

# La Guía del Apostador

## Trabajo Práctico Nº1

### Índice

<b>Introducción</b>	<b>2</b>
<b>Metodología</b>	<b>2</b>
<b>Resultados</b>	<b>3</b>
Estrategias . . . . .	3
Completamente al azar . . . . .	6
Greedy con tasa observada . . . . .	9
Greedy con probabilidad a posteriori . . . . .	12
$\epsilon$ -Greedy con tasa observada . . . . .	15
Softmax . . . . .	19
Upper-Bound . . . . .	24
Thompson . . . . .	28
Comparaciones . . . . .	31
<b>Conclusión</b>	<b>31</b>
<b>Anexo</b>	<b>31</b>

## Introducción

En los casinos uno de los juegos más llamativos son las máquinas tragamonedas o tragaperras. También conocido por ser uno de los juegos más adictivos en el mundo de las apuestas y en el cual las personas pierden más dinero. Con el fin de que estas personas pierdan menos dinero se estudiará la eficacia de distintas estrategias de juego. A este problema se lo conoce como “Bandido Multibrazo” (*Multi armed bandit*).

La principal incógnita se encuentra en descubrir hasta que punto conviene “explotar” por sobre “explorar” o viceversa. Explotar refiere a dar prioridad a elegir lo que sabemos que funciona, mientras que explorar refiere a ser propenso a salir de la “zona de confort” y buscar nuevas alternativas.

## Metodología

Se plantea que se tienen 3 máquinas tragamonedas con distintas probabilidades de ganar una unidad monetaria, las cuales son:

- $\theta_A = 0.30$
- $\theta_B = 0.55$
- $\theta_C = 0.45$

Cada día se hará una sola tirada en una máquina que será elegida según la estrategia, durante los 366 días del año 2024, con el objetivo de ganar la mayor cantidad de dinero posible, teniendo en cuenta que no cuesta dinero jugar, es decir, solo podemos ganar dinero.

Se asume además que la creencia inicial de la probabilidad de ganar para cada máquina sigue una distribución  $Beta(2, 2)$ , la cual se puede observar a continuación.

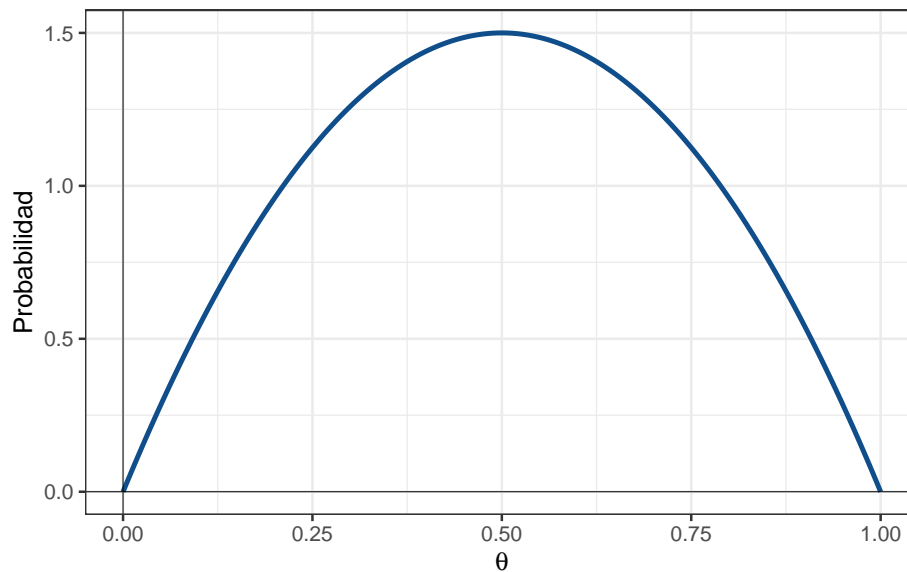


Figura 1: Distribución a priori de la probabilidad de éxito inicial para todas las máquinas.

## Resultados

Para obtener una noción de cuanto se ganaría en promedio en un año de juego con la mejor máquina (máquina B), se simulan 1000 secuencias de 366 juegos.

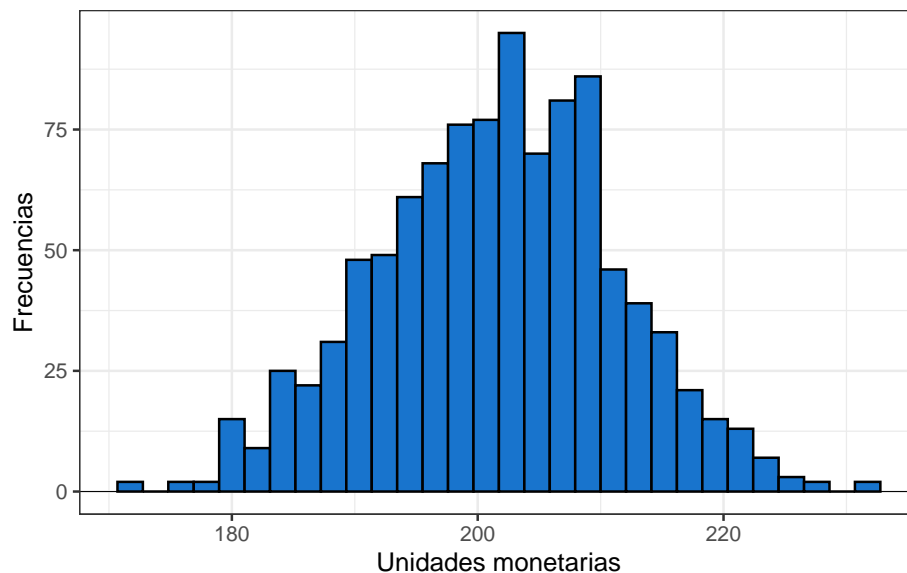


Figura 2: Distribución de las unidades monetarias ganadas en un año con la máquina B.

Resultando 201.58 una estimación de la ganancia esperada durante un año de juego con la máquina B.

## Estrategias

Sin embargo las personas no tienen información acerca de las probabilidades de éxito de las máquinas, por lo que se diseñaron un conjunto de estrategias para descubrir con cuál se obtienen mejores resultados.

## **i** Función simulación

```
# n simulaciones de los 366 dias, jugando 1 vez por día
simulacion <- function(metodo, n = 1, param = 0.2) {

  if(!(metodo %in% names(estrategias))){
    stop("El método introducido no está especificado")
  }
  if(n<1 || (n != round(n))){
    stop("La cantidad de simulaciones debe ser un número natural")
  }
  if(metodo == "softmax" && param <= 0){
    stop("Para el método softmax el parámetro de temperatura debe ser mayor que 0")
  }
  if(metodo == "e_greedy" && (param < 0 || param > 1)){
    stop("Para el método e-greedy el parámetro epsilon debe estar entre 0 y 1")
  }
}
```

i

```
# Creamos los vectores donde guardaremos las ganancias y maquinas de los 366
# dias para cada repeticion. Creamos tambien una futura lista llamada sim que
# va a guardar las ganancias y las maquinas usadas en las repeticiones

ganancias <- NULL
maquinas <- NULL
sim <- NULL

# Hacemos n repeticiones
for (rep in 1:n) {

  #Creamos los vectores que guardaran las ganancias y las maquinas usadas en
  # cada dia
  ganancia <- numeric(length = 366)
  maquina <- NULL
  for (dia in 1:366) {

    # Para cada dia la maquina sera elegida con alguno de las estrategias
    # diseñadas
    argumentos <- switch (metodo,
                          "al_azar" = list(),
                          "gcto" = list(maquina, ganancia),
                          "gcpp" = list(maquina, ganancia),
                          "e_greedy" = list(maquina, ganancia, param),
                          "softmax" = list(maquina, ganancia, param),
                          "thompson" = list(maquina, ganancia),
                          "upper_bound" = list(maquina, ganancia, param)
                          )

    maquina_dia <- do.call(estrategias[[metodo]], argumentos)

    # una vez elegida la maquina simulamos con una bernoulli con la
    # probabilidad de la maquina y guardamos el resultado
    ganancia[dia] <- rbinom(1, size = 1, prob = prob_reales[maquina_dia])

    # Guardamos ademas la maquina utilizada
    maquina[dia] <- maquina_dia
  }
}
```

**i**

```
# Guardamos en matrices las ganancias y las maquinas de los 366 dias
# de las diferentes repeticiones
ganancias <- cbind(ganancias, ganancia)
maquinas <- cbind(maquinas, maquina)

}

#Transformamos las matrices en tibbles, y les asignamos nombres a las columnas
# segun el repeticion
ganancias <- as_tibble(ganancias)
maquinas <- as_tibble(maquinas)

colnames(ganancias) <- paste0("Rep_",1:1000)
colnames(maquinas) <- paste0("Rep_",1:1000)

# Añadimos los tibbles a la lista
sim[["Ganancias"]] <- ganancias
sim[["Maquinas"]] <- maquinas

# Devolvemos la lista
sim
}
```

## Completamente al azar

Consiste en elegir cada día una máquina cualquiera sin importar los resultados que se hayan obtenido en el día anterior. Esta estrategia se concentra únicamente en “explorar” pero nunca considera “explotar” como una posibilidad.

Para elegir la máquina con la que se va a jugar en el día se hizo uso de la siguiente función:

**i** Función al\_azar

```
# Estrategia al azar
al_azar <- function() {
  # Elige una maquina al azar
  sample(names(prob_reales), 1)
}
```

Simulando los 366 días de juego:

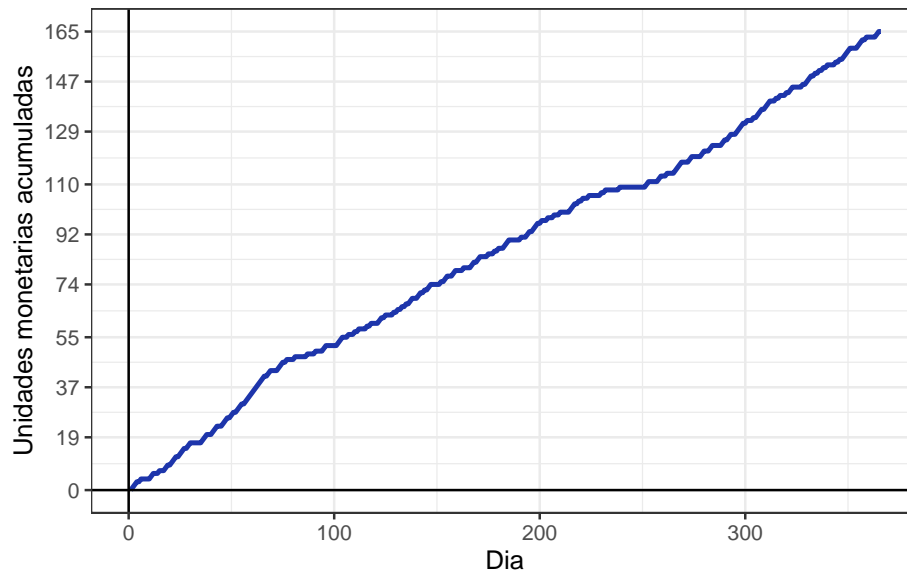


Figura 3: Unidades monetarias acumuladas durante un año con la estrategia al azar.

Se observa que se ganaron 165 unidades monetarias en el año.

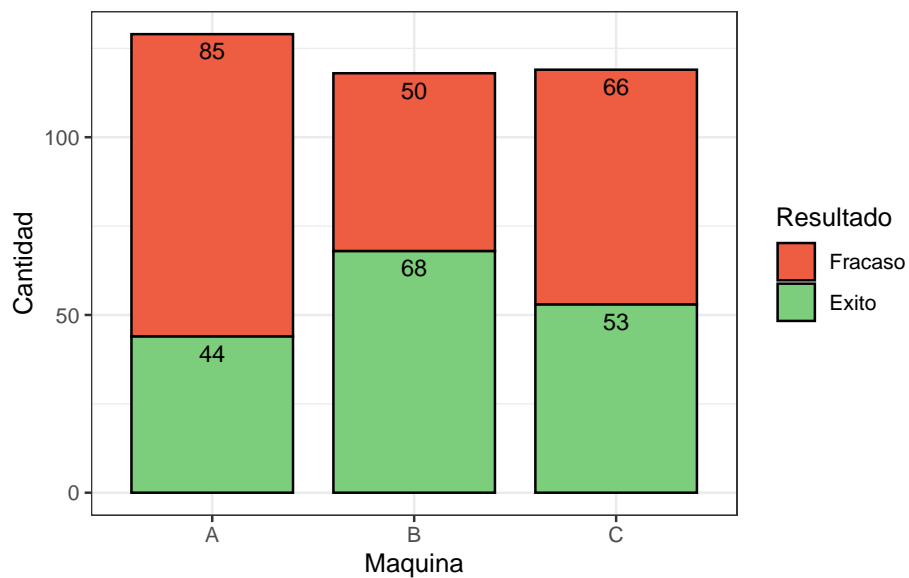


Figura 4: Frecuencia, éxito y fracaso para cada máquina durante un año con la estrategia al azar.

La máquina más jugada fue la A

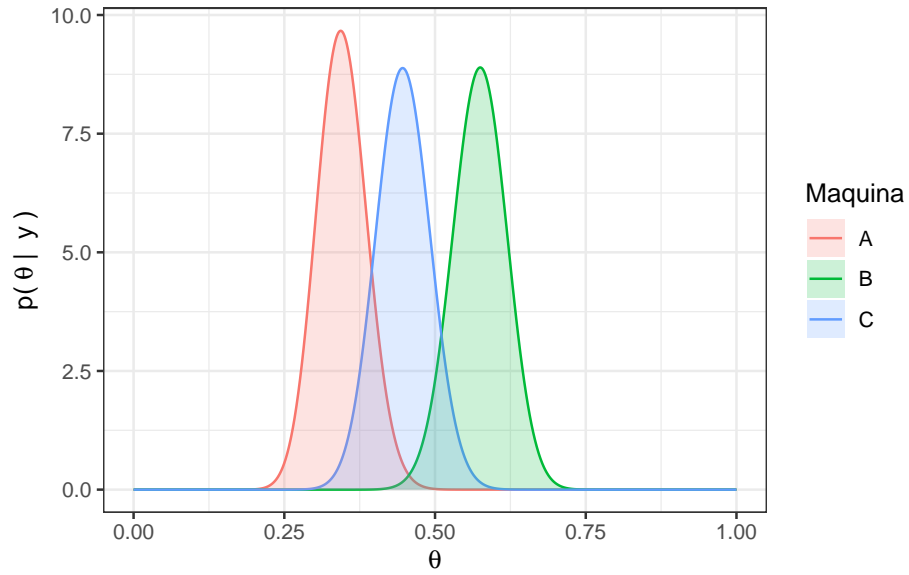


Figura 5: Probabilidades de éxito para cada máquina a posteriori luego de un año con la estrategia al azar.

Y así resultan las distribuciones de la probabilidad de éxito en cada máquina a posteriori.

Ventajas de la estrategia:

- No se corre el riesgo de concentrarse demasiado en una máquina que produciría menos ganancias.

Desventajas de la estrategia:

- No tiene en cuenta la información que se adquiere a través de los días.



## Greedy con tasa observada

La máquina con la que se juega será la que tenga la mayor tasa de éxito hasta el día en que se juega. Esta estrategia se concentra demasiado en “explotar” y casi nada en “explorar”.

Para elegir la máquina con la que se va a jugar en el día se hizo uso de la siguiente función:

### i Función gcto

```
# Greedy con tasa observada
gcto <- function(maquina, ganancia) {

  # Las tazas son 0 en la primera iteracion
  tasa <- numeric(3)

  # Cuando una maquina no se usa ni una vez, la tasa va a seguir siendo 0
  # Cuando se juegue al menos una vez su tasa será el numero de veces que gano
  # en la maquina dividido la cantidad de veces que jugo con la maquina
  if (sum(maquina == "A") > 0) {
    tasa[1] <- sum(ganancia[maquina == "A"])/sum(maquina == "A")
  }
  if (sum(maquina == "B") > 0) {
    tasa[2] <- sum(ganancia[maquina == "B"])/sum(maquina == "B")
  }
  if (sum(maquina == "C") > 0) {
    tasa[3] <- sum(ganancia[maquina == "C"])/sum(maquina == "C")
  }

  # Se asigna el nombre de la maquina para cada tasa
  names(tasa) <- c("A","B","C")

  # Verifica cual es la tasa mas alta y la elige, si hay una sola elige la
  # maquina a la cual le pertenezca esa tasa, si hay varias maquinas con la misma
  # tasa elige una al azar entre las que tengan la mayor tasa

  if (sum(tasa == max(tasa)) == 1) {
    maq <- names(tasa[which.max(tasa)])
  } else {
    maq <- sample(names(tasa[tasa == max(tasa)]), size = 1)
  }

  return(maq)
}
```

Simulando los 366 días de juego:

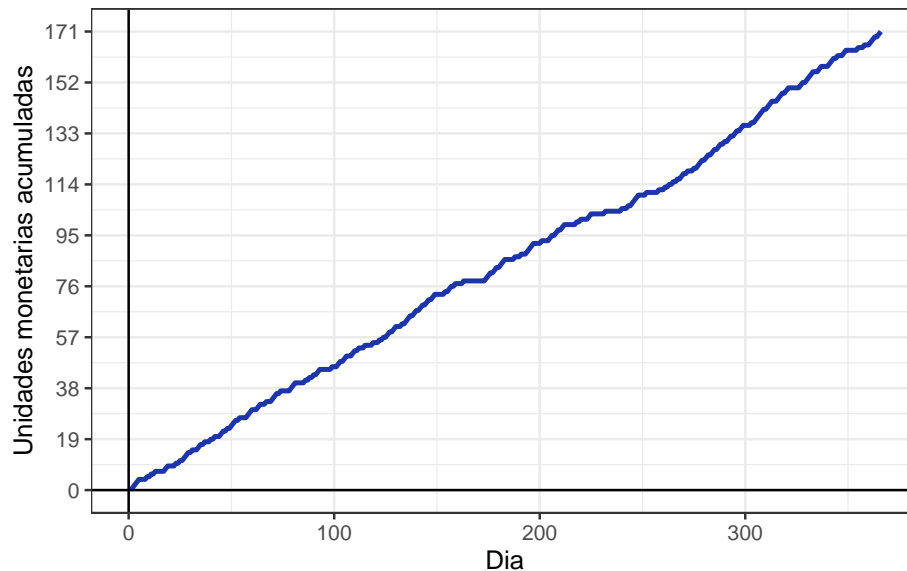


Figura 6: Unidades monetarias acumuladas durante un año con la estrategia greedy con tasa observada.

Se observa que se ganaron 171 unidades monetarias en el año.

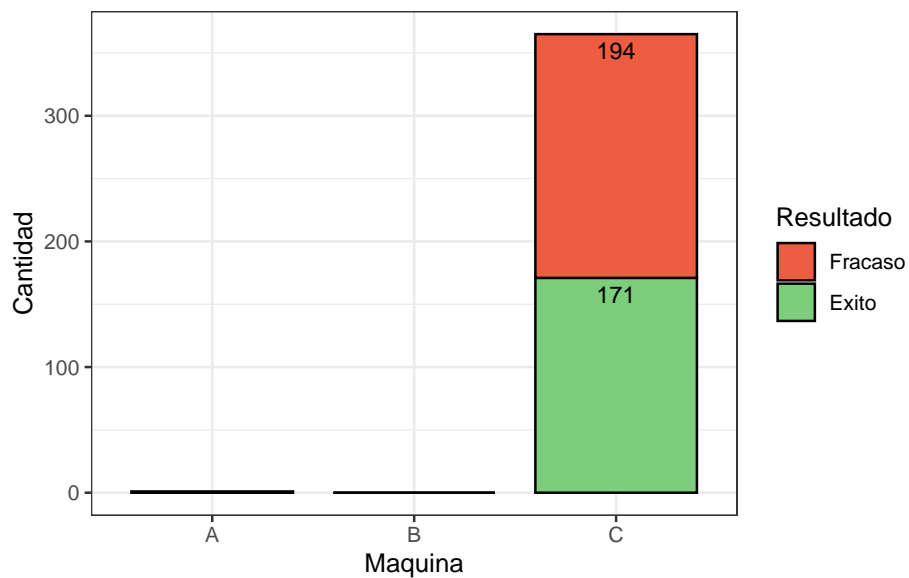


Figura 7: Frecuencia, éxito y fracaso para cada máquina durante un año con la estrategia greedy con tasa observada.

La máquina más jugada fue la C

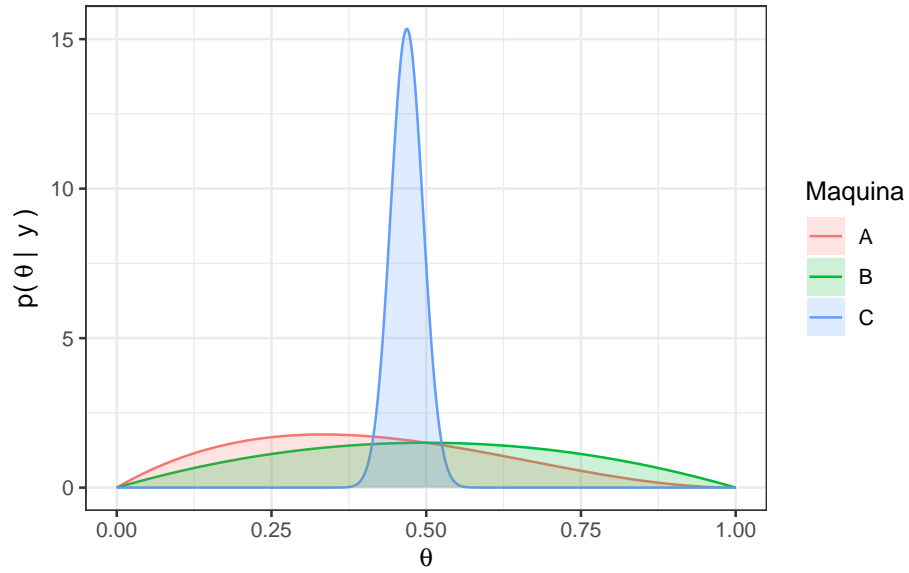


Figura 8: Probabilidades de éxito para cada máquina a posteriori luego de un año con la greedy con tasa observada.

Y así resultan las distribuciones de la probabilidad de éxito en cada máquina a posteriori.

Ventajas de la estrategia:

- En algunos escenarios es posible elegir siempre la mejor máquina.

Desventajas de la estrategia:

- Una vez que se gane con una máquina, se elegirá siempre esa misma.
- Es posible elegir explotar la peor máquina.

## Greedy con probabilidad a posteriori

Partiendo de las creencias iniciales, luego de cada tirada y considerando las realizadas hasta el momento, se redefinen las probabilidades de éxito esperadas de cada máquina y se selecciona la mejor.

Para elegir la máquina con la que se va a jugar en el día se hizo uso de la siguiente función:

### Función gcpp

```
# Greedy con probabilidad a posteriori

gcpp <- function(maquina, ganancia) {

  # Argumentos de las distribuciones de los parámetros
  a1 <- 2; b1 <- 2; c1 <- 2; a2 <- 2; b2 <- 2; c2 <- 2

  if (sum(maquina == "A") > 0) {
    a1 <- 2 + sum(ganancia[maquina == "A"])
    a2 <- 2 + abs(sum(ganancia[maquina == "A"] - 1))
  }
  if (sum(maquina == "B") > 0) {
    b1 <- 2 + sum(ganancia[maquina == "B"])
    b2 <- 2 + abs(sum(ganancia[maquina == "B"] - 1))
  }
  if (sum(maquina == "C") > 0) {
    c1 <- 2 + sum(ganancia[maquina == "C"])
    c2 <- 2 + abs(sum(ganancia[maquina == "C"] - 1))
  }

  prob <- c(a1/(a1+a2), b1/(b1+b2), c1/(c1+c2))
  names(prob) <- c("A","B","C")

  if (sum(prob == max(prob)) == 1) {
    maq <- names(prob[which.max(prob)])
  } else {
    maq <- sample(names(prob[prob == max(prob)]), size = 1)
  }

  return(maq)
}
```

Simulando los 366 días de juego:

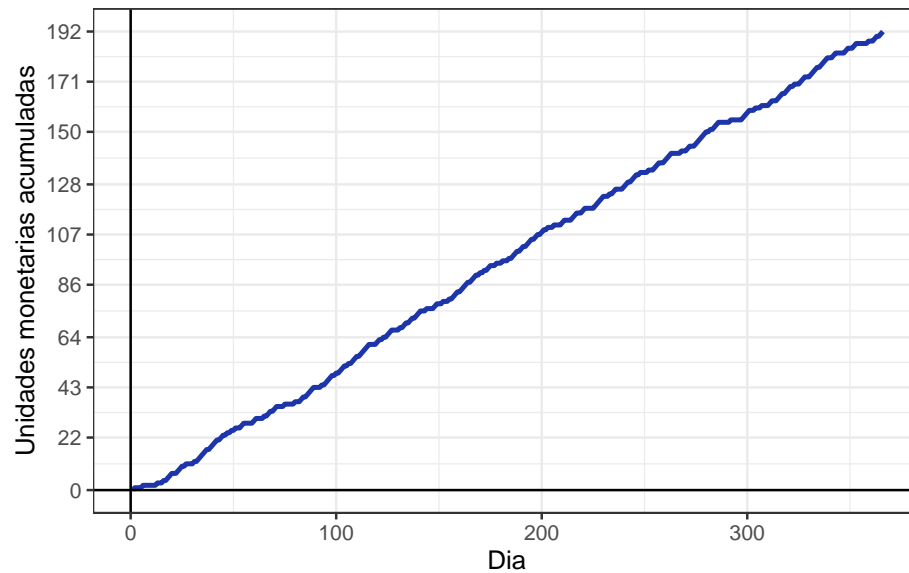


Figura 9: Unidades monetarias acumuladas durante un año con la estrategia greedy con probabilidad a posteriori.

Se observa que se ganaron 192 unidades monetarias en el año.

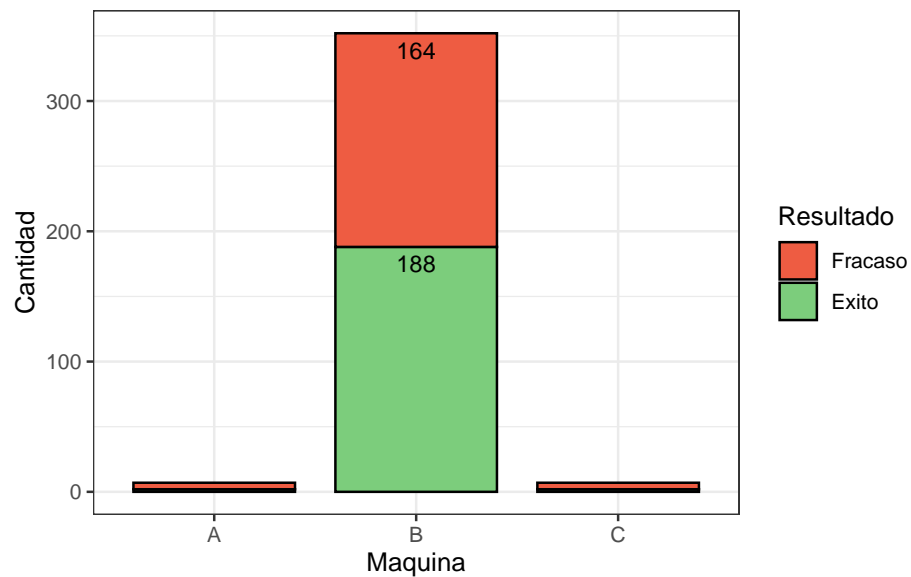


Figura 10: Frecuencia, éxito y fracaso para cada máquina durante un año con la estrategia greedy con probabilidad a posteriori.

La máquina más jugada fue la B

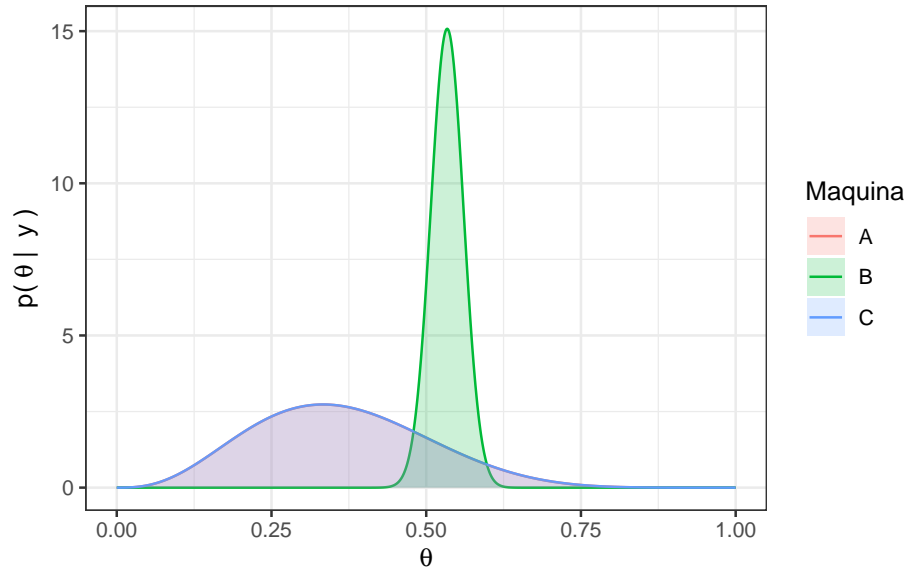


Figura 11: Probabilidades de éxito para cada máquina a posteriori luego de un año con la estrategia greedy con probabilidad a posteriori.

Y así resultan las distribuciones de la probabilidad de éxito en cada máquina a posteriori.

Ventajas de la estrategia:

- Se tiene en cuenta toda la información obtenida hasta el momento.
- No se concentra demasiado pronto en explotar.

Desventajas de la estrategia:

- Explora únicamente en los primeros días.
- Aunque de manera menos frecuente que en el caso anterior, suele explotar la máquina incorrecta.

### $\epsilon$ -Greedy con tasa observada

Se selecciona con una probabilidad  $1 - \epsilon$  la máquina que hasta el momento tenga la mayor tasa de éxito observada, y con una probabilidad de  $\frac{\epsilon}{2}$  las máquinas restantes.  $\epsilon$  es un parámetro de exploración, cuando es igual a 0 la estrategia es igual a “Greedy con tasa observada”, cuando es igual a 1 es igual a la estrategia “Al azar”.

Para elegir la máquina con la que se va a jugar en el día se hizo uso de la siguiente función:

#### **i** Función e\_greedy

```
# e-Greedy con tasa observada

e_greedy <- function(maquina, ganancia, param) {
  # Las tazas son 0 en la primera iteracion
  tasa <- numeric(3)

  # Cuando una maquina no se usa ni una vez, la tasa va a seguir siendo 0
  if (sum(maquina == "A") > 0) {
    tasa[1] <- sum(ganancia[maquina == "A"])/sum(maquina == "A")
  }
  if (sum(maquina == "B") > 0) {
    tasa[2] <- sum(ganancia[maquina == "B"])/sum(maquina == "B")
  }
  if (sum(maquina == "C") > 0) {
    tasa[3] <- sum(ganancia[maquina == "C"])/sum(maquina == "C")
  }

  # Se asigna el nombre de la maquina para cada tasa
  names(tasa) <- c("A","B","C")
  # Se selecciona entre explorar o explotar
  aleatorio <- runif(1)

  probs <- c(0,0,0)
  if (aleatorio <= param) {return(sample(names(tasa),size = 1))}else{
    for (i in 1:3) {
      if((tasa == max(tasa))[i]){probs[i] <- 1/sum(tasa == max(tasa))}
    }
    return(sample(names(tasa),size = 1,prob = probs))
  }
}
```

Dado que  $\epsilon$  puede tomar cualquier valor en el intervalo  $[0, 1]$ , mediante simulaciones buscaremos el valor de este que maximice la cantidad de unidades monetarias ganadas en un año.

### **i** Maximización de $\epsilon$

```
eps <- seq(0.075,0.25,.025)

final <- NULL

for (i in 1:length(eps)) {
  temp <- simulacion("e_greedy",n = 1000,param = eps[i])
  final <- cbind(final, apply(temp$Ganancias,2,sum))
}

colnames(final) <- eps

apply(final, 2, mean)
apply(final, 2, sd)

for (i in 1:length(eps)) {
  for (j in 1:length(eps)) {
    print(mean(final[,i]>=final[,j]))
  }
}
```

Siendo  $X$  variable aleatoria que representa la cantidad de unidades monetarias ganadas en total en un año de juego y estimando las  $P(X_\epsilon > X_{\epsilon'})$  para los  $\epsilon$  planteados, concluimos que el valor de  $\epsilon/P(X_\epsilon > X_{\epsilon'}) > P(X_\epsilon < X_{\epsilon'}) \quad \forall \epsilon' \neq \epsilon$  es  $\epsilon = 0,125$ . Con este valor de  $\epsilon$  es más probable obtener una mayor cantidad de unidades monetarias totales que con otros valores.



Simulando los 366 días de juego:

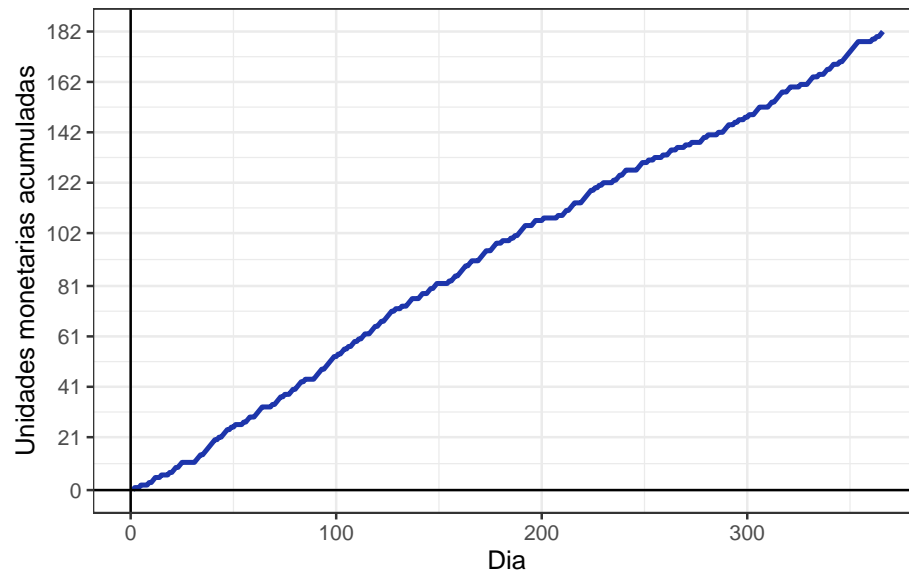


Figura 12: Unidades monetarias acumuladas durante un año con la estrategia e-greedy.

Se observa que se ganaron 182 unidades monetarias en el año.

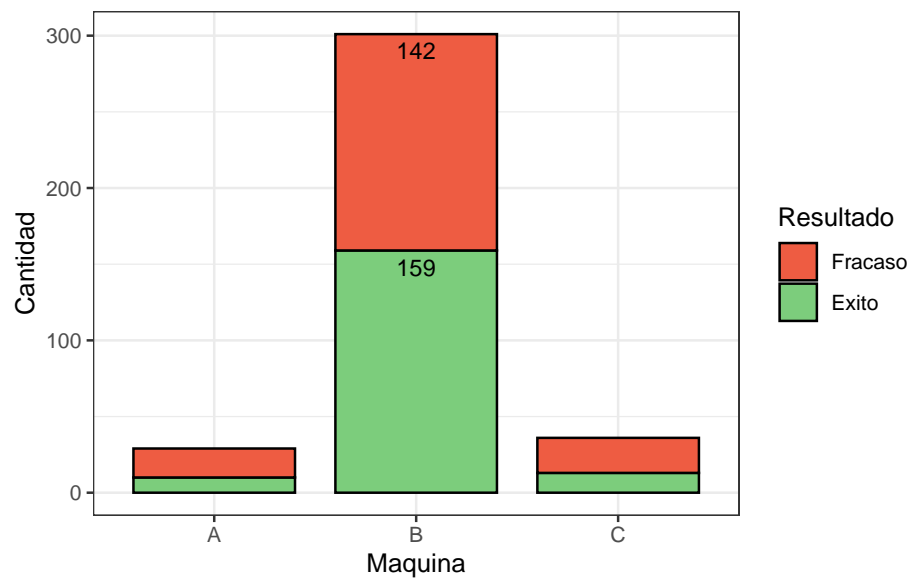


Figura 13: Frecuencia, éxito y fracaso para cada máquina durante un año con la estrategia e-greedy.

La máquina más jugada fue la B

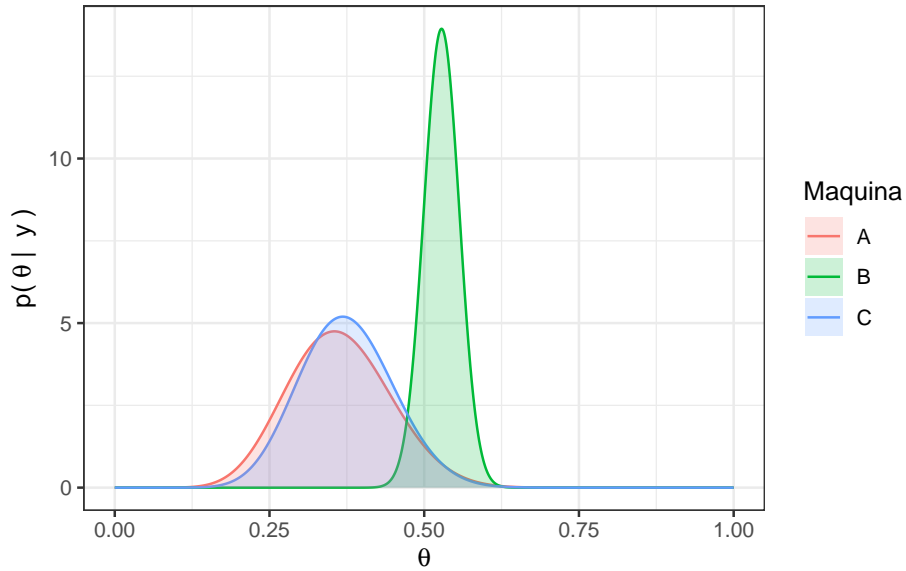


Figura 14: Probabilidades de éxito para cada máquina a posteriori luego de un año con la estrategia e-greedy.

Y así resultan las distribuciones de la probabilidad de éxito en cada máquina a posteriori.

Ventajas de la estrategia:

- La asignación del parámetro  $\epsilon$  permite regular hasta que punto se prefiere explorar por sobre explotar o viceversa.
- Con buenos valores de  $\epsilon$  se obtiene un buen balance entre explotación y exploración, llevando en muchos casos a buenas ganancias.
- La estrategia nunca comete el error de explotar una sola máquina, ya que siempre existe una probabilidad  $\epsilon > 0$  de elegir una máquina al azar.

Desventajas de la estrategia:

- Valores demasiado altos de  $\epsilon$  producen un exceso de exploración y no se aprovecha la información obtenida.
- Valores demasiado pequeños de  $\epsilon$  pueden producir que se sobreexplota una mala máquina.

## Softmax

Dada la tasa observada para cada máquina ( $\pi_i$ ) y el parámetro de temperatura ( $\tau$ ) definido, se calcula una probabilidad de elegir cada una de estas utilizando la función softmax:

$$Pr(i) = \frac{e^{\pi_i/\tau}}{\sum_{i=1}^3 e^{\pi_i/\tau}}$$

Donde  $i$  representa a las máquinas y  $\tau$  a diferencia del método  $\epsilon$ -greedy, en el cual el parámetro determina la probabilidad de explorar o explotar, en este caso determina, de manera inversa, el peso que tendrán las tasas de éxitos observadas hasta el momento de cada máquina al calcular las probabilidades de elegir cada una de estas.

Para elegir la máquina con la que se va a jugar en el día se hizo uso de la siguiente función:

## **i** Función softmax

```
# Softmax -----

softmax <- function(maquina, ganancia, param) {

  # Las tasas son 0 en la primera iteracion
  tasa <- numeric(3)

  # Cuando una maquina no se usa ni una vez, la tasa va a seguir siendo 0
  # Cuando se juegue al menos una vez su tasa será el numero de veces que gano en la maquina
  # dividido la cantidad de veces que jugo con la maquina
  if (sum(maquina == "A") > 0) {
    tasa[1] <- sum(ganancia[maquina == "A"])/sum(maquina == "A")
  }
  if (sum(maquina == "B") > 0) {
    tasa[2] <- sum(ganancia[maquina == "B"])/sum(maquina == "B")
  }
  if (sum(maquina == "C") > 0) {
    tasa[3] <- sum(ganancia[maquina == "C"])/sum(maquina == "C")
  }

  # Se asigna el nombre de la maquina para cada tasa
  names(tasa) <- c("A","B","C")

  # Calculo las probabilidades en base a las tasas
  # Como tasa es un vector puedo operar como muestro abajo
  probs <- exp(tasa/param)/sum(exp(tasa/param))

  # Directamente pongo el Sample en el return para eficiencia

  return(sample(names(tasa),size = 1,prob = probs))
}
```

Sin embargo, el valor elegido para  $\tau > 0$  puede influenciar la cantidad de unidades monetarias ganadas en un año, es por eso que es de importancia descubrir, a través de simulaciones, para que valor de  $\tau$  se maximizan.

## i Maximización de $\tau$

```
tau <- c(0.8,seq(1,10,1))

final <- NULL

for (i in 1:length(tau)) {
  temp <- simulacion("softmax",n = 1000,param = tau[i])
  final <- cbind(final, apply(temp$Ganancias,2,sum))
}

colnames(final) <- tau

apply(final, 2, mean)
apply(final, 2, sd)

# Por como aumenta la media nos vamos a concentrar en el intervalo (0,1]

tau <- c(seq(0,1,0.05))[-1]

final <- NULL

for (i in 1:length(tau)) {
  temp <- simulacion("softmax",n = 1000,param = tau[i])
  final <- cbind(final, apply(temp$Ganancias,2,sum))
}

colnames(final) <- tau

apply(final, 2, mean)
apply(final, 2, sd)

for (i in 1:length(eps)) {
  for (j in 1:length(eps)) {
    print(mean(final[,i]>=final[,j]))
  }
}

# Tau óptimo 0.1
```

Se puede concluir que se una tiene mayor probabilidad de obtener más unidades monetarias en un año de juego con un  $\tau$  de 0,1.

Simulando los 366 días de juego:

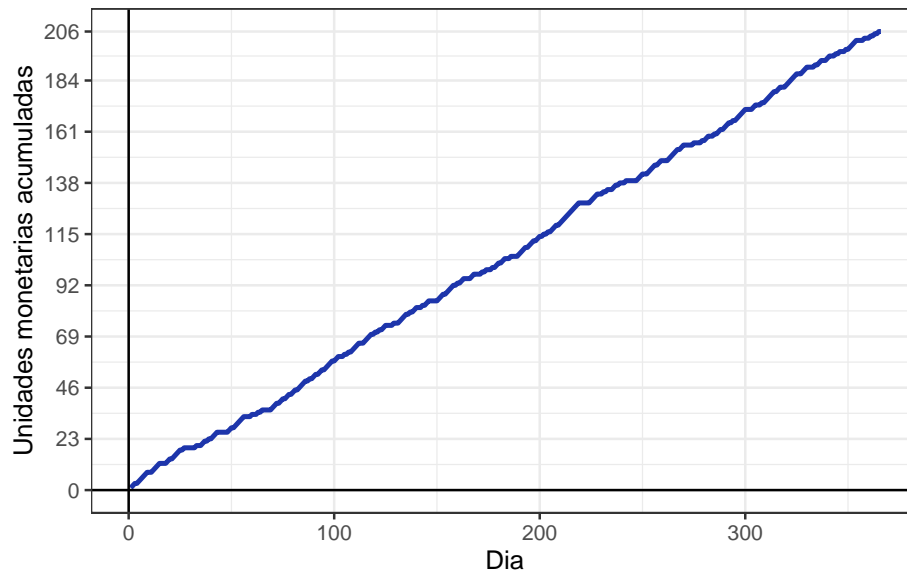


Figura 15: Unidades monetarias acumuladas durante un año con la estrategia softmax.

Se observa que se ganaron 206 unidades monetarias en el año.

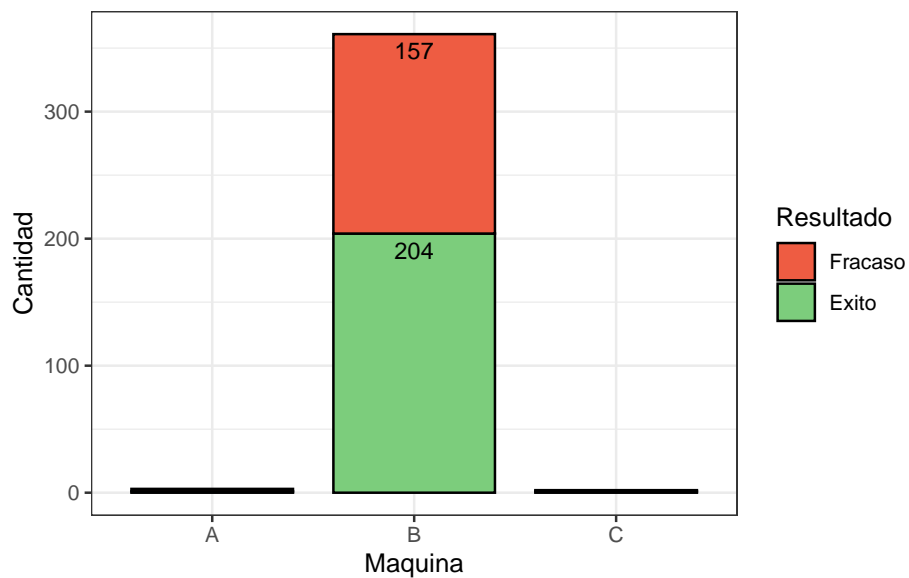


Figura 16: Frecuencia, éxito y fracaso para cada máquina durante un año con la estrategia softmax.

La máquina más jugada fue la B

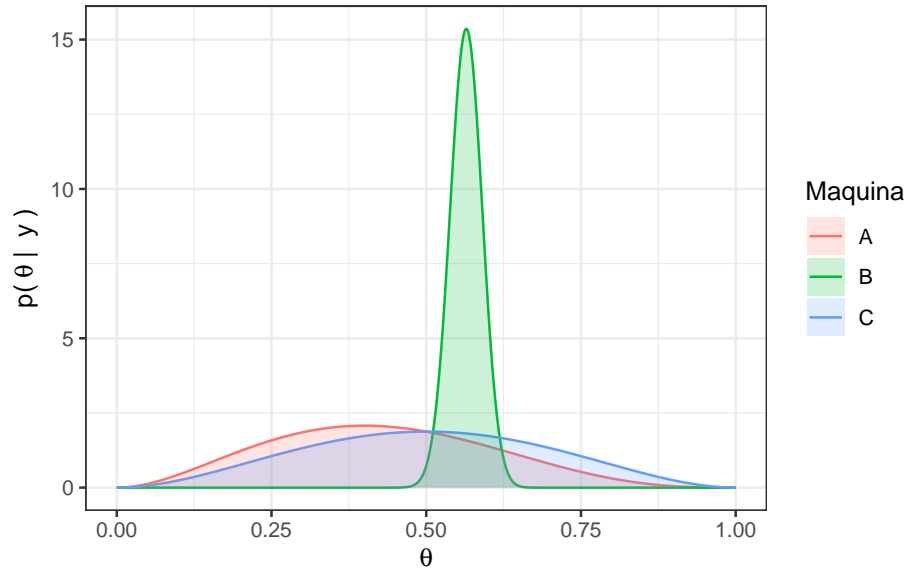


Figura 17: Probabilidades de éxito para cada máquina a posteriori luego de un año con la estrategia softmax.

Y así resultan las distribuciones de la probabilidad de éxito en cada máquina a posteriori.

Ventajas de la estrategia:

- Al igual que la estrategia “ $\epsilon$ -greedy”, se le puede asignar valores al parámetro  $\tau$  para lograr un equilibrio entre exploración y explotación, y así lograr mayores ganancias.
- Hace uso de la información de las tiradas anteriores.

Desventajas de la estrategia:

- Para valores de  $\tau$  muy cercanos a cero, se corre el riesgo de sobreexplotar una máquina
- Cuando  $\tau \rightarrow \infty$ , la estrategia tiende a elegir máquinas al azar.

## Upper-Bound

Se selecciona la máquina que tenga el mayor límite superior, en un intervalo de credibilidad centrado, del 95% de probabilidad.

Para elegir la máquina con la que se va a jugar en el día se hizo uso de la siguiente función:



## **i** Función UB

```
# Upper-Bound -----

UB <- function(maquina, ganancia, param) {

  # Argumentos de las distribuciones de los parámetros
  a1 <- 2; b1 <- 2; c1 <- 2; a2 <- 2; b2 <- 2; c2 <- 2

  if (sum(maquina == "A") > 0) {
    a1 <- 2 + sum(ganancia[maquina == "A"])
    a2 <- 2 + abs(sum(ganancia[maquina == "A"] -1))
  }
  if (sum(maquina == "B") > 0) {
    b1 <- 2 + sum(ganancia[maquina == "B"])
    b2 <- 2 + abs(sum(ganancia[maquina == "B"] -1))
  }
  if (sum(maquina == "C") > 0) {
    c1 <- 2 + sum(ganancia[maquina == "C"])
    c2 <- 2 + abs(sum(ganancia[maquina == "C"] -1))
  }

  # Limite superior de 95% credibilidad
  ls <- c(qbeta(1 - param/2, a1, a2), qbeta(1 - param/2, b1, b2),
        qbeta(1 - param/2, c1, c2))
  names(ls) <- c("A","B","C")

  # Para elegir el limite superior mayor
  if (sum(ls == max(ls)) == 1) {
    maq <- names(which.max(ls))

  } else if (sum(ls == max(ls)) == 2) {
    maq <- sample(names(ls)[ls == max(ls)], size = 1)

  } else {
    maq <- sample(names(ls), size = 1)

  }

  return(maq)
}
```

Simulando los 366 días de juego:

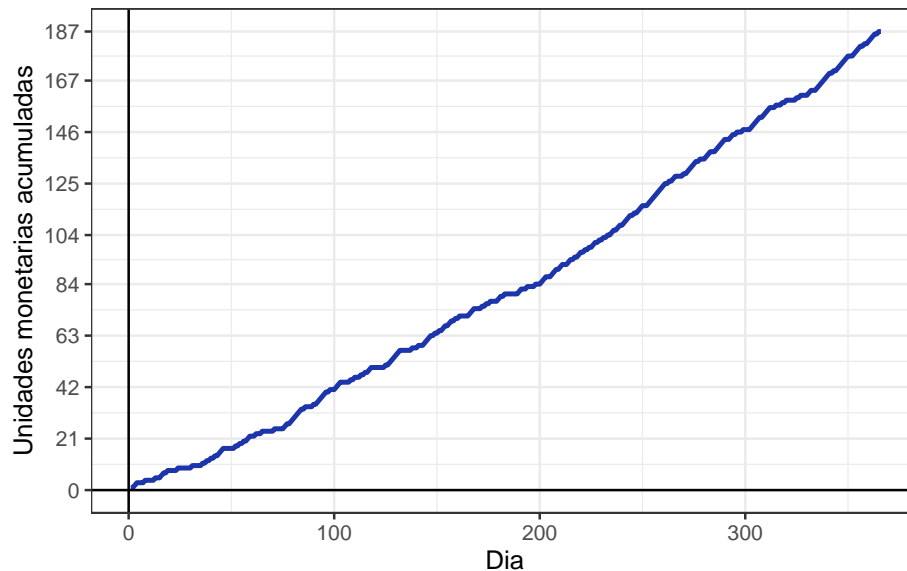


Figura 18: Unidades monetarias acumuladas durante un año con la estrategia upper-bound.

Se observa que se ganaron 187 unidades monetarias en el año.

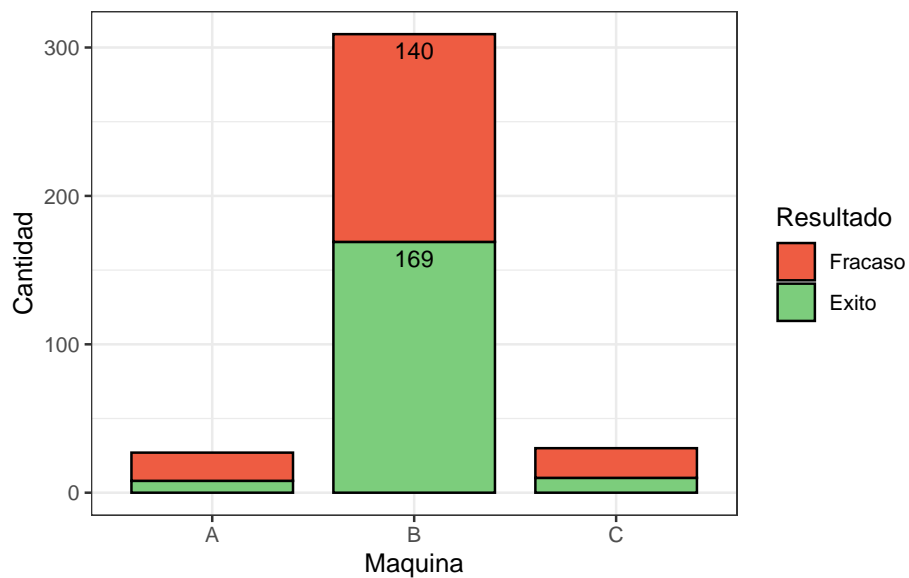


Figura 19: Frecuencia, éxito y fracaso para cada máquina durante un año con la estrategia upper-bound.

La máquina más jugada fue la B

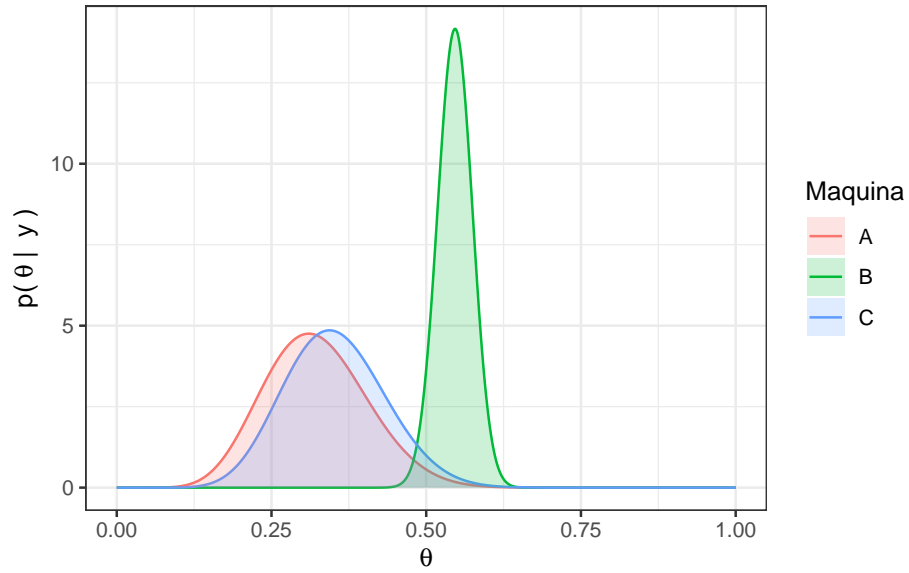


Figura 20: Probabilidades de éxito para cada máquina a posteriori luego de un año con la estrategia upper-bound.

Y así resultan las distribuciones de la probabilidad de éxito en cada máquina a posteriori.

Ventajas de la estrategia:

- Utiliza la información de las tiradas anteriores.

Desventajas de la estrategia:

- Suele tardar en encontrar la mejor máquina.

## Thompson

Se extrae una muestra de la distribución a posteriori de las probabilidades de éxito de cada máquina y se juega con la que se obtenga la muestra más grande.

Para elegir la máquina con la que se va a jugar en el día se hizo uso de la siguiente función:

### Función thompson

```
# Thompson -----

thompson <- function(maquina, ganancia) {

  # Argumentos de las distribuciones de los parámetros
  a1 <- 2; b1 <- 2; c1 <- 2; a2 <- 2; b2 <- 2; c2 <- 2

  if (sum(maquina == "A") > 0) {
    a1 <- 2 + sum(ganancia[maquina == "A"])
    a2 <- 2 + abs(sum(ganancia[maquina == "A"] - 1))
  }
  if (sum(maquina == "B") > 0) {
    b1 <- 2 + sum(ganancia[maquina == "B"])
    b2 <- 2 + abs(sum(ganancia[maquina == "B"] - 1))
  }
  if (sum(maquina == "C") > 0) {
    c1 <- 2 + sum(ganancia[maquina == "C"])
    c2 <- 2 + abs(sum(ganancia[maquina == "C"] - 1))
  }

  # Tomo una muestra de cada theta
  muestras <- c(rbeta(1, a1, a2), rbeta(1, b1, b2), rbeta(1, c1, c2))
  # parametros mayores.

  names(muestras) <- c("A","B","C")
  # Devuelvo la más grande

  return(names(muestras[which.max(muestras)]))
}
```

Simulando los 366 días de juego:

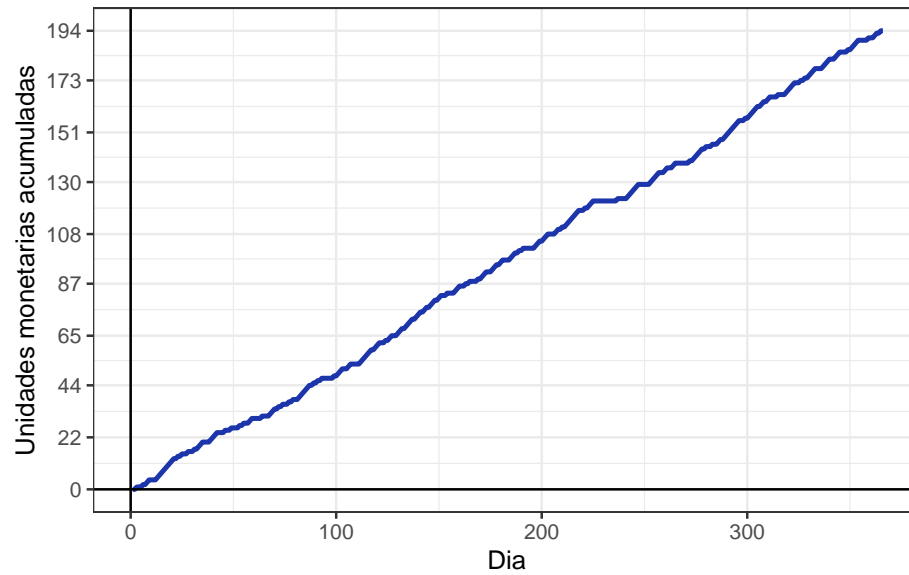


Figura 21: Unidades monetarias acumuladas durante un año con la estrategia Thompson.

Se observa que se ganaron 194 unidades monetarias en el año.

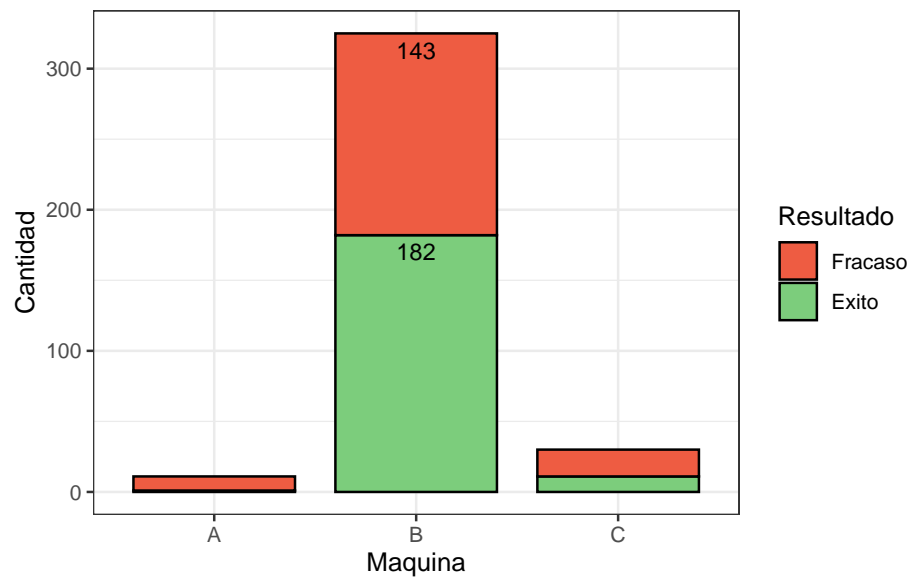


Figura 22: Frecuencia, éxito y fracaso para cada máquina durante un año con la estrategia Thompson.

La máquina más jugada fue la B

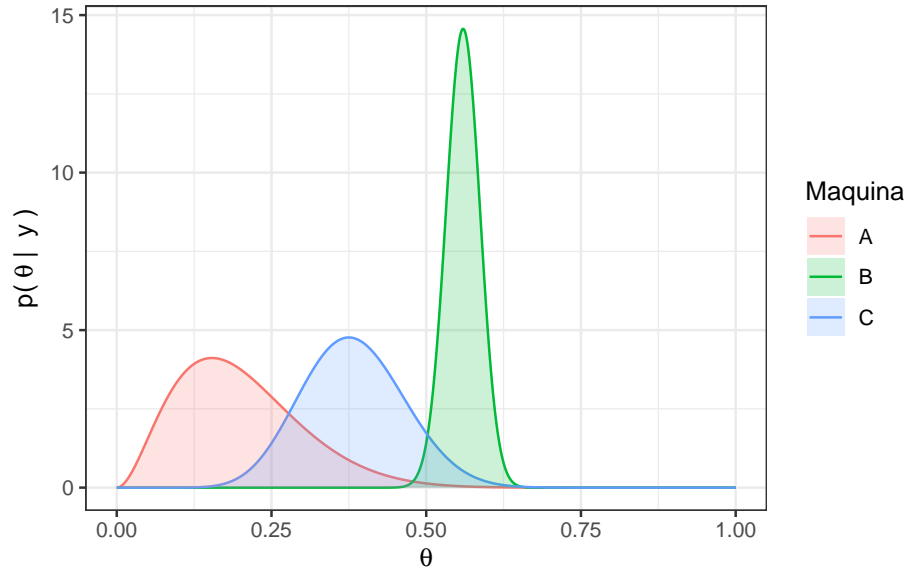


Figura 23: Probabilidades de éxito para cada máquina a posteriori luego de un año con la estrategia Thompson.

Y así resultan las distribuciones de la probabilidad de éxito en cada máquina a posteriori.

Ventajas de la estrategia:

- Utiliza la información de las tiradas anteriores.
- A medida que pasan los días, la estrategia elegirá con mayor frecuencia a la mejor máquina.

Desventajas de la estrategia:

- Si las distribuciones a priori del parámetro no se definen adecuadamente, la estrategia puede llevar a conclusiones erróneas en períodos de tiempo que no sean suficientemente largos.

## Comparaciones

Luego de presentar todas las estrategias es lógico hacerse la pregunta ¿pero cuál método es el mejor? Para responder a esto se comparan las ganancias anuales de 1000 simulaciones en un año de juego.

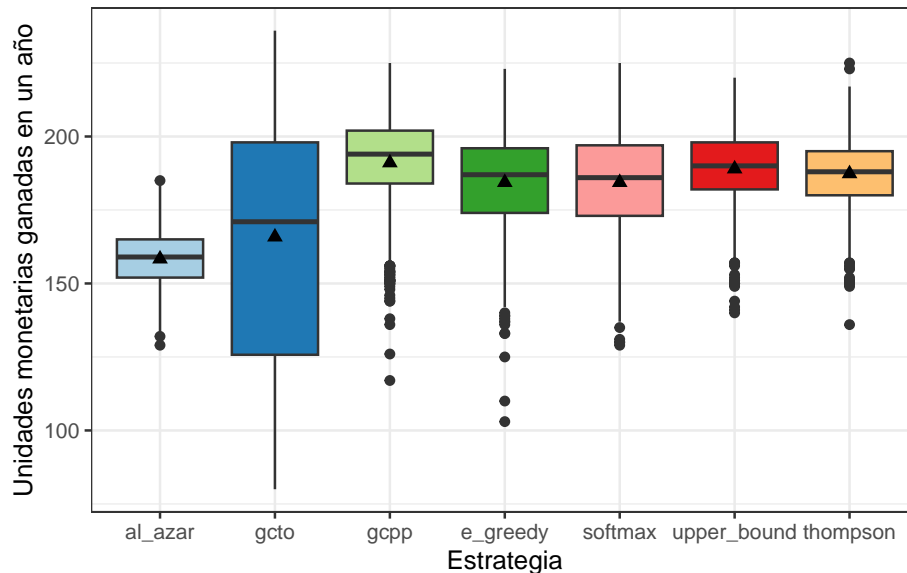


Figura 24: El triángulo representa la media de las ganancias.

Boxplots comparativos de las unidades monetarias ganadas (en un año) según estrategia.

Se puede ver que las estrategias con las que se obtienen mejores resultados son **Greedy con probabilidad a posteriori** y **Upper-Bound**, siendo más probable obtener mayores ganancias con la primera. Mientras que las que peor desempeño tuvieron fueron las estrategias **al azar** y **Greedy con tasa observada**.

## Conclusión

Si bien el presente estudio no busca generar la falsa ilusión de que es posible generar grandes ganancias con máquinas tragamonedas (tragaperras) es interesante desde el punto de vista de la estadística bayesiana estudiar distintas técnicas y ver cual es la que resuelve de mejor manera la problemática del “[bandido multibrazo](#)”. Se llegó a la conclusión de que la estrategia a seguir para maximizar la probabilidad de obtener mayores ganancias, es **Greedy con probabilidad a posteriori**.

## Anexo

Se pueden replicar los resultados y comprobar los códigos utilizados consultando el [repositorio](#) del trabajo.