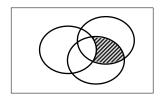
# Matematika Sipenmaru Tahun 1981

## **MA-81-01**

Jika A', B' dan C' berturut-turut adalah komplemen A, komplemen B dan komplemen C. Maka himpunan yang diarsir ialah ...



- A.  $A \cap B' \cap C$
- B.  $A' \cap B' \cap C$
- C.  $A' \cap B \cap C'$
- D.  $A' \cap B' \cap C$
- E.  $A \cap B' \cap C'$

## **MA-81-02**

Matriks yang menyatakan pencerminan titik-titik pada bidang XY terhadap sumbu *x* adalah ...

A. 
$$\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

B. 
$$\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

C. 
$$\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$$

$$D. \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$$

E. 
$$\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

## MA-81-03

Suku ke-n suatu deret geometri adalah  $4^{-n}$ . Maka jumlah deret tak hingga tersebut adalah ...

- A. 3
- B. 2
- C. 1
- D.  $\frac{1}{2}$
- E.  $\frac{1}{3}$

## MA-81-04

Jika  $\sqrt{x^2} < 3$ , maka ...

- A. -3 < x < 3
- B.  $-3 \le x \le 3$
- C.  $0 \le x < 3$
- D.  $x \le 3$
- E. x < 3

## MA-81-05

Bila x > 1, maka  $\frac{1}{m_{\log x}} + \frac{1}{n_{\log x}}$  sama dengan ...

- A.  $mn \log x$
- B.  $(m+n) \log x$
- C.  $(m+n)\log^2 x$
- D.  $x^2 \log (m+n)$
- E.  $x \log mn$

## **MA-81-06**

Diketahui tiga kelompok data : kelompok pertama terdiri dari  $n_1$  data dengan rata-rata  $\overline{x}_1$  dan kelompok kedua  $n_2$  dengan  $\overline{x}_2$  kelompok ketiga  $n_3$  dengan  $\overline{x}_3$ . Harga rata-rata dari jumlah seluruh data dari ketiga kelompok itu ialah ...

- A.  $\frac{\overline{x}_1 + \overline{x}_2 + \overline{x}_3}{3}$
- B.  $\frac{n_1 \overline{x}_1 + n_2 \overline{x}_2 + n_3 \overline{x}_3}{n_1 + n_2 + n_3}$
- C.  $3\left(\frac{\overline{x}_1}{n_1} + \frac{\overline{x}_2}{n_2} + \frac{\overline{x}_3}{n_3}\right)$
- D.  $\frac{n_1 \overline{x}_1 + n_2 \overline{x}_2 + n_3 \overline{x}_3}{n_1 x n_2 x n_3}$
- E.  $\frac{\overline{x}_1 + \overline{x}_2 + \overline{x}_3}{n_1 + n_2 + n_3}$

## **MA-81-07**

Kalimat ingkar dari kalimat : "Semua peserta ujian PP-I ingin masuk perguruan tinggi" adalah ...

- A. Tiada peserta ujian PP-I yang ingin masuk perguruan tinggi
- B. Semua peserta ujian PP-I tidak ingin masuk perguruan tinggi
- C. Ada peserta ujian PP-I ingin masuk perguruan tinggi
- D. Ada peserta ujian PP-I tidak ingin masuk perguruan tinggi
- E. Tiada peserta ujian PP-I yang tidak ingin masuk perguruan tinggi

#### MA-81-08

Bila  $x^3 - 4x^2 + 5x + p$  dan  $x^2 + 3x - 2$  dibagi oleh (x + 1) memberikan sisa sama, maka p sama dengan ...

- А. -6
- B. -4
- C. -2
- D. 4
- E. 6

Bila akar-akar persamaan kuadrat  $x^2 - 2ax + a + 2 = 0$  tidak sama tandanya, maka ...

A. 
$$a < -1$$
 atau  $a > 2$ 

B. 
$$-1 < a < 2$$

C. 
$$-2 < a < 2$$

D. 
$$-2 < a < -1$$

E. 
$$a < -2$$

## **MA-81-10**

Jika 
$$\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 & -2 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} a \\ b \end{pmatrix}$$
 dan  $\begin{pmatrix} a \\ b \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 5 & -2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} p \\ q \end{pmatrix}$ 

maka 
$$\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$$
 sama dengan ...

A. 
$$\begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 5 & -2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} p \\ q \end{pmatrix}$$

B. 
$$\begin{pmatrix} 6 & -6 \\ 5 & -2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} p \\ q \end{pmatrix}$$

C. 
$$\begin{pmatrix} -4 & 13 \\ 7 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} p \\ q \end{pmatrix}$$

D. 
$$\begin{pmatrix} 9 & -1 \\ 13 & -12 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} p \\ q \end{pmatrix}$$

E. 
$$\begin{pmatrix} 1 & -5 \\ -4 & 3 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} p \\ q \end{pmatrix}$$

## **MA-81-11**

Jika 
$$\vec{a} = \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \end{pmatrix}$$
,  $\vec{b} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}$  dan  $\vec{c} = \begin{pmatrix} -5 \\ 4 \end{pmatrix}$  maka panjang

vektor  $\vec{d} = \vec{a} + \vec{b} - \vec{c}$  adalah ...

A. 
$$\sqrt{5}$$

E. 
$$2\sqrt{41}$$

#### **MA-81-12**

Jumlah semua bilangan asli antara 1 dan 100 yang habis dibagi 3, tetapi tidak habis dibagi 5 ialah ...

- A. 1683
- B. 315
- C. 733
- D. 1368
- E. 133

## MA-81-13

Supaya ketiga garis 2x - y - 1 = 0; 4x - y - 5 = 0 dan ax - y - 7 = 0, melalui satu titik, *a* harus diberi nilai ...

- A. 1
- B. 2
- C. 3
- D. 4
- E. 5

#### **MA-81-14**

Bila  $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$  ditentukan oleh  $f(x) = x^2 \operatorname{dan} f^{-1}$  invers f maka  $f^{-1}$  ({4,25}) ialah himpunan ...

A. 
$$\{ x \mid 2 \le x \le 5 \}$$

B. 
$$\{x \mid -5 \le x \le 2\}$$

C. 
$$\{x \mid 2 \le x \le 5 \text{ atau } -5 \le x \le -2\}$$

D. 
$$\{ x \mid 2 < x \le 5 \}$$

E. 
$$\{x \mid 2 < x < 5\}$$

## **MA-81-15**

Persamaan garis yang melalui titik potong garis 4x + 7y - 15 = 0 dan 14y = 9x - 4, dan tegak lurus pada garis 21x + 5y = 3 ialah ...

A. 
$$21x - 5y = -11$$

B. 
$$11x - 21y = 5$$

C. 
$$5x - 21y = -11$$

D. 
$$5x + 21y = -11$$

E. 
$$5x - 21y = 11$$

## **MA-81-16**

Persamaan garis singgung melalui titik (5, 1) pada lingkaran  $x^2 + y^2 - 4x + 6y - 12 = 0$  adalah ...

A. 
$$3x + 4y - 19 = 0$$

B. 
$$3x - 4y - 19 = 0$$

C. 
$$4x - 3y + 19 = 0$$

D. 
$$x + 7y - 26 = 0$$

E. 
$$x - 7y - 26 = 0$$

## **MA-81-17**

Jika  $\log \frac{a^2}{b^2} = 12$ , maka  $\log \sqrt[3]{\frac{b}{a}}$  sama dengan ...

#### **MA-81-18**

Dengan n(S) dimaksud banyaknya anggota himpunan S Jika n(A) = a, n(B) = b dan  $n(A \cap B) = c$ , maka  $n(A \cup B)$  sama dengan ...

A. 
$$a+b+c$$

B. 
$$a+b-c$$

C. 
$$a-b-c$$

D. 
$$b-a-c$$

E. 
$$a+b-2c$$

A menyatakan himpunan pelajar yang lulus ujian matematika dan B menyatakan himpunan pelajar yang lulus ujian Biologi, sedangkan syarat masuk suatu fakultas ialah lulus ujian matematika dan lulus ujian biologi. Bila Amin tidak diterima masuk fakultas itu, maka ...

- A. Amin ∉ A'
- B. Amin ∉ B'
- C. Amin  $\notin (A' \cup B')$
- D. Amin  $\notin (A' \cap B')$
- E. Amin  $\in$  (A'  $\cup$  B')

## MA-81-20

Dari sebuah bidang-empat ABCD diketahui BC $\perp$ BD dan AB tegak lurus bidang BCD. BC = BD =  $a\sqrt{2}$  dan AB = a, maka sudut antara bidang ACD dan bidang BCD sama dengan ...

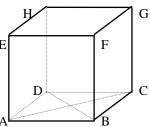
- A.  $\frac{\pi}{6}$
- B.  $\frac{\pi}{5}$
- C.  $\frac{\pi}{4}$
- D.  $\frac{\pi}{3}$
- E.  $\frac{\pi}{2}$

## **MA-81-21**

Bila  $2\cos(x+\frac{\pi}{4}) = \cos(x-\frac{\pi}{4})$  maka ...

- A.  $\tan x = \frac{1}{3}$
- B.  $\sin x = \frac{1}{2} \sqrt{2}$
- C.  $\cos x = \frac{1}{2} \sqrt{3}$
- D.  $\tan x = 3$
- E.  $\sin x = \frac{1}{2}$

#### MA-81-22



ABCD.EFGH suatu kubus dengan rusuk *a*. Di antara pernyataan-pernyataan di bawah ini

- 1. AF memotong BG
- 2. AC ⊥ BH
- 3. Jarak BD dan CE sama dengan  $\frac{1}{6}a\sqrt{6}$
- 4.  $BD \perp CH$
- 5. Jarak AE dan DF sama dengan  $\frac{1}{2} a\sqrt{2}$

yang benar ialah pernyataan ...

- A. 1, 2 dan 4
- B. 2, 3 dan 5
- C. 2, 4 dan 5
- D. 1, 3 dan 5
- E. 1, 4 dan 5

## **MA-81-23**

Bila x terletak dalam interval  $\frac{\pi}{4} < x < \frac{\pi}{2}$ , maka berlaku

- • •
- A.  $\cos x \le \cos 2x$
- B.  $\cos x > \cos 2x$
- C.  $\cos x \ge \cos 2x$
- D.  $\cos x < \cos 2x$
- E.  $\cos x = \cos 2x$

#### MA-81-24

$$\lim_{x \to 1} \frac{x^n}{x - 1} = \dots$$

- A.  $n^2 1$
- B.  $n^2-n$
- C. tak terhingga
- D. 1
- E. *n*

## **MA-81-25**

Bila akar-akar persamaan  $3x^2 + 8x + 4 = 0$  adalah p dan q, maka persamaam kuadrat yang mempunyai akar  $p^2$  dan  $q^2$  adalah ...

- A.  $9x^2 + 64x + 16 = 0$
- B.  $9x^2 64x + 16 = 0$
- C.  $3x^2 + 40x + 4 = 0$
- D.  $9x^2 + 40x + 16 = 0$
- E.  $9x^2 40x + 16 = 0$

Harga x yang memenuhi pertidaksamaan  $2^{2x} - 2^{x+1} > 8$  ialah ...

A. x > 4

B. x < -2

C. x < 2

D. x > 2

E. x < -4

## **MA-81-27**

 $\int \cos^2 x \sin x \, \mathrm{d}x = \dots$ 

A.  $\cos^3 x + C$ 

B.  $-\cos^3 x + C$ 

C.  $\frac{1}{3}\cos^3 x + C$ 

D.  $-\frac{1}{3}\cos^3 x + C$ 

E.  $\frac{1}{3}\cos^3 x \sin x + C$ 

## **MA-81-28**

Nilai maksimum dari 2x + y dengan syarat :  $x \ge 0$ ,  $y \ge 0$ ,

 $3x + 5y \le 15$  adalah ...

A. 15

B. 10

C. 5

D. 3

E. 2

#### **MA-81-29**

Interval-interval di mana fungsi  $f(x) = 2x^3 - 9x^2 + 12$  naik adalah ...

A. x < -2 atau x > -1

B. -2 < x < -1

C. -1 < x < 2

D. 1 < x < 2

E. x < 1 atau x > 2

## **MA-81-30**

Luas daerah yang dibatasi oleh kurva  $y = 3x^2 + 4x + 1$ , garis x = 2 dan kedua salib sumbu, sama dengan ...

A. 20

B. 18

C. 16

D. 14

E.  $18\frac{4}{27}$ 

#### MA-81-31

Suatu tali dibagi menjadi enam bagian dengan panjang yang membentuk suatu barisan geometri. Jika yang paling pendek adalah 3 cm dan yang paling panjang 96 cm maka panjang tali semula dengan ...

A. 183 cm

B. 185 cm

C. 187 cm

D. 189 cm

E. 191 cm

#### **MA-81-32**

Tinggi suatu bidang empat beraturan, dengan rusukrusuk sama dengan a cm, adalah ...

A.  $\frac{1}{2} a\sqrt{6}$  cm

B.  $\frac{1}{3}a\sqrt{6}$  cm

C.  $\frac{2}{3}a\sqrt{6}$  cm

D.  $\frac{1}{4} a\sqrt{3}$  cm

E.  $\frac{1}{3}a\sqrt{3}$  cm

## MA-81-33

Sebuah suku banyak bila dibagi (x-2) sisanya 5, dan bila dibagi (x+2) tidak bersisa. Bila dibagi  $(x^2-4)$  maka sisanya adalah ...

A. 5x - 10

B. 5x + 10

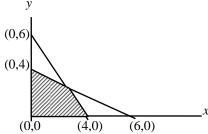
C. -5x + 30

D.  $-\frac{5}{4}x + 7\frac{1}{2}$ 

E.  $\frac{5}{4}x + 2\frac{1}{2}$ 

## MA-81-34

Daerah yang diarsir pada gambar berikut



menunjukkan himpunan penyelesaian dan pembatasan pembatasan untuk bilangan-bilangan nyata x dan y di bawah ini ...

A.  $x \ge 0$ ;  $y \ge 0$ ;  $2x + y \le 8$ ;  $3x + 2y \le 12$ 

B.  $x \ge 0$ ;  $y \ge 0$ ;  $x + 2y \ge 8$ ;  $3x + 2y \le 12$ 

C.  $x \ge 0$ ;  $y \ge 0$ ;  $x + 2y \le 8$ ;  $3x + 2y \le 12$ 

D.  $x \ge 0$ ;  $y \ge 0$ ;  $x + 2y \ge 8$ ;  $3x + 2y \ge 12$ 

E.  $x \ge 0$ ;  $y \ge 0$ ;  $2x + y \le 8$ ;  $2x + 3y \le 12$ 

## MA-81-35

Supaya  $(a-2)x^2 - 2(2a-3)x + (5a-6) > 0$  untuk setiap bilangan real x, maka ...

A. a > 1

B. a > 2

C. a > 3

D. a > 4

E. a > 5

Jarak terdekat antara titik (7, -2) ke lingkaran

$$x^2 + y^2 - 10x - 14x - 151 = 0$$
 sama dengan ...

B. 4

C. 3

D. 8

E. 13

## MA-81-37

Nilai pecahan  $\frac{x^2 + 4x}{x^2 + 2}$  terletak di antara ...

A.  $-2 \operatorname{dan} -1$ 

B. -2 dan 1

C. -1 dan 2

D. 1 dan 2

E. 2 dan 4

#### **MA-81-38**

Bila sisi miring sebuah segitiga siku-siku adalah 25 dan kelilingnya adalah 56, maka sisi siku-sikunya ialah ...

A. 10 dan 21

B. 7 dan 24

C. 15 dan 16

D. 14 dan 17

E. 12 dan 19

## MA-81-39

Bila  $\sin^2 \alpha = \frac{2x-7}{x+1}$  maka harga x yang memenuhi ialah

A.  $-1 \le x \le 8$ 

B.  $1 \le x \le 8$ 

C.  $3\frac{1}{2} \le x \le 8$ 

D.  $0 \le x \le 1$ 

E.  $1 \le x \le 3\frac{1}{2}$ 

## MA-81-40

Jika  $\vec{p}$ ,  $\vec{q}$ ,  $\vec{r}$  dan  $\vec{s}$  berturut-turut adalah vektor posisi titik-titik dudut jajaran genjang PQRS, dengan PQ sejajar SR, maka  $\vec{s}$  sama dengan ...

A.  $-\vec{p} + \vec{q} + \vec{r}$ 

B.  $-\vec{p} - \vec{q} + \vec{r}$ 

C.  $\vec{p} - \vec{q} + \vec{r}$ 

D.  $\vec{p} + \vec{q} + \vec{r}$ 

E.  $\vec{p} - \vec{q} - \vec{r}$ 

#### **MA-81-41**

Bila a > 1, b > 1 dan  $a \log b = p$ , maka  $a^2 \log b^2$  sama dengan ...

A.  $\frac{1}{2}p$ 

B. *p* 

C.  $p^2$ 

D.  $\sqrt{p}$ 

E. 2p

## MA-81-42

Diketahui f(x) = (x - a)(x - b) dengan a, b dan x bilangan real dan a < b jika ...

A. a < x < b, maka f(x) < 0

B. x < a, maka f(x) < 0

C. a < x < b, maka f(x) > 0

D. a b = 0, maka f(x) = 0 untuk setiap harga x

E. x < b, maka f(x) > 0

## **MA-81-43**

Sebuah tabung tanpa tutup, yang terbuat dari seng tipis dapat memuat zat cair sebanyak 64 cm<sup>3</sup>. Seluruh luas tabung itu akan minimum, jika jari-jari tabung sama dengan ...

A. 
$$\frac{8}{\pi}\sqrt{\pi}$$

$$B. \quad \frac{4}{\pi} \sqrt{2\pi}$$

$$C. \quad \frac{4}{\pi} \sqrt{\pi}$$

$$D. \quad \frac{4}{\pi} \sqrt[3]{2\pi}$$

E. 
$$\frac{4}{\pi} \sqrt[3]{\pi}$$

 $\frac{{\bf MA-81-44}}{{\bf Jika}\,f^{-1}}\,{\rm dan}\;g^{-1}$  berturut-turut adalah invers fungsi $f\,{\rm dan}$ fungsi g, dengan f(x) = x + 1 dan  $g(x) = \frac{1}{x}$ ,  $x \ne 0$ , maka

 $(f \circ f)(x) = f(f(x)) = x + 2$ (1)

 $(f \circ f^{-1})(x) = f(f^{-1})(x) = x$   $(g^{-1} \circ g)(x) = g^{-1}(g(x)) = x$ (2)

(3)

 $(f \circ g)(x) = f(g(x)) = \frac{1}{x+1}$ 

## **MA-81-45**

Jika pernyataan "Setiap peserta ujian PP-I sekarang sedang berpikir" benar, maka ...

- (1) Jika si A peserta ujian PP-I, maka si A sekarang sedang berpikir
- (2) Jika si A bukan peserta ujian PP-I, maka si A sekarang tidak sedang berpikir
- Jika si A sekarang sedang tidak berpikir, maka si A bukan peserta ujian PP-I
- (4) Jika si A sekarang sedang berpikir, maka si A peserta ujian PP-I

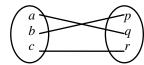
Sebuah garis lurus bersama dengan sumbu-sumbu koordinat membentuk sebuah segitiga yang luasnya 24. Jika garis itu juga melalui (3, 3), maka persamaannya ialah ...

- (1) 3x y = 12
- (2) 3x + y = 12
- (3) x 3y = -12
- (4) x + 3y = 12

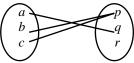
## **MA-81-47**

Relasi relasi dari himpunan  $A = \{a, b, c\}$  ke himpunan  $B = \{p, q, r\}$  manakah yang merupakan fungsi ?

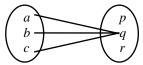




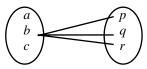




(3)



(4)



#### **MA-81-48**

Diketahui  $S = \{a, e, b\}$  dengan operasi perkalian yang didefinisikan menurut tabel berikut

X	a	e	b
A	b	a	e
e	а	e	b
b	e	b	а

Maka ...

- (1) tiap elemen S mempunyai invers
- (2) S tertutup terhadap perkalian
- (3) dalam S berlaku hukum komutatif
- (4) dalam S berlaku hukum asosiatif

## MA-81-49

Jika bilangan-bilangan real a, b dan c memenuhi pertidaksamaan a > b dan b > c, maka ...

- (1) a + b > a + c
- (2) a + c 2c > 0
- (3) a > c
- (4) b + c > 2a

#### **MA-81-50**

Hasil suatu pengamatan adalah sebagai berikut : 7, 13,

- 16, 10, 11, 13, 10, 8, 16
- (1) jangkauan = 9
- (2) kuartil bawah = 14,5
- (3) median 11
- (4) kuartil atas = 9