

# Estudo sobre modelos log-lineares Poisson: Verificação de estimativa pontual e intervalar (tipo link) para as médias

André Savassi  
Kenzo Bontempo  
Márcio Antônio

UFMG

01/10/2025

# Sumário

1 Introdução

2 Distribuições

# Introdução

Aqui vai o conteúdo do seu slide.

- Este é um item de lista.
- Outro item importante.

Título de um Bloco

Texto dentro de um bloco destacado.

# Introdução

Aqui vai o conteúdo do seu slide.

- Este é um item de lista.
- Este item aparece no segundo "clique" (sobreposição).
- Outro item importante.

Título de um Bloco

Texto dentro de um bloco destacado.

# Gerando amostras de distribuições - Poisson

Primeiramente, iremos amostrar da Distribuição Poisson, que possui a função densidade descrita por:

$$f(y; \lambda) = \frac{e^{-\lambda} \lambda^y}{y!}, \quad y = 0, 1, \dots, n$$

Referencia-se que:  $\mathbb{E}(Y) = \text{Var}(Y) = \lambda$

# Amostrador Poisson via Transformação Inversa

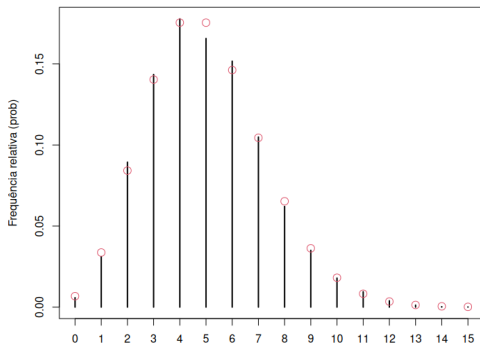
```
library(dplyr)
library(kableExtra)
rpois_aux <- function(lambda) {
  u <- runif(1, 0, 1)
  i <- 0
  pr <- exp(-lambda)
  Fx = pr
  while (u >= Fx) {
    pr <- pr * lambda / (i + 1)
    Fx <- Fx + pr
    i <- i + 1
  }
  return(i)
}
rpoisson <- function(n, lambda) {
  replicate(n, expr = rpois_aux(lambda), simplify =
    TRUE)
}
```

[▶ Código.R](#)

# Resultados - Poisson Inversa

Comparação de frequências relativas com probabilidades teóricas

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
freq	0.006	0.031	0.089	0.144	0.178	0.166	0.152	0.105	0.062	0.035
prob	0.007	0.034	0.084	0.140	0.175	0.175	0.146	0.104	0.065	0.036



# Amostrador Poisson via Aceitação/ Rejeição

```
poisson_ar_1 <- function(lambda, kmax = 30) {  
  f_pois <- function(k, lambda) {  
    return(exp(-lambda) * lambda^k / factorial(k))  
  }  
  fmax <- f_pois(floor(lambda), lambda)  
  repeat {  
    y <- sample(0:kmax, 1)  
    fy <- f_pois(y, lambda)  
    gy <- 1 / (kmax + 1)  
    u <- runif(1)  
    if (u < fy / (fmax * gy)) {  
      return(y)  
    }  
  }  
}  
  
poisson_ar <- function(lambda, n = 1000, kmax = 30) {  
  replicate(n, poisson_ar_1(lambda, kmax))  
}
```

[▶ Código.R](#)



# Gerando amostras de distribuições - Binomial Negativa

Segue que a densidade da distribuição Binomial Negativa é descrita por:

$$f(y; r, p) = \binom{y-1}{r-1} p^r (1-p)^{y-r}$$

onde  $r$  é o total de sucessos e  $p$  é a probabilidade desses sucessos. Note que  $Y \sim BN(r, p)$  possui esperança e variância a seguir:

$$\mathbb{E}(Y) = \frac{r}{p}; \quad \text{Var}(Y) = \frac{r(1-p)}{p^2}$$

Teste, teste

# Gerando amostras de distribuições - Bell

Segue que a densidade da distribuição Bell é descrita por:

$$f(y; \theta) = \frac{\theta e^{e^\theta + 1}}{y!} B_Y, \quad y = 0, 1, \dots, n; \quad \theta > 0$$

Onde o termo  $B_Y$  corresponde ao número de Bell, dados por:

$$B_n = \frac{1}{e} \sum_{k=0}^{\infty} \frac{k^n}{k!}, \text{ iniciando com } B_0 = B_1 = 1$$

A média e variância de  $Y \sim \text{Bell}(\theta)$  é:

$$\mathbb{E}(Y) = \theta e^\theta \quad \text{Var}(Y) = \theta(1 + \theta)e^\theta$$