# Задача А. От списка ребер к матрице смежности

Имя входного файла: e2m.in
Имя выходного файла: e2m.out
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Простой неориентированный граф задан списком ребер, выведите его представление в виде матрицы смежности.

#### Формат входного файла

Входной файл содержит числа N ( $1 \le N \le 100$ ) — число вершин в графе и M ( $1 \le M \le \frac{n(n-1)}{2}$ ) — число ребер. Затем следует M пар чисел — ребра графа.

#### Формат выходного файла

Выведите в выходной файл матрицу смежности заданного графа.

e2m.in	e2m.out
3 3	0 1 1
1 2	1 0 1
2 3	1 1 0
1 3	

# Задача В. От матрицы смежности к списку ребер

Имя входного файла: m2e.in
Имя выходного файла: m2e.out
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Простой неориентированный граф задан матрицей смежности, выведите его представление в виде списка ребер.

#### Формат входного файла

Входной файл содержит число N ( $1 \le N \le 100$ ) — число вершин в графе, и затем N строк по N чисел, каждое из которых равно 0 или 1 — его матрицу смежности.

### Формат выходного файла

Выведите в выходной файл список ребер заданного графа. Ребра можно выводить в произвольном порядке.

m2e.in	m2e.out
3	1 2
0 1 1	2 3
1 0 1	1 3
1 1 0	

# Задача C. Lines

Имя входного файла: lines.in
Имя выходного файла: lines.out
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

В таблице  $N \times N$  столбцовнекоторые клетки заняты шариками, другие свободны. Выбран шарик, который нужно переместить, и место, куда его нужно переместить. Выбранный шарик за один шаг перемещается в соседнюю по горизонтали или вертикали свободную клетку. Требуется выяснить, возможно ли переместить шарик из начальной клетки в заданную, и если возможно, то найти путь из наименьшего количества шагов.

#### Формат входного файла

В первой строке входного файла находится число N ( $1 < N \le 250$ ), в следующих N строках — по N символов. Символом точки обозначена свободная клетка, латинской заглавной  $\mathbf 0$  — шарик,  $\mathbf 0$  — исходное положение шарика, который должен двигаться, латинской заглавной  $\mathbf X$  — конечное положение шарика.

#### Формат выходного файла

В первой строке выходного файла выводится Y, если движение возможно, или N, если нет. Если движение возможно, далее следует N строк по N символов - как и на вводе, но X, а также все точки по пути заменяются плюсами +.

lines.in	lines.out
5	Y
X.	++.
	.++
0.000	0+000
	.++++
@	@
5	N
X	
00000	
@	

# Задача D. Shortest Path

 Имя входного файла:
 path.in

 Имя выходного файла:
 path.out

 Ограничение по времени:
 2 seconds

 Ограничение по памяти:
 64 megabytes

You are given a weighed directed graph and a vertex s in it. For each vertex u find the length of the shortest path from s to u.

### Формат входного файла

The first line of the input file contains n, m and s — the number of vertices and edges in the graph, and the number of the starting vertex, respectively  $(2 \le n \le 2000, 1 \le m \le 5000)$ .

The following m lines describe edges. Each edge is specified with its start vertex, its end vertex, and its weight. The weight of any edge is integer and does not exceed  $10^{15}$  by its absolute value. There can be several edges between a pair of vertices. There can be an edge between a vertex and itself.

#### Формат выходного файла

Output n lines — for each vertex u output the length of the shortest path from s to u, '\*' if there is no path from s to u, or '-' if there is no shortest path from s to u.

path.in	path.out
6 7 1	0
1 2 10	10
2 3 5	-
1 3 100	-
3 5 7	-
5 4 10	*
4 3 -18	
6 1 -1	

# Задача Е. Дейкстра

Имя входного файла: dijkstra.in Имя выходного файла: dijkstra.out Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Дан ориентированный взвешенный граф. Найдите кратчайшее расстояние от одной заданной вершины до другой.

#### Формат входного файла

В первой строке входного файла три числа: N, S и F ( $1 \le N \le 2000, 1 \le S, F \le N$ ), где N — количество вершин графа, S — начальная вершина, а F — конечная. В следующих N строках по N чисел — матрица смежности графа, где -1 означает отсутствие ребра между вершинами, а любое неотрицательное число — присутствие ребра данного веса. На главной диагонали матрицы всегда нули.

#### Формат выходного файла

Вывести искомое расстояние или -1, если пути между указанными вершинами не существует.

dijkstra.in	dijkstra.out
3 1 2	6
0 -1 2	
3 0 -1	
-1 4 0	

# Задача F. Заправки

Имя входного файла: petrol.in
Имя выходного файла: petrol.out
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

В стране N городов, некоторые из которых соединены между собой дорогами. Для того, чтобы проехать по одной дороге, требуется один бак бензина. В каждом городе бак бензина имеет разную стоимость. Вам требуется добраться из первого города в N-ый, потратив как можно меньшее количество денег.

#### Формат входного файла

Во входном файле записано сначала число N ( $1 \le N \le 100$ ), затем идет N чисел, i-ое из которых задает стоимость бензина в i-ом городе (всё это целые числа из диапазона от 0 до 100). Затем идет число M — количество дорог в стране, далее идет описание самих дорог. Каждая дорога задается двумя числами — номерами городов, которые она соединяет. Все дороги двухсторонние (то есть по ним можно ездить как в одну, так и в другую сторону), между двумя городами всегда существует не более одной дороги, не существует дорог, ведущих из города в себя.

#### Формат выходного файла

В выходной файл выведите одно число — суммарную стоимость маршрута или -1, если добраться невозможно.

petrol.in	petrol.out
4	3
1 10 2 15	
4	
1 2 1 3 4 2 4 3	
4	-1
1 10 2 15	
0	

# Задача G. Флойд

Имя входного файла: floyd.in
Имя выходного файла: floyd.out
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Полный ориентированный взвешенный граф задан матрицей смежности. Постройте матрицу кратчайших путей между его вершинами. Гарантируется, что в графе нет циклов отрицательного веса.

#### Формат входного файла

В первой строке вводится единственное число N ( $1 \le N \le 100$ ) — количество вершин графа. В следующих N строках по N чисел задается матрица смежности графа (j-ое число в i-ой строке соответствует весу ребра из вершины i в вершину j). Все числа по модулю не превышают 100. На главной диагонали матрицы — всегда нули.

#### Формат выходного файла

Выведите N строк по N чисел — матрицу кратчайших расстояний между парами вершин. j-ое число в i-ой строке должно быть равно весу кратчайшего пути из вершины i в вершину j.

floyd.in	floyd.out
4	0 5 7 13
0 5 9 100	12 0 2 8
100 0 2 8	11 16 0 7
100 100 0 7	4 9 11 0
4 100 100 0	

### Задача H. Pink Floyd

Имя входного файла: pinkfloyd.in Имя выходного файла: pinkfloyd.out Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайта

Группа <u>Pink Floyd</u> собирается дать новый концертный тур по всему миру. По предыдущему опыту группа знает, что солист <u>Роджер Уотерс</u> постоянно нервничает при перелетах. На некоторых маршрутах он теряет вес от волнения, а на других — много ест и набирает вес.

Известно, что чем больше весит Роджер, тем лучше выступает группа, поэтому требуется спланировать перелеты так, чтобы вес Роджера на каждом концерте был максимально возможным.

Группа должна посещать города в том же порядке, в котором она дает концерты. При этом между концертами группа может посещать промежуточные города.

### Формат входного файла

Первая строка входного файла содержит три натуральных числа n, m и k — количество городов в мире, количество рейсов и количество концертов, которые должна дать группа соответственно  $(n \le 100, m \le 10\,000, 2 \le k \le 10\,000)$ . Города пронумерованы числами от 1 до n.

Следующие m строк содержат описание рейсов, по одному на строке. Рейс номер i описывается тремя числами  $b_i$ ,  $e_i$  и  $w_i$  — номер начального и конечного города рейса и предполагаемое изменение веса Роджера в миллиграммах ( $1 \le b_i$ ,  $e_i \le n$ ,  $-100\,000 \le w_i \le 100\,000$ ).

Последняя строка содержит числа  $a_1, a_2, ..., a_k$  — номера городов, в которых проводятся концерты  $(a_i \neq a_{i+1})$ . В начале концертного тура группа находится в городе  $a_1$ .

Гарантируется, что группа может дать все концерты.

### Формат выходного файла

Первая строка выходного файла должна содержать число l — количество рейсов, которые должна сделать группа. Вторая строка должна содержать l чисел — номера используемых рейсов.

Если существует такая последовательность маршрутов между концертами, что Роджер будет набирать вес неограниченно, то первая строка выходного файла должна содержать строку "infinitely kind".

### АСМ-кружок, базовая группа Осенний семестр 2013—2014, ИТМО

pinkfloyd.in	pinkfloyd.out
4 8 5	6
1 2 -2	5 6 5 7 2 3
2 3 3	
3 4 -5	
4 1 3	
1 3 2	
3 1 -2	
3 2 -3	
2 4 -10	
1 3 1 2 4	
4 8 5	infinitely kind
1 2 -2	
2 3 3	
3 4 -5	
4 1 3	
1 3 2	
3 1 -2	
3 2 -3	
2 4 10	
1 3 1 2 4	