Circuitos Elétricos II

Aula 2

Potência trifásica

$$P_{3\phi} = 3V_p I_P \cos(\phi) = \sqrt{3}V_L I_L \cos(\phi)$$

$$Q_{3\phi} = 3V_p I_P sen(\phi) = \sqrt{3}V_L I_L sen(\phi)$$

$$S_{3\phi} = 3V_p I_P^*$$

E a potência aparente continua sendo apenas o módulo da potência complexa. Por fim, o fator de potência também pode ser determinado como a razão entre as potências ativa e aparente.

Exercício

- Um circuito estrela-estrela equilibrado possui $Z_Y = 5 \angle 40^\circ \Omega$ e $V_{an} = 150 \angle 0^\circ V$ com sequência positiva. Determine as potências ativa, reativa e complexa monofásica e trifásica, além do fator de potência da carga.
- Solução: A corrente de fase I_a é: $I_a = \frac{V_{an}}{Z_{\rm Y}} \to I_a = \frac{150 \angle 0^{\circ}}{5 \angle 40^{\circ}} \to I_{ab} = 30 \angle -40^{\circ} \, A$

$$I_a = \frac{V_{an}}{Z_Y} \to I_a = \frac{150 \angle 0^{\circ}}{5 \angle 40^{\circ}} \to I_{ab} = 30 \angle -40^{\circ} A$$

• As potências complexa, ativa e reativa monofásicas desta carga são:

$$S_a = V_p I_p^* \to S_a = \frac{150}{\sqrt{2}} \times \frac{30}{\sqrt{2}} \angle 40^\circ \to S_a = 4.5 \angle 40^\circ kVA$$

 $P_a = 4.5 \times \cos(40^\circ) \to P_a = 3.447 \ kW$
 $Q_a = 4.5 \times sen(40^\circ) \to Q_a = 2.893 \ kVAR$

Continuação...

• As potências trifásicas são:

$$S_{3\phi} = 3S_a \rightarrow S_{3\phi} = 3 \times 4.5 \angle 40^\circ \rightarrow S_{3\phi} = 13.5 \angle 40^\circ \, kVA$$

$$P_{3\phi} = 3 \times 3.447 \rightarrow P_{3\phi} = 10.341 \, kW$$

$$Q_{3\phi} = 3 \times 2.893 \rightarrow Q_{3\phi} = 8.679 \, kVAR$$

• O FP é determinado a partir da razão entre a potência ativa e a aparente:

$$FP = \frac{P_{3\phi}}{|S_{3\phi}|} \to FP = \frac{10,341}{13,5} \to FP = 0,766 \text{ indutivo}$$

Exercício

• Duas lojas estão instaladas em uma linha de uma concessionária de energia elétrica que funciona como uma fonte trifásica em estrela de 60 Hz em equilíbrio cuja tensão de fase é $V_{an}=380~V_{RMS}$. Supondo que ambas as cargas sejam ligadas em estrela com $Z_1=10+j16~\Omega$ por fase e $P_{2_{3\phi}}=15~kW$ com FP 0,7 indutivo, determine as correntes de linha que alimentam as duas lojas e a potência complexa total fornecida.

Solução: A corrente de linha da carga 1 é:

$$I_{L_1} = \frac{380 \angle 0^{\circ}}{10 + j16} \rightarrow I_{L_1} = 20,14 \angle -57,99^{\circ} A_{RMS}$$

A corrente da carga 2 pode ser determinada como:

$$I_{L_2} = \frac{P_{3\phi}}{3V_n \cos(\phi)} \rightarrow I_{L_2} = \frac{15000}{3 \times 380 \times 0.7} \rightarrow I_{L_2} = 18,797 A_{RMS}$$

Exercício

A fase da corrente é a fase invertida da impedância, isto é,

$$I_{L_2} = 18,797 \angle - 45,57^{\circ} A_{RMS}$$

Portanto, a corrente de linha total que alimenta ambas as lojas é, pela LKC,

$$I_L = I_{L_1} + I_{L_2} \rightarrow I_L = 38,71 \angle -51,99^{\circ}A_{RMS}$$

• A potência complexa total fornecida para ambas as lojas é:

$$S_{3\phi} = 3 \times 380 \times 38,51 \angle 51,99^{\circ} \rightarrow S_{3\phi} = 43,9 \angle 51,99^{\circ} kVA$$