# Kapitola IX. Syntaxí řízený překlad a generování vnitřního kódu

Myšlenka: Semantické akce jsou přidruženy gramatickým pravidlům. Tyto sémantické akce mohou generovat vnitřní kód a provádět kontrolu typů

Příklad:Pravidlo:Sémantická akce: $E_i \rightarrow E_j + E_k$ <br/> $E_i \rightarrow E_j * E_k$ <br/> $E_i \rightarrow (E_j)$ <br/> $E_i \rightarrow i$  $\{E_i \cdot a := E_j \cdot a + E_k \cdot a\}$ <br/> $\{E_i \cdot a := E_j \cdot a \}$ <br/> $\{E_i \cdot a := E_j \cdot a\}$ <br/> $\{E_i \cdot a := i \cdot val\}$ 

**Pravidlo:** Akce:

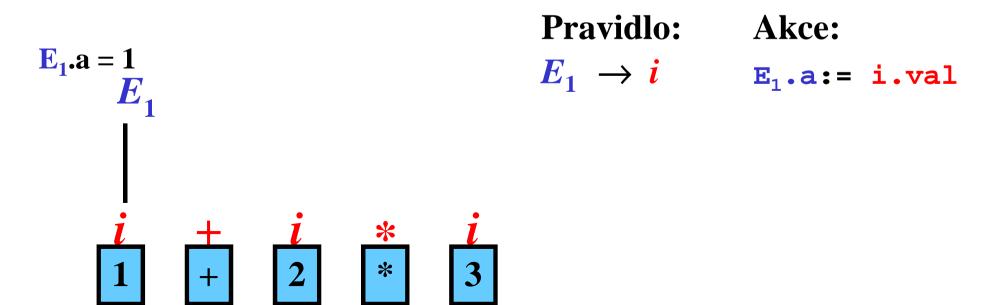
Myšlenka: Semantické akce jsou přidruženy gramatickým pravidlům. Tyto sémantické akce mohou generovat vnitřní kód a provádět kontrolu typů

Příklad:	Pravidlo:	Sémantická akce:
	$egin{aligned} E_i & ightarrow E_j + E_k \ E_i & ightarrow E_j st E_k \ E_i & ightarrow (E_j) \ E_i & ightarrow i \end{aligned}$	$ \left\{ \begin{array}{l} {\bf E_i \cdot a} \ := \ {\bf E_j \cdot a} \ + \ {\bf E_k \cdot a} \right\} \\ \left\{ \begin{array}{l} {\bf E_i \cdot a} \ := \ {\bf E_j \cdot a} \ + \ {\bf E_k \cdot a} \right\} \\ \left\{ \begin{array}{l} {\bf E_i \cdot a} \ := \ {\bf E_j \cdot a} \end{array} \right\} \\ \left\{ \begin{array}{l} {\bf E_i \cdot a} \ := \ {\bf i \cdot val} \end{array} \right\} \\ \end{array} $

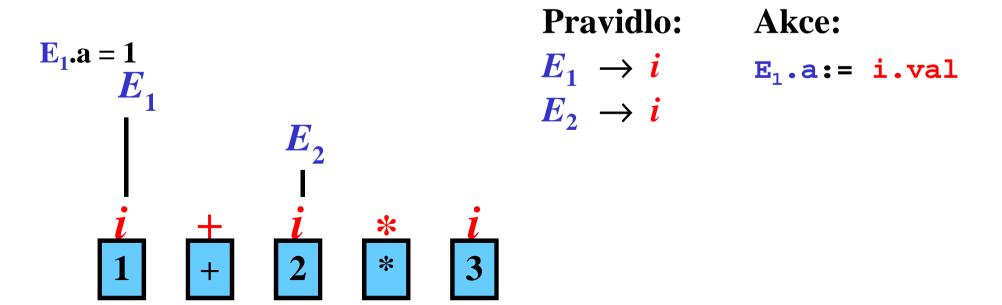
Akce:

 $E_1 o i$   $E_1 o i$ 

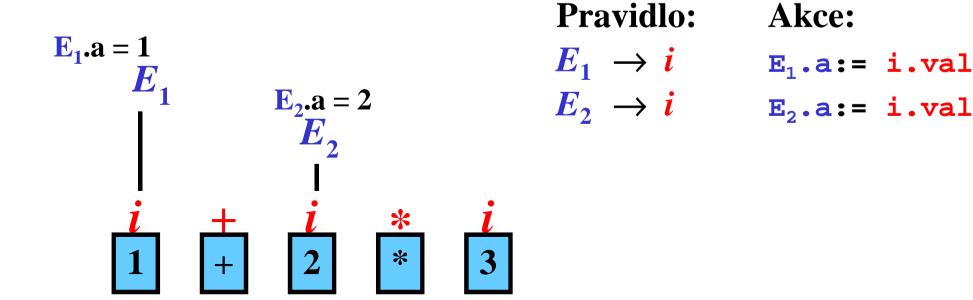
Příklad:	Pravidlo:	Sémantická akce:
	$egin{aligned} E_i & ightarrow E_j + E_k \ E_i & ightarrow E_j * E_k \ E_i & ightarrow (E_j) \ E_i & ightarrow i \end{aligned}$	$ \left\{ \begin{array}{l} {\bf E_i \cdot a} \ := \ {\bf E_j \cdot a} \ + \ {\bf E_k \cdot a} \right\} \\ \left\{ \begin{array}{l} {\bf E_i \cdot a} \ := \ {\bf E_j \cdot a} \ + \ {\bf E_k \cdot a} \right\} \\ \left\{ \begin{array}{l} {\bf E_i \cdot a} \ := \ {\bf E_j \cdot a} \end{array} \right\} \\ \left\{ \begin{array}{l} {\bf E_i \cdot a} \ := \ {\bf i \cdot val} \end{array} \right\} \\ \end{array} $



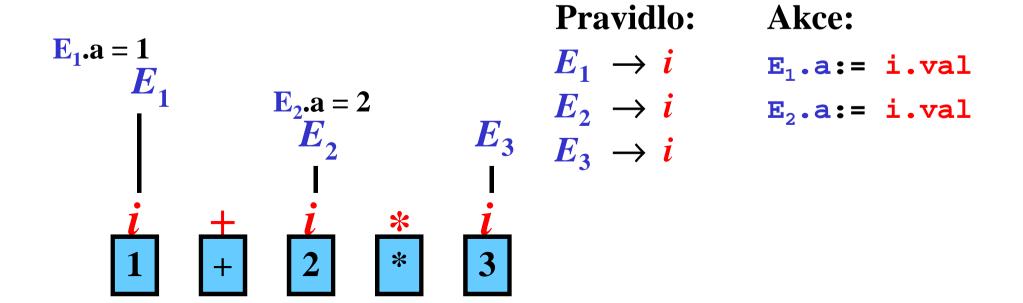
Příklad:	Pravidlo:	Sémantická akce:
	$egin{aligned} E_i & ightarrow E_j + E_k \ E_i & ightarrow E_j st E_k \ E_i & ightarrow (E_j) \ E_i & ightarrow i \end{aligned}$	$ \left\{ \begin{array}{l} {\bf E_i \cdot a} & := {\bf E_j \cdot a} + {\bf E_k \cdot a} \\ {\bf E_i \cdot a} & := {\bf E_j \cdot a} + {\bf E_k \cdot a} \\ {\bf E_i \cdot a} & := {\bf E_j \cdot a} \\ {\bf E_i \cdot a} & := {\bf i \cdot val} \end{array} \right\} $



Příklad:	Pravidlo:	Sémantická akce:
		$ \left\{ \begin{array}{l} {\bf E_i \cdot a} \ := \ {\bf E_j \cdot a} \ + \ {\bf E_k \cdot a} \right\} \\ \left\{ \begin{array}{l} {\bf E_i \cdot a} \ := \ {\bf E_j \cdot a} \ + \ {\bf E_k \cdot a} \right\} \\ \left\{ \begin{array}{l} {\bf E_i \cdot a} \ := \ {\bf E_j \cdot a} \end{array} \right\} \\ \left\{ \begin{array}{l} {\bf E_i \cdot a} \ := \ {\bf i \cdot val} \end{array} \right\} \\ \end{array} $



Příklad:	Pravidlo:	Sémantická akce:
		$ \left\{ \begin{array}{l} \mathbf{E_{i} \cdot a} & := \mathbf{E_{j} \cdot a} + \mathbf{E_{k} \cdot a} \\ \mathbf{E_{i} \cdot a} & := \mathbf{E_{j} \cdot a} + \mathbf{E_{k} \cdot a} \\ \mathbf{E_{i} \cdot a} & := \mathbf{E_{j} \cdot a} \\ \mathbf{E_{i} \cdot a} & := \mathbf{E_{j} \cdot a} \\ \mathbf{E_{i} \cdot a} & := \mathbf{i \cdot val} \end{array} \right\} $

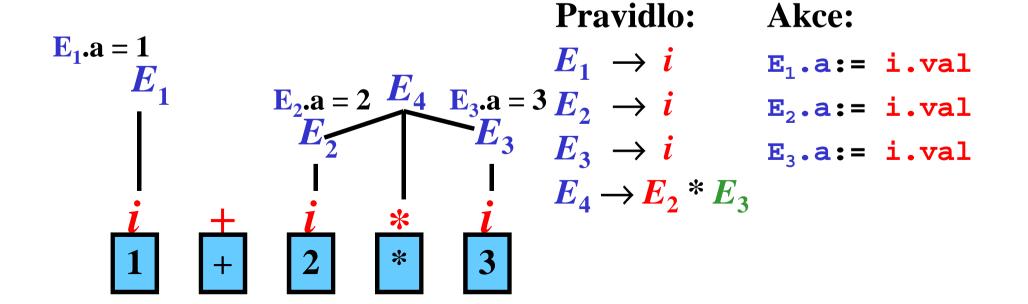


Myšlenka: Semantické akce jsou přidruženy gramatickým pravidlům. Tyto sémantické akce mohou generovat vnitřní kód a provádět kontrolu typů

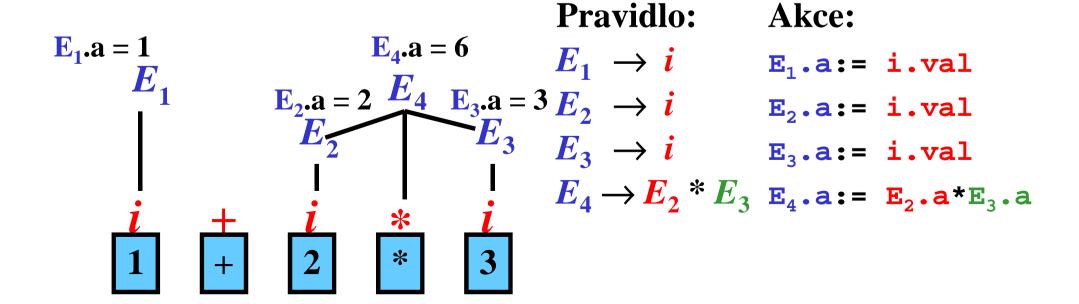
Příklad:	Pravidlo:	Sémantická akce:
	$E_i \rightarrow E_i' * E_k''$	$ \left\{ \begin{array}{l} \mathbf{E_{i} \cdot a} & := \mathbf{E_{j} \cdot a} + \mathbf{E_{k} \cdot a} \\ \mathbf{E_{i} \cdot a} & := \mathbf{E_{j} \cdot a} + \mathbf{E_{k} \cdot a} \\ \mathbf{E_{i} \cdot a} & := \mathbf{E_{j} \cdot a} \\ \mathbf{E_{i} \cdot a} & := \mathbf{E_{j} \cdot a} \\ \mathbf{E_{i} \cdot a} & := \mathbf{i \cdot val} \end{array} \right\} $

#### 

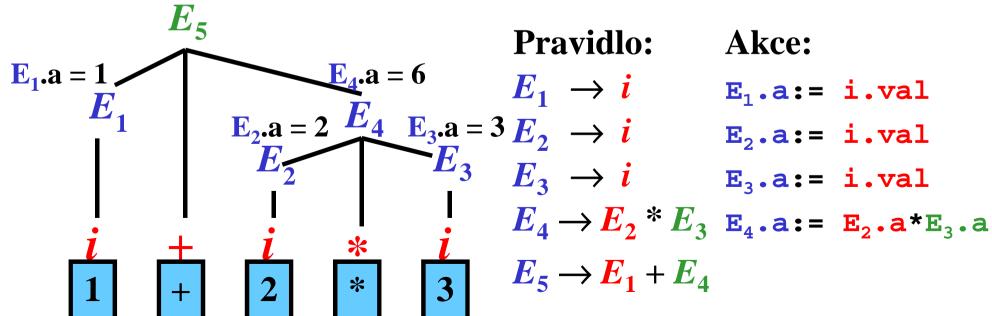
Příklad:	Pravidlo:	Sémantická akce:
	$egin{array}{c} E_i  ightharpoonup E_j + E_k \ E_i  ightharpoonup E_j st E_k \ E_i  ightharpoonup (E_j) \ E_i  ightharpoonup i \end{array}$	

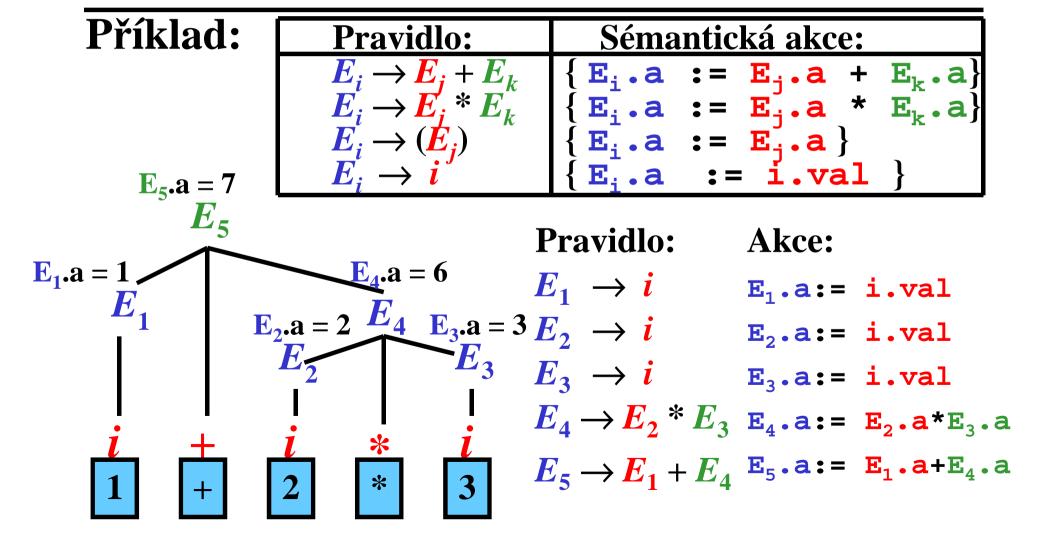


Příklad:	Pravidlo:	Sémantická akce:
		$ \left\{ \begin{array}{l} {\bf E_i \cdot a} & := & {\bf E_j \cdot a} + & {\bf E_k \cdot a} \right\} \\ {\bf E_i \cdot a} & := & {\bf E_j \cdot a} + & {\bf E_k \cdot a} \right\} \\ {\bf E_i \cdot a} & := & {\bf E_j \cdot a} \\ {\bf E_i \cdot a} & := & {\bf i \cdot val} \end{array} \} $



Příklad:	Pravidlo:	Sémantická akce:
	$egin{aligned} E_i & ightarrow E_j + E_k \ E_i & ightarrow E_j st E_k \ E_i & ightarrow (E_j) \ E_i & ightarrow i \end{aligned}$	$ \left\{ \begin{array}{l} {\bf E_i \cdot a} \ := \ {\bf E_j \cdot a} \ + \ {\bf E_k \cdot a} \right\} \\ \left\{ \begin{array}{l} {\bf E_i \cdot a} \ := \ {\bf E_j \cdot a} \ + \ {\bf E_k \cdot a} \right\} \\ \left\{ \begin{array}{l} {\bf E_i \cdot a} \ := \ {\bf E_j \cdot a} \end{array} \right\} \\ \left\{ \begin{array}{l} {\bf E_i \cdot a} \ := \ {\bf i \cdot val} \end{array} \right\} \\ \end{array} $





### Tříadresný kód

• Instrukce v tříadresném kódu (3AK) má tvar:

```
(o, *a, *b, *r)
```

```
    o – operátor (+, –, *, ...)
    a – operand 1 (*a = adresa a)
    b – operand 2 (*b = adresa b)
    r – výsledek (*r = adresa r)
```

#### Příklady:

```
(:= , a, , c ) ... c := a

(+ , a, b, c ) ... c := a + b

(not , a, , b ) ... b := not(a)

(goto, , , L1) ... goto L1

(goto, a, , L1) ... if a = true then goto L1

(lab , L1, , ) ... label L1:
```

# Syntaxí řízené generování 3AK

#### Základní přístupy:

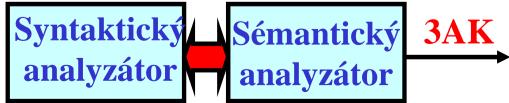
1) Syntaktický analyzátor vytvoří *abstraktní syntaktický strom* (ASS), který je převeden na 3AK.



2) Syntaktický analyzátor vytvoří *postfixovou reprezentaci* programu, která je převedena na **3AK**.



3) Syntaktický analyzátor vytvoří 3AK přímo.



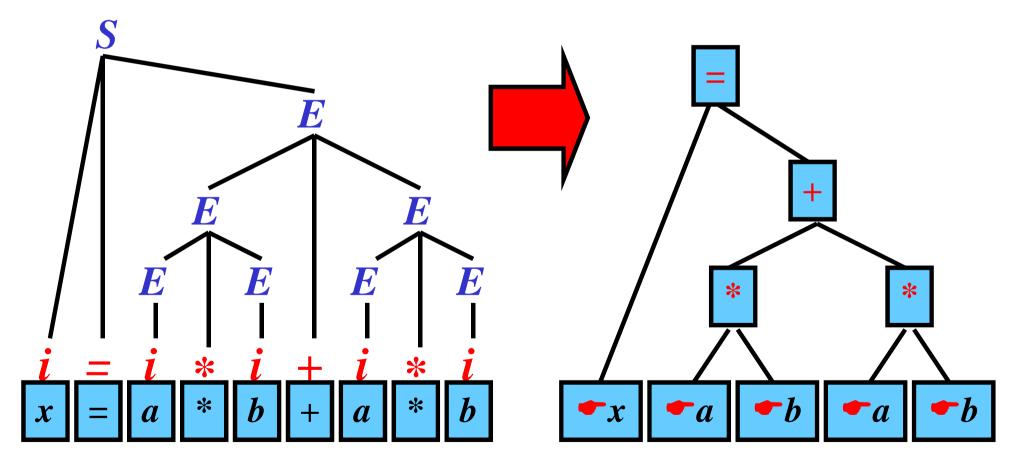
### Z derivačního stromu k ASS: Příklad

derivační strom pro

$$x = a*b + a*b$$
:

ASS pro

$$x = a*b + a*b$$
:



#### Generování ASS

Myšlenka: Syntaktický analyzátor simuluje vytváření derivačního stromu a současně volá sémantické akce, které vytvářejí AST.

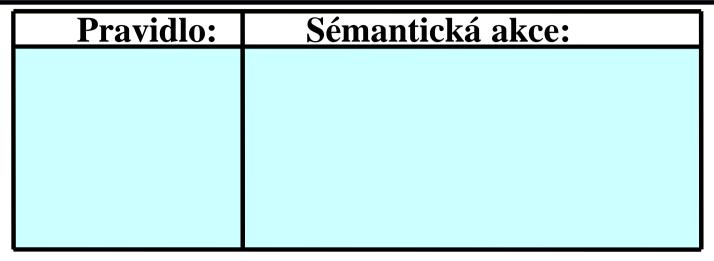
#### Příklad:

Pravidlo:	Sémantická akce:
$S \rightarrow i := E_k$	$\{ S.a := MakeTree('=', i.a, E_k.a) \}$
$E_i \rightarrow E_i + \tilde{E}_k$	$\{E_{i}a := MakeTree('+', E_{i}a, E_{k}a)\}$
$E_i \rightarrow E_i * E_k$	$\left\{E_{i}^{t}a := MakeTree(`*, E_{i}^{t}.a, E_{k}^{t}.a)\right\}$
$E_i \rightarrow (E_i)$	$\{E_{i}^{\prime}a:=E_{i}a\}$
$E_i^i \rightarrow i$	$\{E_{i}^{\prime}a := MakeLeaf(i.a)\}$

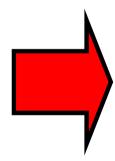
#### Poznámky:

- MakeTree(o, a, b) vytvoří nový uzel o, naváže levého syna a, pravého syna b, a vrátí ukazatel na uzel o
- MakeLeaf(*i.a*) vytvoří nový uzel *i.a* (*i.a* je adresa do tabulky symbolů) a vrátí ukazatel na tento uzel

Zásobník	Vstup	Pravidlo	Sémantická akce
\$	i = (i+i) * i		
<b>\$i</b>	= (i+i) * i		
	(i+i)*i\$		
$\mathbf{\$}i = ($	(i+i)*i\$		
		$E_1 \rightarrow i$	$E_1.a := MakeLeaf(i.a)$
	+i)*i\$		
	i) * i\$		
$\$i = (E_1 + i)$	) * i\$	$E_2 \rightarrow i$	$E_2.a := MakeLeaf(i.a)$
$\$i = (E_1 + E_2)$	) * i\$ ) * i\$	$E_3 \rightarrow E_1 + E_2$	$E_3$ .a:=MakeTree('+', $E_1$ .a, $E_2$ .a)
	) * <i>i</i> \$		
$\$i = (E_3)$	* i\$	$E_4 \rightarrow (E_3)$	$E_4.a := E_3.a$
$\$i = E_4$	* <i>i</i> \$		
$i = E_4$	<i>i</i> \$		
$\mathbf{\hat{z}}_{4} = E_{4} * i$	\$	$E_5 \rightarrow i$	$E_{5}.a := MakeLeaf(i.a)$
$i = E_4 * E_5$	\$ \$ \$ \$ \$ \$	$E_6 \rightarrow E_4 * E_5$	$E_6.a:=$ MakeTree('*', $E_4.a, E_5.a$ )
$\$i = E_6$	\$	$S \rightarrow i = E_6$	$S.a := MakeTree('=', i.a, E_6.a)$
<b>\$</b> S	\$		



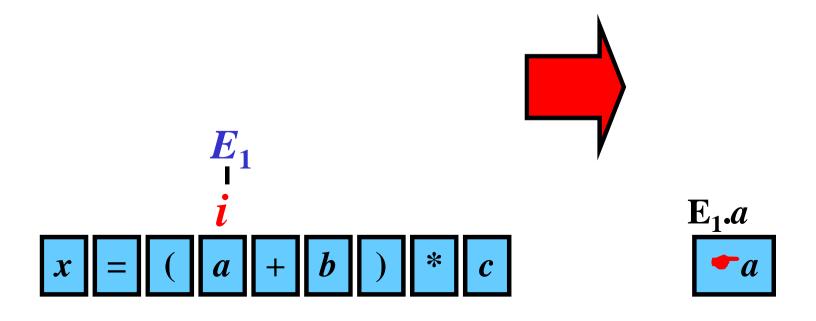
Simulace Derivačního stromu:



$$\begin{bmatrix} x \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} ( \begin{bmatrix} a \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} b \end{bmatrix} ) \end{bmatrix} * \begin{bmatrix} c \end{bmatrix}$$

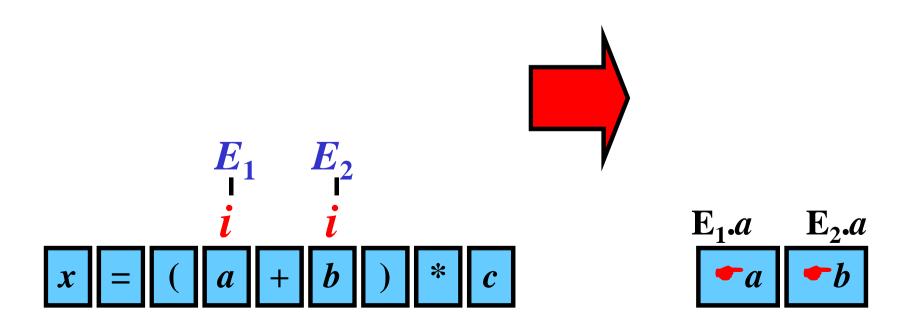
Pravidlo:	Sémantická akce:
$E_1 \rightarrow i$	$E_1.a := MakeLeaf(i.a)$

Simulace Derivačního stromu:



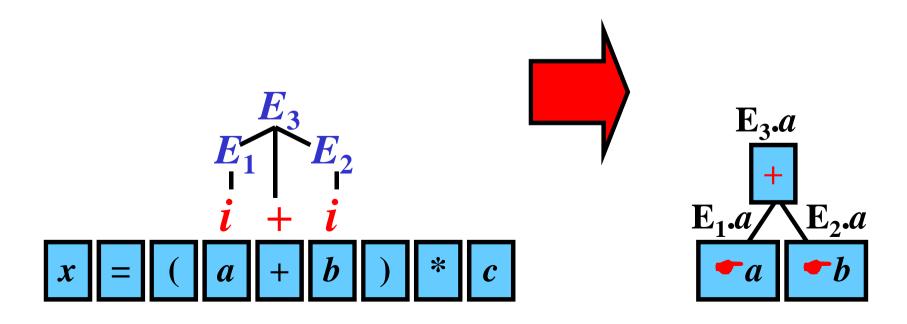
Pravidlo:	Sémantická akce:
$egin{array}{c} E_1  ightarrow i \ E_2  ightarrow i \end{array}$	$E_1.a := MakeLeaf(i.a)$ $E_2.a := MakeLeaf(i.a)$

Simulace Derivačního stromu:



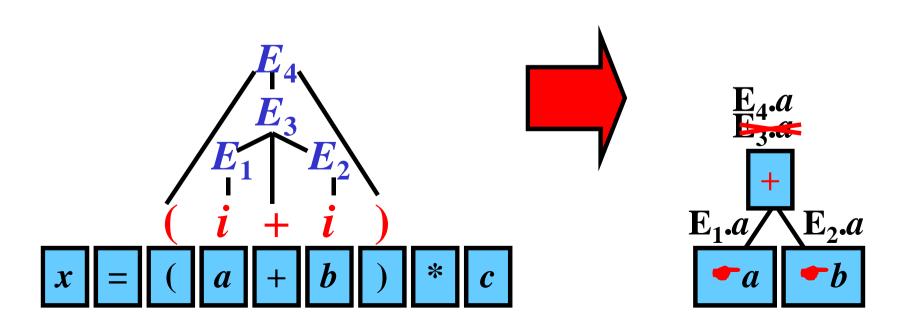
Pravidlo:	Sémantická akce:
$E_1 \rightarrow i \\ E_2 \rightarrow i \\ E_3 \rightarrow E_1 + E_2$	$E_1.a := MakeLeaf(i.a)$ $E_2.a := MakeLeaf(i.a)$ $E_3.a := MakeTree('+', E_1.a, E_2.a)$

Simulace Derivačního stromu:



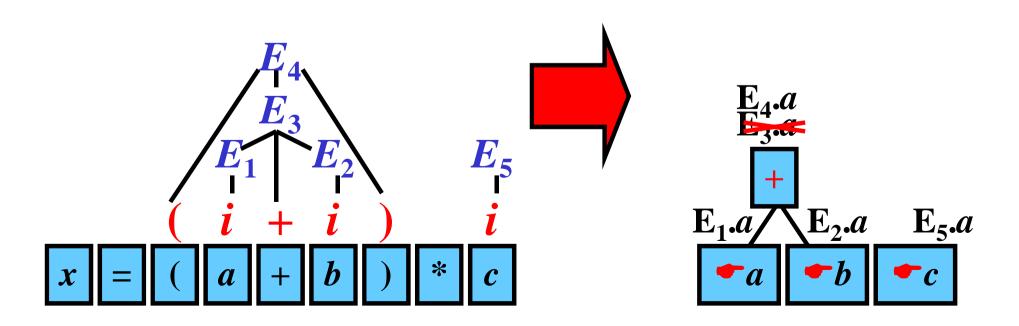
Pravidlo:	Sémantická akce:
$E_1 \rightarrow i$ $E_2 \rightarrow i$ $E_3 \rightarrow E_1 + E_2$ $E_4 \rightarrow (E_3)$	$E_1.a := MakeLeaf(i.a)$ $E_2.a := MakeLeaf(i.a)$ $E_3.a := MakeTree('+', E_1.a, E_2.a)$ $E_4.a := E_3.a$

Simulace Derivačního stromu:



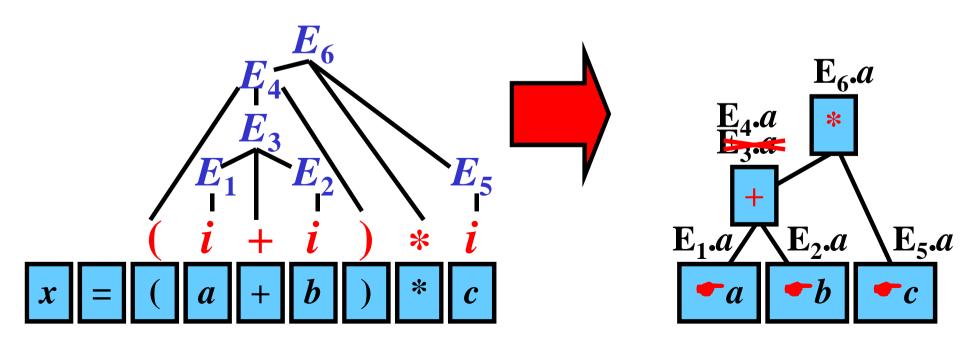
Pravidlo:	Sémantická akce:
$E_1 \rightarrow i$ $E_2 \rightarrow i$ $E_3 \rightarrow E_1 + E_2$ $E_4 \rightarrow (E_3)$ $E_5 \rightarrow i$	$E_1.a := MakeLeaf(i.a)$ $E_2.a := MakeLeaf(i.a)$ $E_3.a := MakeTree('+', E_1.a, E_2.a)$ $E_4.a := E_3.a$ $E_5.a := MakeLeaf(i.a)$

Simulace Derivačního stromu:



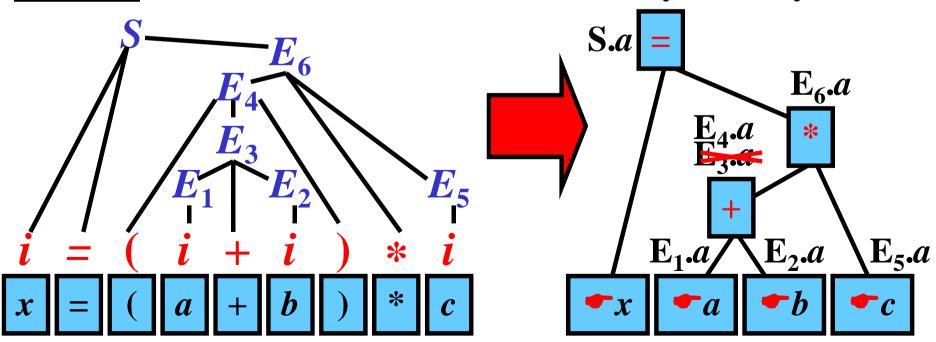
Pravidlo:	Sémantická akce:
$E_1 \rightarrow i$ $E_2 \rightarrow i$ $E_3 \rightarrow E_1 + E_2$ $E_4 \rightarrow (E_3)$ $E_5 \rightarrow i$ $E_6 \rightarrow E_4 * E_5$	$E_1.a := MakeLeaf(i.a)$ $E_2.a := MakeLeaf(i.a)$ $E_3.a := MakeTree('+', E_1.a, E_2.a)$ $E_4.a := E_3.a$ $E_5.a := MakeLeaf(i.a)$ $E_6.a := MakeTree('*', E_4.a, E_5.a)$

Simulace Derivačního stromu:



Pravidlo:	Sémantická akce:
$E_1 \rightarrow i$ $E_2 \rightarrow i$ $E_3 \rightarrow E_1 + E_2$ $E_4 \rightarrow (E_3)$ $E_5 \rightarrow i$ $E_6 \rightarrow E_4 * E_5$ $S \rightarrow i = E_6$	$E_1.a := MakeLeaf(i.a)$ $E_2.a := MakeLeaf(i.a)$ $E_3.a := MakeTree('+', E_1.a, E_2.a)$ $E_4.a := E_3.a$ $E_5.a := MakeLeaf(i.a)$ $E_6.a := MakeTree('*', E_4.a, E_5.a)$ $S.a := MakeTree('=', i.a, E_6.a)$

#### Simulace Derivačního stromu:



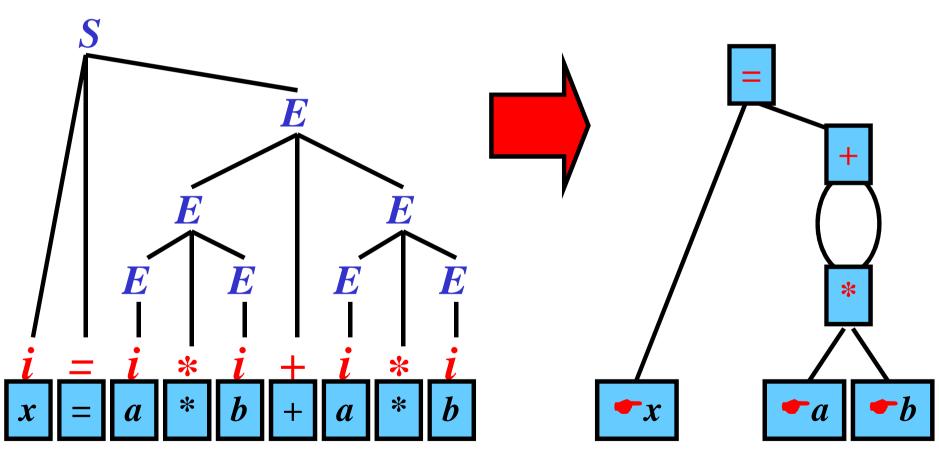
#### DAG: Příklad

Parse tree pro

$$x = a*b + a*b$$
:

• DAG pro

$$x = a*b + a*b$$
:



Pozn.: DAG nemá nadbytečné uzly.

#### Postfixová Notace

Myšlenka: Každý operátor se vyskytuje až za operandy

#### Příklad:

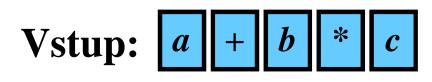
Infixová notace	Postfixová notace
a+b	<i>a b</i> +
a = b	ab =
if $C$ then $S_1$ else $S_2$	$CS_1S_2$ if-then-else

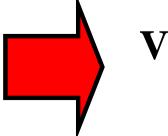
**Pozn.:** Postfixovou notaci můžeme také získat průchodem postorder ASS.

Myšlenka: Sémantická akce vytvářejí postfixovou verzi zdrojového programu

Příklad:

Pravidlo:	Sémantická akce:
$1: E \to E + E$	{generate('+')}
$2: E \rightarrow E*E$	{generate('*')}
$3: E \rightarrow (E)$	<b>{ -</b> }
$4: E \rightarrow i$	{generate(i.a) }



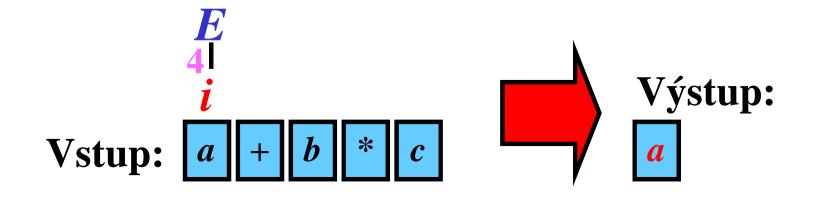


Výstup:

Myšlenka: Sémantická akce vytvářejí postfixovou verzi zdrojového programu

V	<b>T</b> 1		1	
ří	7	9		lacktriangle
$\mathbf{I}$ $\mathbf{I}$ .		la	u	•

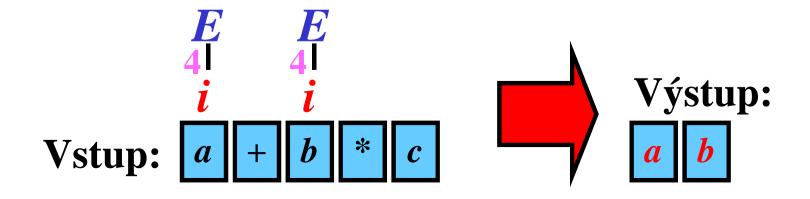
Pravidlo:	Sémantická akce:
$1: E \to E + E$	{generate('+')}
$2: E \rightarrow E*E$	{generate('*')}
$3: E \rightarrow (E)$	<b>{ -</b> }
$4: E \rightarrow i$	{generate(i.a) }



Myšlenka: Sémantická akce vytvářejí postfixovou verzi zdrojového programu

Příklad:

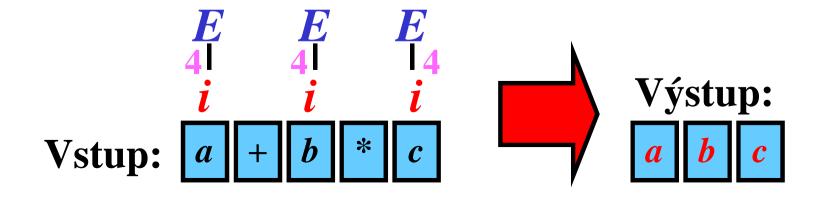
Pravidlo:	Sémantická akce:
$1: E \to E + E$	{generate('+')}
$2: E \rightarrow E*E$	{generate('*')}
$3: E \rightarrow (E)$	<b>{ -</b> }
$4: E \rightarrow i$	{generate(i.a) }



Myšlenka: Sémantická akce vytvářejí postfixovou verzi zdrojového programu

Příklad:

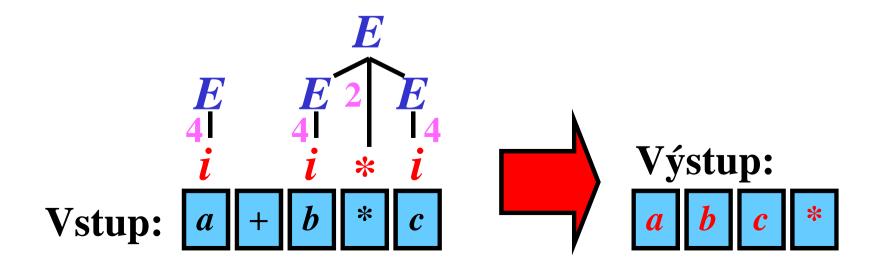
Pravidlo:	Sémantická akce:
$1: E \to E + E$	{generate('+')}
$2: E \rightarrow E*E$	{generate('*')}
$3: E \rightarrow (E)$	<b>{ -</b> }
$4: E \rightarrow i$	{generate(i.a) }



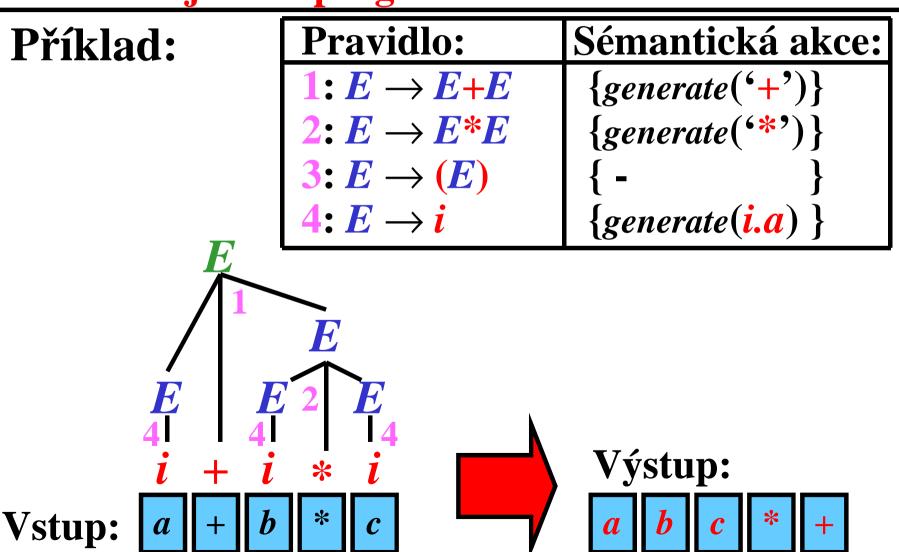
Myšlenka: Sémantická akce vytvářejí postfixovou verzi zdrojového programu

V	ъ т		-	
ří		O		lacktriangle
$\mathbf{I}$	$\mathbf{L}$	la	u	

Pravidlo:	Sémantická akce:		
$1: E \to E + E$	{generate('+')}		
$2: E \to E^*E$	{generate('*')}		
$3: E \rightarrow (E)$	<b>{</b> - <b>}</b>		
$4: E \rightarrow i$	{generate(i.a) }		



Myšlenka: Sémantická akce vytvářejí postfixovou verzi zdrojového programu



### Překladové gramatiky

Myšlenka: Překladové gramatiky překládají vstupní řetězec na výstupní řetězec

1) Překlad pomocí dvou gramatik:



2) Překlad řízený jednou gramatikou

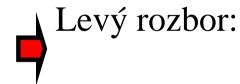


**Pozn.:** V průběhu syntaktické analýzy vstupního řetězce je současně vytvářen výstupní řetězec

### Překlad pomocí dvou gramatik

do postfixu:

```
Překlad z infixu Pravidla G<sub>1</sub> Pravidla G<sub>2</sub>
                          : E \rightarrow E + T
                                              1: E \rightarrow ET+
                                             2: E \rightarrow T
                         2: E \rightarrow T
                         3: T \to T^*F \qquad 3: T \to TF^*
                                       4: T \to F
                                              5: F \rightarrow E
```

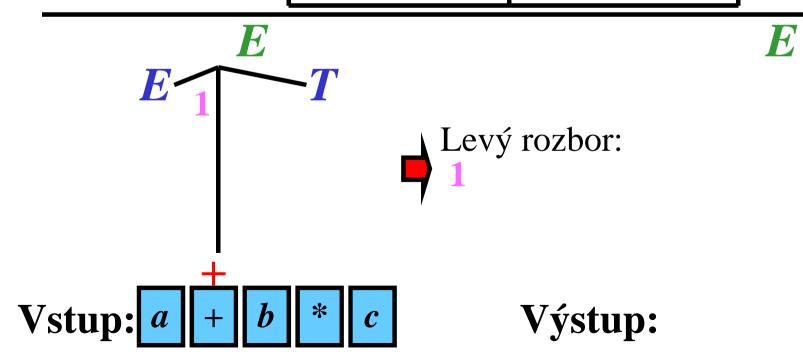


Vstup:

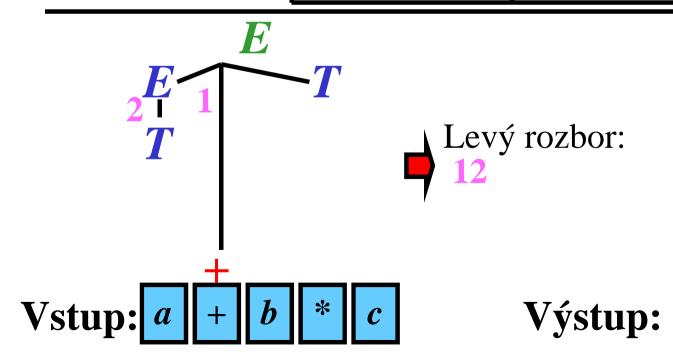
**Výstup:** 

# Překlad pomocí dvou gramatik

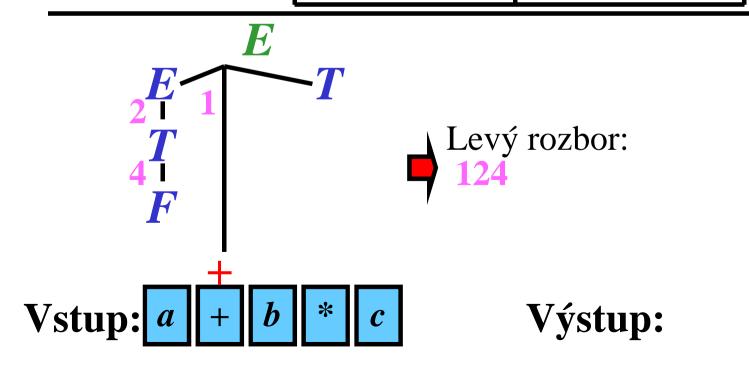
Překlad z infixu<br/>do postfixu:Pravidla  $G_1$ Pravidla  $G_2$ 1:  $E \rightarrow E+T$ <br/>2:  $E \rightarrow T$ <br/>3:  $T \rightarrow T*F$ <br/>4:  $T \rightarrow F$ <br/>5:  $F \rightarrow (E)$ <br/>6:  $F \rightarrow i$ 1:  $E \rightarrow ET+$ <br/>2:  $E \rightarrow T$ <br/>3:  $T \rightarrow TF*$ <br/>4:  $T \rightarrow F$ <br/>6:  $F \rightarrow i$ 



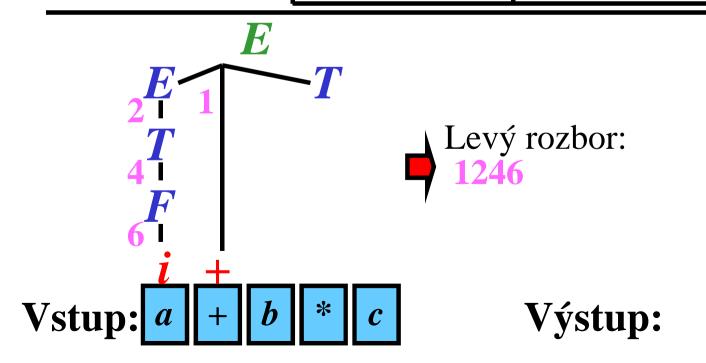
Překlad z infixu<br/>do postfixu:Pravidla  $G_1$ Pravidla  $G_2$ 1:  $E \rightarrow E+T$ <br/>2:  $E \rightarrow T$ <br/>3:  $T \rightarrow T*F$ <br/>4:  $T \rightarrow F$ <br/>5:  $F \rightarrow (E)$ <br/>6:  $F \rightarrow i$ 1:  $E \rightarrow ET+$ <br/>2:  $E \rightarrow T$ <br/>3:  $T \rightarrow TF*$ <br/>4:  $T \rightarrow F$ <br/>6:  $F \rightarrow i$ 



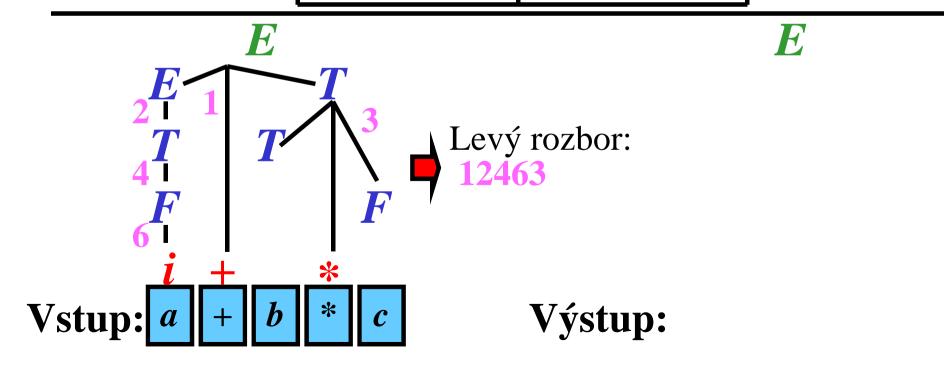
Překlad z infixu<br/>do postfixu:Pravidla  $G_1$ Pravidla  $G_2$ 1:  $E \rightarrow E+T$ <br/>2:  $E \rightarrow T$ <br/>3:  $T \rightarrow T*F$ <br/>4:  $T \rightarrow F$ <br/>5:  $F \rightarrow (E)$ <br/>6:  $F \rightarrow i$ 1:  $E \rightarrow ET+$ <br/>2:  $E \rightarrow T$ <br/>3:  $T \rightarrow TF*$ <br/>4:  $T \rightarrow F$ <br/>6:  $F \rightarrow i$ 



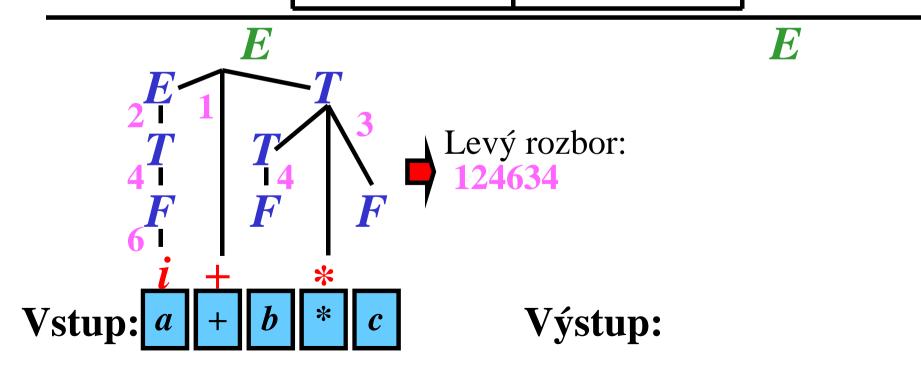
Překlad z infixu<br/>do postfixu:Pravidla  $G_1$ Pravidla  $G_2$ 1:  $E \rightarrow E+T$ <br/>2:  $E \rightarrow T$ <br/>3:  $T \rightarrow T*F$ <br/>4:  $T \rightarrow F$ <br/>5:  $F \rightarrow (E)$ <br/>6:  $F \rightarrow i$ 1:  $E \rightarrow ET+$ <br/>2:  $E \rightarrow T$ <br/>3:  $T \rightarrow TF*$ <br/>4:  $T \rightarrow F$ <br/>5:  $F \rightarrow E$ <br/>6:  $F \rightarrow i$ 



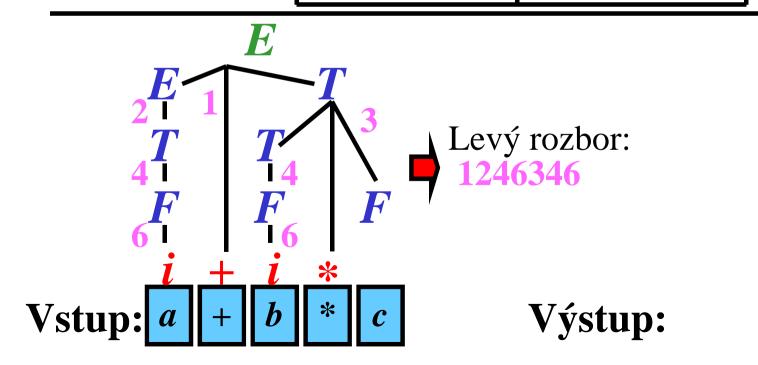
Překlad z infixu<br/>do postfixu:Pravidla  $G_1$ Pravidla  $G_2$ 1:  $E \rightarrow E+T$ <br/>2:  $E \rightarrow T$ <br/>3:  $T \rightarrow T*F$ <br/>4:  $T \rightarrow F$ <br/>5:  $F \rightarrow (E)$ <br/>6:  $F \rightarrow i$ 1:  $E \rightarrow ET+$ <br/>2:  $E \rightarrow T$ <br/>3:  $T \rightarrow TF*$ <br/>4:  $T \rightarrow F$ <br/>5:  $F \rightarrow E$ <br/>6:  $F \rightarrow i$ 

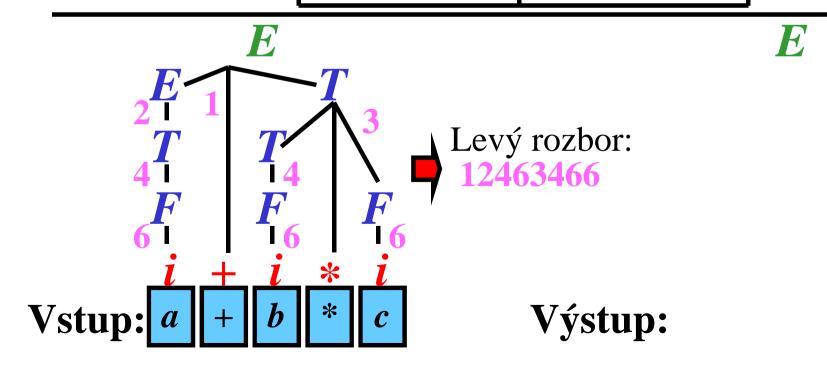


Překlad z infixu<br/>do postfixu:Pravidla  $G_1$ Pravidla  $G_2$ 1:  $E \rightarrow E+T$ <br/>2:  $E \rightarrow T$ <br/>3:  $T \rightarrow T^*F$ <br/>4:  $T \rightarrow F$ <br/>5:  $F \rightarrow (E)$ <br/>6:  $F \rightarrow i$ 1:  $E \rightarrow ET+$ <br/>2:  $E \rightarrow T$ <br/>3:  $T \rightarrow TF^*$ <br/>4:  $T \rightarrow F$ <br/>5:  $F \rightarrow E$ <br/>6:  $F \rightarrow i$ 



Překlad z infixu<br/>do postfixu:Pravidla  $G_1$ Pravidla  $G_2$ 1:  $E \rightarrow E+T$ <br/>2:  $E \rightarrow T$ <br/>3:  $T \rightarrow T^*F$ <br/>4:  $T \rightarrow F$ <br/>5:  $F \rightarrow (E)$ <br/>6:  $F \rightarrow i$ 1:  $E \rightarrow ET+$ <br/>2:  $E \rightarrow T$ <br/>3:  $T \rightarrow TF^*$ <br/>4:  $T \rightarrow F$ <br/>5:  $F \rightarrow E$ <br/>6:  $F \rightarrow i$ 

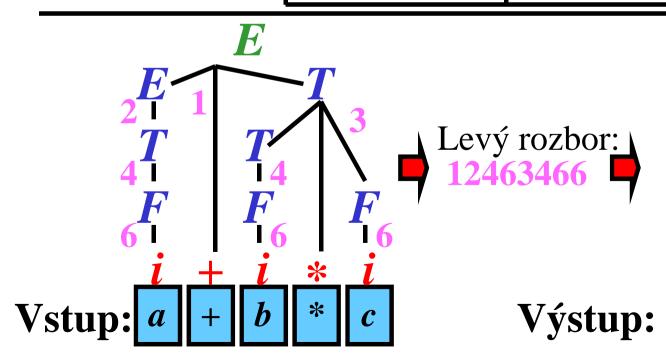




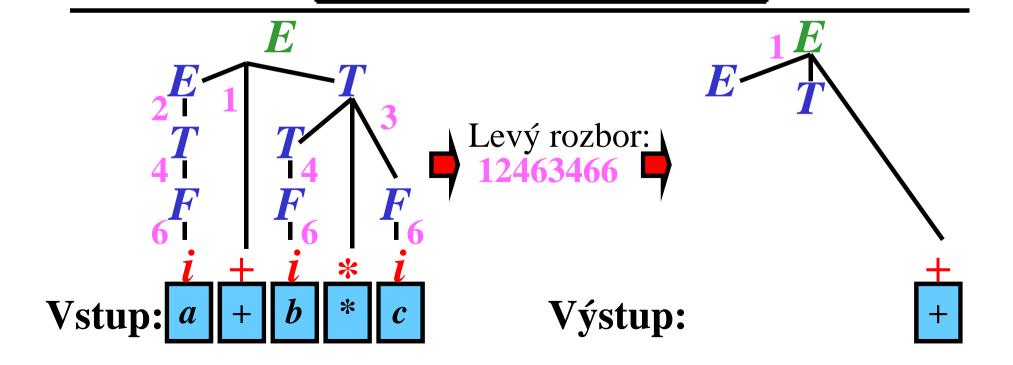
Překlad z infixu Pravidla G<sub>1</sub> Pravidla G<sub>2</sub> do postfixu:  $: E \rightarrow E + T$  $2: E \rightarrow T$ 

 $5: F \rightarrow (E)$ 

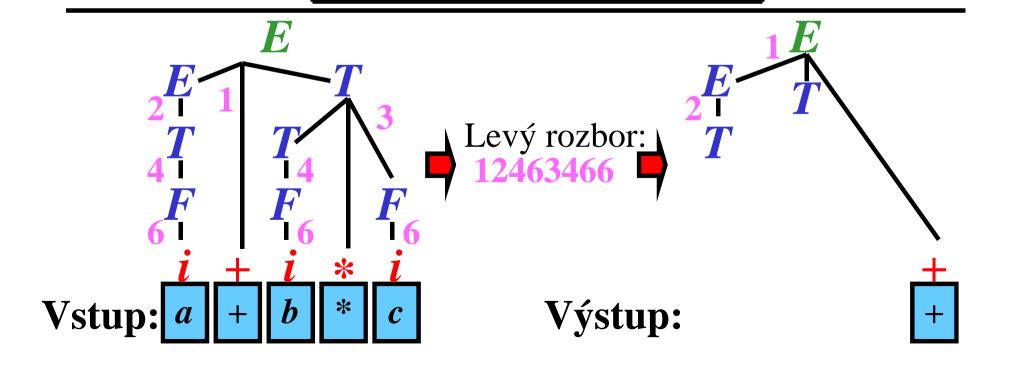
 $1: E \rightarrow ET +$  $2: E \rightarrow T$  $B: T \to T^*F$  $3: T \rightarrow TF^*$  $4: T \rightarrow F$  $5: F \rightarrow E$ 



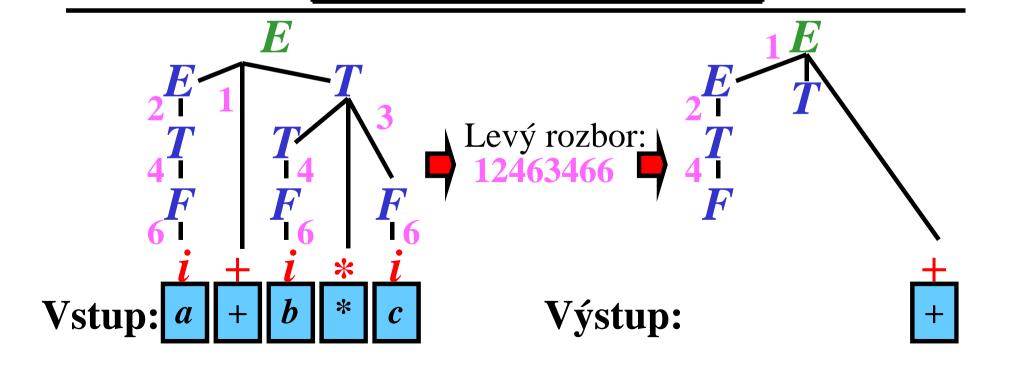
Překlad z infixu<br/>do postfixu:Pravidla  $G_1$ Pravidla  $G_2$ 1:  $E \rightarrow E+T$ <br/>2:  $E \rightarrow T$ <br/>3:  $T \rightarrow T*F$ <br/>4:  $T \rightarrow F$ <br/>5:  $F \rightarrow (E)$ 1:  $E \rightarrow ET+$ <br/>2:  $E \rightarrow T$ <br/>3:  $T \rightarrow TF*$ <br/>4:  $T \rightarrow F$ <br/>5:  $F \rightarrow E$ 



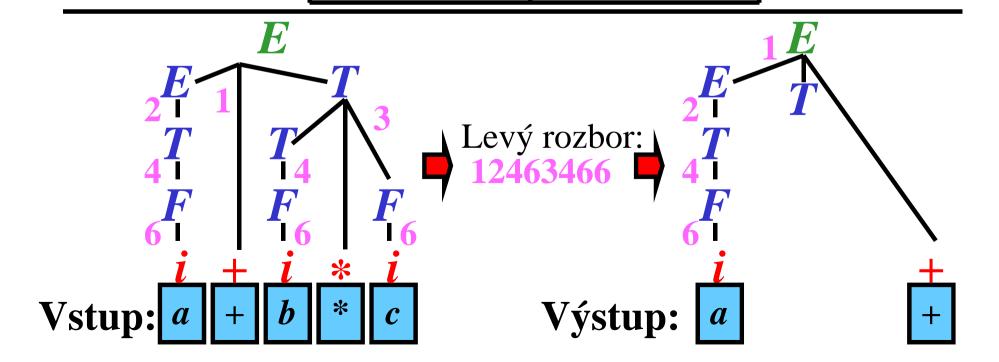
Překlad z infixu<br/>do postfixu:Pravidla  $G_1$ Pravidla  $G_2$ 1:  $E \rightarrow E+T$ <br/>2:  $E \rightarrow T$ <br/>3:  $T \rightarrow T^*F$ <br/>4:  $T \rightarrow F$ <br/>5:  $F \rightarrow (E)$ 1:  $E \rightarrow ET+$ <br/>2:  $E \rightarrow T$ <br/>3:  $T \rightarrow TF^*$ <br/>4:  $T \rightarrow F$ <br/>5:  $F \rightarrow E$ 



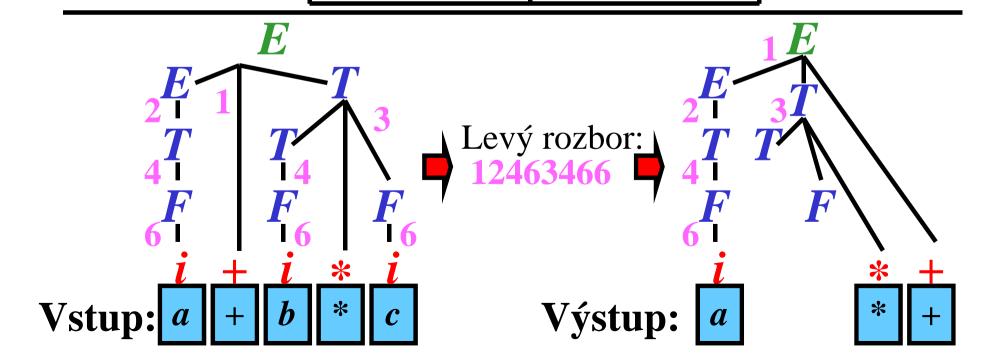
Překlad z infixu<br/>do postfixu:Pravidla  $G_1$ Pravidla  $G_2$ 1:  $E \rightarrow E+T$ <br/>2:  $E \rightarrow T$ <br/>3:  $T \rightarrow T*F$ <br/>4:  $T \rightarrow F$ <br/>5:  $F \rightarrow (E)$ 1:  $E \rightarrow ET+$ <br/>2:  $E \rightarrow T$ <br/>3:  $T \rightarrow TF*$ <br/>4:  $T \rightarrow F$ <br/>5:  $F \rightarrow E$ 



Překlad z infixu<br/>do postfixu:Pravidla  $G_1$ Pravidla  $G_2$ 1:  $E \rightarrow E+T$ <br/>2:  $E \rightarrow T$ <br/>3:  $T \rightarrow T*F$ <br/>4:  $T \rightarrow F$ <br/>5:  $F \rightarrow (E)$ 1:  $E \rightarrow ET+$ <br/>2:  $E \rightarrow T$ <br/>3:  $T \rightarrow TF*$ <br/>4:  $T \rightarrow F$ <br/>5:  $F \rightarrow E$ <br/>6:  $E \rightarrow E$ 

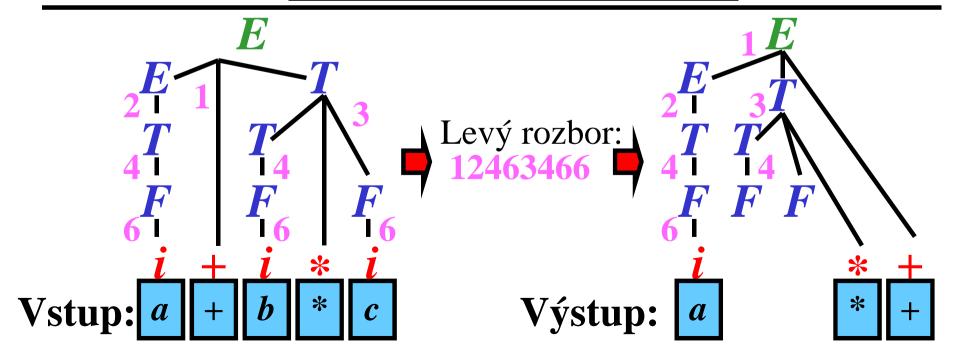


Překlad z infixu<br/>do postfixu:Pravidla  $G_1$ Pravidla  $G_2$ 1:  $E \rightarrow E+T$ <br/>2:  $E \rightarrow T$ <br/>3:  $T \rightarrow T^*F$ <br/>4:  $T \rightarrow F$ <br/>5:  $F \rightarrow (E)$ 1:  $E \rightarrow ET+$ <br/>2:  $E \rightarrow T$ <br/>3:  $T \rightarrow TF^*$ <br/>4:  $T \rightarrow F$ <br/>5:  $F \rightarrow E$ 

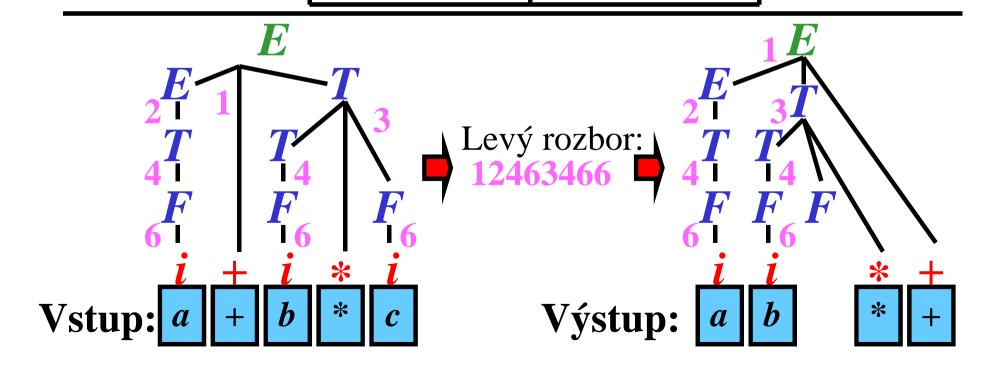


Překlad z infixu<br/>do postfixu:Pravidla  $G_1$ Pravidla  $G_2$ 1:  $E \rightarrow E+T$ <br/>2:  $E \rightarrow T$ <br/>3:  $T \rightarrow T^*F$ 1:  $E \rightarrow ET+$ <br/>2:  $E \rightarrow T$ <br/>3:  $T \rightarrow TF^*$ 

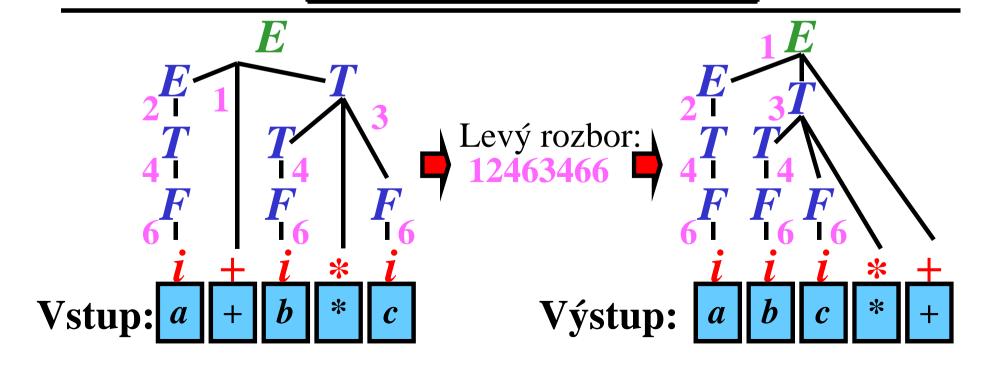
 $4: T \rightarrow F$   $5: F \rightarrow (E)$   $6: F \rightarrow i$   $4: T \rightarrow F$   $5: F \rightarrow E$   $6: F \rightarrow i$ 



Překlad z infixuPravidla  $G_1$ Pravidla  $G_2$ do postfixu: $1: E \rightarrow E+T$  $1: E \rightarrow ET+$  $2: E \rightarrow T$  $2: E \rightarrow T$  $3: T \rightarrow T*F$  $3: T \rightarrow TF*$  $4: T \rightarrow F$  $4: T \rightarrow F$  $5: F \rightarrow (E)$  $5: F \rightarrow E$ 



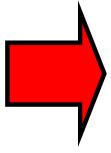
Překlad z infixu<br/>do postfixu:Pravidla  $G_1$ Pravidla  $G_2$ 1:  $E \rightarrow E+T$ <br/>2:  $E \rightarrow T$ <br/>3:  $T \rightarrow T*F$ <br/>4:  $T \rightarrow F$ <br/>5:  $F \rightarrow (E)$ <br/>6:  $F \rightarrow i$ 1:  $E \rightarrow ET+$ <br/>2:  $E \rightarrow T$ <br/>3:  $T \rightarrow TF*$ <br/>4:  $T \rightarrow F$ <br/>5:  $F \rightarrow E$ <br/>6:  $E \rightarrow i$ 



Infix to postfix translation:

Pravidlo	Překl. element
$1: E \to E + T$	ET+
$2: E \rightarrow T$	$\boldsymbol{T}$
$3: T \rightarrow T*F$	TF*
$4: T \to F$	$oldsymbol{F}$
$5: F \rightarrow (E)$	$\boldsymbol{E}$
6: $F \rightarrow i$	$\boldsymbol{i}$

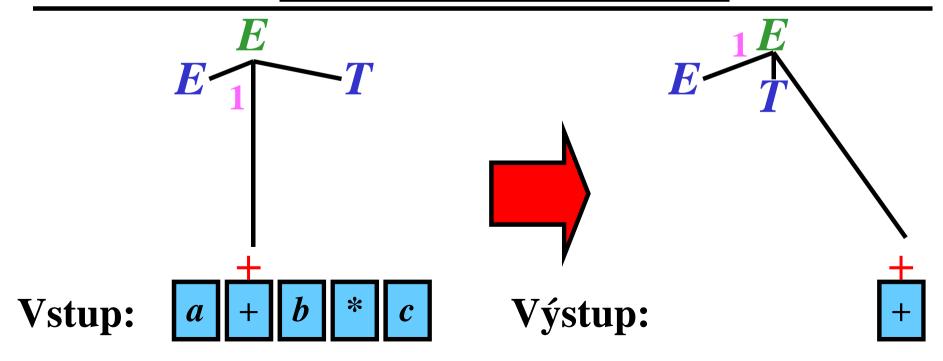
 $\boldsymbol{E}$ 



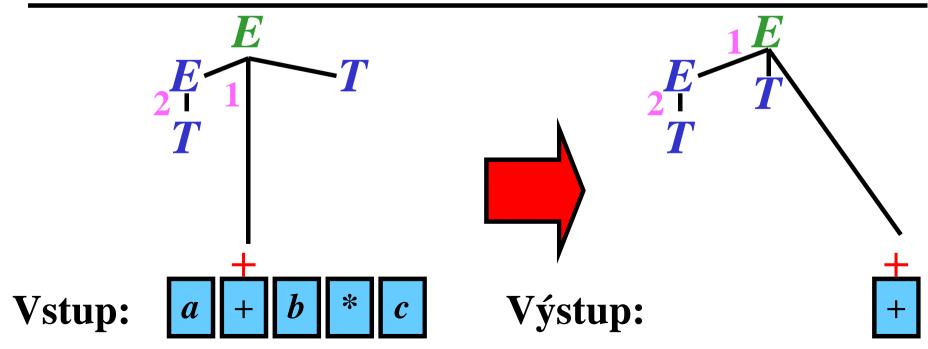
Vstup:

a + b c

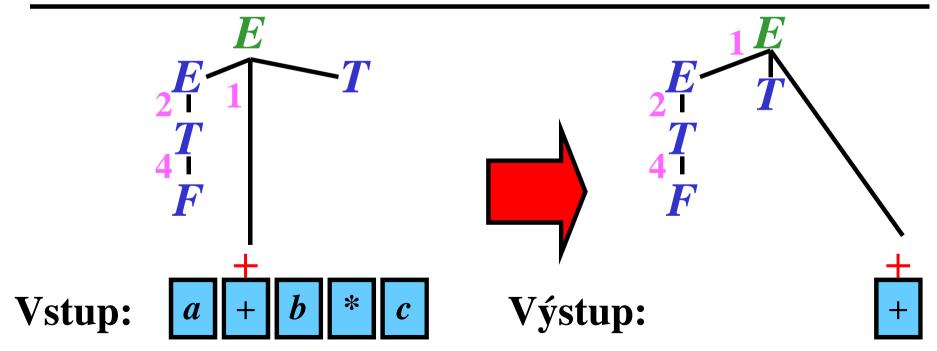
Pravidlo	Překl. element
$1: E \to E + T$	ET+
$2: E \rightarrow T$	$\boldsymbol{T}$
$3: T \rightarrow T*F$	TF*
$4: T \to F$	$oldsymbol{F}$
$5: F \rightarrow (E)$	$oldsymbol{E}$
6: $F \rightarrow i$	$\boldsymbol{i}$



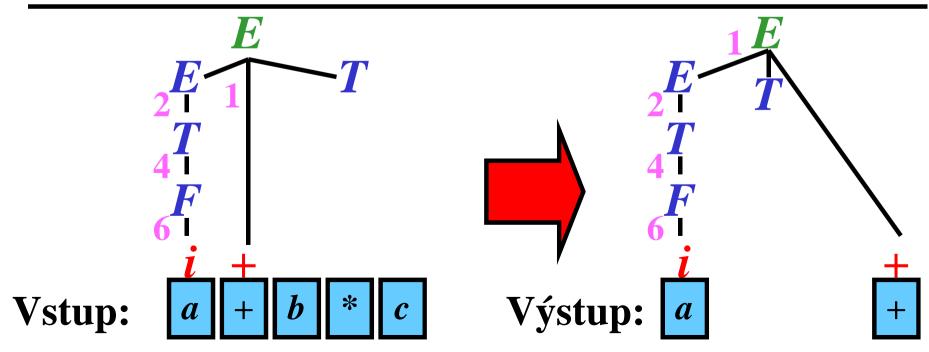
Pravidlo	Překl. element
$1: E \to E + T$	ET+
$2: E \rightarrow T$	$\boldsymbol{T}$
$3: T \rightarrow T*F$	TF*
$4: T \to F$	$oldsymbol{F}$
$5: F \rightarrow (E)$	$\boldsymbol{E}$
6: $F \rightarrow i$	$\boldsymbol{i}$



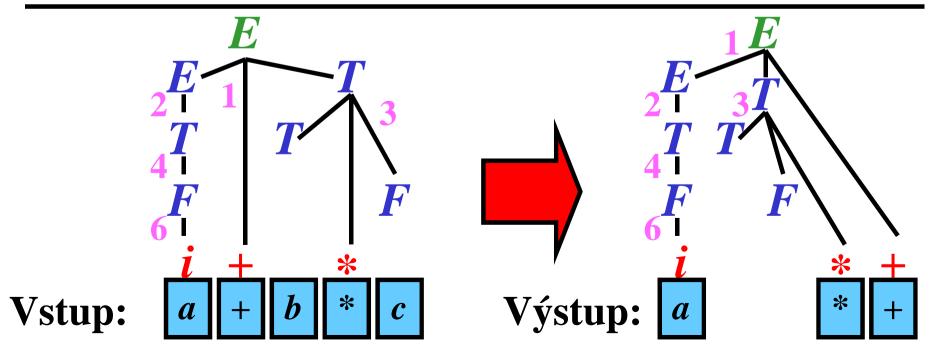
Pravidlo	Překl. element
$1: E \to E + T$	ET+
$2: E \rightarrow T$	$\boldsymbol{T}$
$3: T \rightarrow T*F$	TF*
$4: T \to F$	$oldsymbol{F}$
$5: F \rightarrow (E)$	$oldsymbol{E}$
6: $F \rightarrow i$	$\boldsymbol{i}$



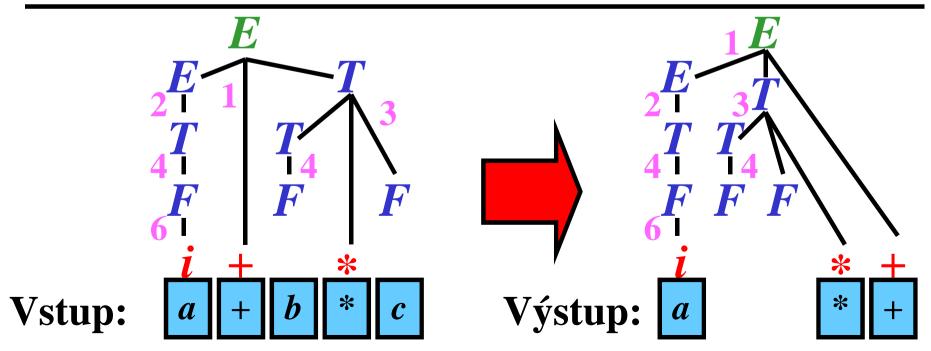
Pravidlo	Překl. element
$1: E \to E + T$	ET+
$2: E \rightarrow T$	$\boldsymbol{T}$
$3: T \rightarrow T*F$	TF*
$4: T \to F$	$oldsymbol{F}$
$5: F \rightarrow (E)$	$oldsymbol{E}$
6: $F \rightarrow i$	$\boldsymbol{i}$



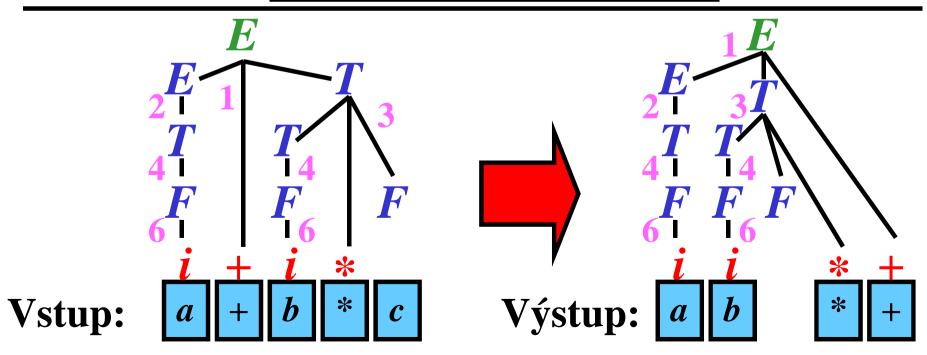
Pravidlo	Překl. element
$1: E \to E + T$	ET+
$2: E \rightarrow T$	$\boldsymbol{T}$
$3: T \rightarrow T*F$	TF*
$4: T \to F$	$oldsymbol{F}$
$5: F \rightarrow (E)$	$oldsymbol{E}$
6: $F \rightarrow i$	$\boldsymbol{i}$



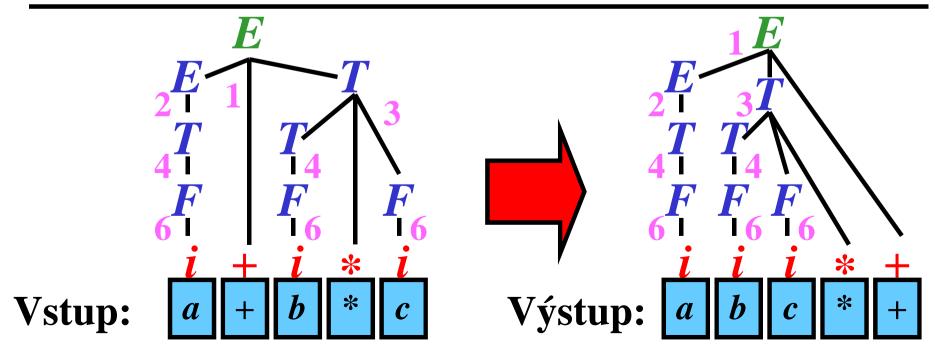
Pravidlo	Překl. element
$1: E \to E + T$	ET+
$2: E \rightarrow T$	$\boldsymbol{T}$
$3: T \rightarrow T*F$	TF*
$4: T \to F$	$oldsymbol{F}$
$5: F \rightarrow (E)$	$oldsymbol{E}$
6: $F \rightarrow i$	$\boldsymbol{i}$



Pravidlo	Překl. element
$1: E \to E + T$	ET+
$2: E \rightarrow T$	$\boldsymbol{T}$
$3: T \rightarrow T*F$	TF*
$4: T \to F$	$oldsymbol{F}$
$5: F \rightarrow (E)$	$oldsymbol{E}$
6: $F \rightarrow i$	$\boldsymbol{i}$



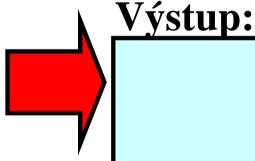
Pravidlo	Překl. element
$1: E \to E + T$	ET+
$2: E \rightarrow T$	$\boldsymbol{T}$
$3: T \rightarrow T*F$	TF*
$4: T \to F$	$oldsymbol{F}$
$5: F \rightarrow (E)$	$oldsymbol{E}$
6: $F \rightarrow i$	$\boldsymbol{i}$



Myšlenka: SA pracující metodou zdola nahoru generuje 3AK přímo

Příklad:

```
\begin{array}{lll} \textbf{Pravidlo:} & \textbf{S\'emantick\'a} \ \textbf{akce:} \\ \textbf{1:} \ S \rightarrow \textbf{i} = E_k & \{ \ \text{generate}(`=`, E_k.loc, \ , \textbf{i.loc}) \} \\ \textbf{2:} \ E_i \rightarrow E_j + E_k & \{ \ \text{generate}(`+`, E_j.loc, E_k.loc, E_i.loc) \} \\ \textbf{3:} \ E_i \rightarrow E_j * E_k & \{ \ \text{generate}(`*`, E_j.loc, E_k.loc, E_i.loc) \} \\ \textbf{4:} \ E_i \rightarrow (E_j) & \{ \ \text{generate}(`=`, E_j.loc, \ , E_i.loc) \} \\ \textbf{5:} \ E_i \rightarrow \textbf{i} & \{ \ \text{generate}(`=`, \textbf{i.loc}, \ , E_i.loc) \} \\ \end{array}
```



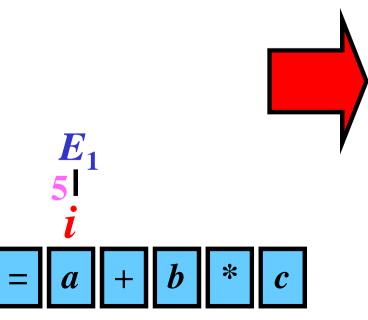
Vstup: x = a + b \* c

Myšlenka: SA pracující metodou zdola nahoru generuje 3AK přímo

Příklad:

Vstup

```
\begin{array}{lll} \textbf{Pravidlo:} & \textbf{S\'emantick\'a} \ \textbf{akce:} \\ \textbf{1:} \ S \rightarrow i = E_k \\ \textbf{2:} \ E_i \rightarrow E_j + E_k \\ \textbf{3:} \ E_i \rightarrow E_j * E_k \\ \textbf{4:} \ E_i \rightarrow (E_j) \\ \textbf{5:} \ E_i \rightarrow i \end{array} \quad \{ \begin{array}{ll} \textbf{generate(`=`, E_k.loc, \ ,i.loc)} \\ \textbf{generate(`=`, E_j.loc, E_k.loc, E_i.loc)} \\ \textbf{4:} \ E_i \rightarrow i \\ \ \{ \begin{array}{ll} \textbf{generate(`=`, E_j.loc, \ ,E_i.loc)} \\ \textbf{4:} \ E_i \cdot (E_j) \\ \textbf{5:} \ E_i \rightarrow i \\ \end{array} \quad \{ \begin{array}{ll} \textbf{generate(`=`, E_j.loc, \ ,E_i.loc)} \\ \textbf{5:} \ E_i \rightarrow i \\ \end{array} \right.
```



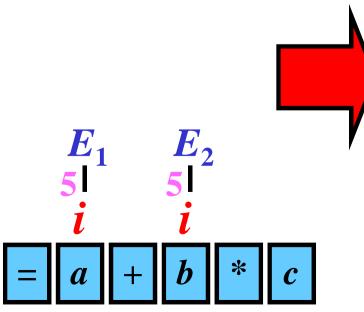
Výstup:

 $('=', -a, , E_1.loc)$ 

Myšlenka: SA pracující metodou zdola nahoru generuje 3AK přímo

Příklad:

Pravidlo:	Sémantická akce:
$1: S \rightarrow i = E_k$	{ generate( $=$ , $E_k.loc$ , , $i.loc$ )}
$2: E_i \rightarrow E_i + \hat{E}_k$	{ generate('+', $E_i.loc$ , $E_k.loc$ , $E_i.loc$ )}
$3: E_i \rightarrow E_i * E_k$	{ generate('*', $E_j$ .loc, $E_k$ .loc, $E_i$ .loc)}
$4: E_i \to (E_i)$	{ generate('=', $E_i$ .loc, , $E_i$ .loc)}
$5: E_i \rightarrow i'$	{ generate('=', $i.loc$ , , $E_i.loc$ )}

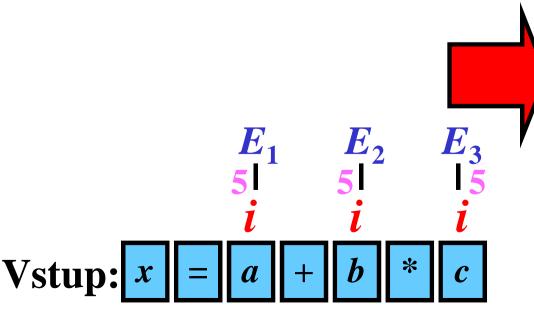


$$(`=', -a, E_1.loc)$$
  
 $(`=', -b, E_2.loc)$ 

Myšlenka: SA pracující metodou zdola nahoru generuje 3AK přímo

Příklad:

```
\begin{array}{lll} \textbf{Pravidlo:} & \textbf{S\'emantick\'a} \ \textbf{akce:} \\ \textbf{1:} \ S \rightarrow i = E_k \\ \textbf{2:} \ E_i \rightarrow E_j + E_k \\ \textbf{3:} \ E_i \rightarrow E_j * E_k \\ \textbf{4:} \ E_i \rightarrow (E_j) \\ \textbf{5:} \ E_i \rightarrow i \end{array} \quad \{ \begin{array}{ll} \textbf{generate(`=`, E_k.loc, \ , i.loc)} \\ \textbf{generate(`=`, E_j.loc, E_k.loc, E_i.loc)} \\ \textbf{4:} \ E_i \rightarrow i \\ \ \{ \begin{array}{ll} \textbf{generate(`=`, E_j.loc, \ , E_i.loc)} \\ \textbf{4:} \ E_i \rightarrow i \\ \end{array} \} \end{array}
```



$$('=', -a, E_1.loc)$$
  
 $('=', -b, E_2.loc)$   
 $('=', -c, E_3.loc)$ 

Myšlenka: SA pracující metodou zdola nahoru generuje 3AK přímo

#### Příklad:

Vstup

```
Pravidlo:Sémantická akce:1: S \rightarrow i = E_k<br/>2: E_i \rightarrow E_j + E_k<br/>3: E_i \rightarrow E_j * E_k<br/>4: E_i \rightarrow (E_j)<br/>5: E_i \rightarrow i{ generate('=', E_k.loc, E_k.loc, E_i.loc)}<br/>4 generate('=', E_j.loc, E_k.loc, E_i.loc)}<br/>4 generate('=', E_j.loc, E_i.loc)}<br/>4 generate('=', E_j.loc, E_i.loc)}
```

$$(`=', -a, E_1.loc)$$
  
 $(`=', -b, E_2.loc)$   
 $(`=', -c, E_3.loc)$   
 $(`*', E_2.loc, E_3.loc, E_4.loc)$ 

Myšlenka: SA pracující metodou zdola nahoru generuje 3AK přímo

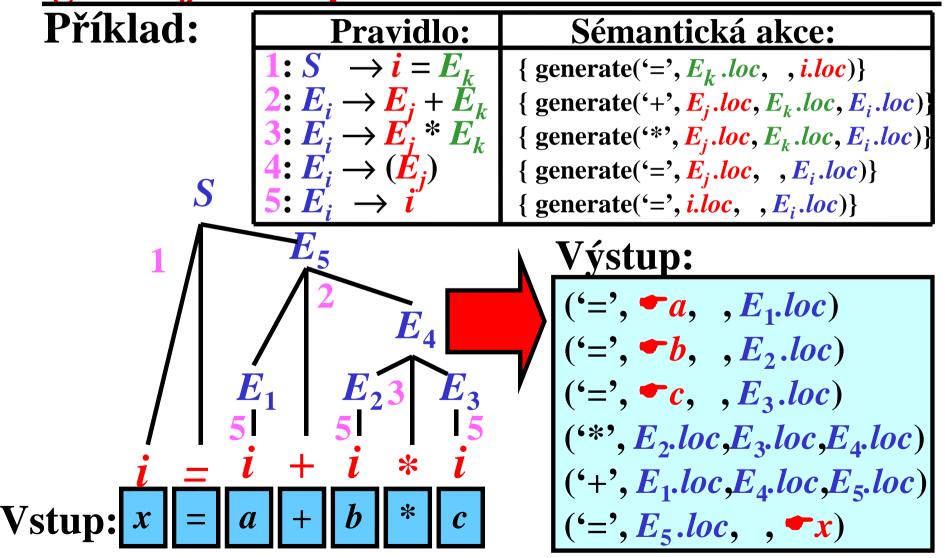
#### Příklad:

Vstup:

# $\begin{array}{lll} \textbf{Pravidlo:} & \textbf{S\'emantick\'a} \ \textbf{akce:} \\ \textbf{1:} \ S \rightarrow i = E_k \\ \textbf{2:} \ E_i \rightarrow E_j + E_k \\ \textbf{3:} \ E_i \rightarrow E_j * E_k \\ \textbf{4:} \ E_i \rightarrow (E_j) \\ \textbf{5:} \ E_i \rightarrow i \end{array} & \{ \ \textbf{generate(`=`, E_k.loc, E_i.loc)} \} \\ \textbf{4:} \ E_i \rightarrow i \\ & \{ \ \textbf{generate(`=`, E_j.loc, E_k.loc, E_i.loc)} \} \\ \textbf{5:} \ E_i \rightarrow i \\ & \{ \ \textbf{generate(`=`, E_j.loc, E_k.loc, E_i.loc)} \} \\ \end{array}$

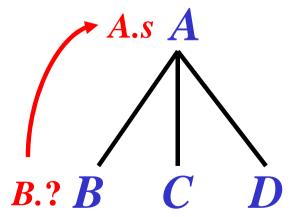
$$(`=`, •a, ,E_1.loc)$$
  
 $(`=`, •b, ,E_2.loc)$   
 $(`=`, •c, ,E_3.loc)$   
 $(`*`, E_2.loc,E_3.loc,E_4.loc)$   
 $(`+`, E_1.loc,E_4.loc,E_5.loc)$ 

Myšlenka: SA pracující metodou zdola nahoru generuje 3AK přímo



#### Překlad shora dolů: Úvod

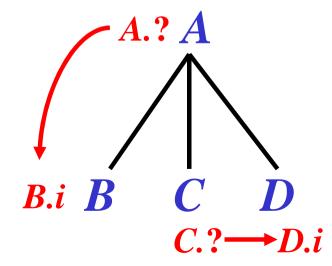
- LL-gramatiky s atributy
- Dva zásobníky:
  - pro synt. analýzu
- Dva typy atributů:
  - syntetizované: (z dítěte na rodiče)



× pro sémant. analýzu

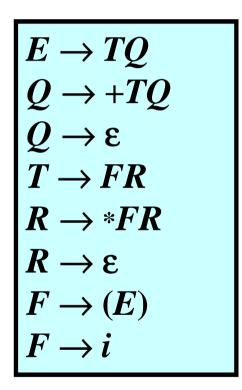
#### dědičné:

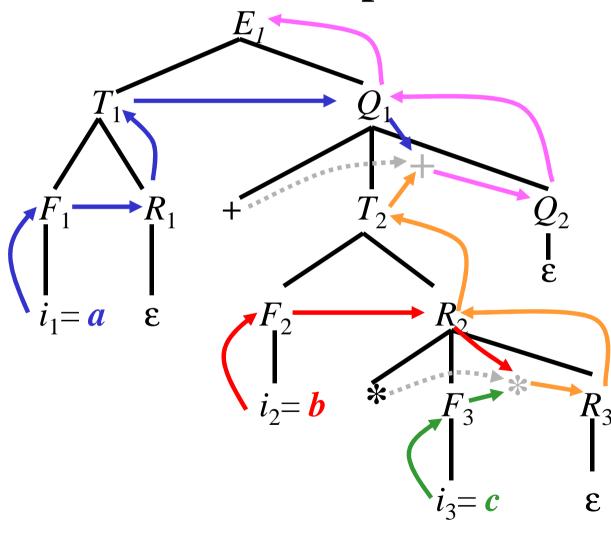
(z rodiče na děti nebo mezi sourozenci)



#### Překlad shora dolů: Aritmetické výrazy

#### Gramatika: Derivační strom pro a + b \* c:





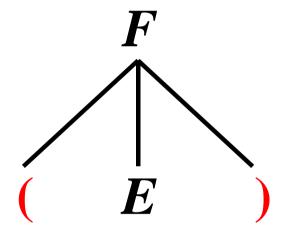
## Výrazy: Proměnné a závorky

#### Proměná:



$$F \rightarrow i$$

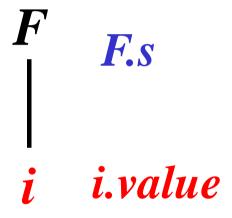
#### Závorky:



$$E \to (F)$$

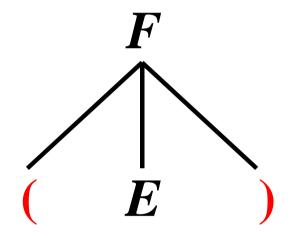
## Výrazy: Proměnné a závorky

#### Proměná:



$$F \rightarrow i$$

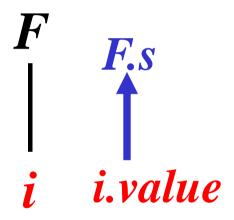
#### Závorky:



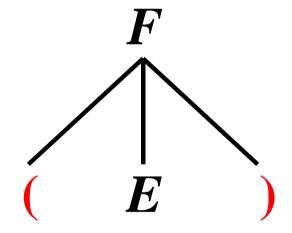
$$E \rightarrow (F)$$

## Výrazy: Proměnné a závorky

#### Proměná:



#### Závorky:

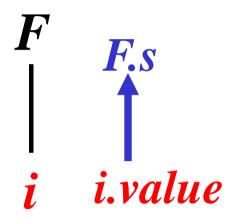


$$F \rightarrow i \ \{F.s := i.value\} \mid E \rightarrow (F)$$

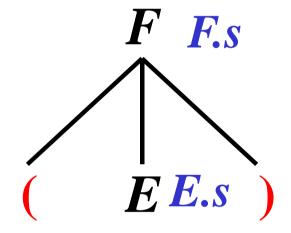
$$E \rightarrow (F)$$

## Výrazy: Proměnné a závorky

#### Proměná:



#### Závorky:

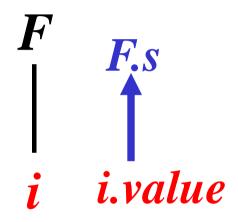


$$F \rightarrow i \ \{F.s := i.value\} \mid E \rightarrow (F)$$

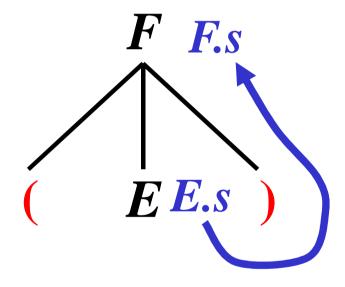
$$E \rightarrow (F)$$

## Výrazy: Proměnné a závorky

#### Proměná:



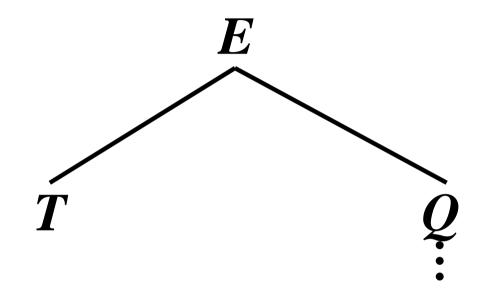
#### Závorky:



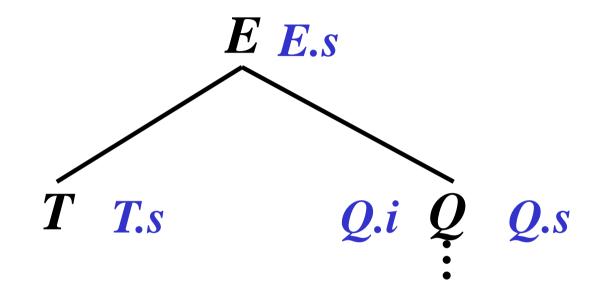
$$F \rightarrow i \{F.s := i.value\}$$

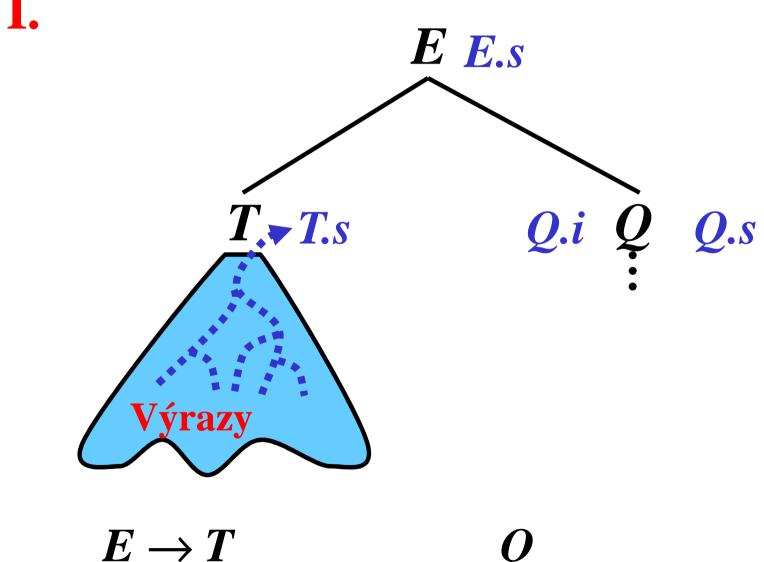
$$F \rightarrow i \{F.s := i.value\} \mid E \rightarrow (F \{F.s := E.s\})$$

I.

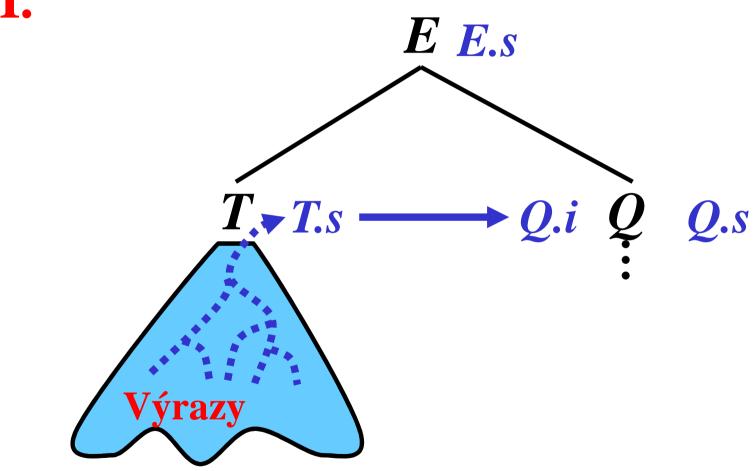


L



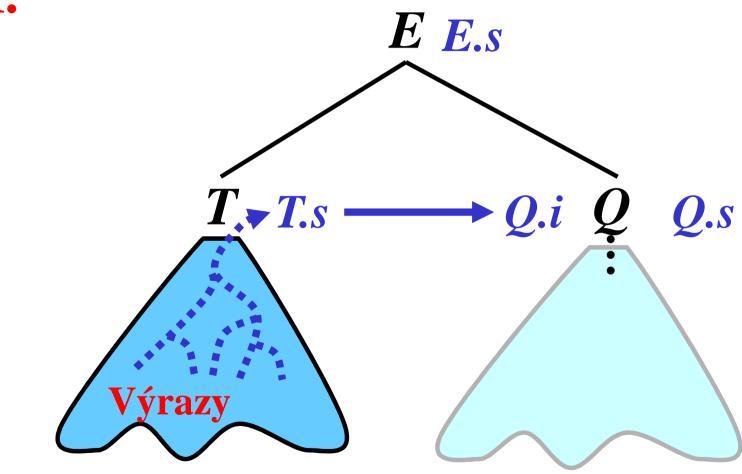


I



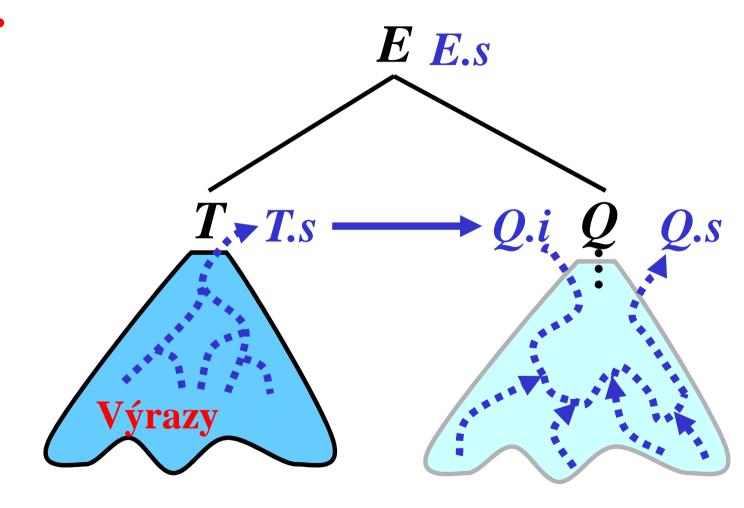
$$E \rightarrow T \{ Q.i := T.s \} Q$$

I



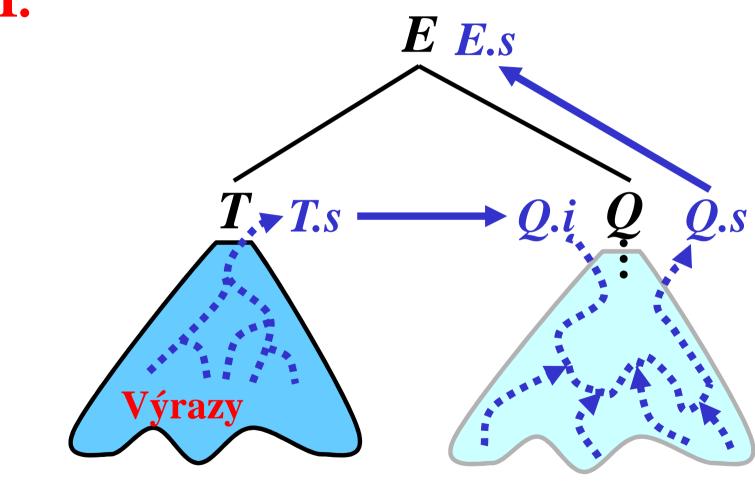
$$E \rightarrow T \{ Q.i := T.s \} Q$$

L

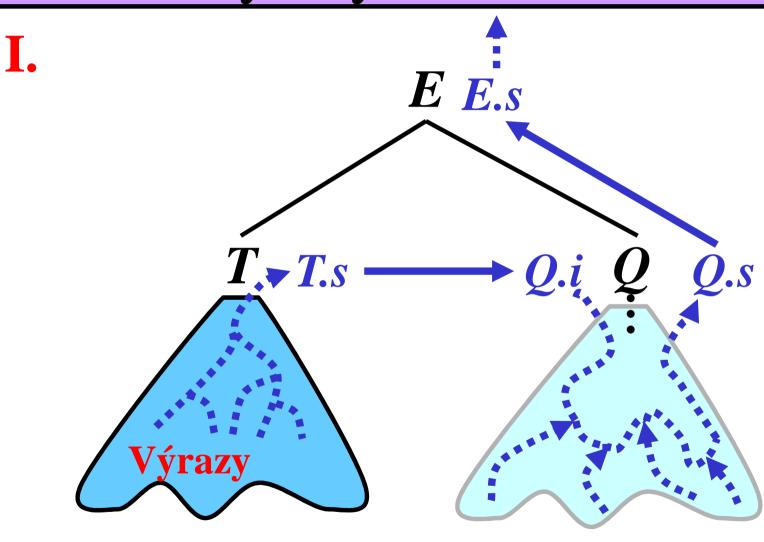


$$E \rightarrow T \{ Q.i := T.s \} Q$$

I.

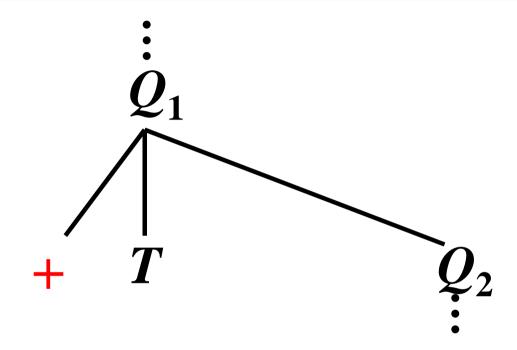


$$E \rightarrow T \{ Q.i := T.s \} Q \{ E.s := Q.s \}$$



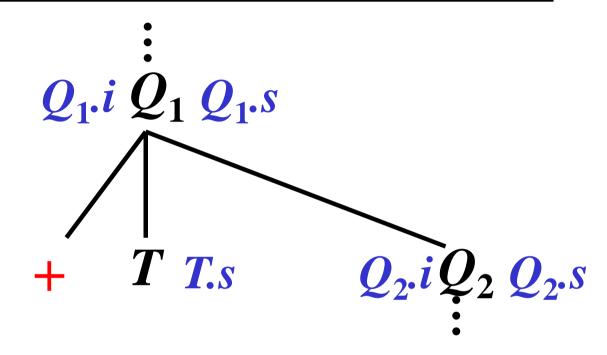
$$E \rightarrow T \{ Q.i := T.s \} Q \{ E.s := Q.s \}$$

II.

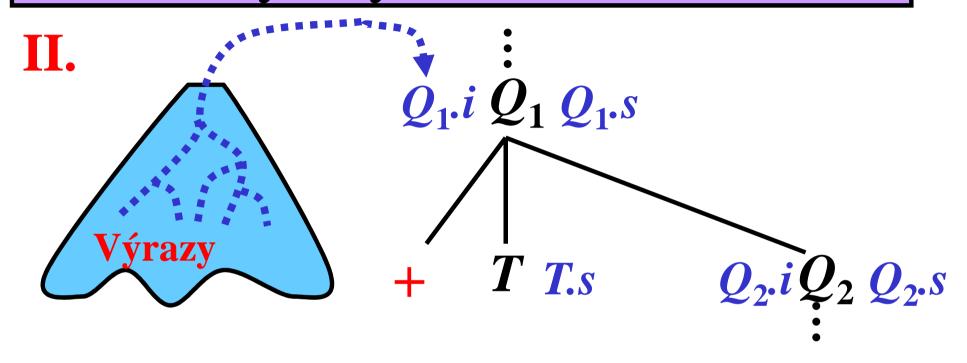


$$Q_1 o {\color{red} +} T$$

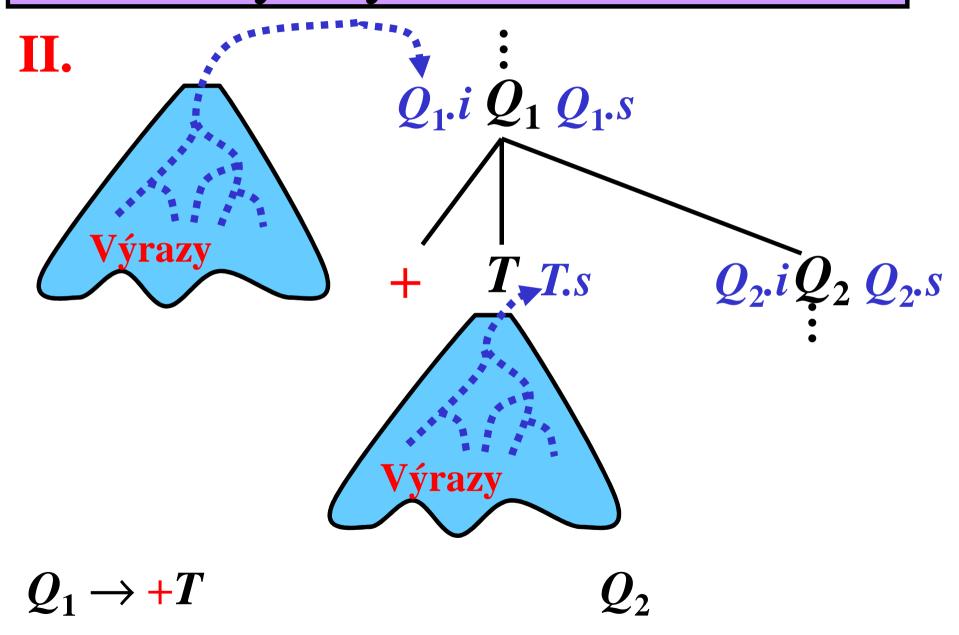
II.

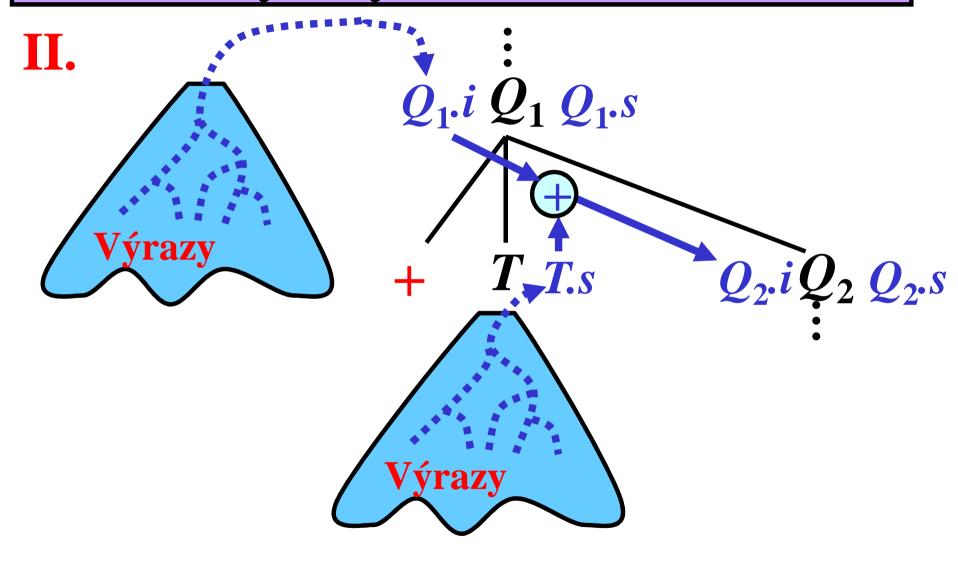


$$Q_1 \rightarrow +T$$

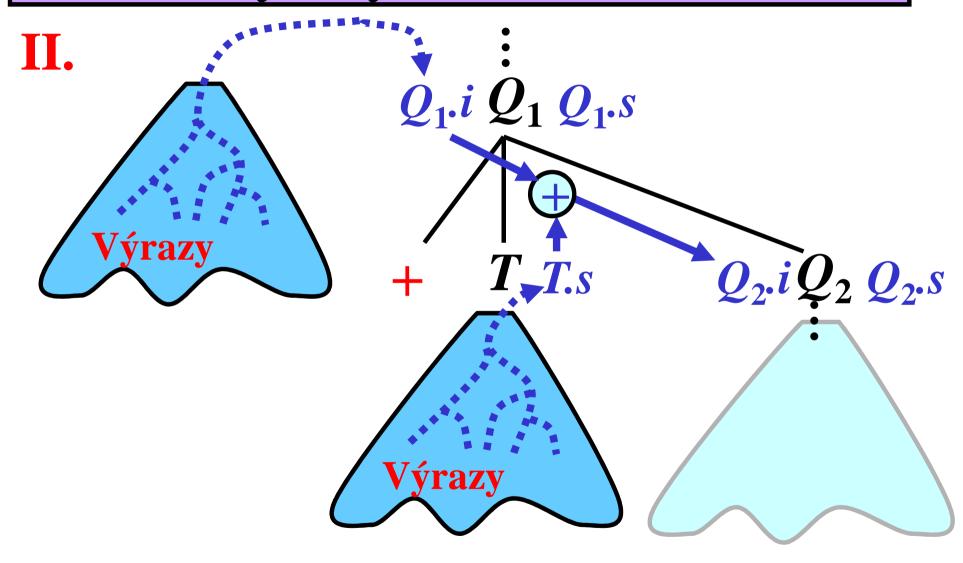


$$Q_1 \rightarrow +T$$

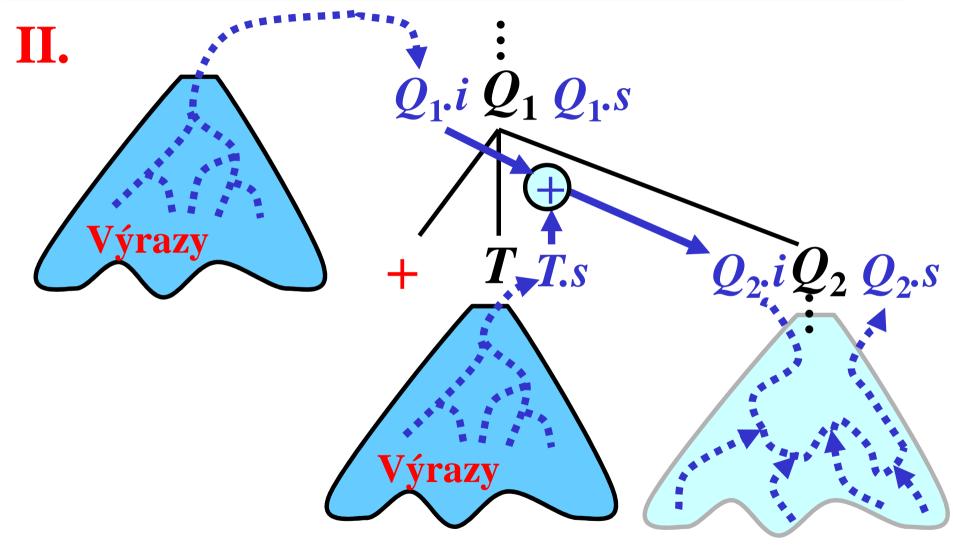




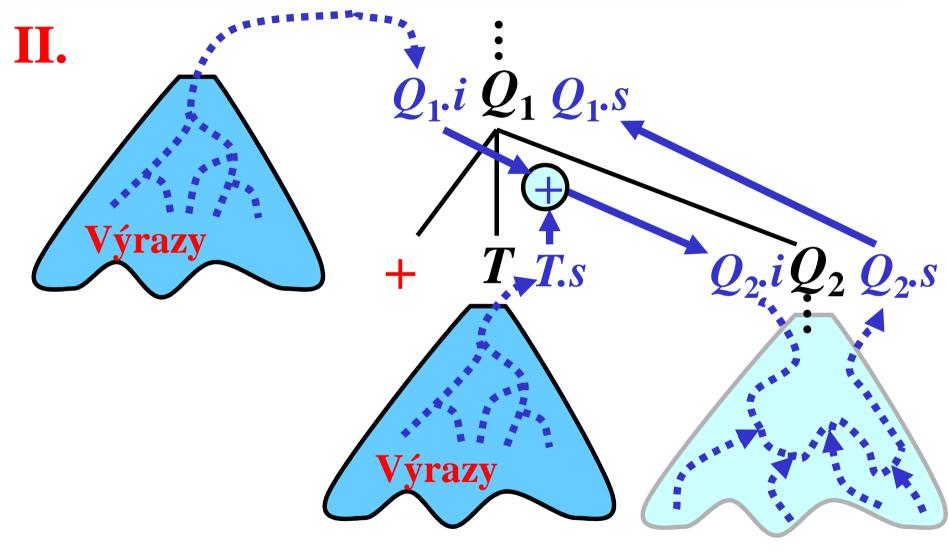
$$Q_1 \rightarrow +T \{ Q_2.i := Q_1.i + T.s \} Q_2$$



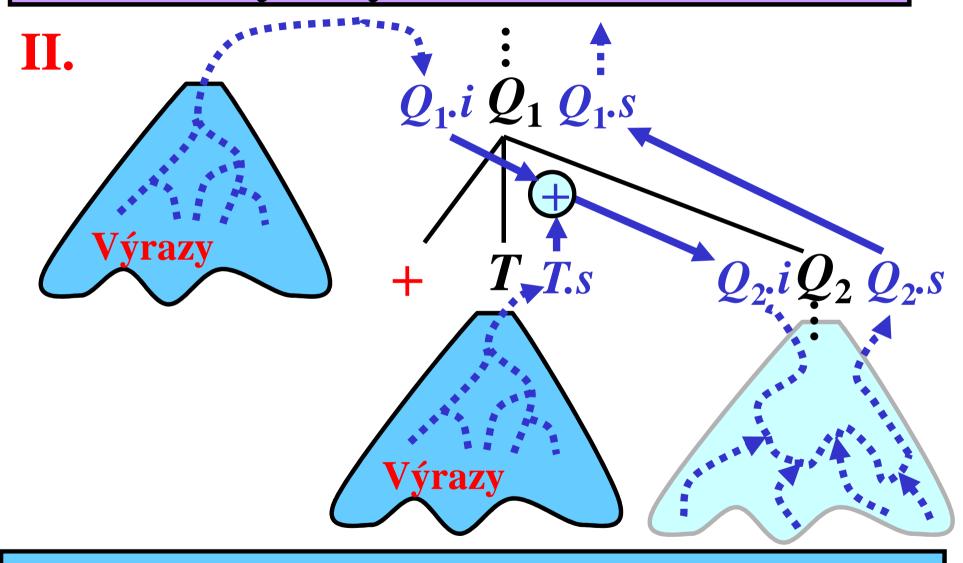
$$Q_1 \rightarrow +T \{ Q_2.i := Q_1.i + T.s \} Q_2$$



$$Q_1 \rightarrow +T \{ Q_2.i := Q_1.i + T.s \} Q_2$$



$$Q_1 \to +T \{ Q_2.i := Q_1.i + T.s \} Q_2 \{ Q_1.s := Q_2.s \}$$

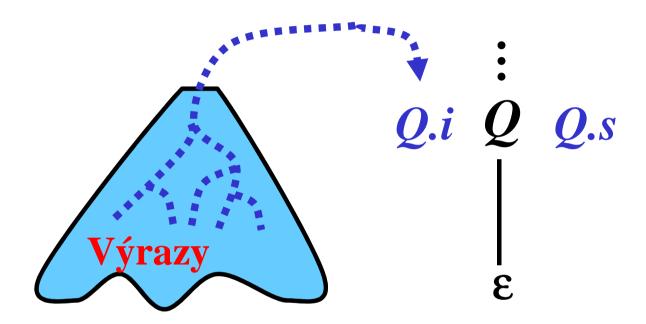


$$Q_1 \to +T \{ Q_2.i := Q_1.i + T.s \} Q_2 \{ Q_1.s := Q_2.s \}$$

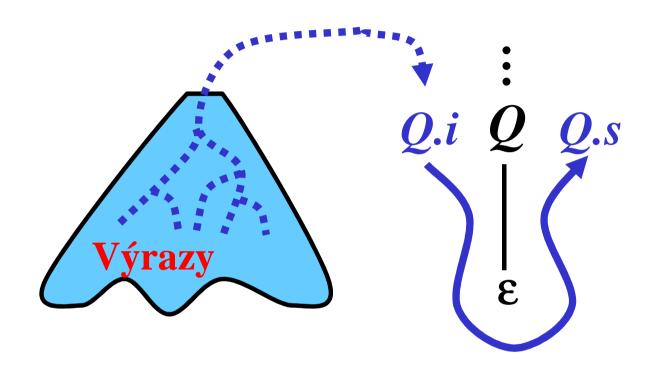


$$Q \rightarrow \varepsilon$$

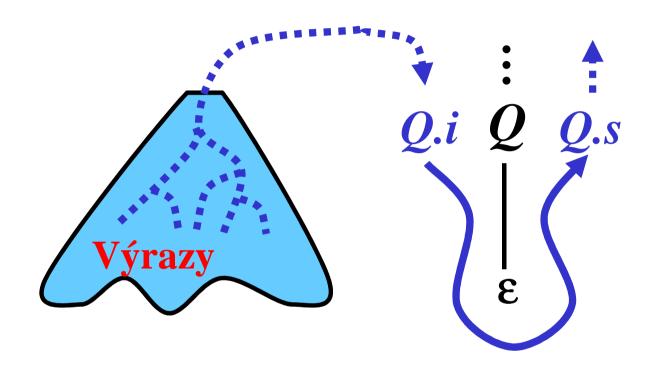
$$Q \rightarrow \varepsilon$$



$$Q \rightarrow \varepsilon$$



$$Q \rightarrow \varepsilon \quad \{Q.s := Q.i\}$$

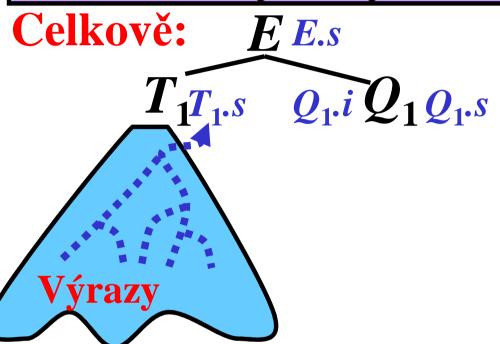


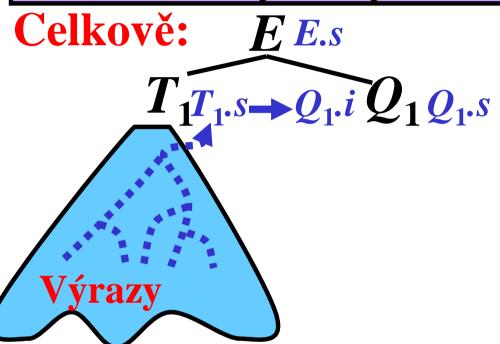
$$Q \rightarrow \varepsilon \quad \{Q.s := Q.i\}$$

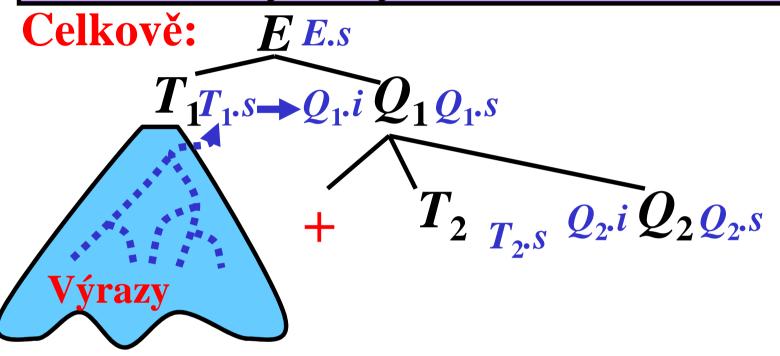


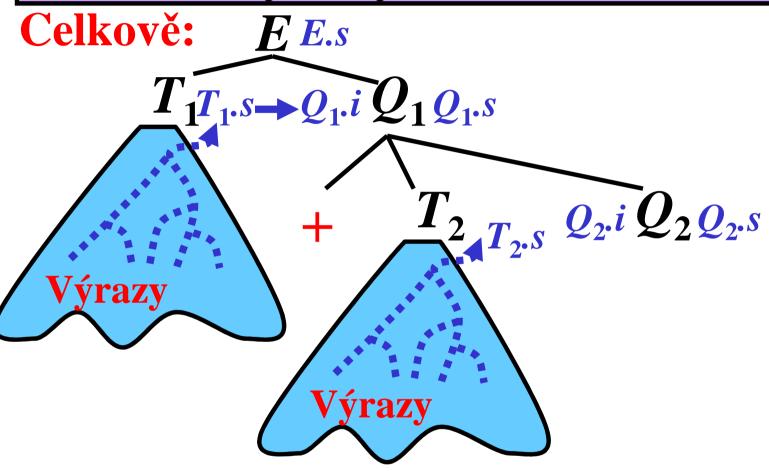
Celkově: 
$$EE.s$$

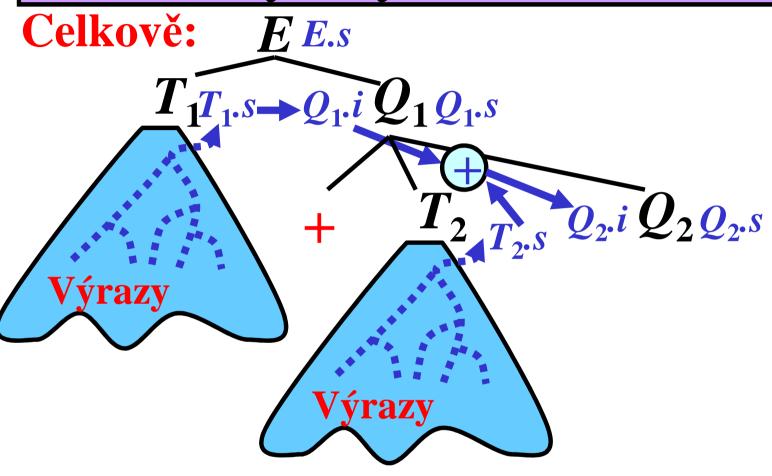
$$T_{1}T_{1}.s \quad Q_{1}.i \quad Q_{1}Q_{1}.s$$

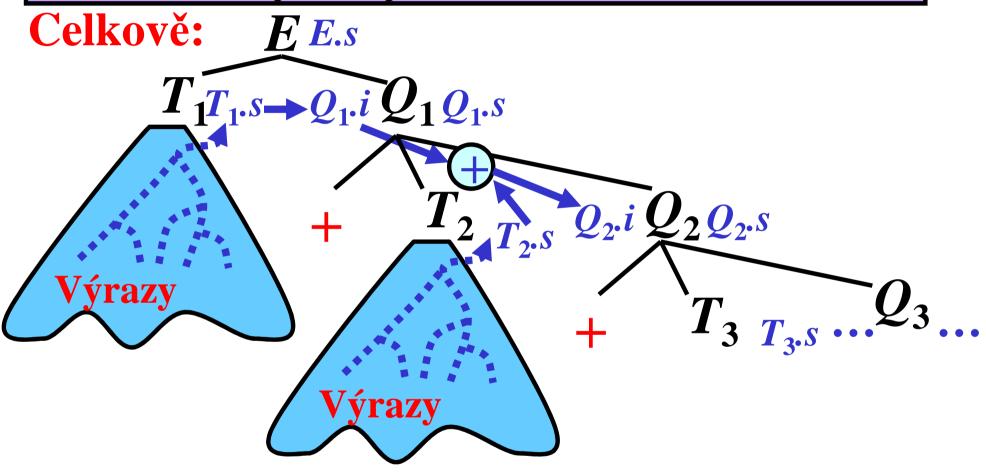


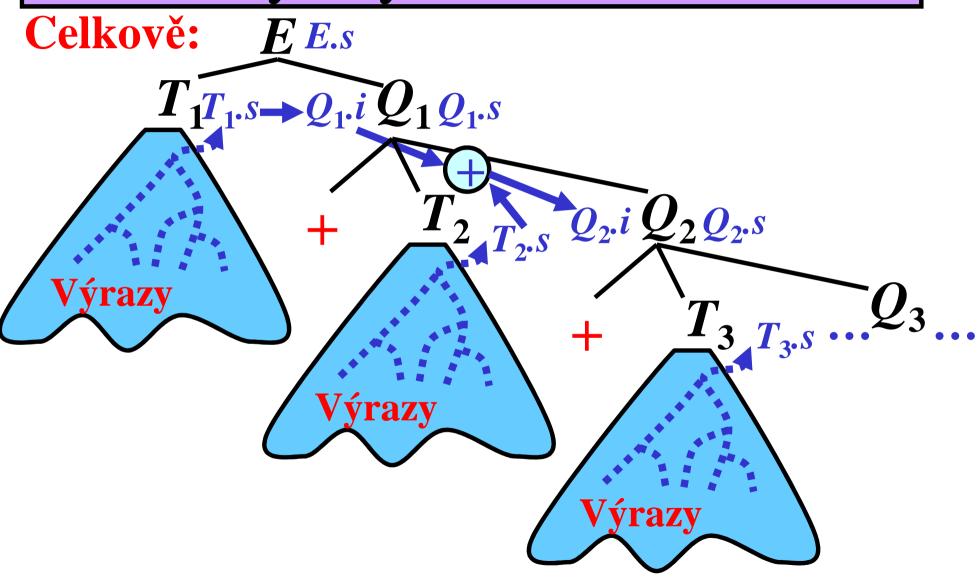


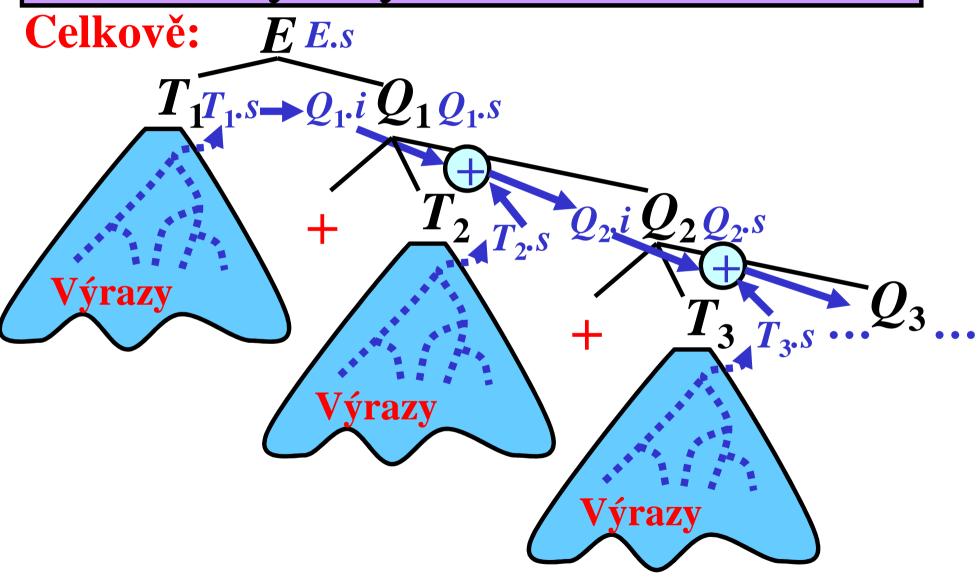


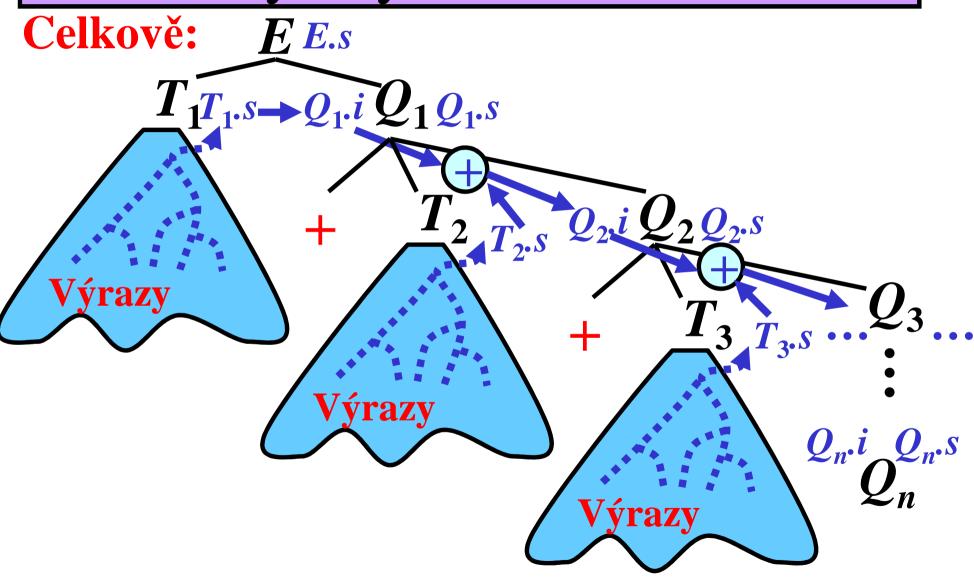


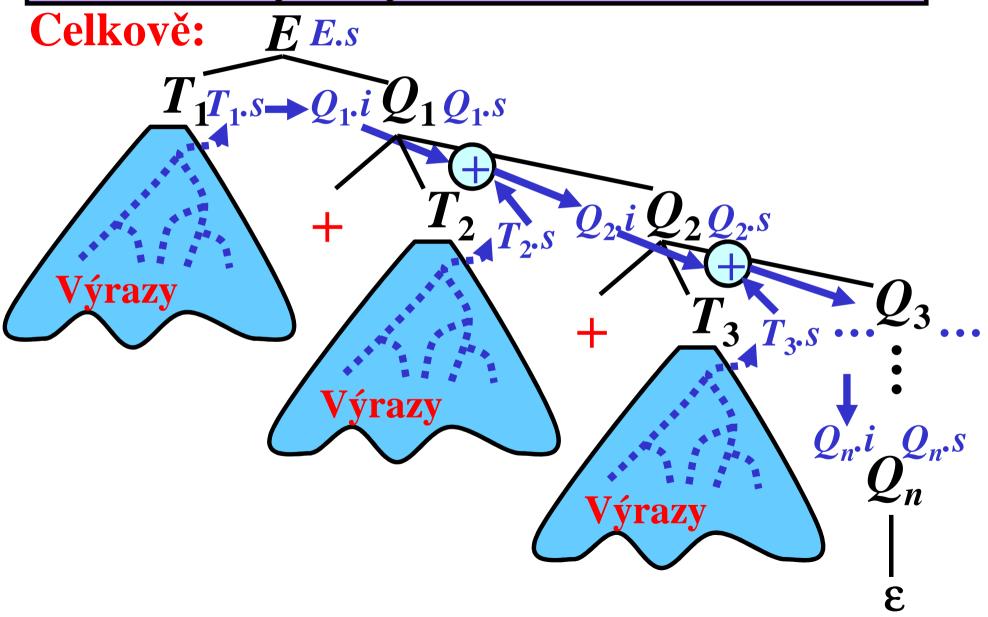


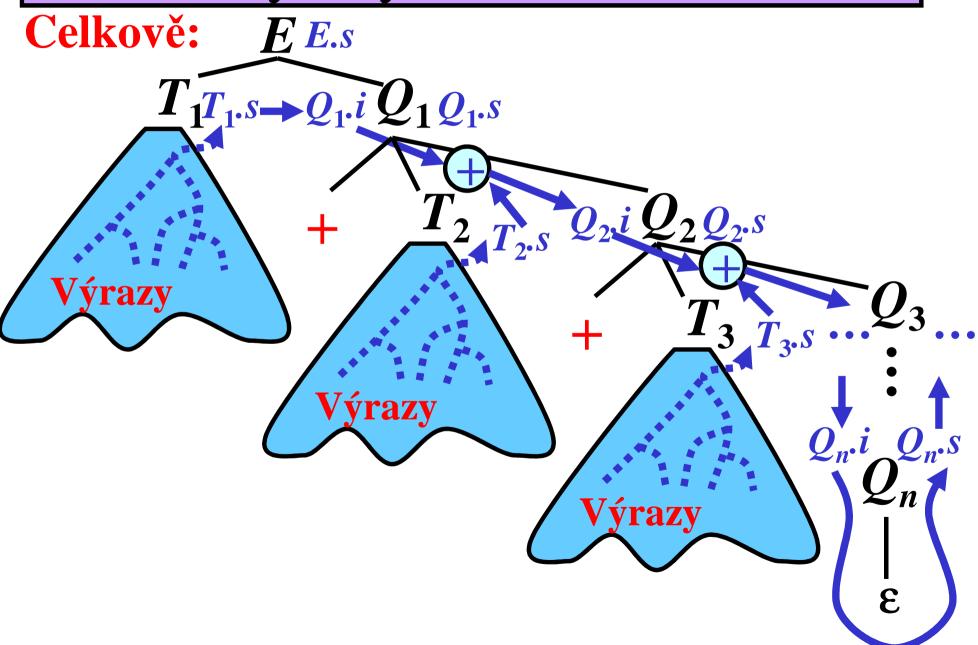


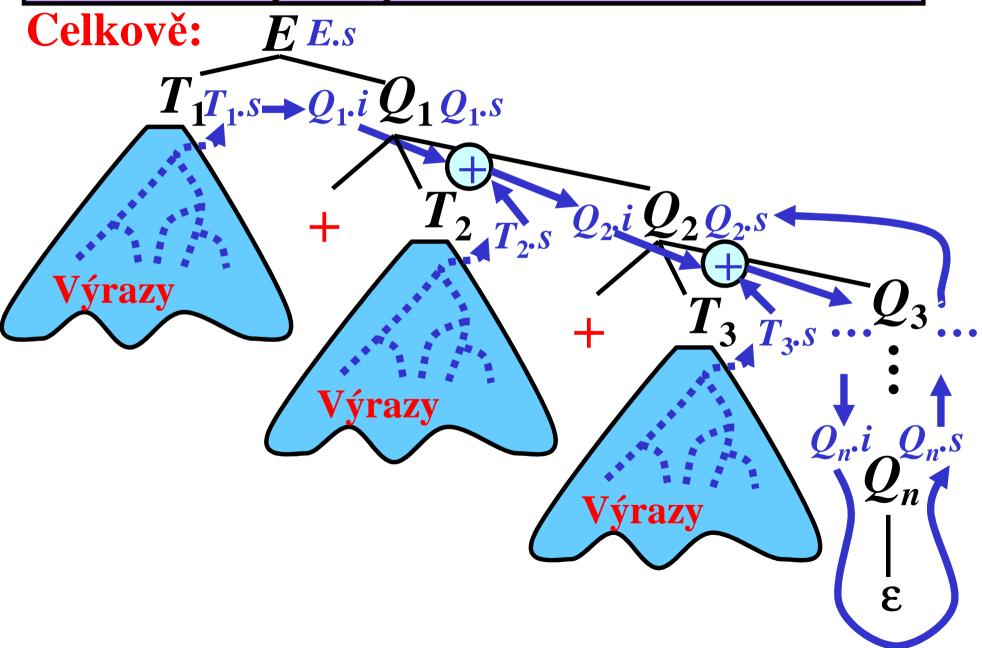


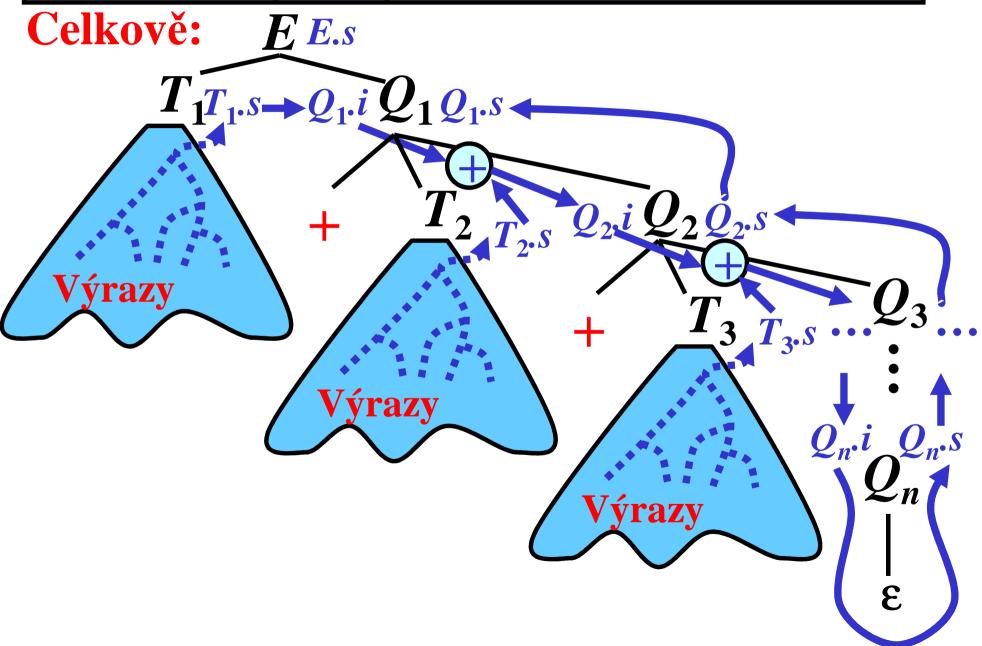


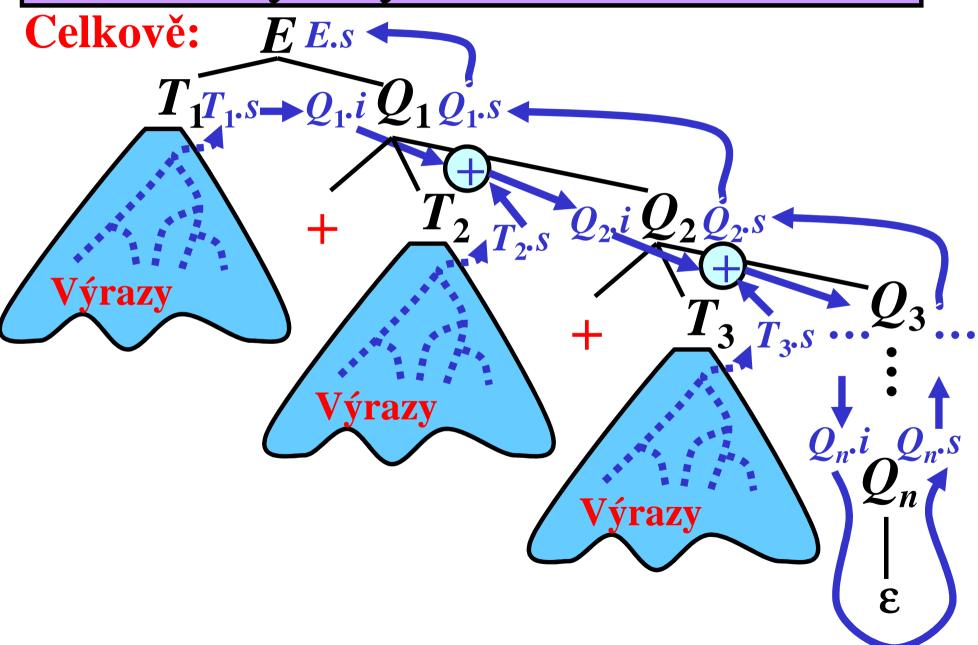




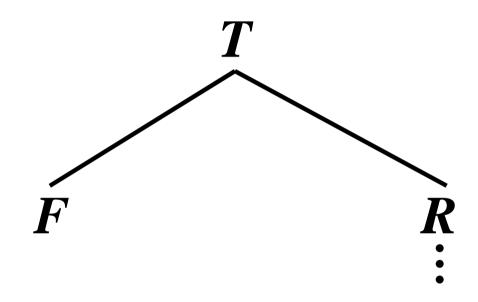




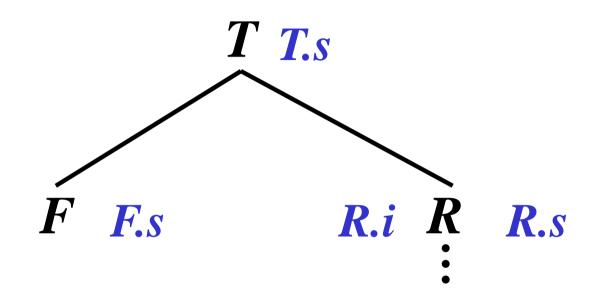


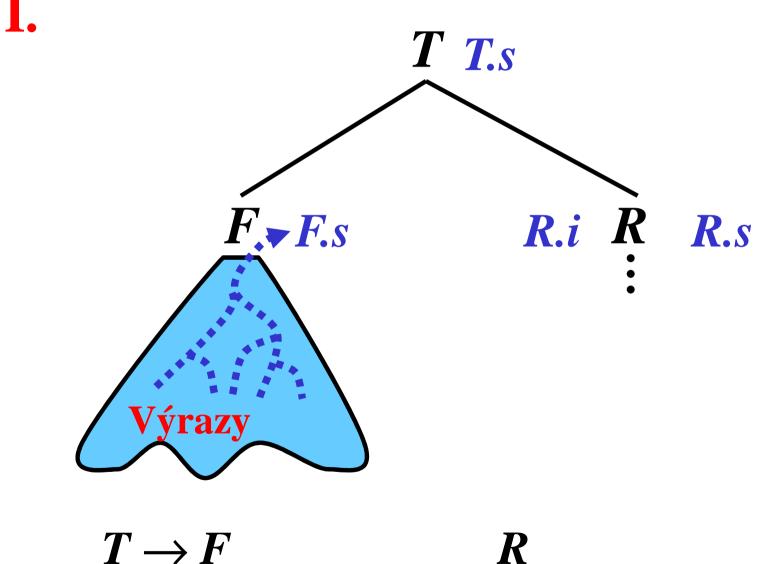


I.

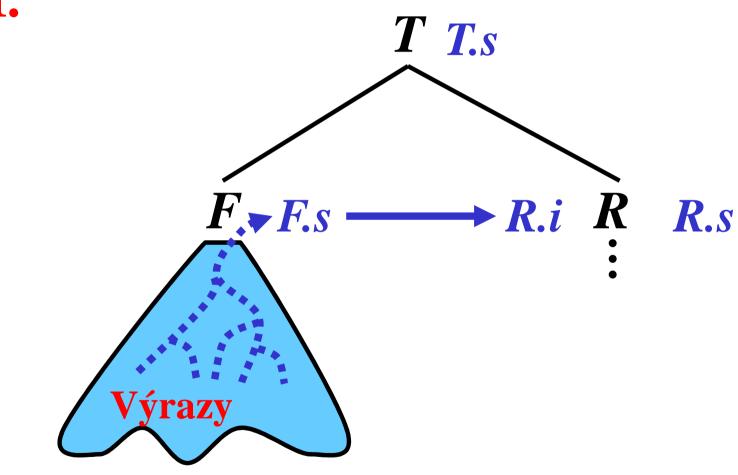


I.



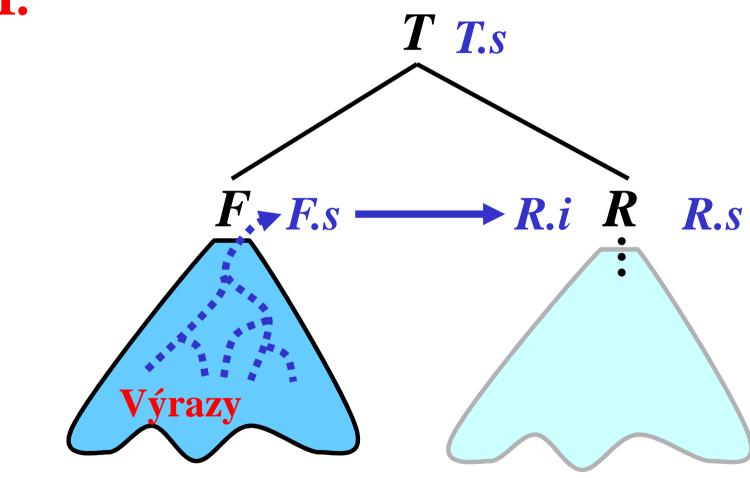


I.



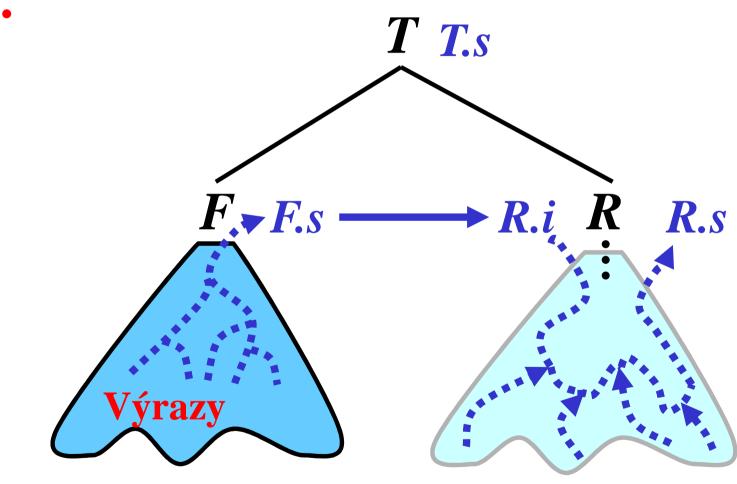
$$T \rightarrow F \{ R.i := F.s \} R$$

I



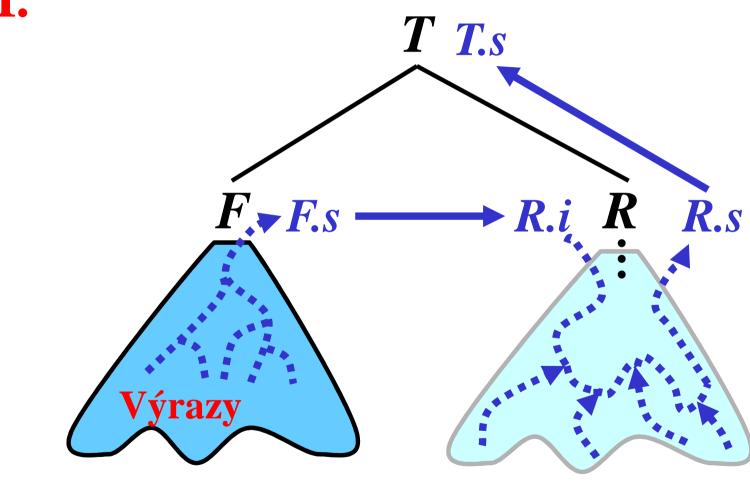
$$T \rightarrow F \{ R.i := F.s \} R$$

I.

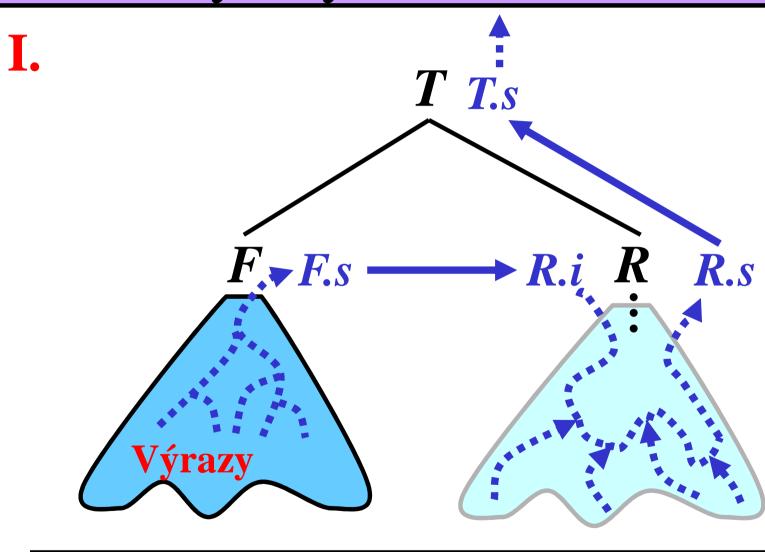


$$T \rightarrow F \{ R.i := F.s \} R$$

L

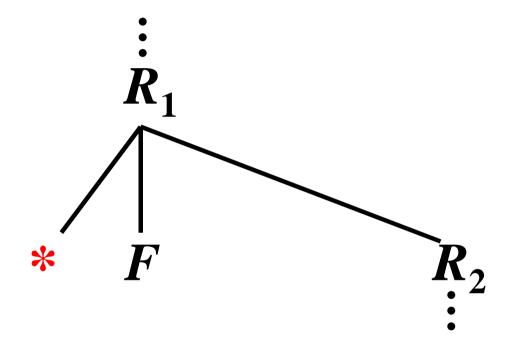


$$T \rightarrow F \{ R.i := F.s \} R \{ T.s := R.s \}$$

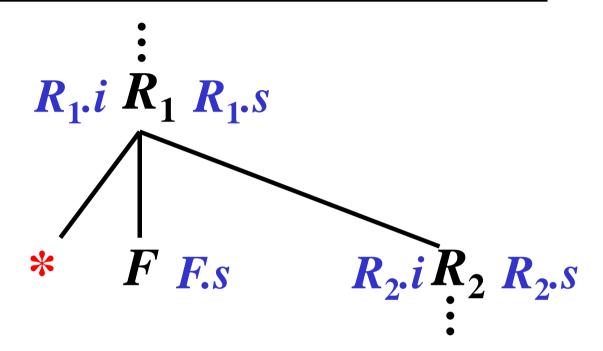


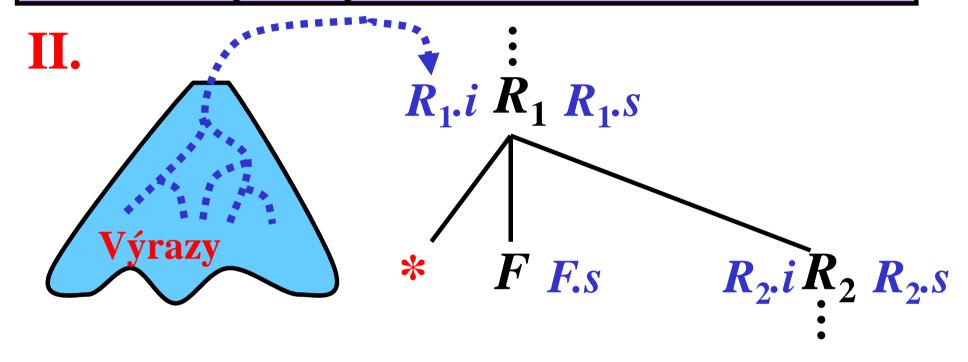
$$T \rightarrow F \{ R.i := F.s \} R \{ T.s := R.s \}$$

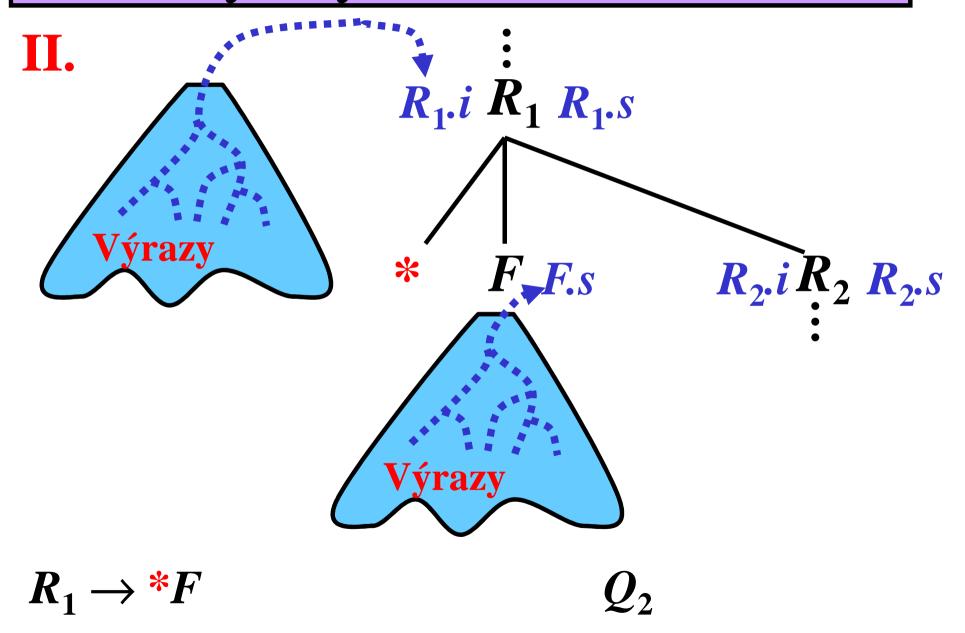
II.

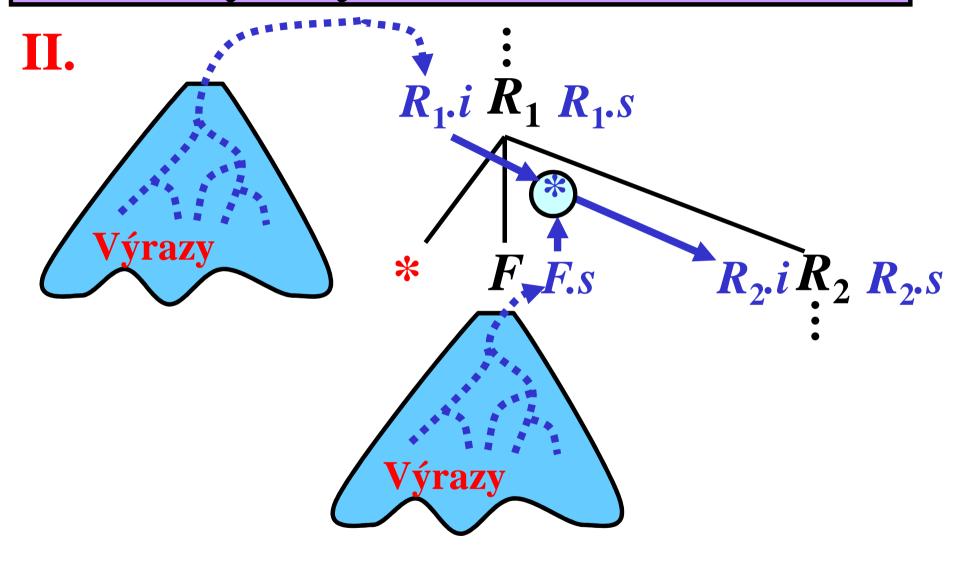


II.

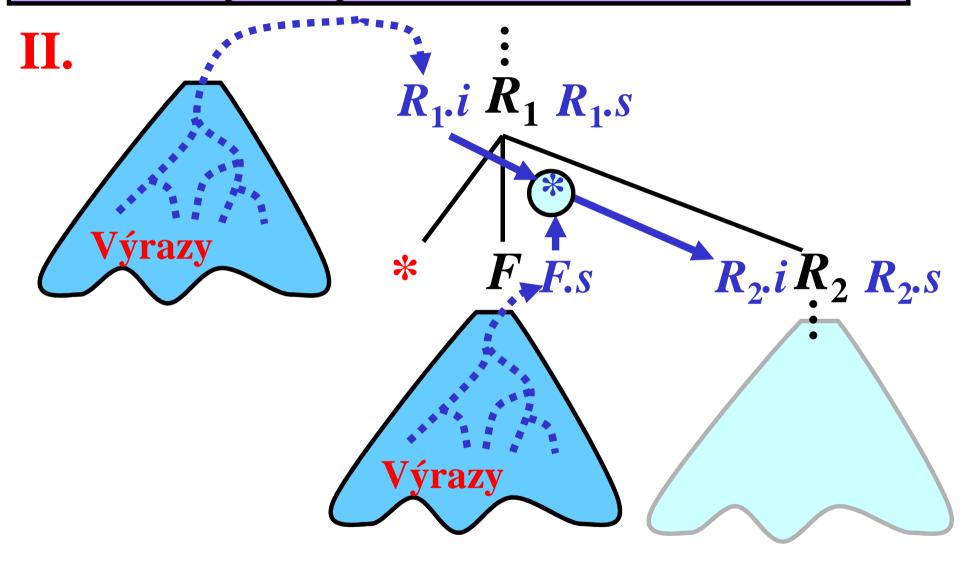




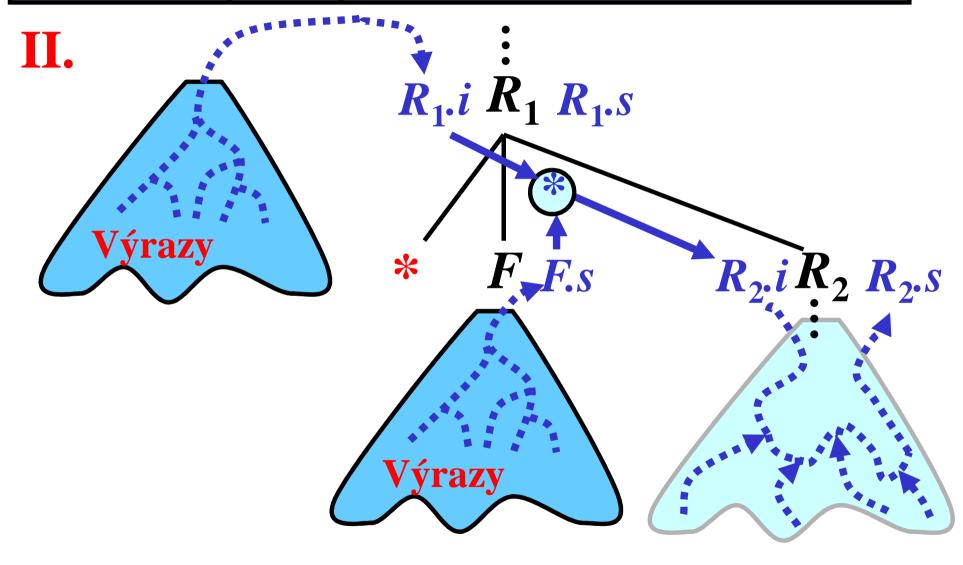




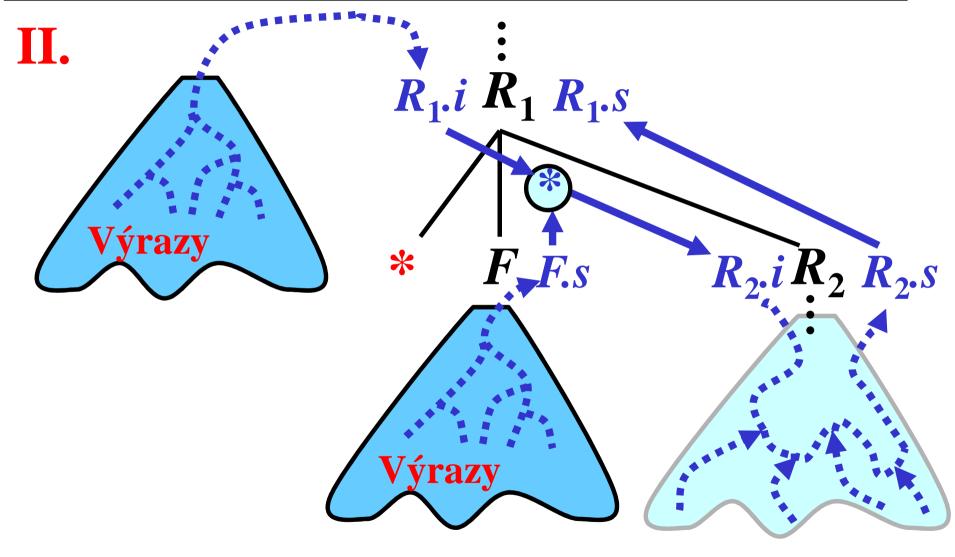
$$R_1 \to *F \{ R_2.i := R_1.i *F.s \} Q_2$$



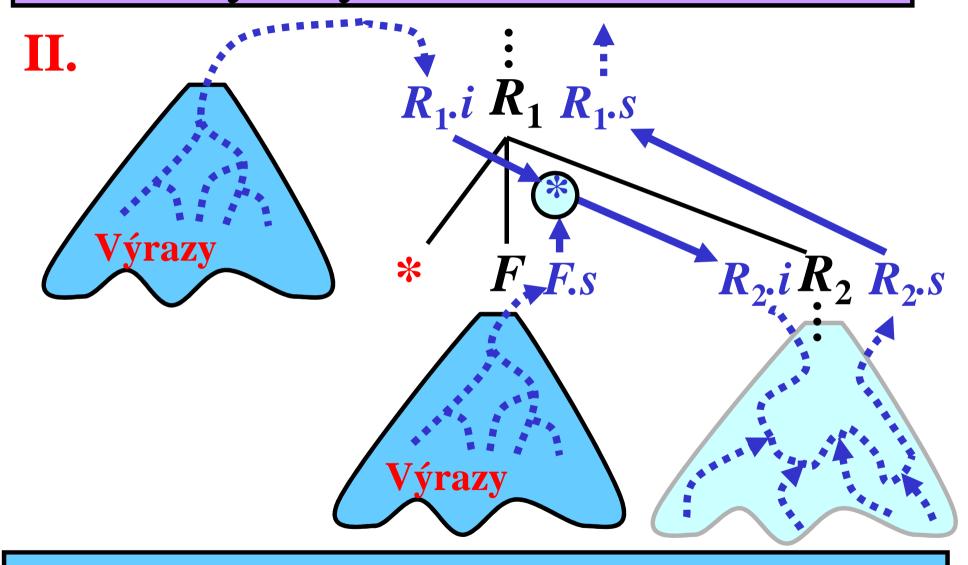
$$R_1 \to *F \{ R_2.i := R_1.i *F.s \} Q_2$$



$$R_1 \to F \{ R_2.i := R_1.i * F.s \} Q_2$$

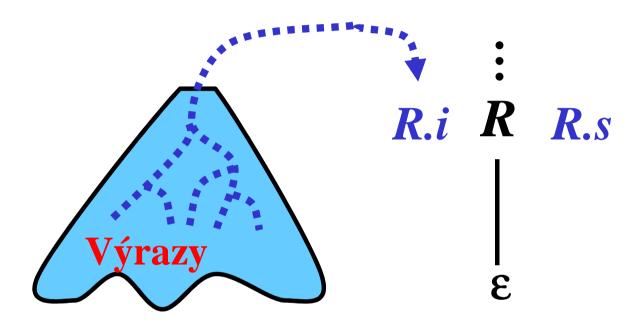


$$R_1 \to F \{ R_2.i := R_1.i * F.s \} Q_2\{R_1.s := R_2.s \}$$

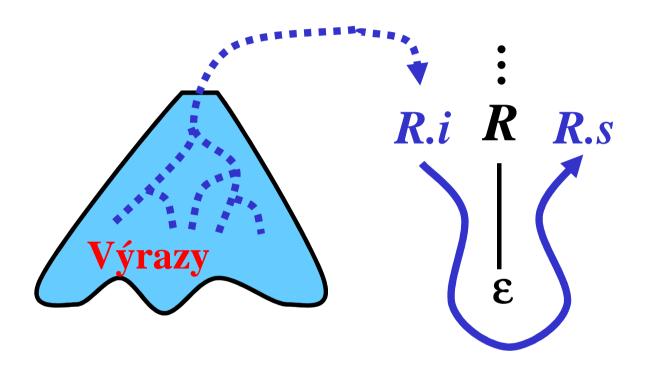


$$R_1 \to {}^*F \{ R_2.i := R_1.i * F.s \} Q_2\{R_1.s := R_2.s \}$$

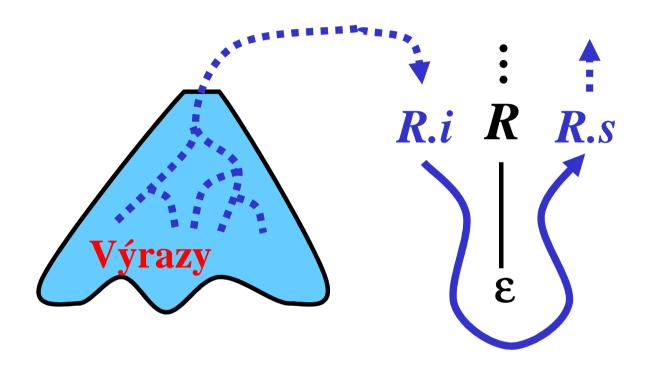




$$R \rightarrow \varepsilon$$



$$R \rightarrow \varepsilon \quad \{R.s := R.i\}$$

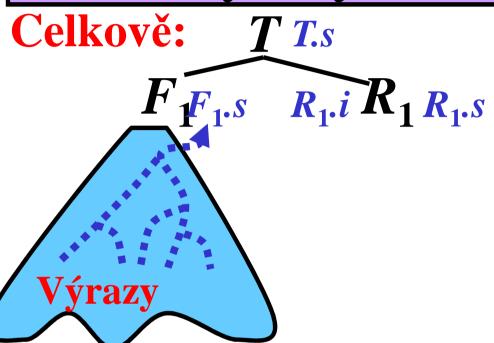


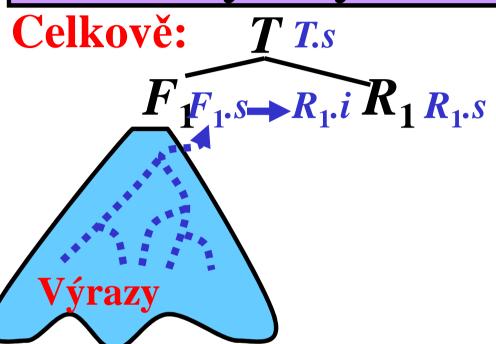
$$R \rightarrow \varepsilon \quad \{R.s := R.i\}$$

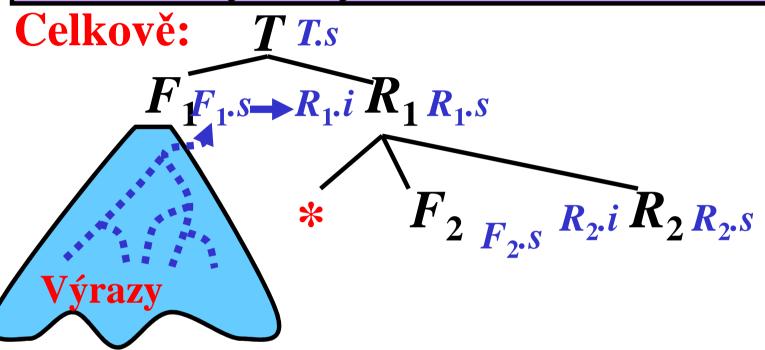
Celkově: 
$$T$$
 $F_1$ 
 $R_1$ 

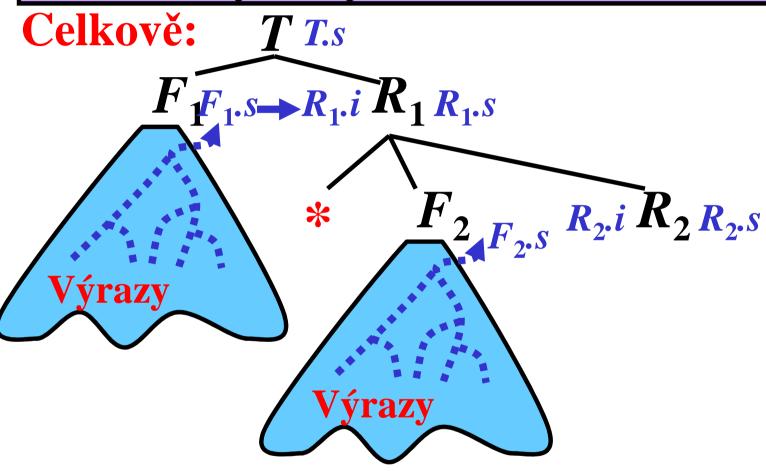
Celkově: 
$$T$$
  $T.s$ 

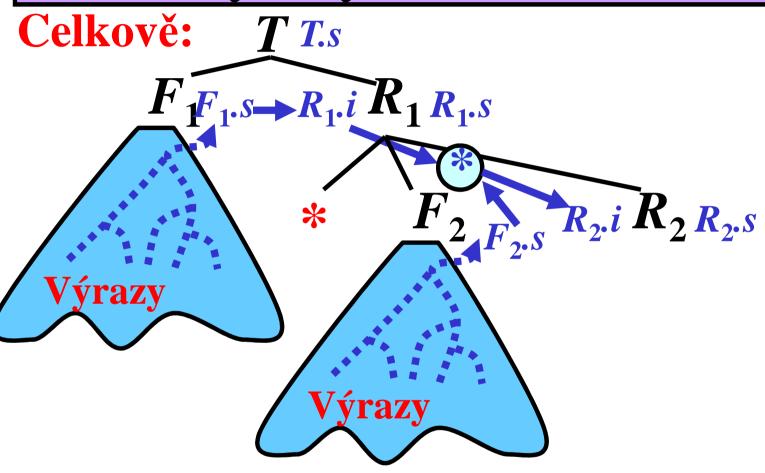
$$F_{1}F_{1}.s \quad R_{1}.i \quad R_{1}R_{1}.s$$

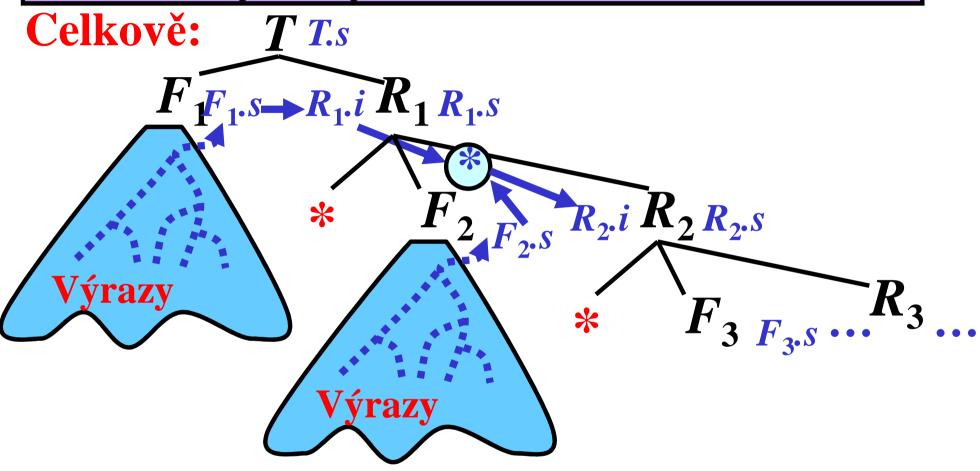


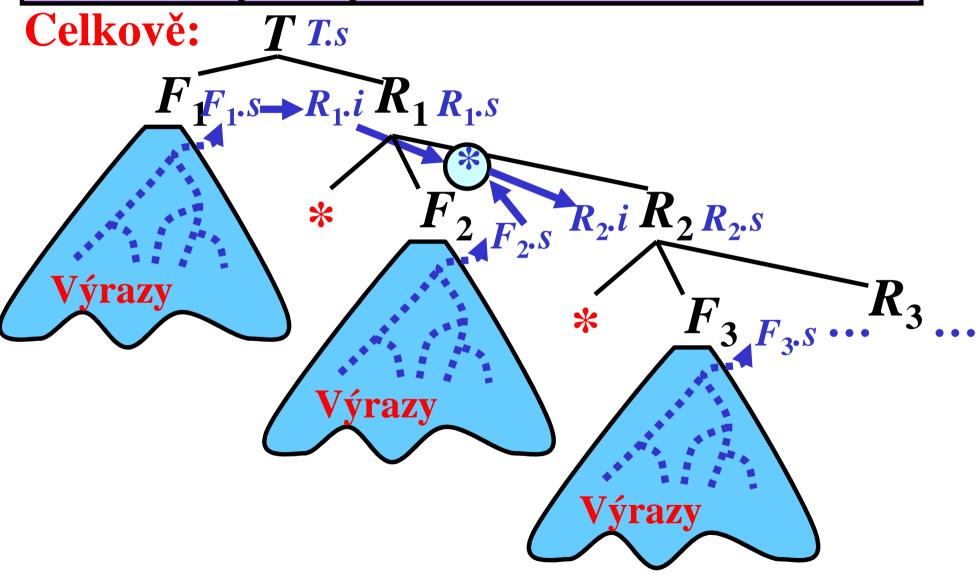


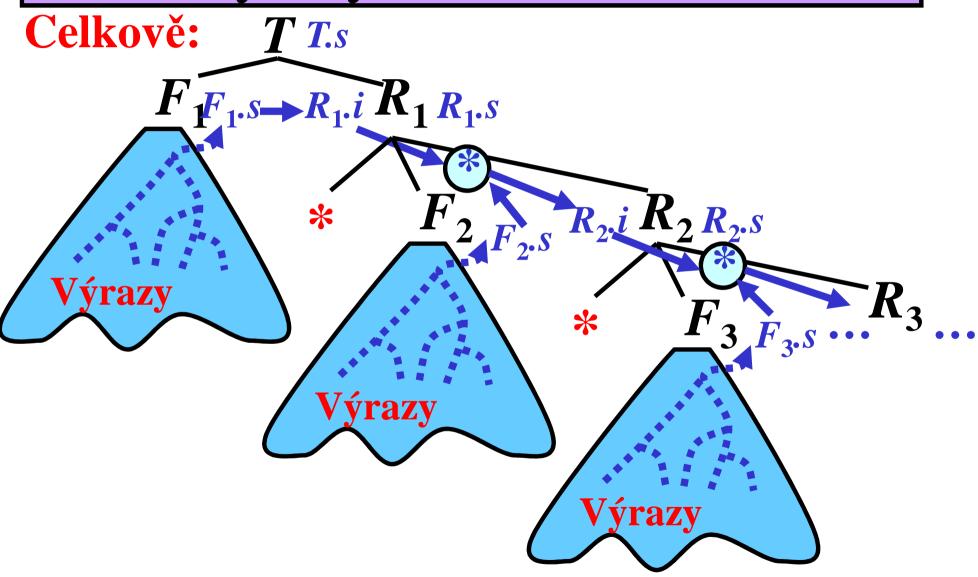


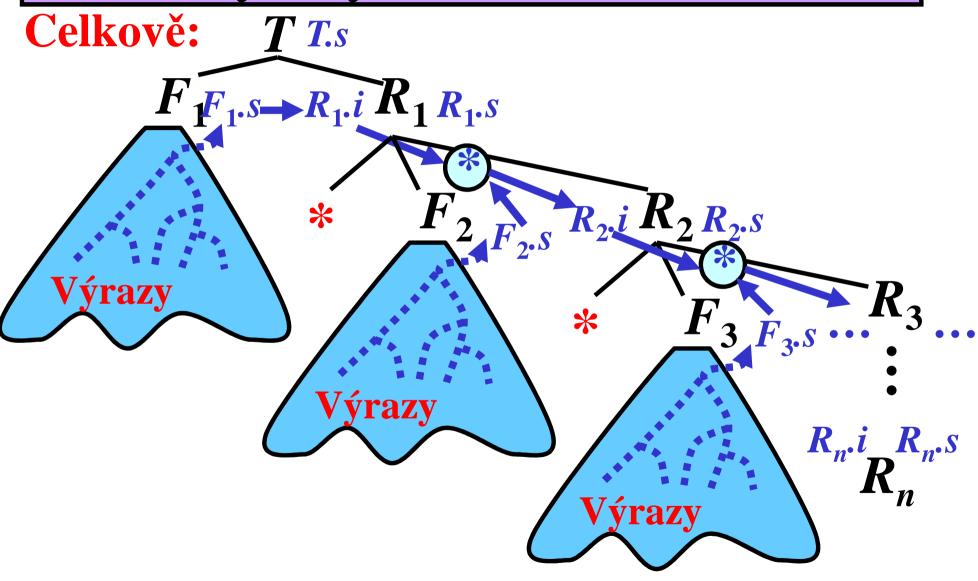


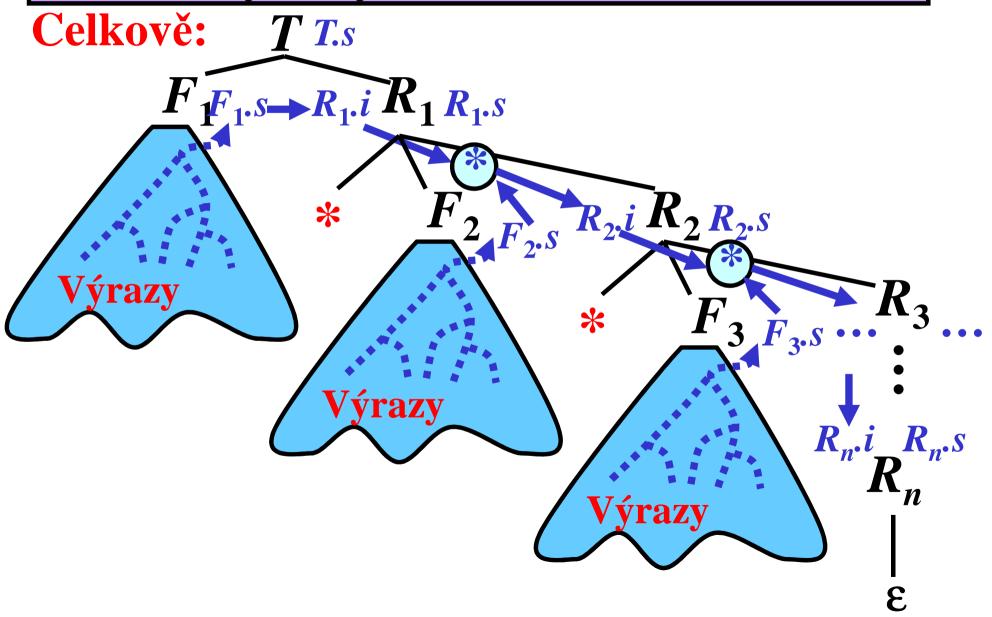


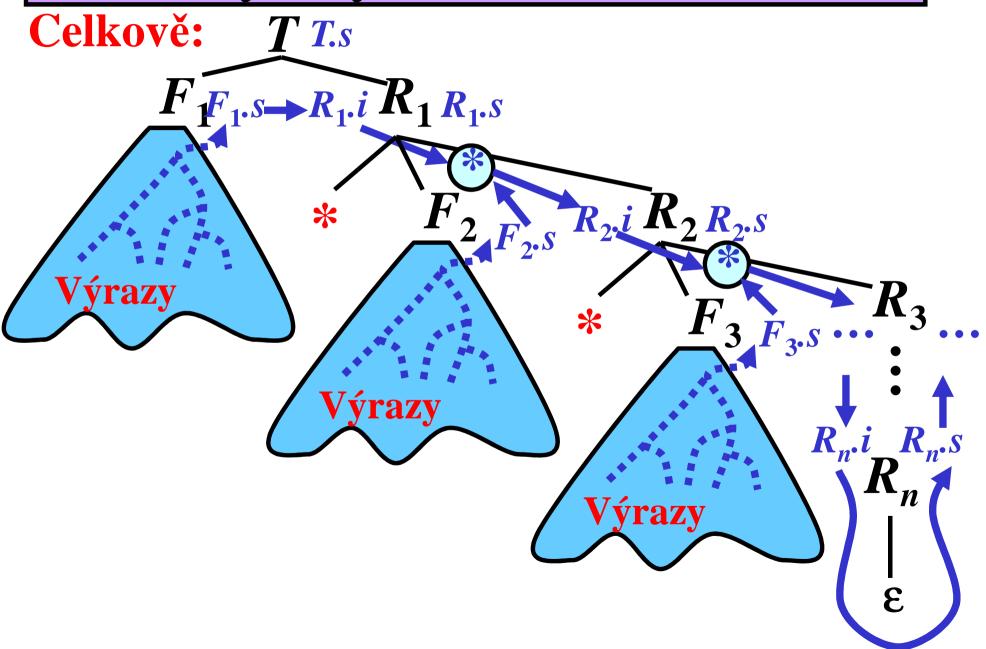


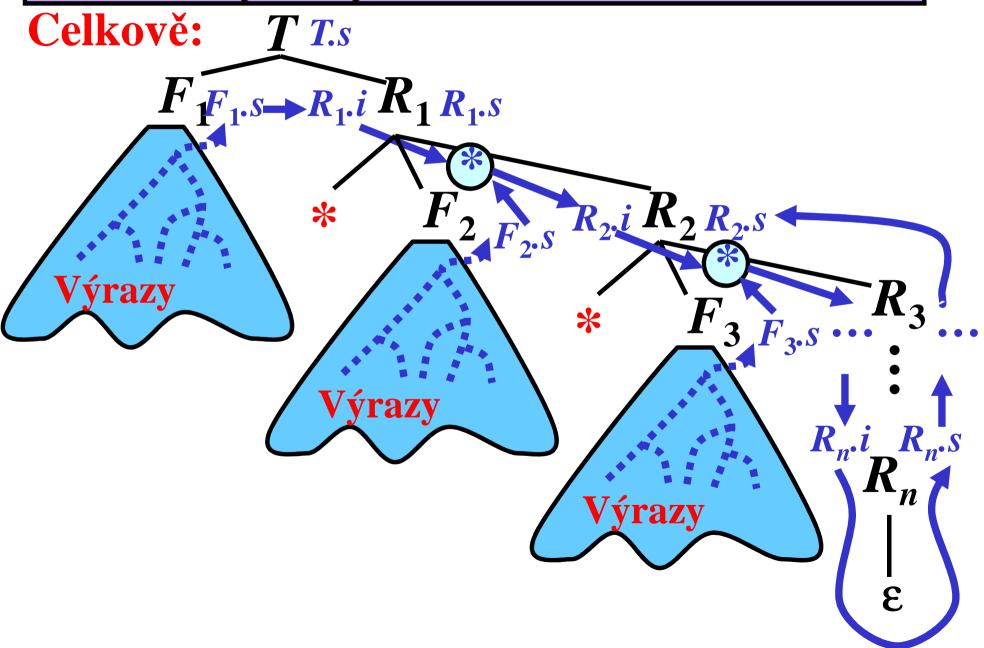


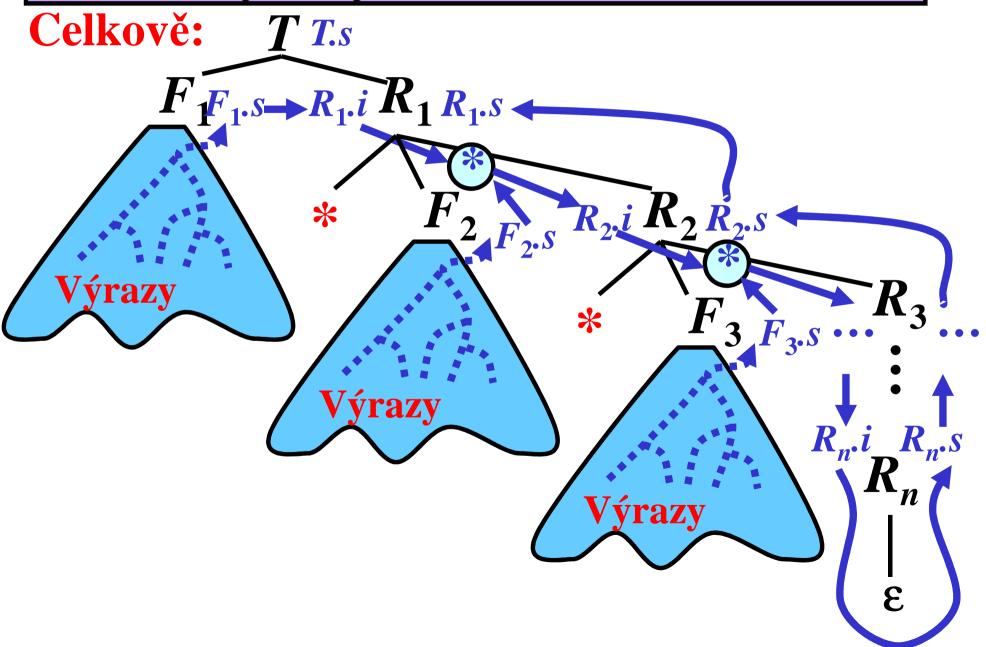


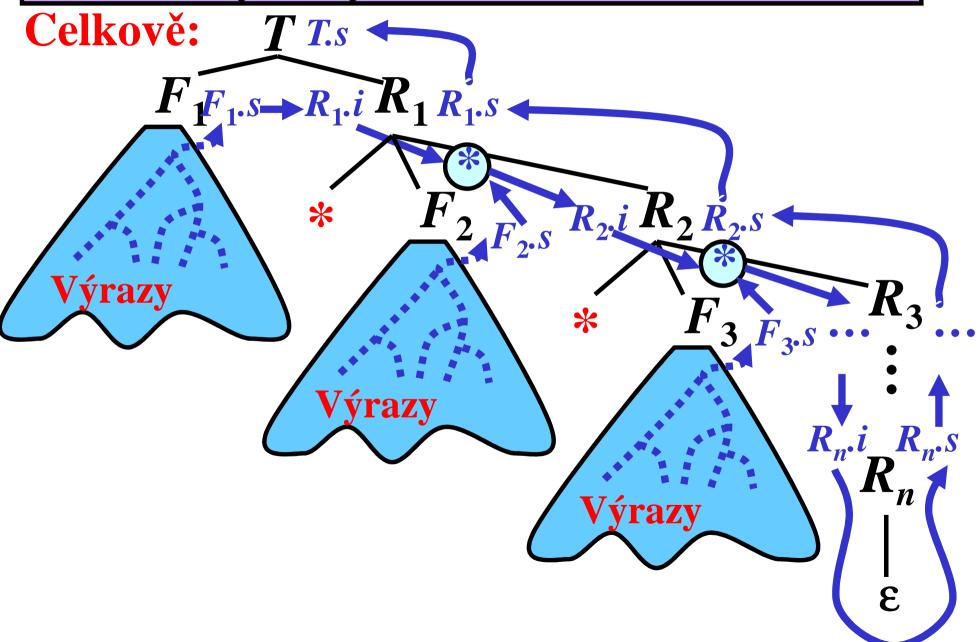












#### Gramatika pro výrazy: Celkově

```
1. E \to T \{Q.i := T.s\} Q \{E.s := Q.s\}
2. Q_1 \rightarrow +T \{Q_2.i := Q_1.i + T.s\} Q_2 \{Q_1.s := Q_2.s\}
3. Q \rightarrow \varepsilon \{Q.s := Q.i\}
4. T \to F \{R.i := F.s\} R \{T.s := R.s\}
5. R_1 \to F \{R_2 : i := R_1 : i F.s\} R_2 \{R_1 : s := R_2 : s\}
6. R \rightarrow \varepsilon \{R.s := R.i\}
7. F \rightarrow (E \{F.s := E.s\})
8. F \rightarrow i \{F.s := i.value\}
```

Příklad pro a + b, kde a.value = 10, b.value = 20

Vstup:  $i_1 + i_2$  \$

**Prav.:**  $E \to T_1 \{Q_1.i := T_1.s\} Q_1 \{E.s := Q_1.s\}$ 

Zásobník synt. an.: Zásobník sém. an.:

**Ilustrace:** 

E





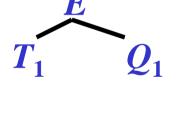


Příklad pro a + b, kde a.value = 10, b.value = 20

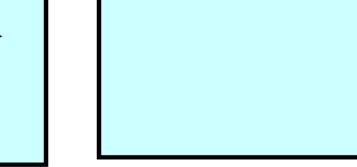
Vstup:  $i_1 + i_2$  \$

**Prav.:**  $T_1 \to F_1 \{R_1.i := F_1.s\} R_1 \{T_1.s := R_1.s\}$ 

Zásobník synt. an.: Zásobník sém. an.:



$$\begin{cases}
 Q_1 \cdot i := T_1 \cdot s \\
 Q_1 \\
 \{E \cdot s := Q_1 \cdot s \}
 \end{cases}$$





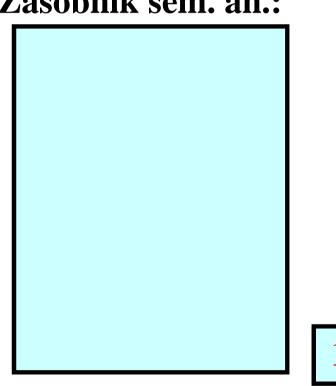
Příklad pro a + b, kde a.value = 10, b.value = 20

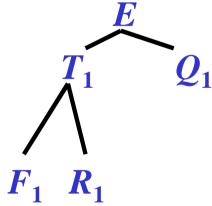
Vstup:  $i_1 + i_2$ \$

**Prav.:**  $F_1 \rightarrow i_1 \{F_1.s := i.value\}$ 

Zásobník synt. an.: Zásobník sém. an.:

# $F_{1} \\ \{R_{1}.i := F_{1}.s\} \\ R_{1} \\ \{T_{1}.s := R_{1}.s\} \\ \{Q_{1}.i := T_{1}.s\} \\ Q_{1} \\ \{E.s := Q_{1}.s\} \\ \$$







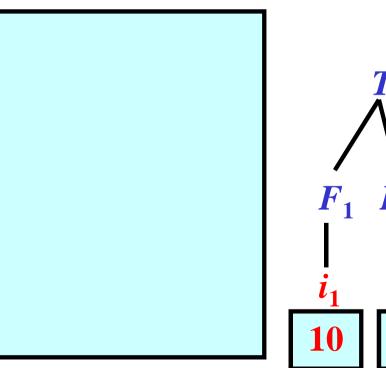
Příklad pro a + b, kde a.value = 10, b.value = 20

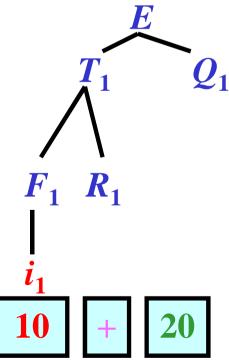
Vstup:  $i_1 + i_2$  \$

Prav.:

Zásobník synt. an.: Zásobník sém. an.:

 $\{F_1.s := i.value\}$  $\{R_1.i := F_1.s\}$  $\{T_1.s := R_1.s\}$  $\{Q_1.i := T_1.s\}$  $\{E.s := Q_1.s\}$   $\{D_1 := Q_1.s\}$ 





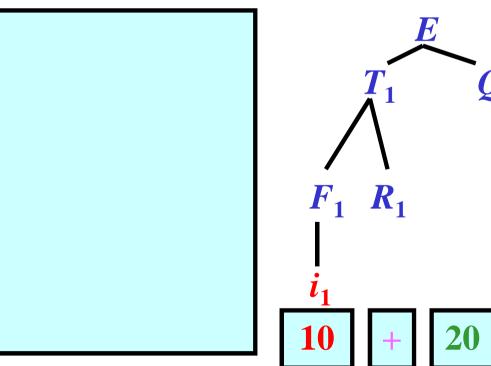
Příklad pro a + b, kde a.value = 10, b.value = 20

Vstup:  $+i_2$ \$

Prav.:

Zásobník synt. an.: Zásobník sém. an.:

 ${F_1.s := i.value}$  $\{R_1.i := F_1.s\}$  $\{T_1.s := R_1.s\}$  $\{Q_1.i := T_1.s\}$  $Q_1 \\
\{E.s := Q_1.s\}$ 



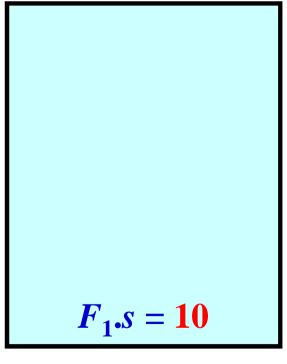
Příklad pro a + b, kde a.value = 10, b.value = 20

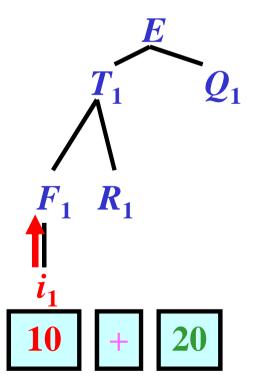
Vstup:  $+i_2$ \$

Prav.:

Zásobník synt. an.: Zásobník sém. an.:

 $\{R_1.i := F_1.s\}$  $\{T_1.s := R_1.s\}$  $\{Q_1.i := T_1.s\}$  $Q_1 \\ \{E.s := Q_1.s\}$ 





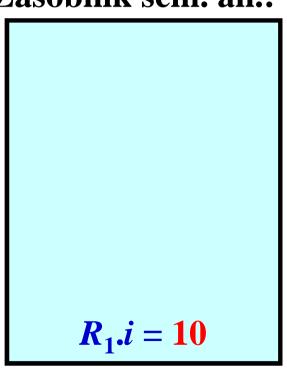
Příklad pro a + b, kde a.value = 10, b.value = 20

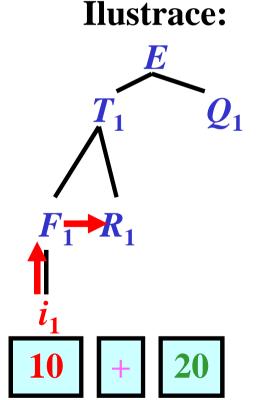
Vstup:  $+i_2$ \$

**Prav.:**  $R_1 \rightarrow \varepsilon \{R_1.s := R_1.i\}$ 

Zásobník synt. an.: Zásobník sém. an.:

# $R_{1}$ $\{T_{1}.s := R_{1}.s\}$ $\{Q_{1}.i := T_{1}.s\}$ $Q_{1}$ $\{E.s := Q_{1}.s\}$



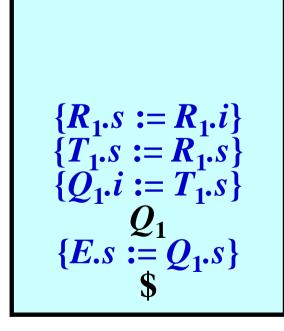


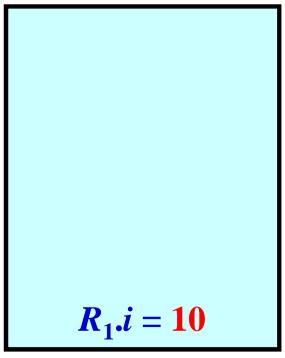
Příklad pro a + b, kde a.value = 10, b.value = 20

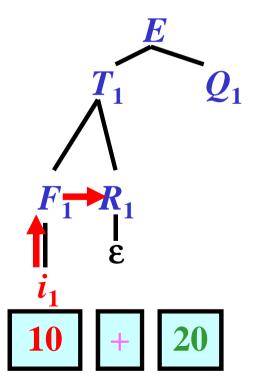
Vstup:  $+i_2$ \$

Prav.:

Zásobník synt. an.: Zásobník sém. an.:







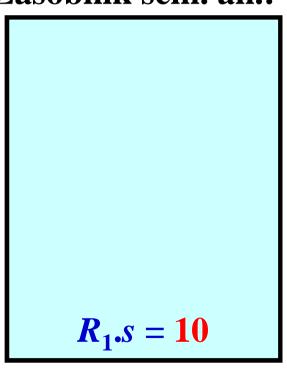
Příklad pro a + b, kde a.value = 10, b.value = 20

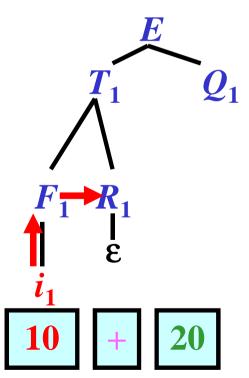
Vstup:  $+i_2$ \$

Prav.:

Zásobník synt. an.: Zásobník sém. an.:

 $\begin{cases}
 T_1.s := R_1.s \\
 Q_1.i := T_1.s \\
 Q_1 \\
 \{E.s := Q_1.s \}
 \end{cases}$ 





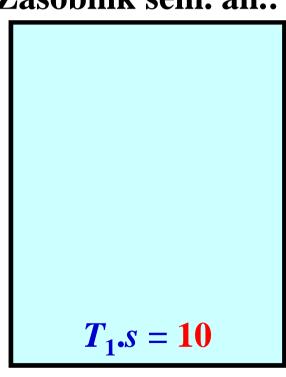
Příklad pro a + b, kde a.value = 10, b.value = 20

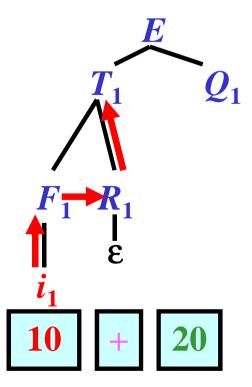
Vstup:  $+i_2$ \$

Prav.:

Zásobník synt. an.: Zásobník sém. an.:

 $\{Q_1.i := T_1.s\}$   $Q_1$   $\{E.s := Q_1.s\}$ 



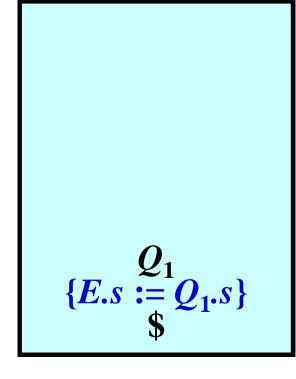


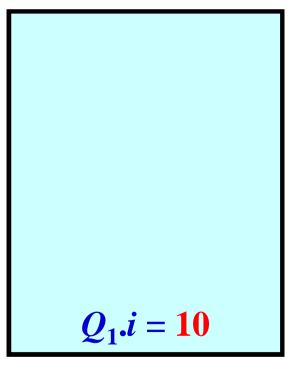
Příklad pro a + b, kde a.value = 10, b.value = 20

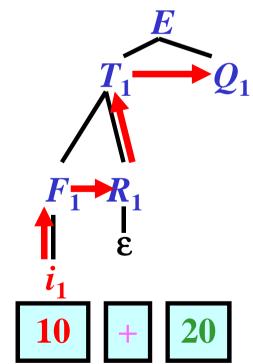
Vstup:  $+i_2$ \$

**Prav.:**  $Q_1 \rightarrow +T_2 \{Q_2.i := Q_1.i + T_2.s\} Q_2 \{Q_1.s := Q_2.s\}$ 

Zásobník synt. an.: Zásobník sém. an.:





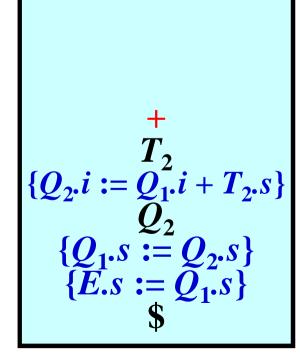


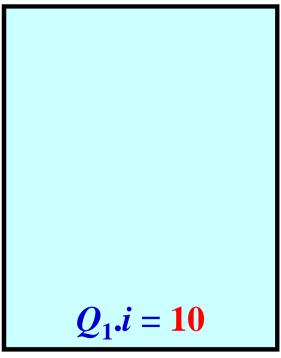
Příklad pro a + b, kde a.value = 10, b.value = 20

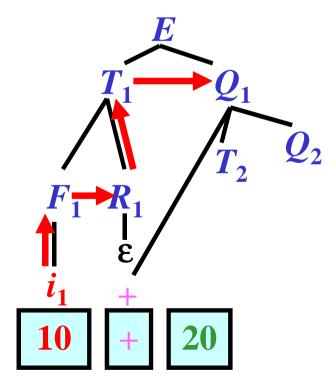
Vstup:  $+i_2$ \$

Prav.:

Zásobník synt. an.: Zásobník sém. an.:







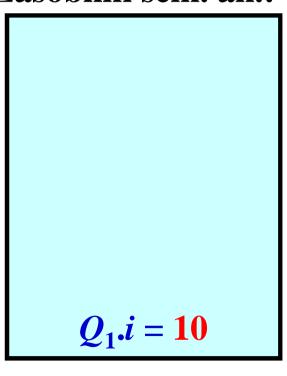
Příklad pro a + b, kde a.value = 10, b.value = 20

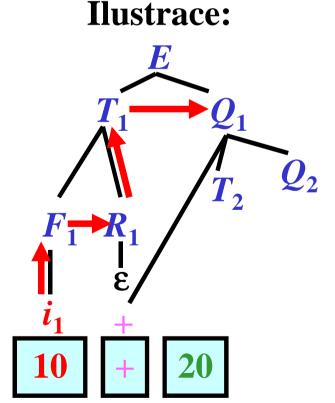
**Vstup:** *i*<sub>2</sub> \$

**Prav.:**  $T_2 \to F_2 \{R_2 : i := F_2 : s\} R_2 \{T_2 : s := R_2 : s\}$ 

Zásobník synt. an.: Zásobník sém. an.:

# $\{Q_{2}.i := Q_{1}.i + T_{2}.s\}$ $Q_{2}$ $\{Q_{1}.s := Q_{2}.s\}$ $\{E.s := Q_{1}.s\}$ \$



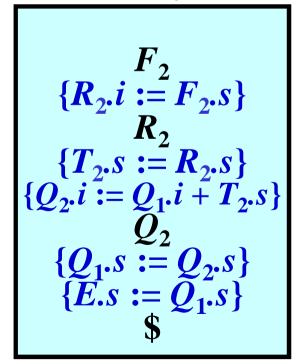


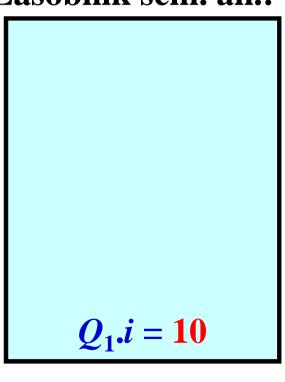
Příklad pro a + b, kde a.value = 10, b.value = 20

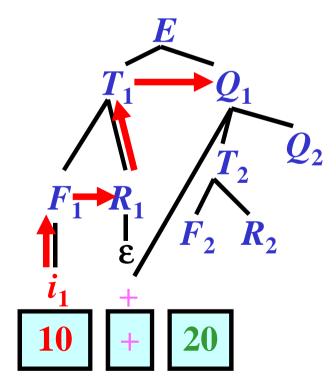
**Vstup:** *i*<sub>2</sub> \$

**Prav.:**  $F_2 \rightarrow i_2 \{F_2.s := i.value\}$ 

Zásobník synt. an.: Zásobník sém. an.:





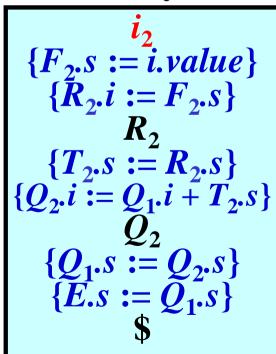


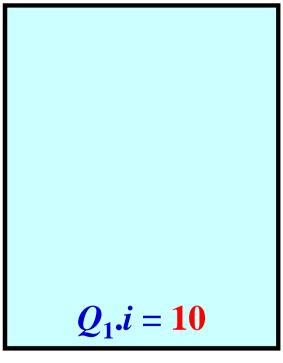
Příklad pro a + b, kde a.value = 10, b.value = 20

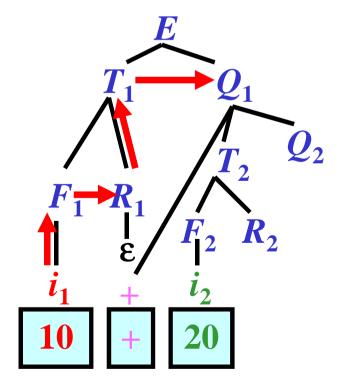
Vstup:  $i_2$  \$

Prav.:

Zásobník synt. an.: Zásobník sém. an.:





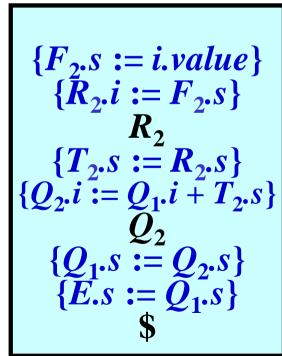


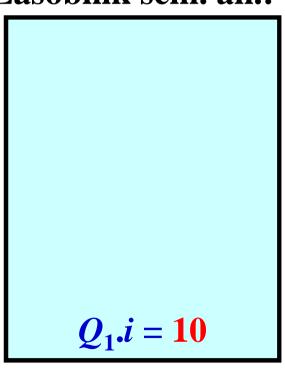
Příklad pro a + b, kde a.value = 10, b.value = 20

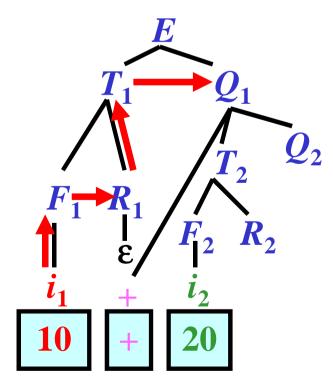
Vstup: \$

Prav.:

Zásobník synt. an.: Zásobník sém. an.:





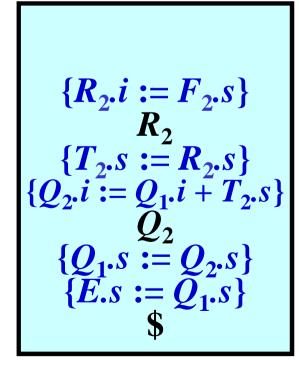


Příklad pro a + b, kde a.value = 10, b.value = 20

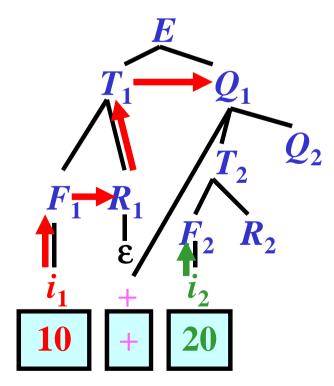
Vstup: \$

Prav.:

Zásobník synt. an.: Zásobník sém. an.:



 $F_2.s = 20$   $Q_1.i = 10$ 

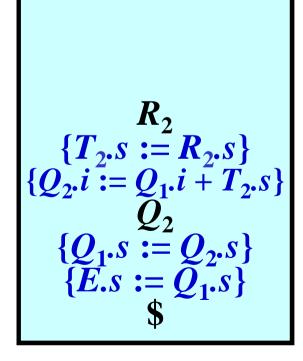


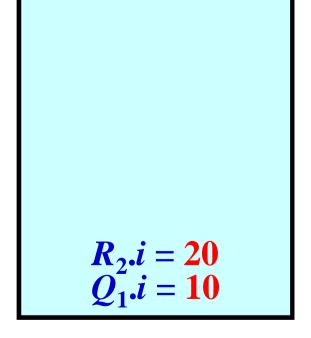
Příklad pro a + b, kde a.value = 10, b.value = 20

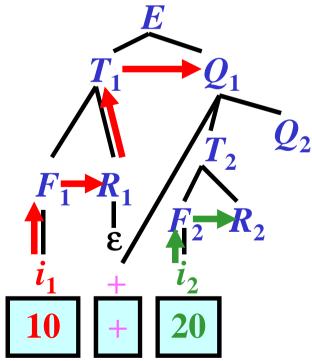
Vstup: \$

Prav.:  $R_2 \rightarrow \varepsilon \{R_2.s := R_2.i\}$ 

Zásobník synt. an.: Zásobník sém. an.:





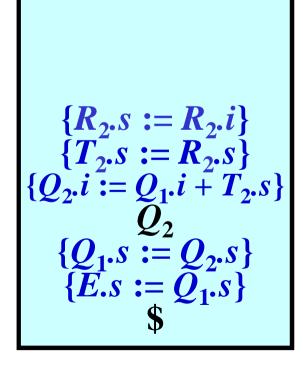


Příklad pro a + b, kde a.value = 10, b.value = 20

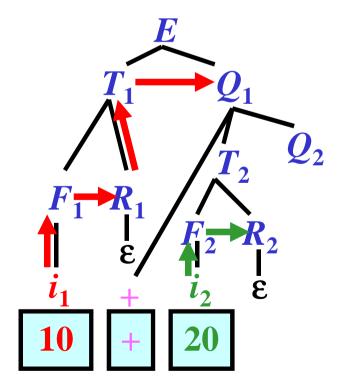
Vstup: \$

Prav.:

Zásobník synt. an.: Zásobník sém. an.:



 $egin{aligned} R_2.i &= 20 \ Q_1.i &= 10 \end{aligned}$ 

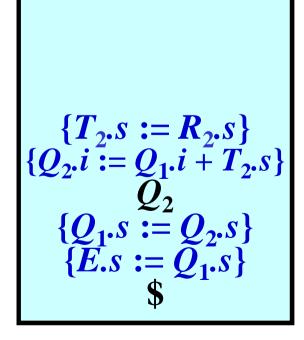


Příklad pro a + b, kde a.value = 10, b.value = 20

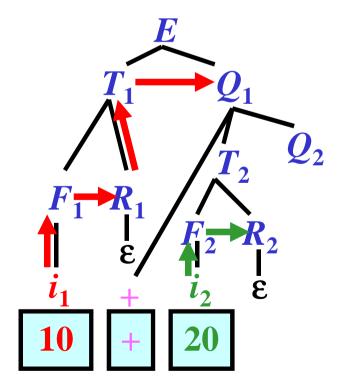
Vstup: \$

Prav.:

Zásobník synt. an.: Zásobník sém. an.:



 $R_2.s = 20$   $Q_1.i = 10$ 

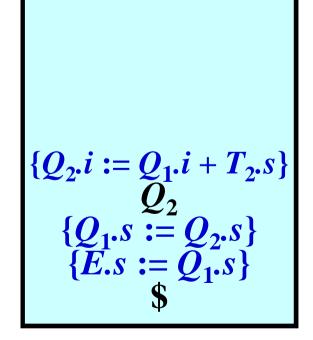


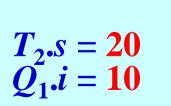
Příklad pro a + b, kde a.value = 10, b.value = 20

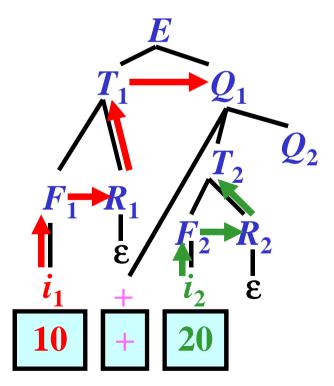
Vstup: \$

Prav.:

Zásobník synt. an.: Zásobník sém. an.:





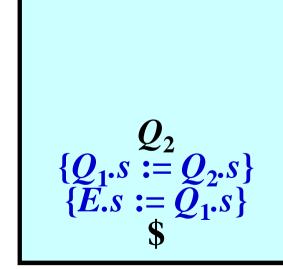


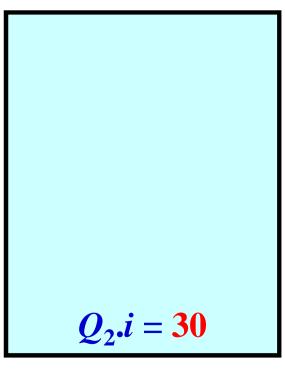
Příklad pro a + b, kde a.value = 10, b.value = 20

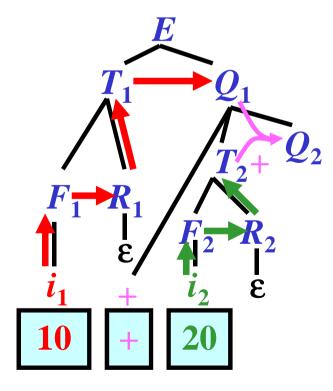
Vstup: \$

Prav.:  $Q_2 \rightarrow \varepsilon \{Q_2.s := Q_2.i\}$ 

Zásobník synt. an.: Zásobník sém. an.:







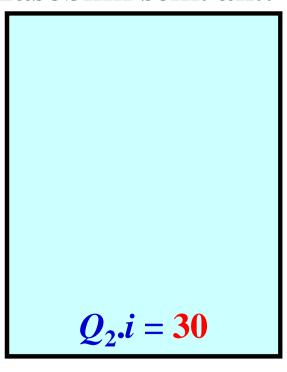
Příklad pro a + b, kde a.value = 10, b.value = 20

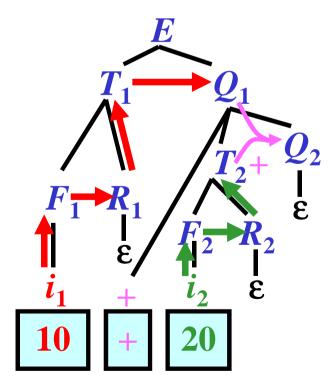
Vstup: \$

Prav.:

Zásobník synt. an.: Zásobník sém. an.:

# 



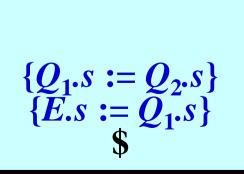


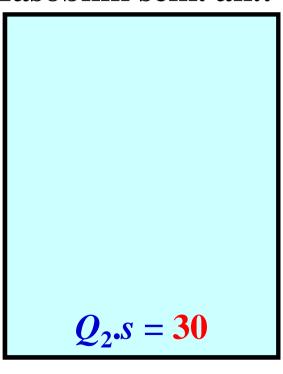
Příklad pro a + b, kde a.value = 10, b.value = 20

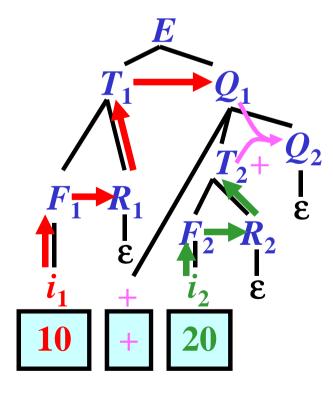
Vstup: \$

Prav.:

Zásobník synt. an.: Zásobník sém. an.:







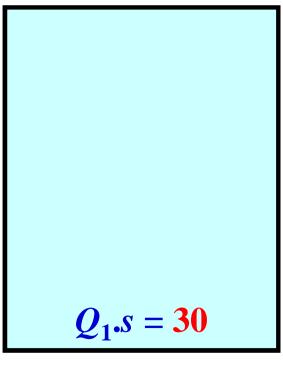
Příklad pro a + b, kde a.value = 10, b.value = 20

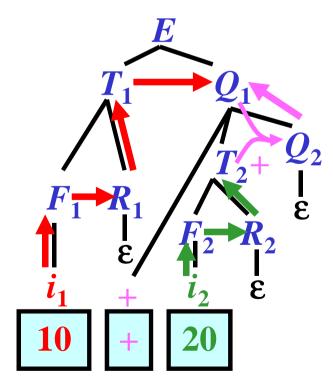
Vstup: \$

Prav.:

Zásobník synt. an.: Zásobník sém. an.:

 $\{E.s := Q_1.s\}$ 



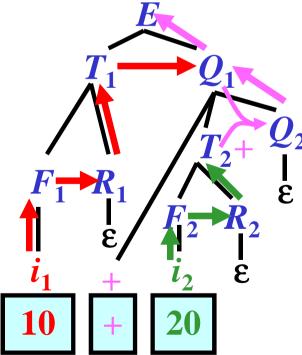


Příklad pro a + b, kde a.value = 10, b.value = 20

Vstup: \$

Prav.:

Zásobník synt. an.: Zásobník sém. an.: E.s = 30

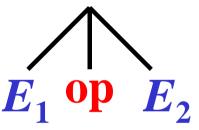


#### Sémantická analýza: Kontrola typů

#### Akce:

E.type := id.type

2) Pravidlo: E



Operace op je definována nad typy:

$$t_1 \text{ op } t_2 \rightarrow t_3$$

#### Akce:

 $\underline{\mathbf{if}}$  ( $\underline{E}_1$ .type =  $\underline{\mathbf{t}}_1$  nebo

 $E_1$ .type je převeditelný na  $t_1$ )

#### and

 $(E_2.type = t_2 nebo)$ 

 $E_2$ .type je převeditelný na  $t_2$ )

#### **then**

E.type :=  $t_3$ 

#### <u>else</u>

**Semantic Error.** 

#### Kontrola typů: Příklad 1/3

• Vytvořme kontrolu typů pro následující gramatiku:

Z int na real

- $G_{expr1} = (N, T, P, E)$ , kde  $N = \{E, F, T\}$ ,  $T = \{i, +, *, (,)\}$ ,  $P = \{E \rightarrow E + T, E \rightarrow T, T \rightarrow T * F, T \rightarrow F, F \rightarrow (E), F \rightarrow i\}$
- Operatory \*, + jsou definovány: Možné konverze:
  - int \* int  $\rightarrow$  int
  - int + int  $\rightarrow$  int
  - real \* real → real
  - real + real  $\rightarrow$  real

```
Pravidlo: F \rightarrow i { F.type := i.type; generate(:=, i.loc, F.loc) }
```

Pravidlo: 
$$F_i \rightarrow (E_j)$$
  $\{F_i.type := E_j.type\}$ 

Pravidlo: 
$$T_i \rightarrow F_j$$
  $\{T_i.type := F_j.type\}$ 

Pravidlo: 
$$E_i \rightarrow T_j$$
  $\{E_i.type := T_j.type\}$ 

# Kontrola typů: Příklad 2/3

```
Pravidlo: E_i \rightarrow E_i + T_k { \underline{\text{if }} E_i . type = T_k . type \underline{\text{then begin}}
                                       E_{i}.type := E_{i}.type
                              generate(+, E_i.loc, T_k.loc, E_i.loc)
                           end
                           else begin
                              generate(new.loc, h, ,)
                              if E_i.type = int then begin
                                 generate(int-to-real, E_i.loc, , h)
                                 generate(+, h, T_{l}.loc, E_{i}.loc)
                              end
                              else begin
                                 generate(int-to-real, T_k.loc, , h)
                                 generate(+, E_i.loc, h, E_i.loc)
                              end
                              \overline{E_i.t}ype := real
                            end
```

# Kontrola typů: Příklad 3/3

```
Pravidlo: T_i \to T_i * F_k { \underline{\text{if }} T_i . type = F_k . type \underline{\text{then begin}}
                                     T_i.type := T_i.type
                            generate(*, T_i.loc, F_k.loc, T_i.loc)
                          end
                         else begin
                            generate(new.loc, h, ,)
                            if T_i.type = int then begin
                                generate(int-to-real, T_i.loc, , h)
                                generate(*, h, F_{l}.loc, T_{i}.loc)
                             end
                             else begin
                                generate(int-to-real, F_k.loc, , h)
                                generate(*, T_i.loc, h, T_i.loc)
                             end
                            T_i.type := real
                          end
```

## Zkratové vyhodnocování

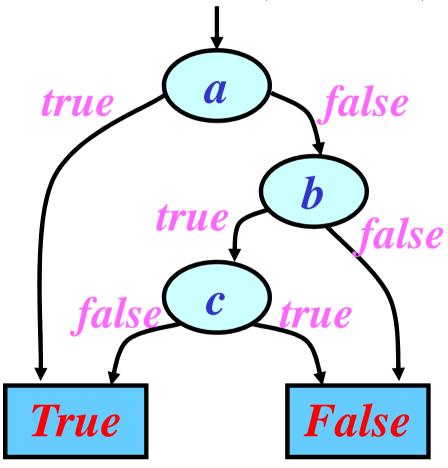
### Myšlenka:

```
• a = true implikuje a or ( ... ? ... ) = true
• a = false implikuje a and ( ... ? ... ) = false
Pozn.: ( ... ? ... ) není vyhodnoceno.
1) (a \text{ and } b) = p:
  if a = false then p = false
                else p = b
```

```
2) (a \text{ or } b) = p:
   if a = true then p = true
                   else p = b
```

### Zkratové vyhodnocování: Graf. reprezentace

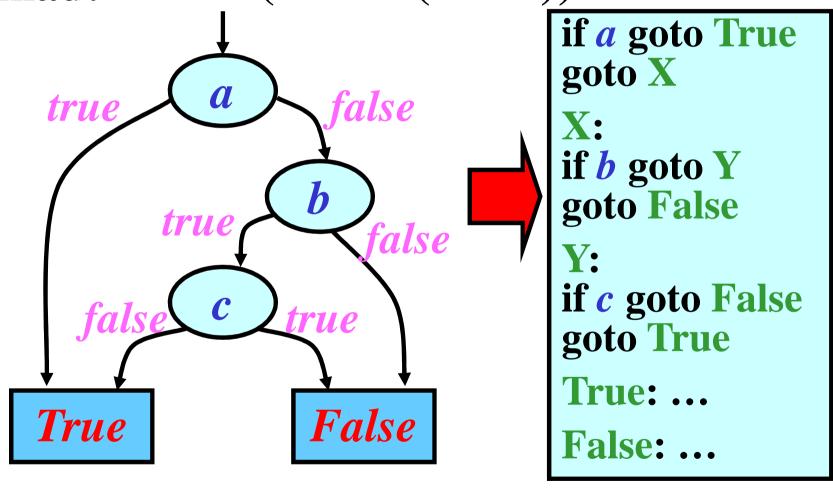
Příklad: a or (b and (not c)):



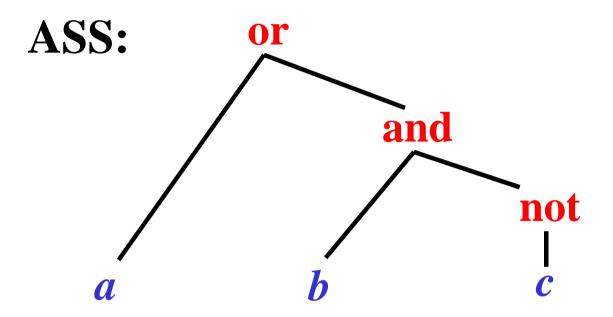
• Simulace grafické reprezentace 3AK kódem se skoky.

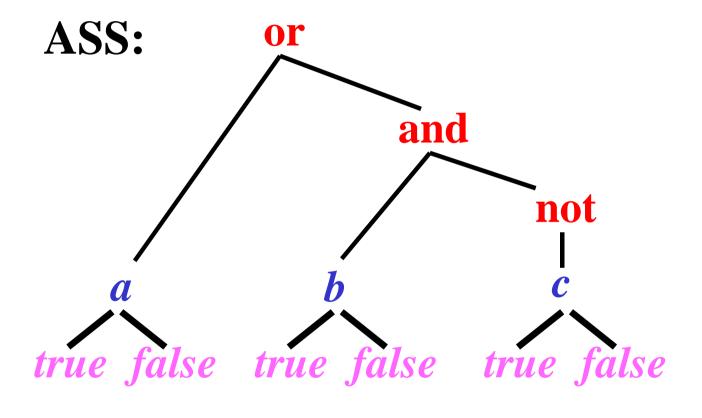
### Zkratové vyhodnocování: Graf. reprezentace

Příklad: a or (b and (not c)):

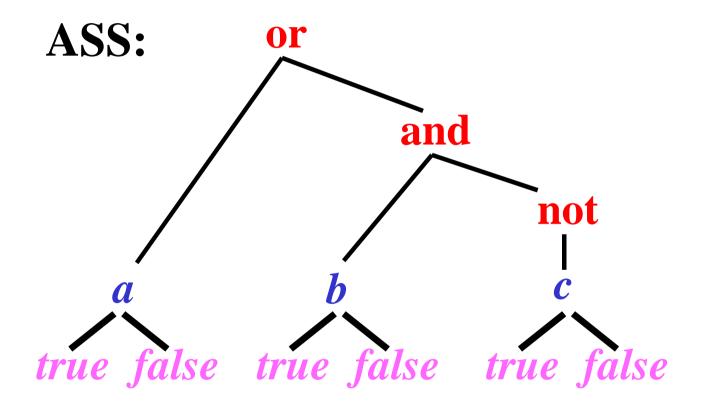


• Simulace grafické reprezentace 3AK kódem se skoky.



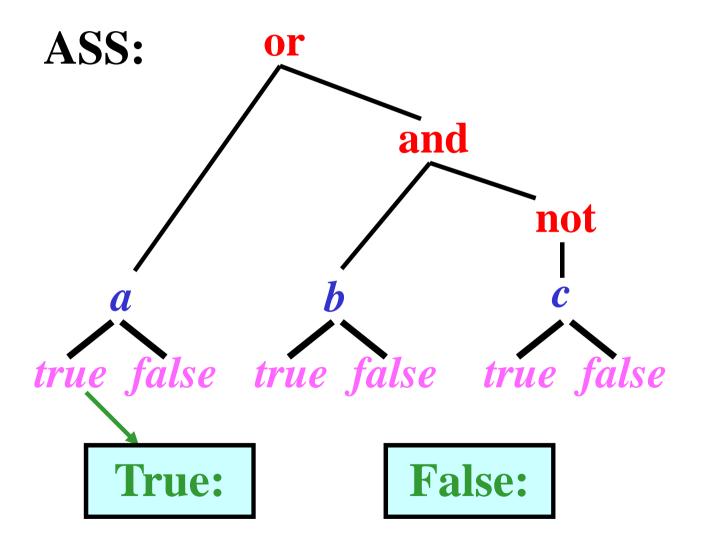


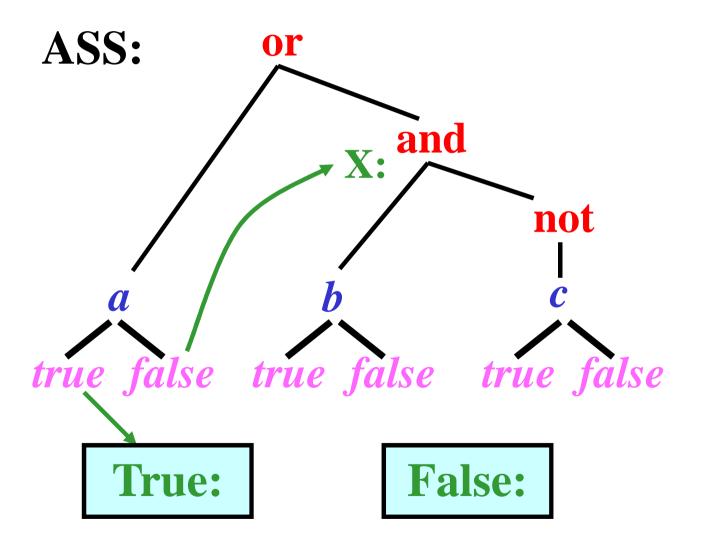
Příklad: a or (b and (not c)):

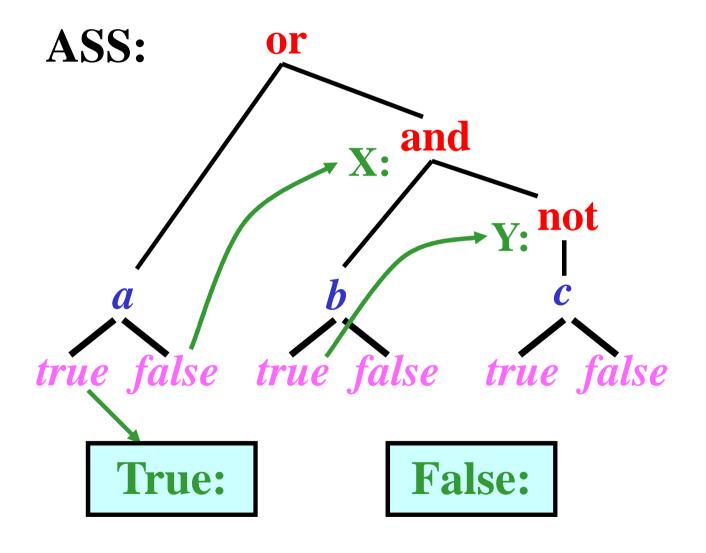


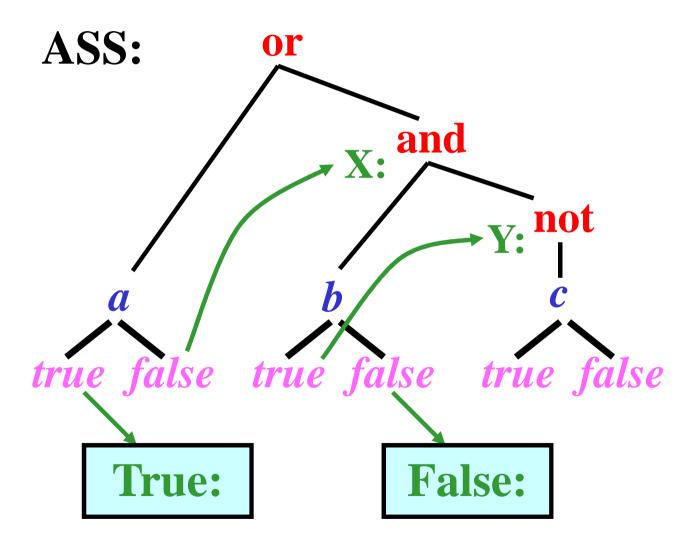
True:

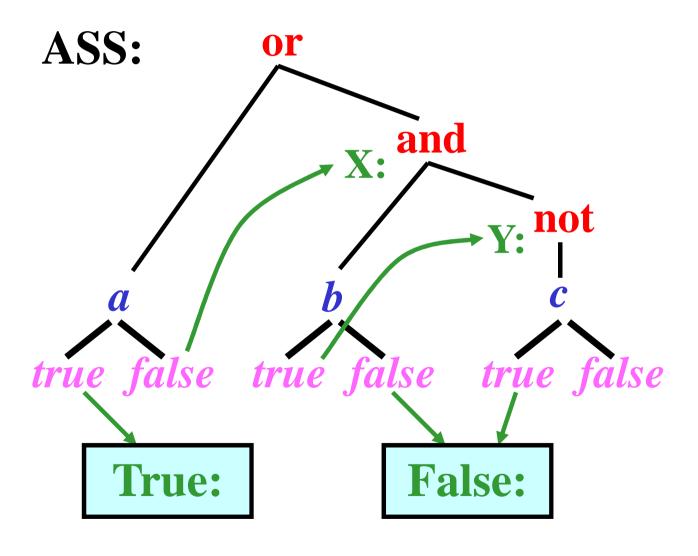
False:

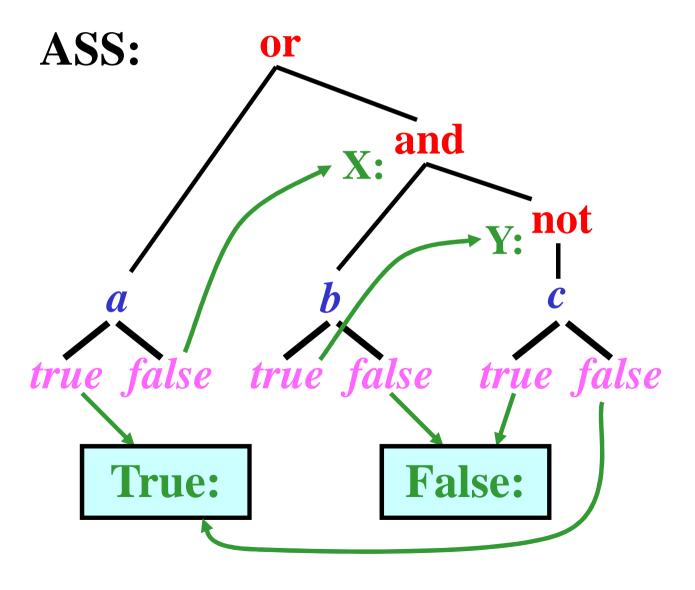


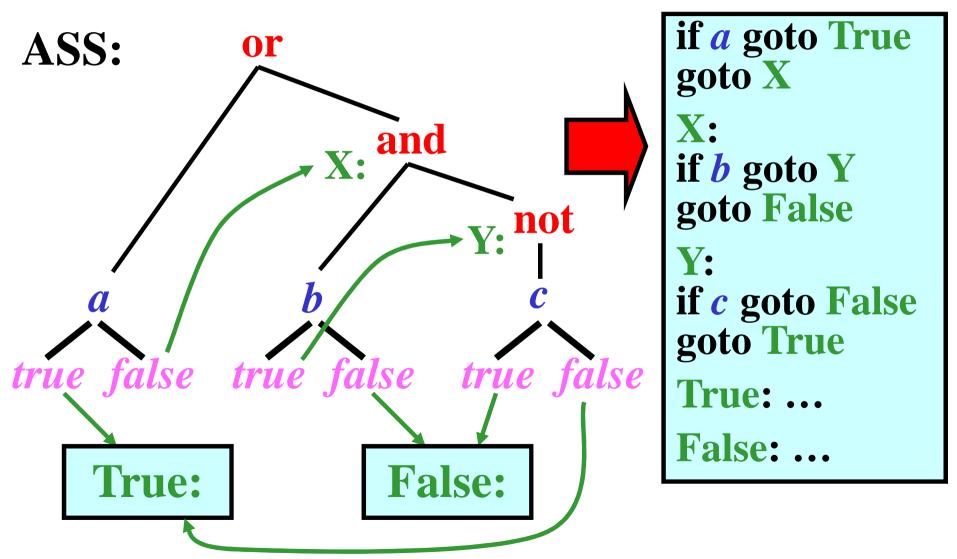








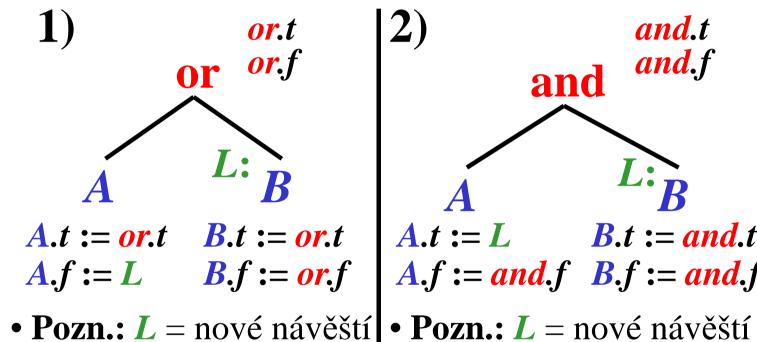




### Zkr. vyh. pomocí ASS: Implementace

• Každý ASS uzel X má přiřazeny dva atributy: X.t, X.f

#### Elementární ASS:

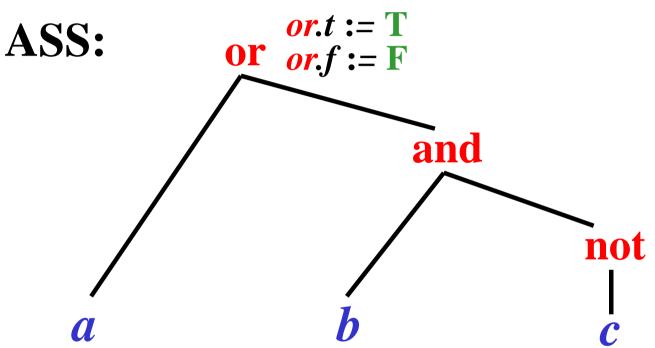


2) and.t and.f and A.t := or.t B.t := or.t A.t := L B.t := and.tA.f := L B.f := or.f A.f := and.f B.f := and.f

not.t A.t := not.fA.f := not.t

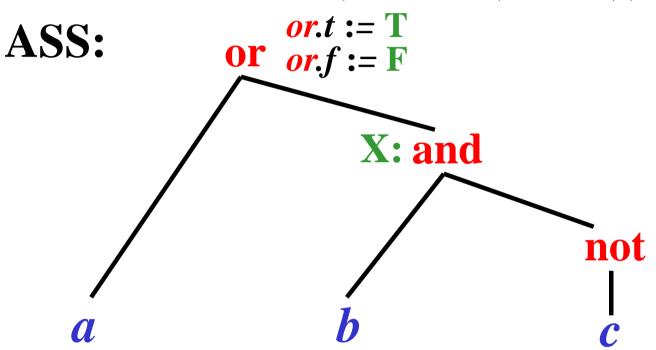
- Initializace: Necht' R je kořen ASS. Potom:
  - R.t := True, R.f := False (True & False jsou návěští)
- Šíření hodnot atributů: Atributy jsou šířeny z kořene do listů použitím pravidel 1), 2) a 3).

Příklad: a or (b and (not c)):

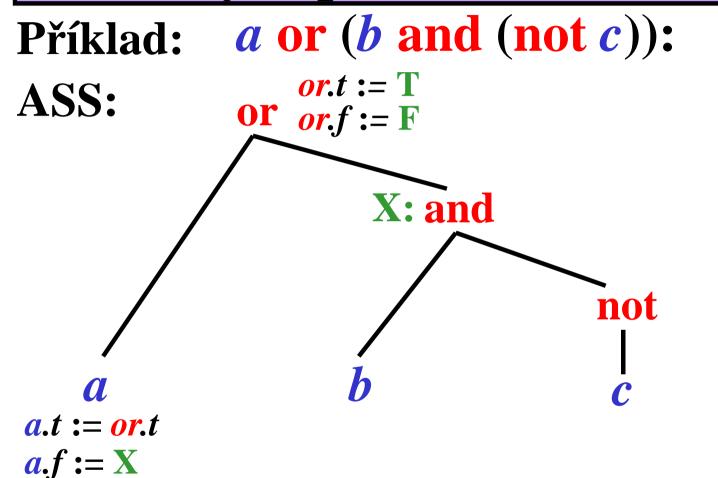


- T = True
- $\mathbf{F} = False$

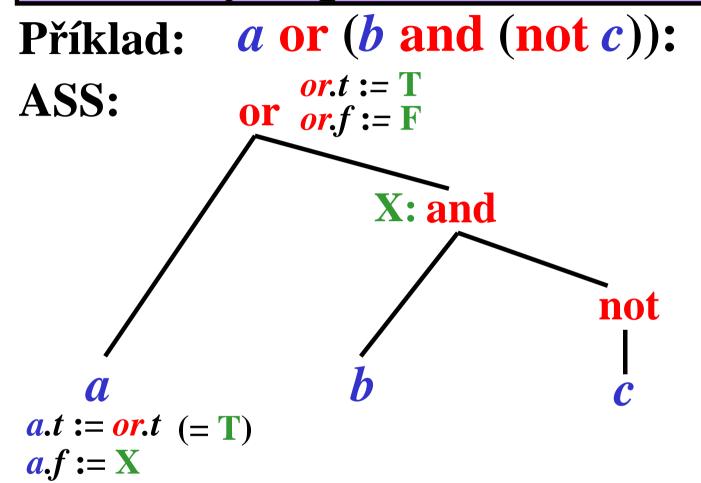
Příklad: a or (b and (not c)):



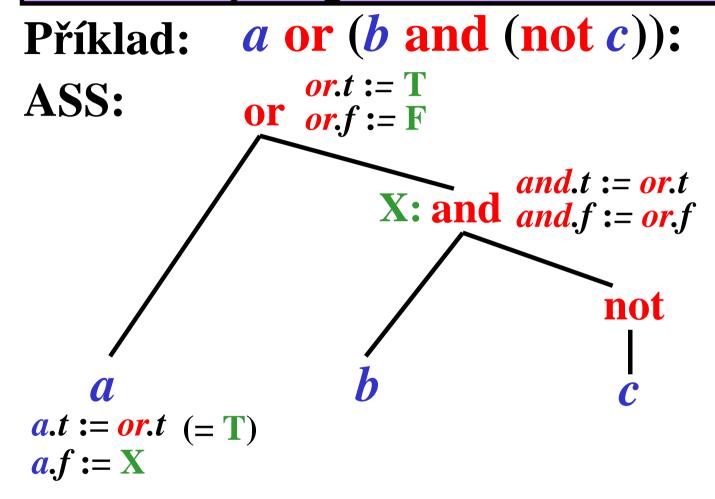
- T = True
- $\mathbf{F} = False$



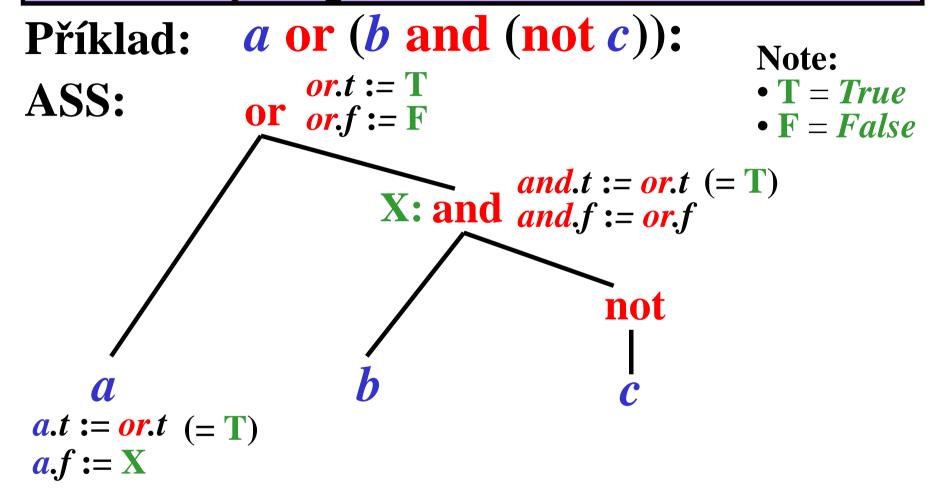
- T = True
- $\mathbf{F} = False$

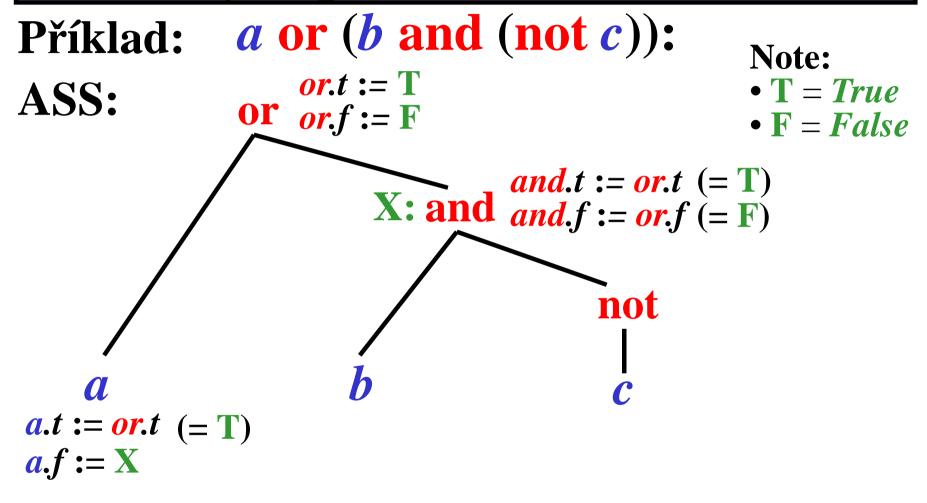


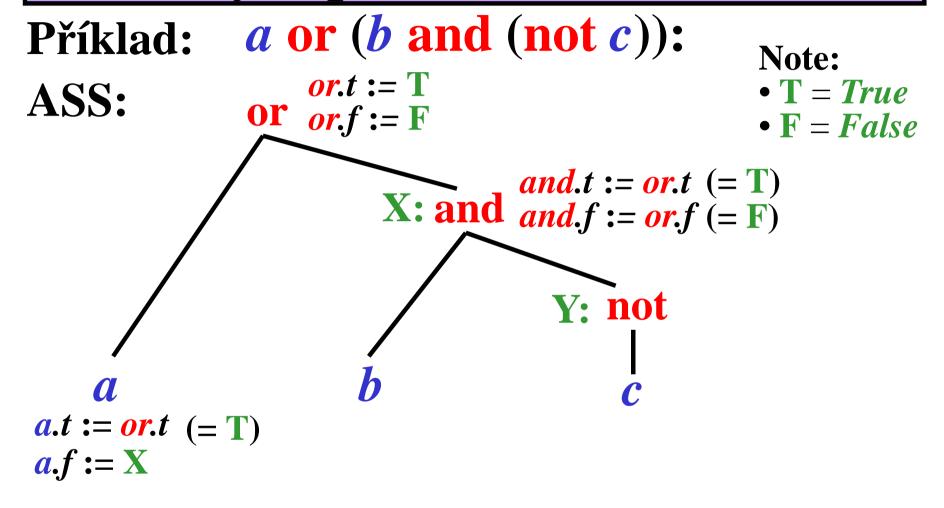
- T = True
- $\mathbf{F} = False$

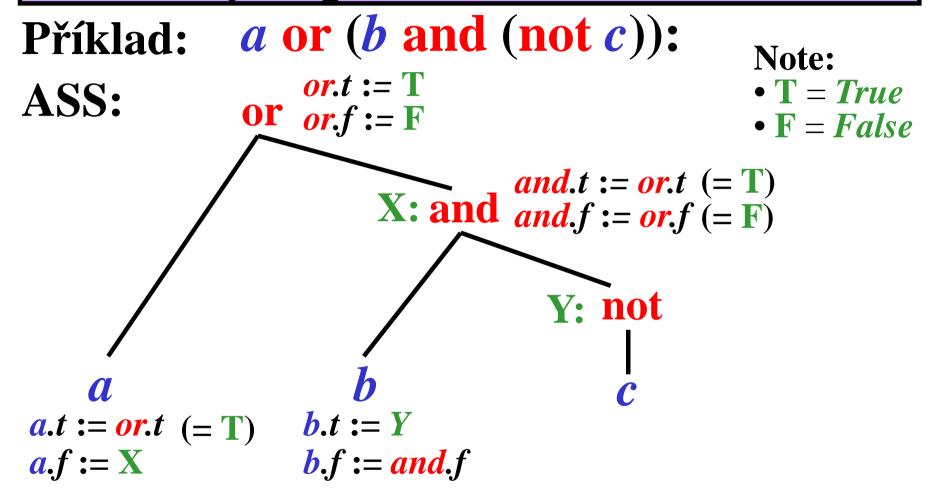


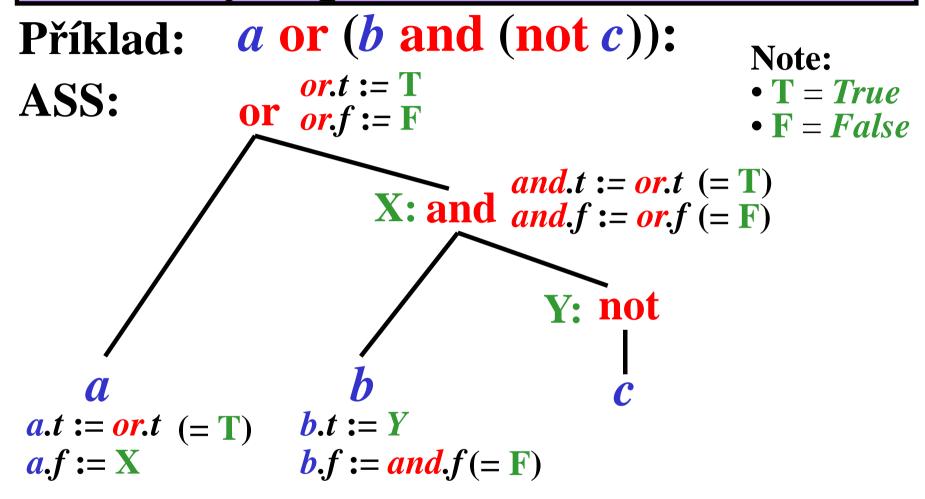
- T = True
- $\mathbf{F} = False$

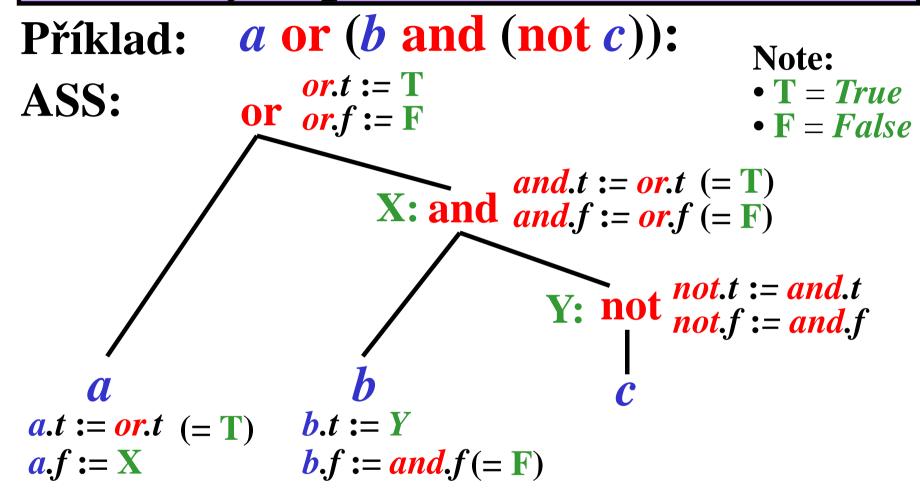


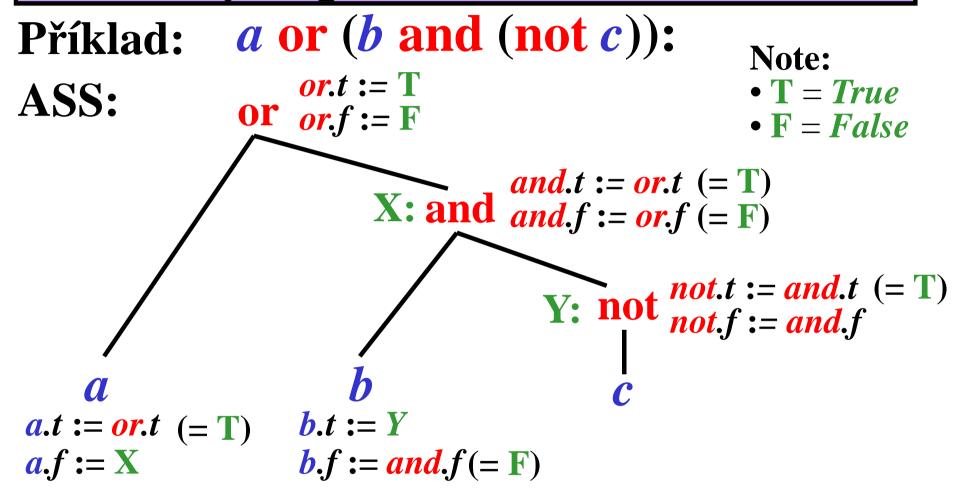


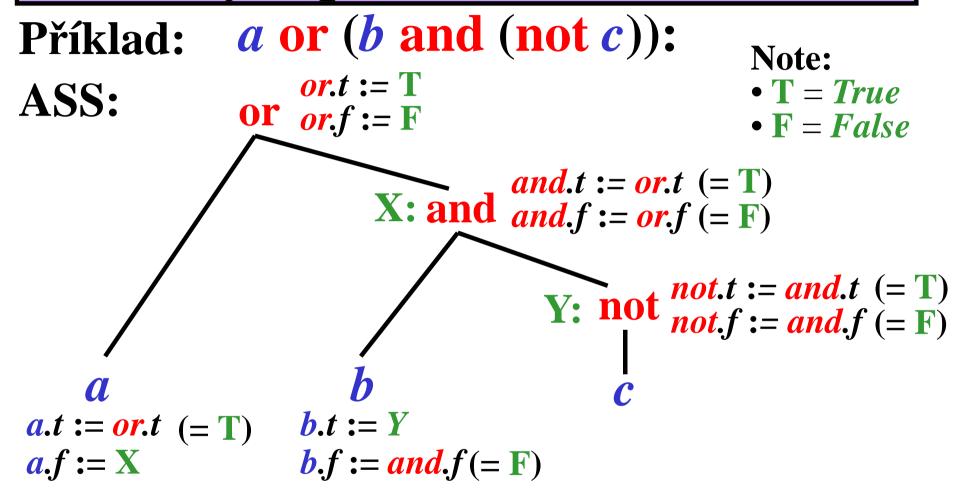


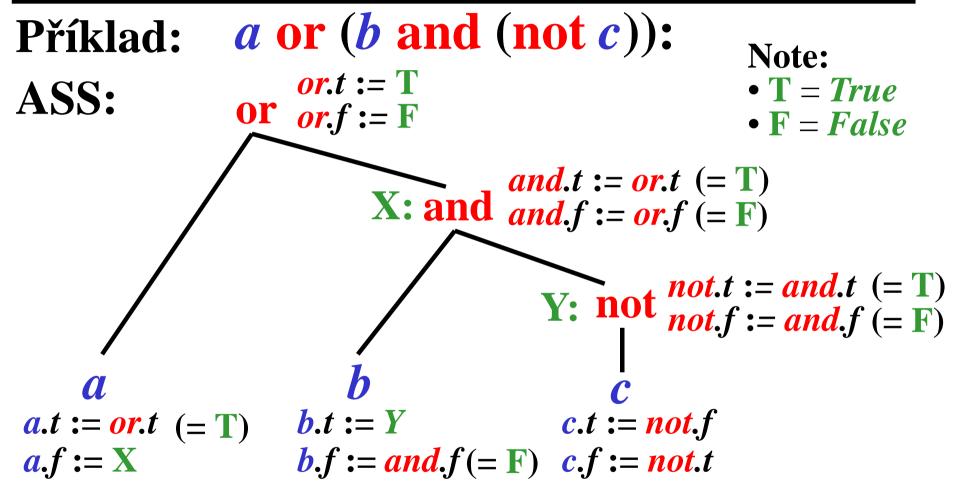


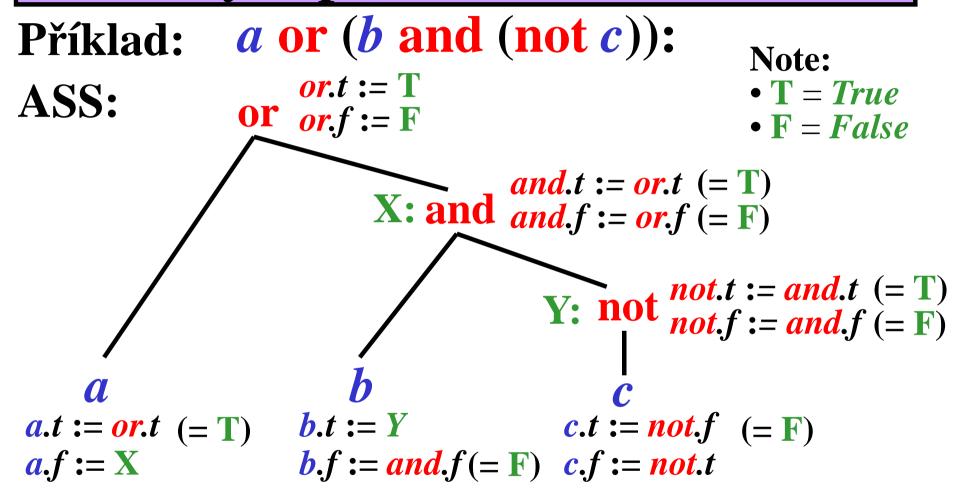


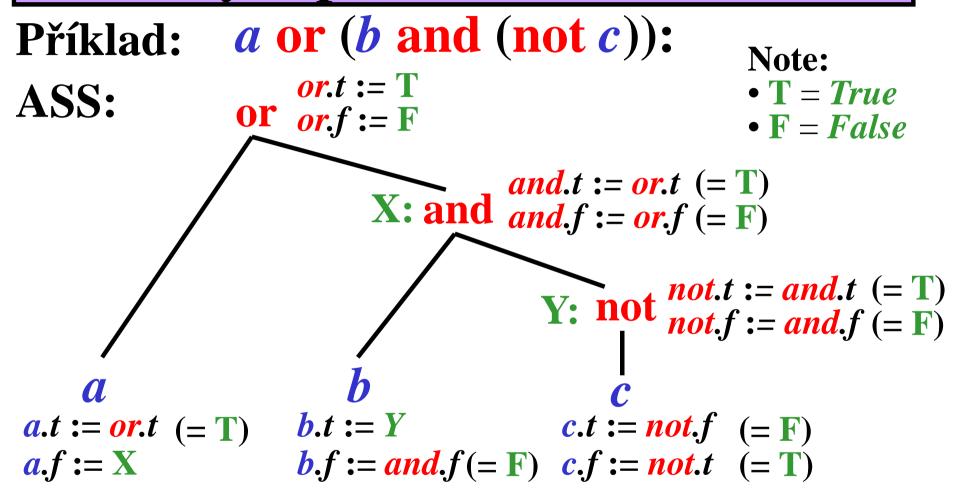








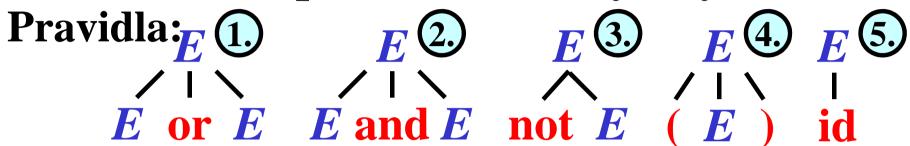




```
a or (b and (not c)):
Příklad:
                                                               Note:
                        or.t := T
                                                               • T = True
ASS:
                  or or f := F
                                                               • \mathbf{F} = False
                                          and.t := or.t = T
                              X: and and f := or f = F
                                            Y: not not.t := and.t = T
not.f := and.f = T
                        b.t := Y
                                              c.t := not.f (= F)
a.t := or.t (= T)
                        \boldsymbol{b}.f := \boldsymbol{and}.f (= \mathbf{F}) \boldsymbol{c}.f := \boldsymbol{not}.t (= \mathbf{T})
a.f := X
 if a goto T
                                              if c goto F
                        if b goto Y
 goto X
                        goto F
                                              goto T
```

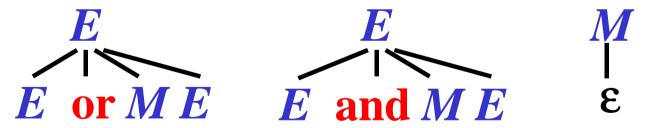
## Zkr. vyh.: Přímé generování kódu 1/5

Gramatika pro boolovské výrazy:



Poznámka: Ošetřit nejednoznačnost gramatiky!

- Modifikace gramatiky:
- 1) Zaměnit pravidla 1 & 2 na:

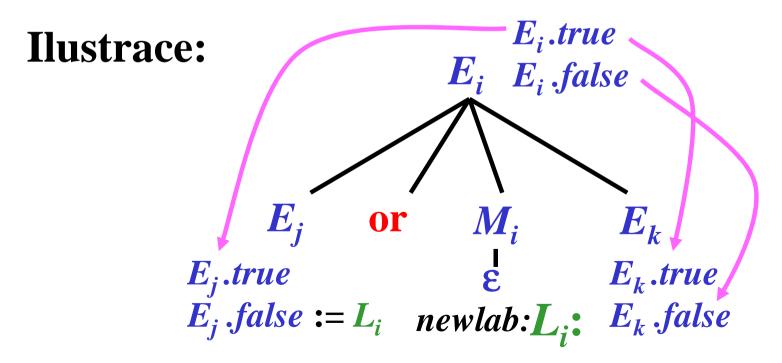


2) Přiřadit každému pravidlu následující sémantické akce:

### Zkr. vyh.: Přímé generování kódu 2/5

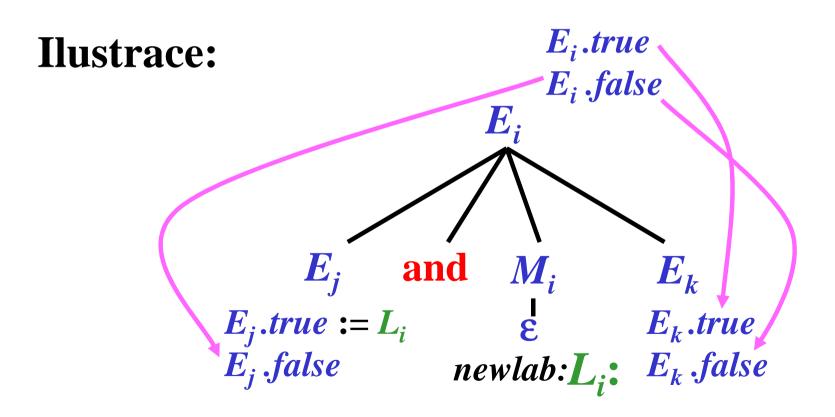
 $M_i \rightarrow \varepsilon$  {generate " $M_i$ . lab:"} // Generování nového návěští

$$E_i \rightarrow E_j$$
 or  $M_i E_k$  { $M_i$ .lab := GenerateNewLab;} 
$$E_j.true := E_i.true; E_j.false := M_i.lab$$
 
$$E_k.true := E_i.true; E_k.false := E_i.false$$
 }



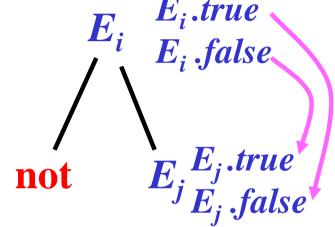
### Zkr. vyh.: Přímé generování kódu 3/5

```
E_i 
ightarrow E_j and M_i E_k \{ M_i.lab := GenerateNewLab; \ E_j.true := M_i.lab; E_j.false := E_i.false \ E_k.true := E_i.true; E_k.false := E_i.false \}
```



```
E_{i} 
ightarrow \mathbf{not} \ E_{j} \ \{ \ E_{j}.true \ := E_{i}.false; \ E_{j}.false \ := E_{i}.true \ \}
```

#### **Ilustrace:**



```
E_{i} \rightarrow (E_{j}) {E_{j}.true := E_{i}.true; E_{j}.false := E_{i}. false }
```

$$E_i 
ightarrow id_j$$
 { generate "if  $id_j$ .val goto  $E_i$ .true"; generate "goto  $E_i$ .false"

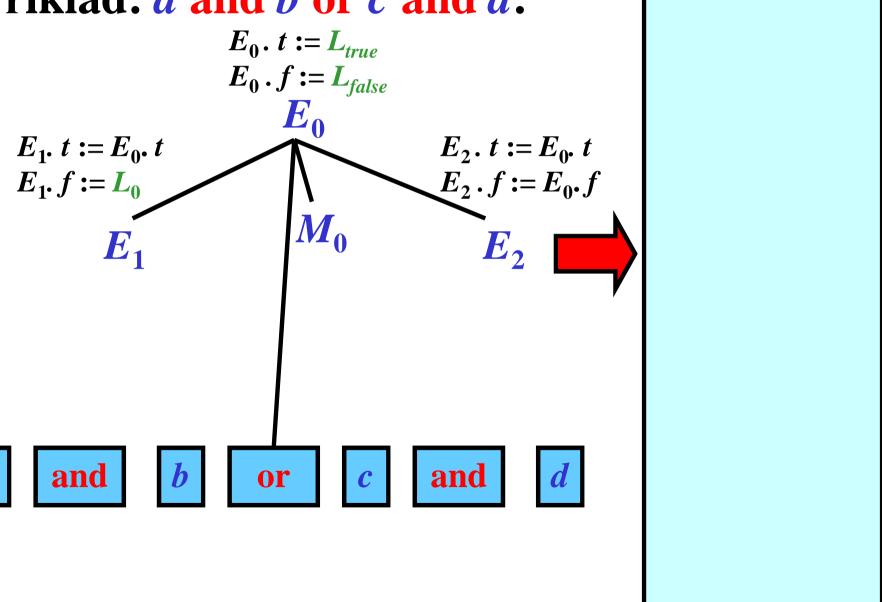
### Příklad: a and b or c and d:

$$E_0$$
.  $t := L_{true}$ 
 $E_0$ .  $f := L_{false}$ 

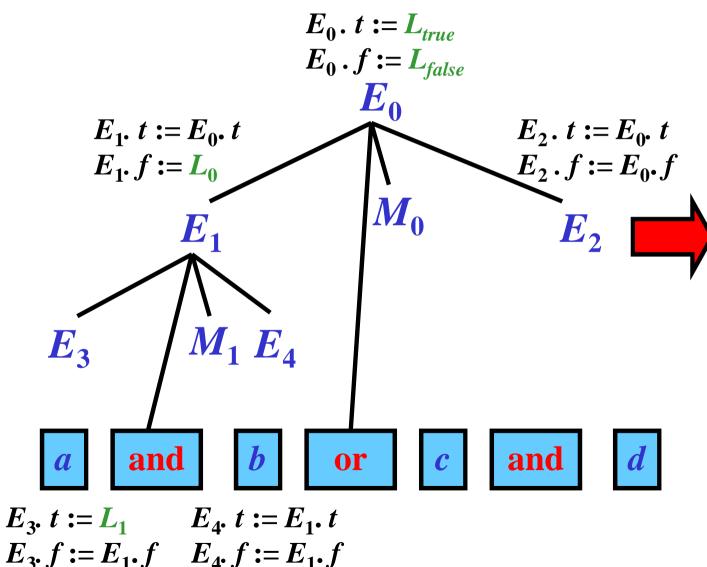


a and b or c and d

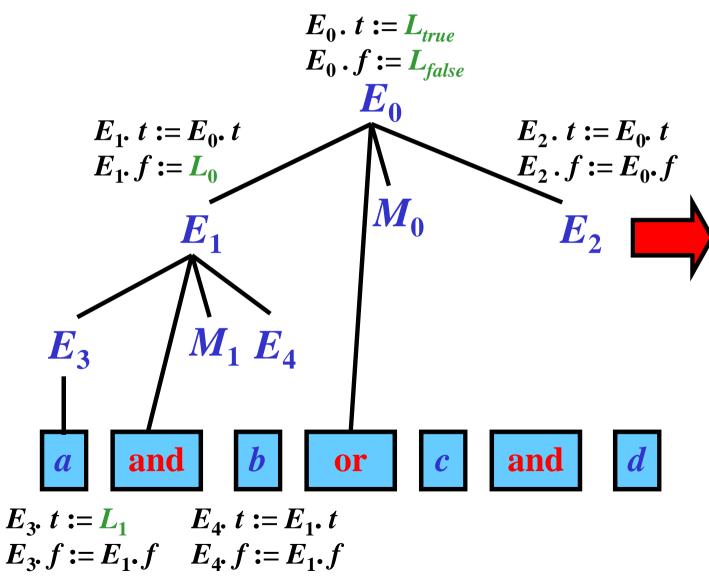






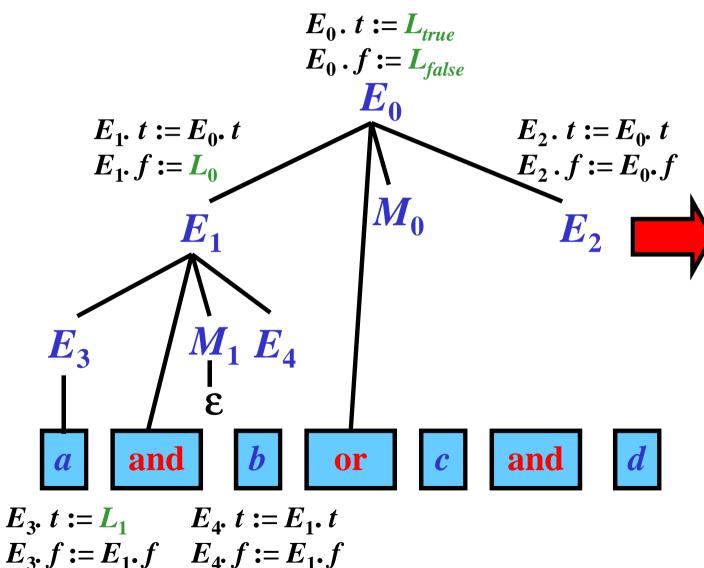


### Příklad: a and b or c and d:



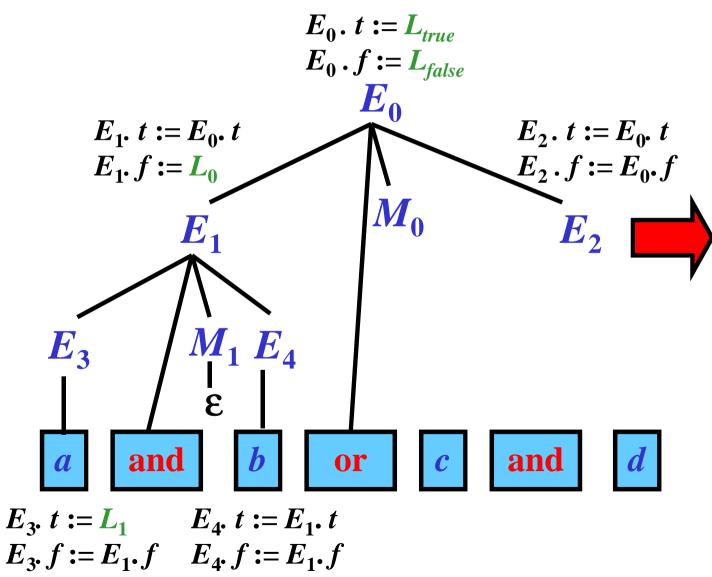
if  $m{a}$  goto  $m{L_1}$ 

### Příklad: a and b or c and d:



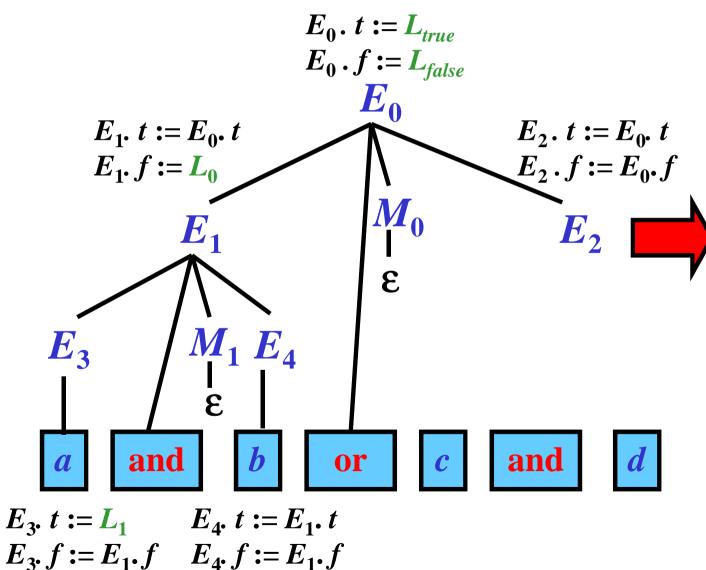
 $if \begin{array}{c} a & goto \ L_1 \\ goto \ L_0 \\ L_1 \end{array}$ 

### Příklad: a and b or c and d:



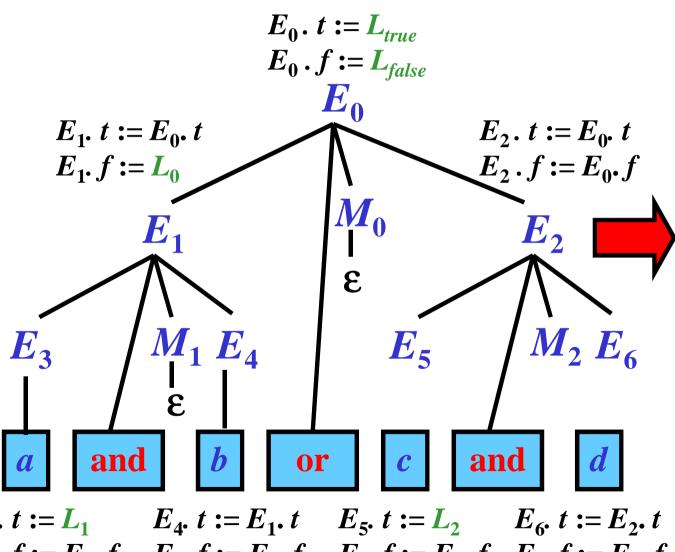
 $if m{a} \ goto \ m{L_1} \ goto \ m{L_1} : \ if m{b} \ goto \ m{L_{true}} \ goto \ m{L_0}$ 

### Příklad: a and b or c and d:



 $if \begin{aligned} a & goto \ L_1 \\ goto \ L_0 \\ L_1 \end{aligned} \ if \begin{aligned} b & goto \ L_{true} \\ goto \ L_0 \end{aligned} \ L_0 \end{aligned}$ 

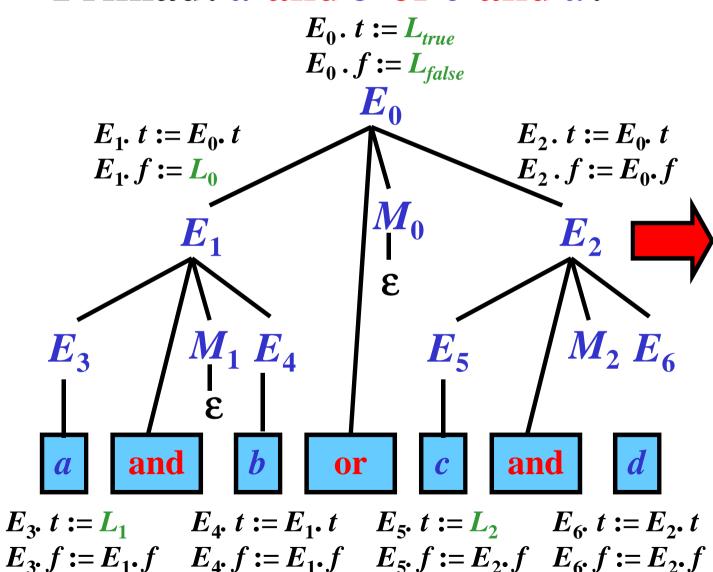
### Příklad: a and b or c and d:



 $E_3. \ t := L_1$   $E_4. \ t := E_1. \ t$   $E_5. \ t := L_2$   $E_6. \ t := E_2. \ t$  $E_3. f := E_1. f$   $E_4. f := E_1. f$   $E_5. f := E_2. f$   $E_6. f := E_2. f$ 

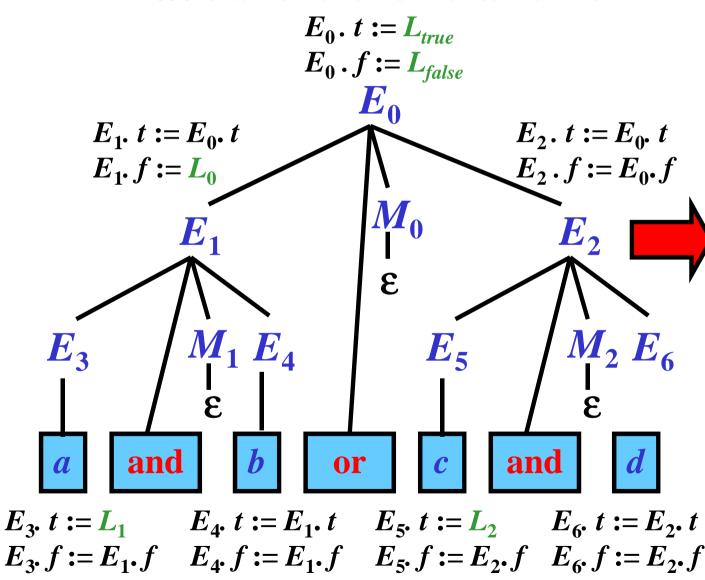
if  $oldsymbol{a}$  goto  $oldsymbol{L_1}$ goto  $L_0$ if  $m{b}$  goto  $m{L}_{true}$  $goto L_0$  $L_0$ :

### Příklad: a and b or c and d:



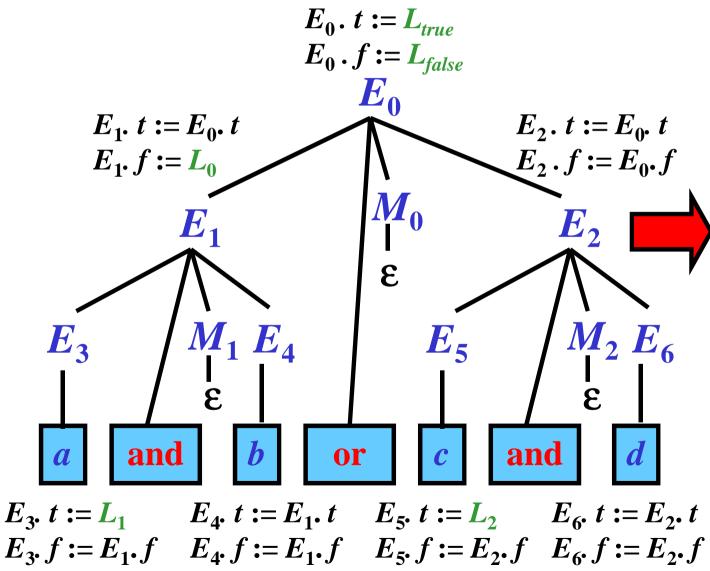
if  $oldsymbol{a}$  goto  $oldsymbol{L_1}$ goto  $L_0$ if **b** goto  $L_{true}$  $goto L_0$ if c goto L<sub>2</sub> goto  $L_{false}$ 

### Příklad: a and b or c and d:



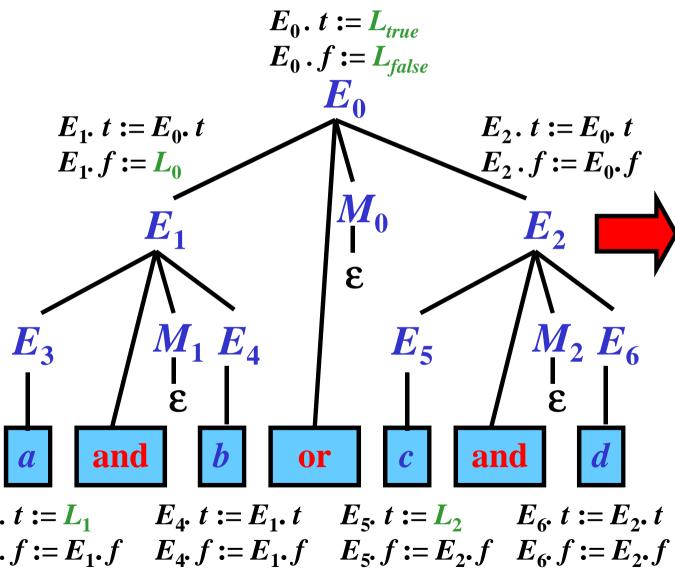
if a goto  $L_1$ goto  $L_0$ if b goto L<sub>true</sub>  $goto L_0$ if c goto L<sub>2</sub> goto L<sub>false</sub>

### Příklad: a and b or c and d:



if  $oldsymbol{a}$  goto  $oldsymbol{L_1}$ goto  $L_0$ if **b** goto  $L_{true}$  $goto L_0$ if c goto L<sub>2</sub> goto L<sub>false</sub> if d goto L<sub>true</sub> goto L<sub>false</sub>

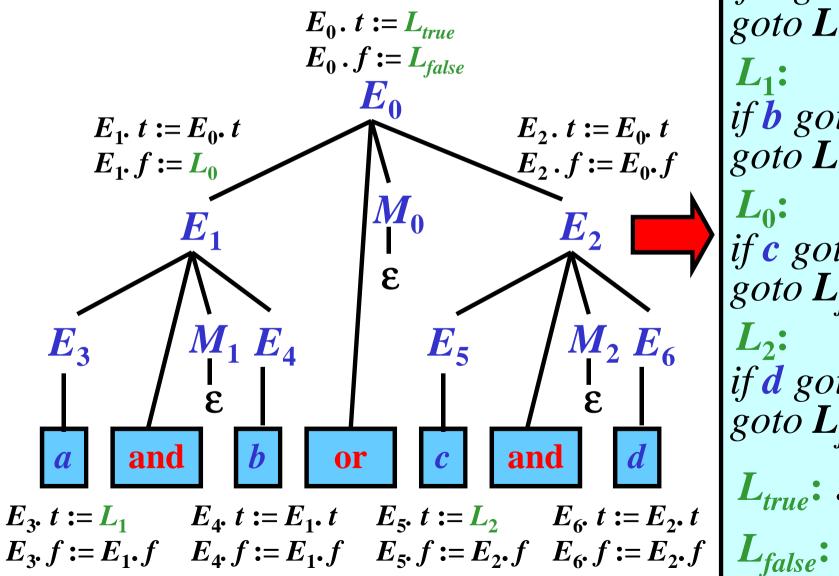
### Příklad: a and b or c and d:



 $E_3. \ t := L_1$   $E_4. \ t := E_1. \ t$   $E_5. \ t := L_2$   $E_6. \ t := E_2. \ t$  $E_3. f := E_1. f$   $E_4. f := E_1. f$   $E_5. f := E_2. f$   $E_6. f := E_2. f$ 

if  $oldsymbol{a}$  goto  $oldsymbol{L_1}$ goto  $L_0$ if **b** goto  $L_{true}$  $goto L_0$ if c goto L<sub>2</sub> goto L<sub>false</sub> if d goto L<sub>true</sub> goto L<sub>false</sub>

### Příklad: a and b or c and d:



 $E_3. \ t := L_1$   $E_4. \ t := E_1. \ t$   $E_5. \ t := L_2$   $E_6. \ t := E_2. \ t$ 

if  $oldsymbol{a}$  goto  $oldsymbol{L_1}$ goto  $L_0$ if b goto  $L_{true}$ goto  $L_0$ if c goto L<sub>2</sub> goto L<sub>false</sub> if d goto L<sub>true</sub> goto L<sub>false</sub>  $L_{true}$ : ...

### Větvení: If-Then

```
Pravidlo: <if-then>
if <cond>
                  then
                           <stat<sub>1</sub>>
 Sémantická akce:
    // vyhodnocení cond
    // do proměnné c.val
    (not , c.val, , c.val)
    (goto, c.val, , L1
     // kód stat<sub>1</sub>
    (lab , L1 , ,
```

### Větvení: If-Then-Else

```
Pravidlo: <if-then-else>
if <cond> then <stat<sub>1</sub>> else <stat<sub>2</sub>>
   Sémantická akce:
      // vyhodnocení cond
      // do proměnné c.val
      (not , c.val, , c.val)
      (goto, c.val, , L1
       // kód stat<sub>1</sub>
      (goto, , L2
      (lab , L1 , ,
       // kód stat<sub>2</sub>
      (lab , L2
```

### While cyklus

```
Pravidlo: <while-loop>
while <cond> do <stat>
  Sémantická akce:
    (lab , L1 , ,
    // vyhodnocení cond
     // do proměnné c.val
    (not , c.val, , c.val)
    (goto, c.val, , L2
     // kód stat
    (goto, , L1
    (lab , L2 , ,
```

### Repeat cyklus

```
Pravidlo:<repeat-loop>
repeat <stat> until <cond>
  Sémantická akce:
     (lab , L1 , ,
     // kód stat
     // vyhodnocení cond
     // do proměnné c.val
     (not , c.val, , c.val)
     (goto, c.val, , L1
```

# YACC: Základní myšlenka

- Automatická konstrukce SA z BKG
- Yacc jako překladač × Yacc jako jazyk
- *Yacc* = *Y*et *a*nother *c*ompiler *c*ompiler

#### **Ilustrace:**

Bezkontextová gramatika G



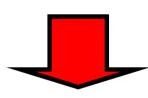
Syntaktický analyzátor pro G

# YACC: Fáze kompilace





Překladač YACCu



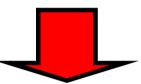
y.tab.c

(Zdrojový program v C)

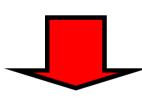
LR-parser vytvořený z BKG popsané v translate.y

→ y.tab.c

(Zdrojový prog. v YACCu) (Zdrojový program v C)



Překladač C



a.out

(Syntaktický analyzátor)

Řetězec tokenů x

a.out



Rozbor řetězce x

### Struktura zdrojového programu v YACCu

```
/* Sekce I: Deklarace */
       d_1, d_2, ..., d_i
% /* Konec sekce I*/
/* Sekce II: Překladová pravidla */
       \mathbf{r}_1,\mathbf{r}_2,\dots,\mathbf{r}_{\dagger}
% /* Konec sekce II*/
/* Sekce III: Pomocné procedury */
```

$$p_1, p_2, \dots, p_k$$

# Popis gramatiky v YACCu

- Neterminály: názvy (= řetězce)
- Příklad: prog, stat, expr, ...
- Terminály: Znaky v uvozovkách nebo deklarované tokeny
- Příklad: `+', `\*', `(', `)', ID, INTEGER
- Pravidla: Množina A-Pravidel:  $\{A \to x_1, A \to x_2, \dots A \to x_n\}$  je zapsána: A :  $\mathbf{x}\mathbf{1}$  |  $\mathbf{x}\mathbf{2}$  |  $\mathbf{x}\mathbf{n}$  |  $\mathbf{x}\mathbf{n}$  | Příklad: expr : expr '+' expr |  $\mathbf{I}\mathbf{D}$
- Počáteční neterminál: Levá strana prvního pravidla

### Sekce I: Deklarace

1) Deklarace tokenů

%token TYP TOKENU

2) Specifikace asociativit & precedencí v nejednoznačných gramatikách Stejná priorita operátorů

```
Větší priorita %left op<sub>i1</sub>, op<sub>i2</sub>, ..., op<sub>im</sub> operátorů %left op<sub>j1</sub>, op<sub>j2</sub>, ..., op<sub>jm</sub>
```

```
%right op<sub>k1</sub>, op<sub>k2</sub>, ..., op<sub>kp</sub>
```

Asociativita následujících operátorů

#### **Příklad:**

```
%token INTEGER
%token ID
%left
%left
```

# Sekce II: Překladová pravidla

• Překladová pravidla jsou ve tvaru:

```
Pravidlo Semanticka_Akce
```

• **Semanticka\_Akce** je podprogram, který je zavolán, pokud právě **Pravidlo** je použito. **Speciální symboly pro pravidla** *r*:

- \$\$ = atribut symbolu na levé straně pravidla r
- i = atribut i-tého symbolu na pravé straně pravidla r

#### **Příklad:**

# Sekce III: Pomocné procedury

• Pomocné procedury jsou volány v sémantických akcích pravidel

**Pozn.:** Pokud YACC nespolupracuje s LEXem, musí být v této sekci implementována funkce **yylex()** plnící činnost lexikálního analyzátoru.

#### Příklad:

```
int yylex() {
    /* Get the next token */
    &yylval = attribute;
    return TYPE_OF_TOKEN;
}
```

## Zdrojový program v YACCu

```
%token INTEGER
%token ID
%left \+'
%left \*/
%%
expr : expr '+' expr \{\$\$ = \$1 + \$3\}
       expr '*' expr {$$ = $1 * $3}
       '(' expr ')' {$$ = $2}
      INTEGER
       ID
%%
int yylex () { ... }
```