在《物理化学》课本当中,真实体系的性质是直接与另行举出的理想气体"比较"而定义的,二者之间的热力学过程联系并不清楚,因而会造成误解。

经典条件下,我们认为任一处于凝聚态的真实体系在压强 p 小到一定程度时都会是气态,且在 p=0 邻近接近理想气体。因此我们常对真实体系取  $p\to 0$  极限,以便为同一个(真实)体系构造出"从理想气体(p=0)变成当前状态"的过程。这样才能利用热力学基本关系,严格地把真实体系的性质写成对理想气体的偏离形式。当然,如果所讨论的(假想的)体系的气态就是理想气体,那在它处于气态的压强范围内的任一压强下都有理想气体的性质,而不必限制在 p=0 邻近。

由于上述观念是"我们认为"的,它是热力学理论中的规定。这种规定当然是来自经验总结的,旨在使所建立的理论与经验相符,而非相悖。皆因它除了来自经验总结之外,无法再由更基本的原则推出(在不借助统计力学的情况下),才只好在热力学理论中作为公设"规定"而提出。本节我们将介绍若干用于描述真实体系的概念和相应的物理量。它们的定义都包括在理想气体极限下趋于理想气体值的要求。

## .0.1 气体混合物的分压

气体的压强 p 是容器壁单位面积受到的法向分力。气体混合物中,某组份 i 的分压 (partial pressure) 是

$$p_i \equiv x_i^{(g)} p$$

其中  $x_i^{(g)}$  表示组份 i 在气相中的摩尔分数。对于理想气体混合物,组份 i 的分压是同样摩尔数的纯组份 i 在相同体积下和其余条件下的压强。但对于真实气体混合物, $x_i^{(g)}p$  没有如此直接的物理意义,因此我们以下不写 " $p_i$ " 而写 " $x_i^{(g)}p$ ",以表示这个量只是个乘积;对于真实气体,我们只是拿实验可知量  $x_i$  和 p 相乘得出一个被标为  $p_i$  的量。但这种分压的定义保证了,无论是理想还是真实气体混合物,都有"分压定律"  $p = \sum_i p_i$ 。

## .0.2 气体的压缩因子

气体混合物的压缩因子(compressibility factor)由下式定义

$$pV_{\rm m} = ZRT$$

且

$$\lim_{p \to 0} Z = 1$$

其中 R 是气体常数。 $V_m$  是气体混合物的摩尔体积。自此,字母 Z 有了特定的物理意义(不同于上节)。由定义可知,压缩因子表示的是,给定温度 T 和压强 p 下,气体的摩尔体积与理

更新至 2024-07-25

想气体值之比。压缩因子是一个摩尔量,但按照《物理化学》的符号惯例,我们没有用  $Z_{\rm m}$  表示。与压缩因子相对应的偏摩尔量应由下式给出:

$$z_{i} \equiv \left. \frac{\partial \left( nZ \right)}{\partial n_{i}} \right|_{T,p,\left\{ n_{j\neq i} \right\}}$$

称为组份 i 在气体混合物中的偏摩尔压缩因子。由偏摩尔量的加和性有

$$Z = \sum_{i} x_i^{(g)} z_i$$

注意,压缩因子是仅针对气态物质而提出的概念。

 $\lim_{p\to 0} Z=1$  的规定来自经验总结,可参考《物理化学》图 1.21。

压缩因子定义式中含摩尔体积,我们进一步推导偏摩尔压缩因子与偏摩尔体积的关系:

$$\begin{aligned} v_i^{(g)} &= \left. \frac{\partial V}{\partial n_i} \right|_{T,p,\left\{n_{j \neq i}\right\}} \\ &= \left. \frac{\partial \left(nV_{\mathrm{m}}\right)}{\partial n_i} \right|_{T,p,\left\{n_{j \neq i}\right\}} \\ &= \left. \frac{\partial n}{\partial n_i} \right|_{\left\{n_{j \neq i}\right\}} V_{\mathrm{m}} + n \left. \frac{\partial V_{\mathrm{m}}}{\partial n_i} \right|_{T,p,\left\{n_{j \neq i}\right\}} \\ &= \left. \frac{ZRT}{p} + \frac{nRT}{p} \left. \frac{\partial Z}{\partial n_i} \right|_{T,p,\left\{n_{j \neq i}\right\}} \\ &= \left. \frac{RT}{p} \left. \frac{\partial \left(nZ\right)}{\partial n_i} \right|_{T,p,\left\{n_{j \neq i}\right\}} = \frac{RTz_i}{p} \end{aligned}$$

即对气体混合物的任一组份 i,有

$$pv_i^{(g)} = z_i RT$$

## .0.3 气体的残余体积

气体混合物的残余体积(residual volume)是给定温度和压强下,实际气体的体积与理想 气体值之差,具体定义为

$$\alpha \equiv \frac{RT}{p} - V_{\rm m}$$

可见,  $\alpha$  是一个摩尔量。与其相应的偏摩尔量(称偏摩尔残余体积)是

$$\alpha_{i} \equiv \left. \frac{\partial \left( n\alpha \right)}{\partial n_{i}} \right|_{T,p,\left\{ n_{j\neq i} \right\}}$$

从而有

$$\alpha = \sum_{i} x_i^{(g)} \alpha_i$$

与气体的压缩因子类似,气体的残余体积是仅针对气态体系而提出的概念。由定义易得  $\alpha$  与 Z 的关系

$$\alpha = \frac{RT}{p} \left( 1 - Z \right)$$

在理想气体极限下,气体的残余体积不为零。具体地

$$\begin{split} &\lim_{p\to 0}\alpha = RT\lim_{p\to 0}\frac{1-Z}{p}\\ &= -RT\left.\frac{\partial Z}{\partial p}\right|_{T,p\to 0,\{n_i\}} \end{split} \tag{利用洛比达法则}$$

也就是说,在理想气体极限下,气体的残余体积是压缩因子在  $p \to 0$  的渐近斜率,一般不为零。

## .0.4 逸度

组份 i 纯物质(无论气态还是液态)的逸度(fugacity) $f_i^*$  的现代的定义是满足:

$$\mathrm{d}\mu_i^* \equiv RT\mathrm{d}\ln f_i^*, \quad \text{[I]} \equiv T$$

Ħ.

$$\lim_{p \to 0} \frac{f_i^*}{p} = 1$$

逸义定义的第一个微分式是恒定 T 下的微变化,所以不是全微分式。在所给定的温度 T 下, $f_i^*$  是压强和摩尔数的函数  $f_i^* = f_i^* (p, n_i; T)$ 。所以,可用文字表达上述定义:在给定温度 T 下,由压强和组分变化造成的化学势变化,若用逸度表示,则总是上述形式。

逸度定义的第二个含有极限的条件,其实是要求如此定义的逸度在理想气体极限( $p\to 0$ )附近等于压强。严格地,该极限表达式说, $f_i^*$  是 p 的同阶无穷小。在给定温度 T 下, $f_i$  关于 p 的函数形式可写成展开式:  $f_i^*(p;T)=p+o(p^2)$ 。所以,虽然当 p=0 时  $f_i^*=0$ ,但当 p 足够接近零时, $f_i^*\approx p$ ,且 p 越接近零越接近。

由于这种基于微分关系的定义方式,显式地写下  $f_i^*$  的 "定义式" 需要选定参考状态 (即 "积分常数"的确定)。

更新至 2024-07-25