

ÁLGEBRA LINEAR

Questão 1: O valor de x e y na igualdade é $\begin{pmatrix} 2x - 3y \\ x + 2y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 14 \\ 0 \end{pmatrix}$

Considerando o exposto, assinale a alternativa correta.

- A) $x = 1$ e $y = 3$
- B) $x = -1$ e $y = -3$
- C) $x = 3$ e $y = 1$
- D) $x = 4$ e $y = -2$**
- E) $x = -3$ e $y = 1$

Questão 2: Sabendo que $F: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^4$ é função linear e $F(1, 1, 1) = (-2, 1, 0, 0)$; $F(0, 1, 1) = (0, 0, 3, -4)$; $F(0, 0, 1) = (0, 1, 2, 0)$; sendo $B = \{(1, 1, 1), (0, 1, 1), (0, 0, 1)\}$ base do \mathbb{R}^3 , assinale a alternativa que indica o valor correto de $F(x, y, z)$ para qualquer $(x, y, z) \in \mathbb{R}^3$.

- A) $F(x, y, z) = (-2x, x - y + z, -3x + y + 2z, 4x - 4y)$**
- B) $F(x, y, z) = (-x, -x - y + 3z, 3y + y + z, -4x + 4y)$
- C) $F(x, y, z) = (-3x + 2y - z, x - y + 3z, -3y + 6z, 6x - 5y + z)$
- D) $F(x, y, z) = (2y, x - y + 2z, 3y + 6z, -z)$
- E) $F(x, y, z) = (3x + 2y - z, x + y + 2z, -3y - 6z, 20x - 2y + z)$

Questão 3: Dado o subespaço $U = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 / x = 2y\}$, podemos admitir como um possível sistema gerador do subespaço:

- A) $[(0, 2, 1); (1, 0, 0)]$
- B) $[(-2, 1, 0); (0, 0, 1)]$
- C) $[(1, 0, 0)]$
- D) $[(0, 2, 1)]$
- E) $[(2, 1, 0); (0, 0, 1)]$**

Questão 4: Dada as matrizes $A = \begin{pmatrix} 4 & 3 & 2 \\ 1 & 0 & y \\ 0 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e $B = \begin{pmatrix} 4 & 1 & 0 \\ x & 0 & 1 \\ 3 & -2 & z \end{pmatrix}$, o valor de x, y e z para que se tenha $B = A^t$ é:

- A) $x = 1, y = 1$ e $z = 2$
- B) $x = 3, y = -2$ e $z = 2$**
- C) $x = -3, y = 2$ e $z = -2$
- D) $x = -1, y = -1$ e $z = -2$
- E) $x = 4, y = 3$ e $z = 0$

Questão 5: A solução do sistema $\begin{cases} 2x + 2y + 2z = 12 \\ 8x + 4y - 2z = 10 \\ x + 3y + 2z = 13 \end{cases}$ é:

- A) $(-2, 7, 1)$
- B) $(4, -3, 5)$
- C) $(0, 1, 5)$
- D) $(2, 3, 1)$
- E) $(1, 2, 3)$**

Questão 6: O valor de a para que o sistema $\begin{cases} x + 2y = 9 \\ 3x + ay = 27 \end{cases}$ seja possível e indeterminado é:

- A) -6
- B) 6**

- C) 2
- D) -2
- E) $\frac{3}{2}$

Questão 7: Seja W o conjunto de todas as matrizes quadradas 2×2 da forma $M_{2 \times 2} = \begin{pmatrix} x & y \\ 0 & x-1 \end{pmatrix}$ podemos afirmar que:

- A) W é um subespaço de $M_{2 \times 2}$.
- B) W não é um subespaço de $M_{2 \times 2}$, pois o elemento a_{12} nunca será nulo.
- C) W não é um subespaço de $M_{2 \times 2}$, pois o elemento a_{11} nunca será nulo ao mesmo tempo que o elemento a_{22} .**
- D) W não é um subespaço de $M_{2 \times 2}$, pois o elemento será sempre nulo.
- E) W não é um subespaço de $M_{2 \times 2}$, pois o elemento nunca será igual ao elemento a_{22} .

Questão 8: Determine o valor de k para que o vetor $v = (-7, k, 3)$ seja combinação linear de $V_1 = (1, 2, 3)$ e $V_2 = (-3, -2, -1)$.

- A) $k = -2$**
- B) $k = 4$
- C) $k = 7$
- D) $k = 2$
- E) $k = 1$

Questão 9: Dado o conjunto $V = \{(x, y, z) / x = z - 2 \text{ e } x, y \text{ e } z\}$, podemos afirmar que:

- A) É um espaço vetorial, pois sobre V estão definidas a adição e a multiplicação por escalar.
- B) Não é espaço vetorial, pois sobre V não está definida a adição.
- C) Não é espaço vetorial, pois sobre V não está definida a multiplicação por escalar.
- D) Não é espaço vetorial, pois V não possui o vetor $(0, 0, 0)$.**
- E) Não é espaço vetorial, pois $x = y$.

Questão 10: Seja $T: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$ a transformação linear definida por $T(x, y) = (3x - 4y, x + 5y)$ e seja $B = \{(1, 2); (2, 3)\}$ base do \mathbb{R}^2 , assinale a alternativa que contenha a representação matricial correta deste operador linear:

- A) $\begin{pmatrix} 52 & 37 \\ -29 & -21 \end{pmatrix}$
- B) $\begin{pmatrix} 37 & -21 \\ 52 & -29 \end{pmatrix}$
- C) $\begin{pmatrix} -21 & -21 \\ 37 & 52 \end{pmatrix}$
- D) $\begin{pmatrix} 37 & 52 \\ -21 & -29 \end{pmatrix}$**
- E) $\begin{pmatrix} -37 & -52 \\ 21 & 29 \end{pmatrix}$

Questão 11: Seja $T: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$ a transformação linear definida por $T(x, y) = (2x, 3y - x)$ e seja $B = \{(1, 0); (0, 1)\}$ base do \mathbb{R}^2 , assinale a alternativa que contenha a representação matricial correta deste operador linear:

- A) $\begin{pmatrix} 2 & 0 \\ -1 & 3 \end{pmatrix}$**
- B) $\begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 2 & 0 \end{pmatrix}$
- C) $\begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 1 & 3 \end{pmatrix}$
- D) $\begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 0 \end{pmatrix}$
- E) $\begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$

Questão 12: Qual dos subconjuntos a seguir **não é** subespaço vetorial de \mathbb{R}^3 ?

- A) $W = \{(x, y, z) / x = 0\}$
- B) $U = \{(x, y, z) / y = 2z\}$
- C) $V = \{(x, y, z) / z = 1\}$**
- D) $S = \{(x, y, z) / y = 2x\}$
- E) $T = \{(x, y, z) / x = y\}$

Questão 13: : Dado o conjunto $V = \{(x, 0, 0) / x, y \in \mathbb{R}\}$, podemos afirmar que:

- A) É um espaço vetorial, pois sobre V estão definidas a adição e a multiplicação por escalar.**
- B) Não é espaço vetorial, pois sobre V não está definida a adição.
- C) Não é espaço vetorial, pois sobre V não está definida a multiplicação por escalar.
- D) Não é espaço vetorial, pois V não possui o vetor $(0, 0, 0)$.
- E) Não é espaço vetorial, pois $y = 0$.

Questão 14: Uma aplicação simples das transformações lineares planas na computação gráfica é o cisalhamento em relação ao eixo x. Por meio dessa transformação, é possível criar as letras em itálico, vistas nos editores de texto. Considere a letra maiúscula I, desenhada num sistema de coordenadas em \mathbb{R}^2 , de vértices A $(0, 0)$, B $(1, 0)$, C $(1, 4)$, D $(0, 4)$. Sabendo que a constante $k = 2$, a matriz dos vértices correspondentes obtidos na transformação é:

- A) $\begin{pmatrix} 0 & 1 & 7 & 8 \\ 0 & 0 & 4 & 4 \end{pmatrix}$
- B) $\begin{pmatrix} 0 & 1 & 9 & 8 \\ 0 & 0 & 4 & 4 \end{pmatrix}$**
- C) $\begin{pmatrix} 0 & 1 & 9 & 8 \\ 0 & 1 & 4 & 4 \end{pmatrix}$
- D) $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 9 & 8 \\ 0 & 0 & 4 & 4 \end{pmatrix}$
- E) $\begin{pmatrix} 0 & 1 & 9 & 8 \\ 0 & 0 & 3 & 4 \end{pmatrix}$

Questão 15: Sabendo que $T: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$, $T(x, y, z) = (6y, 2x + 2z)$ é linear, assinale a alternativa que indica a imagem do vetor $(3, 1, -2)$ pela transformação:

- A) $T(3, 1, -2) = (6, 2)$**
- B) $T(3, 1, -2) = (6, -2)$
- C) $T(3, 1, -2) = (-5, 1)$
- D) $T(3, 1, -2) = (-2, 6)$
- E) $T(3, 1, -2) = (2, -6)$

Questão 16: Uma base da imagem da transformação $T: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$, definida por $T(x, y, z) = (x, x - 4y, 2z)$ é:

- A) $B = \{(1, 1, 0), (0, 1, 0), (0, 0, 2)\}$
- B) $B = \{(-1, 1, 0), (0, 1, 0), (0, 0, -2)\}$
- C) $B = \{(1, 1, 0), (0, 0, 2)\}$
- D) $B = \{(1, 1, 0), (0, -1, 0), (0, 0, 2)\}$**
- E) $B = \{(0, 0, 1), (0, -1, 0), (2, 0, 0)\}$

Questão 17: Um retângulo representado pelas coordenadas A $(0, 0)$, B $(3, 0)$, C $(3, 2)$, D $(0, 2)$ tem como imagem, após a transformação $T(x, y) = (x + 3y, y)$, outro quadrilátero, no qual a transformação ocorrida foi:

- A. Rotação em 90°
- B. Cisalhamento na direção do eixo x**
- C. Cisalhamento na direção do eixo y
- D. Reflexão em relação ao eixo x

E. Reflexão em relação ao eixo y

Questão 18: Analise as afirmações a seguir:

- I. A transformação linear T no plano que representa uma reflexão em relação ao eixo x é $T(x, y) = (x, -y)$.
II. A transformação $T: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$, $T(x, y) = 2x, 3y - x$ não é uma transformação linear.
III. A transformação $T: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$, definida por $T(x, y, z) = (x^2, x, y, 2y + z, x + z)$, não é uma transformação linear.

É correto apenas o que se afirma em:

- A. I e II
B. I
C. II e III
D. **I e III**
E. Todas as afirmativas são corretas.

Questão 19: O núcleo da transformação linear $T: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$, $T(x, y, z) = (y + z, x)$, é:

- A) $N(T) = \{(0, 0, -z) \mid x \in \mathbb{R}\}$
B) $N(T) = \{(0, x, -x) \mid x \in \mathbb{R}\}$
C) $N(T) = \{(-z, z, 0) \mid x \in \mathbb{R}\}$
D) $N(T) = \{(-z, 0, z) \mid x \in \mathbb{R}\}$
E) **$N(T) = \{(0, -z, z) \mid x \in \mathbb{R}\}$**

Questão 20: Sendo $F: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$ definida por $F(x, y) = (3x - 4y, x + 5y)$ e $G: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$, definida por $G(x, y) = (x, x - y)$ o valor de $\text{Det } F \circ G$ em relação a base canônica do \mathbb{R}^2 é:

- A) -29
B) 29
C) 19
D) 9
E) **-19**

Questão 21: No espaço vetorial \mathbb{R}^3 , o vetor $v = (5, -2, -9)$ é uma combinação linear dos vetores $v_1 = (1, 2, 3)$ e $v_2 = (-3, -2, -1)$. Qual das alternativas representa corretamente essa combinação linear?

- A) $v = -4v_1 + 3v_2$
B) $v = 4v_1 - 3v_2$
C) **$v = -4v_1 - 3v_2$**
D) $v = 4v_1 + 3v_2$
E) $v = 3v_1 + 4v_2$

Questão 22: Sendo $R = \{(x, 0, z) \in \mathbb{R}^3\}$ e $S = \{(0, b, c) \in \mathbb{R}^3 \mid c = b\}$, podemos afirmar que:

- A) $R + S = \{(x, b, c) \in \mathbb{R}^3\}$ e $R \cap S = \{(0, 0, 0) \in \mathbb{R}^3\}$, portanto \mathbb{R}^3 é a soma direta de R e S .
B) $R + S = \{(x, b, z + b) \in \mathbb{R}^3\}$ e $R \cap S = \{(0, 0, 0) \in \mathbb{R}^3\}$, portanto \mathbb{R}^3 é a soma direta de R e S .
C) $R + S = \{(x, b, c) \in \mathbb{R}^3\}$ e $R \cap S = \{(0, 0, c) \in \mathbb{R}^3\}$, portanto \mathbb{R}^3 é a soma direta de R e S .
D) **$R + S = \{(x, b, z + c) \in \mathbb{R}^3\}$ e $R \cap S = \{(0, 0, z) \in \mathbb{R}^3\}$, portanto \mathbb{R}^3 não é a soma direta de R e S .**
E) $R + S = \{(x, b, c) \in \mathbb{R}^3\}$ e $R \cap S = \{(0, 0, c) \in \mathbb{R}^3\}$, portanto \mathbb{R}^3 é a soma direta de R e S .

Questão 23: Sejam $U = \{(3y, y, z) \in \mathbb{R}^3\}$ e $V = \{(x, 0, z) \in \mathbb{R}^3\}$ subespaços vetoriais, a intersecção entre U e V é:

- A) $\{(0, y, y) \in \mathbb{R}^3\}$
B) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3\}$
C) **$\{(0, 0, z) \in \mathbb{R}^3\}$**
D) $\{(z, z, z) \in \mathbb{R}^3\}$
E) $\{(0, z, 0) \in \mathbb{R}^3\}$

Questão 24: Sejam os subespaços $U = \{(0, y, 0, w) \in \mathbb{R}^4\}$ e $V = \{(x, 0, 0, 0) \in \mathbb{R}^4\}$, a soma de $U + V$ é:

- A) $U + V = \{(0, 0, z, z) \in \mathbb{R}^4\}$
 B) $U + V = \{(x, 0, 0, 0) \in \mathbb{R}^4\}$
 C) $U + V = \{(x, y, z, z) \in \mathbb{R}^4\}$
D) $U + V = \{(z, y, 0, w) \in \mathbb{R}^4\}$
 E) $U + V = \{(x, x, y, z) \in \mathbb{R}^4\}$

Questão 25: Assinale a alternativa que contenha um operador ortogonal

- A) $T(x, y) = (x, -y)$
 B) $T(x, y) = (2x, 2y)$
 C) $T(x, y) = (x + y, y)$
D) $T(x, y) = (x + y, x - y)$
 E) $T(x, y) = (x, 2y)$

A alternativa correta é a letra D) $T(x, y) = (x + y, x - y)$.

Um operador ortogonal é aquele que preserva o produto interno, ou seja, se u e v são vetores quaisquer, então o produto interno entre $T(u)$ e $T(v)$ é igual ao produto interno entre u e v .

No caso da alternativa D, temos que o produto interno entre $T(x, y) = (x + y, x - y)$ é dado por:

$$T(u) \cdot T(v) = (u_1 + u_2, u_1 - u_2) \cdot (v_1 + v_2, v_1 - v_2) = (u_1v_1 + u_2v_2) + (u_1v_2 - u_2v_1) = u \cdot v$$

Portanto, a alternativa D é a correta, pois é um operador ortogonal.

Questão 26: Sendo F e G funções lineares de $\mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$ definidas por $F(x, y) = (x - y, x)$ e $G(x, y) = (x, 0)$, assinale a alternativa que indica o resultado de GoF :

- A) $(x, -y - x)$
 B) $(0, x + y)$
 C) $(x + y, 0)$
 D) $(0, x - y)$
E) $(x - y, 0)$

Para calcular GoF , precisamos aplicar a função F primeiro e depois aplicar a função G no resultado.

$$F(x, y) = (x - y, x)$$

$$G(x - y, x) = (x - y, 0)$$

Portanto, a alternativa correta é a letra E) $(x - y, 0)$.

Questão 27: Considerando a transformação $T: U \rightarrow V$. É correto o que se afirma em:

- A) Se $U \neq V$, então T é operador linear.
 B) Se $U \neq V$, então T é inversível.
C) Se $U = V$ e se $|T(u)| = |u|$, então T é um operador ortogonal.
 D) Se $U = V$, então todas as matrizes que se associam a T não possuem o mesmo determinante.
 E) Se $T: U \rightarrow V$ é uma transformação linear definida no \mathbb{R}^3 , então T é uma transformação linear plana.

A alternativa correta é a letra C) Se $U = V$ e se $|T(u)| = |u|$, então T é um operador ortogonal.

Explicação:

- A alternativa A está incorreta, pois a igualdade entre U e V não é uma condição suficiente para que T seja um operador linear.
- A alternativa B também está incorreta, pois a inversibilidade de T depende da existência de uma transformação inversa, o que nem sempre ocorre quando $U \neq V$.
- A alternativa C está correta, pois a condição $|T(u)| = |u|$ é uma das definições de operador ortogonal.
- A alternativa D está incorreta, pois todas as matrizes que se associam a T possuem o mesmo determinante, que é o determinante de T .
- A alternativa E está incorreta, pois a transformação linear pode ser definida em qualquer espaço vetorial, não apenas no \mathbb{R}^2 .

Questão 28: Dada a matriz $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 3 & 5 \end{pmatrix}$ a matriz B , tal que $AB = |2$, é

- A) $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 1 & 1 \\ 5 & 5 \end{pmatrix}$
 B) $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -3 & -1 \\ 5 & 5 \end{pmatrix}$
C) $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 5 & -1 \\ 3 & 5 \end{pmatrix}$

D) $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -5 & -1 \\ 3 & 5 \end{pmatrix}$

E) $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -3 & 1 \\ 5 & 5 \end{pmatrix}$

Questão 29: Dado o conjunto $W = \{(x, y, z) / y = z^2 \text{ e } x, y, z \in \mathbb{R}\}$, podemos afirmar que:

- A) É um espaço vetorial, pois obedece às propriedades da adição e multiplicação por escalar.
B) Não é espaço vetorial, pois não obedece à propriedade da adição.
 C) Não é espaço vetorial, pois não obedece apenas à propriedade da multiplicação por escalar.
 D) Não é espaço vetorial, pois não possui o vetor $(0, 0, 0)$.
 E) Não é espaço vetorial, pois $x = Z$.

A alternativa correta é a letra B) Não é espaço vetorial, pois não obedece à propriedade da adição.

Para que um conjunto seja um espaço vetorial, ele deve obedecer a algumas propriedades, como a propriedade da adição e da multiplicação por escalar. No caso do conjunto W, ele não obedece à propriedade da adição, pois se tomarmos dois vetores quaisquer (x_1, y_1, z_1) e (x_2, y_2, z_2) em W, a soma desses vetores não pertencerá a W, já que a soma das componentes y e z não será igual ao quadrado da componente z da soma. Portanto, W não é um espaço vetorial.

Questão 30: O valor de m, n, p e q, tal que $\begin{pmatrix} n & m \\ q & p \end{pmatrix} \begin{pmatrix} m & 2n \\ 2p & 2q \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 & 5 \\ 10 & 11 \end{pmatrix}$:

- A) $m = 1, n = 2, p = 2$ e $q = 4$
 B) $m = 4, n = 3, p = 2$ e $q = 1$
 C) $m = -1, n = -2, p = -3$ e $q = -4$
 D) $m = -4, n = -3, p = -2$ e $q = -1$
E) $m = 2, n = 4, p = 5$ e $q = 6$

Questão 31: Um triângulo representado pelas coordenadas A (0, 0), B (4, 0), C (3, 4) tem como imagem após a transformação $T(x, y) = (-2x, 2y)$ um outro triângulo em que houve:

- A) Dilatação e reflexão em relação ao eixo x
 B) Dilatação e reflexão em relação ao eixo y
C) Dilatação e reflexão em relação à origem
 D) Contração e reflexão em relação à origem
 E) Contração e reflexão em relação ao eixo y

A transformação $T(x, y) = (-2x, 2y)$ realiza uma dilatação e reflexão em relação à origem. Portanto, a alternativa correta é a letra C.

Questão 32: Sendo F e G funções lineares do $\mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$ definidas por $F(x, y, z) = (x + 2y, x + y - z)$ e $G(x, y, z) = (z, x + y)$, assinale a alternativa que indica o resultado de $2F - 3G$:

- A) $(2x - 4y - 3z, -x - y - 2z)$**
 B) $(2x + 4y + 3z, -x - y - 2z)$
 C) $(2x + 4y - 3z, -x - y - 2z)$
 D) $(2x + 4y - 3z, -x + y - 2z)$
 E) $(2x + 4y - 3z, -x - y + 2z)$

Para calcular $2F - 3G$, precisamos primeiro calcular 2F e 3G separadamente e depois subtrair.

Começando com 2F, temos:

$$2F(x, y, z) = 2(x + 2y, x + y - z) = (2x + 4y, 2x + 2y - 2z)$$

Agora, calculando 3G, temos:

$$3G(x, y, z) = 3(z, x + y) = (3z, 3x + 3y)$$

Subtraindo 3G de 2F, temos:

alternativa que indica o resultado de $2F - 3G$:

- A) $(2x - 4y - 3z, -x - y - 2z)$
- B) $(2x + 4y + 3z, -x - y - 2z)$
- C) $(2x + 4y - 3z, -x - y - 2z)$
- D) $(2x + 4y - 3z, -x + y - 2z)$
- E) $(2x + 4y - 3z, -x - y + 2x)$

Para calcular $2F - 3G$, precisamos primeiro calcular $2F$ e $3G$ separadamente e depois subtrair.

Começando com $2F$, temos:

$$2F(x, y, z) = 2(x + 2y, x + y - z) = (2x + 4y, 2x + 2y - 2z)$$

Agora, calculando $3G$, temos:

$$3G(x, y, z) = 3(z, x + y) = (3z, 3x + 3y)$$

Subtraindo $3G$ de $2F$, temos:

$$2F - 3G = (2x + 4y, 2x + 2y - 2z) - (3z, 3x + 3y) = (2x + 4y - 3z, 2x + 2y - 2z - 3x - 3y) = (2x + 4y - 3z, -x - y - 2z)$$

Portanto, a alternativa correta é a letra A) $(2x - 4y - 3z, -x - y - 2z)$.

Questão 33: Dado o sistema gerador $U = [(1, 0, 0, 0); (2, -1, 0, 0); (0, 0, 0, 1)]$, teremos o subespaço U definido por?

- A) $U = \{(2x + y, x - 2y, 2z, w) \in \mathbb{R}^3\}$
- B) $U = \{(2x - y, 2x + z, z, 3w) \in \mathbb{R}^3\}$
- C) $U = \{(2x - 2y + z, -2y, 2z, w) \in \mathbb{R}^3\}$
- D) $U = \{(x + 2y + 2z, -y, 2z, w) \in \mathbb{R}^3\}$
- E) $U = \{(x + y, x - y, z, 2w) \in \mathbb{R}^3\}$

Questão 34: Uma base do núcleo da transformação $T: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$, definida por $T(x, y) = (2x, 2y)$ é:

- A) $B = \{(2, 2, 2)\}$
- B) $B = \{(1, 1, 1)\}$
- C) $B = \emptyset$
- D) $B = \{(1, 0, 0)\}$
- E) $B = \{(0, 0, 1)\}$

A transformação $T: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$, definida por $T(x, y) = (2x, 2y)$ é uma transformação linear. Para encontrar a base do núcleo, precisamos encontrar o conjunto de vetores (x, y) que são mapeados em $(0, 0)$ pela transformação T .

$$T(x, y) = (2x, 2y) = (0, 0)$$

Isso implica que $x = 0$ e $y = 0$. Portanto, o núcleo da transformação T é o conjunto $\{(0, 0)\}$.

Assim, a alternativa correta é a letra C) $B = \emptyset$.

Questão 35: O sistema linear $\begin{cases} 2x - 2y + 4z = 4 \\ 4x + 6y + 8z = 18 \\ 2x + 8y + 4z = 14 \end{cases}$

- A) Admite solução única
- B) Admite infinitas soluções
- C) Admite apenas duas soluções
- D) Não admite solução
- E) Admite apenas três soluções

Questão 36: Sendo F e G funções lineares do $\mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$ definidos por $F(x, y) = (x - y, x)$ e $G(x, y) = (x, 0)$, assinale a alternativa que indica o resultado de $F \circ G$:

- A) $(x, -y)$
- B) (x, y)
- C) $(-x, -x)$
- D) (x, x)

E) $(-\gamma, -\gamma)$

Questão 37: A matriz $A = (a_{ij})_{3 \times 2}$ de modo que $a_{ij} \begin{cases} (-2)^{i-j}, \text{ se } i \neq j \\ 1, \text{ se } i = j \end{cases}$ é:

A) $\begin{pmatrix} 1 & 0,5 \\ 2 & 1 \\ -4 & 2 \end{pmatrix}$

B) $\begin{pmatrix} 1 & -2 & 4 \\ 0,5 & 1 & -2 \end{pmatrix}$

C) $\begin{pmatrix} 1 & -0,5 \\ -2 & 1 \\ 4 & -2 \end{pmatrix}$

D) $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 4 \\ -2 & 1 & -4 \end{pmatrix}$

E) $\begin{pmatrix} 1 & -8 \\ 8 & 1 \\ -16 & 32 \end{pmatrix}$

Questão :