# Estudo sobre modelos log-lineares Poisson: Verificação de estimativa pontual e intervalar (tipo link) para as médias

André Savassi Kenzo Bontempo Márcio Antônio

**UFMG** 

01/10/2025

## Sumário

Introdução

2 Distribuições

## Introdução

Aqui vai o conteúdo do seu slide.

- Este é um item de lista.
- Outro item importante.

#### Título de um Bloco

Texto dentro de um bloco destacado.

## Introdução

Aqui vai o conteúdo do seu slide.

- Este é um item de lista.
- Este item aparece no segundo "clique" (sobreposição).
- Outro item importante.

#### Título de um Bloco

Texto dentro de um bloco destacado.

## Gerando amostras de distribuições - Poisson

Primeiramente, iremos amostrar da Distribuição Poisson, que possui a função densidade descrita por:

$$f(y;\lambda) = \frac{e^{-\lambda}\lambda^y}{y!}, \ y = 0, 1, \dots, n$$

Referencia-se que:  $\mathbb{E}(Y) = Var(Y) = \lambda$ 

### Amostrador Poisson via Transformação Inversa

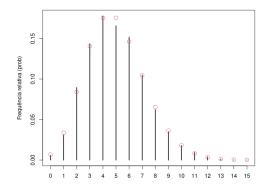
```
library(dplyr)
library(kableExtra)
rpois_aux <- function(lambda) {</pre>
 u \leftarrow runif(1, 0, 1)
 i <- 0
 pr <- exp(-lambda)
 Fx = pr
 while (u >= Fx) {
   pr <- pr * lambda / (i + 1)
   Fx <- Fx + pr
    i <- i + 1
 return(i)
rpoisson <- function(n, lambda) {</pre>
 replicate(n, expr = rpois_aux(lambda), simplify =
      TRUE)
```

▶ Código R

### Resultados - Poisson Inversa

Comparação de frequências relativas com probabilidades teóricas

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
freq	0.006	0.031	0.089	0.144	0.178	0.166	0.152	0.105	0.062	0.035
prob	0.007	0.034	0.084	0.140	0.175	0.175	0.146	0.104	0.065	0.036



## Amostrador Poisson via Aceitação/ Rejeição

```
poisson_ar_1 <- function(lambda, kmax = 30) {</pre>
  f_pois <- function(k, lambda) {</pre>
    return(exp(-lambda) * lambda^k / factorial(k))
  fmax <- f_pois(floor(lambda), lambda)</pre>
  repeat {
    y \leftarrow sample(0:kmax, 1)
    fy <- f_pois(y, lambda)</pre>
    gy < -1 / (kmax + 1)
    u \leftarrow runif(1)
    if (u < fy / (fmax * gy)) {</pre>
      return(y)
poisson_ar <- function(lambda, n = 1000, kmax = 30) {</pre>
  replicate(n, poisson_ar_1(lambda, kmax))
```

01/10/2025 8

## Gerando amostras de distribuições - Binomial Negativa

Segue que a densidade da distribuição Binomial Negativa é descrita por:

$$f(y; r, p) = {y-1 \choose r-1} p^r (1-p)^{y-r}$$

onde r é o total de sucessos e p é a probabilidade desses sucessos. Note que  $Y \sim BN(r,p)$  possui esperança e variância a seguir:

$$\mathbb{E}(Y) = \frac{r}{p} \; ; \; \mathit{Var}(Y) = \frac{r(1-p)}{p^2}$$

## Gerando amostras de distribuições - Bell

Segue que a densidade da distribuição Bell é descrita por:

$$f(y;\theta) = \frac{\theta e^{e^{\theta}+1}}{y!} B_Y, \ y = 0, 1, \dots, n; \ \theta > 0$$

Onde o termo  $B_Y$  corresponde ao número de Bell, dados por:

$$B_n = \frac{1}{e} \sum_{k=0}^{\infty} \frac{k^n}{k!}$$
, iniciando com  $B_0 = B_1 = 1$ 

A média e variâncida de  $Y \sim Bell(\theta)$  é:

$$\mathbb{E}(Y) = \theta e^{\theta}$$
;  $Var(Y) = \theta(1+\theta)e^{\theta}$ 

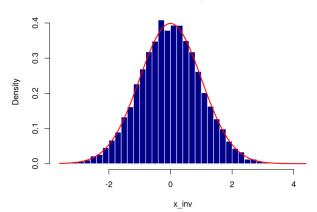
## Amostrador Bell via Transformação Inversa

```
n <- 10000
u <- runif(n)
x_inv <- qnorm(u, mean = 0, sd = 1)</pre>
```

▶ Código.R

#### Gráficos - Bell Inversa

Normal(0,1) via Transformação Inversa (qnorm)



#### Amostrador Bell via Box Muller

```
n <- 10000

u1 <- runif(n)
u2 <- runif(n)

z1 <- sqrt(-2 * log(u1)) * cos(2 * pi * u2)
z2 <- sqrt(-2 * log(u1)) * sin(2 * pi * u2)

x_bm <- c(z1, z2)</pre>
```

▶ Código.R

#### Gráficos - Bell Box Muller

