# НАЦІОНАЛЬНИЙ ТЕХНІЧНИЙ УНІВЕРСИТЕТ УКРАЇНИ «КИЇВСЬКИЙ ПОЛІТЕХНІЧНИЙ ІНСТИТУТ імені Ігоря СІКОРСЬКОГО» НАВЧАЛЬНО-НАУКОВИЙ ФІЗИКО-ТЕХНІЧНИЙ ІНСТИТУТ

Кафедра математичних методів захисту інформації

#### Комп'ютерний практикум №1 з курсу Методи криптоаналізу 1

#### Підготували:

студенти 5 курсу групи ФІ-22мн Ковальчук О.М. Коломіець А.Ю.

## БАЄСІВСЬКИЙ ПІДХІД В КРИПТОАНАЛІЗІ: ПОБУДОВА І ДОСЛІДЖЕННЯ ДЕТЕРМІНІСТИЧНОЇ ТА СТОХАСТИЧНОЇ ВИРІШУЮЧИХ ФУНКЦІЙ

#### Мета лабораторної роботи

Ознайомлення з принципами баєсівського підходу в криптоаналізі, побудова детерміністичної та стохастичної вирішуючих функцій для моделей схем шифрування та криптоаналіз моделей шифрів за допомогою програмної реалізації, зокрема здійснення порівняльного аналізу вирішуючих функцій.

#### Постановка задачі

Реалізувати алгоритми програмно і подати результати побудови детерміністичної та стохастичної вирішуючих функцій у вигляді таблиць. Для цього необхідно:

- 1) порахувати розподіли P(C) та P(M,C);
- 2) ґрунтуючись на цих розподілах обчислити P(M|C);
- 3) побудова оптимальних детерміністичної та стохастичної вирішуючих функцій зводиться до максимізації P(M|C).

Обчислити середні втрати, провести порівняльний аналіз вирішуючих функцій.

#### Варіанти завдання

В даному комп'ютерному практикумі пропонується модель криптосистеми, для якої

$$|\mathcal{M}| = |\mathcal{K}| = |\mathcal{C}| = 20.$$

Вихідні дані до комп'ютерного практикуму подані в форматі .csv у вигляді двох таблиць:  $prob_XX.csv$  та  $table_XX.csv$ , де XX — номер варіанта. Таблиця у файлі  $prob_XX.csv$  складається з двох рядків та 20 стовпців і містить ймовірнісний розподіл відкритих текстів в першому рядку та ймовірнісний розподіл ключів в другому. Файл  $table_XX.csv$  містить таблицю шифрування  $20 \times 20$ . Вона представлена таким чином: по стовпцях індексується відкритий текст, по рядках ключ; на перетині i-го рядка і j-го стовпчика міститься індекс h шифротексту, який отриманий в результаті шифрування j-го відкритого тексту на i-му ключі, тобто:

$$C_h = E_{k_i}(M_i)$$
.

#### Для варіанту №6

Таблиця 1 – Ймовірнісні розподіли відкритих текстів та ключів.

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19
Probability of text	0.24	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04
Probability of key	0.24	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04

#### Для варіанту №11

Таблиця 2 – Ймовірнісні розподіли відкритих текстів та ключів.

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19
Probability of text	0.24	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04
Probability of key	0.14	0.14	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04	0.04

#### Для варіанту №6

Таблиця 3 – Таблиця шифрування.

	$M_0$	$M_1$	$M_2$	$M_3$	$M_4$	$M_5$	$M_6$	$M_7$	$M_8$	$M_9$	$M_{10}$	$M_{11}$	$M_{12}$	$M_{13}$	$M_{14}$	$M_{15}$	$M_{16}$	$M_{17}$	$M_{18}$	$M_{19}$
$K_0$	14	12	1	2	8	17	7	0	9	18	4	19	15	3	13	10	11	6	16	5
$K_1$	13	12	11	0	15	10	5	4	16	17	7	18	19	2	8	1	6	3	14	9
$K_2$	17	12	19	8	11	1	5	0	16	3	15	6	13	10	9	2	18	14	4	7
$K_3$	18	6	7	19	13	0	4	10	9	17	16	14	2	8	1	5	15	12	3	11
$K_4$	6	0	16	14	3	4	11	2	10	18	15	17	5	9	13	19	1	8	7	12
$K_5$	17	9	11	10	7	3	5	8	16	4	18	13	15	0	19	1	14	12	2	6
$K_6$	7	18	15	10	11	8	9	13	1	14	4	2	17	12	3	5	6	19	0	16
$K_7$	11	10	14	19	8	1	4	5	7	16	12	9	0	2	6	17	18	3	15	13
$K_8$	11	7	3	1	19	10	9	6	4	12	0	15	18	14	5	8	13	16	17	2
$K_9$	3	16	15	13	19	18	11	1	9	2	8	10	4	14	6	17	12	5	7	0
$K_{10}$	15	9	3	18	8	10	5	14	6	0	16	12	2	19	13	11	7	4	17	1
$K_{11}$	6	4	19	12	15	17	10	14	3	11	18	8	7	9	2	13	0	1	5	16
$K_{12}$	19	13	18	1	10	3	9	2	17	14	12	7	16	15	0	6	11	4	5	8
$K_{13}$	12	18	3	17	11	15	9	6	14	1	4	13	2	0	16	8	19	7	5	10
$K_{14}$	11	19	18	16	2	12	4	15	1	6	7	5	13	9	17	0	8	3	14	10
$K_{15}$	2	10	4	14	7	19	18	3	15	11	17	0	6	9	5	1	13	12	16	8
$K_{16}$	6	10	3	9	13	7	16	19	5	18	4	17	11	15	8	2	1	14	12	0
$K_{17}$	17	12	7	11	15	13	18	3	0	4	19	9	8	2	16	1	6	10	5	14
$K_{18}$	10	5	9	2	13	19	1	15	6	16	3	18	17	11	8	12	14	4	0	7
$K_{19}$	5	2	18	11	10	17	15	1	12	19	14	0	4	3	7	9	6	8	16	13

#### Для варіанту №11

**Таблиця 4** – Таблиця шифрування.

	$M_0$	$M_1$	$M_2$	$M_3$	$M_4$	$M_5$	$M_6$	$M_7$	$M_8$	$M_9$	$M_{10}$	$M_{11}$	$M_{12}$	$M_{13}$	$M_{14}$	$M_{15}$	$M_{16}$	$M_{17}$	$M_{18}$	$M_{19}$
$K_0$	2	17	3	19	12	4	0	8	1	6	15	14	7	9	10	5	18	16	13	11
$K_1$	18	19	11	16	8	0	5	10	15	7	17	14	1	3	13	12	4	6	2	9
$K_2$	10	12	15	5	13	11	8	2	0	3	17	14	7	1	6	16	18	19	9	4
$K_3$	4	15	8	0	12	9	19	18	1	14	17	16	7	2	6	10	5	11	13	3
$K_4$	15	9	5	1	16	0	8	18	2	17	3	10	4	6	12	14	11	7	19	13
$K_5$	1	7	5	11	19	8	17	18	14	0	15	12	10	6	9	16	2	4	13	3
$K_6$	18	10	13	12	19	1	2	5	14	17	11	9	15	0	6	8	7	3	4	16
$K_7$	3	13	1	14	12	11	2	9	18	10	0	19	5	16	15	4	8	6	7	17
$K_8$	5	9	0	15	10	12	18	13	19	14	3	4	17	11	16	8	6	7	2	1
$K_9$	14	8	12	16	17	2	7	18	6	11	15	13	4	19	9	5	1	0	10	3
$K_{10}$	16	6	0	14	13	15	5	12	11	18	1	2	3	8	9	19	17	10	4	7
$K_{11}$	9	18	4	0	8	13	11	17	5	15	7	10	14	12	3	6	19	16	2	1
$K_{12}$	9	6	19	12	3	15	7	16	14	18	4	0	17	1	13	10	5	2	8	11
$K_{13}$	12	4	9	19	2	18	14	6	0	5	7	8	17	16	11	1	10	3	13	15
$K_{14}$	13	17	19	1	12	8	11	3	16	10	18	15	6	2	0	5	9	4	14	7
$K_{15}$	16	3	15	11	18	8	13	1	4	12	19	2	14	5	10	6	7	9	17	0
$K_{16}$	17	2	13	12	16	3	8	0	7	6	18	1	14	10	15	11	5	19	9	4
$K_{17}$	14	18	12	6	1	8	9	2	17	5	3	7	4	10	13	0	19	11	16	15
$K_{18}$	4	11	19	6	3	16	10	9	14	13	1	7	5	15	18	12	8	0	2	17
$K_{19}$	9	7	12	8	0	10	3	6	14	19	17	4	18	5	2	1	13	11	16	15

#### Хід роботи

#### Опис алгоритму побудови детерміністичної вирішуючої функцій

Баєсівською вирішуючою функцією називається така детерміністична вирішуюча функція  $\delta_B$  для якої виконується умова:

$$P(\delta_B|C) = \max_{M \in \mathcal{M}} P(M|C)$$

Байєсівською  $\delta_B$  розв'язувальною функцію називається послідовність відображень:

$$\delta_B = \{\delta_B^{(n)} : Z_m^n \to Z_m^n, n = 1, 2, \dots\},\$$

де  $\forall C$  значення функції  $M=\delta_B^{(n)}(C)$  визначається як таке M, для якого максимізується ймовірність

$$P(\delta_B^{(n)}(C)/C) = \max_{M \in \mathbb{Z}_m^n} P(M/C) \,.$$

.

Детерміністична вирішуюча функція є оптимальною тоді і лише тоді, коли вона є баєсівською. Детерміністична розв'язувальна функція буде оптимальною тоді і тільки тоді, якщо для кожного C значенням функції  $\delta_B^{(n)}(C)$  буде такий відкритий текст M, при якому P(M,C) і P(M|C)я досягають максимального значення, тобто

$$P(\delta_D^{(n)}(C)/C) = \max_{M \in Z^n} P(M/C) = P(\delta_B^{(n)}(C)/C)$$

#### Опис алгоритму побудови стохастичної вирішуючої функцій

Для кожного ШТ  $C_k$  будуємо послідовність  $P\big(M_i \mid C_k\big), i=1,2,...,m^n$ . Для таких  $M_i$ , для яких

$$P(M_i|C_k) = \max_{M'} P(M'|C_k).$$

покладаємо  $\delta_c^{(n)}(C_k,M_i)=\frac{1}{s}$ , де s – число таких ВТ для даного  $C_k$ , на яких досягається максимум. Іншим елементам  $\delta_c^{(n)}(C_k,M_i)=0$  k-го рядку матриці (що відповідає ШТ  $C_k$ ) приписуємо значення нуль.

#### Опис труднощів, що виникали, та шляхи їх розв'язання

Найбільші труднощі, що виникли під час виконання комп'ютерного практикуму – нестача знань володінням GitHub репозиторієм з терміналу Linux. Але дана перепона була подолана шляхом тренування в інтерактивному веб-середовищі. Також було важко працювати з об'єктами мови програмування Python3 такими, як DataFrame та Arrays. Були неоднозначності, щодо індексування комірок матриці таблиці, що призводили до постійного пошуку помилок у коді в індексації елементів.

#### Таблиці ймовірностей P(M/C)

#### Для варіанту №6

	$M_0$	$M_1$	$M_2$	$M_3$	$M_4$	$M_5$	$M_6$	$M_7$	$M_8$	$M_9$	$M_{10}$	$M_{11}$	$M_{12}$	$M_{13}$	$M_{14}$	$M_{15}$	$M_{16}$	$M_{17}$	$M_{18}$	$M_{19}$
$C_0$	0.0000	0.0016	0.0000	0.0016	0.0000	0.0016	0.0000	0.0112	0.0016	0.0016	0.0016	0.0032	0.0016	0.0032	0.0016	0.0016	0.0016	0.0000	0.0032	0.0032
$C_1$	0.0000	0.0000	0.0096	0.0032	0.0000	0.0032	0.0016	0.0032	0.0032	0.0016	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0016	0.0064	0.0032	0.0016	0.0000	0.0016
$C_2$	0.0096	0.0016	0.0000	0.0112	0.0016	0.0000	0.0000	0.0032	0.0000	0.0016	0.0000	0.0016	0.0048	0.0048	0.0016	0.0032	0.0000	0.0000	0.0016	0.0016
$C_3$	0.0096	0.0000	0.0064	0.0000	0.0016	0.0032	0.0000	0.0032	0.0016	0.0016	0.0016	0.0000	0.0000	0.0112	0.0016	0.0000	0.0000	0.0048	0.0016	0.0000
$C_4$	0.0000	0.0016	0.0016	0.0000	0.0000	0.0016	0.0048	0.0016	0.0016	0.0032	0.0144	0.0000	0.0032	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0048	0.0016	0.0000
$C_5$	0.0096	0.0016	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0064	0.0016	0.0016	0.0000	0.0000	0.0016	0.0016	0.0000	0.0032	0.0032	0.0000	0.0016	0.0064	0.0096
$C_6$	0.0288	0.0016	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0032	0.0032	0.0016	0.0000	0.0016	0.0016	0.0000	0.0032	0.0016	0.0064	0.0096	0.0000	0.0016
$C_7$	0.0096	0.0016	0.0032	0.0000	0.0032	0.0016	0.0096	0.0000	0.0016	0.0000	0.0032	0.0016	0.0016	0.0000	0.0016	0.0000	0.0016	0.0016	0.0032	0.0032
$C_8$	0.0000	0.0000	0.0000	0.0016	0.0128	0.0016	0.0000	0.0016	0.0000	0.0000	0.0016	0.0016	0.0016	0.0016	0.0048	0.0032	0.0016	0.0032	0.0000	0.0032
$C_9$	0.0000	0.0032	0.0016	0.0016	0.0000	0.0000	0.0064	0.0000	0.0128	0.0000	0.0000	0.0032	0.0000	0.0064	0.0016	0.0016	0.0000	0.0000	0.0000	0.0016
$C_{10}$	0.0096	0.0048	0.0000	0.0032	0.0032	0.0048	0.0016	0.0016	0.0016	0.0000	0.0000	0.0016	0.0000	0.0016	0.0000	0.0096	0.0000	0.0016	0.0000	0.0032
$C_{11}$	0.0288	0.0000	0.0032	0.0032	0.0048	0.0000	0.0032	0.0000	0.0000	0.0032	0.0000	0.0000	0.0016	0.0016	0.0000	0.0016	0.0112	0.0000	0.0000	0.0016
$C_{12}$	0.0096	0.0144	0.0000	0.0016	0.0000	0.0016	0.0000	0.0000	0.0016	0.0016	0.0032	0.0016	0.0000	0.0016	0.0000	0.0016	0.0016	0.0048	0.0016	0.0016
$C_{13}$	0.0096	0.0016	0.0000	0.0016	0.0048	0.0016	0.0000	0.0016	0.0000	0.0000	0.0000	0.0032	0.0032	0.0000	0.0128	0.0016	0.0032	0.0000	0.0000	0.0032
$C_{14}$	0.0576	0.0000	0.0016	0.0032	0.0000	0.0000	0.0000	0.0032	0.0016	0.0032	0.0016	0.0016	0.0000	0.0032	0.0000	0.0000	0.0032	0.0032	0.0032	0.0016
$C_{15}$	0.0096	0.0000	0.0032	0.0000	0.0048	0.0016	0.0016	0.0032	0.0016	0.0000	0.0032	0.0016	0.0112	0.0032	0.0000	0.0000	0.0016	0.0000	0.0016	0.0000
$C_{16}$	0.0000	0.0016	0.0016	0.0016	0.0000	0.0000	0.0016	0.0000	0.0048	0.0032	0.0032	0.0000	0.0016	0.0000	0.0032	0.0000	0.0000	0.0016	0.0128	0.0032
$C_{17}$	0.0288	0.0000	0.0000	0.0016	0.0000	0.0128	0.0000	0.0000	0.0016	0.0032	0.0016	0.0032	0.0032	0.0000	0.0016	0.0032	0.0000	0.0000	0.0032	0.0000
$C_{18}$	0.0096	0.0032	0.0048	0.0016	0.0000	0.0016	0.0032	0.0000	0.0000	0.0128	0.0032	0.0032	0.0016	0.0000	0.0000	0.0000	0.0032	0.0000	0.0000	0.0000
$C_{19}$	0.0096	0.0016	0.0032	0.0032	0.0032	0.0032	0.0000	0.0016	0.0000	0.0016	0.0016	0.0096	0.0016	0.0016	0.0016	0.0016	0.0016	0.0016	0.0000	0.0000

#### Для варіанту №11

	$M_0$	$M_1$	$M_2$	$M_3$	$M_4$	$M_5$	$M_6$	$M_7$	$M_8$	$M_9$	$M_{10}$	$M_{11}$	$M_{12}$	$M_{13}$	$M_{14}$	$M_{15}$	$M_{16}$	$M_{17}$	$M_{18}$	$M_{19}$
$C_0$	0.0000	0.0000	0.0032	0.0032	0.0016	0.0072	0.0056	0.0016	0.0032	0.0016	0.0016	0.0016	0.0000	0.0016	0.0016	0.0016	0.0000	0.0032	0.0000	0.0016
$C_1$	0.0096	0.0000	0.0016	0.0032	0.0016	0.0016	0.0000	0.0016	0.0072	0.0000	0.0032	0.0016	0.0056	0.0032	0.0000	0.0032	0.0016	0.0000	0.0000	0.0032
$C_2$	0.0336	0.0016	0.0000	0.0000	0.0016	0.0016	0.0032	0.0032	0.0016	0.0000	0.0000	0.0032	0.0000	0.0032	0.0016	0.0000	0.0016	0.0016	0.0104	0.0000
$C_3$	0.0096	0.0016	0.0056	0.0000	0.0032	0.0016	0.0016	0.0016	0.0000	0.0016	0.0048	0.0000	0.0016	0.0056	0.0016	0.0000	0.0000	0.0032	0.0000	0.0048
$C_4$	0.0192	0.0016	0.0016	0.0000	0.0000	0.0056	0.0000	0.0000	0.0016	0.0000	0.0016	0.0032	0.0048	0.0000	0.0000	0.0016	0.0056	0.0032	0.0032	0.0032
$C_5$	0.0096	0.0000	0.0032	0.0016	0.0000	0.0000	0.0072	0.0016	0.0016	0.0032	0.0000	0.0000	0.0032	0.0032	0.0000	0.0088	0.0048	0.0000	0.0000	0.0000
$C_6$	0.0000	0.0032	0.0000	0.0032	0.0000	0.0000	0.0000	0.0032	0.0016	0.0072	0.0000	0.0000	0.0016	0.0032	0.0048	0.0032	0.0016	0.0072	0.0000	0.0000
$C_7$	0.0000	0.0032	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0032	0.0000	0.0016	0.0056	0.0032	0.0032	0.0088	0.0000	0.0000	0.0000	0.0032	0.0032	0.0016	0.0032
$C_8$	0.0000	0.0016	0.0016	0.0016	0.0072	0.0064	0.0048	0.0056	0.0000	0.0000	0.0000	0.0016	0.0000	0.0016	0.0000	0.0032	0.0032	0.0000	0.0016	0.0000
$C_9$	0.0288	0.0032	0.0016	0.0000	0.0000	0.0016	0.0016	0.0032	0.0000	0.0000	0.0000	0.0016	0.0000	0.0056	0.0048	0.0000	0.0016	0.0016	0.0032	0.0056
$C_{10}$	0.0096	0.0016	0.0000	0.0000	0.0016	0.0016	0.0016	0.0056	0.0000	0.0032	0.0000	0.0032	0.0016	0.0032	0.0072	0.0032	0.0016	0.0016	0.0016	0.0000
$C_{11}$	0.0000	0.0016	0.0056	0.0032	0.0000	0.0032	0.0032	0.0000	0.0016	0.0016	0.0016	0.0000	0.0000	0.0016	0.0016	0.0016	0.0016	0.0048	0.0000	0.0072
$C_{12}$	0.0096	0.0016	0.0048	0.0048	0.0104	0.0016	0.0000	0.0016	0.0000	0.0016	0.0000	0.0016	0.0000	0.0016	0.0016	0.0072	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
$C_{13}$	0.0096	0.0016	0.0032	0.0000	0.0032	0.0016	0.0016	0.0016	0.0000	0.0016	0.0000	0.0016	0.0000	0.0000	0.0088	0.0000	0.0016	0.0000	0.0104	0.0016
$C_{14}$	0.0192	0.0000	0.0000	0.0032	0.0000	0.0000	0.0016	0.0000	0.0080	0.0032	0.0000	0.0128	0.0048	0.0000	0.0000	0.0016	0.0000	0.0000	0.0016	0.0000
$C_{15}$	0.0096	0.0016	0.0032	0.0016	0.0000	0.0032	0.0000	0.0000	0.0056	0.0016	0.0088	0.0016	0.0016	0.0016	0.0032	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0048
$C_{16}$	0.0192	0.0000	0.0000	0.0072	0.0032	0.0016	0.0000	0.0016	0.0016	0.0000	0.0000	0.0016	0.0000	0.0032	0.0016	0.0032	0.0000	0.0072	0.0032	0.0016
$C_{17}$	0.0096	0.0072	0.0000	0.0000	0.0016	0.0000	0.0016	0.0016	0.0016	0.0032	0.0104	0.0000	0.0048	0.0000	0.0000	0.0000	0.0016	0.0000	0.0016	0.0032
$C_{18}$	0.0432	0.0032	0.0000	0.0000	0.0016	0.0016	0.0016	0.0064	0.0016	0.0032	0.0032	0.0000	0.0016	0.0000	0.0016	0.0000	0.0072	0.0000	0.0000	0.0000
$C_{19}$	0.0000	0.0056	0.0048	0.0072	0.0032	0.0000	0.0016	0.0000	0.0016	0.0016	0.0016	0.0016	0.0000	0.0016	0.0000	0.0016	0.0032	0.0032	0.0016	0.0000

### Знайдені детерміністична та стохастична функції у вигляді таблиць

#### Для варіанту №6

**Таблиця** 5 – Детерміністична функція.

	$C_0$	$C_1$	$C_2$	$C_3$	$C_4$	$C_5$	$C_6$	$C_7$	$C_8$	$C_9$	$C_{10}$	$C_{11}$	$C_{12}$	$C_{13}$	$C_{14}$	$C_{15}$	$C_{16}$	$C_{17}$	$C_{18}$	$C_{19}$
Deterministic function	7	2	3	13	10	0	0	0	4	8	0	0	1	14	0	12	18	0	9	0

#### Для варіанту №11

Таблиця 6 – Детерміністична функція.

-	$C_0$	$C_1$	$C_2$	$C_3$	$C_4$	$C_5$	$C_6$	$C_7$	$C_8$	$C_9$	$C_{10}$	$C_{11}$	$C_{12}$	$C_{13}$	$C_{14}$	$C_{15}$	$C_{16}$	$C_{17}$	$C_{18}$	$C_{19}$
Deterministic function	5	0	0	0	0	0	9	12	4	0	0	19	4	18	0	0	0	10	0	3

#### Для варіанту №6

#### Таблиця 7 – Стохастична функція.

	$M_0$	$M_1$	$M_2$	$M_3$	$M_4$	$M_5$	$M_6$	$M_7$	$M_8$	$M_9$	$M_{10}$	$M_{11}$	$M_{12}$	$M_{13}$	$M_{14}$	$M_{15}$	$M_{16}$	$M_{17}$	$M_{18}$	$M_{19}$
$C_0$	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
$C_1$	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
$C_2$	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
$C_3$	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
$C_4$	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
$C_5$	0.5	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.5
$C_6$	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
$C_7$	0.5	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
$C_8$	0.0	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
$C_9$	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
$C_{10}$	0.5	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0	0.0	0.0
$C_{11}$	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
$C_{12}$	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
$C_{13}$	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
$C_{14}$	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
$C_{15}$	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
$C_{16}$	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0
$C_{17}$	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
$C_{18}$	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
$C_{19}$	0.5	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0

#### Для варіанту №11

Таблиця 8 – Стохастична функція.

	$M_0$	$M_1$	$M_2$	$M_3$	$M_4$	$M_5$	$M_6$	$M_7$	$M_8$	$M_{\rm Q}$	$M_{10}$	$M_{11}$	$M_{12}$	$M_{13}$	$M_{14}$	$M_{15}$	$M_{16}$	$M_{17}$	$M_{18}$	$M_{19}$
$C_0$	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
$C_1$	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
$C_2$	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
$C_3$	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
$C_4$	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
$C_5$	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
$C_6$	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0
$C_7$	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
$C_8$	0.0	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
$C_9$	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
$C_{10}$	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
$C_{11}$	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	1.0
$C_{12}$	0.0	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
$C_{13}$	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0
$C_{14}$	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
$C_{15}$	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
$C_{16}$	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
$C_{17}$	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
$C_{18}$	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
$C_{19}$	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0

#### Середні втрати для вирішуючих функцій

#### Для варіанту №6

#### Для варіанту №11

Детерміністична вирішуюча функція: 0.7128

Стохастична вирішуюча функція: 0.7128

#### висновки

Аналізуючи значення середніх втрат для детерміністичної та стохастичної вирішуючих функцій можемо прийти до висновку, що вони дають однакову точність. Але яка вирішуюча функція краща: детерміністична чи стохастична? Стохастична краща, бо вона зберігає усі найбільш імовірні ВТ, а детерміністична обирає одну із всіх, а решту відкидає.