

GEOMETRIA ANALÍTICA 7774-30_43701_R_E1_20222 CONTEÚDO

Revisar envio do teste: QUESTIONÁRIO UNIDADE II

Usuário	
Curso	GEOMETRIA ANALÍTICA
Teste	QUESTIONÁRIO UNIDADE II
Iniciado	24/10/22 22:21
Enviado	24/10/22 23:06
Status	Completada
Resultado da tentativa	5 em 5 pontos
Tempo decorrido	45 minutos
Resultados exibidos	Todas as respostas, Respostas enviadas, Respostas corretas, Comentários, Perguntas

Pergunta 10,5 em 0,5 pontos



Dados os vetores $\vec{v} = (4,5)$ e $\vec{u} = (-6,5)$, o produto escalar $\vec{v} \cdot \vec{u}$ é igual a:

Resposta Selecionada: ☒ a. 1.

- Respostas:
- ☒ a. 1.
 - ☐ b. -11.
 - ☐ c. -49.
 - ☐ d. 29.
 - ☐ e. 59.

Comentário da resposta: Resposta: A
Comentário: o produto escalar é obtido por $\vec{v} \cdot \vec{u} = (x_v \cdot x_u + y_v \cdot y_u)$; logo $\vec{v} \cdot \vec{u} = (4 \cdot (-6) + 5 \cdot 5) = -24 + 25 = 1$.

Pergunta 20,5 em 0,5 pontos



Analisar as afirmativas sobre o produto escalar:

- I. O resultado do produto escalar entre dois vetores é um escalar;
- II. O resultado do produto escalar entre dois vetores perpendiculares é igual a zero;
- III. A ordem dos vetores não altera o produto escalar.

É correto o que se afirma em:

Resposta Selecionada: ☒ b. I, II e III.

Respostas: a. Apenas, em I e II.

☒ b. I, II e III.

c. Apenas, em I e III.

d. Apenas, em II e III.

e. Apenas, em II.

Comentário da resposta: Resposta: B

Comentário: o resultado do produto escalar entre dois vetores é um escalar e não um vetor; como os vetores perpendiculares formam um ângulo de 90° , entre si, e $\cos(90^\circ) = 0$, temos que $\vec{v} \cdot \vec{u} = |\vec{v}| \cdot |\vec{u}| \cdot \cos 90^\circ = 0$; da propriedade comutativa $\vec{v} \cdot \vec{u} = \vec{u} \cdot \vec{v}$.

Pergunta 3

0,5 em 0,5 pontos



Dados os vetores $\vec{v} = (6,6)$ e $\vec{u} = (3,-3)$, podemos afirmar que:

Resposta Selecionada: ☒ c. São vetores perpendiculares.

Respostas: a. São vetores paralelos e de mesmo sentido.

b. São vetores paralelos e de sentidos opostos.

☒ c. São vetores perpendiculares.

d. O produto escalar destes dois vetores é maior do que zero.

e. O produto escalar destes dois vetores é menor do que zero.

Comentário da resposta:

Resposta: C

Comentário: o produto escalar é obtido por

$$\vec{v} \cdot \vec{u} = (x_v \cdot x_u + y_v \cdot y_u); \text{ assim,}$$

$$\vec{v} \cdot \vec{u} = (6 \cdot 3 + 6 \cdot (-3)) = 18 - 18 = 0; \text{ logo, os vetores são perpendiculares.}$$

Pergunta 4

0,5 em 0,5 pontos



Dados os vetores $\vec{v} = (1,1)$ e $\vec{u} = (3,-2)$, podemos afirmar que:

Resposta Seleccionada: ☒ a. São vetores paralelos e de mesmo sentido.

Respostas:

- ☒ a. São vetores paralelos e de mesmo sentido.
- ☐ b. São vetores paralelos e de sentidos opostos.
- ☐ c. São vetores perpendiculares.
- ☐ d. O produto escalar destes dois vetores é igual a zero.
- ☐ e. O produto escalar destes dois vetores é menor do que zero.

Comentário da resposta:

Resposta: A

Comentário: o produto escalar é obtido por $\vec{v} \cdot \vec{u} = (x_v \cdot x_u + y_v \cdot y_u)$

; assim,

$\vec{v} \cdot \vec{u} = (1 \cdot 3 + 1 \cdot (-2)) = 3 - 2 = 1$; logo, os vetores são paralelos e de mesmo sentido.

Pergunta 5

0,5 em 0,5 pontos



Dados os vetores $\vec{v} = (2,3)$ e $\vec{u} = (-5,3)$, podemos afirmar que:

Resposta Seleccionada: ☒ b. São vetores paralelos e de sentidos opostos.

Respostas:

- ☒ b. São vetores paralelos e de sentidos opostos.
- ☐ a. São vetores paralelos e de mesmo sentido.
- ☐ c. São vetores perpendiculares.
- ☐ d. O produto escalar destes dois vetores é igual a zero.
- ☐ e. O produto escalar destes dois vetores é maior do que zero.

Comentário da resposta:

Resposta: B

Comentário: o produto escalar é obtido por $\vec{v} \cdot \vec{u} = (x_v \cdot x_u + y_v \cdot y_u)$;

1

assim,

$\vec{v} \cdot \vec{u} = (2 \cdot (-5) + 3 \cdot 3) = -10 + 9 = -1$; logo, os vetores são paralelos e de sentidos opostos.

Pergunta 6

0,5 em 0,5 pontos



Dados os vetores $\vec{v} = (2, -3, -13)$ e $\vec{u} = (-2, 3, -1)$, podemos afirmar que:

Resposta

Selecionada:

Respostas:



c. São vetores perpendiculares.

a. São vetores paralelos e de mesmo sentido.

b. São vetores paralelos e de sentidos opostos.



c. São vetores perpendiculares.

d.

Se o produto escalar destes dois vetores é maior do que zero.

e. O produto escalar destes dois vetores é menor do que zero.

Comentário da
resposta:

Resposta: C

Comentário: o produto escalar é obtido por

$\vec{v} \cdot \vec{u} = (x_v \cdot x_u + y_v \cdot y_u + z_v \cdot z_u)$; assim,

$\vec{v} \cdot \vec{u} = (2 \cdot (-2) + (-3) \cdot 3 + (-13) \cdot (-1)) = -4 - 9 + 13 = 0$;

logo, os vetores são perpendiculares.

Pergunta 7

0,5 em 0,5 pontos



Analise as alternativas:

I. Há dependência linear entre dois vetores se $\vec{v} = a\vec{u}$;

II. Dois vetores são linearmente dependentes se forem paralelos;

III. Dois vetores serão linearmente dependentes se o módulo da multiplicação destes dois vetores for igual à multiplicação dos módulos destes vetores.

É correto o que se afirma em:

Resposta Selecionada:



c. I, II e III.

Respostas:

a. Apenas, em I e II.

b. Apenas, em I e III.

☒ c. I, II e III.

d. Apenas, em II e III.

e. Apenas, em II.

Comentário Resposta: C

da
resposta: Comentário: para que haja a dependência linear, é preciso existir um escalar para satisfazer a condição $\vec{v} = a\vec{u}$; dois vetores são linearmente dependentes se foram paralelos; dois vetores são linearmente dependentes se a condição $|\vec{v} \cdot \vec{u}| = |\vec{v}| \cdot |\vec{u}|$ for satisfeita.

Pergunta 8

0,5 em 0,5 pontos



Analise as afirmativas sobre a projeção ortogonal do vetor \vec{u} sobre o vetor \vec{v} :

I. O vetor \vec{u} é decomposto em dois vetores, sendo um paralelo e outro perpendicular ao vetor \vec{v} ;

II. A projeção paralela do vetor \vec{u} sobre o vetor \vec{v} representa a multiplicação de um escalar pelo vetor \vec{v} ;

III. A projeção perpendicular do vetor \vec{u} sobre o vetor \vec{v} é obtida subtraindo-se a projeção paralela do vetor \vec{u} sobre o vetor \vec{v} do vetor \vec{u} .

É correto o que se afirma em:

Resposta Selecionada: ☒ c. I, II e III.

Respostas:

a. Apenas, em I e II.

b. Apenas, em I e III.

☒ c. I, II e III.

d. Apenas, em II e III.

e. Apenas, em II.

Comentário Resposta: C

da
resposta: Comentário: a projeção ortogonal de \vec{u} sobre \vec{v} implica decompor o vetor \vec{u} em uma projeção paralela \vec{p} e em outra projeção perpendicular \vec{q} ; no cálculo da projeção paralela \vec{u} sobre \vec{v} temos um escalar que é: o produto escalar entre os vetores $\vec{u} \cdot \vec{v}$, um número, dividido pelo quadrado do módulo do vetor $|\vec{v}|^2$, que é outro número; A projeção perpendicular a \vec{v} pode ser calculada por uma soma de vetores: $\vec{proj}_{\perp \vec{v}} \vec{u} = \vec{u} - \vec{proj}_{\parallel \vec{v}} \vec{u}$.

Pergunta 9

0,5 em 0,5 pontos



Analisar as afirmativas sobre o produto vetorial \vec{u} sobre o vetor \vec{v} :

- I. O produto vetorial é um escalar;
- II. O produto vetorial é um vetor perpendicular ao plano definido pelos vetores envolvidos no produto vetorial;
- III. O produto vetorial é anticomutativo.

É correto o que se afirma em:

Resposta Selecionada: ☒ b. Apenas, em I e III.

- Respostas:
- ☐ a. Apenas, em I e II.
 - ☒ b. Apenas, em I e III.
 - ☐ c. I, II e III.
 - ☐ d. Apenas, em II e III.
 - ☐ e. Apenas, em II.

Comentário Resposta: B

da
resposta: Comentário: o resultado de um produto vetorial é um vetor; dois vetores de um plano e o produto vetorial desses dois vetores, sempre, será perpendicular a esse plano; a ordem dos vetores altera o produto vetorial.

Pergunta 10

0,5 em 0,5 pontos



Considere as seguintes afirmativas sobre os vetores $\vec{v} = (x_v, y_v, z_v)$ e $\vec{u} = (x_u, y_u, z_u)$:

- I. Se \vec{v} e \vec{u} forem paralelos e de mesmo sentido, então, o produto vetorial é zero;
- II. Se \vec{v} e \vec{u} forem paralelos e de sentidos opostos, então, o produto vetorial é zero;
- III. Se \vec{v} e \vec{u} não forem paralelos, então, o produto vetorial representa a área do triângulo definido pelos vetores \vec{v} e \vec{u} .

É correto o que se afirma em:

Resposta Selecionada: ☒ a. Apenas, em I e II.

- Respostas:
- ☒ a. Apenas, em I e II.
 - ☐ b. Apenas, em I e III.

c. I, II e III.

d. Apenas, em II e III.

e. Apenas, em II.

Comentário Resposta: A

da

resposta:

Comentário: o produto vetorial é dado por $|\vec{v} \times \vec{u}| = |\vec{v}| \cdot |\vec{u}| \cdot \text{sen } \theta$, se os vetores \vec{v} e \vec{u} forem paralelos e de mesmo sentido ($\theta = 0^\circ$), ou de sentidos opostos ($\theta = 180^\circ$); então, o produto vetorial é zero, pois $\text{sen } 0^\circ = \text{sen } 180^\circ = 0$; se \vec{v} e \vec{u} não forem paralelos esses vetores de nem um paralelogramo, cuja área é igual ao módulo do produto vetorial, ou seja, $|\vec{v} \times \vec{u}|$, a área do triângulo seria esse valor dividido por 2.