


Krok 1 - Prekreslíme obvod bez R_1 a napáťový zdroj zoskratujeme



$$R_{45} = R_4 + R_5 = 200 + 550 = 750\Omega$$

Krok 2 - Vypočítame vnútorný odpor R_i - odpor medzi bodmi A a B



$$R_{453} = \frac{R_3 \times R_{45}}{R_3 + R_{45}} = \frac{660 \times 750}{660 + 750} = 351,0638\Omega$$

$$R_i = \frac{R_2 \times R_{453}}{R_2 + R_{453}} = \frac{200 \times 351,0638}{200 + 351,0638} = 127,4131\Omega$$

Krok 2 - Vypočítame U_i pomocou slučkového prúdu I_A

$$\begin{pmatrix} R_2 + R_3 & -R_3 \\ -R_3 & R_3 + R_{45} \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} I_A \\ I_B \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ U \end{pmatrix}$$

Vypočítame determinanty matice

$$M = \begin{vmatrix} 860 & -660 \\ -660 & 1410 \end{vmatrix} = 777000$$

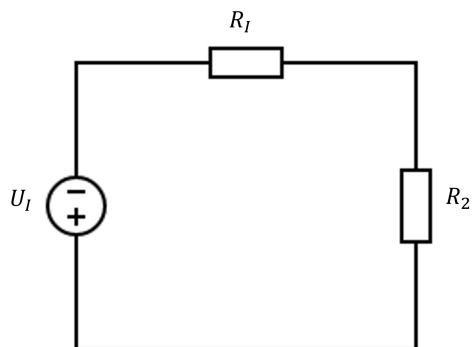
$$M_{I_A} = \begin{vmatrix} 150 & -660 \\ 0 & 1410 \end{vmatrix} = 211500$$

Použijeme Cramerovo pravidlo pre výpočet I_A :

$$I_A = \frac{M_{I_A}}{M} = \frac{211500}{777000} = 0.2722A$$

$$U_i \equiv U_{R_2} = I_A \times R_2 = 0.2722 \times 200 = 54,44V$$

Krok 3 - Pomocou ekvivalentného obvodu dopočítame U_1 a I_1



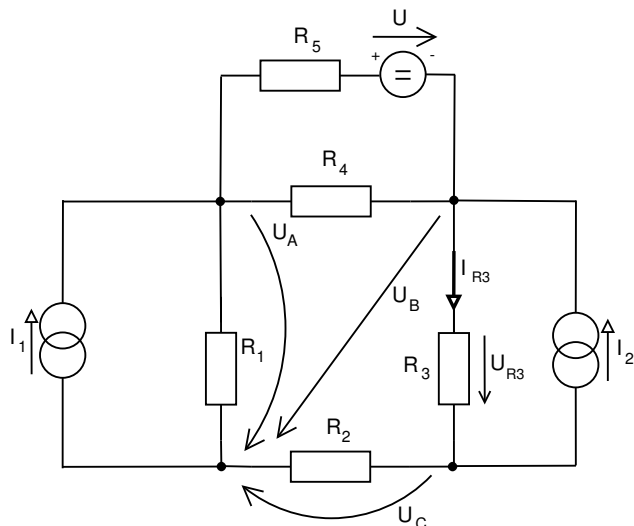
$$I_{R_1} = \frac{U_i}{R_1 + R_i} = \frac{54,44}{200 + 127,4131} = 16,6273mA$$

$$U_{R_1} = R_1 \times I_{R_1} = 200 \times 0,166273 = 33,2546V$$

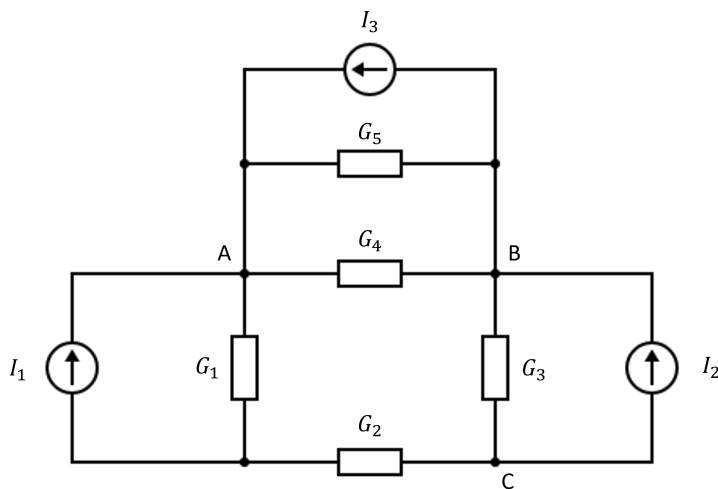
Příklad 3

Stanovte napětí U_{R3} a proud I_{R3} . Použijte metodu uzlových napětí (U_A , U_B , U_C).

sk.	U [V]	I_1 [A]	I_2 [A]	R_1 [Ω]	R_2 [Ω]	R_3 [Ω]	R_4 [Ω]	R_5 [Ω]
H	130	0.95	0.50	47	39	58	28	25



Krok 1 - Pre jednoduchšie počítanie prevedieme si odpor na vodivosť a napäťové zdroje na



prúdové

$$G = \frac{1}{R}$$

$$I_3 = G_1 \times U = \frac{1}{25} \times 130 = 5,2A$$

Krok 2 - Pomocou metódy uzlových napätí vypočítame U_A , U_B , U_C

$$A : U_A(-G_1 - G_4 - G_5) + U_B(G_4 + G_6) = -I_1 - I_3$$

$$B : U_A(G_4 + G_5) + U_B(-G_4 - G_3 - G_5) + U_C(-G_3) = I_2 + I_3$$

$$C : U_B(G_3) + U_C(G_2 + G_3) = I_2$$

Rovnice prepíšeme do matice:

$$\begin{pmatrix} -G_1 - G_4 - G_5 & G_4 + G_5 & 0 \\ G_4 + G_5 & -G_4 - G_3 - G_5 & -G_3 \\ 0 & G_3 & G_2 + G_3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} U_A \\ U_B \\ U_C \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -I_1 - I_3 \\ -I_2 + I_3 \\ I_2 \end{pmatrix}$$

Do matic dosadíme hodnoty a neznáme vypočítame pomocou determinantov matic a Cramerového pravidla:

$$\begin{pmatrix} -\frac{3191}{32900} & \frac{53}{700} & 0 \\ \frac{53}{700} & -\frac{1887}{20300} & -\frac{1}{58} \\ 0 & \frac{1}{58} & \frac{97}{2262} \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} U_A \\ U_B \\ U_C \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -6,15 \\ 4,7 \\ 0,5 \end{pmatrix}$$

$$U_A = 60,504V$$

$$U_B = -3,72V$$

$$U_C = 13,15548V$$

Krok 3 - Pomocou U_B a U_C vypočítame U_{R_3} a I_{R_3}

$$U_{R_3} = U_C + U_B = -3,72 + 13,15548 = 9,4355V$$

$$I_{R_3} = \frac{U_{R_3}}{R_3} = \frac{9,4335}{58} = 0,1627A$$

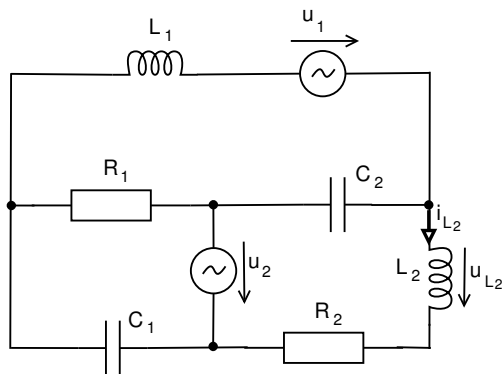
Příklad 4

Pro napájecí napětí platí: $u_1 = U_1 \cdot \sin(2\pi ft)$, $u_2 = U_2 \cdot \sin(2\pi ft)$.

Ve vztahu pro napětí $u_{L_2} = U_{L_2} \cdot \sin(2\pi ft + \varphi_{L_2})$ určete $|U_{L_2}|$ a φ_{L_2} . Použijte metodu smyčkových proudů.

Pozn: Pomocné směry šipek napájecích zdrojů platí pro speciální časový okamžik ($t = \frac{\pi}{2\omega}$).

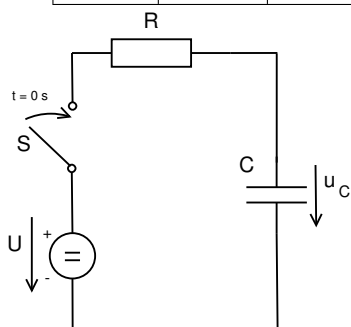
sk.	U_1 [V]	U_2 [V]	R_1 [Ω]	R_2 [Ω]	L_1 [mH]	L_2 [mH]	C_1 [μ F]	C_2 [μ F]	f [Hz]
B	2	4	11	15	100	85	220	95	80



Příklad 5

V obvodu na obrázku níže v čase $t = 0$ [s] sepne spínač S . Sestavte diferenciální rovnici popisující chování obvodu na obrázku, dále ji upravte dosazením hodnot parametrů. Vypočítejte analytické řešení $u_C = f(t)$. Proveďte kontrolu výpočtu dosazením do sestavené diferenciální rovnice.

sk.	U [V]	R [Ω]	C [F]	$u_C(0)$ [V]
F	32	30	15	11



Shrnutí výsledků

Příklad	Skupina	Výsledky
1	G	$U_{R7} =$ $I_{R7} =$
2	D	$U_{R1} =$ $I_{R1} =$
3	H	$U_{R3} =$ $I_{R3} =$
4	B	$ U_{L_2} =$ $\varphi_{L_2} =$
5	F	$u_C =$