

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
 САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ
 ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ
 «ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)

Кафедра робототехники и автоматизации производственных систем

Пояснительная записка
 к курсовой работе
 по дисциплине «Информатика»

Санкт-Петербург
 2018

Инов. № подл.	Подп. и дата	Взам. инв. №	Инов. № дубл.	Подп. и дата														
Инов. № подл.	Подп. и дата	Взам. инв. №	Инов. № дубл.	Подп. и дата	Изм.	Лист	№ докум.	Подп.	Дата	Вариант N 32								
					Разраб.	Веренёв А.А.				Пояснительная записка к курсовой работе по дисциплине "Информатика"					Лит.	Лист	Листов	
					Пров.	Прокшин А.Н.											1	23
					Н. контр.													
Утв.																		

Содержание

1. Цель и тема курсовой работы
2. Задание на курсовую работу
3. Введение
4. Исследование функции
5. Исследование кубического сплайна
6. Задача оптимального распределения неоднородных ресурсов
7. Список литературы

Инь. № подл.	Подп. и дата	Взам. инв. №	Инь. № дубл.	Подп. и дата	Вариант N 32					Лист
										2
Изм	Лист	№ докум.	Подп.	Дата						

1 ЦЕЛЬ И ТЕМА КУРСОВОЙ РАБОТЫ

Уметь применять персональный компьютер и математические пакеты прикладных программ в инженерной деятельности.

Тема курсовой работы: решение математических задач с использованием математического пакета «SciLab» и системы компьютерной алгебры «Reduce».

Инв. № подл.	Подп. и дата	Взам. инв. №	Инв. № дубл.	Подп. и дата						
Изм	Лист	№ докум.	Подп.	Дата	Вариант N 32					Лист
										3

2 ВВЕДЕНИЕ

В настоящее время при решении различных как прикладных инженерных, так и чисто исследовательских задач, возникает необходимость в использовании широкого круга алгоритмов из множества разделов математики. Между тем самостоятельная реализация многих алгоритмов на некотором языке программирования может быть сложна и избыточна. Вследствие этого широкое распространение получили математические пакеты и системы компьютерной алгебры, такие как: MatLab, Octave, SciLab, Mathematica, Reduce, Maple, призванные избавить пользователя от рутинных процедур, предоставить удобный интерфейс взаимодействия с уже написанным программным кодом и быстрым созданием нового. К сожалению, некоторые из перечисленных выше математических пакетов, будучи коммерческими по природе, имеют пакетом SciLab и системой компьютерной алгебры Reduce.

Инв. № подл.	Подп. и дата	Взам. инв. №	Инв. № дубл.	Подп. и дата	Вариант N 32					Лист
										4
Изм	Лист	№ докум.	Подп.	Дата						

3 ЗАДАНИЯ НА КУРСОВУЮ РАБОТУ

1. Даны функции $f(x) = \sqrt{3}\sin(x) + \cos(x)$, $g(x) = \cos(2x + \frac{\pi}{3}) - 1$

а) Решить уравнение $f(x)=g(x)$.

б) Исследовать функцию $h(x)=f(x)-g(x)$ на промежутке $[0; \frac{5\pi}{6}]$

2. Найти коэффициенты кубического сплайна, интерполирующего данные, представленные в векторах:

$$V_x = [0, 0.5, 1.4, 2.25, 3.5] \quad V_y = [3.0, 2.7, 3.7, 3.333, 3.667]$$

Построить на графике функции $f(x)$, полученную после нахождения коэффициентов кубического сплайна.

Представить графическое изображение результатов интерполяции исходных данных различными методами с использованием встроенных функций

$\text{splin}(x,y,\text{"natural"})$, $\text{splin}(x,y,\text{"clamped"})$, $\text{splin}(x,y,\text{"not_a_knot"})$, $\text{splin}(x,y, \text{"fast"})$, $\text{splin}(x,y,\text{"monotone"})$, $\text{interp}(xx,x,y,d)$

3. Решить задачу оптимального распределения неоднородных ресурсов. Требуется решить следующую задачу оптимального распределения неоднородных ресурсов. Пусть в распоряжении завода железобетонных изделий (ЖБИ) имеется m видов сырья (песок, щебень, цемент) в объемах a_i . Требуется произвести продукцию n видов. Дана технологическая норма c_{ij} требления отдельного i -го вида сырья для изготовления единицы продукции каждого j -го вида. Известна прибыль π_j получаема от выпуска единицы продукции j -го вида. Требуется определить, какую продукцию и в каком количестве должен производить завод ЖБИ, чтобы получить максимальную прибыль.

Используемые ресурсы, a_i	Изготавливаемые изделия				Наличие ресурсов, a_i
	И1	И2	И3	И4	
Трудовые	4	4	4	6	14
Материальные	4	6	6	3	12
Финансовые	6	4	5	8	35
Прибыль, Π_j	40	55	35	25	

Инд. № подл.	Подп. и дата	Взам. инв. №	Инд. № дубл.	Подп. и дата	Вариант N 32					Лист
										5
Изм	Лист	№ докум.	Подп.	Дата						

4 РЕШЕНИЕ И ИССЛЕДОВАНИЕ ТРИГОНОМЕТРИЧЕСКОЙ ФУНКЦИИ

Решение уравнение - поиск его корней:

$$h(x) = \sqrt{3}\sin(x) + \cos(x) - \cos(2x + \frac{\pi}{3}) + 1$$

Для нахождения численного решения воспользуемся функцией "fsolve".

Для начала построим график.

```
function y=h(x)
```

```
y=sqrt(3)*sin(x)+cos(x)-cos(2*x+%pi/3)+1
```

```
endfunction
```

```
plot(0:0.01:2*%pi,h)
```

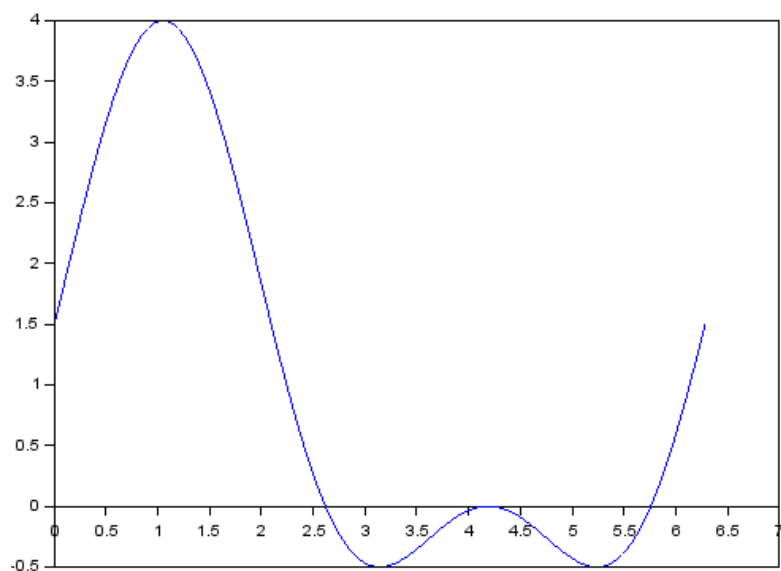


Рис 1. График функции h(x)

Инв. № подл.	Подп. и дата				Вариант N 32	Лист		
	Инв. № дубл.					6		
	Взам. инв. №							
	Подп. и дата							
Изм.	Лист	№ докум.	Подп.	Дата				

Рис 1. График функции $h(x)$

Изучив график, допустимо предположить наличие трех корней. Зададим приближенные значения и воспользуемся функцией "fsolve".

```
-- > x0 = [2.6, 4.2, 5.6]
```

```
x0 =
```

```
2.6 4.2 5.6
```

```
->[x,v]=fsolve(x0,h)
```

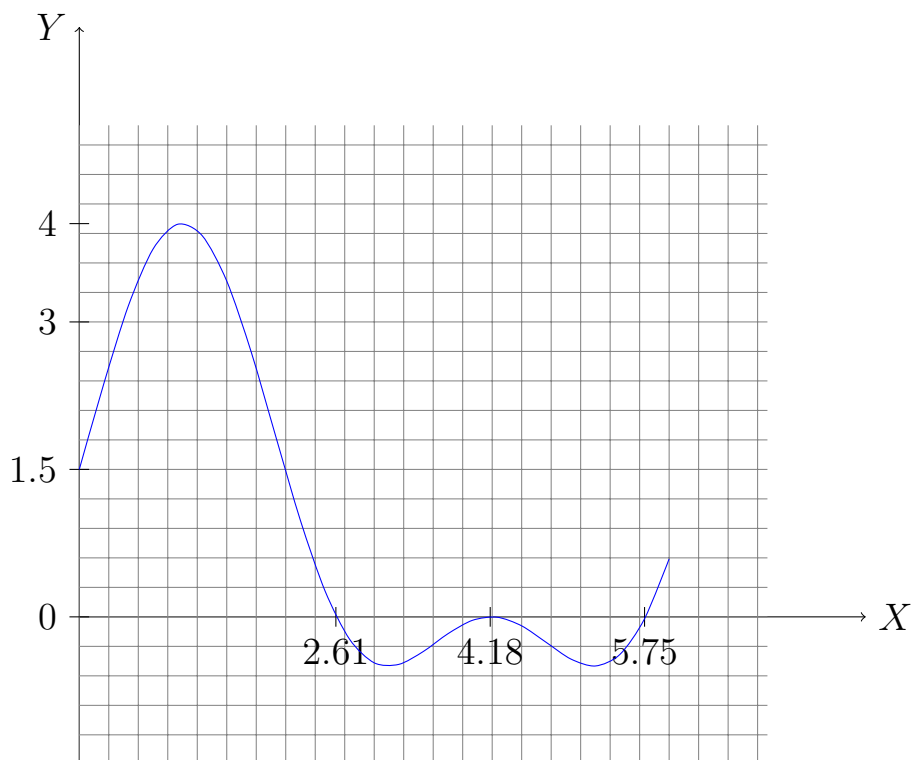
```
v =
```

```
10(-15) *
```

```
- 0.2220446 0. 0.7771561
```

```
x =
```

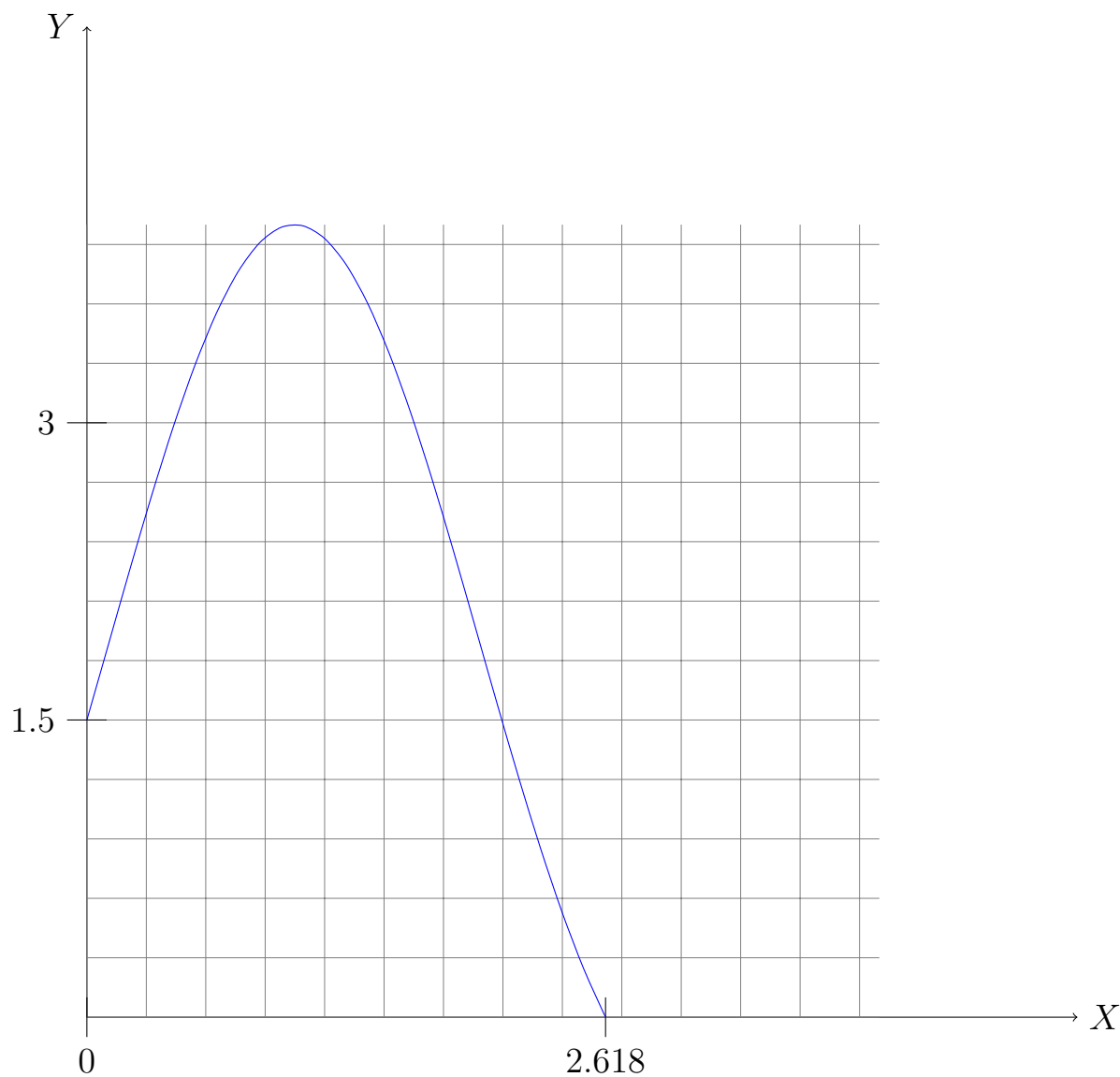
```
2.6179939 4.1887902 5.7595865
```



Инв. № подл.	Подп. и дата				Взам. инв. №	Инв. № дубл.	Подп. и дата	
Изм	Лист	№ докум.	Подп.	Дата	Вариант N 32			Лист
								7

б) Исследовать функцию $h(x)=f(x)-g(x)$ на промежутке $[0; \frac{5\pi}{6}]$

1) Построение графика исследуемой функции на промежутке $[0; \frac{5\pi}{6}]$



Инов. № подл.	Подп. и дата	Взам. инв. №	Инов. № дубл.	Подп. и дата

Изм	Лист	№ докум.	Подп.	Дата	Вариант N 32	Лист
						8

2) Исследование на четность или нечетность. Если $f(-x) = f(x)$, то функция четная. Если $f(-x) = -f(x)$ - нечетная. Если функция не является четной или нечетной, то ее обычно называют - функцией общего вида.

Листинг:

```
-- > y = 1
```

```
y =
```

```
1.
```

```
--> e(y)=sqrt(3)*sin(x)+cos(x)-cos(2*x+%pi/3)+1
```

```
e =
```

```
3.9933209
```

```
x =
```

```
- 1.
```

```
-- > z(-x) = sqrt(3) * sin(x) + cos(x) - cos(2 * x + %pi/3) + 1
```

```
z =
```

```
- 0.4965694
```

$$h(x) = h(-x) \iff 3.9933209 \neq -0.4965694 \implies \text{Функция общего вида.}$$

Определяем значения $h(x)$ для границ участка $[0; \frac{5\pi}{6}]$;

$$h(0) = \sqrt{0} + \cos(0) - \cos(2 \cdot 0 + \frac{\pi}{3}) + 1 = 0 + 1 - 0.5 + 1 = 1.5$$

$$h(\frac{5\pi}{6}) = \sqrt{0} + \cos(\frac{5\pi}{6}) - \cos(2 \cdot \frac{5\pi}{6} + \frac{\pi}{3}) + 1 = \sqrt{3} \cdot \frac{1}{2} + \frac{-\sqrt{3}}{2} = 0$$

Инов. № подл.	Подп. и дата	Взам. инв. №	Инов. № дубл.	Подп. и дата	<div>Вариант N 32</div>					Лист
										9
Изм	Лист	№ докум.	Подп.	Дата						

Определяем производную от $h(x)$ по x :

$$H(x) = \frac{dh(x)}{dx} = \sqrt{3} \cdot \cos(x) - \sin(x) + 2 \cdot \sin(2x + \frac{\pi}{3})$$

На заданном промежутке уравнения $H(x) = 0$ имеет решение при $x = \frac{\pi}{3}$

$$H(\frac{\pi}{4}) = \sqrt{3} \cdot \sin(\frac{\pi}{4}) - \sin(\frac{\pi}{4} + 2 \cdot \sin(2 \cdot \frac{\pi}{4} + \frac{\pi}{3})) = \sqrt{3} \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{2}}{2} + 2 \sin(\frac{5\pi}{6}) \approx 1.518$$

Так как на участке $[0; \frac{\pi}{3}] H(x) \geq 0$, то функция $h(x)$ на этом участке возрастает

$$H(\frac{\pi}{2}) = \sqrt{3} \cdot \sin(\frac{\pi}{2}) - \sin(\frac{\pi}{2} + 2 \cdot \sin(2 \cdot \frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{3})) = \sqrt{3} - 1 \approx -2.732$$

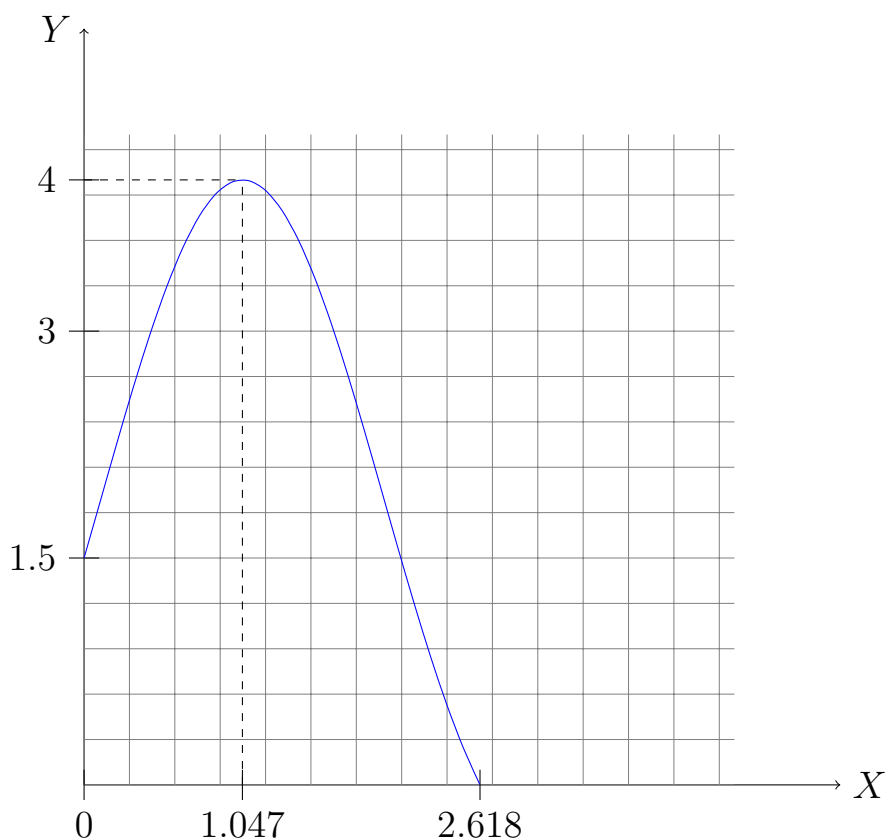
Так как на участке $[\frac{\pi}{3}; \frac{5\pi}{6}] H(x) \leq 0$, то функция $h(x)$ на этом участке убывает

Так происходит смена знака функции $H(x)$, то на заданном промежутке, в точке $x = \frac{\pi}{3}$, будет максимум функции $h(x)$. Максимальное значение функции равно:

$$h(\frac{\pi}{3}) = \sqrt{3} \cdot \sin(\frac{\pi}{3}) + \cos(\frac{\pi}{3} - \cos(2 \cdot \frac{\pi}{3} + \frac{\pi}{3})) = \sqrt{3} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2} - (-1) + 1 = 4$$

Минимальны значением функции на заданном участке будет $h(\frac{5\pi}{6}) = 0$

Строим график функцию на заданном промежутке:



Инь. № подл.	Подп. и дата	Взам. инв. №	Инь. № дубл.	Подп. и дата	Вариант N 32					Лист
										10
Изм	Лист	№ докум.	Подп.	Дата						

Итог:

- 1) функция является периодической, с периодом 2π , не гармонической функцией, определенной для всех действительных значений $x(x \in R)$
- 2) Вертикальные и горизонтальные асимптоты отсутствуют.
- 3) Функция общего вида
- 4) Имеет глобальный максимум в точке $x = \frac{\pi}{3}$
- 5) Имеет глобальный минимум в точке $x = 5\frac{\pi}{6}$

Инв. № подл.	Подп. и дата				Взам. инв. №	Инв. № дубл.	Подп. и дата

5 ИССЛЕДОВАНИЕ КУБИЧЕСКОГО СПЛАЙНА

5.0.1 Задания и исходные данные для решения

1. Найти коэффициенты кубического сплайна, интерполирующего данные, представленные в векторах \vec{V}_x и \vec{V}_y .

2. Построить на одном графике: функцию $f(x)$ и $f_1(x)$, полученную после нахождения коэффициентов кубического сплайна.

3. Представить графическое изображение результатов интерполяции исходных данных.

$$\vec{V}_x = \begin{pmatrix} 0 \\ 0.5 \\ 1.4 \\ 2.25 \\ 3.5 \end{pmatrix}, \quad \vec{V}_y = \begin{pmatrix} 3 \\ 2.7 \\ 3.7 \\ 3.333 \\ 3.667 \end{pmatrix}$$

Необходимо оценить погрешность в точке $x = 2.4$. Вычислить значение функции в точке $x = 1.2$.

Инов. № подл.	Подп. и дата	Инов. № дубл.	Взам. инв. №	Подп. и дата	Вариант N 32					Лист
										12
Изм	Лист	№ докум.	Подп.	Дата						

5.0.2 Теория уравнения сплайна

Уравнение сплайна находится по пяти точкам

$$(x_1; y_1), (x_2; y_2), (x_3; y_3), (x_4; y_4), (x_5; y_5)$$

Представим сплайн полиномом третьей степени на каждом отрезке $[x_i, x_{i+1}]$.

$$F_i(x) = A_{i0} + A_{i1}x + A_{i2}x^2 + A_{i3}x^3, \quad (1)$$

$$x \in [x_i, x_{i+1}].$$

Найдем коэффициенты A_{ij} исходя из того, что в точках склейки функция не имеет разрывов, изломов и изгиб ее слева и справа совпадает.

На каждом из отрезков $[x_i, x_{i+1}]$ график $F_i(x)$ проходит через точки y_i, y_{i+1} .

$$y_i = A_{i0} + A_{i1}x_i + A_{i2}x_i^2 + A_{i3}x_i^3 \quad (2)$$

Получаем 8 уравнений:

$$\begin{aligned} y_1 &= A_{10} + A_{11}x_1 + A_{12}x_1^2 + A_{13}x_1^3 \\ y_2 &= A_{10} + A_{11}x_2 + A_{12}x_2^2 + A_{13}x_2^3 \\ y_2 &= A_{20} + A_{21}x_2 + A_{22}x_2^2 + A_{23}x_2^3 \\ y_3 &= A_{20} + A_{21}x_3 + A_{22}x_3^2 + A_{23}x_3^3 \\ y_3 &= A_{30} + A_{31}x_3 + A_{32}x_3^2 + A_{33}x_3^3 \\ y_4 &= A_{30} + A_{31}x_4 + A_{32}x_4^2 + A_{33}x_4^3 \\ y_4 &= A_{40} + A_{41}x_4 + A_{42}x_4^2 + A_{43}x_4^3 \\ y_5 &= A_{40} + A_{41}x_5 + A_{42}x_5^2 + A_{43}x_5^3 \end{aligned} \quad (3)$$

Производные первого порядка во внутренних точках x_i должны совпадать, т.е. производная слева

$$F'_i(x_i) = A_{i1} + 2A_{i2}x_i + 3A_{i3}x_i^2$$

должна быть равна производной справа

$$F'_{(i+1)}(x_i) = A_{(i+1)1} + 2A_{(i+1)2}x_i + 3A_{(i+1)3}x_i^2$$

Инов. № подл.	Подп. и дата	Взам. инв. №	Инов. № дубл.	Подп. и дата	<div>Вариант N 32</div>					Лист
										13
Изм	Лист	№ докум.	Подп.	Дата						

Физический смысл равенства производных состоит в том, что в точках склейки у нас нет излома сплайна.

$$\begin{aligned} A_{11} + 2A_{12}x_2 + 3A_{13}x_2^2 &= A_{21} + 2A_{22}x_2 + 3A_{23}x_2^2 \\ A_{21} + 2A_{22}x_3 + 3A_{23}x_3^2 &= A_{31} + 2A_{32}x_3 + 3A_{33}x_3^2 \\ A_{31} + 2A_{32}x_4 + 3A_{33}x_4^2 &= A_{41} + 2A_{42}x_4 + 3A_{43}x_4^2 \end{aligned} \quad (4)$$

Производные второго порядка в точках склейки x_i должны совпадать, т.е. вторая производная слева

$$F_i''(x_i) = 2A_{i2} + 6A_{i3}x_i$$

должна быть равна второй производной справа

$$F_{(i+1)}''(x_i) = 2A_{(i+1)2} + 6A_{(i+1)3}x_i$$

Физический смысл равенства вторых производных состоит в том, что в точках склейки изгиб сплайна справа и слева должен быть одинаковым.

$$\begin{aligned} 2A_{12} + 6A_{13}x_2 &= 2A_{22} + 6A_{23}x_2 \\ 2A_{22} + 6A_{23}x_3 &= 2A_{32} + 6A_{33}x_3 \\ 2A_{32} + 6A_{33}x_4 &= 2A_{42} + 6A_{43}x_4 \end{aligned} \quad (5)$$

Еще два уравнения - из граничных условий в крайних точках x_1, x_n :

$$\begin{aligned} C_{11}F'x_1 + C_{12} + F''(x_1) &= C_{13} \\ C_{n1}F'n_1 + C_{n2} + F''(n_2) &= C_{n3} \end{aligned} \quad (6)$$

Найдем график сплайна в случае, когда концы сплайна оставлены свободными в граничных точках $(x_1, y_1), (x_5, y_5)$. Соответственно, уравнения имеют вид:

$$\begin{aligned} 2A_{12} + 6A_{13}x_1 &= 0 \\ 2A_{42} + 6A_{43}x_5 &= 0 \end{aligned} \quad (7)$$

Инв. № подл.	Подп. и дата	Взам. инв. №	Инв. № дубл.	Подп. и дата							
					Изм.	Лист	№ докум.	Подп.	Дата	Вариант N 32	Лист
											14

В итоге - 16 уравнений для определения 16 коэффициентов A_{ij} .

$$\begin{pmatrix} 1 & x_1 & x_1^2 & x_1^3 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & x_2 & x_2^2 & x_2^3 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 2x_2 & 3x_1^2 & 0 & -1 & -2x_2 & -3x_2^2 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 2 & 6x_2 & 0 & 0 & -2 & -6x_2 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & x_2 & x_2^2 & x_2^3 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & x_3 & x_3^2 & x_3^3 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 2x_3 & 3x_3^2 & 0 & -1 & -2x_3 & -3x_3^2 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 2 & 6x_3 & 0 & 0 & -2 & -6x_3 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & x_3 & x_3^2 & x_3^3 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & x_4 & x_4^2 & x_4^3 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 2x_4 & 3x_4^2 & 0 & -1 & -2x_4 & -3x_4^2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 2 & 6x_4 & 0 & 0 & -2 & -6x_4 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & x_4 & x_4^2 & x_4^3 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & x_5 & x_5^2 & x_5^3 \\ 0 & 0 & 2 & 6x_1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 2 & 6x_5 & 0 & 0 \end{pmatrix}^{-1} \begin{pmatrix} y_1 \\ y_2 \\ 0 \\ 0 \\ y_2 \\ y_3 \\ 0 \\ 0 \\ y_3 \\ y_4 \\ 0 \\ 0 \\ y_4 \\ y_5 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} A_{10} \\ A_{11} \\ A_{12} \\ A_{13} \\ A_{20} \\ A_{21} \\ A_{22} \\ A_{23} \\ A_{30} \\ A_{31} \\ A_{32} \\ A_{33} \\ A_{40} \\ A_{41} \\ A_{42} \\ A_{43} \end{pmatrix}$$

Коэффициенты A_{ij} :

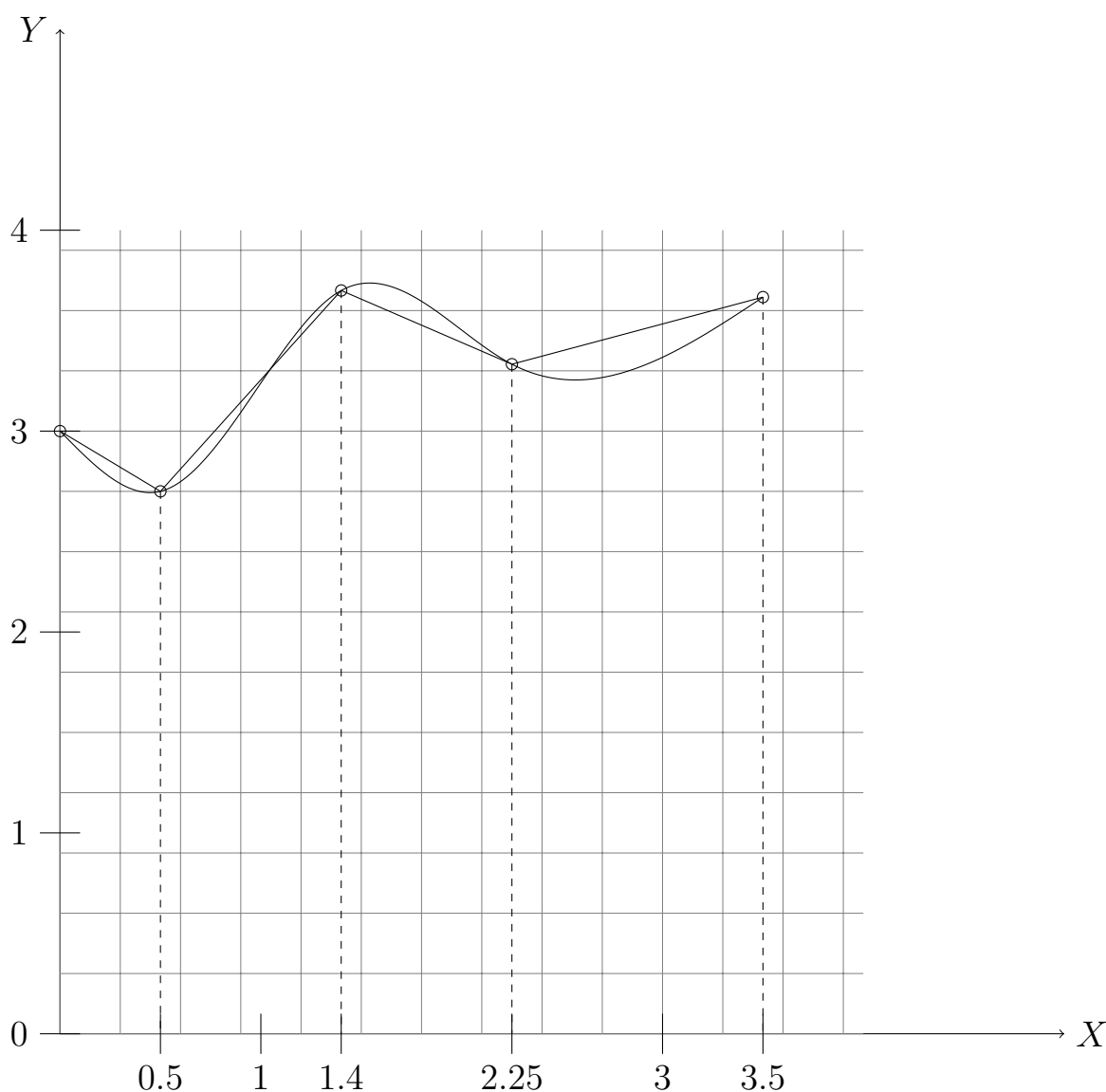
$$\begin{array}{l} A_{10} \\ A_{11} \\ A_{12} \\ A_{13} \\ A_{20} \\ A_{21} \\ A_{22} \\ A_{23} \\ A_{30} \\ A_{31} \\ A_{32} \\ A_{33} \\ A_{40} \\ A_{41} \\ A_{42} \\ A_{43} \end{array} = \begin{array}{l} 3 \\ -1.0237 \\ 0 \\ 1.6949 \\ 3.4317 \\ -3.6139 \\ 5.1803 \\ -1.7586 \\ -4.7853 \\ 13.9939 \\ -7.3967 \\ 1.2359 \\ 12.1651 \\ -8.6065 \\ 2.6479 \\ -0.2522 \end{array}$$

Инов. № подл.	Подп. и дата	Взам. инв. №	Инов. № дубл.	Подп. и дата

Уравнение сплайна имеет вид:

$$F(x) = \begin{cases} F_1(x) = 1.69x^3 + 0.0x^2 - 1.0237x + 3, & \text{где } x \in [0, 0.5]; \\ F_2(x) = -1.7586x^3 + 5.1803x^2 - 3.6139x + 3.4317, & \text{где } x \in [0.5, 1.4]; \\ F_3(x) = 1.2359x^3 - 7.3967x^2 + 13.9939x - 4.7853, & \text{где } x \in [1.4, 2.25]; \\ F_4(x) = -0.2522x^3 + 2.6479x^2 - 8.6065x + 12.1651, & \text{где } x \in [2.25, 3.5] \end{cases}$$

График средствами ТЕХ:



Инв. № подл.	Подп. и дата				Инв. № дубл.	Подп. и дата										
Взам. инв. №	Подп. и дата				Инв. № дубл.	Подп. и дата										
Изм					Лист					Вариант N 32					Лист	
№ докум.					Подп.										Дата	

X	Y
0.2	3.0
0.5	2.7
1.4	3.8
2.25	3.4
3.5	3.8

Вариант N 32

5.1 Оценки погрешности интерполяции эрмитовыми кубическими сплайнами

Проводя оценки для функций разных классов. Если $S(x)$ эрмитов кубический сплайн интерполирует на сетке функцию $f(x)$ то имеют место оценки:

$$|S(x) - f(x)| \leq R$$

Поскольку функция является достаточно гладкой, то её можно упростить до

$$|S(x) - f(x)| \leq \frac{1}{384} h^4 |f''''(x)|$$

Из представленной формулы видно, что нам неизвестна функция $f(x)$, с которой изначально были взяты координаты. Следственно для оценки погрешности нам необходимо рассчитать только правую часть неравенства. В этой части тоже присутствует неизвестная нам функция. От которой необходимо взять четвёртую производную.

$$N(x) = A_0 + A_1(x - x_0) + A_2(x - x_0)(x - x_1) + A_3(x - x_0)(x - x_1)(x - x_2) + A_4(x - x_0)(x - x_1)(x - x_2)(x - x_3)$$

$$f(x_i; x_{i+1}; \dots; x_{j+k-1}; x_{j+k-1}) = \frac{f(x_i; x_{i+1}; \dots; x_{j+k-1}; x_{j+k-1}) - f(x_i; x_{i+1}; \dots; x_{j+k-1})}{x_{j+k} - x_j}$$

Переменная h есть разница ближайшей табличной координаты и координаты просчитываемой точки погрешности.

$$h = |x_v - x_b|$$

$$F'1 = \frac{Y2-Y1}{X2-X1} ; F'2 = \frac{Y3-Y2}{X3-X2} ; F'3 = \frac{Y4-Y3}{X4-X3} ; F'41 = \frac{Y5-Y4}{X5-X4} ;$$

$$F'1 = -0.6 ; F'2 = 1.1111 ; F'3 = -0.4318; F'4 = 0.2672;$$

$$F''2 = \frac{F'2-F'1}{X3-X1} ; F''2 = \frac{F'3-F'2}{X4-X2} ; F''3 = \frac{F'4-F'3}{X5-X3} ;$$

$$F''2 = 1.2222 ; F''2 = -0.86 ; F''3 = 0.3328;$$

$$F'''3 = \frac{F''2-F''1}{X4-X1} ; F'''2 = \frac{F''3-F''1}{X5-X2} ;$$

$$F'''3 = -0.9351 ; F'''2 = 0.4048;$$

$$F'''4 = \frac{F'''2 - F'''1}{X5 - X1} ;$$

$$F''''4 = 0.3828;$$

$$fault = \frac{1}{384} \cdot (2.4 - 2.25)^4 \cdot |F''''4|$$

$$Fault = 5.047 \cdot 10^{-7}$$

Изм.	Лист	№ докум.	Подп.	Дата	$f(x_i; x_{i+1}; \dots; x_{j+k-1}; x_{j+k-1} = \frac{f(x_i; x_{i+1}; \dots; x_{j+k-1}; x_{j+k-1}) - f(x_i; x_{i+1}; \dots; x_{j+k-1})}{x_{j+k} - x_j}$ <p>Переменная h есть разница ближайшей табличной координаты и координаты просчитываемой точки погрешности.</p> $h = x_v - x_b $ $F'1 = \frac{Y2-Y1}{X2-X1} ; F'2 = \frac{Y3-Y2}{X3-X2} ; F'3 = \frac{Y4-Y3}{X4-X3} ; F'41 = \frac{Y5-Y4}{X5-X4} ;$ $F'1 = -0.6 ; F'2 = 1.1111 ; F'3 = -0.4318; F'4 = 0.2672;$ $F''2 = \frac{F'2-F'1}{X3-X1} ; F''2 = \frac{F'3-F'2}{X4-X2} ; F''3 = \frac{F'4-F'3}{X5-X3} ;$ $F''2 = 1.2222 ; F''2 = -0.86 ; F''3 = 0.3328;$ $F'''3 = \frac{F''2-F''1}{X4-X1} ; F'''2 = \frac{F''3-F''1}{X5-X2} ;$ $F'''3 = -0.9351 ; F'''2 = 0.4048;$ $F''''4 = \frac{F'''2-F'''1}{X5-X1} ;$ $F''''4 = 0.3828;$ $fault = \frac{1}{384} \cdot (2.4 - 2.25)^4 \cdot F''''4 $ $Fault = 5.047 \cdot 10^{-7}$
Изм.	Лист	№ докум.	Подп.	Дата	

5.2 Интерполяция встроенными методами.

В математическом пакете «SciLab» можно провести интерполяцию пользуясь парой команд:

```
d = splin(x,y,"method");
```

```
is = interp(xx,x,y,d);
```

Где $x = [x_1, x_1, \dots, x_{n-1}, x_1]$

y – значения функции в узлах интерполяции

is – значения интерполянта (кубического сплайна,

интерполирующего заданную функцию) вычисленные в точках xx .

"method" – параметр, отвечающий за граничное условие, налагаемое на интерполянт

Граничные условия, соответствующие различным параметрам:

1)"natural"-производные в точках x_1, x_n интерполянты равны нулю

2)"clamped"-явное задание производных в точках x_1, x_n

3)"not_a_knot"-третья производная слева и справа равна для точек x_2, x_{n-1}

4) "fast" – «быстрый» расчет сплайна на основе обычной интерполяции кубическим полиномом

5) "monotone" – на интервалах между узлами интерполяции интерполянт является монотонным

Для построения графиков интерполянтов, полученных различными методами будем применять код общего вида, подставляя нужный параметр:

```
xx=[0:0.01:3.5];
```

```
x=[0,0.5,1.4,2.25,3.5];
```

```
y=[3.0,2.7,3.7,3.333,3.667];
```

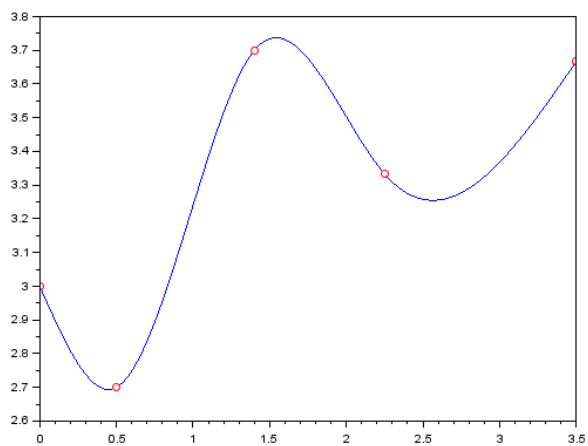
```
d=splin(x,y,"parameter");
```

```
is=interp(xx,x,y,d);
```

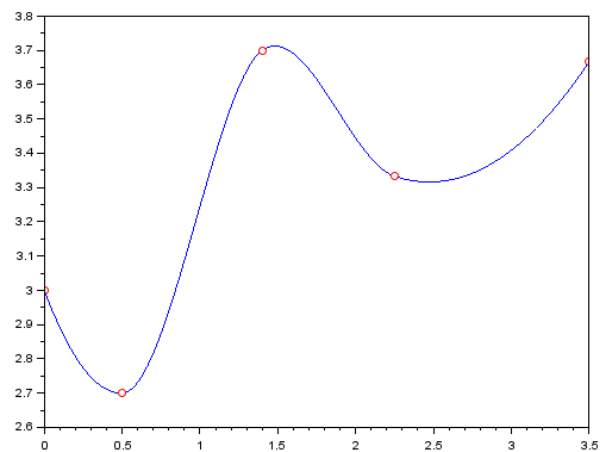
```
plot(xx,is);
```

```
plot(x,y,"red o");
```

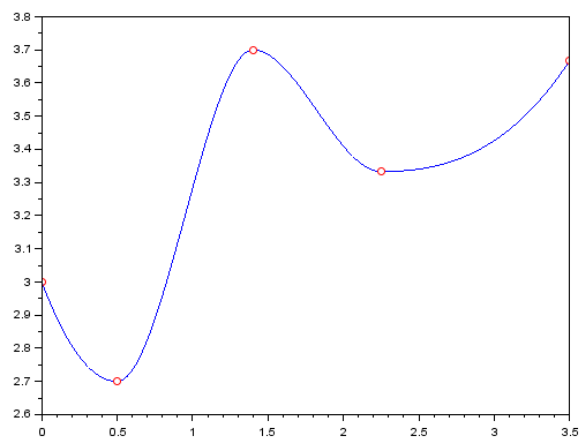
Инов. № подл.	Подп. и дата	Взам. инв. №	Инов. № дубл.	Подп. и дата	<div>Вариант N 32</div>					Лист
										18
Изм	Лист	№ докум.	Подп.	Дата						



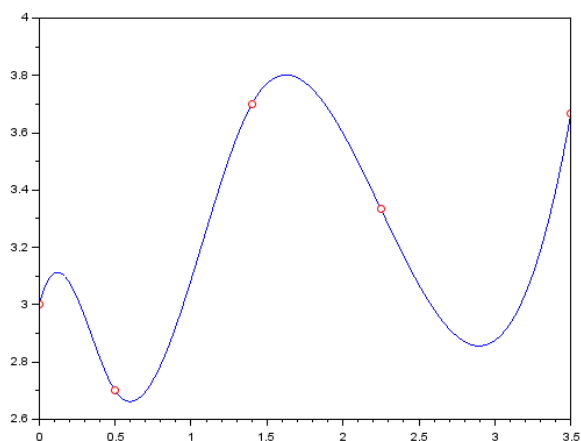
а)



б)



с)



д)

Рисунок 1 – а) Интерполянт, полученный с помощью "natural"

б) Интерполянт, полученный с помощью "fast"

с) Интерполянт, полученный с помощью "monotone"

д) Интерполянт, полученный с помощью "clamped" (2,3)

Инов. № подл.	Подп. и дата
Взам. инв. №	Инов. № дубл.
Подп. и дата	
Инов. № подл.	

Изм	Лист	№ докум.	Подп.	Дата

Вариант N 32

Лист

19

6 ЗАДАЧА ОПТИМАЛЬНОГО РАСПРЕДЕЛЕНИЯ НЕОДНОРОДНЫХ РЕСУРСОВ.

Требуется решить следующую задачу оптимального распределения неоднородных ресурсов. Пусть в распоряжении завода железобетонных изделий (ЖБИ) имеется m видов сырья (песок, щебень, цемент) в объемах a_i . Требуется произвести продукцию n видов. Дана технологическая норма c_{ij} потребления отдельного i -го вида сырья для изготовления единицы продукции каждого j -го вида. Известна прибыль π_j получаема от выпуска единицы продукции j -го вида. Требуется определить, какую продукцию и в каком количестве должен производить завод ЖБИ, чтобы получить максимальную прибыль.

Исходные данные:

Используемые ресурсы, a_i	Изготавливаемые изделия				Наличие ресурсов, a_i
	И1	И2	И3	И4	
Трудовые	4	4	4	6	14
Материальные	4	6	6	3	12
Финансовые	6	4	5	8	35
Прибыль, Π_j	40	55	35	25	

Инв. № подл.	Подп. и дата	Взам. инв. №	Инв. № дубл.	Подп. и дата						
Изм	Лист	№ докум.	Подп.	Дата	Вариант N 32					Лист
										20

Листинг:

```
C=[4,4,4,6;4,6,6,3;6,4,5,8];
```

```
b=[14;12;35];
```

```
ci=[0;0;0;0];
```

```
cs=[];
```

```
p=[40;55;35;25];
```

```
x,lagr,f=linpro(-p,C,b,ci,cs);
```

```

Командное окно Scilab 5.5.0

40.
55.
35.
25.

-->[x,lagr,f]=linpro(-p,C,b,ci,cs)
f =

- 120.
lagr =

0.
- 5.
- 25.
- 5.
0.
10.
0.
x =

3.
0.
0.
0.

-->
  
```

Максимальная прибыль в размере 120 д.е. будет получена, если объем производства продукции П1 составит 3 ед.

Инов. № подл.	Подп. и дата
Взам. инв. №	Инов. № дубл.
Подп. и дата	
Инов. № подл.	

7 ВЫВОД:

В ходе работы, были привиты базовые навыки использования математических пакетов, улучшена вёрстка в TEX'e. Исследованна функция, построен сплайн, решена экономическая задача.

Инв. № подл.	Подп. и дата	Взам. инв. №	Инв. № дубл.	Подп. и дата	Вариант N 32					Лист
										22
Изм	Лист	№ докум.	Подп.	Дата						

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Scilab: Решение инженерных и математических задач / Е. Р. Алексеев, О. В. Чеснокова, Е. А. Рудченко. — М. : ALT Linux ; БИНОМ. Лаборатория знаний, 2008. — 260 с. : ил. ; 8 с. цв. вклейки.— (Библиотека ALT Linux).
2. Андриевский А.Б., Андриевский Б.Р., Капитонов А.А., Фрадков А.Л. Решение инженерных задач в среде Scilab. Учебное пособие.— СПб.: НИУ ИТМО, 2013. — 97 с.
3. Решение задач оптимизации средствами Scilab и Excel : Методические указания к лабораторной работе по дисциплине «Математическая экономика» / Уфимск. гос. авиац. техн. ун-т; Сост.: Л.М. Бакусов, О.В. Кондратьева - Уфа, 2011. - 33 с.
4. https://ru.wikipedia.org/wiki/Интерполяционный_многочлен_Лагранжа
5. Калиткин. Численные методы. М., Мир, 1980.
6. Ю.С. Завьялов. Методы сплайн-функций. М.Наука, 1980.

Инов. № подл.	Подп. и дата	Взам. инв. №	Инв. № дубл.	Подп. и дата					
Изм	Лист	№ докум.	Подп.	Дата	Вариант N 32				
					Лист				
					23				