主辦單位: CIC國家晶片系統設計中心暨 交通大學資訊工程科學研究所

九十九學年度大學校院 積體電路電腦輔助設計軟體製作競賽 競賽報告

報名編號:____cada010____

組 別:___定題A組___

Formal Property Verification

中華民國 100年 4月 23日

注意:

- 為維護比賽公平性,請勿於報告中洩露比賽隊伍之身分。
- 2 為方便評比,敬請儘量依此格式撰寫報告。
- 3 報告限以中文或英文撰寫。
- 4 書面報告以25頁為上限,違者將取消參賽資格。字體 大小以不小於11點字,行距以不小於1.5行距為原則, 違者將提報評審委員會討論酌量扣分。

一、 摘要

對於一個CNF(Conjunction Normal Form)design,一個 mutant 是其中某個變數在所有 CNF clauses 中的每個 occurrence 都被改為(positive)/都被改為(negative)/或都被反向(negate)。對於一個 design 的 property 則也是一些 CNF clauses,且個別與原 design AND 起來得到的 CNF 會是 Boolean satisfiable。若一個 mutant 對所有 property 都是 satisfiable,則稱此 mutant 為 live。 在此我們提供了有效率找出 live mutant 的方法,利用 mutant / property 與原 design 的特殊關係,對於極大的 input testcase 可以在 數秒內就篩掉大部分的 mutant-property pairs 並得到大部分的 live mutant,而在幾分鐘內找到約 90% 的 live mutant;在這之後更應用 各種加速方法(trim, Gröbner basis),結合 SAT engine 來找出剩下部分的 live-mutant。

二、 簡介

2.1 問題描述

對於一個 CNF 設計 D, 若將

- (1) 其中一變數的所有 occurrence 設為 positive,或
- (2) 其中一變數的所有 occurrence 設為 negative,或
- (3) 其中一變數的所有 occurrence 反向 (negate)

且其他變數在 CNF clauses 中都保持不變,而得到一個新的 CNF, 則稱這樣一個新的 CNF 為一個 「mutant」。

一個「Property」亦為一個 CNF clauses,且滿足如果和原先的設計 D 一起 conjunct (AND) 起來,能夠產生一組變數 assignment 使得整個 CNF 為 true,也就是說,可以滿足 Boolean satisfiability 特性。

在定題組 A2 的題目中,定義了 mutant 的 live 與 dead。如果一個 mutant 對於所有的 property 分別以 AND 連接後都可以有 Boolean satisfiability 特性的話,我們就稱這個mutant為 live。 反之,只要有一組 property 與 mutant 配對後無法滿足Boolean satisfiability,則稱此 mutant 為 dead ,並稱此 property 為見證這個 mutant 為 dead 的「witness」。

給定一個原 design D,以及保證滿足這個 design 的一些 property set $P = \{P_1, P_2, \dots\}$ 和由這個 design 所得到的一些 mutant set $M = \{M_1, M_2, \dots\}$,本題的目的就是要找出所有 live 的 mutant 。

2.2 軟體功能及特性

使用 minisat 作為底層的 SAT engine,輸入 mutant 列表以及 property 列表,我們可以在一定時限內找出最多組 live 的 mutant 列表,並(可利用參數調整)可印出 mutant-property pairs solution 提供驗證。除此以外提供若干可開關的方法來進行加速。

2.3成果簡述

對於小的 input testcase (design 1),即使不使用任何的 cut ,直接用 naïve solution 硬解所有的 mutant-property pair ,所花的時間仍不到 1 秒,這些 testcase 都能在極短的時間解完。

而對於極大的 input testcase ,使用 cut 可以在數秒內就篩掉大部分的 mutant-property pairs 並得到大部分的 alive mutant ,藉由 SAT engine 的輔助 ,解開部分的 design-property ,可以在幾分鐘內找到約 90% 的 alive mutant ;在這之後更應用各種加速方法 (trim, Gröbner basis),結合 SAT-engine 來找出剩下部分的 alive-mutant。

三、 演算法

The Naïve Solution:

一個最顯然直接(卻也必定最沒效率)的做法就是直接 pairwisely 的 對每個 mutant-property pair 進行驗證,也就是如原 Problem specification 所說的:

foreach Mutant $M_i \in M$

foreach Properties $\in P_i$

if $(! SAT(M_i \land P_j))$ declare M_i to be **dead**// witnessed by P_i

if (M_i not declared to be dead yet)

declare M_i to be alive.

其中 SAT 的部分可以用 SAT-solver 來達成。然而,這樣的做法基本上忽略了 Mutant 與 Property 和原 design 的關係(Mutant 只會和原 design 相差一個 variable ,property 和 design 結合必為 satisfiable),只是把這個 FPQ 的問題當作一般 SAT problem 在解。因此雖然最終的測試必定還是基於這樣的 one-to-one testing (或加上少許 incremental 之類的改進),但是可以就這方面(Mutant 和原 Design 間的關係)構思一些 cut (剪枝)來加速搜尋 / 避免解不必要的 SAT Problem;除此以外另一方面亦可對解 SAT 本身進行加速。就這兩部分我們分別都做了改進,以下分別詳述之:

Notation:

為了方便接下來演算法的描述,我們定義一個 Mutant M 可以用一個 pair $\langle x$, type 〉來描述,若 M 是由原 design D 把所有變數 x 的 occurrence 設為 positive,則記作 $M\langle x,+\rangle$;若是將 x 設為 negative, 記作 $M\langle x,-\rangle$;若是將 x 反向 (negate)則記作 $M\langle x,-\rangle$ 。

定義一個 CNF pair (A, B) 單純就是把 $A \cdot B$ 兩個 CNF 直接 AND 起來 (conjunction)。故 (D, P) 就是原本的 CNF 和某個 property P 相 AND 得到的 CNF。

首先注意到的是,因為即便 design/mutant size 有可能非常非常大, 作為驗證的 property 一般 size 遠小於 design (clause數目少),故 一個 mutation variable 很有可能根本沒有在 property clauses 中出 現。在這樣的情況下,我們有以下結論:

Observation 1

考慮一個 mutant-property pair (M, P),若 Mutant 為 $M\langle x, * \rangle$ 且 x 在 P 中沒有在任何 clause 出現,那麼這個 pair (M, P) 進行 SAT 的結果必定是 satisfiable。(其中此處 $M\langle x, * \rangle$ 代表 type 可以是 positive / negative / negate的任一種)

Proof:

由於任一 property P 和原 design D 合起來的 pair (D, P) 都必是 satisfiable,亦即存在一對每個變數的 assignment $S: V \to \{0,1\}$ (其中 V 代表 variable set, S 即 V 中每個 variable 對應到他的取值的映射),滿足 S 代進 (D, P) 後會是 SAT。

• 現在考慮對於一個 Mutant $M\langle x, + \rangle$,且 x 不在 P 的任何 clause 中。則令

$$S'(v) = \begin{cases} 1, & v = x \\ S(v), & otherwise \end{cases}$$

那麼可以發現,S'會滿足 pair (M, P)。要證明這點,我們先考慮所有有 x 這個 variable 的 clause ,因為 M 為 positive type 且 P 中完全沒出現 x,因此所有 x 在 (M, P) 中的 occurrence 都為 positive x (即沒有 $\neg x$)。又因為在 S' 中 S'(x) = 1,因此

凡有 x 的 clause evaluate 起來必定為 true。現在考慮剩餘(不 包含 x)的 clause,這些 clause 必定和原 (D, P) 中的 clause 相同;另外,對於除了 x 以外的變數 S'(v) = S(v),因此這些 clause evaluate 起來會和原先 S(v) 代入 (D, P) 的結果相同,又 原先 S 是 (D, P) 的一個 valid assignment,故這些剩下的 clause evaluate 結果也必定為 true。綜合以上,存在一個 S'(x) 是 (M, P) 的一個 valid assignment, $M\langle x, + \rangle$ 在此情况為 alive。 •對於 Mutant $M\langle x, - \rangle$ 的情形與 $M\langle x, + \rangle$ 雷同,唯在 S'中是把 x 的 取值都設為 0 (false)。M 在此情况也必為 alive,以下就不贅 述。

•考慮最後一種情況若 mutant 是 $M\langle x, \neg \rangle$, 那麼同樣假設對於 pair (D, P) 的一個 valid assignment 是 S, 那麼定義 S, 為:

$$S'(v) = \begin{cases} \neg S(v), & v = x \\ S(v), & otherwise \end{cases}$$

即在 S' 中 x 的取值恰與 S 中相反,對於其餘變數則不變。那麼可以發現,S'會滿足 pair (M,P)。要證明這點,同樣先考慮有 x 的 clause。注意到由於 property clause中都沒有 x,且 design clause 中 x 的 occurrence 都被 negate,因此 (M,P) 中的這些 clause evaluate 起來必定與原先一樣(為true)。剩下的 clause 則同之前所述,結果不變依然為 true。故對於 mutant M(x,!) 亦保證存在 assignment S'(x) 會滿足 pair (M,P)。

由此可知,無論 M 的 mutant type 為何,只要mutated variable x 沒有在某 property P 中出現,那麼 mutant-priority pair (M,P) 必 定為 satisfiable (且我們不需知道實際上 S 和 S'是什麼!)。■

接下來注意到題目給的 Property 對於原 design 都是 satisfiable,對 mutant 則並不保證是 SAT。考慮到 satisfiable solution 通常利用 SAT-solver 可以比較快的得到(比起一個 UNSAT 的 CNF),我們或許可以先解出原 design property pair (D, P) 的一個 assignment S,來嘗試藉此得到其他 mutant 對於此同樣 property 的解。對此我們有以下結論:

Observation 2

對於一個 property P 與原 design D,令 pair (D, P) 的一組 valid assignment 為 S (需由 SAT engine 解得)。考慮對於一 mutant M:

- 1) 若 mutant 為 $M\langle x,+\rangle$ 且 S(x)=1,則 pair (M,P) 必為 SAT。
- 2) 若 mutant 為 $M\langle x, \rangle$ 且 S(x) = 0,則 pair (M, P) 必為 SAT。

Proof:

我們首先考慮第一種情形,即 mutant 為 $M\langle x, + \rangle$ 且 S(x) = 1。我們可以直接令 S' = S,則 S' 必定可以满足 pair (M, P),原因如下。考慮所有 property clause,由於 property clause 中的 x 是不會被改動到的(其他 variable 當然也不會),因此所有 (M, P) 中 property clause 用 S' 的 evaluate 結果必定與原先相同(為 true)。再考慮 mutant clause,其中 x 和 $\neg x$ 都被 x 所取代,而 S'(x) = 1,故任何有 x 的 mutant clause 都會 evaluate 為 true。其他 clause 結果不變 (為 true)。故可知 S'(x) 滿足 pair (M, P),mutant M 在這情況下為 live。

第二種情形,即 mutant 為 $M\langle x, - \rangle$ 且 S(x) = 0,與第一種情形類似,唯 assignment S'(x) 改為 0,其他不變,在此就不贅述。 綜合以上,可得到結論對於 pair (D, P) 得到的 assignment S,若 — mutant 為 $M\langle x, + \rangle$ 且 S(x) = 1,或者 mutant 為 $M\langle x, - \rangle$ 且 S(x) = 0,則該 mutant 必為 live。 \blacksquare

稍加分析可知道,若在 assignment 中一個 variable 為 0/1 的機率 為各半,而 mutant type 是 positive / negative / negate 的機率為各 1/3 (即 mutant type 是隨機產生)的前提下,則利用這個結論得到 的 cut 可以在約 $(2/3) \times (1/2) = 1/3$ 的情形都有效(可以利用 S 直接確認該個 mutant-property pair 為SAT且可以直接用 S 得到一組 assignment)。也就是說,利用這個 cut 大約可以預期將待解的 mutant-property set 縮減為 2/3。

最後還有一個並不是很有用(發生機率較低),但驗證的 cost 很小 故還是值得一試的 cut:

Observation 3

對於 mutant-property pair (M, P):

- 1) 若 mutant 為 $M\langle x,+\rangle$ 且 P 中所有 x 的 occurrence 都為 positive x ,則 pair (M,P) 必為 SAT。
- 2) 若 mutant 為 $M\langle x, \rangle$ 且 P 中所有 x 的 occurrence 都為 negative x ($\neg x$),則 pair (M, P) 必為 SAT。

Proof:

Trivial。只要分別 assign x 為 1/0 即可。■

以上為 cut 的部分,在真正大量用 SAT engine 開始解 CNF 之前,可以先用這些 observation 來去除許多不需要測試就可以知道結果的 mutant-property pair(詳見之後實作部分的 first-pass~third-pass),再開始對每個 pair 進行 SAT-solve。

但在 SAT-solve 部分,同樣有許多方法可以嘗試改進 SAT-solve 的速度,以下分別描述之:

Method 1: "trim"

首先是觀察到 property / design CNF 中常常會有一些 correlated variable,亦即有兩變數 u 和 v 滿足 u=v 或 $u=\neg v$,此時若可以成功偵測到這樣的關係並且把他們事先處理掉(亦即把所有 v / $\neg v$ 的 occurrence 都換為 u / $\neg u$),理論上再進行 SAT-solve 會對於解 SAT 的速度有幫助,因為常理而言SAT的運行速度與變數數目有關。

當然「所有」這樣的關係未必可以簡單的從 CNF clauses 中得到,我們處理的方式如下。因為 CNF clauses 中有許多少於兩個 variables 的 clause,一個 variable 的 clause 就相當於直接 designate 某個變數為 true / false,在除去這些 clause 之後,我們著重於想辦法用剩下恰有兩個 variable 的 clause (以下稱為 bi-clause)來得到兩個變數的關係。

一個 bi-clause (u+v) 代表的其實是一個 imply 關係,即 $\neg u \Rightarrow v$ 和 $\neg v \Rightarrow u$ 。考慮若同時有兩個 bi-clause (u+v) 和 $(\neg u+\neg v)$,則有: $\neg u \Leftrightarrow v$ 且 $\neg v \Leftrightarrow u$,也就是 $v = \neg u$! (同理如果有兩個 bi-clause $(u+\neg v)$ 和 $(\neg u+v)$ 也同樣可以簡化)。因此若可以有效率的找出這樣的關聯 bi-clause 並得到變數間的 correlation,理論上就可以幫助我們縮解 SAT-solve 所需時間。

以下大略描述如何實作上述的作法。

Algorithm for method 1 (trim)

最簡單的方法就是對任兩個 clause 去 pairwisely 看他們是不是關聯 bi-clause, 而更新時則每發現一個關聯 bi-clause (u, v) 就把所有 v 的 occurrence 都換為用 u 表示。但由於實際上的 clause 數和 variable 數都非常多,這樣的作法時間複雜度可以高達 $O(|clause|^2 +$

|variable|2),因此需要一個比較有效率的作法。

首先第一步是先除去所有 single-variable clause,做法很簡單,一個 single-variable-clause (v) 就代表 v 的 assignment 必定要是 true,反 之則是 false。在做完這步後,所有min-sized clause 都是 bi-clause。 接下來要找出關聯 clause,我們可以用一個 set 來記錄有出現過的 clause (u, v),並對於每個 clause 去 set 裡面尋找他的關聯 clause (u, u),若找到我們就可以 deduce relation v = u。

此時我們需要更新所有 $v/\neg v$ 的 occurrence 為 u,但為了效率並不允許我們直接這樣做。因此這部分可用 disjoint set 的 union / find 技巧來達成。

以上整個流程進行一次稱為一次「trim iteration」。時間複雜度約為 $O(N(\lg N + \alpha))$,其中 N 為 input size,即 N = O(|clause| + |variable|), α 為 disjoint set 操作所帶的 inverse-Ackermann function,在任何合理 input size (小於 10^{80})下都不超過 4,可視為極小常數。

值得注意的是因為經過一次之後「trim iteration」後,可能會出現更多的 single-variable-clause / bi-clause,因此我們可以不斷重複進行 trim iteration 直到 input CNF 無法再繼續簡化下去。

Method 2: Clause Learning with Gröbner Basis

有論文¹指出,可以用 Gröbner Basis 來做 Clause Learning ,我們有試著在 minisat 中加入 Gröbner Basis 的演算法來取代部分的 Clause Learning。不過,我們所實作的 Gröbner Basis 的效率不足,並沒有縮短總執行時間。因此在最後的版本中,並沒有使用 Gröbner Basis 做 Clause Learning。

Christoph Zengler and Wolfgang Küchlin: <u>Extending Clause Learning of SAT Solvers with Boolean Gröbner Bases</u>

四、實作

4.1 資料結構

在內部的儲存中,我們定義了幾個 class 來儲存CNF:

Clauses

是用來儲存所有的CNF的底層資料結構,利用二維陣列來儲存 CNF。其中一個維度代表CNF中clause的個數,另一個維度則和單 一clause中variable的個數有關。

Assignment

儲存每個變數及其所對應的值,用來承接SAT engine的輸出結果。

Mutant

用來儲存每個mutant的資訊。包含mutant variable以及mutant 方式等。另外也有維護一個property的列表,代表著尚未決定的mutant-property pair。在mutant資料結構中,我們並沒有儲存真正的CNF資訊,而是統一由model產生mutant的CNF。

Model

繼承自clauses,用來儲存原本的design。另外也提供函式產生 mutant的CNF。

Property

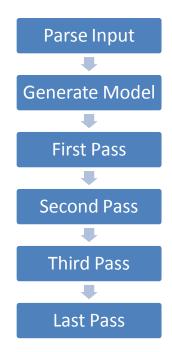
同樣繼承自clauses,儲存property的CNF資訊。若曾經有用SAT engine解過model + property,其assignment結果也會cache在此資料 結構中。

此外,我們也有介面與SAT Engine溝通:

SatAgent

提供統一的API讓程式內部使用。無論使用哪一套SAT Engine,都可以只修改SatAgent內的adapter便可以使其運作。現行版本的SAT engine 為 minisat 2.2.0。

4.2 程式流程



Parse Input

在這個過程中,我們藉由讀入輸入的檔案,把 property 以自有的資料結構儲存。同時也會對 mutant 作處理,然而所有的 mutant 具有很大的相似性,因此不需要一一讀入儲存 mutant 的 CNF(如desing2_lite 中的所有 mutant file 加起來可是有約 2GB!),只需將 mutant variable 以及 mutant type 記錄下來,之後由原 model CNF和 mutant variable 和 type 即可得到 model CNF。

Generate Model

由於之後的動作會利用到原始 model 和 property 一定有 Boolean satisfiability 的特性,我們必須找出原始 model 的 CNF。透過兩個 mutant 的 CNF 我們可以反解找出原本的 model CNF。

First Pass

利用先前 Observation 1 的觀念,對於所有的 mutant-property pair, 檢查是否有 mutant variable 不在 property 出現的情形。如果情形發 生,可以知道該 mutant-property 的 boolean satisfiability 必定滿足, 便可將該property 從 mutant 的 property list 中移除。在檢查完成後, 如果mutant 的 property list 沒有剩餘 property 時,則宣告該 mutant 為live。

Second Pass

利用 Observation 3 的觀念,若有 mutant type 是 positive 同時該 mutant variable 在 property 都是以 positive 的情况出現,或者 mutant type是negative同時該mutant variable在property都是以negative 的情况出現時,則判定該mutant-property pair為Boolean satisfiable。

Third Pass

利用Observation 2的觀念,在判斷之前,須要先把與此mutant-property pair所對應的 (D, P) 用SAT engine找出一組解。倘若mutant variable 在這組解的assignment是true,且mutant type是positive,則可判斷此 mutant-property pair 一定是Boolean satisfiable。在 mutant type是 negative的情況亦類似,唯negate的情形在這裡沒有辦法判斷。

Last Pass

在這裡剩下的mutant-property pair必須真正利用SAT engine得知是否有Boolean satisfiability。在這裡可以利用先前提到的method 1與method 2來加速SAT engine的運行。不過,我們希望可以優先找到satisfiable 的 mutant-property pair ,所以,在解各 mutant-property pair時,會加上 restart limit ,並慢慢增加 restart limit。

五、 實驗結果

5.1 工作平台及程式語言

我們以 C++ 程式語言撰寫,並以G++編譯程式編譯,運行在 GNU/Linux作業系統中。

5.2 測試檔輸出

對於 design1 測試檔案,我們找到38組live mutant,和參考答案一樣。

對於 design2_lite 測試檔案,我們在一秒內找到195組 live mutant, 兩分鐘內找到260組 live mutant, 一小時可以找到290組 live mutant。

5.3 時間及記憶體使用量

以design2_lite為例,我們可以在不同的運行時間得到不同的live mutant組數,一般來說在五分鐘之內就能得到大部分的live mutant 列表。剩下的mutant由於難度的關係,需要大量的時間才有機會解出來。

利用/proc/[pid]/status的資訊,我們可以找到process的記憶體使用量。整個程式執行中最大的記憶體使用量可以由Vmpeak參數得到,為512MB。

5.4 結果分析

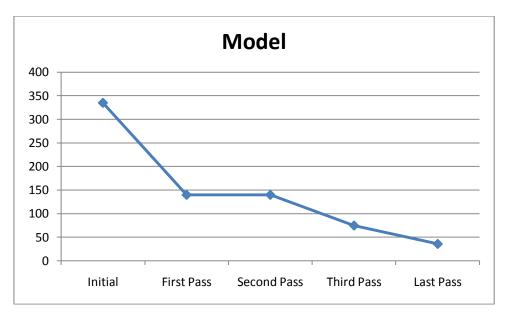


Figure 1

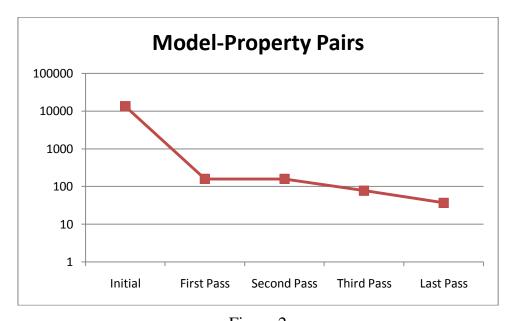


Figure 2

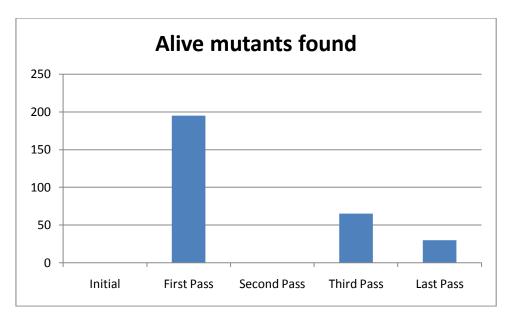


Figure 3

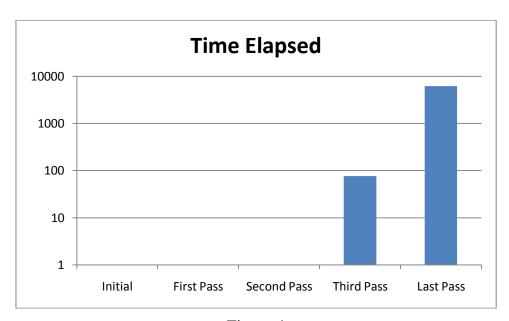


Figure 4

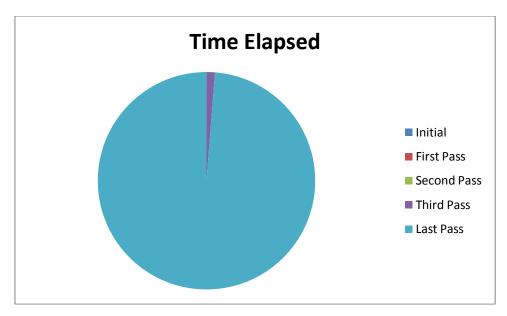


Figure 5

從 Figure 1 我們可以看到,在 First Pass 中,大部分 (195個) Mutant 都被證明是 alive ,剩下的 mutant 中,而且,所剩的大多是一對一的 mutant-property pair。

同時請注意到 Figure 2 的 y軸是 log scale,換句話說, mutant-property pair 的數量在 First Pass 中減少了兩個數量級。而剩下的 mutant 中,大約有一半會在 Third Pass 中被刪除(證明是alive)。

在 Figure 4、Figure 5中,我們可以看到程式在不同的部分所花的時間。First Pass 和 Second Pass 都不用解 SAT,所需時間是線性的。 而 Third Pass 則需要解部分的 SAT ,所花的時間明顯的上升了。 在 Last Pass 中,我們必須要解所有剩下的 mutant-property pair,所花的時間快速的上升,由 Figure 5 可以看到,幾乎所有的時間都花在 Last Pass 中。

六、 參考資料

- minisat 2.2.0: https://github.com/niklasso/minisat
- Extending Clause Learning of SAT Solvers with Boolean Gröbner Bases

附錄: 使用手册

A. 如何編譯程式

Makefile 已經寫好並附在程式碼當中。先用

\$ make cleanall

清除已存在的二進位檔。再執行

\$ make

指令來進行編譯的動作,此動作會自動編譯所需要的SAT engine。

B. 如何執行程式

產生的執行檔為fpq,可以用下列指令格式執行:

\$./fpq [mutant file] [property file] [output]