

## 1. FUNCIONES

### DEFINICIÓN 1: Función.

Dados  $A$  y  $B$  dos conjuntos,  $f$  es una **función de  $A$  en  $B$**  si:

- $f \subseteq A \times B$ ;
- para todo  $x \in A$ , existe  $y \in B$  tal que  $(x, y) \in f$ ; y
- si  $(x, y) \in f$  y  $(x, z) \in f$ , entonces  $y = z$ .

Si  $f$  es una función de  $A$  en  $B$ , escribiré  $f: A \rightarrow B$ . Y, en lugar de  $(x, y) \in f$ , escribiremos  $f(x) = y$ , ya que dado  $x$ ,  $y$  es único.

En otras palabras,  $f$  es una función de  $A$  en  $B$  si es una relación entre los elementos de  $A$  y  $B$  de modo que para cada elemento  $x$  de  $A$ , hay un único elemento  $y$  de  $B$  que le corresponde a  $x$  en esta relación; a ese elemento  $y$  se le llama **imagen de  $x$  respecto de  $f$**  y se le representa por  $f(x)$ .

### DEFINICIÓN 2: Dominio.

Dada  $f: A \rightarrow B$  el conjunto  $A$  se llama **dominio** de  $f$  y se le representa por  $\text{dom}(f)$ .

### DEFINICIÓN 3: Imagen o recorrido.

Dada una función  $f: A \rightarrow B$ , la **imagen** o el **recorrido** de  $f$  es el conjunto

$$\{f(x) : x \in A\},$$

que se lo representa por

$$\text{img}(f) \quad \text{o} \quad \text{rec}(f).$$